

Attention Models: da motivação às variantes modernas

Intuição geométrica, formulação matemática e aplicações

Rodrigo Petrus, Felipe Grael e Vivian Carvalho

19 de agosto de 2025





Table of Contents

1 Motivação e Histórico

- ► Motivação e Histórico
- ► Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ▶ Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ▶ Language Models
- ▶ Vision Transformer
- Graph Attention
- Referências Bibliográficas



Redes Neurais Recorrentes

1 Motivação e Histórico

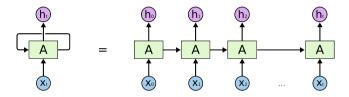


Figura: Redes Neurais Recorrentes 1

- Bem adaptadas para dados sequenciais como séries temporais e texto
- Diferentes tipos de modelos: LSTM, GRU
- Diferentes arquiteturas: simples, bidirecional, encoder-decoder

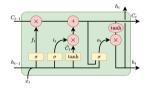
¹Figura de Christopher Olah



Tipos de camadas RNN

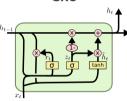
1 Motivação e Histórico

LSTM



$$\begin{split} f_t &= \sigma(W_f[h_{t-1}, x_t] + b_f), & i_t &= \sigma(W_i[h_{t-1}, x_t] + b_i), \\ \tilde{C}_t &= \tanh(W_c[h_{t-1}, x_t] + b_c), & C_t &= f_t \odot C_{t-1} + i_t \odot \tilde{C}_t, \\ o_t &= \sigma(W_o[h_{t-1}, x_t] + b_o), & h_t &= o_t \odot \tanh(C_t) \end{split}$$

GRU

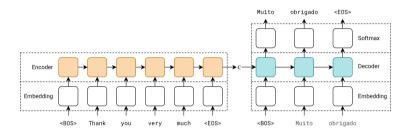


$$\begin{split} z_t &= \sigma(W_z \cdot [h_{t-1}, x_t]) \\ r_t &= \sigma(W_r \cdot [h_{t-1}, x_t]) \\ \tilde{h}_t &= \tanh(W \cdot [r_t \odot h_{t-1}, x_t]) \\ h_t &= (1 - z_t) \odot h_{t-1} + z_t \odot \tilde{h}_t \end{split}$$



Arquitetura Seq2Seq para Tradução

1 Motivação e Histórico

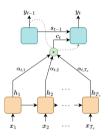


- Gargalo: toda a informação comprimida em $c = h_n$.
 - Processamento sequencial \Rightarrow baixa paralelização.
 - Dependências longas ainda são difíceis (mesmo com portas).
 - Gargalo do contexto (vetor único) degrada qualidade em frases longas.

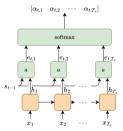


Atenção aditiva (Bahdanau [1])

1 Motivação e Histórico



- Cada etapa do decoder recebe um vetor de contexto c_i .
- O vetor de contexto é uma combinação ponderada dos estados do encoder.



- Escore de alinhamento avalia o quanto a palavra x_i é relevante para prever y_i .
- Calculado por uma rede neural feedforward.
- Resolve o gargalo de contexto e permit frases mais longas.



Atenção multiplicativa [2]

1 Motivação e Histórico

Três variantes de scoring:

$$e_{ij} = v^{ op} anh(W[s_j; h_i])$$
 (concat, similar ao Bahdanau) $e_{ij} = s_j^{ op} W h_i$ (general) $e_{ij} = s_j^{ op} h_i$ (dot)

- s_i : query \rightarrow estado oculto do decoder.
- h_i : key/value \rightarrow estado do encoder.
- Concat: aproxima-se da atenção aditiva de Bahdanau.
- **General:** bilinear, mais expressivo (aprende W).
- **Dot:** mais simples e rápido (nenhum parâmetro extra).

Nota: Podemos reinterpretar em termos modernos como $Q = s_i$, $K = h_i$, $V = h_i$.



Global vs Local Attention [2]

1 Motivação e Histórico

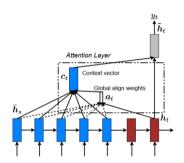


Figure 2: Global attentional model – at each time step t, the model infers a variable-length alignment weight vector a_t based on the current target state h_t and all source states \bar{h}_s . A global context vector c_t is then computed as the weighted average, according to a_t , over all the source states.

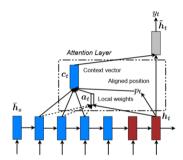


Figure 3: **Local attention model** – the model first predicts a single aligned position p_t for the current target word. A window centered around the source position p_t is then used to compute a context vector c_t , a weighted average of the source hidden states in the window. The weights a_t are inferred from the current target state h_t and those source states h_s in the window.



Self-Attention: dependências em paralelo

1 Motivação e Histórico

$$\operatorname{Att}(Q, K, V) = \operatorname{softmax}\left(\frac{QK^{\top}}{\sqrt{d_k}}\right)V, \quad Q = XW_Q, K = XW_K, V = XW_V.$$

- Calcula relações entre todos os tokens da mesma sequência, em paralelo.
- Multi-head:

$$\operatorname{MHA}(X) = \operatorname{Concat}(H_1, \dots, H_h) W_O, \quad H_r = \operatorname{softmax}\left(\frac{Q_r K_r^{\top}}{\sqrt{d_k}}\right) V_r.$$

• Comparativo: RNN/LSTM exige n passos sequenciais; self-attention faz um passo paralelo com custo $\mathcal{O}(n^2)$.



Arquitetura pré-transformer

1 Motivação e Histórico

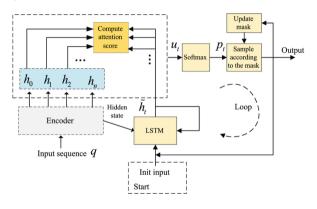


Figura: Exemplo de arquitetura pré-transformer (aditiva) [3]



Table of Contents

2 Transformers

- ▶ Motivação e Histórico
- **▶** Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ► Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ▶ Language Models
- Vision Transformer
- Graph Attentior
- ► Referências Bibliográficas



Attention Is All You Need [4]: nascendo o Transformer

- **Remove** completamente a recorrência (sem LSTM).
- Positional encodings preservam ordem:

$$PE_{(pos,2i)} = \sin\left(\frac{pos}{10000^{2i/d_{\text{model}}}}\right), \quad PE_{(pos,2i+1)} = \cos\left(\frac{pos}{10000^{2i/d_{\text{model}}}}\right).$$

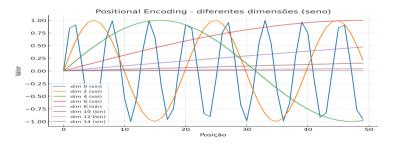


Figura: Exemplo de codificação posicional senoidal [4]



Bloco Transformer e arquitetura

2 Transformers

• Cada bloco Transformer (pré-norm, forma comum):

$$Y = X + \text{MHA}(\text{LN}(X)),$$

 $Z = Y + \text{FFN}(\text{LN}(Y)), \quad \text{FFN}(u) = W_2 \phi(W_1 u + b_1) + b_2,$

- Empilha-se vários blocos de atenção+FFN ⇒ arquitetura Transformer.
- Máscara causal (para LMs) impede olhar o futuro:

softmax
$$\left(\frac{QK^{\top}}{\sqrt{d_k}} + M\right)$$
, $M_{ij} = \begin{cases} 0, & j \leq i \\ -\infty, & j > i \end{cases}$



Arquiteturas Transformer e Aplicações

Encoder-Decoder

(Transformer original, 2017)

- Tradução automática
- Sumarização
- Diálogo
- Captioning

Encoder-only

(BERT, RoBERTa, DistilBERT)

- Classificação de texto
- NER (entidades)
- QA (extração de trechos)
- Análise semântica

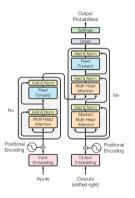
Decoder-only

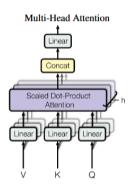
(GPT, LLaMA, etc.)

- Modelos de linguagem
- Geração de texto
- Completamento de prompts
- Story generation



Arquiteturas Transformer: encoder e decoder [4]2 Transformers





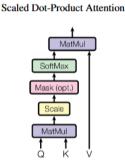


Figura: Transformer Encoder e Decoder 15/49

Figura: Multi-Head Attention

Figura: Multi-Head Attention



Resumo da evolução dos modelos

2 Transformers

Linha do tempo (síntese):

- LSTM encoder-decoder: contexto único $c = h_n$ (gargalo).
- LSTM + atenção (Bahdanau/Luong): alívio do gargalo.
- Self-attention: dependências longas em paralelo.
- Transformer: atenção + posição + FFN; várias camadas empilhadas; sem LSTM.



Table of Contents

3 Embeddings & Interpretações

- ▶ Motivação e Histórico
- **▶** Transformers
- ► Embeddings & Interpretações
- Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ▶ Language Models
- ► Vision Transforme
- Graph Attentior
- Referências Bibliográficas



Word/Subword Embeddings

3 Embeddings & Interpretações

- Estáticos (Word2Vec, GloVe) vs. Contextuais (ELMo, BERT)
- Subword (BPE/Unigram) para robustez morfológica
- Análogos em outras modalidades: patches (ViT), time2vec (TS), node2vec (grafos)



Atenção: projeções e compatibilidade

3 Embeddings & Interpretações

• Projeções lineares:

$$Q = XW_Q, K = XW_K, V = XW_V.$$

- Compatibilidade: $e_i = \frac{\langle q, k_i \rangle}{\sqrt{d}}$ (ou cosseno se normalizar).
- Pesos:

$$\alpha_i = \operatorname{softmax}(e_i) \Rightarrow \alpha_i \geq 0, \ \sum_i \alpha_i = 1.$$

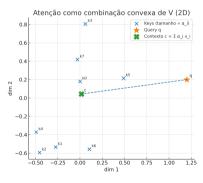


Figura: Pesos α_i (softmax do dot-product)



Interpretação Geométrica: contexto = barycenter 3 Embeddings & Interpretações

- Contexto: $c = \sum_i \alpha_i v_i \in \text{conv}\{v_i\} \Rightarrow \text{combinação }$ convexa dos values.
- **Geometria**: níveis de igual peso são hiperplanos ortogonais a q; pesos crescem exponencialmente com o alinhamento entre q e k_i .





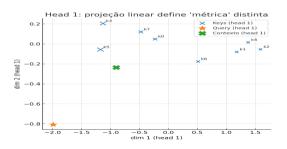
Multi-head: múltiplas projeções/métricas

3 Embeddings & Interpretações

• Cada head aplica $(W_Q^{(h)}, W_K^{(h)}, W_V^{(h)})$ e induz uma métrica interna distinta:

$$\langle x, y \rangle_h = x^\top W_Q^{(h)} W_K^{(h)} Y.$$

• Heads diferentes \rightarrow diferentes pesos $\alpha^{(h)}$ e contextos $c^{(h)}$; a saída concatena/combina esses subespaços.



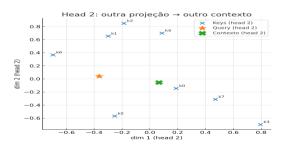


Figura: Head 1



Interpretação Matemática: Self-Attention

3 Embeddings & Interpretações

Fórmula central (scaled dot-product)

$$Att(Q, K, V) = softmax \left(\frac{QK^{\top}}{\sqrt{d_k}}\right) V$$

- Máscara causal/atencional conforme a tarefa
- Complexidade $\mathcal{O}(n^2)$ em tempo/memória
- Gradientes e saturação da softmax



Positional Encodings — Absolutos

3 Embeddings & Interpretações

• Senoidais [4]:

$$PE(pos, 2i) = \sin\left(\frac{pos}{10000^{2i/d}}\right), \quad PE(pos, 2i+1) = \cos\left(\frac{pos}{10000^{2i/d}}\right)$$

- Frequências diferentes em cada dimensão.
- Permitem extrapolação por periodicidade.
- Risco: aliasing (padrões que se repetem em posições distantes).

• Aprendidos:

$$z_{pos} = x_{pos} + P_{pos}, \ P \in \mathbb{R}^{L_{\text{max}} \times d}$$

- Mais flexíveis e adaptados à tarefa.
- **Limite**: não extrapolam para posições > $L_{\rm max}$.



Positional Encodings — Relativos e Bias

3 Embeddings & Interpretações

Shaw et al. (2018):

$$e_{ij} = q_i^{\top}(k_j + r_{i-j})$$

ou com bias b_{i-j} . Codifica **distâncias** em vez de posições absolutas.

• T5 (Raffel et al., 2020):

$$e_{ij} = q_i^{\top} k_j + B_{\mathsf{bucket}(i-j)}$$

- "Baldes" de distâncias (log-escalados).
- Barato, simples, bom para extrapolação moderada.
- ALiBi (Press et al., 2022):

$$e_{ij} + m_h (i-j)$$

- Inclinação linear por head.
- Suporta janelas muito maiores sem retraining.
- Praticamente custo zero.



Positional Encodings — RoPE e Impacto Prático

3 Embeddings & Interpretações

• RoPE (Su et al., 2021): aplica rotação dependente da posição:

$$\tilde{x}_{2i}, \tilde{x}_{2i+1} = \begin{cases} x_{2i}\cos\theta - x_{2i+1}\sin\theta \\ x_{2i}\sin\theta + x_{2i+1}\cos\theta \end{cases}, \quad \theta = \frac{pos}{10000^{2i/d}}$$

- Produto $q^{\top}k$ passa a depender de $(pos_q pos_k)$.
- \Rightarrow natural para codificar deslocamentos/ordem relativa.
- Impacto prático:
 - Absolutos aprendidos: limitados ao $L_{\rm max}$.
 - Senoidais: extrapolam mas sofrem com aliasing.
 - Relativos (T5, ALiBi, RoPE): melhor estabilidade para contextos longos.
- Hoje: ALiBi e RoPE são o padrão em LLMs de longo contexto.



Table of Contents

4 Treino & Hiperparâmetros

- Motivação e Histórico
- Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ► Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ▶ Language Models
- ▶ Vision Transformer
- Graph Attentior
- Referências Bibliográficas

Práticas de Treino 4 Treino & Hiperparâmetros

- AdamW, warmup + decaimento; label smoothing quando aplicável
- Regularização: dropout, stochastic depth, weight decay
- AMP/mixed precision, grad clipping, checkpointing
- Dados: curriculum, masking, augmentation (TS/ViT/GAT)



Hiperparâmetros Essenciais

4 Treino & Hiperparâmetros

- Profundidade, d_{model} , #heads, d_{ff} , dropout
- Comprimento de contexto, batch size, LR schedule
- Específicos: tokenização (LM), patch size (ViT), janela/patch (TS)



Qual tamanho ideal? (Scaling)

4 Treino & Hiperparâmetros

- Leis de escala [5]: desempenho cresce com ↑ dados, parâmetros e compute, até saturar.
- Trade-offs: muitos parâmetros + poucos dados → overfitting; muitos dados + poucos parâmetros → subutilização.
- Tokens vs. parâmetros: ideal quando #tokens \approx múltiplos de #parâmetros [6].
- Contexto: janelas maiores ajudam, mas ganhos saturam.
- Regra prática: dimensione conforme dataset + compute + budget de inferência.

Resumo: não há tamanho ótimo universal — depende do equilíbrio entre dados, parâmetros e recursos disponíveis.



Table of Contents

5 Séries Temporais

- ▶ Motivação e Histórico
- ► Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ▶ Treino & Hiperparâmetros
- ▶ Séries Temporais
- ▶ Language Models
- Vision Transformer
- Graph Attentior
- Referências Bibliográficas



Atenção em Séries Temporais

5 Séries Temporais

- Codificação temporal: absolutos/relativos; *Time2Vec*; embeddings de calendário (hora/dia/sazonalidade).
- Exógenas + cross-attention: integrar variáveis externas (clima, preços, feriados) à série-alvo.
- **Contextos longos:** *patching* (janelas), sparsity e hashing; ganhos de janelas muito grandes tendem a saturar.
- Por que atenção: foca nos trechos relevantes do histórico e alinha padrões não estacionários/irregulares.
- Tarefas: previsão (forecasting), imputação (faltantes) e detecção de anomalias.



Modelos recentes (com código)

5 Séries Temporais

- Informer (AAAI'21) atenção esparsa p/ sequências longas.
- Autoformer (NeurIPS'21) auto-correlação + decomposição.
- PatchTST (ICLR'23) patching / channel-independent.
- TimesNet (ICLR'23) modelagem de variação temporal 2D.
- TSDiffusion (2023) difusão para séries temporais.



Table of Contents

6 Language Models

- ▶ Motivação e Histórico
- ► Transformers
- Embeddings & Interpretações
- Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ► Language Models
- Vision Transformer
- Graph Attentior
- Referências Bibliográficas



Language Models (LM)

6 Language Models

- Atenção causal (masked self-attention): máscara triangular impede olhar o futuro.
- Objetivo autoregressivo: minimizar $-\sum_t \log p(x_t \mid x_{< t})$ (next-token).
- Pré-treino (corpus amplo, tarefa genérica) vs. fine-tuning (tarefa/estilo): instruction tuning (FLAN), RLHF (InstructGPT).
- **PEFT** (ajuste eficiente): *LoRA*, *Adapters* (congelar base + poucos params).
- Métricas: perplexity (surpresa média por token) e downstream (ex.: SuperGLUE, MMLU).



Language Models — Implementações (GitHub)

6 Language Models

- karpathy/nanoGPT (2022) GPT minimalista
- huggingface/transformers (2019) biblioteca SOTA
- EleutherAl/gpt-neox (2022) treino LLMs em larga escala
- meta-llama/llama (2023) código/pesos Llama
- harvardnlp/annotated-transformer (2018) Transformer anotado

- huggingface/trl (2020) SFT, PPO/DPO, RLHF
- DeepSpeed-Chat (2023) pipeline RLHF
- OpenRLHF/OpenRLHF (2023) RLHF escalável
- huggingface/peft (2023) PEFT (LoRA, QLoRA, etc.)
- adapter-hub/adapters (2020) biblioteca de Adapters
- microsoft/LoRA (2021) implementação LoRA oficial
- google-research/FLAN (2021) dados p/ instruction tuning



Table of Contents

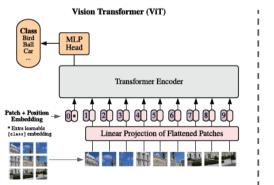
7 Vision Transformer

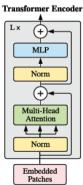
- ▶ Motivação e Histórico
- ▶ Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ▶ Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- Language Models
- ▶ Vision Transformer
- Graph Attentior
- Referências Bibliográficas



Vision Transformer (ViT) — Introdução

- CNNs dominaram visão computacional por anos (ResNet, EfficientNet, etc.).
- ViT (Dosovitskiy et al., 2020): adapta a atenção para imagens.
- Ideia central: dividir a imagem em **patches** \rightarrow tokens \rightarrow atenção global.

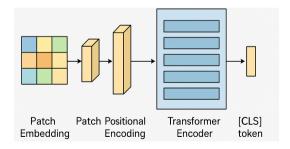






Arquitetura do Vision Transformer

- Patch Embedding: cada patch (ex: 16×16 pixels) é transformado em vetor.
- Positional Encoding: adiciona informação espacial aos tokens.
- Transformer Encoder: múltiplas camadas de multi-head self-attention + feedforward.
- [CLS] token: representa a imagem inteira para tarefas de classificação.





Resultados do Vision Transformer

7 Vision Transformer

- ViT pré-treinado em **JFT-300M** e **ImageNet-21k** supera CNNs de última geração.
- Comparação em benchmarks populares (ImageNet, CIFAR, Oxford Pets, Flowers, VTAB).
- Uso de atenção global traz ganhos em acurácia com menor custo de pré-treinamento que ResNets muito grandes.

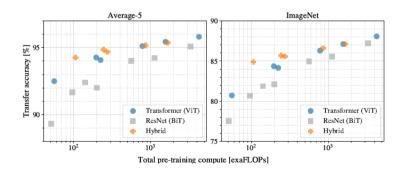
	Ours-JFT (ViT-H/14)	Ours-JFT (ViT-L/16)	Ours-I21k (ViT-L/16)	BiT-L (ResNet152x4)	Noisy Student (EfficientNet-L2)
ImageNet	88.55 ± 0.04	87.76 ± 0.03	85.30 ± 0.02	87.54 ± 0.02	88.4/88.5*
ImageNet ReaL	90.72 ± 0.05	90.54 ± 0.03	88.62 ± 0.05	90.54	90.55
CIFAR-10	99.50 ± 0.06	99.42 ± 0.03	99.15 ± 0.03	99.37 ± 0.06	_
CIFAR-100	94.55 ± 0.04	93.90 ± 0.05	93.25 ± 0.05	93.51 ± 0.08	_
Oxford-IIIT Pets	97.56 ± 0.03	97.32 ± 0.11	94.67 ± 0.15	96.62 ± 0.23	_
Oxford Flowers-102	99.68 ± 0.02	99.74 ± 0.00	99.61 ± 0.02	99.63 ± 0.03	_
VTAB (19 tasks)	77.63 ± 0.23	76.28 ± 0.46	72.72 ± 0.21	76.29 ± 1.70	_
TPUv3-core-days	2.5k	0.68k	0.23k	9.9k	12.3k

Fonte: Dosovitskiy et al. (2020) An Image is Worth 16x16 Words: Transformers for Image Recognition at Scale.



Pontos chave

- Resultados: ViT supera CNNs em grandes datasets (ex: ImageNet-21k, JFT).
- Limitações: precisa de muito dado e poder computacional para treinar do zero.
- Avanços: variantes mais leves como DeiT, Swin Transformer e modelos híbridos CNN+ViT.





Avanços do Vision Transformer

- DeiT (Data-efficient Image Transformers) Touvron et al., ICML 2021
 - Treino de ViTs menores com menos dados.
 - Uso de distilação de conhecimento.
- Swin Transformer (Shifted Windows Transformer) Liu et al., ICCV 2021
 - Atenção hierárquica em janelas deslizantes.
 - Mais eficiente para imagens grandes, detecção e segmentação.
- Modelos Híbridos CNN+ViT d'Ascoli et al., ICML 2021 (ConViT)
 - Combinação de convoluções locais + atenção global.
 - Inductive bias de CNN ajuda em datasets menores.



Table of Contents

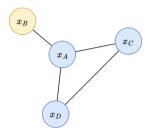
8 Graph Attention

- ▶ Motivação e Histórico
- ► Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ▶ Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- Language Models
- ▶ Vision Transformer
- ► Graph Attention
- Referências Bibliográficas



Motivação: Graph Neural Networks

8 Graph Attention



• Cada nó possui um vetor de características x_i e um valor y_i a ser predito.

Rede Neural Simples

$$\boldsymbol{h_i} = f(\boldsymbol{x_i} \boldsymbol{W^T} + b_i)$$

Graph Neural Network

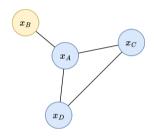
$$oldsymbol{h_i} = f\left(oldsymbol{x_i} oldsymbol{W}^T + \sum_{j \in \mathcal{N}_i} oldsymbol{x_j} oldsymbol{W}^T
ight)$$

- Agrega as features dos vizinhos de i (\mathcal{N}_i)
- Graph Convolutional Networks (GCNs) normalizam os pesos pelo grau dos nós.



Graph Attention Network [7]

8 Graph Attention



- Pondera cada vizinho com peso de atenção $\alpha_{i,j}$.
- Pode usar multi-head attention.

Graph Attention Networks (GATs)

$$h_i = f\left(x_i W^T + \sum_{j \in \mathcal{N}_i} \alpha_{i,j} x_j W^T\right)$$

$$\alpha_{i,j} = \operatorname{softmax}_j(e_{i,j})$$

$$e_{i,j} = \text{LeakyRelu}(a_{i,j})$$

$$a_{i,j} = \boldsymbol{W}_{ ext{att}}^T[\boldsymbol{W}\boldsymbol{x_i}, \boldsymbol{W}\boldsymbol{x_j}]$$



Graph Attention Network [7]

8 Graph Attention

Table 2: Summary of results in terms of classification accuracies, for Cora, Citeseer and Pubmed. GCN-64* corresponds to the best GCN result computing 64 hidden features (using ReLU or ELU).

Transductive						
Method	Cora	Citeseer	Pubmed			
MLP	55.1%	46.5%	71.4%			
ManiReg (Belkin et al., 2006)	59.5%	60.1%	70.7%			
SemiEmb (Weston et al., 2012)	59.0%	59.6%	71.7%			
LP (Zhu et al., 2003)	68.0%	45.3%	63.0%			
DeepWalk (Perozzi et al., 2014)	67.2%	43.2%	65.3%			
ICA (Lu & Getoor, 2003)	75.1%	69.1%	73.9%			
Planetoid (Yang et al., 2016)	75.7%	64.7%	77.2%			
Chebyshev (Defferrard et al., 2016)	81.2%	69.8%	74.4%			
GCN (Kipf & Welling, 2017)	81.5%	70.3%	79.0%			
MoNet (Monti et al., 2016)	$81.7\pm0.5\%$	_	$78.8 \pm 0.3\%$			
GCN-64*	$81.4 \pm 0.5\%$	$70.9 \pm 0.5\%$	79.0 ± 0.3%			
GAT (ours)	$83.0 \pm 0.7\%$	72.5 \pm 0.7%	79.0 \pm 0.3%			

Evoluções de GATs

- GATv2 [8]: atenção dinâmica (mais expressiva).
- TGAT [9]: Aprendizado de representação para grafos temporais



Table of Contents

- ▶ Motivação e Histórico
- Transformers
- Embeddings & Interpretações
- ▶ Treino & Hiperparâmetros
- Séries Temporais
- ▶ Language Models
- ▶ Vision Transformer
- Graph Attentior
- ► Referências Bibliográficas



Referências Bibliográficas

- [1] D. Bahdanau, K. Cho, and Y. Bengio, "Neural machine translation by jointly learning to align and translate," *arXiv preprint arXiv:1409.0473*, 2014.
- [2] M.-T. Luong, H. Pham, and C. D. Manning, "Effective approaches to attention-based neural machine translation," in *Proceedings of the 2015 Conference on Empirical Methods in Natural Language Processing (EMNLP)*, pp. 1412–1421, 2015.
- [3] S. Gu and Y. Zhuang, "Method for solving constrained O-1 quadratic programming problems based on pointer network and reinforcement learning," *Neural Computing and Applications*, vol. 35, 2022.



Referências Bibliográficas

- [4] A. Vaswani, N. Shazeer, N. Parmar, J. Uszkoreit, L. Jones, A. N. Gomez, L. Kaiser, and I. Polosukhin, "Attention is all you need," in *Advances in Neural Information Processing Systems*, vol. 30, 2017.
- [5] J. Kaplan, S. McCandlish, T. Henighan, T. B. Brown, B. Chess, R. Child, S. Gray, A. Radford, J. Wu, and D. Amodei, "Scaling laws for neural language models," *arXiv* preprint arXiv:2001.08361, 2020.
- [6] J. Hoffmann, S. Borgeaud, A. Mensch, E. Buchatskaya, T. Cai, E. Rutherford, D. d. L. Casas, L. A. Hendricks, J. Welbl, A. Clark, T. Hennigan, J. Noland, K. Millican, G. v. d. Driessche, B. Damoc, A. Guy, S. Osindero, K. Simonyan, E. Elsen, J. W. Rae, O. Vinyals, and L. Sifre, "Training compute-optimal large language models," arXiv preprint arXiv:2203.15556, 2022.



Referências Bibliográficas

- [7] P. Velickovic, G. Cucurull, A. Casanova, A. Romero, P. Liò, and Y. Bengio, "Graph attention networks," in 6th International Conference on Learning Representations, ICLR 2018, Vancouver, BC, Canada, April 30 May 3, 2018, Conference Track Proceedings, OpenReview.net, 2018.
- [8] S. Brody, U. Alon, and E. Yahav, "How attentive are graph attention networks?," in *The Tenth International Conference on Learning Representations, ICLR 2022, Virtual Event, April 25-29, 2022, OpenReview.net, 2022.*
- [9] D. Xu, C. Ruan, E. Körpeoglu, S. Kumar, and K. Achan, "Inductive representation learning on temporal graphs," *ArXiv*, vol. abs/2002.07962, 2020.