## Economía Aplicada: Problem Set $N^{0}9$

Milton Bronstein Felipe García Vassallo Santiago López Franco Riottini

En este Problem Set realizamos simulaciones de power calculations.

En el primer gráfico, lo que vemos son las simulaciones para distinto número de observaciones y para distintos efectos del  $\hat{\beta}$  hipotético. Como se puede ver, la figura cumple con la aproximación teórica al tema hecha en clases. En este sentido, a medida que el  $\hat{\beta}$  aumenta, también lo hace el *power*, mientras que también aumenta el mismo cuando lo que crece es el tamaño de la muestra. Curiosamente, cuando el  $\hat{\beta}$  es de un 10 %, tendremos un *power* de 1, al menos con muestras mayores a n=1000. Esto indica que la probabilidad de rechazar la hipótesis nula cuando la misma no sea verdadera se dará en el 100 % de los casos.

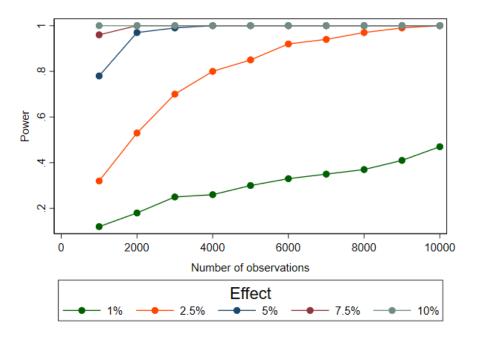


Figura 1: First power calculation

Se puede observar que al aumentar la varianza del término de error aumenta la cantidad de n necesario para mejorar el power a valores relativamente buenos. En el caso de intentar captar un efecto del 1% o 2,5% parece no ser suficiente ni con 10000 observaciones.

Podemos anticipar esto sabiendo que:

$$V(\hat{\beta}_j) = \frac{\sigma^2}{n(1 - R_j^2)V(X_j)} \tag{1}$$

Y aumentando el  $\sigma^2$  aumentamos la varianza, lo cual afecta negativamente al power

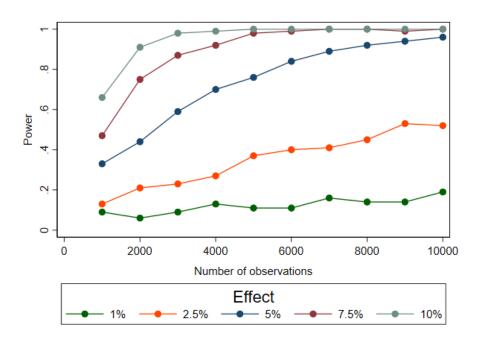


Figura 2: Second power calculation - aumento de la varianza del término de error a 5000

En los dos siguientes gráficos podemos ver que al tener una asignación más alejada de la óptima (50 % en tratamiento y 50 % en control) el *power* en comparación con la figura 2 de los dos son peores y casi en misma medida (cuanto más grande el n más igual es el *power* en promedio). Esto se debe a que tenemos una peor  $V(X_j)$ , que viéndolo en la ecuación 1 un valor más chico de esta varianza termina en menor *power*, por una mayor  $V(\hat{\beta_j})$ .

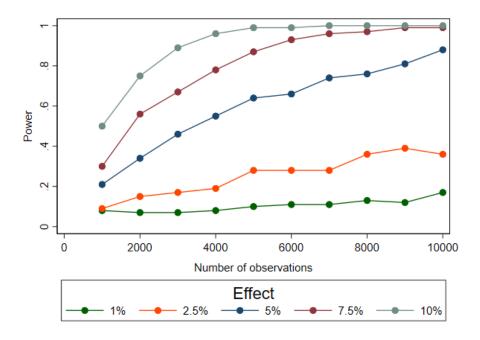


Figura 3: Third power calculation - varianza del término de error en 5000 y 20 % de observaciones en tratamiento

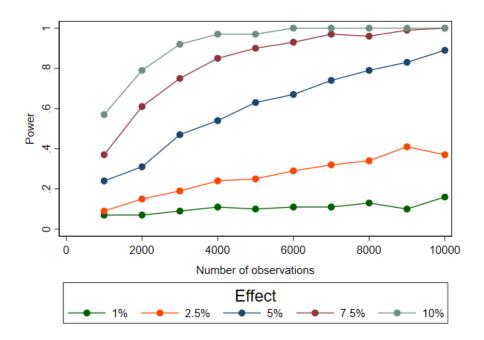


Figura 4: Fourth power calculation - varianza del término de error en 5000 y 80 % de observaciones en tratamiento

El agregar una variable como control purga el término de error y por lo tanto baja el  $\sigma^2$  que se encuentra en la ecuación 1, disminuyendo la  $V(\hat{\beta})$  y mejorando el power relativo en comparación con el de la figura 1.

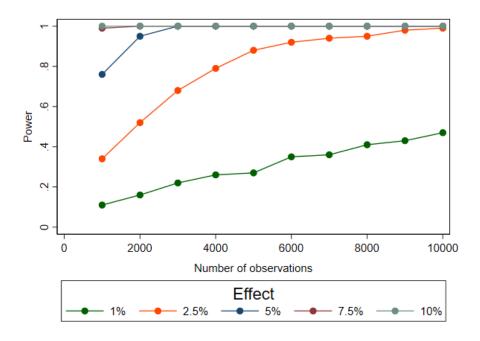


Figura 5: Fifth power calculation - se agrega como control las ganancias estimadas para 2019



```
/*****************************
                 Semana 10: Power calculations
                   Universidad de San Andrés
                      Economía Aplicada
                                              2022
*******************************
    Bronstein García Vassallo López
                                                  Riottini
/***********************
Este archivo sique la siguiente estructura:
0) Set up environment
1) Replicación de gráficos
*******************************
* 0) Set up environment
*-----
global main "C:\Users\Franco\Documents\GitHub\Problem-Sets\PS 9"
global output "$main/output"
global input "$main/input"
cd "$main"
* Generamos una muestra simulada con datos de pagos de impuestos de empresas
*-----
clear all
set seed 123 // seteamos semilla para poder replicar los resultados
set obs 15000
gen ganancias estimadas = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias estimadas<0
gen impuestos pagados = 0.2*ganancias estimadas + rnormal(0,500) // este es el termino
\stackrel{-}{>} de error que hay que modificar en el 2.
drop if impuestos_pagados<0</pre>
*-----*
* Simulamos un efecto del 2.5% con 2000 obs
*------
preserve
sample 2000, count // aleatoriamente me quedo con 2000 obs
* Aleatoriamente asigno el tratamiento al 50% de las obs:
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
* A los tratados les aumento el outcome un 2.5%
replace impuestos_pagados = impuestos_pagados * (1+0.025) if T==1
* Regreso el outcome en el tratamiento
reg impuestos pagados T, robust
* Repetimos 500 veces y nos fijamos el % de veces que rechazo H0
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample 2000, count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
```

```
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+0.025) if T==1
reg impuestos pagados T, robust
mat R[`x',1]=_b[T]/_se[T]
restore
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65) drop if reject==.
sum reject
restore
*_____*
* Repetimos la simulación pero para distintos tamaños de muestra y para distintos efec
*----*
local i=1
mat resultados = J(50,4,.)
foreach efecto in 0.01 0.025 0.05 0.075 0.1{
forvalues size = 1000(1000)10000 {
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample `size' , count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+`efecto') if T==1
reg impuestos pagados T, robust
mat R[x',1] = b[T]/se[T]
restore
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject == .
sum reject
scalar media = r(mean)
mat resultados[`i',3] = `efecto'
mat resultados[`i',2] = media
mat resultados[`i',1] = `size'
restore
local i=`i'+1
clear
svmat resultados
```

```
rename resultados1 sample size
rename resultados2 st power
rename resultados3 efecto
replace st_power=round(st_power,.01)
separate st power, by (efecto)
* Gráfico
set scheme s1color
twoway (connected st_power1 sample_size) (connected st_power2 sample_size) ///
(connected st_power3_sample_size) (connected st_power4_sample_size) 7//
(connected st_power5 sample_size), ytitle("Power") ///
xtitle("Number of observations") ///
legend(label(1 "1%") label(2 "2.5%") label(3 "5%") label(4 "7.5%") label(5 "10%")) ///
* Generamos una muestra simulada con datos de pagos de impuestos de empresas
* Ahora seteamos la var. del error en 5000
*_____*
clear all
set seed 1234 // seteamos semilla para poder replicar los resultados
set obs 15000
gen ganancias_estimadas = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias estimadas<0
{\tt gen impuestos\_pagados = 0.2*ganancias\_estimadas + rnormal(0,5000) // este es el termin}
o de error que hay que modificar en el 2.
drop if impuestos_pagados<0</pre>
*========*
* Repetimos la simulación pero para distintos tamaños de muestra y para distintos efec
> tos
*-----*
local i=1
mat resultados = J(50,4,.)
foreach efecto in 0.01 0.025 0.05 0.075 0.1{
forvalues size = 1000(1000)10000 {
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample `size' , count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+`efecto') if T==1
reg impuestos pagados T, robust
mat R[x',1] = b[T]/se[T]
restore
}
```

```
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject == .
sum reject
scalar media = r(mean)
mat resultados[`i',3] = `efecto'
mat resultados[`i',2] = media
mat resultados[`i',1] = `size'
restore
local i=`i'+1
clear
svmat resultados
rename resultados1 sample size
rename resultados2 st_power
rename resultados3 efecto
replace st_power=round(st_power,.01)
separate st power, by (efecto)
* Gráfico
*-----*
set scheme s1color
twoway (connected st_power1 sample_size) (connected st_power2 sample_size) ///
(connected st_power3 sample_size) (connected st_power4 sample_size) 7//
(connected st_power5 sample_size), ytitle("Power") ///
xtitle("Number of observations") ///
legend(label(1 "1%") label(2 "2.5%") label(3 "5%") label(4 "7.5%") label(5 "10%")) ///
legend(rows(1) title("Effect")) xscale(titlegap(3)) yscale(titlegap(3))
graph export "$main/output/Graph 2.png", replace
*-----*
* Generamos una muestra simulada con datos de pagos de impuestos de empresas
* Ahora seteamos la var. del error en 5000
*_____*
clear all
set seed 1234 // seteamos semilla para poder replicar los resultados
set obs 15000
gen ganancias estimadas = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias estimadas<0
gen impuestos pagados = 0.2*ganancias estimadas + rnormal(0,5000) // este es el termin
> o de error que hay que modificar en el 2.
drop if impuestos_pagados<0</pre>
*-----*
* Repetimos la simulación pero para distintos tamaños de muestra y para distintos efec
> tos
* Asignando tratamiento al 20% de las obs.
*_____*
local i=1
mat resultados = J(50,4,.)
foreach efecto in 0.01 0.025 0.05 0.075 0.1{
forvalues size = 1000(1000)10000 {
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
```

```
sample `size' , count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.2
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+`efecto') if T==1
reg impuestos pagados T, robust
mat R[x',1] = b[T]/se[T]
restore
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject==.
sum reject
scalar media = r(mean)
mat resultados[`i',3] = `efecto'
mat resultados[`i',2] = media
mat resultados[`i',1] = `size'
restore
local i=`i'+1
clear
svmat resultados
rename resultados1 sample size
rename resultados2 st_power
rename resultados3 efecto
replace st_power=round(st_power,.01)
separate st_power, by(efecto)
*_____*
* Gráfico
              _____*
set scheme s1color
twoway (connected st_power1 sample_size) (connected st_power2 sample_size) ///
(connected st_power3 sample_size) (connected st_power4 sample_size) 7//
(connected st_power5 sample_size), ytitle("Power") ///
xtitle("Number of observations") ///
legend(label(1 "1%") label(2 "2.5%") label(3 "5%") label(4 "7.5%") label(5 "10%")) /// legend(rows(1) title("Effect")) xscale(titlegap(3)) yscale(titlegap(3))
graph export "$main/output/Graph 3.png", replace
*_____*
* Generamos una muestra simulada con datos de pagos de impuestos de empresas
* Ahora seteamos la var. del error en 5000
*----*
clear all
set seed 1234 // seteamos semilla para poder replicar los resultados
set obs 15000
gen ganancias estimadas = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias_estimadas<0
gen impuestos_pagados = 0.2*ganancias_estimadas + rnormal(0,5000) // este es el termin
> o de error que hay que modificar en el 2.
drop if impuestos pagados<0</pre>
```

```
* Repetimos la simulación pero para distintos tamaños de muestra y para distintos efec
* Asignando tratamiento al 80% de las obs.
local i=1
mat resultados = J(50,4,.)
foreach efecto in 0.01 0.025 0.05 0.075 0.1{
forvalues size = 1000(1000)10000 {
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample `size' , count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.8
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+`efecto') if T==1
reg impuestos pagados T, robust
mat R[x',1]=b[T]/se[T]
restore
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject == .
sum reject
scalar media = r(mean)
mat resultados[`i',3] = `efecto'
mat resultados[`i',2] = media
mat resultados[`i',1] = `size'
restore
local i=`i'+1
}
clear
svmat resultados
rename resultados1 sample_size
rename resultados2 st power
rename resultados3 efecto
replace st_power=round(st power,.01)
separate st_power, by(efecto)
*=____*
```

```
* Gráfico
*=========*
set scheme s1color
twoway (connected st_power1 sample_size) (connected st_power2 sample_size) ///
(connected st_power3 sample_size) (connected st_power4 sample_size) 7//
(connected st_power5 sample_size), ytitle("Power") ///
xtitle("Number of observations") ///
legend(label(1 "1%") label(2 "2.5%") label(3 "5%") label(4 "7.5%") label(5 "10%")) ///
legend(rows(1) title("Effect")) xscale(titlegap(3)) yscale(titlegap(3))
graph export "$main/output/Graph 4.png", replace
*_____*
*Generamos una muestra simulada con datos de pagos de impuestos de empresas
*Agregamos datos de pagos de impuestos de empresas en 2019 a nuestra muestra simulada
*-----
clear all
set seed 1235 // seteamos semilla para poder replicar los resultados
set obs 15000
gen ganancias estimadas = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias_estimadas<0</pre>
gen ganancias estīmadas 2019 = rnormal(10000,2000)
drop if ganancias estimadas<0
gen impuestos_pagados = 0.2*ganancias estimadas + rnormal(0,500)
drop if impuestos pagados<0
*===========
                 _____*
* Repetimos simulación de un efecto del 2.5% con 2000 obs
preserve
sample 2000, count // aleatoriamente me quedo con 2000 obs
* Aleatoriamente asigno el tratamiento al 50% de las obs:
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
* A los tratados les aumento el outcome un 2.5%
replace impuestos_pagados = impuestos_pagados * (1+0.025) if T==1
* Regreso el outcome en el tratamiento
reg impuestos pagados T ganancias estimadas 2019, robust
restore
*-----*
* Repetimos 500 veces y nos fijamos el % de veces que rechazo H0
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample 2000, count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
replace impuestos pagados = impuestos pagados * (1+0.025) if T==1
reg impuestos_pagados T ganancias_estimadas_2019, robust
mat R[x',1] = b[T]/se[T]
restore
```

```
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject == .
sum reject
restore
*-----*
* Repetimos la simulación pero para distintos tamaños de muestra y para distintos efec
> tos
*_____*
local i=1
mat resultados = J(50,4,.)
foreach efecto in 0.01 0.025 0.05 0.075 0.1{
forvalues size = 1000(1000)10000 {
mat R = J(500, 2, .)
forvalues x=1(1)500 {
preserve
sample `size' , count
gen temp = runiform()
gen T=0
replace T = 1 if temp<0.5
replace impuestos_pagados = impuestos_pagados * (1+`efecto') if T==1
reg impuestos pagados T ganancias estimadas 2019, robust
mat R[x',1] = b[T] / se[T]
restore
preserve
clear
svmat R
gen reject = 0
replace reject = 1 if (R1>1.65)
drop if reject == .
sum reject
scalar media = r(mean)
mat resultados[`i',3] = `efecto'
mat resultados[`i',2] = media
mat resultados[`i',1] = `size'
restore
local i=`i'+1
}
clear
svmat resultados
rename resultados1 sample size
rename resultados2 st_power
rename resultados3 efecto
replace st power=round(st power,.01)
separate st_power, by(efecto)
*-----*
```