

**UC** | Chile

# Termodinámica (FIS1523)

## Ejemplos

**Felipe Isaule**  
felipe.isaule@uc.cl

Miercoles 25 de Junio de 2025

# Resumen entropía

- Desigualdad de Clausius:

$$\oint \frac{\delta Q}{T} \leq 0.$$

- Entropía:

$$dS = \left( \frac{\delta Q}{T} \right)_{\text{int rev}}, \quad \Delta S = S_2 - S_1 = \int_1^2 \left( \frac{\delta Q}{T} \right)_{\text{int rev}}.$$

- Entropía generada:

$$S_2 - S_1 = \int_1^2 \frac{\delta Q}{T} + S_{\text{gen}}.$$

# Resumen entropía

- Relaciones  $Tds$ :

$$Tds = du + Pd\nu,$$

$$Tds = dh - \nu dP.$$

- Cambio de entropía de un gas ideal:

$$\Delta s = c_{V,\text{prom}} \ln \left( \frac{T_2}{T_1} \right) + R \ln \left( \frac{\nu_2}{\nu_1} \right),$$

$$\Delta s = c_{P,\text{prom}} \ln \left( \frac{T_2}{T_1} \right) - R \ln \left( \frac{P_2}{P_1} \right).$$

- Relaciones isentrópicas de un gas ideal:

$$T\nu^{k-1} = \text{cte.} \quad TP^{\frac{1}{k}-1} = \text{cte.} \quad P\nu^k = \text{cte.}$$

$$k = c_P/c_V$$

# Resumen entropía

- Balance de entropía en un sistema cerrado:

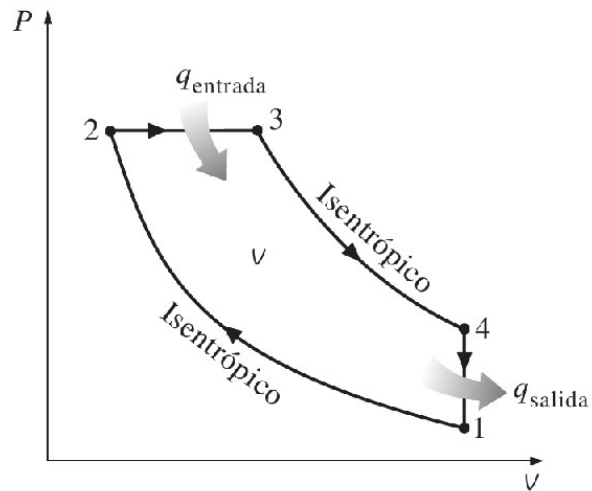
$$\sum_k \frac{Q_k}{T_k} + S_{\text{gen}} = \Delta S_{\text{sistema}} = S_2 - S_1.$$

- Balance de entropía en un volumen de control:

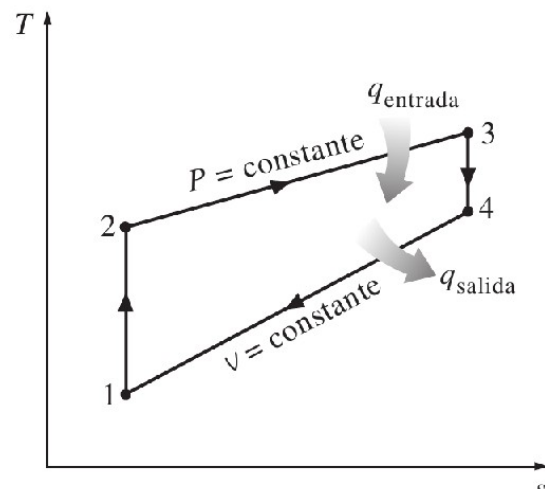
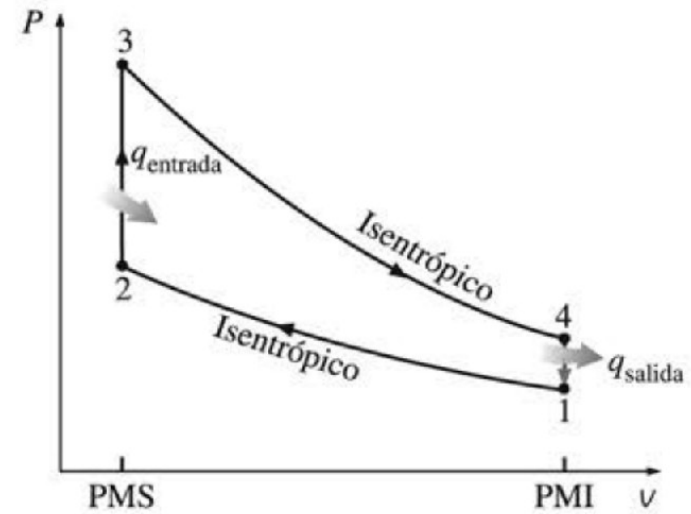
$$\sum \frac{Q_k}{T_k} + \sum m_i s_i - \sum m_e s_e + S_{\text{gen}} = (S_2 - S_1)_{\text{CV}}.$$

# Resumen ciclos de potencia

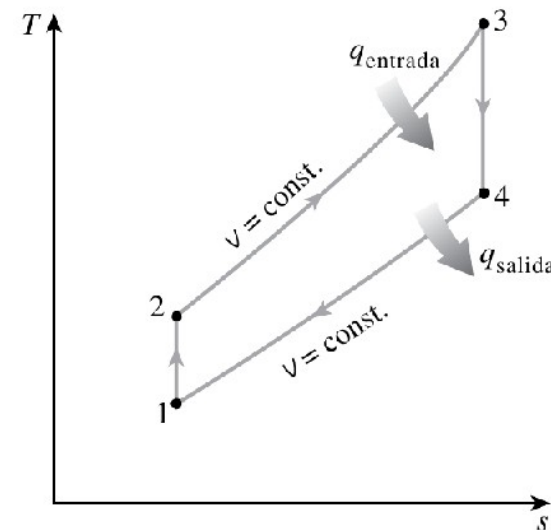
## Ciclo de Diesel ideal



## Ciclo de Otto ideal

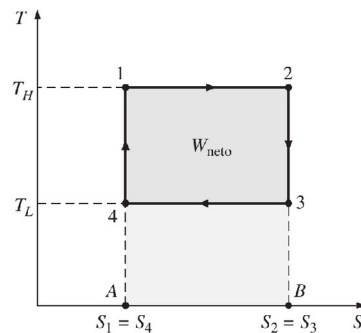
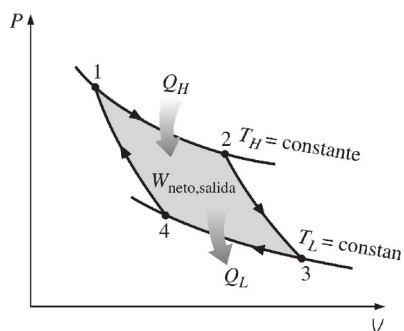


b) Diagrama  $T$



# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg** . Considerando que el aire es un **gas ideal** con  $R=0.287 \text{ kJ/kg}^\circ\text{K}$  and  $k=1.4$ , determine:
  - La **presión mínima** en el ciclo.
  - El **rechazo de calor** en el ciclo.
  - La **eficiencia térmica** del ciclo.

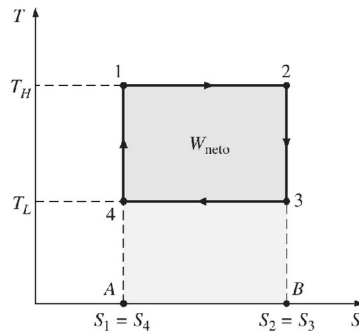
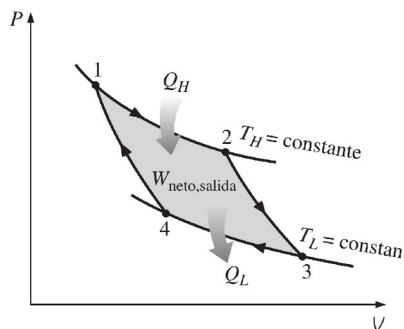


# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg**. Considerando que el aire es un **gas ideal** con  **$R=0.287$  kJ/kg°K** and  **$k=1.4$** , determine:
- La **presión mínima** en el ciclo.

Queremos obtener  $P_3$  y sólo tenemos  $P_1$ .  
Primero necesitamos la temperatura mínima.  
Del área encerrada en el diagrama  $Ts$ :

$$w_{\text{neto}} = (s_2 - s_1)(T_H - T_L)$$



Se obtiene que:

$$\longrightarrow T_L = T_H - \frac{w_{\text{neto}}}{s_2 - s_1}$$

De los datos de enunciado:

$$T_L = 750 \text{ °K} - \frac{100 \text{ kJ/kg}}{0.25 \frac{\text{kJ}}{\text{kg °K}}} \longrightarrow T_L = 350 \text{ °K}$$

$\Delta s_{1 \rightarrow 2} = s_2 - s_1 = 0.25 \frac{\text{kJ}}{\text{kg °K}}$

Ya tenemos las dos temperaturas del ciclo.

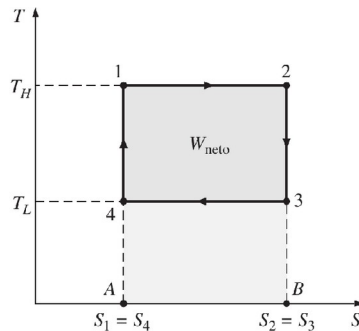
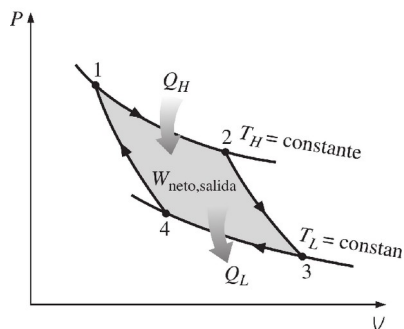
$$T_L = T_3 = T_4, \quad T_H = T_1 = T_2.$$

# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg**. Considerando que el aire es un **gas ideal** con  **$R=0.287$  kJ/kg°K** and  **$k=1.4$** , determine:
  - La **presión mínima** en el ciclo.

Ahora calcularemos  $P_4$  utilizando la segunda relación isentrópica para el proceso 4-1

$$\left(\frac{T_4}{T_1}\right)_{s=\text{cte}} = \left(\frac{P_4}{P_1}\right)^{1-\frac{1}{k}}$$



Despejando:

$$\begin{aligned} P_4 &= P_1 \left(\frac{T_4}{T_1}\right)^{\frac{k}{k-1}} \\ &= 800 \text{ kPa} \left(\frac{350}{750}\right)^{\frac{1.4}{1.4-1}} \\ &= 110.1 \text{ kPa} \end{aligned}$$



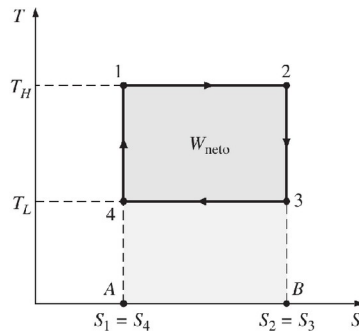
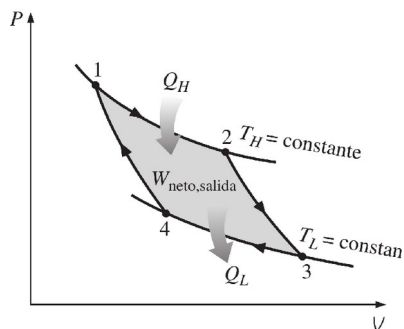
# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg** . Considerando que el aire es un **gas ideal** con  **$R=0.287$  kJ/kg°K** and  **$k=1.4$** , determine:
  - La **presión mínima** en el ciclo.

Para encontrar  $P_3$  utilizamos que el cambio de entropía en el proceso 3-4 es:

$$\Delta s_{3 \rightarrow 4} = c_P \ln \left( \frac{T_4}{T_3} \right) - R \ln \left( \frac{P_4}{P_3} \right)$$

$T_3 = T_4$



Se obtiene que:

$$P_3 = P_4 \exp \left( \frac{\Delta s_{3 \rightarrow 4}}{R} \right)$$

$$= 110.1 \text{ kPa} \exp \left( \frac{-0.25 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{K}}}{0.287 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{K}}} \right)$$

→

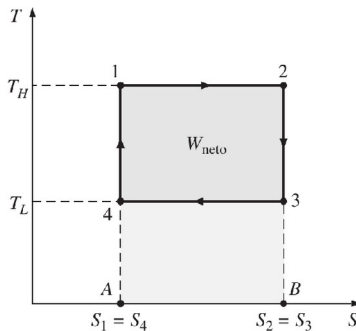
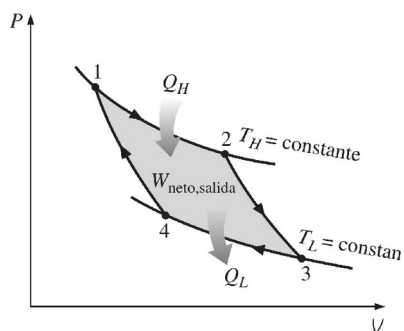
$P_3 = 46.1 \text{ kPa}$

# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg** . Considerando que el aire es un **gas ideal** con  **$R=0.287$  kJ/kg°K** and  **$k=1.4$** , determine:
  - El **rechazo de calor** en el ciclo.

El rechazo de calor se obtiene de:

$$\Delta s_{3 \rightarrow 4} = \frac{q_{\text{salida}}}{T_L} \quad \longrightarrow \quad q_{\text{salida}} = T_L \Delta s_{3 \rightarrow 4}$$
$$= 350 \text{ °K} \cdot 0.25 \frac{\text{kJ}}{\text{kg °K}}$$



→

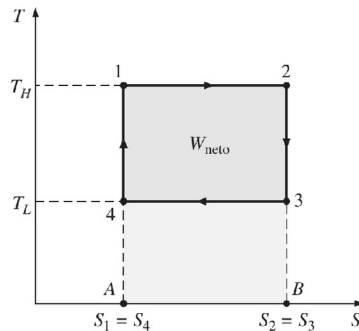
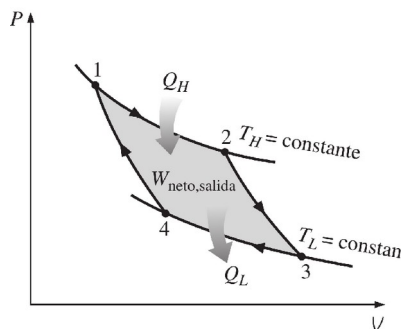
$$q_{\text{salida}} = 87.5 \text{ kJ/kg}$$

# Ejemplo 1:

- Considere un **ciclo de Carnot** ejecutado en un **sistema cerrado** con **aire** como fluido de trabajo. La **presión máxima** en el ciclo es **800 kPa** y la **temperatura máxima** es **750 °K**. La **disminución de entropía** durante el proceso de **rechazo isotérmico de calor** es **0.25 kJ/kg°K** y la **producción neta de trabajo** es **100 kJ/kg**. Considerando que el aire es un **gas ideal** con  **$R=0.287$  kJ/kg°K** and  **$k=1.4$** , determine:
  - La **eficiencia térmica** del ciclo.

Utilizamos que:

$$\eta = 1 - \frac{T_L}{T_H} = 1 - \frac{350}{750} \longrightarrow \boxed{\eta = 0.533}$$



## Ejemplo 2:

- Considere una **máquina térmica** y un **refrigerador** que operan entre dos **reservorios** a **temperaturas**  $T_L < T_H$ . En la máquina se cumple que la **entropía generada en un ciclo** es **proporcional al calor** que recibe del reservorio a alta temperatura:  $S_{\text{gen}} = \alpha Q_H$ . Además, el **trabajo generado** por la **máquina** es **utilizado** como **trabajo de entrada** por el **refrigerador**.
- Encuentre la **eficiencia** de la máquina térmica.
- Encuentre la **relación** entre los **calores intercambiados** por la **máquina térmica**  $Q_H$  y **refrigerador**  $Q'_H$  con la **fuentes**. Considere que el **refrigerador** es de **Carnot**.
- Demuestre que para  $\alpha < 0$  el sistema **viola** el **enunciado de Clausius**.

## Ejemplo 2:

- Considere una **máquina térmica** y un **refrigerador** que operan entre dos **reservorios** a **temperaturas**  $T_L < T_H$ . En la máquina se cumple que la **entropía generada en un ciclo es proporcional al calor** que recibe del reservorio a alta temperatura:  $S_{\text{gen}} = \alpha Q_H$ . Además, el **trabajo generado** por la **máquina es utilizado** como **trabajo de entrada** por el **refrigerador**.
- Encuentre la **eficiencia** de la máquina térmica.

El balance de entropía para la máquina:

$$\sum_k \frac{Q_k}{T_k} + S_{\text{gen}} = \Delta S_{\text{máquina}}$$

Como la máquina opera en un ciclo  $\Delta S_{\text{sistema}} = 0$ . Entonces:

$$\frac{Q_H}{T_H} - \frac{Q_L}{T_L} + \alpha Q_H = 0$$

Donde  $Q_L$  es el calor depositado en el sumidero por la máquina.

El balance de entropía para la máquina:

$$Q_L = T_L \left( \frac{1}{T_H} + \alpha \right) Q_H = \frac{T_L}{T_H} (1 + T_H \alpha) Q_H$$

La eficiencia:

$$\eta_{\text{maquina}} = 1 - \frac{Q_L}{Q_H}$$

$$\longrightarrow \eta_{\text{maquina}} = 1 - \frac{T_L}{T_H} (1 + T_H \alpha)$$

## Ejemplo 2:

- Considere una **máquina térmica** y un **refrigerador** que operan entre dos **reservorios** a **temperaturas**  $T_L < T_H$ . En la máquina se cumple que la **entropía generada** en un ciclo es **proporcional al calor** que recibe del reservorio a alta temperatura:  $S_{\text{gen}} = \alpha Q_H$ . Además, el **trabajo generado** por la **máquina** es **utilizado** como **trabajo de entrada** por el **refrigerador**.
- Encuentre la **relación** entre los **calores intercambiados** por la **máquina térmica**  $Q_H$  y **refrigerador**  $Q'_H$  con la **fente**. Considere que el **refrigerador** es de **Carnot**.

El balance de energía del sistema combinado:

$$Q_{\text{neto}} - W_{\text{neto}} = 0$$

El trabajo neto:

$$\begin{aligned} W_{\text{neto}} &= W_{\text{máquina}} - W_{\text{refrigerador}} \\ &= 0 \end{aligned}$$

Los trabajos se cancelan debido a que el refrigerador utiliza el trabajo generado por la máquina.

El calor neto:

$$Q_{\text{neto}} = Q_H + Q'_L - Q'_H - Q_L = 0$$

Donde  $Q'_L$  es el calor extraído por el refrigerador del sumidero.

De la parte anterior ya tenemos que:

$$Q_L = \frac{T_L}{T_H} (1 + T_H \alpha) Q_H$$

## Ejemplo 2:

- Considere una **máquina térmica** y un **refrigerador** que operan entre dos **reservorios** a **temperaturas**  $T_L < T_H$ . En la máquina se cumple que la **entropía generada en un ciclo es proporcional al calor** que recibe del reservorio a alta temperatura:  $S_{\text{gen}} = \alpha Q_H$ . Además, el **trabajo generado** por la **máquina es utilizado** como **trabajo de entrada** por el **refrigerador**.
- Encuentre la **relación** entre los **calores intercambiados** por la **máquina térmica**  $Q_H$  y **refrigerador**  $Q'_H$  con la **fente**. Considere que el **refrigerador es de Carnot**.

Como el refrigerador es de Carnot:

$$\frac{Q'_L}{Q'_H} = \frac{T_L}{T_H} \longrightarrow Q'_L = Q'_H \frac{T_L}{T_H}$$

Remplazando en el calor neto:

$$Q_H + Q'_H \frac{T_L}{T_H} = Q'_H + \frac{T_L}{T_H} (1 + T_H \alpha) Q_H$$

Despejando:

$$\frac{Q'_H}{Q_H} \left( \frac{T_L}{T_H} - 1 \right) = \left( \frac{T_L}{T_H} (1 + T_H \alpha) - 1 \right)$$

Después de un álgebra:

$$\longrightarrow \boxed{\frac{Q'_H}{Q_H} = \frac{T_H - T_L(1 + T_H \alpha)}{T_H - T_L}}$$

## Ejemplo 2:

- Considere una **máquina térmica** y un **refrigerador** que operan entre dos **reservorios** a **temperaturas**  $T_L < T_H$ . En la máquina se cumple que la **entropía generada en un ciclo es proporcional al calor** que recibe del reservorio a alta temperatura:  $S_{\text{gen}} = \alpha Q_H$ . Además, el **trabajo generado** por la **máquina es utilizado** como **trabajo de entrada** por el refrigerador.
- Demuestre que para  $\alpha < 0$  el sistema **viola el enunciado de Clausius**.

El enunciado de Clausius nos dice que “*no es posible un proceso cuyo único resultado sea la transferencia de calor de un cuerpo de menor temperatura a otro de mayor temperatura*”.

El calor neto extraído de la fuente ( $T_H$ ) por el sistema combinado máquina+refrigerador es:

$$Q_{H,\text{neto}} = Q_H - Q'_H = \left( 1 - \frac{T_H - T_L(1 + T_H\alpha)}{T_H - T_L} \right) Q_H = \frac{T_L T_H \alpha}{T_H - T_L}$$

Si  $\alpha < 0$ , entonces  $Q_{H,\text{neto}} < 0$ . Es decir, calor neto es depositado desde el sistema hacia el sumidero. Esto significa que calor fluye desde un sistema de menor temperatura a uno de mayor temperatura de manera espontánea, violando el enunciado de Clausius.



## Ejemplo 3:

- Un **tanque rígido** contiene **5 kg** de **vapor de agua saturado** a **100 °C**. El vapor se deja **enfriar** hasta **alcanzar** la **temperatura ambiente** de **25 °C**.
  - Determine el **cambio de entropía** del **vapor**.
  - Determine el **cambio de entropía** del **entorno**.
  - Considerando el **sistema total**, vapor más entorno, determine la **entropía generada** asociada a este proceso.

## Ejemplo 3:

- Un **tanque rígido** contiene **5 kg** de **vapor de agua saturado** a **100 °C**. El vapor se deja **enfriar** hasta **alcanzar** la **temperatura ambiente** de **25 °C**.
- Determine el **cambio de entropía del vapor**.

Inicialmente, tenemos un vapor saturado ( $x=1$ ) a 100°C. De tabla obtenemos que:

$$\nu_1 = \nu_g = 1.6720 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$u_1 = u_g = 2506 \text{ kJ/kg}$$

$$s_1 = s_g = 7.3542 \text{ kJ/kg}^\circ\text{K}$$

Como el tanque es rígido, entonces  $\nu_2=\nu_1$ . Usando además que  $T_2=25^\circ\text{C}$ , de tabla tenemos que:

$$\nu_f = 0.001003 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\nu_g = 43.340 \text{ m}^3/\text{kg}$$

Se tiene que  $\nu_f < \nu_2 < \nu_g$ . Por tanto, el estado 2 es una mezcla.

La calidad:

$$x_2 = \frac{\nu_2 - \nu_f}{\nu_g - \nu_f} = 0.03856$$

Los otros datos de tabla a  $\nu_2=\nu_1$  y  $T_2=25^\circ\text{C}$ :

$$u_f = 104.83 \text{ kJ/kg} \quad u_g = 2409.1 \text{ kJ/kg}$$

$$s_f = 0.3672 \text{ kJ/kg}^\circ\text{K} \quad s_g = 2409.1 \text{ kJ/kg}^\circ\text{K}$$

Entonces:

$$u_2 = u_g x_2 + (1 - x_2) u_f$$
$$\longrightarrow u_2 = 193.683 \text{ kJ/kg}$$

$$s_2 = s_g x_2 + (1 - x_2) s_f$$
$$\longrightarrow s_2 = 0.68299 \text{ kJ/kg}^\circ\text{K}$$

## Ejemplo 3:

- Un **tanque rígido** contiene **5 kg** de **vapor de agua saturado** a **100 °C**. El vapor se deja **enfriar** hasta **alcanzar** la **temperatura ambiente** de **25 °C**.
- Determine el **cambio de entropía** del vapor.

Entonces, el cambio de entropía del vapor:

$$\Delta s_{\text{vapor}} = m(s_2 - s_1) = 5 \text{ kg} (0.68299 - 7.3542) \text{ kJ/kg}^\circ\text{K}$$

$$\longrightarrow \boxed{\Delta s_{\text{vapor}} = -33.356 \text{ kJ/}^\circ\text{K}}$$

## Ejemplo 3:

- Un **tanque rígido** contiene **5 kg** de **vapor de agua saturado** a **100 °C**. El vapor se deja **enfriar** hasta **alcanzar** la **temperatura ambiente** de **25 °C**.
- Determine el **cambio de entropía del entorno**.

El cambio de entropía del entorno está dado por:

$$\begin{aligned}\Delta S_{\text{entorno}} &= \frac{Q_{\text{entrada,entorno}}}{T_{\text{entorno}}} \\ &= \frac{Q_{\text{salida,vapor}}}{T_{\text{entorno}}}\end{aligned}$$

La temperatura es  $T_{\text{entorno}} = 25^\circ\text{C}$ . El calor lo obtenemos de la primera Ley:

$$\Delta E_{\text{vapor}} = Q - \cancel{W} = -Q_{\text{salida,vapor}}$$

Además:

$$\Delta E_{\text{vapor}} = m\Delta u = m(u_2 - u_1)$$

Usando las energías internas obtenidas en la parte anterior:

$$\begin{aligned}Q_{\text{salida,vapor}} &= 5 \text{ kg} (2506 - 193.683) \text{ kJ/kg} \\ &= 11561.6 \text{ kJ}\end{aligned}$$

Entonces:

$$\Delta S_{\text{entorno}} = \frac{11561.6 \text{ kJ}}{(273 + 25)^\circ\text{K}}$$

$$\longrightarrow \boxed{\Delta S_{\text{entorno}} = 38.797 \text{ kJ}/^\circ\text{K}}$$

## Ejemplo 3:

- Un **tanque rígido** contiene **5 kg** de **vapor de agua saturado** a **100 °C**. El vapor se deja **enfriar** hasta **alcanzar** la **temperatura ambiente** de **25 °C**.
- Considerando el **sistema total**, vapor más entorno, determine la **entropía generada** asociada a este proceso.

La entropía total generada:

$$\begin{aligned} S_{\text{gen}} &= \Delta S_{\text{entorno}} + \Delta S_{\text{vapor}} \\ &= (38.797 - 33.356) \text{ kJ/}^\circ\text{K} \end{aligned}$$

→

$$S_{\text{gen}} = 5.44 \text{ kJ/}^\circ\text{K}$$