



# Termodinámica (FIS1523) Flujo estacionario isentrópico

Felipe Isaule felipe.isaule@uc.cl

Lunes 9 de Junio de 2025

#### Resumen clases anteriores

Revisamos los procesos isentrópicos:

$$\Delta s = 0.$$

Enunciamos las relaciones Tds:

$$Tds = du + Pd\nu, \qquad Tds = dh - \nu dP.$$

- Revisamos los casos particulares de
  - → sólidos y líquidos,

$$\Delta s = c_{\text{prom}} \ln(T_2/T_1).$$

→ gases ideales.

$$\Delta s = c_{V,\text{prom}} \ln \left( \frac{T_2}{T_1} \right) + R \ln \left( \frac{\nu_2}{\nu_1} \right),$$

$$\Delta s = c_{P,\text{prom}} \ln \left( \frac{T_2}{T_1} \right) - R \ln \left( \frac{P_2}{P_1} \right).$$

# Clase 24: Flujo estacionario isentrópico

- Trabajo reversible de un flujo estacionario.
- Eficiencia isentrópica en flujos estacionarios.

- Bibliografía recomendada:
  - → Cengel (7-10, 7-12).

## Clase 24: Flujo estacionario isentrópico

- Trabajo reversible de un flujo estacionario.
- Eficiencia isentrópica en flujos estacionarios.

## Trabajo reversible

 Primero recordemos que el trabajo reversible de un sistema con fronteras móviles en cuasiequilibrio es

$$W_b = \int_{V_1}^{V_2} PdV.$$

- En la aproximación de cuasiequilibrio se maximiza el trabajo de salida y se minimiza el trabajo requerido de entrada.
- Ahora intentaremos relacionar el trabajo realizado con propiedades de un flujo estacionario.

 De clases pasadas, podemos recordar que para un dispositivo de flujo estacionario se cumple que

$$q - w = \Delta h + \Delta e.c. + \Delta e.p.$$

Entonces, para un proceso internamente reversible:

$$\delta q_{rev} - \delta w_{rev} = dh + d \, \text{e.c.} + d \, \text{e.p.}$$

Ahora utilizamos que

$$\delta q_{rev} = Tds \longrightarrow \delta q_{rev} = dh - \nu dP.$$

$$Tds = dh - \nu dP$$

 Al sustituir en la ecuación de conservación de la energía se obtiene:

$$-\delta w_{\text{rev}} = \nu dP + d \text{ e.c.} + d \text{ e.p.}$$

Al integrar:

$$w_{\text{rev}} = -\int_{P_1}^{P_2} \nu dP - \Delta \text{e.c.} - \Delta \text{e.p.}$$

Si la energía cinética y potencial son insignificantes:

$$w_{\text{rev}} = -\int_{P_1}^{P_2} \nu dP.$$

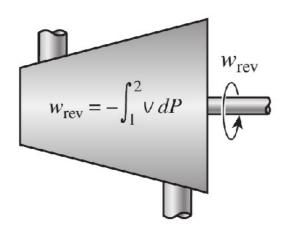
- Notar que el **signo menos** es debido a que estamos considerando **trabajo de salida**.
- Para obtener el trabajo de entrada:

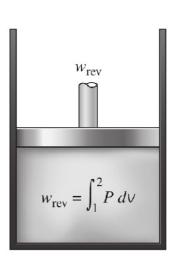
$$w_{
m rev,entrada} = \int_{P_1}^{P_2} \nu dP + \Delta e.c. + \Delta e.p.$$

• Como es esperable, los flujos estacionarios reversibles entregan el trabajo máximo y consumen el trabajo mínimo.

#### Importante:

- $Pd\nu$  se relaciona con el **trabajo de frontera** de **sistemas** cerrados.
- $\nu dP$  Se relaciona con el **trabajo** de un **flujo estacionario** reversible.





• En fluidos incompresibles con volumen especifico constante, se tiene que

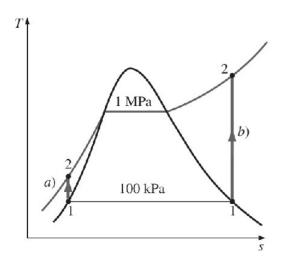
$$w_{\rm rev} = -\nu \Delta P - \Delta e.c. - \Delta e.p.$$

 Cuando se tiene un flujo estacionario en un dispositivo que no involucra trabajo (como una sección de tubería), se tiene

$$\nu(P_2 - P_1) + \frac{v_2^2 - v_1^2}{2} + g(z_2 - z_1) = 0.$$

- En mecánica de fluidos, esta ecuación es llamada ecuación de Bernoulli.
- Es aplicable a fluidos incompresibles sin irreversibilidades.

- Determine el trabajo de entrada del compresor requerido para comprimir isentrópicamente agua de 100 kPa a 1 MPa, suponiendo que el agua existe inicialmente como
  - líquido saturado,
  - vapor saturado.



- Determine el trabajo de entrada del compresor requerido para comprimir isentrópicamente agua de 100 kPa a 1 MPa, suponiendo que el agua existe inicialmente como
  - líquido saturado.

De tabla, el volumen específico de líquido saturado a 100 kPa es:

$$\nu = 0.001043 \text{ m}^3/\text{kg}$$

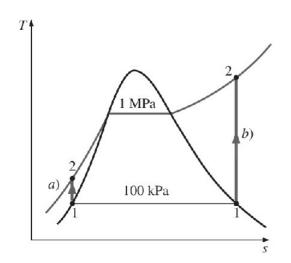
Al ser un líquido (pasa de ser saturado a uno comprimido), vamos a asumir que el volumen específico se mantiene constante:

$$w_{\text{rev,entrada}} = 0.001043 \text{ m}^3/\text{kg} (10^6 - 10^5) \text{Pa}$$

$$\longrightarrow w_{\text{rev,entrada}} = 0.94 \text{ kJ/kg}$$
<sub>Bomba</sub>

- Determine el trabajo de entrada del compresor requerido para comprimir isentrópicamente agua de 100 kPa a 1 MPa, suponiendo que el agua existe inicialmente como
  - vapor saturado.

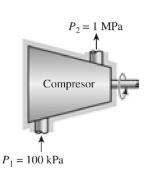
Al ser un vapor, el volumen específico cambia. Vamos a utilizar que es un proceso isentrópico.



$$Tds = dh - \nu dP$$
 $\longrightarrow w_{
m rev,entrada} = \int_{P_1}^{P_2} \nu dP = \int_{h_1}^{h_2} dh = \Delta h$ 

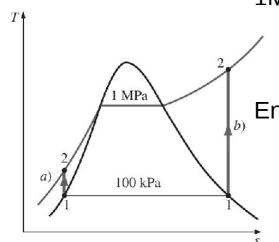
De las tablas, para un vapor saturado a 100 kPa tenemos que:

$$h_1 = 2675.0 \text{ kJ/kg}$$
  
 $s_1 = 7.3589 \text{ kJ/kg}^{\circ} \text{K}$ 



- Determine el trabajo de entrada del compresor requerido para comprimir isentrópicamente agua de 100 kPa a 1 MPa, suponiendo que el agua existe inicialmente como
  - vapor saturado.

De las tablas, para el estado 2 vamos a buscar la entalpía para 1MPa y  $s_2=s_1$ . Encontramos:

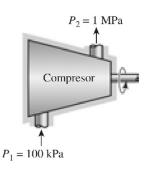


$$h_2 = 3194.5 \text{ kJ/kg}$$

Entonces, el trabajo:

$$w_{\text{rev,entrada}} = h_2 - h_1$$

$$\longrightarrow$$
  $w_{\text{rev,entrada}} = 519.5 \text{ kJ/kg}$ 



## Clase 24: Flujo estacionario isentrópico

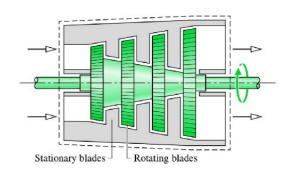
- Trabajo reversible de un flujo estacionario.
- Eficiencia isentrópica en flujos estacionarios.

## Eficiencia isentrópica en flujos estacionarios

- Como hemos visto, los procesos termodinámicos tienen mejor desempeño cuando son más cercanos a uno reversible (límite ideal).
- De manera equivalente, tienen **mejor desempeño** cuando se **aumenta menos la entropía**.
- Por tanto, vamos a utilizar flujos estacionarios isentrópicos para cuantificar el desempeño.

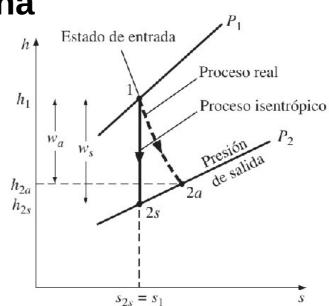
## Eficiencia isentrópica de turbinas

- Como vimos anteriormente, una turbina convierte la energía mecánica proveniente de un líquido o vapor.
- El proceso ideal para una turbina adiabática es un proceso isentrópico entre el estado de entrada y la presión de escape.



 Entonces, la eficiencia isentrópica de una turbina:

$$\eta_T = \frac{\text{Trabajo real turbina}}{\text{Trabajo isentrópico turbina}} = \frac{w_a}{w_s}.$$



## Eficiencia isentrópica de turbinas

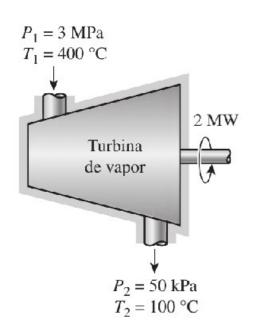
- Recordemos que estamos considerando una turbina adiabática.
- Además, usualmente en una turbina las energías cinéticas y potenciales son insignificantes.
- Entonces, la eficiencia isentrópica toma la forma:

$$\eta_T = \frac{h_1 - h_{2a}}{h_1 - h_{2s}},$$

donde  $h_{2a}$  y  $h_{2s}$  son las **entalpías** de los **estados de <u>presión</u> de salida** en el proceso **real** e **isentrópico**, respectivamente.

## **Ejemplo 2:**

 Entra vapor de agua de forma estacionaria a una turbina adiabática a 3 MPa y 400 °C, y sale a 50 kPa y 100 °C. Si la potencia de salida de la turbina es 2 MW, determine la eficiencia isentrópica de la turbina.



## **Ejemplo 2:**

 Entra vapor de agua de forma estacionaria a una turbina adiabática a 3 MPa y 400 °C, y sale a 50 kPa y 100 °C. Si la potencia de salida de la turbina es 2 MW, determine la eficiencia isentrópica de la turbina.

De tablas, la entropía y entalpía inicial ( $P_1$ =3 MPa,  $T_1$ =400 °C):

$$s_1 = 6.9235 \text{ kJ/kg}^{\circ} \text{K}, \quad h_1 = 3231.7 \text{ kJ/kg}$$

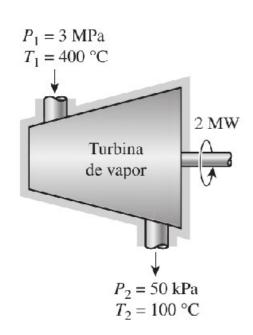
También de tablas, la entalpía final real ( $P_2$ =50 kPa,  $T_2$ =100 °C):

$$h_{2a} = 2682.4 \text{ kJ/kg}$$

Para el estado final isentrópico, utilizamos que  $s_{2s}=s_1$ . A  $P_2=50$  kPa, de tablas encontramos que:

$$s_f = 1.0912 \text{ kJ/kg}^{\circ} \text{K} < s_{2s} < s_g = 7.5931 \text{ kJ/kg}^{\circ} \text{K}$$

Por tanto, es una mezcla saturada.



Felipe Isaule

## **Ejemplo 2:**

 Entra vapor de agua de forma estacionaria a una turbina adiabática a 3 MPa y 400 °C, y sale a 50 kPa y 100 °C. Si la potencia de salida de la turbina es 2 MW, determine la eficiencia isentrópica de la turbina.

La calidad:

$$x = \frac{s_{2s} - s_f}{s_{fg}} = 0.897$$

Ahora revisamos las entalpías saturadas a  $P_2$ =50 kPa:

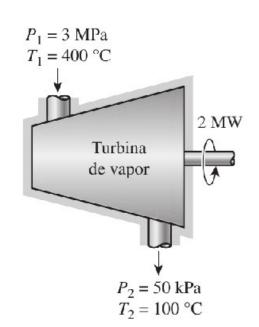
$$h_f = 340.54 \text{ kJ/kg}, \quad h_{fg} = 2304.7 \text{ kJ/kg}$$

Entonces, la entalpía final del proceso isentrópico:

$$h_{2s} = h_f + x h_{fg} \longrightarrow h_{2s} = 2407.9 \text{ kJ/kg}$$

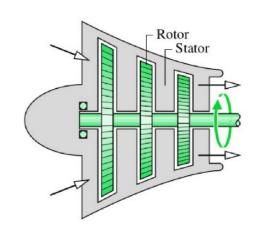
La eficiencia isentrópica es:

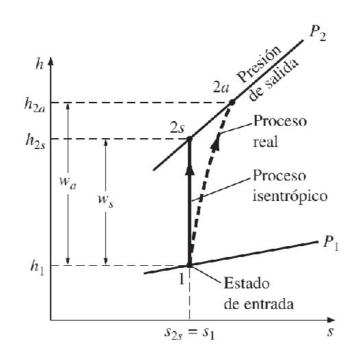
$$\eta_T = \frac{h_1 - h_{2a}}{h_1 - h_{2s}} \longrightarrow \boxed{\eta_T = 0.667}$$



# Eficiencia isentrópica de compresores y bombas

- Los compresores se utilizan para aumentar la presión al inyectar trabajo a través de un eje giratorio.
- El proceso ideal para un compresor adiabático es un proceso isentrópico que aumenta la presión a la misma magnitud.





# Eficiencia isentrópica de compresores y bombas

 Cuando las energías cinética y potencial son insignificantes, la eficiencia isentrópica de un compresor adiabático:

$$\eta_C = \frac{h_{2s} - h_1}{h_{2a} - h_1},$$

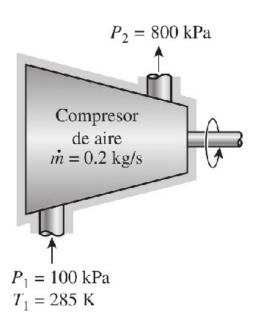
donde  $h_{2a}$  y  $h_{2s}$  son las **entalpías** de los **estados de <u>presión</u> de salida** en el proceso **real** e **isentrópico**, respectivamente.

Para el caso de una bomba:

$$\eta_P = \frac{\nu(P_2 - P_1)}{h_{2a} - h_1}.$$

• En ciertos casos es **preferible comparar** con un **proceso isotérmico reversible**. En tal caso uno trabaja con una **eficiencia isotérmica**  $\eta_C = w_t/w_a$ .

- Mediante un compresor adiabático se comprime aire de 100 kPa y 12
   °C a una presión de 800 kPa a una tasa estacionaria de 0.2 kg/s. Si la
   eficiencia isentrópica del compresor es 80 por ciento y asumiendo un
   gas ideal, determine
  - la temperatura de salida del aire.
  - la potencia de entrada requerida en el compresor.



- Mediante un compresor adiabático se comprime aire de 100 kPa y 12
   °C a una presión de 800 kPa a una tasa estacionaria de 0.2 kg/s. Si la
   eficiencia isentrópica del compresor es 80 por ciento y asumiendo un
   gas ideal, determine
  - la temperatura de salida del aire.

Para obtener la temperatura de salida necesitamos dos propiedades de salida. Por ahora conocemos una (la presión). Vamos a intentar utilizar la eficiencia isentrópica.

De tabla, podemos obtener la entalpía y presión relativa de entrada:

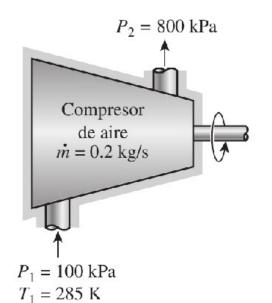
$$h_1 = 285.14 \text{ kJ/kg}$$
  $P_{r1} = 1.1584$ 

Dado que el aire es un gas ideal, se tiene que:

$$P_{r2} = P_{r1} \left(\frac{P_2}{P_1}\right) = 1.1584 \frac{800 \text{ kPa}}{100 \text{ kPa}} = 9.2672$$

Con esta presion relativa y usando que  $P_2$ =800 kPa, de tablas se tiene que:

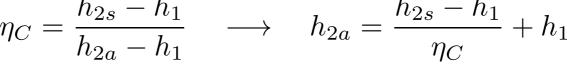
$$h_{2s} = 517.05 \text{ kJ/kg}$$



- Mediante un compresor adiabático se comprime aire de 100 kPa y 12 °C a una presión de 800 kPa a una tasa estacionaria de 0.2 kg/s. Si la eficiencia isentrópica del compresor es 80 por ciento y asumiendo un gas ideal, determine
  - la **temperatura** de **salida** del **aire**.

Ahora utilizamos la eficienca isentrópica:

$$\eta_C = \frac{h_{2s} - h_1}{h_{2a} - h_1} \longrightarrow h_{2a} = \frac{h_{2s} - h_1}{\eta_C} + h_1$$

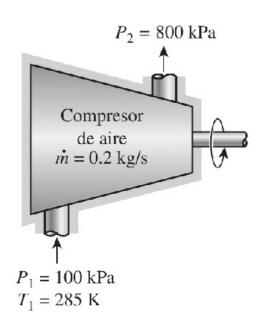


Usando que  $\eta_{c}$ =0.8, obtenemos:

$$h_{2a} = 575.03 \text{ kJ/kg}$$

Ahora sí podemos consultar las tablas, donde se obtiene que:

$$T_{2a} = 569.5 \,^{\circ} \text{K}$$



- Mediante un compresor adiabático se comprime aire de 100 kPa y 12
   °C a una presión de 800 kPa a una tasa estacionaria de 0.2 kg/s. Si la eficiencia isentrópica del compresor es 80 por ciento y asumiendo un gas ideal, determine
  - la potencia de entrada requerida en el compresor.

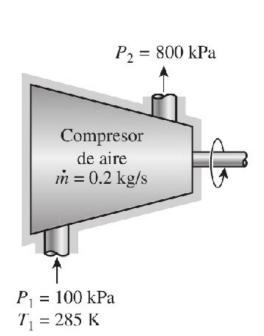
Imponiendo conservación de la energía:

$$\dot{E}_{\mathrm{entrada}} = \dot{E}_{\mathrm{salida}}$$

$$\dot{W}_{a,\mathrm{entrada}} = \dot{m}(h_{2a} - h_1)$$

$$= 0.2 \text{ kg/s } (575.03 - 285.14) \text{ kJ/kg}$$

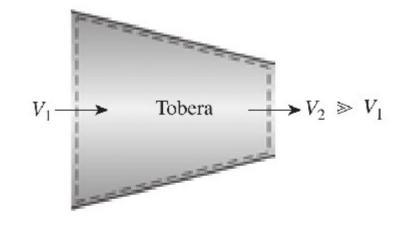
$$\longrightarrow \qquad \dot{W}_{a,\mathrm{entrada}} = 58 \text{ kW}$$

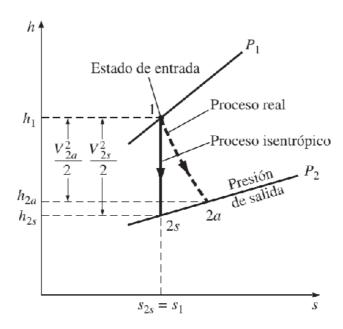


Felipe Isaule

## Eficiencia isentrópica de toberas

- Una tobera es un dispositivo que incrementa la velocidad de un fluido a expensas de la presión.
- El proceso ideal para una tobera adiabática es un proceso isentrópico que llega a la misma presión de salida.





## Eficiencia isentrópica de toberas

- En las toberas **no hay interacciones de trabajo** y la **energía cinética no es despreciable**.
- La eficiencia isotrópica de una tobera adiabática es:

$$\eta_N = \frac{\text{energía cinética real tobera}}{\text{energía cinética isentrópica tobera}} = \frac{v_{2a}^2}{v_{2s}^2}.$$

• Si la velocidad de entrada es mucho más pequeña que la de salida ( $v_1 \ll v_{2a}$ ), el balance de energía se reduce a

$$h_1 = h_{2a/s} + v_{2a/s}^2 / 2.$$

• De esta manera, la eficiencia isentrópica toma la forma

$$\eta_N = \frac{h_1 - h_{2a}}{h_1 - h_{2s}}.$$

#### **Conclusiones**

- Revisamos los flujos estacionarios reversibles.
- Utilizamos el ideal de flujos **isentrópicos** para definir **eficiencias** de **flujos estacionarios adiabáticos**.
- Próxima clase:
  - → Balance de entropía.