

Dinámica (FIS1514)

Peso, Normal, y Tensión

Felipe Isaule

felipe.isaule@uc.cl

Miércoles 30 de Agosto de 2023

Resumen clase anterior

- Presentamos las tres leyes de Newton.
- Estudiamos el concepto de **fuerza**.
- Presentamos el concepto de ecuación de movimiento y diagrama de cuerpo libre (DCL).

- Gravedad y peso
- Normal
- Cuerda ideal y tensión

- Gravedad y peso
- Normal
- Cuerda ideal y tensión

Ley de Gravitación

• La **ley de gravitación universal** establece que la fuerza de **atracción** entre dos cuerpos de masas m_1 y m_2 es

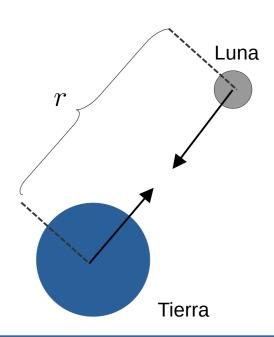
$$\vec{F} = -\frac{G m_1 m_2}{r^2}$$

r: Distancia entre los cuerpos.

G: Constante de gravitación.

• Las masas m_1 y m_2 corresponden a las **masas gravitacionales**.

• Principio de equivalencia: La masa inercial de un cuerpo es igual a su masa gravitacional.



Peso

 Si un cuerpo A está cerca de la superficie de otro cuerpo B mucho más grande, la fuerza de gravedad sobre A se simplifica

$$F_A = -\frac{Gm_Am_B}{r^2} = -\frac{Gm_Am_B}{(R+y)^2} \approx -m_A\frac{Gm_B}{R^2}$$

$$R \gg y$$
Peso: $P = mg$

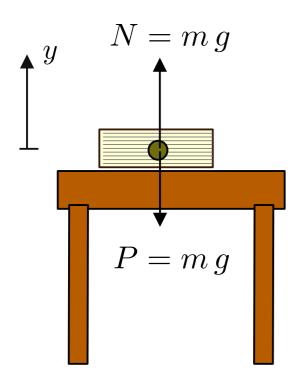
• En el caso de un cuerpo en la superficie de la Tierra

$$g \approx 9.8 \text{m/s}^2$$

- Gravedad y peso
- Normal
- Cuerda ideal y tensión

Fuerza normal

• La fuerza **normal** es una fuerza de contacto **perpendicular** a una superficie y aplicada a un objecto.



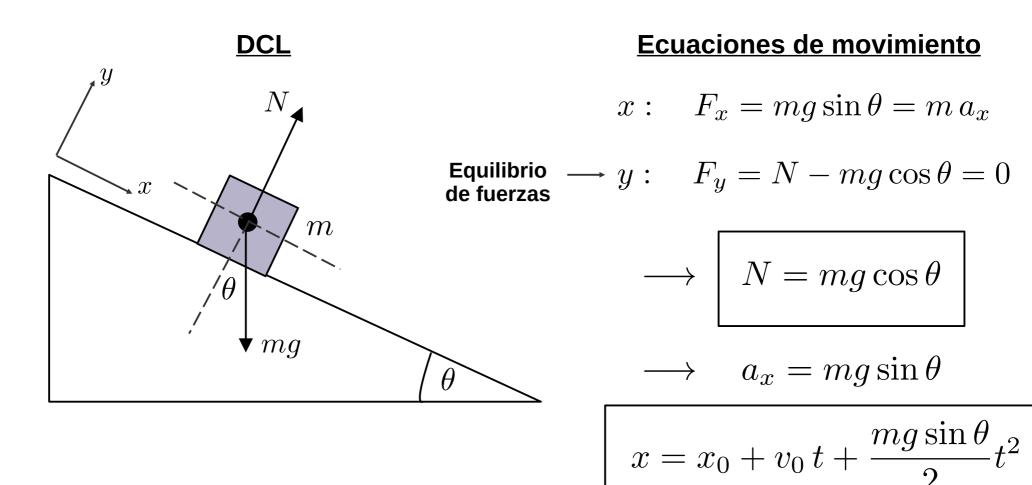
$$\vec{F} = \vec{P} + \vec{N} = 0$$

$$\vec{N} = -\vec{P} = +m \, g \hat{j}$$

$$N = m \, g$$

Ejemplo: Plano inclinado

• Un bloque de masa m se encuentra sobre la superficie de un **plano inclinado** con un ángulo θ con respecto a la horizontal. Encuentre la **normal** y describa la **posición** del bloque en función del tiempo.

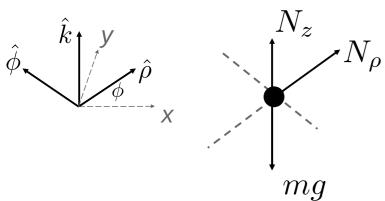


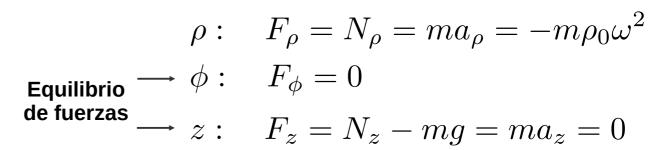
Ejemplo cilíndricas: Argolla en un cable circular

Una argolla de masa m gira sin roce con **velocidad angular constante** ω en un cable circular de radio ρ_0 . Si la argolla es afectada por la **gravedad**, encuentre las fuerzas normales sobre la argolla.



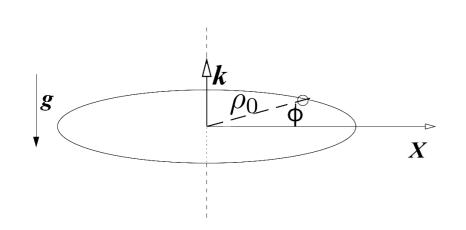
Ecuaciones de movimiento





le fuerzas
$$igotharpoonup z: \quad F_z =$$

$$F_z = N_z - mg = ma_z = 0$$

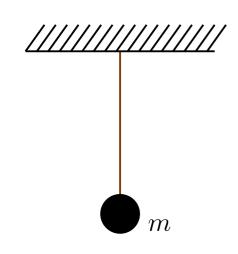


$$\longrightarrow \left[\begin{array}{c} N_{\rho} = -m\rho_0 \omega^2 \\ \longrightarrow \left[N_z = mg \right] \end{array} \right]$$

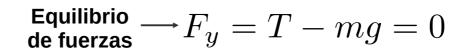
- Gravedad y peso
- Normal
- Cuerda ideal y tensión

Tensión

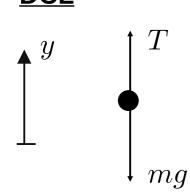
- Una cuerda ideal (inextensible y de masa despreciable) sujeta otros objetos con una fuerza llamada tensión ${\cal T}$.
- Esta tensión es constante a través de la cuerda.



<u>Ejemplo</u>: Si una **cuerda ideal** sujeta un objecto de masa m afectado por la **gravedad** que está **estático**. Encuentre la **magnitud de la tensión**.

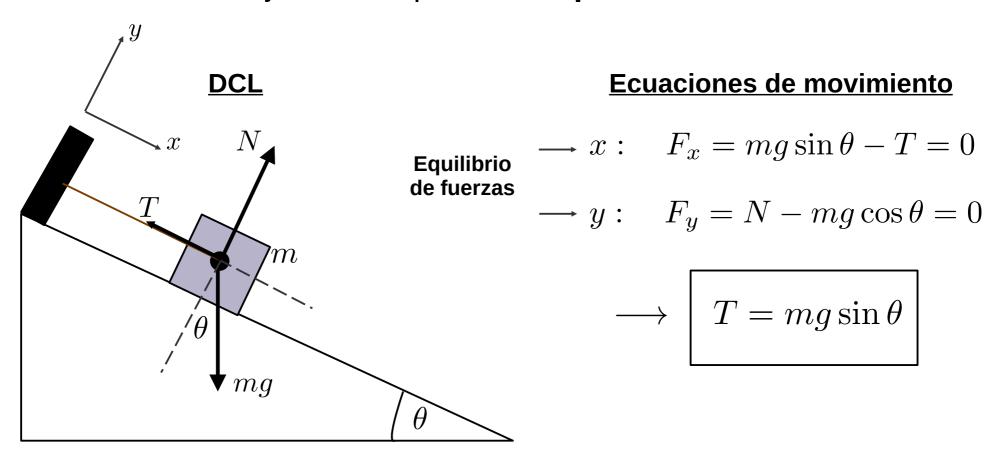


$$T = mg$$



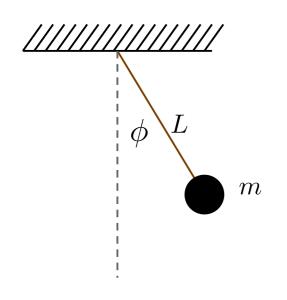
Ejemplo: Plano inclinado con una cuerda

• Un bloque de masa m se encuentra sobre la superficie de un **plano inclinado** con un ángulo θ con respecto a la horizontal. Si una **cuerda ideal** sujeta al bloque en el **reposo**. Encuentre la **tensión**.

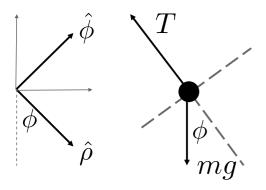


Ejemplo: Péndulo simple

• Una cuerda ideal de largo L sujeta un objeto de masa m que puede moverse (oscilar) en un plano. Encuentre la ecuación de movimiento.



<u>DCL</u>



Ecuaciones de movimiento

$$\rho: \quad F_{\rho} = mg\cos\phi - T = ma_{\rho} = -mL\dot{\phi}^2$$

$$\phi: \quad F_{\phi} = -mg\sin\phi = ma_{\phi} = mL\ddot{\phi}$$

$$\longrightarrow T = m(g\cos\phi + L\dot{\phi}^2)$$

$$\longrightarrow \ddot{\phi} + \omega^2 \sin \phi = 0$$

$$\omega^2 = g/L$$

Sistemas de varias partículas

• Si tenemos varias partículas sometidas a fuerzas, la segunda ley de Newton es aplicada independientemente a cada cuerpo.

$$\vec{F}_1 = m_1 \vec{a}_1$$

$$\vec{F}_2 = m_2 \vec{a}_2$$

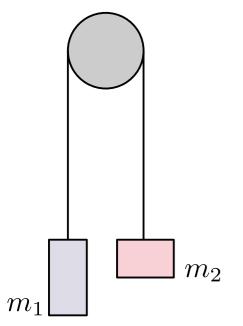
$$\vdots$$

$$\vdots$$

$$\vec{F}_N = m_N \vec{a}_N$$

Ejemplo: Dos bloques estáticos en una polea

• **Dos bloques** de masas m_1 y m_2 se encuentran **unidos por una cuerda ideal**. Si los bloques están **estáticos**, encuentre la **relación entre las masas** de los bloques..

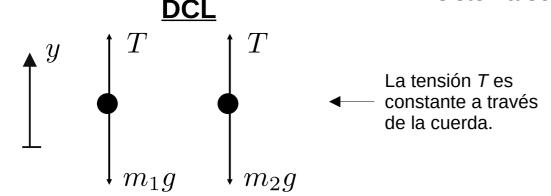


Ecuaciones de movimiento

Equilibrio de fuerzas
$$\longrightarrow 1: \quad F_1 = T - m_1 g = 0$$
 $\longrightarrow 2: \quad F_1 = T - m_2 g = 0$

$$\longrightarrow \boxed{m_1 = m_2}$$

Ambos bloques **deben tener igual masa** para que el sistema se mantenga en reposo.



Resumen

- Hemos introducido formalmente las fuerzas de **peso** y **normal**.
- Hemos introducido el concepto de cuerda ideal y la fuerza de la tensión.
- Revisamos la resolución de problemas de Dinámica con más de una partícula.
- Próxima clase:
 - → Más poleas y ligaduras.
 - → Fuerza elástica.