1º Lista de Exercícios de Instrumentação – FEMEC 41070 – 1º Semestre 2020

1) Montar um Histograma para os dados coletados abaixo.

28.68 28.66 28.70 28.57 28.61 28.59 28.71 28.59 28.69 28.58 28.73 28.55 28.71 28.70 28.57 28.56 28.58 28.50 28.68 28.69

HISTOGRAMA: CONSIDERAÇÕES SOBRE O NÚMERO DE CLASSES (n,):

- 1. Se N \leq 20 \rightarrow $n_k = 5$
- 2. Se 20 < N < 40 → número de OCORRÊNCIAS em cada classe ≥ 5
- 3. Se N > 40 \rightarrow critério de KENDAL & STUART: $n_k = 1.87^*(N-1)^{0.4}$

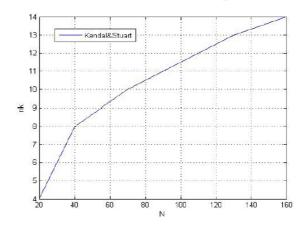


Figura 1: Número de Ocorrências em classes com N≥20

2) Para o exemplo do item 1, adotando um o valor da média da população de 28,58 com desvio padrão de 0,10, pede-se o intervalo de confiança para α = 95%.

$$\alpha = 2.\phi(z) - 1 \tag{1}$$

$$D = \frac{Z x \sigma}{\sqrt{N}}$$
 (2)

IC: média –
$$D \le \mu \le média + D$$
 (3)

3) Refazer o exercício 2 só que desconhecendo o valor da média e do desvio da população. Sugestão: adote a média e desvio da amostra.

$$D = t(1-alfa,d)*\sigma/(N)^0,5$$
(4)

4) Dado as medidas a seguir de comprimento de uma barra. Calcule o valor médio e desvio padrão. Aplique o critério de Chauvenet para verificar se há inconsistências. Caso exista inconsistência(s), refaça o cálculo da média e desvio sem a(s) mesma(s).

Leitura	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
x [cm]	5,42	5,71	5,82	5,45	5,87	5,40	5,73	5,64	5,83	5,75

$$x_{m\acute{e}dia} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \tag{5}$$

$$d_i = x_i - x_{m\acute{e}dia} \tag{6}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left(d_i^2\right)} \tag{7}$$

 $\Delta R = \frac{d_i}{\sigma}$

Tabela 1: Tabela da Área da Função Normal em Função de Z

(8)

SIANDARD SIAIISIICAL IABLES

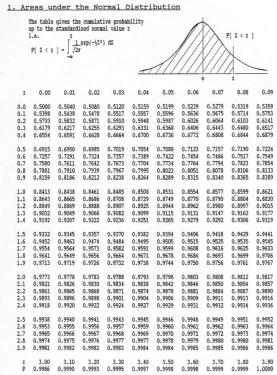


Tabela 2: Distribuição tstudent



Degrees	Probability of a Larger Value, Sign Ignored										
Freedom	0.500	0.400	0.200	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005	0.001		
1	1.000	1.376	3.078	6.314	12.706	25.452 6.205	63.657		<u> </u>		
1 2 3 4 5	0.816	1.061	1.886	2.920 2.353 2.132	4.303	6.205	9.925	14.089	31.598		
3	.765	0.978	1.638	2.353	3.182	4.176	5.841	7.453	12.941		
4	.741	.941	1.533	2.132	2.776	3.495	4.604	5.598	8.610		
5	.727	.920	1.476	2.015	2.571	3.163	4.032	4.773	6.859		
6	.718	.906	1.440	1.943	2.447	2.969	3.707	4.317	5.959		
7	.711	.896	1.415	1.895	2.368	2.841	3.499	4.029	5.405		
8	.706	.889	1.397	1.860	2.306	2.752	3.355	3.832	5.041		
9	.703	.883	1.383	1.833	2.262	2.685	3.250	3.690	4.781		
6 7 8 9 10	.700	.879	1.372	1.812	2.228	2.634	3.169	3.581	4.587		
11	.697	.876	1.363	1.796	2.201	2.593	3.106	3.497	4,437		
12	.695	.873	1.356	1.782	2.179	2.560	3.055	3.428	4.318		
12	.694	.870	1.350	1 771	2.160	2.533	3.012	3.372	4.221		
14	.692	.868	1.345	1.771	2.145	2.510	2.977	3.326	4.221		
15	.691	.866	1.341	1.753	2.131	2.490	2.947	3.286	4.140		
16	.690	.865	1.337	1.746 1.740	2.120	2.473	2.921	3.252 3.222 3.197	4.015		
17	.689	.863	1.333	1.740	2.110	2.458	2.898	3.222	3.965		
18	.688	.862	1.333 1.330 1.328	1.734	2.101	2,445	2.878	3.197	3.922		
19	.688	.861	1.328	1.729	2.093	2,433	2.861	3.174	3.883		
20	.687	.860	1.325	1.725	2.086	2.423	2.845	3.153	3.850		
21 22 23	.686	.859	1.323	1.721	2.080	2.414	2.831	3.135	3.819		
22	.686	.858	1.321	1.717	2.074	2.406	2.819	3 119	3.792		
23	.685	.858	1.319	1.717 1.714 1.711	2.069	2.398	2.807	3.119 3.104	3.767		
24	.685	.857	1.318	1 711	2.064	2 301	2.797	3.090	3.745		
24 25	.684	.856	1.316	1.708	2.060	2.391	2.787	3.078	3.725		
26	.684	.856	1.315	1.706	2.056	2.379	2:779	3.067	3.707		
27	.684	.855	1 314	1.703	2.052	2.379	2.779	3.067			
26 27 28	.683	.855	1.314	1.701	2.032	2.373 2.368	2.771 2.763	3.056 3.047	3.690 3.674		
20	.683	.854	1.313	1.600	2.048	2.364	2.756	3.047	3.6/4		
29 30	.683	.854	1.310	1.699	2.043	2.364	2.750	3.038	3.659 3.646		
35	.682	852	1.306								
40	.681	.652	1.306	1.690	2.030	2.342	2.724	2.996	3.591		
49	180.	.851	1.303	1.684	2.021	2.329 2.319 2.310	2.704	2.971	3.551		
45	.680	.850	1.301	1.680	2.014	2.319	2.690	2.952	3.520		
50	.680	.849	1.299	1.676	2.008	2.310	2.678	2.937	3.496		
55	.679	.849	1.297	1.673	2.004	2.304	2.669	2.925	3.476		
60 70	.679	.848	1.296	1.671	2.000	2.299	2.660_	2.915	3.460		
70	.678	.847	1.294	1.667	1.994	2.290	2.648	2.899	3.435		
80	.678	.847	1.294	1.665	1.989	2.284	2.638	2.887	3.416		
90	.678	.846	1.291	1.662	1.986	2.279	2.631	2.878	3.402		
100	.677	.846	1.290	1.661	1.982	2.276	2.625	2.871	3.390		
120	.677	.845	1.289	1.658	1.980	2.270	2.617	2.860	3.373		
00	.6745	.8416	1.2816	1.6448	1.9600	2.2414	2.5758	2.8070	3.373		
90	.0/43	.0410	1.2810	1.0448	1.9600	2.2414	2.5/58	2.8070	3.2905		

Tabela 3: Valores Limites de DRo

N	DRo
3	1.383
4	1.534
5	1.645
7	1.803
10	1.960
15	2.128
25	2.326
50	2.576
100	2.807
300	3.144
500	3.291
1000	3.481

- 5) Aplique o Teste de Chauvenet nos dados do exercício 1. Recalcule a média e desvio para o resultado sem inconsistências.
- 6) Realize o teste do Qui-quadrado (α =95%) para avaliar se uma distribuição normal com média 5,8 cm e desvio 0,8cm se adere aos dados originais coletados no exercício 4. A Tabela 4 apresenta os valores do Erro máximo em função do Grau de Liberdade [GL] e confiança estatística [1- α].

$$Erro Quadrático = \frac{(Valor_{Teórico} - Valor_{Observado})^2}{Valor_{Teórico}}$$
(9)

Grau de Liberdade= nº classes – 1 – nº de parâmetros teóricos utilizados (10)

- 7) Refaça o exercício 6 com os dados corrigidos por Chauvenet. Compare os resultados com o exercício anterior.
- 8) Calcular y = K R F L / T, conhecendo o intervalo de confiança (α = 95%) de cada uma das medidas:

K = 0.000952 (propriedade física constante)

 $R = 1200 \pm 1 F = 10,00 \pm 0,01 \rightarrow \Delta R = 1 e \Delta F = 0,01$

 $L = 14,00 \pm 0,06 T = 60 \pm 1 \rightarrow \Delta L = 0,01 e \Delta T = 1$

9) Supondo que Δy DEVE ser igual a \pm 6% de Δy , estime quais devem ser os limites para os erros ΔR , ΔF , ΔL e ΔT ?

Tabela 4: Valores Limites para Teste Quiquadrado

ABELA A-4	Distribuiçã	io Qui-Qua	adrado (χ²))								
Graus de Liberdade	Área à Direita do Valor Crítico											
	0,995	0,99	0,975	0,95	0,90	0,10	0,05	0,025	0,01	0,005		
1			0,001	0,004	0,016	2,706	3,841	5,024	6,635	7,87		
2	0,010	0,020	0,051	0,103	0,211	4,605	5,991	7,378	9,210	10,59		
3	0,072	0,115	0,216	0,352	0,584	6,251	7,815	9,348	11,345	12,83		
4	0,207	0,297	0,484	0,711	1,064	7,779	9,488	11,143	13,277	14,86		
5	0,412	0,554	0,831	1,145	1,610	9,236	11,071	12,833	15,086	16,75		
6	0,676	0,872	1,237	1,635	2,204	10,645	12,592	14,449	16,812	18,54		
7	0,989	1,239	1,690	2,167	2,833	12,017	14,067	16,013	18,475	20,27		
8	1,344	1,646	2,180	2,733	3,490	13,362	15,507	17,535	20,090	21,95		
9	1,735	2,088	2,700	3,325	4,168	14,684	16,919	19,023	21,666	23,58		
10	2,156	2,558	3,247	3,940	4,865	15,987	18,307	20,483	23,209	25,18		
11	2,603	3,053	3,816	4,575	5,578	17,275	19,675	21,920	24,725	26,75		
12	3,074	3,571	4,404	5,226	6,304	18,549	21,026	23,337	26,217	28,29		
13	3,565	4,107	5,009	5,892	7,042	19,812	22,362	24,736	27,688	29,81		
14	4,075	4,660	5,629	6,571	7,790	21,064	23,685	26,119	29,141	31,31		
15	4,601	5,229	6,262	7,261	8,547	22,307	24,996	27,488	30,578	32,80		
16	5,142	5,812	6,908	7,962	9,312	23,542	26,296	28,845	32,000	34,20		
17	5,697	6,408	7,564	8,672	10,085	24,769	27,587	30,191	33,409	35,71		
18	6,265	7,015	8,231	9.390	10,865	25,989	28,869	31,526	34,805	37,13		
19	6,844	7,633	8,907	10,117	11,651	27,204	30,144	32,852	36,191	38,58		
20	7,434	8,260	9,591	10,851	12,443	28,412	31,410	34,170	37,566	39,99		
21	8,034	8,897	10,283	11,591	13,240	29,615	32,671	35,479	38,932	41,40		
22	8,643	9,542	10,982	12,338	14,042	30,813	33,924	36,781	40,289	42,79		
23	9,260	10,196	11,689	13,091	14,848	32,007	35,172	38,076	41,638	44,18		
24	9,886	10,856	12,401	13,848	15,659	33,196	36,415	39,364	42,980	45,5		
25	10,520	11,524	13,120	14,611	16,473	34,382	37,652	40,646	44,314	46,92		
26	11,160	12,198	13,844	15,379	17,292	35,563	38,885	41,923	45,642	48,29		
27	11,808	12,879	14,573	16,151	18,114	36,741	40,113	43,194	46,963	49,6		
28	12,461	13,565	15,308	16,928	18,939	37,916	41,337	44,461	48,278	50,9		
29	13,121	14,257	16,047	17,708	19,768	39,087	42,557	45,722	49,588	52,3		
30	13,787	14,257	16,791	18,493	20,599	40,256	43,773	46,979	50,892	53,6		
40	20,707	22,164	24,433	26,509	29,051	51,805	55,758	59,342	63,691	66,7		
	27,991	survivaciono contrata de la contrata del contrata del contrata de la contrata del la contrata de la contrata del la contrata de la contrata de la contrata del la contrata de la contrata de la contrata de la contrata del la contrata de		34,764	37,689	63,167	67,505	71,420				
50		29,707	32,357	43,188					76,154 88,379	79,4		
60 70	35,534	37,485	40,482		46,459	74,397 85,527	79,082 90,531	83,298 95,023	100,425	91,9 104,2		
CONTRACTOR STANSACTOR	43,275	45,442	48,758	51,739	55,329		101,879		C000408070885599090500650500			
80 90	51,172	53,540	57,153	60,391 69,126	64,278 73,291	96,578 107,565	118,145	106,629 118,136	112,329 124,116	116,3 128,2		
100	59,196 67,328	61,754 70,065	65,647 74,222	77,929	82,358	118,498	118,145	129,561	135,807	140,10		