



# Construção de Compiladores

## Analizador de precedência fraca

*Professor: Luciano Ferreira Silva, Dr.*



# Reconhecimento de sentença

- O procedimento de reconhecimento de uma sentença com o analisador sintático de precedência fraca também é uma aplicação do autômato de pilha;
- A sentença a ser analisada é uma seqüência de tokens fornecida pelo analisador léxico, acrescida ao final do símbolo delimitador de sentença;
- O delimitador de sentença também é inserido como o primeiro elemento da pilha;



# Reconhecimento de sentenças

- **A cada passo do procedimento a tabela DR é consultada com:**
  - ✓ o símbolo da pilha sendo indica a linha;
  - ✓ o símbolo analisado na sentença indica a coluna;
- **Se a entrada nessa célula estiver vazia tem-se uma situação de erro;**
- **Se indicar deslocamento (D) então:**
  - ✓ o símbolo no início da sentença é removido e inserido no topo da pilha.



# Reconhecimento de sentenças

## ■ Se indicar redução (R), então:

- ✓ Todos os símbolos no topo da pilha que combinam com o lado direito da produção são removidos da pilha;
- ✓ E substituídos pelo símbolo do lado esquerdo, que é empilhado.
- ✓ Essa ação corresponde a criar uma subárvore cuja raiz é o símbolo que foi inserido na pilha e cujos filhos são os elementos retirados da pilha.



# Reconhecimento de sentenças

- **O procedimento é concluído com sucesso quando:**
  - ✓ Estiverem armazenados na pilha dois símbolos:
    - O sentencial no topo;
    - O delimitador de sentença;
  - ✓ Estiver sendo analisado na sentença o delimitado de sentença;
- **Esta situação equivale à obtenção da árvore sintática completa:**
  - ✓ Com o símbolo sentencial na raiz e nenhum símbolo da sentença sem pertencer à árvore;



# Reconhecimento de sentenças

- **Considere a gramática  $F$ :**
  - ✓ Símbolos não-terminais  $V_N = \{S, X\}$ , sendo  $S$  o símbolo sentencial;
  - ✓ Símbolos terminais  $V_T = \{a, b, c, d, e\}$
  - ✓ Produções  $P = \{S \rightarrow aSb, S \rightarrow Xc, X \rightarrow d, X \rightarrow e\}$
- **Considere a sentença aadcbb para teste do reconhecimento;**





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

*a a d c b b \$*

*\$*

Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

*a d c b b \$*

*a*

*\$*

Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

*a*





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

*d* *c* *b* *b* *\$*

*a*

*a*

*\$*

Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

*a*

*a*



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

**c** *b b \$*

*d*

*a*

*a*

*\$*

Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

*a*

*a*

*d*

Produção:  $X \rightarrow d$



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

**c** *b b \$*

**X**

*a*

*a*

*\$*

Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

*a*

*a*

**X**  
|  
*d*



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

***b*** *b* \$

***c***  
***X***  
***a***  
***a***  
***\$***  
Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	\$
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
\$	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

Produção:  $S \rightarrow Xc$

*a*

*a*

*X*

*d*

*c*



# Reconhecimento de sentença

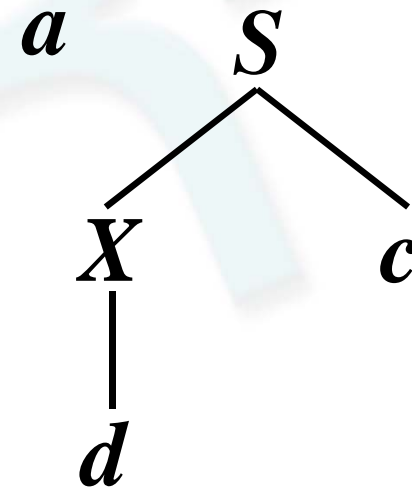
Lista de tokens

***b*** *b* \$

*S*  
*a*  
*a*  
*\$*  
Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

*a*





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

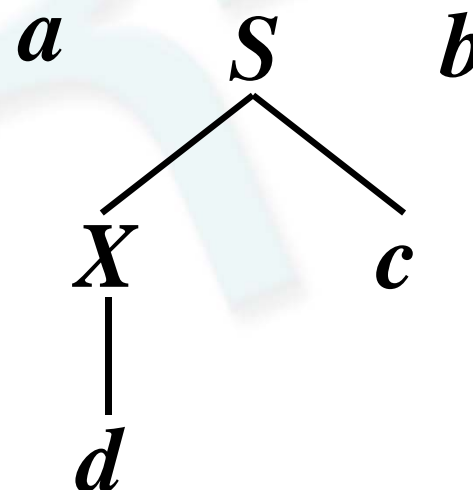
<b><i>b</i></b>	<i>\$</i>
-----------------	-----------

***b***  
***S***  
***a***  
***a***  
***\$***  
Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

Produção:  $S \rightarrow aSb$

*a*







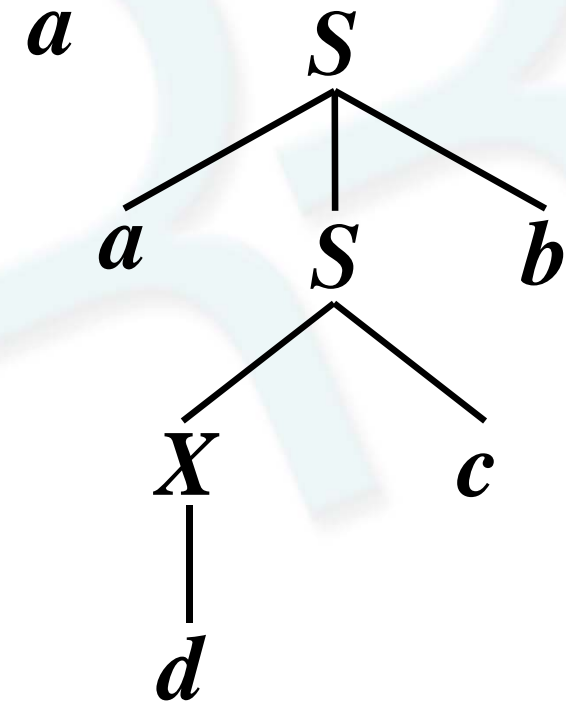
# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

***b*** \$

***S***  
***a***  
***\$***  
  
  
Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	





# Reconhecimento de sentença

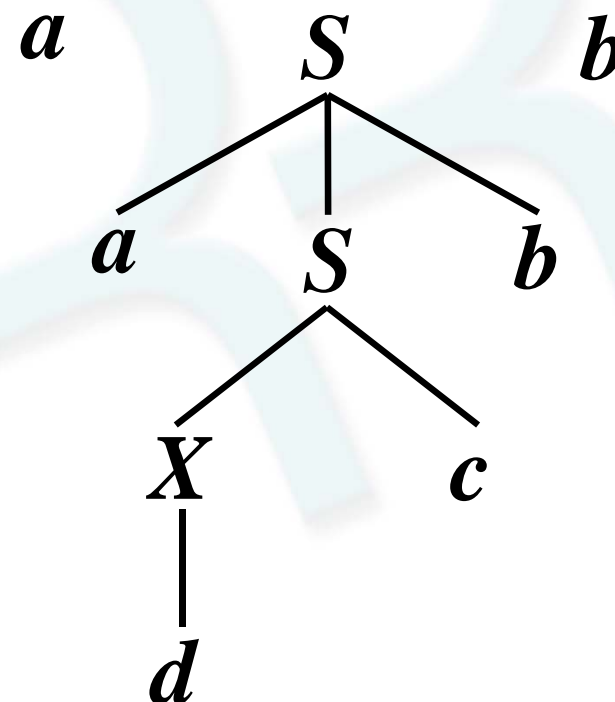
Lista de tokens

\$

***b***  
***S***  
***a***  
***\$***  
  
 Pilha

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>D</i>				
<i>X</i>			<i>D</i>			
<i>a</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	
<i>b</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>c</i>		<i>R</i>				<i>R</i>
<i>d</i>			<i>R</i>			
<i>e</i>			<i>R</i>			
<i>\$</i>	<i>D</i>			<i>D</i>	<i>D</i>	

Produção:  $S \rightarrow aSb$





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

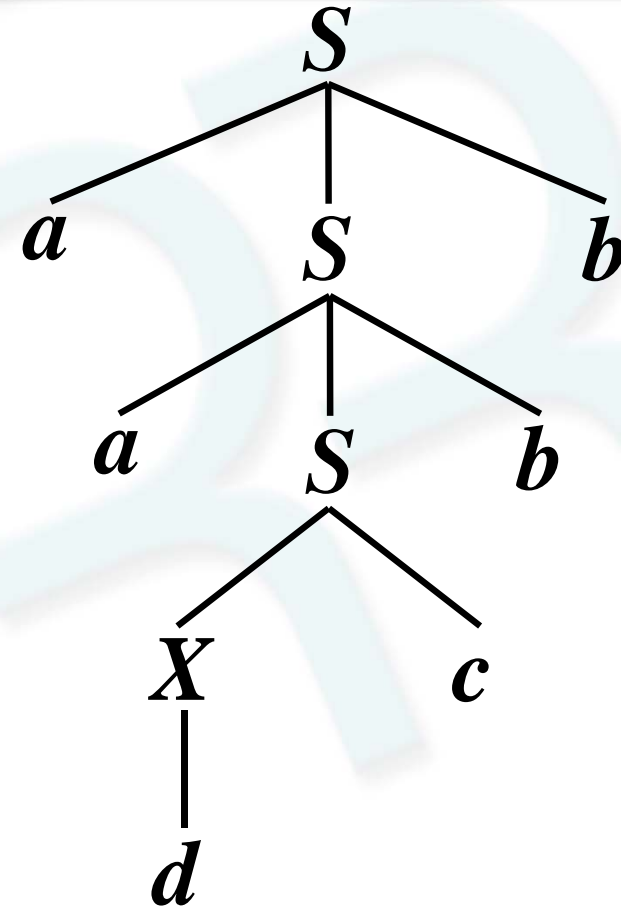
\$

**S**

**\$**

Pilha

	a	b	c	d	e	\$
S		D				
X			D			
a	D			D	D	
b		R				R
c		R				R
d			R			
e			R			
\$	D			D	D	



*Fim do reconhecimento*



# Reconhecimento de sentença

- Considere agora a gramática  $G'$ , (com  $E$  sentencial).

**Gramática  $G'$ , equivalente à gramática  $G$  mas sem ambiguidade**

$E \rightarrow E + M$       Produção 1: adição com recursividade

$E \rightarrow M$       Produção 2: marca o fim da recursividade da adição

$M \rightarrow M \times P$       Produção 3: multiplicação com recursividade, contempla a associatividade

$M \rightarrow P$       Produção 4: marca o fim recursividade da multiplicação

$P \rightarrow (E)$       Produção 5: possibilita o uso de parênteses

$P \rightarrow v$       Produção 6: terminal

- E considere também a sentença  $v + v \times v$ .



# Reconhecimento de sentença

## ■ Obtendo os conjuntos *ESQ* e *DIR*:

Gramática  $G'$

$E \rightarrow E + M$

$E \rightarrow M$

$M \rightarrow M \times P$

$M \rightarrow P$

$P \rightarrow (E)$

$P \rightarrow v$

$ESQ(E) = \{M, P, (, v\}$

$ESQ(M) = \{P, (, v\}$

$ESQ(P) = \{(, v\}$

$DIR(E) = \{M, P, ), v\}$

$DIR(M) = \{P, ), v\}$

$DIR(P) = \{), v\}$



# Reconhecimento de sentença

## ■ Obtendo as relações $\approx$ :

Gramática  $G'$

$E \rightarrow E + M$

$E \rightarrow M$

$M \rightarrow M \times P$

$M \rightarrow P$

$P \rightarrow (E)$

$P \rightarrow v$

$E \approx +$

$+ \approx M$

$M \approx \times$

$\times \approx P$

$( \approx E$

$E \approx )$





# Reconhecimento de sentença

## ■ Obtendo as relações «:

- ✓ É preciso analisar as relações  $\approx$  que têm símbolos não-terminais do lado direito e os elementos do conjunto  $ESQ$  do não-terminal.

$$+ \approx M$$

$$ESQ(M) = \{P, (, v\}$$

$$\times \approx P$$

$$ESQ(P) = \{(, v\}$$

$$( \approx E$$

$$ESQ(E) = \{M, P, (, v\}$$

$$+ \ll P$$

$$+ \ll ($$

$$+ \ll v$$

$$\times \ll ($$

$$\times \ll v$$

$$( \ll M$$

$$( \ll P$$

$$( \ll ($$

$$( \ll v$$



# Reconhecimento de sentença

## ■ Obtendo as relações »:

- ✓ É preciso analisar as relações  $\approx$  entre um símbolo não-terminal no lado esquerdo e um símbolo terminal do lado direito e os elementos do conjunto  $DIR$  do não-terminal.
- ✓ Não há relações  $\approx$  entre dois não-terminais.

$E \approx +$

$M \approx \times$

$E \approx )$

$DIR(E) = \{M, P, ), v\}$     $DIR(M) = \{P, ), v\}$     $DIR(E) = \{M, P, ), v\}$

$M \gg +$

$P \gg \times$

$M \gg )$

$P \gg +$

$) \gg \times$

$P \gg )$

$) \gg +$

$v \gg \times$

$) \gg )$

$v \gg +$

$v \gg )$



# Reconhecimento de sentença

- Tabela com as relações Wirth-Weber:

	<i>E</i>	<i>M</i>	<i>P</i>	+	×	(	)	<i>v</i>
<i>E</i>				≈			≈	
<i>M</i>				»	≈		»	
<i>P</i>				»	»		»	
+		≈	«			«		«
×			≈			«		«
(	≈	«	«			«		«
)				»	»		»	
<i>v</i>				»	»		»	



# Reconhecimento de sentença

1. As condições 1, 2 e 3 são satisfeitas;
2. Não há nenhum par de símbolo que esteja relacionando simultaneamente pela relação  $\gg$  e por alguma outra relação;
3. Analisando produções que terminam com o mesmo símbolo:
  1.  $E \rightarrow E \pm M$  e  $\underline{E} \rightarrow M$ ; o cruzamento entre  $\pm$  e  $E$  é vazio;
  2.  $M \rightarrow M \times P$  e  $\underline{M} \rightarrow P$ ; o cruzamento entre  $\times$  e  $M$  é vazio;
4. Portanto a gramática é de precedência fraca



# Reconhecimento de sentença

## ■ Construção da tabela DR:

$$ESQ(E) = \{M, P, (, v\}$$

$$DIR(E) = \{M, P, ), v\}$$

$$\$ \ll M$$

$$M \gg \$$$

$$\$ \ll P$$

$$P \gg \$$$

$$\$ \ll ($$

$$) \gg \$$$

$$\$ \ll v$$

$$v \gg \$$$



# Reconhecimento de sentença

## ■ Tabela DR:

	+	×	(	)	v	\$
<i>E</i>	D			D		
<i>M</i>	R	D		R		R
<i>P</i>	R	R		R		R
+			D		D	
×			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
v	R	R		R		R
\$			D		D	





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

$v$  +  $v \times v$  \$

\$

Pilha

	+	$\times$	(	)	$v$	\$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
+			D		D	
$\times$			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
\$			D		D	



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

$+$   $v \times v$   $\$$

$v$

$\$$

Pilha

	$+$	$\times$	$($	$)$	$v$	$\$$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
$+$			D		D	
$\times$			D		D	
$($			D		D	
$)$	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
$\$$			D		D	

Produção:  $P \rightarrow v$

$v$



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens							
		+ v × v \$					
<i>P</i>		+	×	(	)	v	\$
<i>E</i>		D			D		
<i>M</i>		R	D		R		R
<i>P</i>		R	R		R		R
	+			D		D	
	×			D		D	
	(			D		D	
	)	R	R		R		R
	v	R	R		R		R
	\$			D		D	

Pilha

Produção:  $M \rightarrow P$

*P*  
|  
*v*



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens							
		+ v × v \$					
<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; text-align: center;"> <i>M</i> \$       </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; text-align: center;">Pilha</div>		+	×	(	)	v	\$
	<i>E</i>	D			D		
	<i>M</i>	R	D		R		R
	<i>P</i>	R	R		R		R
	+			D		D	
	×			D		D	
	(			D		D	
	)	R	R		R		R
	v	R	R		R		R
	\$			D		D	

*Produção:  $E \rightarrow M$*

*M*  
|  
*P*  
|  
*v*



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

$+$   $v \times v$   $\$$

$E$

$\$$

Pilha

	$+$	$\times$	$($	$)$	$v$	$\$$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
$+$			D		D	
$\times$			D		D	
$($			D		D	
$)$	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
$\$$			D		D	

$E$

$M$

$P$

$v$



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

$v$   $\times$   $v$   $\$$

+

$E$

$\$$

Pilha

	+	$\times$	(	)	$v$	$\$$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
+			D		D	
$\times$			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
$\$$			D		D	

$E$  +

|

$M$

|

$P$

|

$v$





# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

☒  $\times$   $v$   $\$$

$v$   
+  
 $E$   
 $\$$   
  
  
Pilha

	+	$\times$	(	)	$v$	$\$$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
+			D		D	
$\times$			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
$\$$			D		D	

Produção:  $P \rightarrow v$

$E$  +  
|  
 $M$   
|  
 $P$   
|  
 $v$   $v$



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens	
<input checked="" type="checkbox"/>	$\times$
<input type="checkbox"/>	$v$
<input type="checkbox"/>	$\$$

$P$		+	$\times$	(	)	$v$	$\$$
$E$	D				D		
$M$	R	R	D		R		R
$P$	R	R	R		R		R
+				D		D	
$\times$				D		D	
(				D		D	
)	R	R			R		R
$v$	R	R			R		R
$\$$				D		D	

Pilha

Produção:  $M \rightarrow P$

$E$   
 $|$   
 $M$   
 $|$   
 $P$   
 $|$   
 $v$

+

$P$   
 $|$   
 $v$



# Reconhecimento de sentença

**M**  
**+**  
**E**  
**\$**  
**Pilha**

Lista de tokens

**×** **v** **\$**

	+	×	(	)	v	\$
<i>E</i>	D			D		
<i>M</i>	R	D		R		R
<i>P</i>	R	R		R		R
+			D		D	
×			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
v	R	R		R		R
\$			D		D	

*E* + *M* | *P* | *v*  
*M* | *P* | *v*



# Reconhecimento de sentença

×

M

+

E

\$

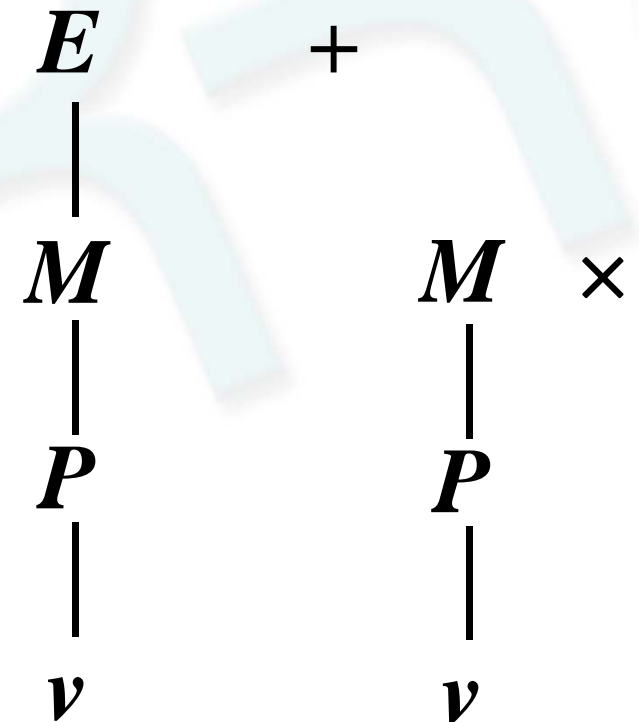
Pilha

Lista de tokens

v

\$

	+	×	(	)	v	\$
E	D			D		
M	R	D		R		R
P	R	R		R		R
+			D		D	
×			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
v	R	R		R		R
\$			D		D	





# Reconhecimento de sentença

$v$   
 $\times$   
 $M$   
 $+$   
 $E$   
 $\$$   
 Pilha

Lista de tokens

$\$$

	+	$\times$	(	)	$v$	$\$$
$E$	D			D		
$M$	R	D		R		R
$P$	R	R		R		R
+			D		D	
$\times$			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
$v$	R	R		R		R
$\$$			D		D	

Produção:  $P \rightarrow v$

$E$   
 $|$   
 $M$   
 $|$   
 $P$   
 $|$   
 $v$

$+$

$M$   
 $|$   
 $P$   
 $|$   
 $v$

$\times$

$v$



# Reconhecimento de sentença

Lista de tokens

\$

*P*

$\times$

*M*

+

*E*

\$

Pilha

	+	$\times$	(	)	<i>v</i>	\$
<i>E</i>	D			D		
<i>M</i>	R	D		R		R
<i>P</i>	R	R		R		R
+			D		D	
$\times$			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
<i>v</i>	R	R		R		R
\$			D		D	

Produção:  $M \rightarrow M \times P$  **OU**  $M \rightarrow P$

$E$   
 $|$   
 $M$   
 $|$   
 $P$   
 $|$   
 $v$

+

$M$   
 $|$   
 $P$   
 $|$   
 $v$

$\times$

$P$   
 $|$   
 $v$

**T**







# Reconhecimento de sentença

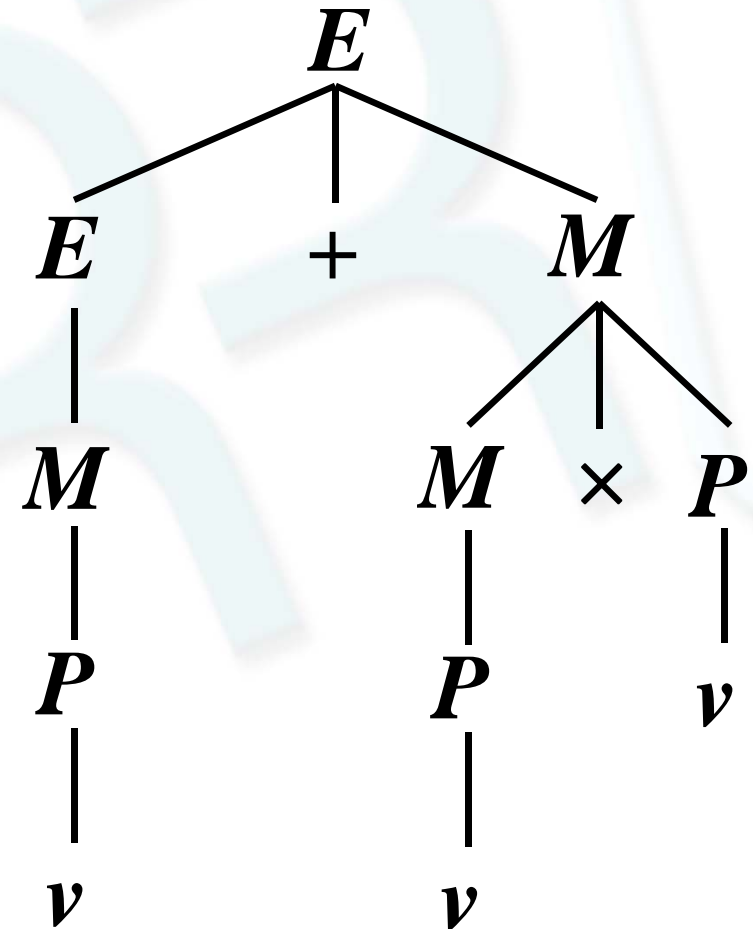
Lista de tokens						
	<div>\$</div>					
<i>E</i>	+	×	(	)	v	\$
<i>E</i>	D			D		
<i>M</i>	R	D		R		R
<i>P</i>	R	R		R		R
+			D		D	
×			D		D	
(			D		D	
)	R	R		R		R
v	R	R		R		R
\$			D		D	

*E*

\$

Pilha

*Fim do reconhecimento*





## 6º Trabalho

- Construa um analisador sintática de precedência fraca, completo, para a gramática  $G'$ .
- Sugestão: aproveite o código do analisador preditivo da gramática  $G''$ .



# Gramática de precedência fraca

1. A gramática não pode conter nenhuma produção cujo lado direito seja a string vazia;
2. A gramática deve ser unicamente inversível, ou seja, não pode haver duas produções que tenham o mesmo lado direito;
3. A gramática deve ser livre de ciclos;
  - ✓ Se  $A$  é um símbolo não-terminal na gramática, não deve existir uma seqüência de derivações que produza como resultado o mesmo símbolo  $A$ ;



# Reconhecimento de sentença

- Tabela com as relações Wirth-Weber:

	<i>E</i>	<i>M</i>	<i>P</i>	+	×	(	)	<i>v</i>
<i>E</i>				≈			≈	
<i>M</i>				»	≈		»	
<i>P</i>				»	»		»	
+		≈	«			«		«
×			≈			«		«
(	≈	«	«			«		«
)				»	»		»	
<i>v</i>				»	»		»	