UNIVERSIDADE FEDERAL DE RORAIMA DISCIPLINA DE ÁLGEBRA LINEAR PROF.: JAIRO

ALUNO: FELIPE DERKIAN DE SOUSA FREITAS

LISTA 4



Universidade Federal de Roraima Álgebra Linear I - Lista 4 Prof. Jairo S. Araujo Costa

Data: 17/09/2020 MB202 Turma 1

Questão 1. Prove $(\mathbb{R}^2,+,\cdot)$ é um espaço vetorial, onde

são definidas assim: dados $u=(x_1,y_1), v=(x_2,y_2)\in\mathbb{R}^2$ e $\alpha\in\mathbb{R}$, tem-se

$$u+v = (x_1 + x_2, y_1 + y_2)$$
 e $\alpha \cdot u = (\alpha \cdot x_1, \alpha \cdot x_2),$

sendo que + e \cdot são, respectivamente, as operações de soma e multiplicação usuais de \mathbb{R} .

Questão 2. Dados $(U,+,\cdot)$ e $(V,+,\cdot)$ espaços vetoriais reais, prove $(W,+,\cdot)$ é um espaço vetorial real, onde

$$W = U \times V = \{(u, v) \mid u \in U \in v \in V\}$$

e

são definidas assim: dados $w_1 = (u_1, v_1), \quad w_2 = (u_2, v_2) \in W$ e $\alpha \in \mathbb{R}$, tem-se

$$w_1 + w_2 = (u_1 + u_2, v_1 + v_2)$$
 e $\alpha \cdot u = (\alpha \cdot u_1, \alpha \cdot v_2).$

Questão 3. Dado um espaço vetorial real $(V, +, \cdot)$ e $v \in V$, prove que:

- a) o elemento neutro de V e o simétrico de v são únicos;
- b) $(-1) \cdot v = -v$;
- c) -(-v) = v.

Observações:

- i) Resolva as questões (escreva as soluções em uma folha branca, de preferência papel A4, para facilitar a visibilidade), em seguida digitalize as folhas com as soluções e rena-as em um (único) arquivo no formato PDF. O envio desse arquivo será utilizado para atestar sua frequência na aula do dia 17/09/2020. As soluções contidas no referido arquivo serão corrigidas para, com as demais listas de exercícios, formar a nota N_4 (ver plano de ensino do curso);
- ii) assine em todas as folhas.

Sdip Devisor Listo 4. Questão S: 11+15 U= (K1191) Q. (K1 (71) (x, y,) + (x2, y2) (XXI, XYI) logo exo em n? (X1+X2, Y1+Y2) x logo exto em22 Auestão 3: b) (-1). 0= - 0 OER pour o craylo 15= (X) (-5), (K) = (x) :: -10 x C)-(-01=10 JER pero o exemplo N=(x) -(-(x))=-(-x)=(x): vx a) O elemento neutro de V eo emétrico de co são unicos. Elementio Mutro = 3

e o sintrico = 3 logo são cenico.

Letto 4. Felijo Werkier Juertão 2. digomos gou U,U E R Pop WER W= RXR
W= RXR W= \$(0,0) | MEU ever) +: W x W > W
(Kuya) (xuya) (x1, y1) + (x2, y2) = (x1+x2, y1+y2) & w · ; R.KW > W X. (XI, YI) > W? (xx1,xy1) EW