



Thiago A. S. Pardo Leandro C. Cintra M.C.F. de Oliveira Moacir Ponti Jr.

Ordenação

- Facilita a busca
- Pode ajudar a diminuir o número de acessos a disco



Busca Sequencial e Binária

- Busca sequencial
 - recupera cada registro do arquivo, verificando se os valores dos atributos satisfazem à condição de seleção
- Busca binária
 - recupera registros quando a condição de seleção envolve uma comparação de igualdade no atributo que determina a ordenação do arquivo

4

Custos: Comparações

- n: número de registros que são comparados
- todos os registros são varridos (pior caso)
- complexidade: O(n)

Cbusca_binária =
$$log_2(n) + 1$$

- n: número de registros que são comparados
- complexidade: O(log n)

4

Custos: Acessos a Disco

- b: número de blocos que contêm os registros
- todos os blocos são varridos

Cbusca_binária =
$$log_2(b) + \lceil s/bfr \rceil - 1$$

- log2(b): custo para localizar o primeiro registro
- [s/bfr]: blocos ocupados pelos registros que satisfazem à condição de seleção
- 1: custo para recuperar o primeiro registro



Ordenação Interna

Arquivo Completo Cabe em RAM

Etapas

- leitura de todos os registros armazenados em disco para a RAM
- 2. ordenação dos registros em RAM
 - escolha do campo base para ordenação
 - uso de um método de ordenação
- 3. escrita de todos os registros armazenados em RAM para o disco

Arquivo Ordenado

Registros de tamanho fixo

```
A
N
A
I
R
U
A
b
A
U
G
U
S
T
O
B
A
I
I
B
A
T
E
I
b
b

A
N
T
O
N
I
A
I
R
U
A
D
A
D
A
D
B
A
I
E
I
B
A
T
E
I
B
A
T
E
I
B
A
T
E
I
B
A
D
B
A
D
A
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
D
```

ordenação baseada em um determinado campo, usando suas chaves

Chave (KEY)

- Está associada a um registro e permite a sua recuperação
- Chave primária
 - identifica univocamente um registro
 - não tem repetição
- Chave secundária
 - não identifica univocamente um registro
 - tem repetição



Forma Canônica da Chave

- Uma única representação para uma determinada chave
- Exemplo
 - "Ana", "ANA", ou "ana" devem indicar o mesmo registro
 - Forma canônica: todos os caracteres em letras maiúsculas → ANA

Custo

Soma dos custos das 3 etapas

- custo para ler o arquivo do disco para a RAM
- custo para escrever o arquivo da RAM para o disco
- custo do método de ordenação escolhido
 - Quicksort: O(n lg(n))
 - Heapsort: O(n lg(n))
 - n: número de registros que são comparados

Importante

 leitura e escrita sequenciais minimizam acessos a disco



Como Melhorar o Desempenho (custo)?

 Paralelizando a ordenação com o processamento de entrada e saída (ou seja, leitura e escrita de registros)

```
parte 1 = leitura; parte 2 = ordenação
```

parte 1 = ordenação; parte 2 = escrita

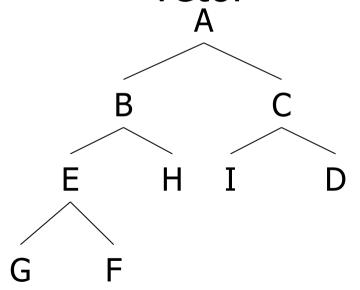
possíveis paralelismos



- Parte 1 = leitura; parte 2 = ordenação
 - começa ordenando um conjunto inicial de registros, construindo o heap
 - conforme mais dados vão chegando, eles vão sendo incorporados ao heap
- Não é necessário que o arquivo inteiro esteja carregado em RAM
 - lê uma página de disco (bloco de disco) por vez e opera sobre seus registros antes de ler a próxima página (bloco de disco)



- Estrutura que mantém as chaves
- Árvore binária, implementada como vetor



1	2	3	4	5	6	7	8	9
Α	В	С	Е	Н	I	D	G	F

Filhos de i: 2i e 2i+1

Pai de j: [j/2]

- Algoritmo
 - insere o elemento no fim do vetor
 - enquanto o elemento for menor do que o seu pai, troca-o de lugar com o pai
- Exemplo
 - heap com 9 posições
 - chaves: F, D, C, G, H, I, B, E, A



Elemento: F

1	2	3	4	5	6	7	8	9



1	2	3	4	5	6	7	8	9
F								



Elemento: D

1	2	3	4	5	6	7	8	9
F	D							



_ 1	2	3	4	5	6	7	8	9
D	F							



Elemento: C



1	2	3	4	5	6	7	8	9
С	F	D						



Elemento: G

1	2	3	4	5	6	7	8	9
С	F	D	G					



Elemento: H

1	2	3	4	5	6	7	8	9
С	F	D	G	Н				



Elemento: I

_1	2	3	4	5	6	_ 7	8	9
С	F	D	G	Ι	Ι			



Elemento: B



1	2	3	4	5	6	7	8	9
В	F	С	G	Н	Ι	D		



Elemento: E

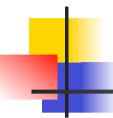


1	2	3	4	5	6	7	8	9
В	Е	С	F	Н	Ι	D	G	



Elemento: A

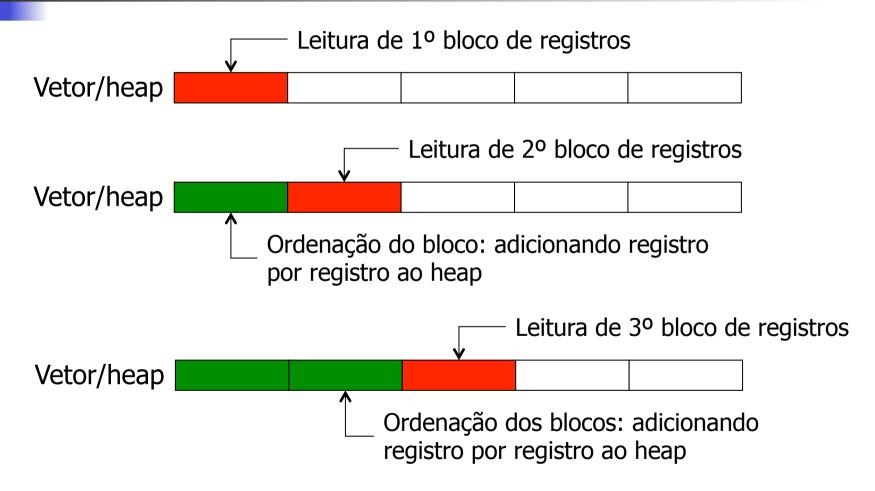




Paralelismo leitura/ordenação

- Percebe-se que
 - O heap se rearranja conforme novos elementos são inseridos
 - Portanto, não é preciso ter todos os registros para se iniciar a ordenação
 - Enquanto ordenação é feita, novos blocos de registros podem ser lidos e adicionados ao final do vetor, para serem absorvidos na sequência

Paralelismo leitura/ordenação





- Parte 1 = ordenação; parte 2 = escrita
 - recupera o registro da raiz do heap
 - enquanto rearranja o heap, grava esse registro no arquivo de saída
- Rearranjo do *heap*
 - retira o elemento da raiz
 - coloca o último elemento k do heap como raiz
 - enquanto k for maior do que seus filhos, troca-o de lugar com seu menor filho



1	2	3	4	5	6	7	8	9
Α	В	С	Е	Н	Ι	D	G	F

Recupera-se raiz A, colocando em seu lugar F

Enquanto grava A no arquivo ordenado, rearranja heap



_ 1	2	3	4	5	6	7	8	9
В	Е	С	F	Н	I	D	G	

Recupera-se raiz B, colocando em seu lugar G

	<u> </u>	-) ப	T	D	0	9
				L			

Enquanto grava B no arquivo ordenado, rearranja *heap*

E assim por diante, até *heap* esvaziar



Ordenação Externa

Arquivo Completo não Cabe em RAM

Funcionalidade

 classifica registros de arquivos armazenados em disco

Restrição

- tamanho do arquivo é maior do que o tamanho da memória principal disponível
- Algoritmo típico
 - sort-merge externo

pode ordenar arquivos realmente grandes



Sort-Merge Externo

Fase 1

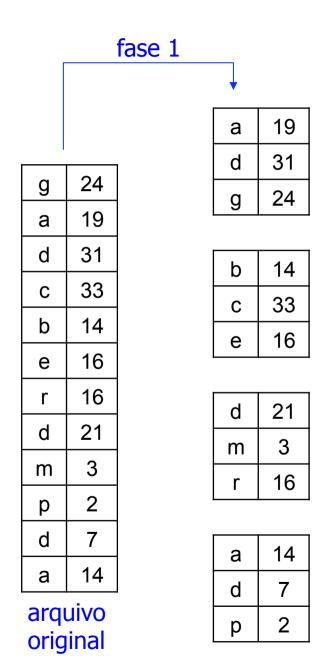
 cria subarquivos ordenados (i.e., runs) a partir do arquivo original

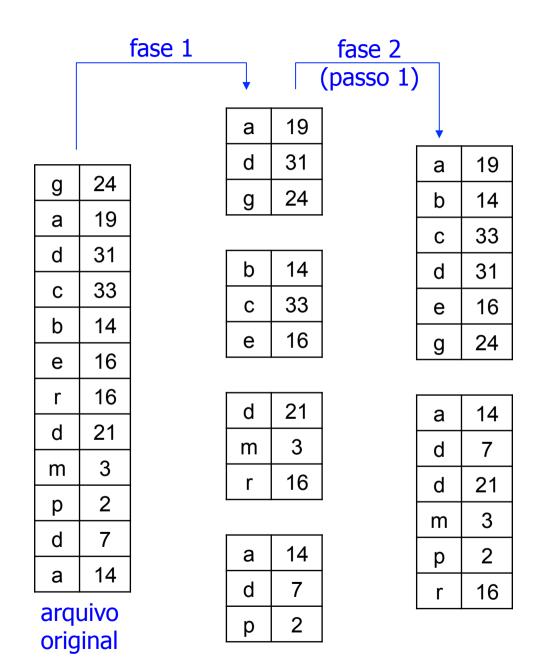
Fase 2

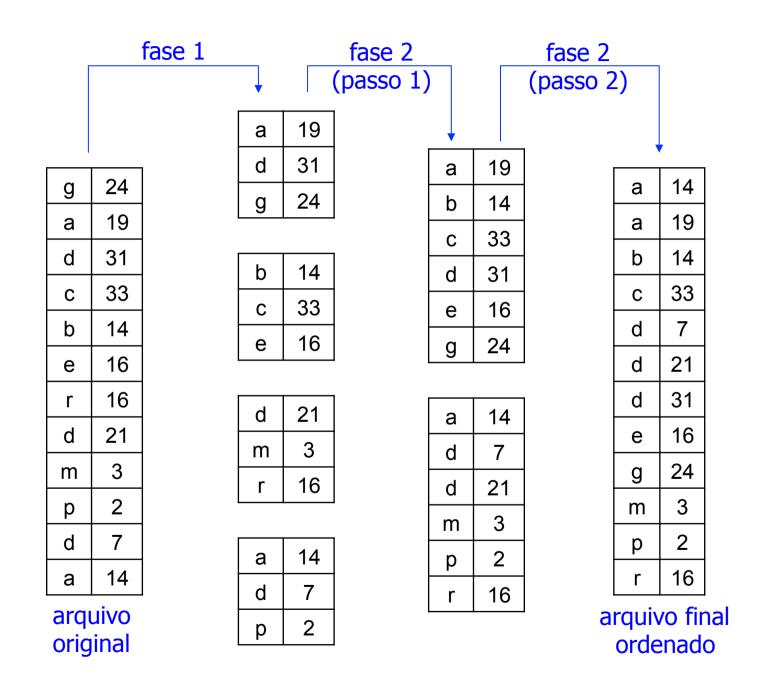
 combina os subarquivos ordenados em subarquivos ordenados maiores até que o arquivo completo esteja ordenado

g	24		
а	19		
d	31		
O	33		
р	14		
е	16		
r	16		
а	21		
m	3		
р	2		
d	7		
а	14		

arquivo original







Custo do Algoritmo

- (2 * b)
 - número de acessos a disco na fase 1
- cada bloco do arquivo é acessado duas vezes
 - fase de leitura dos dados para a memória
 - fase de escrita dos dados ordenados no disco

Custo do Algoritmo

```
(2*b)+(2*(b*(log_{d_m}b)))
```

- (2*(b*(log_{dm} b)))
 - número de acessos a disco na fase 2
- cada bloco dos subarquivos é acessado várias vezes, dependendo do grau de combinação
 - fase de leitura dos dados para a memória
 - fase de escrita dos dados ordenados no disco

