Pontificia Universidad Católica de Chile Facultad de Matemáticas Departamento de Estadística

Primer Semestre 2017

EYP1113 - Probabilidad y Estadística Tarea I

Objetivo

El siguiente proyecto tiene como objetivo que el grupo de trabajo sea capaz de ajustar un distribución de probabilidad a un conjunto de observaciones y predecir a partir de representaciones de la esperanzas condicionales el valor de una variable.

Introducción

Durante el transcurso del semestre se han vistos distintos modelos de probabilidad y algunas técnicas estadísticas para la estimación de ellos. Una herramienta muy utilizada en ingeniería para el ajuste de modelos de probabilidad a un conjunto de observaciones son los llamados "gráficos de probabilidad", los cuales permiten a partir de una representación lineal de los percentiles teóricos de un modelo ajustar una recta cuyo intercepto y pendiente son útiles para estimar sus parámetros. Por otra parte, al finalizar el capítulo 3 se vio que el mejor predictor de una variable es siempre la esperanza condicional, y para ver ilustrar esto, representaremos el comportamiento de dicha esperanza mediante funciones "simples" en base a la información que se disponga para predecir.

Parte I [40 %]

Importe los datos que se encuentran en el archivo Datos01.txt y grafique el histograma de densidad.

Como podrá ver, el comportamiento de estos datos es asimétrico, por esta razón la distribución normal no deja contento a unos especialistas que proponen las distribuciones SEV y Weibull como mejor opción.

La función de distribución de probabilidad acumulada $F_X(x)$ y función de densidad $f_X(x)$ de una SEV está dada por:

$$F_X(x) = 1 - \exp\left[-\exp\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)\right]$$
 y $f_X(x) = \frac{1}{\sigma} \cdot \exp\left[\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right) - \exp\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)\right]$

con
$$E(X) = \mu - \sigma \gamma y Var(X) = \frac{\sigma^2 \pi^2}{6}$$
, donde $\gamma = 0.5772 y \pi = 3.1416$.

Para R, copiar y pegar en la consola las funciones que se encuentran en SEV.txt.

- $f_X(x) = \operatorname{dsev}(\mathbf{x}, \operatorname{location} = \mu, \operatorname{scale} = \sigma)$
- $F_X(q) = \text{psev}(q, \text{location} = \mu, \text{scale} = \sigma)$
- $\mathbf{F}_X^{-1}(p) = \operatorname{qsev}(\mathbf{p}, \operatorname{location} = \mu, \operatorname{scale} = \sigma)$

Mientras que la distribución Weibull está dada por:

$$F_X(x) = 1 - \exp\left[-\left(\frac{x}{b}\right)^a\right]$$
 y $f_X(x) = \left(\frac{a}{b}\right)\left(\frac{x}{b}\right)^{a-1}\exp\left[-\left(\frac{x}{b}\right)^a\right]$

$$\operatorname{con} E(X) = \frac{b}{a} \Gamma\left(\frac{1}{a}\right) \operatorname{y} \operatorname{Var}(X) = b^2 \left\{ \Gamma\left(1 + \frac{2}{a}\right) - \left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{a}\right)\right]^2 \right\}.$$

En \mathbf{R} .

- $f_X(x) = \text{dweibull(x, shape = a, scale = b)}$
- $lacksquare F_X(q) = exttt{pweibull(q, shape = a, scale = b)}$
- $F_X^{-1}(p) = \text{qweibull(p, shape = a, scale = b)}$

Construya un gráfico de probabilidad para la distribución Normal, SEV y Weibull. Entregue una tabla resumen con las estimaciones obtenidas y pegue al histograma los tres ajustes realizados.

Parte II [60%]

Desde SINCA (http://sinca.mma.gob.cl/) y CSN (http://www.sismologia.cl) se extrajo información meteorológica desde el 1ro de abril de este año hasta el día viernes 5 de mayo y los movimientos telúricos registrados en este período de tiempo. La base DatosO2.txt empalma a cada sismo, las variables meteorológicas de la hora en que ocurrió y DatosO3.txt empalma a las variables meteorológicas, conteo de sismos y promedios las variables de latitudes, longitudes, magnitudes y profundidades.

- (a) [40%] Describa a partir de medidas empíricas y gráficos adecuados las variables: Latitud, Longitud, Magnitud, Profundidad, Radiacion, Presion, Humedad, Temperatura y VelocidadViento, que se encuentran en la Datos02.txt.
- (b) [20%] Represente el comportamiento del número esperado de sismos por hora mediante una función simple con respecto al tiempo u otra variables, desde la ocurrencia del terremoto 6.9° Richter e ilustre gráficamente. La función lm() y nls() son útiles para estimar coeficientes de funciones lineales y no lineales. El conteo de sismos se encuentra en Datos03.txt.

Importante

Debe presentar un informe con lo solicitado en que se explique en detalle lo realizado. Puede agregar los script de ${\bf R}$ utilizados en una Anexo. La presentación y escritura del informe será considerada en su nota. El plazo de entrega finaliza el día viernes 19 de mayo de 2017 a las 23:59 horas.