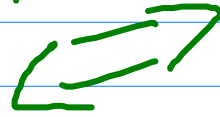


$$\underbrace{(\overset{\vee}{A} \vee \overset{\times}{B}) \wedge \overset{f}{C}}_f \not\Rightarrow \underbrace{\overset{\vee}{A} \vee (\overset{\times}{B} \wedge \overset{f}{C})}_\vee$$

CONTRA-  
EXEMPLO



a)  $\overset{f}{C} \Rightarrow P$

$$\underbrace{f \rightarrow P}_\vee$$

$$\neg f \vee P$$

$$\underbrace{\vee \vee P}_\vee$$

b)  $P \Rightarrow \vee$

$$\underbrace{P \rightarrow \vee}_\vee$$

$$\underbrace{\neg P \vee \vee}_\vee$$

c)  $P \wedge Q \Rightarrow P$  (SIMPLIFICAÇÃO)

$$P \wedge Q \rightarrow P$$

$$\neg(P \wedge Q) \vee P$$

$$\underbrace{(\neg P) \vee \neg Q \vee P}_\vee$$

$$d) P \Rightarrow P \vee Q \quad (\text{Adição})$$

$$P \rightarrow P \vee Q$$

$$\underbrace{\neg P \vee P \vee Q}_{\checkmark}$$

$$e) (P \rightarrow Q) \wedge P \Rightarrow Q \quad (\text{Modus ponens})$$

$$[(P \rightarrow Q) \wedge P] \rightarrow Q$$

$$\neg [(P \rightarrow Q) \wedge P] \vee Q$$

$$\neg (P \rightarrow Q) \vee \neg P \vee Q$$

$$\neg (\neg P \vee Q) \vee \neg P \vee Q$$

$$(P \wedge \neg Q) \vee \neg P \vee Q$$

$$[(\underbrace{P \vee \neg P}) \wedge (\underbrace{\neg Q \vee \neg P})] \vee Q$$

$$\underbrace{\neg Q \vee \neg P \vee Q}_{\checkmark}$$

$$(P \rightarrow Q) \wedge P \Rightarrow Q$$

P	Q	$P \rightarrow Q$	$(P \rightarrow Q) \wedge P$	Q
V	V	V	V	V
V	F	F	F	X
F	V	V	F	X
F	F	V	F	X

$$f) (P \rightarrow Q) \wedge \neg Q \Rightarrow \neg P \quad (\text{modus Tollens})$$

$$[(P \rightarrow Q) \wedge \neg Q] \rightarrow \neg P$$

$$\neg(P \rightarrow Q) \vee Q \vee \neg P$$

$$(P \wedge \neg Q) \vee Q \vee \neg P$$

$$[(P \vee Q) \wedge (\neg Q \vee Q)] \vee \neg P$$

$$\underbrace{P \vee Q \vee \neg P}_{\vee}$$

P	Q	$P \rightarrow Q$	$\neg Q$	$(P \rightarrow Q) \wedge \neg Q$	$\Rightarrow$	$\neg P$
V	V	V	F	F		F
V	F	F	V	F		F
F	V	V	F	F		V
F	F	V	V	V		V

8)

$$\underbrace{(P \vee Q) \wedge \neg P}_{\checkmark} \Rightarrow Q \quad (S.D.)$$

$$(P \vee Q) \wedge \neg P \rightarrow Q$$

$$(\neg P \wedge \neg Q) \vee P \vee Q$$

$$[\cancel{(\neg P \vee P)} \wedge \underline{(\neg Q \vee P)}] \vee Q$$

$$\underline{\neg Q \vee P \vee Q}$$

$$h) \underbrace{P \wedge Q}^{\vee} \Rightarrow \underbrace{P \vee Q}^{\vee}$$

$$P \wedge Q \Rightarrow P \quad \text{SIM}$$

$$P \Rightarrow P \vee Q \quad \text{AD}$$

$$P \wedge Q \Rightarrow P \vee Q$$

$$P \wedge Q \rightarrow P \vee Q$$

$$\underbrace{\neg P \vee \neg Q \vee P \vee Q}_{\checkmark}$$

$$i) P \Rightarrow Q \rightarrow P$$

$$P \Rightarrow \neg Q \vee P$$

$$P \rightarrow \neg Q \vee P$$

$$\underbrace{\neg P \vee \neg Q \vee P}_{\checkmark}$$

$$k) P \Rightarrow \neg P \rightarrow Q$$

$$P \rightarrow \neg P \rightarrow Q$$

$$\underbrace{\neg P \vee P \vee Q}_{\checkmark}$$

$$l) (P \rightarrow Q) \Rightarrow (P \wedge R) \rightarrow Q$$

$$\neg P \vee Q \Rightarrow \neg P \vee \neg R \vee Q$$

$$\underbrace{\neg P \vee Q}_a \Rightarrow \underbrace{\neg P \vee Q}_a \vee \neg R$$

$$a \Rightarrow a \vee \neg R \quad \text{ADIÇÃO}$$

$$m) P \rightarrow Q \Leftrightarrow (P \vee Q) \rightarrow Q$$

$$P \rightarrow Q \Leftrightarrow \neg(P \vee Q) \vee Q$$

$$\Leftrightarrow (\neg P \wedge \neg Q) \vee Q$$

$$\Leftrightarrow (\neg P \vee Q) \wedge (\cancel{\neg Q} \vee Q) \quad \checkmark$$

$$\neg P \vee Q \Leftrightarrow \neg P \vee Q$$

$$n) P \wedge Q \rightarrow R \Leftrightarrow P \rightarrow (Q \rightarrow R)$$

$$\Leftrightarrow \neg P \vee (Q \rightarrow R)$$

$$\Leftrightarrow \neg P \vee (\neg Q \vee R)$$

$$\Leftrightarrow (\neg P \vee \neg Q) \vee R$$

$$\Leftrightarrow \neg(\neg P \vee \neg Q) \rightarrow R$$

$$\Leftrightarrow P \wedge Q \rightarrow R$$

$$8) (P \rightarrow R) \wedge (Q \rightarrow R) \Leftrightarrow P \vee Q \rightarrow R$$

$$(\neg P \vee R) \wedge (\neg Q \vee R) \Leftrightarrow (\neg P \wedge \neg Q) \vee R$$

$$(\neg P \wedge \neg Q) \vee R$$



$\neg \vee$

$\neg \wedge$

a)  $P \wedge Q$

$$\neg \neg (P \wedge Q)$$

$$\neg (\neg P \vee \neg Q)$$

b)  $P \leftrightarrow Q$

P	Q	$P \leftrightarrow Q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

$$(P \wedge Q) \vee (\neg P \wedge \neg Q)$$

$$\neg \neg [(P \wedge Q) \vee (\neg P \wedge \neg Q)]$$

$$\neg [\neg (P \wedge Q) \wedge \neg (\neg P \wedge \neg Q)]$$

$\neg \rightarrow$

c)  $P \vee Q$

$$\neg P \rightarrow Q$$