

NOME: GUILHERME ANTONIO DE CUNHA MENDES

RA: 2252740

FUNÇÕES CRESCENTE/DECRESCENTE

$$f: A \rightarrow B; A, B \subset \mathbb{R}$$

$$x_1, x_2 \in A$$

FUNÇÃO CRESCENTE

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) < f(x_2)$$

FUNÇÃO DECRESCENTE

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) > f(x_2)$$

FUNÇÃO NÃO CRESCENTE

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) \leq f(x_2)$$



$$f: [0, +\infty[\rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto f(x) = x^2$$

$$0 < x_1 < x_2$$

$$0 < x_1 < x_2$$

$$x_1^2 < x_2^2$$

$$f(x_1) < f(x_2)$$

CHỨNG MINH

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto f(x) = x^2$$

$$-5 < 2 \rightarrow f(-5) = 25 \not< f(2) = 4 \quad \text{Không chứng minh được}$$

$$2 < 3 \rightarrow f(2) = 4 \not< f(3) = 9$$

$$g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto -x + 1$$

$$x_1 < x_2 \quad (-1)$$

Không
Được chứng minh

$$-x_1 > -x_2 \quad \therefore -x_1 + 1 > -x_2 + 1$$

$$g(x_1) > g(x_2)$$

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \rightarrow f(x) = c$$

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) = c = f(x_2)$$

$$f(x_1) \leq f(x_2)$$

$$f(x_1) \geq f(x_2)$$

Função não crescente/não decrescente

$$h: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \rightarrow h(x) = \begin{cases} -2 & x \leq 2 \\ 2 & x > 2 \end{cases}$$

$$x_1 < x_2$$

1º CASO: $x_1 \leq 2 < x_2 \therefore h(x_1) = -2 < h(x_2) = 2$

2º CASO: $2 < x_1 < x_2 \therefore h(x_1) = 2 = h(x_2)$

3º CASO: $x_1 < x_2 \leq 2 \therefore h(x_1) = -2 = h(x_2)$

Função não

decreasing