



UNIVERSIDAD NACIONAL
AUTÓNOMA DE MÉXICO
FACULTAD DE INGENIERÍA
CIRCUITOS ELÉCTRICOS
SEMESTRE 2020 - 2

Tarea y Apuntes 5

Profesor:
Dr. Juan Carlos Martínez Rosas

Integrante:
Murrieta Villegas Alfonso

TAREA_5

Tuesday, 28 April 2020 8:05 AM

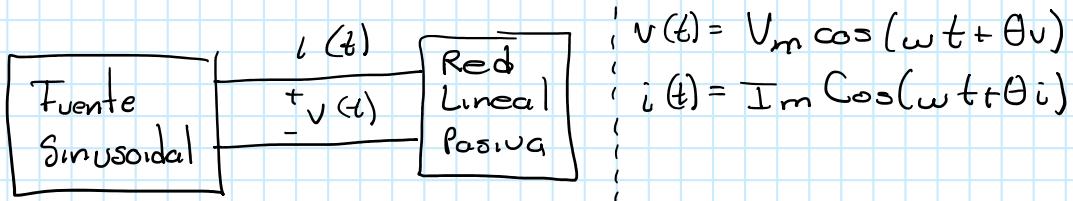
► Análisis de potencia

► Potencia Instantánea

- La potencia $p(t)$ absorbida por un elemento es el producto del voltaje instantáneo a través de un elemento y la corriente instantánea $i(t)$ a través de él

$$P(t) = v(t) i(t)$$

- Red lineal pasiva alimentada por una fuente sinusoidal, entonces



$$\text{Entonces } p(t) = v(t) i(t) = V_m I_m \cos(\omega t + \theta_v) \cos(\omega t + \theta_i)$$

$$\text{Identidad } \cos A \cos B = \frac{1}{2} [\cos(A-B) + \cos(A+B)]$$

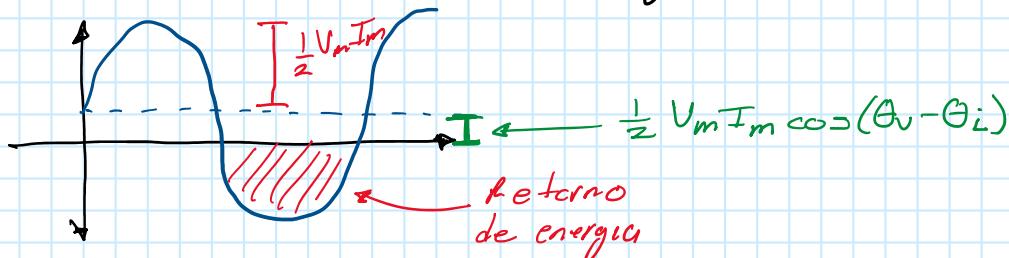
$$\therefore P(t) = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$
$$+ \frac{1}{2} V_m I_m \cos(2\omega t + \theta_v + \theta_i)$$

Lo anterior demuestra que la potencia instantánea tiene 2 partes

- 1] Es constante o independiente del tiempo
Esta parte depende de la diferencia de fase

1] Es constante o independiente del tiempo
Esta parte depende de la diferencia de fase entre Voltaje y Corriente

2] Es una función sinusoidal cuya frecuencia es 2ω



- $T = \frac{2\pi}{\omega}$ es el período del voltaje o la corriente
se observa que $P(t)$ es periódico $P(t) = P(t+T_0)$

$T_0 = \frac{T}{2} \rightarrow$ su frecuencia es 2 veces la del voltaje o la corriente. $P(t)$ es positiva para alguna parte de cada ciclo, y negativa para el resto del ciclo.

- La potencia instantánea cambia con el tiempo y por consiguiente es difícil de medir.
- El instrumento Voltmetro es el medio para medir potencia promedio:

$$\text{Potencia} \stackrel{!}{=} \text{Promedio de la}$$

$$\text{Promedio} \stackrel{!}{=} \text{potencia instantánea} \Rightarrow P = \frac{1}{T} \int_0^T P(t) dt$$

- Sustituyendo $P(t)$ en P , es decir, la potencia instantánea en la potencia promedio

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) dt +$$

$$+ \frac{1}{T} \int_{-T}^T \frac{1}{2} V_m I_m \cos(2\omega t + \theta_v + \theta_i) dt$$

$$\left. \frac{1}{T} \int_0^T \frac{1}{2} V_m I_m \cos(2\omega_U t + \theta_U + \theta_i) dt \right)$$

$$\therefore P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_U - \theta_i) \quad \frac{1}{T} \int_0^T dt +$$

$$\frac{1}{2} V_m I_m \frac{1}{T} \int_0^T \cos(2\omega_U t + \theta_U + \theta_i) dt$$

: Primer integrante constante

- El segundo integrante, es una sinusode, se sabe que el promedio de una sinusode sobre su periodo es cero.

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_U - \theta_i)$$

: $P(t)$ varia en el tiempo
 : P no lo es

► Potencia Instantánea en Dominio Fasorial

- La forma fasorial de $v(t)$ e $i(t)$ son

$$v = V_m \angle \theta_U \quad \text{e} \quad i = I_m \angle \theta_i$$

- P es calculada usando $P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_U - \theta_i)$

$$\begin{aligned} \therefore \frac{1}{2} VI &= \frac{1}{2} V_m I_m \angle (\theta_U - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} V_m I_m [\cos(\theta_U - \theta_i) + j \sin(\theta_U - \theta_i)] \end{aligned}$$

- Parte Real

$$P = \frac{1}{2} \operatorname{Re}[VI^*] = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_U - \theta_i)$$

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_U - \theta_i)$$

• Casos Especiales

- 1) Cuando $\theta_v = \theta_i$, el voltaje y corriente están en fase, lo cual implica un circuito puramente resistivo

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m = \frac{1}{2} I_m^2 R = \frac{1}{2} (I)^2 R \quad |I|^2 = I \times I^*$$

El resultado de P muestra que un circuito puramente resistivo absorbe todo el tiempo potencia

- 2) Cuando $\theta_v - \theta_i = \pm 90^\circ$ se tiene un circuito puramente reactivo (L o C) absorben cero potencia

Ejemplos:

$$v(t) = 120 \cos(377t + 45^\circ) [V]$$

$$i(t) = 10 \cos(377t - 10^\circ) [A]$$

Encontrar P(t) y
P absorbida por una
red lineal pasiva

$$P(t) = v i = 1200 \cos(377t + 45^\circ) \cos(377t - 10^\circ)$$

$$= 600 [\cos(754t + 35^\circ) + \cos 55^\circ] =$$

$$= 344.2 + 600 \cos(754t + 35^\circ) [W]$$

$$- Potencia promedio = P = \frac{1}{2} V_m I_m (\theta_v - \theta_i)$$

$$P = \frac{1}{2} (120)(10) \cos(45^\circ - (-10^\circ)) = 600 \cos(55^\circ) =$$

$$= 344.2 [W]$$

Nota/ Es la parte constante de P(t)

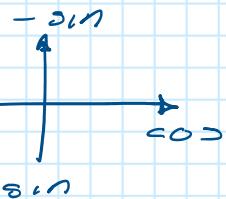
Ejercicios

- ① Calcule la $P(t)$ y P absorbidas por una red pasiva:

$$v(t) = 80 \cos(10t + 20^\circ) [V]$$

$$i(t) = 15 \sin(10t + 60^\circ) [A]$$

$$\therefore i(t) = 15 \cos(10t - 30^\circ) [A]$$



$$\begin{aligned} P(t) &= iv = 1200 \cos(10t + 20^\circ) \cos(10t - 30^\circ) = \\ &= (1200) \left(\frac{1}{2}\right) [\cos(20^\circ - 10^\circ) + \cos(50^\circ)] = \\ &= \underline{385.672 + 600 \cos(20^\circ - 10^\circ) [W]} // \end{aligned}$$

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$

$$= \frac{1}{2} (80)(15) \cos(20^\circ - (-30^\circ)) = \frac{1}{2} 1200 \cos 50^\circ$$

$$= 600 \cos(50^\circ) = \underline{385.67 [W]} //$$

- ② Calcular la potencia promedio absorbida por una impedancia

$$Z = 30 - 70j \Omega \quad V = 120 \angle 0^\circ$$

$$Z = 30 - 70j = -66.8 \quad | \quad r = \sqrt{30^2 + 70^2} = 10\sqrt{32}$$

$$V = 120 \quad | \quad \theta = \arctan\left(-\frac{70}{30}\right) \approx -66.8$$

$$I = \frac{V}{R} = \frac{120}{30 - 70j} \left(\frac{30 + 70j}{30 + 70j} \right) = \frac{120(30 + 70j)}{900 + 4900}$$

$$\approx \frac{18}{29} + \frac{42}{29}j \quad | \quad r = \sqrt{\left(\frac{18}{29}\right)^2 + \left(\frac{42}{29}\right)^2} \approx 1.575$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}j \quad | \quad 1 - \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2} = 1.575$$

$$| \quad \theta = \arctan\left(\frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\right) = 66.80^\circ$$

$$\therefore I = 1.575 \cos(66.80^\circ) [A] \cancel{\boxed{}}$$

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_c) = \frac{1}{2} (120)(1.575) \cos(-66.8)$$

$$P = 94.53 \cos(-66.8) \approx 37.2386 \approx \cancel{37.24}$$

- ③ Una corriente $I = 10 \angle 30^\circ$ fluye a través de una impedancia $Z = 20 \angle -220^\circ$. Encuentre la P entregada por la impedancia

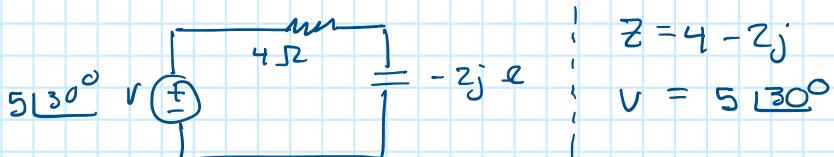
$$V = (10 \angle 30^\circ)(20 \angle -220^\circ) = 200 \angle 180^\circ [V]$$

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_c)$$

$$= \frac{1}{2}(200)(10) \cos(8^\circ - (30^\circ))$$

$$= 1000 \cos(-220) \approx \cancel{927.1838} [W]$$

- ④ Para el circuito, encuentre la P suministrada por la fuente y la P absorbida por el resistor



$$I = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{3}$$

$$\theta = \arctan\left(\frac{-2}{4}\right) = -26.26$$

$$| \quad // V = IR; I = \frac{V}{R}$$

$$| \quad \therefore I = \frac{5 \angle 30^\circ}{2\sqrt{3} \angle -26.26} =$$

$$| \quad = 1.118 \angle 56.56$$

// Aplicando $P(t) = i v(t)$

$$\rightarrow P(t) = 5.59 \cos(56.56) \cos(30^\circ) =$$

$$= \frac{5.59}{2} [\cos(56.56 + 30) + \cos(56.56 - 30)] =$$

$$= \left(\frac{5.59}{2}\right)(.9549) \approx 2.667 \text{ [W]} //$$

$$\rightarrow P = \frac{1}{2} U_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$

$$P = \frac{1}{2}(5)(1.1180) \cos(30^\circ - 56.56^\circ) =$$

$$= 2.79 \cos(-26.56^\circ) \approx 2.4955 \text{ [W]} //$$

\rightarrow d) Qué concluyo?

Como bien se mencionó en la parte teórica, la parte constante de la potencia absorbida es igual a la potencia promedio

① | ②

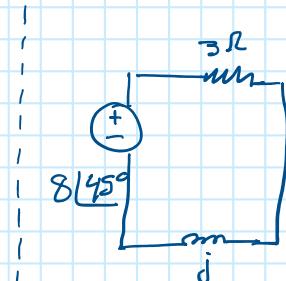
Que prácticamente toda la potencia suministrada la absorbe el resistor

⑤ Calcular

a) P absorbida por el resistor

b) P absorbida por el inductor

c) Calcular potencia suministrada por la fuente de voltaje



$$z = 3 + j \quad | \quad r = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$$

$$| \quad \theta = \arctan\left(\frac{1}{3}\right) = 18.4349$$

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{8 \angle 45^\circ}{\sqrt{10} \angle 18.4349} = 2.5298 \angle 26.5651^\circ \text{ [A]}$$

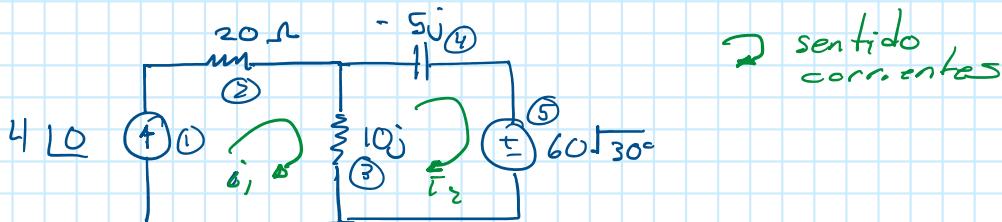
$$V_R = (2.5298 \angle 26.5651^\circ) / 3 = 7.5894 \angle 26.5651^\circ$$

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} (7.5894)(2.5298) \cos(26.56^\circ - 26.56^\circ) = \\ &\approx 9.5998 \text{ [W]} // \quad \begin{array}{l} \text{Potencia absorbida} \\ \text{por el resistor} \end{array} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} 8(2.5298) \cos(45^\circ - 26.26^\circ) = 10.1192 \cos(18.434^\circ) \\ &\approx 9.6 \text{ [W]} // \quad \begin{array}{l} \text{Potencia promedio suministrada} \\ \text{por la fuente} \end{array} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} (2.5298)(2.529852) \cos(116.5651^\circ - 26.5651^\circ) \\ &= 3.1999 \cos(90^\circ) = 0 // \text{[W]} \end{aligned}$$

- ⑥ Determine la potencia generada por cada fuente y la potencia promedio absorbida por cada elemento



$$i_1 = 4 \angle 0^\circ$$

$$i_2$$

$$\begin{aligned} 60 \angle 30^\circ &= i_2(-5j) + 10j(i_2 - i_1) \\ &= i_2(-5j + 10j) - 10j(4) \\ &= (-5j + 10j)i_2 - 40j \end{aligned}$$

$$\frac{60 \angle 30^\circ + 40j}{1} = i_2 = 4\sqrt{19} \angle 143.41^\circ$$

$$\left| \frac{60 \angle 30^\circ + 40j}{-5j + 10j} \right| = i_2 = 4\sqrt{19} \angle 143.41^\circ$$

// Obteniendo potencias

$$\begin{aligned} P_5 &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} (60)(4\sqrt{19}) \cos(-150^\circ - 143.4132^\circ) = \\ &= 523.06 \cos(-293.413) \approx 207.845 \text{ [w]} // \end{aligned}$$

$$P_4 \Rightarrow P_{\text{previo}} \left| \begin{array}{l} V = i_2 z = (4\sqrt{19} \angle 143.413^\circ) / (-5 \angle -90^\circ) = \\ = 20\sqrt{19} \angle 53.4132^\circ \end{array} \right.$$

$$\begin{aligned} P_7 &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) \\ &= \frac{1}{2} (20\sqrt{19}) / (4\sqrt{19}) \cos(53.4132^\circ - 143.413^\circ)^\circ \\ &= (\frac{1}{2})(20\sqrt{19})(4\sqrt{19}) / 0 = 0 \text{ [w]} // \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P_3 &\Rightarrow P_{\text{previo}} \left| \begin{array}{l} V = (i_2 - i_1) z = (4\sqrt{19} \angle 143.41^\circ - 4)(10j) \\ = 207.846 \angle -120^\circ \\ I_m = 20.7846 \angle 150^\circ \end{array} \right. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P_3 &= \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) = \\ &= \frac{1}{2} (207.846)(20.7848) \cos(-120^\circ + 150^\circ)^\circ \\ &= \frac{1}{2} (207.846)(20.7848)(0) = 0 \text{ [w]} // \end{aligned}$$

$$P_2 \Rightarrow P_{\text{previo}} \left| \begin{array}{l} V = Z i = 20(4 \angle 0^\circ) = 80 \angle 0^\circ \end{array} \right.$$

$$P_2 = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) = \frac{1}{2} (80)(4) \cos(0-0) =$$
$$= \frac{320}{2} = 160 \text{ [W]} //$$

$$P_1 = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) =$$
$$= \frac{1}{2} (257.347)(4) \cos(-138.617 - 0^\circ) =$$
$$= -367.7876 \text{ [W]} //$$

$$\sum P = P_1 + P_2 + \dots + P_5 =$$
$$= -367.7876 + 160 + 0 + 0 + 207.8458 =$$
$$\approx 0 \text{ [W]} //$$

TAREA_5

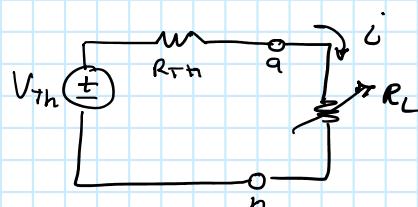
Thursday, 30 April 2020 11:31 AM

► Máxima Transferencia de Potencia

- Es una variedad de situaciones prácticas, un circuito es diseñado para proporcionar potencia a una carga mientras que en circuitos prácticos minimizar perdida de potencia en el proceso de transmisión
- El análisis de Equivalente de Thevenin es útil para encontrar la máxima potencia que puede ser entregada a la carga de un circuito lineal.

(A)

$$P = I^2 R_L = \left(\frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} \right)^2 R_L$$



V_{Th} y R_{Th} son fijos

* La máxima potencia es transferida a la carga cuando la resistencia de carga cuando la resistencia de carga es igual a la resistencia de Thevenin R_{Th} . $R_L = R_{Th}$

- Diferenciamos A respecto a R_L e igualamos el resultado a cero

$$\frac{dP}{dR_L} = V_{Th}^2 \frac{(R_{Th} + R_L)^2 - 2R_L(R_{Th} + R_L)}{(R_{Th} + R_L)^4}$$

$$\frac{dP}{dR_L} = V_{Th}^2 \left[\frac{(R_{Th} + R_L)^2 - 2R_L(R_{Th} + R_L)}{(R_{Th} + R_L)^4} \right]$$

$$= V_{Th}^2 \left[\frac{R_{Th} + R_L - 2R_L}{(R_{Th} + R_L)^3} \right] = 0$$

II Reduciendo

$$0 = (R_{Th} + R_L - 2R_L) = (R_{Th} - R_L)$$

$$R_L = R_{Th}$$

Mostrando que la máxima transferencia de potencia da lugar cuando
 $R_L = R_{Th}$

- Cuando

$$R_L = R_{Th}$$

$$P_{max} = \frac{V_{Th}^2}{4R_{Th}}$$

- Cuando

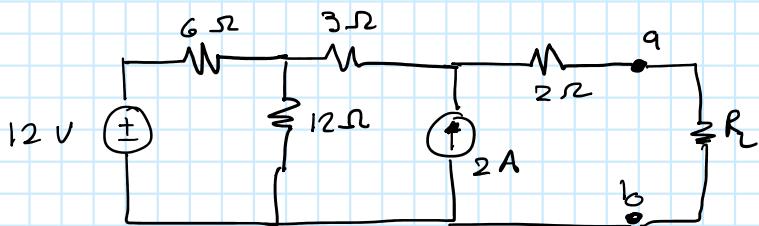
$$R_L \neq R_{Th}$$

Calculamos la potencia entregada a la carga usando:

$$P = I^2 R_L = \left(\frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} \right)^2 R_L$$

Ejemplos

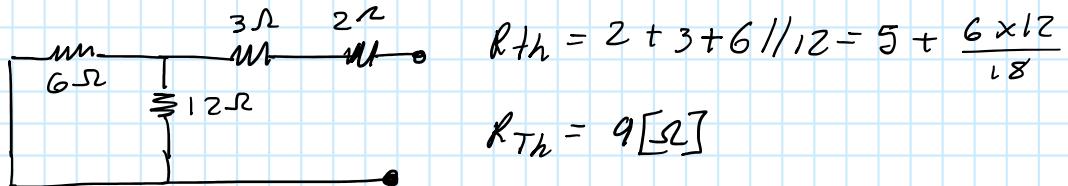
- Encontrar el valor de R_L para máxima transferencia de potencia del circuito
- Encuentre la máxima potencia



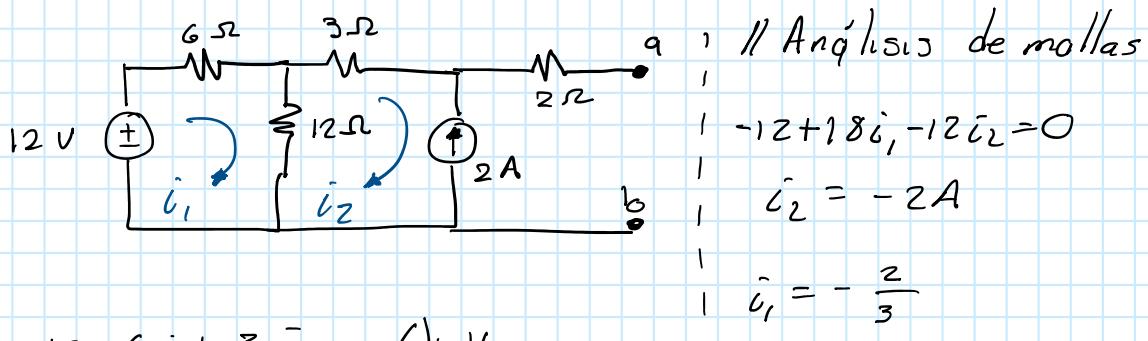
- ① Encuentra la resistencia de Thevenin R_{Th} y el

① Encuentra la resistencia de Thevenin R_{Th} y el V_{Th} entre terminales a y b

* Recuerda: las fuentes de voltaje se cortocircuitan y la de corriente se eliminan



② Encuentra voltaje de Thevenin



$$-12 + 6i_1 + 3i_2 + 2(0) + V_{Th} = 0$$

$$\therefore V_{Th} = 22V \quad || \text{Potencia máxima}$$

Reagrupando Datos

$$R_L = R_{Th} = 9\Omega$$

$$P_{max} = \frac{V_{Th}^2}{4R_L} = \frac{22^2}{4 \times 9} = 13,44 \text{ W}$$

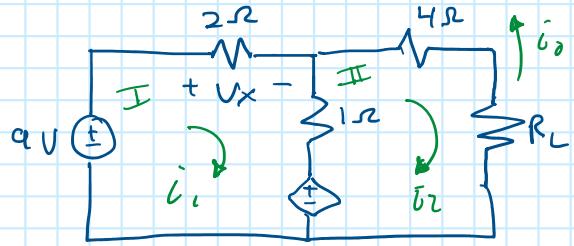
W

Ejercicio

- Determine el valor de R_L que permite la máxima transferencia de potencia desde el resto del circuito
- Calcule la máxima potencia

2Ω 4Ω ↑

• Calcule la máxima potencia



Malla 1

$$\textcircled{1} \quad 2\dot{i}_1 + 1(\dot{i}_1 - \dot{i}_2) + 3V_x = 0$$

$$\textcircled{2} \quad V_x = 2\dot{i}_1$$

Malla 2

$$1(\dot{i}_2 - \dot{i}_1) + 4\dot{i}_2 + 1 - 3V_x = 0$$

$$2\dot{i}_1 + \dot{i}_1 - \dot{i}_2 + 3(2\dot{i}_1) = 0 ; -\dot{i}_2 + 9\dot{i}_1 = 0 ; \dot{i}_2 = \underline{9\dot{i}_1}$$

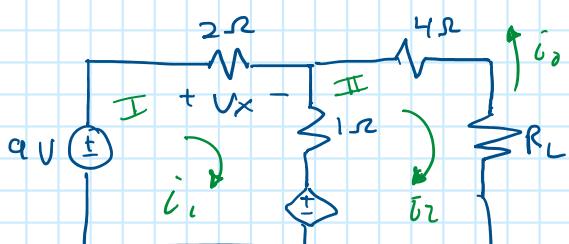
$$\dot{i}_2 - \dot{i}_1 + 4\dot{i}_2 + 1 - 3(2\dot{i}_1) = 0 ; -7\dot{i}_1 + 5\dot{i}_2 = -1 ;$$

$$-7\dot{i}_1 + 5(9\dot{i}_1) = -1 ; -7\dot{i}_1 + 45\dot{i}_1 = -1 ; 38\dot{i}_1 = -1$$

$$\dot{i}_1 = \frac{-1}{38} \quad \therefore \quad \dot{i}_2 = 9\left(-\frac{1}{38}\right) = -\frac{9}{38}$$

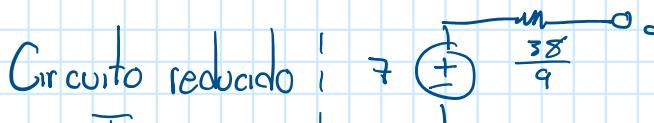
$$\dot{i}_0 = \frac{9}{38} \quad \therefore \quad R_{TH} = \frac{1[V]}{\frac{9}{38}} = \frac{38}{9} \approx 4.2 \text{ [Ω]}$$

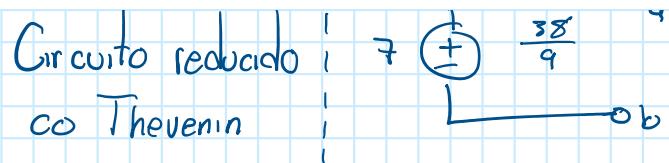
// Obteniendo V_{Th}



$$\begin{aligned} -9 + 2\dot{i}_1 + \dot{i}_1 + 3V_x &= 0 \\ -9 + 2\dot{i}_1 + \dot{i}_1 + 3(2\dot{i}_1) &= 0 \\ V_x &= 2\dot{i}_1 \\ \therefore 9\dot{i}_1 &= 9 ; \dot{i}_1 = \underline{1} \end{aligned}$$

$$\therefore V_{Th} = \dot{i}_1 + 3(2\dot{i}_1) = 7\dot{i}_1 = \underline{7[V]}$$





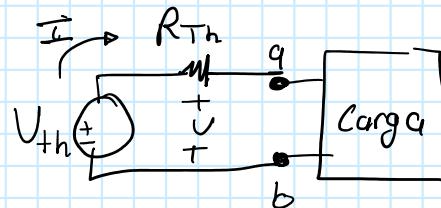
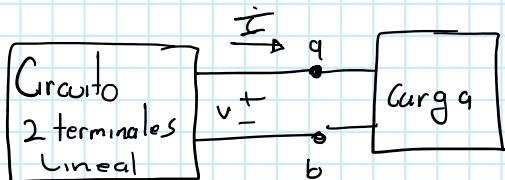
$$P_{\max} = \frac{V_{Tn}^2}{4R_{Tn}} = \frac{(7)^2}{4 \left(\frac{38}{9} \right)} = 2.9013 [W] //$$

TAREA_5

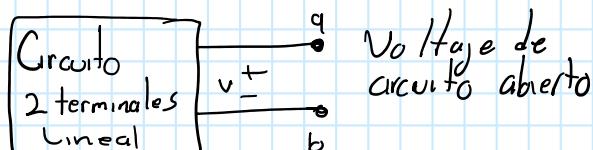
Thursday, 30 April 2020 12:13 PM

► Teorema de Thevenin

- Este teorema establece que un circuito lineal de 2 terminales puede ser reemplazado por un circuito equivalente consistiendo sólo una fuente de V_{Th} y una R_{Th} .
- El problema consiste en encontrar V_{Th} y R_{Th} , para ello supongamos lo siguiente



- Los 2 circuitos serán equivalentes, cuando las terminales a - b son abiertas, por lo cual ninguna corriente fluirá, tal que el voltaje o circuito abierto debe ser igual al de la fuente de voltaje.

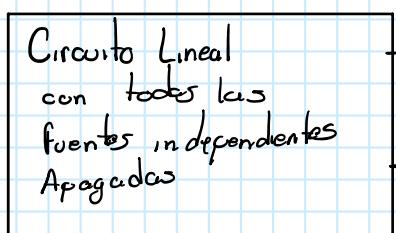


- Por otro lado, con la carga desconectada y las terminales a - b en circuito abierto apagamos todas las fuentes independientes.

- Fuentes de voltaje se cortocircuitan
- Fuentes de corriente se eliminan

M - 1 1 ... 1 1 1 1 1 1 1

- Fuentes de corriente se eliminan
- Así, la resistencia de entrada o resistencia equivalente del circuito sin energía, en los terminales a-b, presentará R_{Th}



$$R_{in} = R_{Th}$$

- Consideraciones para encontrar R_{Th}

Caso 1: Si la red no tiene fuentes dependientes, se apagan todas las independientes

Caso 2: Si la red tiene fuentes dependientes, se apagan todas las independientes como en superposición, las fuentes dependientes, no serán apagadas debido a la dependencia del otro lado del circuito

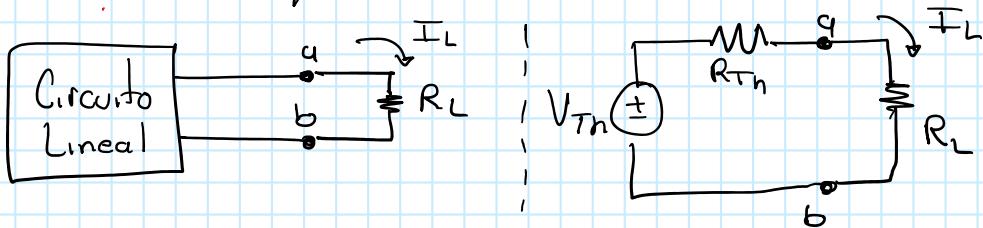
$$\therefore R_{Th} = \frac{V_0}{i_0}$$

Cuolquiero de los 2 enfoques de insertar V_0 o i_0 dará el mismo resultado

- Si R_{Th} llega a tomar valores negativos es decir ($V = -IR$) implica que el circuito suministra potencia.

NOTA! El teorema de Thevenin es importante debido

NOTA: El teorema de Thevenin es importante debido
a que un circuito lineal y sobre todo elaborado
lo simplifica



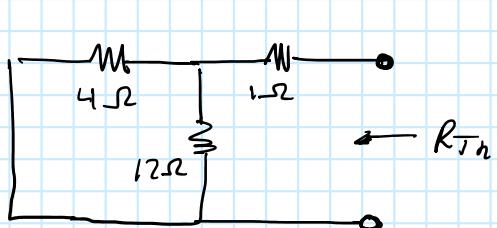
$$I_L = \frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L}$$

$$V_{Th} = R_L I_L = \frac{R_L}{R_{Th} + R_L} V_{Th}$$

► Ejemplo

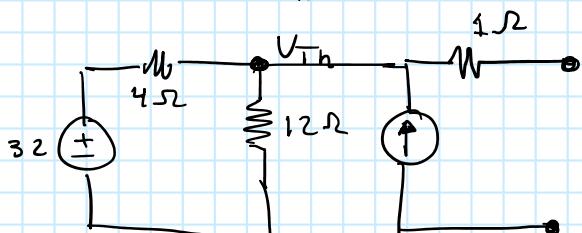
- Encuentre el circuito equivalente de Thevenin del circuito.
Posteriormente, encuentre la corriente a través de R_L

6, 16 y 36 Ω



$$R_{Th} = 4 \parallel 12 + 1 = \frac{4 \times 12}{26} + 1 \\ = 4 \Omega$$

// Calculando V_{Th}



$$-32 + 4i + 12(i_1 - i_2) = 0$$

$$i_2 = -2A$$

$$\therefore i_1 = .5 [A]$$

Para encontrar V_{Th} ,
considerar el circuito
en el cual es clara V_{Th}

Por lo tanto, es fácil
encontrar el voltaje del
resistor de 12 Ω

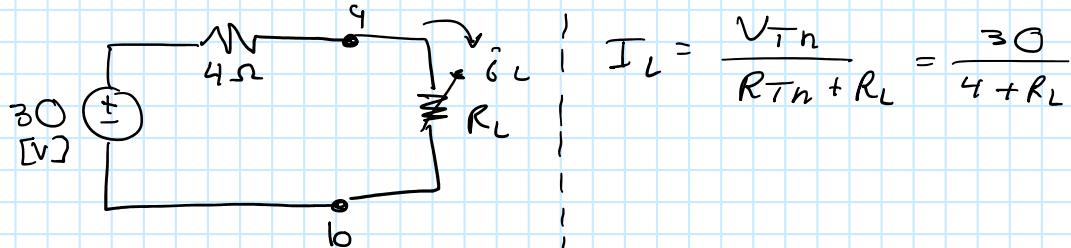
Dandonaos $V_{Th} = 12(i_1 - i_2) = 12(0.5 - (-2)) = 30 \text{ [V]}$

- Otra forma de resolver V_{Th} será mediante análisis nodos. La suma de corrientes en el nodo superior

$$\frac{32 - V_{Th}}{4} + 2 = \frac{V_{Th}}{12}$$

$$96 - 3V_{Th} + 24 = V_{Th}; V_{Th} = 30 \text{ [V]}$$

- Obteniéndose el siguiente circuito

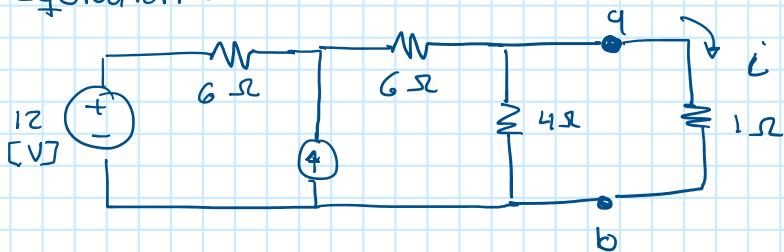


Cuando $R_L = 6 \text{ [Ω]}$; $I_L = \frac{30}{4+6} = 3 \text{ [A]}$

$$R_L = 16 \text{ [Ω]}; I_L = \frac{30}{4+16} = 1.5 \text{ [A]}$$

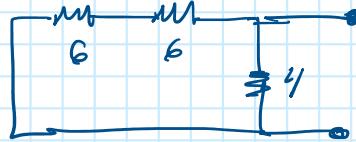
$$R_L = 36 \text{ [Ω]}; I_L = \frac{30}{4+36} = 0.75 \text{ [A]}$$

- ① Teorema de Thevenin para encontrar circuito equivalente



// Omitiendo fuentes

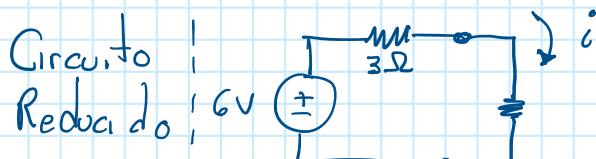
// Considerando fuentes



$$R_{Th} = \frac{12 \times 4}{16} = 3 \Omega$$

$$\begin{aligned} -12 + 6i_1 + 10i_2 &= 0 \\ 2 &= i_2 - i_1 \Rightarrow i_1 = -2 + i_2 \\ \therefore 6(i_2 - 2) + 10i_2 &= 12 \\ 16i_2 &= 24; i_2 = 1.5 \end{aligned}$$

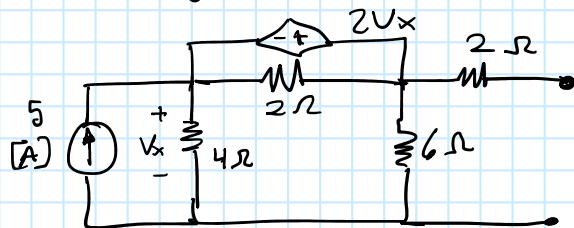
$$\therefore V_{Th} = (R)(i_2) = (4)(1.5) = 6 \text{ [V]}$$



$$i = \frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} = \frac{6}{3 + 1} = 1.5 \text{ [A]} //$$

Ejemplo con fuente dependiente:

Sea el siguiente circuito



// Se asigna un valor arbitrario de

$$V_o = 1 \text{ [V]}$$

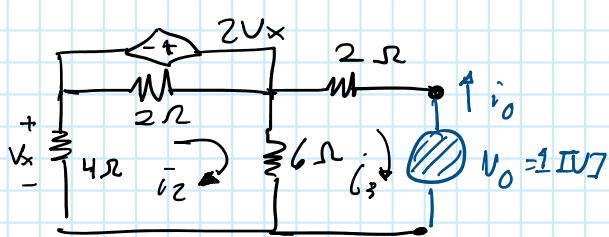
- Este circuito contiene una fuente dependiente
- Para encontrar R_{Th} se configura la fuente independiente igual a cero, pero solo se deja la dependiente

- Puesto que el circuito es lineal. Nuestro objetivo es encontrar la corriente i_o a través de los terminales

$$R_{Th} = \frac{i_o}{V_o}$$

- Otra forma, puede ser la asignación de: $R_{Th} = \frac{V_o}{I}$

- Otra forma, puede ser la asignación de: $R_{Th} = \frac{V_0}{I}$
una fuente de corriente de $1[A]$



Redibujando el circuito con lo anterior

// Análisis de Mallas

$$-2V_x + 2(i_1 - i_2) = 0$$

$$\therefore V_x = i_1 - i_2$$

// Considerando

$$-4i_2 = V_x = i_1 - i_2$$

$$\therefore i_1 = -3i_2 \quad //$$

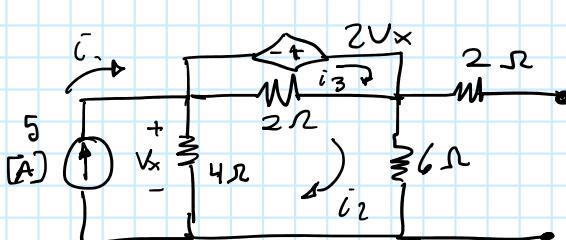
// Para malla 2 y 3

$$4i_2 + 2(i_2 - i_1) + 6(i_2 - i_3) = 0 \quad | \quad i_3 = -\frac{1}{6}[A] = -i_0$$

$$6(i_3 - i_2) + 2i_3 + 1 = 0 \quad | \quad R_{Th} = \frac{1V}{i_0} = 6[\Omega] \quad //$$

// Resolviendo

- Para calcular V_{Th} , encontramos V_0 en el circuito siguiente:



$$4(i_1 - i_2) = V_x$$

$$i_2 = \frac{10}{3} \Rightarrow V_{Th} = V_{oc} =$$

$$= 6(i_2) = 20[V] \quad //$$

$$i_1 = 5[A]$$

$$-2V_x + 2(i_3 - i_2) = 0$$

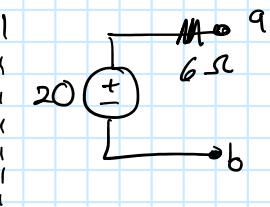
$$\therefore V_x = i_3 - i_2$$

$$4(i_2 - i_1) + 2(i_2 - i_3)$$

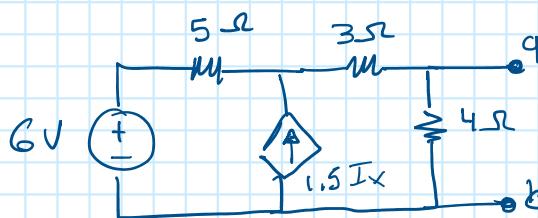
$$+ 6i_2 = 0$$

$$\hookrightarrow 12i_2 - 4i_1 - 2i_3 = 0$$

- Círculo equivalente de Thevenin



② Encuentre el circuito equivalente de Thevenin

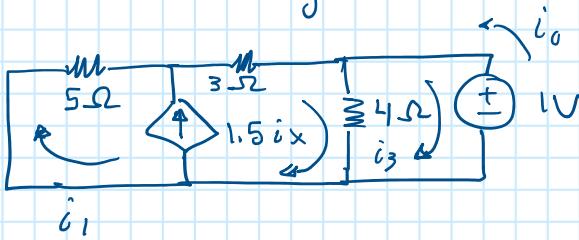


Soluciones a llegar:

$$V_{Th} = 5 \cdot 3 = 15 \text{ [V]}$$

$$R_{Th} = 4 \text{ [Ω]}$$

// Fuente de Voltaje



• Ecuación Fuente

$$1.5 i_x = -i_1 + i_x$$

$$\therefore -0.5 i_x = \underline{\underline{i_1}}$$

- De la Super Malla

$$5i_1 + 3i_x + 4(i_x - i_3) = 0 \quad \cancel{\underline{\underline{}}}$$

- Malla (fuente agregado)

$$1 + 4(i_3 - i_x) = 0$$

$$\therefore i_x = \frac{1}{4} + i_3 \quad \cancel{\underline{\underline{}}}$$

// Reduciendo expresiones

$$-2.5i_x + 3i_x + 4i_x - 4i_3 = 0 ; 4.5i_x - 4i_3 = 0$$

sustituyendo "ix"

$$\therefore 1.125 + 4.5i_3 - 4i_3 = 0 ; .5i_3 = -1.125$$

$$i_3 = -2.25 \text{ [A]} \quad \cancel{\underline{\underline{}}}$$

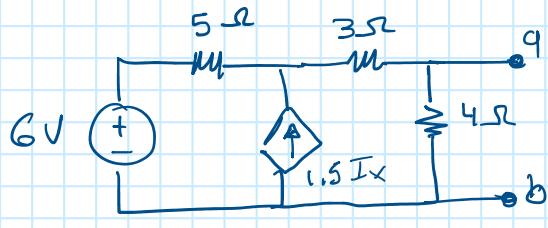
$$R_{Th} = \frac{1}{2.25} = 0.44 \text{ [Ω]} \quad \cancel{\underline{\underline{}}}$$

$$i_o = 2.25 \quad \cancel{\underline{\underline{}}}$$

$$i_b = 2.25 \cancel{\text{A}}$$

// Obteniendo

$$V_{Th}$$



$$\text{Super Molta} \Rightarrow -6 + 5i_1 + 7i_x = 0 \quad \leftarrow -2.5i_x + 7i_x = 0;$$

$$\text{Fuente} \Rightarrow -1.5i_x = i_1 \quad \leftarrow 4.5i_x = 6$$

$$i_x = 1.333 \cancel{\text{A}}$$

$$\therefore V_{Th} = (4)(i_x) \approx 5.333 \text{ [V]} \cancel{\text{A}}$$

