Fortgeschrittenen praktikum

V46 Faraday-Effekt

 $\label{eq:FelixGlasemann} Felix.glaesemann@tu-dortmund.de$

Tobias Brützel tobias.bruetzel@tu-dortmund.de

Durchführung: 27.10.2021 Abgabe: 10.11.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie 2.1 Definition der effektiven Masse	 4
3	Aufbau und Durchführung3.1 Aufbau der Messapparatur3.2 Durchführung	 7 7 8
4	Auswertung4.1 Messung des Magnetfeldes	 11
5	Diskussion	16
Lit	iteratur	16

1 Zielsetzung

Ziel dieses Versuches ist es mit Hilfe der Faraday-Rotation die effektive Masse von Leitungselektronen in einem Halbleiter, der aus n-dotiertem Galliumarsenid besteht, zu bestimmen.

2 Theorie

Unter dem Faraday-Effekt versteht man die Drehung der Polarisationsebene einer elektromagnetischen Welle in einem Medium durch den Einfluss eines Magnetfeldes, welches parallel zur Ausbreitungsrichtung dieser ist.

Außerdem ist es möglich Rückschlüsse auf die Bandstruktur des Testmediums zu ziehen.

2.1 Definition der effektiven Masse

Mit Hilfe der effektiven Masse ist es möglich die physikalischen Effekte der Bandstruktur eines Halbleiters approximiert zu beschreiben. In Abbildung 1 ist die Bandstruktur von Leitungs- bzw. Valenzband dargestellt. Um das Minimum herum wird die Energie des

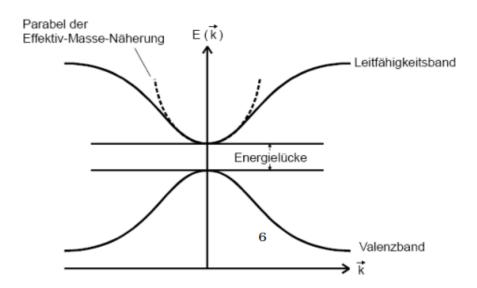


Abbildung 1: Vereinfachte Darstellung der Bandstruktur eines Festkörpers. [5, S. 6]

Bandes ε in Abhängigkeit des Wellenzahlvektors \vec{k} genähert. Dies geschieht mit Hilfe einer Taylorreihe:

$$\varepsilon(\vec{k}) = \varepsilon(0) + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{3} \left. \frac{\partial^{2} \varepsilon}{\partial k_{i}^{2}} \right|_{k=0} k_{i}^{2} + \mathcal{O}(k^{3})$$
 (1)

Als nächstes vergleicht man analog zu Newtons zweitem Axiom die Beschleunigung in einem elektrischen Feld E. Dafür ergibt sich quantemechanisch betrachtet für ein Kristall-Elektron (2) und für ein freies Teilchen im Vakuum (3):

$$a = \frac{1}{\hbar^2} \frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial k^2} \cdot qE \tag{2}$$

$$a = \frac{1}{m_{\rm e}} \cdot qE \tag{3}$$

Dabei ist k die Wellenzahl, \hbar das reduzierte plancksche Wirkungsquantum, q die Ladung des Elektrons und $\varepsilon(k)$ die Energie in Abhängigkeit von k. Damit wird die effektive Masse wie folgt definiert:

$$m_i^* := \frac{\hbar^2}{\frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial k_{i^2}}\Big|_{\mathbf{k}=0}} \tag{4}$$

Dank der Berücksichtigung der Periodizität des Kristallpotentials $V(\vec{r})$ in dem Ausdruck für die effektive Masse siehe Gleichung 4 ist es möglich den Hamilton-Operator \hat{H} der Kristallelektronen in den eines freien Teilchens umzuschreiben. Aus

$$\hat{H} = \frac{\hbar^2}{2m_o} \nabla^2 + V(\vec{r})$$

wird mit Gleichung (4)

$$\hat{H} = \frac{\hbar^2}{2m^*} \nabla^2.$$

2.2 Zirkulare Doppelbrechung

In diesem Abschnitt der Theorie geht es um zirkulare Doppelbrechung. Darunter versteht man die Drehung der Polarisationsebene von linear polarisiertem Licht E(z) bei Transmission durch einen Kristall. Dies lässt sich durch die unterschiedlichen Phasengeschwindigkeiten der Phasengeschwindigkeiten im Kristall für rechts- bzw. linkszirkulares polarisiertes Licht $E_{\rm R},\,E_{\rm L}$ erklärn. Mathematisch bedeutet das für die Zusammensetzung des Lichtstrahls als Linearkombination:

$$\vec{E}(z) = \frac{1}{2}(\vec{E}_{\rm R}(z) + \vec{E}_{\rm L}(z)) \, \text{mit} \, k_{\rm L} \neq k_{\rm R}$$
 (5)

Die rechts- bzw. linkszirkularen Anteile sind wie folgt definiert:

$$\vec{E}_{R}(z) = (E_{0}\vec{x}_{0} - iE_{0}\vec{y}_{0}) \exp(ik_{R}z)
\vec{E}_{L}(z) = (E_{0}\vec{x}_{0} + iE_{0}\vec{y}_{0}) \exp(ik_{L}z).$$
(6)

Um nun das austretende Licht zu beschreiben werden zunächst zwei Winkel Ψ und ϑ eingeführt:

$$\begin{split} \varPsi &:= \frac{L}{2}(k_{\mathrm{R}} + k_{\mathrm{L}}) \\ \vartheta &:= \frac{L}{2}(k_{\mathrm{R}} - k_{\mathrm{L}}) = \frac{L\omega}{2c} \left(n_{\mathrm{R}} - n_{\mathrm{L}}\right) \end{split} \tag{7}$$

Dies folgt aus der folgenden Beziehung:

$$k_{\rm i} = \frac{n_{\rm i}\omega}{c}$$

Dabei sind $n_{\rm R}$ und $n_{\rm L}$ die jeweiligen Brechungsindices und c die Lichtgeschwindigkeit. Setzt man nun Gleichung (6) in Gleichung (5) ein ergibt sich für das austretende Licht der folgende Ausdruck:

$$\vec{E}(L) = E_0 \exp(\mathrm{i} \varPsi) \left(\cos(\vartheta) \vec{x}_0 + \sin(\vartheta) \vec{y}_0 \right)$$

Der Effekt ist schematisch in Abbildung 2 dargestellt. Die Entstehung dieses Effektes

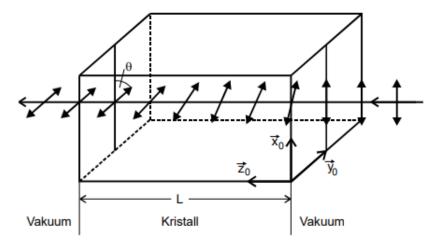


Abbildung 2: Darstellung von zirkularer Doppelbrechung bei Transmission eines Kristalls. [2, S. 1]

beruht auf den elektrischen Dipol
momenten die im Kristall erzeugt werden können. Diese induzierten Dipole erzeugen die Polarisation \vec{P} des Kristalles. Diese ist unter der Vorraussetzung eines kleinen elektrischen Feldes \vec{E} proportional zu diesem. Es gilt die Beziehung:

$$\vec{P} = \varepsilon_0 \chi \vec{E} \tag{8}$$

Mit der elektrischen Feldkonstante ε_0 und der dielektrischen Suszeptibilität χ . Im Vergleich zu isotroper Materie ist die Suszeptibilität in den hier betrachteten anisotropen Kristallen eine Tensorgröße $\overline{\overline{\chi}}$. Materie ist genau dann doppeltbrechend wenn für die Suszeptibilität $\overline{\overline{\chi}}$ gilt [2, S. 3–5]:

$$\overline{\overline{\chi}} = \begin{pmatrix} \chi_{xx} & i\chi_{xy} & 0\\ -i\chi_{yx} & \chi_{xx} & 0\\ 0 & 0 & \chi_{zz} \end{pmatrix}. \tag{9}$$

Um die Drehung der Polarisationsebene ϑ zu bestimmen wird die Änderung \vec{D} eines Feldes \vec{E} , das sich in Materie ausbreitet betrachet:

$$\vec{D} = \varepsilon_0 \left(1 + \overline{\overline{\chi}} \right) \vec{E}. \tag{10}$$

Setzt man die beiden Audrücke in (9) und (10) in die homogene Wellengleichung

$$\Box \vec{D} = 0$$

errechnet sich die Drehung ϑ [2, S. 3–5] zu:

$$\vartheta \approx \frac{L\omega}{2c} \frac{1}{\sqrt{1 + \chi_{xx}}} \chi_{xy} \approx \frac{L\omega}{2cn} \chi_{xy}.$$
 (11)

Dabei ist L die Länge des Kristalls, ω die Frequenz und n der Brechungsindex.

2.3 Bestimmung der effektiven Masse

In diesem Abschnitt wird beschrieben wie sich mit Hilfe der Faraday-Rotation die effektive Masse bestimmen lässt. Dazu wird die Bewegungsgleichung eines gebundenen Teilchens in einem Magnetfeld \vec{B} unter dem Einfluss des einfallenden Lichtstrahls und dessen elektrischen Feldes \vec{E} betrachtet:

$$m\frac{\partial^2 \vec{r}}{\partial t^2} + K\vec{r} = -e_0 \vec{E}(r) - e_0 \frac{\partial \vec{r}}{\partial t} \times \vec{B}$$
 (12)

Dabei ist \vec{r} die Auslenkung des Elektrons aus der Gleichgewichtslage, K die Konstante, die die Bindung des Elektrons an seine Umgebung bezeichnet und \vec{E} die Feldstärke des einfallenden Lichtstrahls. Nimmt man nun an, dass sowohl die Messfrequenz wesentlich höher als die Zyklotronfrequenz ist und quasifreie Ladungsträger kann der folgende Ausdruck hergeleitet werden [2, S. 5–8]:

$$\vartheta \approx \frac{e_0^3}{8\pi^2 \varepsilon_0 c^3} \frac{1}{m^2} \lambda^2 \frac{NBL}{n} \tag{13}$$

Damit die Gleichung 13 auch für die Kristallelektronen gültig bleibt setzen wir für m die effektive Masse m^* aus Abschnitt 2.1 ein. Wir definieren zusätzlich die neue Größe $\vartheta_{\text{frei}} = \frac{\vartheta}{L}$, die die Faraday-Rotation pro Einheitslänge in [rad/m] angibt. Damit ergibt sich schlussendlich der folgende Ausdruck:

$$\vartheta_{\text{frei}} \approx \frac{e_0^3}{8\pi^2 \varepsilon_0 c^3} \frac{1}{(m^*)^2} \lambda^2 \frac{NB}{n}$$
 (14)

Dabei ist e_0 die Elementarladung, ε_0 die elektrische Feldkonstante, c die Lichtgeschwindigkeit im Vakuum, λ die Wellenlänge des einfallenden Lichtes, N die Donatorenkonzentration, B ist die magnetische Feldstärke, L die Dicke der Probe und n der Brechungsindex. Aus dieser kann die effektive Masse der Elektronen im Kristall bestimmt werden in dem man Gleichung (14) nach m^* umstellt:

$$m^* = \sqrt{\frac{e_0^3}{8\pi^2 \varepsilon_0 c^3} \frac{1}{\vartheta_{\text{frei}}} \lambda^2 \frac{NB}{n}}$$
 (15)

3 Aufbau und Durchführung

In diesem Abschnitt wird zunächst der Aufbau und die Einstellung der verwendeten Messapparatur beschrieben und anschließend die Durchführung des Experimentes dokumentier.

3.1 Aufbau der Messapparatur

Die verwendete Messapparatur ist in Abbildung 3 zu sehen. In diesem Experiment dient

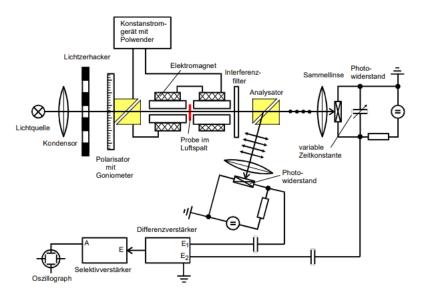


Abbildung 3: Der schematische Aufbau des Versuches. [3, S. 2]

eine Halogenlampe mit Emissionsspektrum im Infrarotbereich als Lichtquelle. Das dort emittierte Licht gelangt mit Hilfe einer Kondensorlinse parallel in den nächsten Teil des Aufbaus. Von einem Lichtzerhacker aus wird das gesammelte Licht in ein aus Kalkspat bestehendes Glan-Thompson-Prisma (siehe Abbildung 4) weitergeleitet. In diesem wird

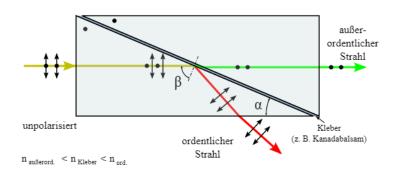


Abbildung 4: Der schematische Aufbau eines Glan-Thompson-Prisma. [6]

das linear polarisierte Licht erzeugt, das in diesem Versuch untersucht werden soll. Die zu untersuchende Probe befindet sich in einem Magnetfeld, das von einem Elektromagneten erzeugt wird. Dabei ist es notwendig, dass, wie in 2 beschrieben, der Magnetfeldvektor parallel zum Vektor der einfallenden Lichtwelle ist. Das Magnetfeld wird dabei von einem Konstantstrom gerät gespeist, damit es zeitlich konstant ist. Sobald die Welle aus der Probe austritt wird das Wellenlängenspektrum mit Hilfe eines Interferenzfilters (siehe Abbildung 5) auf eine Wellenlänge reduziert und trifft anschließend auf das zweite Glan-Thompson-Prisma. Über die Schichtdicke des Dielektrikums des Interferenzfilter

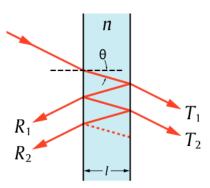


Abbildung 5: Der schematische Aufbau eines Interferenzfilters. [7]

wird die transmittierte Wellenlänge festgelegt. Aus dem zweiten Glan-Thompson-Prisma treten nun zwei Strahlenbündel aus, deren Intensität von der Polarisation des eingehenden Lichtstrahls abhängt und die orthogonal zueinander polarisiert sind, dies dient einer hohen Winkelauflösung.

Anschließend werden diese jeweils mit einer Sammellinse gebündelt und mit Hilfe einer Photodiode wird die Intensität des Lichtes in einen Strom ungewandelt. Dieses Signal wird an die beiden Eingänge eines Differenzverstärkers angeschlossen und dieser liefert einer zur Differenz der Eingangsspannungen proportionale Ausgangsspannung. Der daran angeschlossene Selektivverstärker wird auf die Frequenz des Lichtzerhackers eingestellt um das entstehende Rauschen deutlich zu verringern. Als letztes wird auf einem Oszilloskop das endgültige Signal sichtbar gemacht.

3.2 Durchführung

Vor der Messung wird zunächst die Messapparatur kalibriert, das bedeutet es wird überprüft ob die Sammellinse die Strahlen vernünftig auf die Photodioden leitet. Um den Selektivverstärker einzustellen wird dieser auf die Frequenz des Lichtzerhackers eingestellt. Anschließend wird das Signal einer Photodiode auf die Licht fällt auf den "Input" des Selektivverstärkers gegeben und das Oszilloskop wird an den Augang "Resonance" angecschlossen. Nun wird mit Hilfe der Frequenzstellknöpfe am Selektivverstärker solange justiert bis sich ein maximales Ausgangssignal ergibt, das heißt die Signalamplitude auf dem Oszilloskop maximal gro0 ist.

Das Magnetfeld im Inneren der Spule wird mit einer Hallsonde vermessen, um den Ort

des maximalen Magnetfeldes zu bestimmen.

Jetzt beginnt die Messung um den Polarisationswinkel ϑ zu bestimmen, dafür wird das Goniometer am ersten Glan-Thompson-Prisma verwendet. Eine Probe sowie Interferenzfilter werden eingesetzt und das Goniometer wird anschließend variiert bis das Signal am Oszilloskop minimal wird. Dann wird der erste Polarisationswinkel ϑ_1 notiert und das Magnetfeld wird mit Hilfe des Konstantstromgerätes umgepolt. Dann wird der Vorgang wiederholt und der zweite Polarisationswinkel ϑ_2 wird notiert. Der Drehwinkel der Polarisationsebene lässt sich über den folgenden Zusammenhang berechnen:

$$\vartheta = \frac{1}{2}(\vartheta_1 - \vartheta_2) \tag{16}$$

Man wiederholt die Messungen nun mit verschiedenen Interferenzfiltern und den daraus resultierenden unterschiedlich gefilterten Wellenlängen.

4 Auswertung

In diesem Abschnitt werden die aufgenommenen Messdaten in Grafiken sowie Tabellen dargestellt und ausgewertet. Grafiken sowie dazugehörige Rechnungen sind mit Python [1] erstellt bzw. berechnet worden.

4.1 Messung des Magnetfeldes

Als erstes wird das Magnetfeld am Ort der Probe bestimmt, dazu werden die Messdaten aus Tabelle 1 in Abbildung 6 visualisiert. Dafür wird die Magnetfeldstärke gegen den Ort aufgetragen. Der maximale Wert $B_{\rm max}$ mit dem die weiteren Rechnungen durchgeführt werden ist gegeben durch:

$$B_{\text{max}} = 409 \,\text{mT} \tag{17}$$

Dieser legt damit das Magnetfeld am Ort Z der Probe fest.

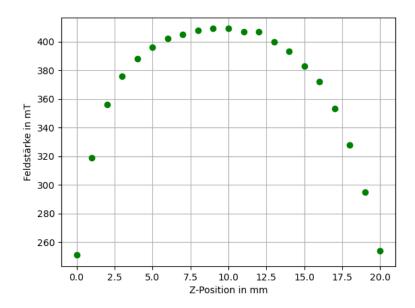


Abbildung 6: Zusammenhang zwischen Magnetfeldstärke und Ort im Magnetfeld.

Tabelle 1: Messdaten der Messung mit der Hallsonde.

Position in mm	Magnetfeldstärke in mT
0.0	251.0
1.0	319.0
2.0	356.0
3.0	376.0
4.0	388.0
5.0	396.0
6.0	402.0
7.0	405.0
8.0	408.0
9.0	409.0
10.0	409.0
11.0	407.0
12.0	407.0
13.0	400.0
14.0	393.0
15.0	383.0
16.0	372.0
17.0	353.0
18.0	328.0
19.0	295.0
20.0	254.0

4.2 Messung mit undotiertem Galliumarsenid

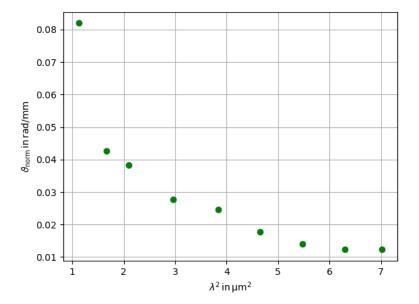
In diesem Auswertungsabschnitt wird die undotierte Galliumarsenid-Probe betrachtet. Mit der Dicke der Probe $L_{\rm undotiert}=5{,}11\,{\rm mm}$ und den gemessenen Werten wird ein normierter Wert der Faradayrotation bestimmt. Dazu wird zunächst die Formel (16) benutzt um den Differenzwinkel ϑ zu bestimmen, anschließend wird dieser Wert in [rad/mm] umgerechnet. Mit Hilfe von Gleichung (18) wird der normierten Wert $\vartheta_{\rm norm}$ erhalten. Die Formel für die Umrechnung lautet:

$$\vartheta_{\text{norm}} = \frac{2\pi \cdot \vartheta}{360 \cdot L_{\text{undotiert}}} \tag{18}$$

In der Tabelle 2 sind die Messdaten für die verschiedenen Wellenlängen λ sowie den dazugehörigen Winkeln $\vartheta_{+\mathrm{B}}$ und $\vartheta_{-\mathrm{B}}$, als auch den normierten Rotationswinkel $\vartheta_{\mathrm{norm}}$ zu finden. In Abbildung 7 sind die normierten Rotationswinkel $\vartheta_{\mathrm{norm}}$ gegen die Quadrate der Wellenlängen λ^2 aufgetragen.

 ${\bf Tabelle~2:~Mess daten~der~undotierten~Gallium arsenid-Probe~und~normierte~Rotations-winkel~in~rad/mm.}$

$\lambda/\mu\mathrm{m}$	$\theta_{+\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\theta_{-\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\mid \vartheta_{\rm norm}/{\rm rad/mm}$
1.06	267.0	243.0	0.082
1.29	261.0	248.5	0.043
1.45	261.2	250.0	0.038
1.72	258.0	249.9	0.028
1.96	252.0	244.8	0.025
2.156	248.7	243.5	0.018
2.34	225.6	221.5	0.014
2.51	212.0	208.4	0.012
2.65	177.0	173.4	0.012



 ${\bf Abbildung~7:~Grafische~Darstellung~der~Messwerte~aus~Tabelle~2}.$

4.3 Messung mit dotierten Galliumarsenid-Proben

In dieser Messung werden nun die dotierten Galliumarsenid-Proben verwendet. Die zu untersuchenden Proben haben jeweils die Dicken $L_{\rm leicht}=1,296\,\mathrm{mm}$ bzw. $L_{\rm hoch}=1,36\,\mathrm{mm}$ und eine Donatorenkonzentration von $N_{\rm leicht}=1,2\cdot 10^{18}\,\mathrm{1/cm^3}$ bzw. $N_{\rm hoch}=2,8\cdot 10^{18}\,\mathrm{1/cm^3}$. In den Tabellen 3 und 4 sind die erhaltenen Messdaten aufgelistet, die normierten Rotationsinkel werden wieder mit Gleichung (18) berechnet, allerdings jeweils mit den Längen $L_{\rm leicht}$ bzw. $L_{\rm hoch}$ Von den erhaltenen Werten werden für alle Wellenlängen die normierte Faradayrotation der undotierten Probe abgezogen. So kann die differenzierte Faradayrotation $\Delta\vartheta_{\rm norm}$, die durch Leitungselektronen bedingt ist, untersucht werden. Die berechneten Werte sind in Abbildung 8 grafisch dargestellt.. Bei der leicht dotierten Probe fällt ein Wert weit aus der Reihe und wird nicht für die lineare Ausgleichrechnung berücksichtigt. Die Daten werden mit der folgenden Funktion gefittet

$$\Delta\theta_{\text{norm}} = A\lambda^2 \tag{19}$$

Daraus ergeben sich für die beiden Proben die Parameter:

$$A_{\rm leicht} = (0.017\,052\,6 \pm 0.000\,003\,1)\,\frac{\rm rad}{\rm nm^3}$$

$$A_{\rm hoch} = (0.028\,320\,7 \pm 0.000\,003\,6)\,\frac{\rm rad}{\rm nm^3}$$

Mit Hilfe der Gleichung (14) und den jeweiligen Parametern A_{leicht} bzw. A_{hoch} ist es nun möglich die effektive Masse zu bestimmen. Für den Brechungsindex von Galliumarsenid wird n=3.4 [4] genutzt. Mit der Formel:

$$m* = \sqrt{\frac{e^3 \cdot N \cdot B}{A \cdot 8\pi^2 \epsilon_0 c^3 \cdot n}} \tag{20}$$

ergeben sich die für die effektive Masse mit $m_{\rm e}=9{,}109\,383\,56\cdot10^{-31}\,\rm kg$ als Elektronenmasse folgende Werte:

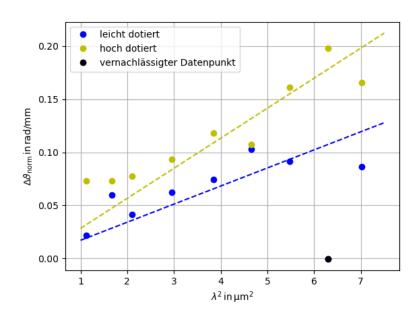
$$\begin{split} m_{\rm leicht}^* &= (4{,}2992 \pm 0{,}0004) \cdot 10^{-32}\,{\rm kg} \\ \frac{m_{\rm leicht}^*}{m_{\rm e}} &= 0.047195 \pm 0.000004 \\ m_{\rm hoch}^* &= (5{,}095\,82 \pm 0{,}000\,32) \cdot 10^{-32}\,{\rm kg} \\ \frac{m_{\rm hoch}^*}{m_{\rm e}} &= 0.055940 \pm 0.000004 \end{split}$$

 ${\bf Tabelle~3:~Mess daten~der~leicht~dotierten~Gallium arsenid-Probe~und~normierte~Rotationswinkel~in~rad/mm.}$

$\lambda/\mu m$	$\theta_{+\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\theta_{-\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\mid \vartheta_{\mathrm{norm}}/\mathrm{rad}/\mathrm{mm}$
1.06	260.0	251.9	0.022
1.29	259.0	251.0	0.060
1.45	258.7	252.5	0.041
1.72	257.0	250.0	0.062
1.96	252.0	244.3	0.074
2.156	250.1	240.7	0.103
2.34	227.3	219.1	0.091
2.51	206.9	206.0	-0.001
2.65	242.7	235.0	0.087

 ${\bf Tabelle~4:}~{\bf Mess daten~der~hoch~dotierten~Gallium arsenid-Probe~und~normierte~Rotations winkel in~rad/mm.$

$\lambda/\mu\mathrm{m}$	$\theta_{+\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\vartheta_{-\mathrm{B}}/^{\circ}$	$\theta_{\rm norm}/{\rm rad/mm}$
1.06	260.0	251.9	0.022
1.29	259.0	251.0	0.060
1.45	258.7	252.5	0.041
1.72	257.0	250.0	0.062
1.96	252.0	244.3	0.074
2.156	250.1	240.7	0.103
2.34	227.3	219.1	0.091
2.51	206.9	206.0	-0.001
2.65	242.7	235.0	0.087



 ${\bf Abbildung}$ 8: Grafische Darstellung der Messwerte aus Tabellen 3 und 4.

5 Diskussion

Literatur

- [1] URL: https://www.python.org (besucht am 27.10.2021).
- [2] TU Dortmund. Anhang 1, V46 Faraday-Effekt an Halbleitern. URL: https://moodle.tu-dortmund.de/pluginfile.php/1732527/mod_folder/content/0/V46_Anhang.pdf (besucht am 27.10.2021).
- [3] TU Dortmund. V46 Faraday-Effekt an Halbleitern. URL: https://moodle.tu-dortmund.de/pluginfile.php/1732527/mod_folder/content/0/V46.pdf (besucht am 27.10.2021).
- [4] filmetrics. Brechungsindex GaAs. URL: https://www.filmetrics.de/refractive-index-database/GaAs/Gallium-Arsenide (besucht am 27.10.2021).
- [5] Sebastian Rollke. Versuch 46: Faraday-Effekt an Halbleitern. URL: http://www.rollke.com/physik/46.pdf (besucht am 27.10.2021).
- [6] Wikipedia. Glan-Thompson-Prisma. URL: https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/6/6b/Glan-Thompson_prism_DE.svg (besucht am 27.10.2021).
- [7] Wikipedia. Interferenzfilter. URL: https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/d/db/Etalon-1.svg (besucht am 27.10.2021).