

Fortgeschrittenenpraktikum

V46 Faraday-Effekt

Felix Gläsemann
felix.glaesemann@tu-dortmund.de

Tobias Brützel
tobias.bruetzel@tu-dortmund.de

Durchführung: 27.10.2021

Abgabe: 10.11.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie	3
2.1	Effektive Masse	3
2.2	Zirkulare Doppelbrechung	4
3	Durchführung	5
4	Auswertung	5
5	Diskussion	5
	Literatur	5

1 Zielsetzung

Ziel dieses Versuches ist es mit Hilfe der Faraday-Rotation die effektive Masse von Leitungselektronen in einem Halbleiter, der aus n-dotiertem Galliumarsenid besteht, zu bestimmen.

2 Theorie

Unter dem Faraday-Effekt versteht man die Drehung der Polarisationssebene einer elektromagnetischen Welle in einem Medium durch den Einfluss eines Magnetfeldes, welches parallel zur Ausbreitungsrichtung dieser ist.

Außerdem ist es möglich Rückschlüsse auf die Bandstruktur des Testmediums zu ziehen.

2.1 Effektive Masse

Mit Hilfe der effektiven Masse ist es möglich die physikalischen Effekte der Bandstruktur eines Halbleiters approximiert zu beschreiben. In Abbildung 1 ist die Bandstruktur von Leitungs- bzw. Valenzband dargestellt. Um das Minimum herum wird die Energie des

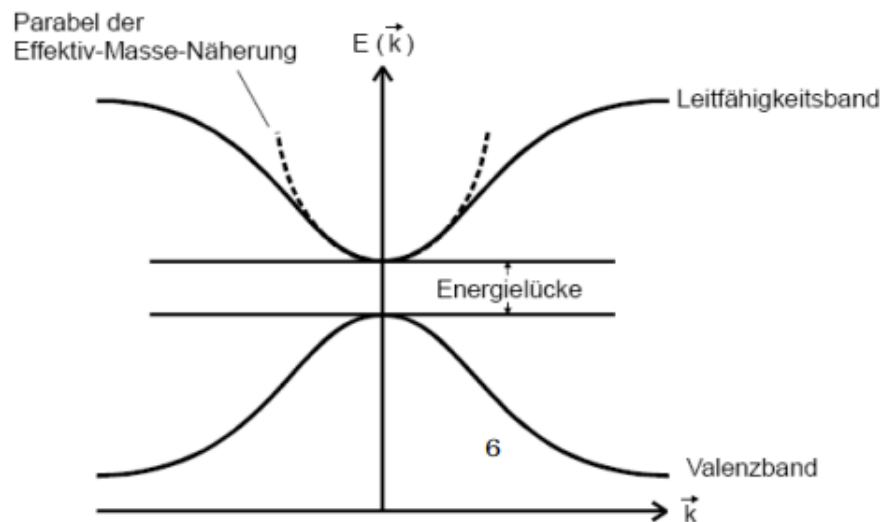


Abbildung 1: Vereinfachte Darstellung der Bandstruktur eines Festkörpers. [2, S. 6]

Bandes ε in Abhängigkeit des Wellenzahlvektors \vec{k} genähert. Dies geschieht mit Hilfe einer Taylorreihe:

$$\varepsilon(\vec{k}) = \varepsilon(0) + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^3 \left. \frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial k_i^2} \right|_{k=0} k_i^2 + \mathcal{O}(k^3) \quad (1)$$

Als nächstes vergleicht man analog zu Newtons zweitem Axiom die Beschleunigung in einem elektrischen Feld E . Dafür ergibt sich quantenmechanisch betrachtet für ein Kristall-Elektron (2) und für ein freies Teilchen im Vakuum (3):

$$a = \frac{1}{\hbar^2} \frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial k^2} \cdot qE \quad (2)$$

$$a = \frac{1}{m_e} \cdot qE \quad (3)$$

Dabei ist k die Wellenzahl, \hbar das reduzierte plancksche Wirkungsquantum, q die Ladung des Elektrons und $\varepsilon(k)$ die Energie in Abhängigkeit von k . Damit wird die effektive Masse wie folgt definiert:

$$m_i^* := \frac{\hbar^2}{\left. \frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial k_i^2} \right|_{k=0}} \quad (4)$$

Dank der Berücksichtigung der Periodizität des Kristallpotentials $V(\vec{r})$ in dem Ausdruck für die effektive Masse siehe Gleichung 4 ist es möglich den Hamilton-Operator \hat{H} der Kristallelektronen in den eines freien Teilchens umzuschreiben. Aus

$$\hat{H} = \frac{\hbar^2}{2m_e} \nabla^2 + V(\vec{r})$$

wird mit Gleichung (4)

$$\hat{H} = \frac{\hbar^2}{2m^*} \nabla^2.$$

2.2 Zirkulare Doppelbrechung

In diesem Abschnitt der Theorie geht es um zirkulare Doppelbrechung. Darunter versteht man die Drehung der Polarisationssebene von linear polarisiertem Licht $E(z)$ bei Transmission durch einen Kristall. Dies ist schematisch in Abbildung (2) dargestellt. Dies lässt sich durch die unterschiedlichen Phasengeschwindigkeiten der Phasengeschwindigkeiten im Kristall für rechts- bzw. linkszirkulares polarisiertes Licht E_R , E_L erklären. Mathematisch bedeutet das für die Zusammensetzung des Lichtstrahls:

$$\vec{E}(z) = \frac{1}{2}(\vec{E}_R(z) + \vec{E}_L(z)) \text{ mit } k_L \neq k_R$$

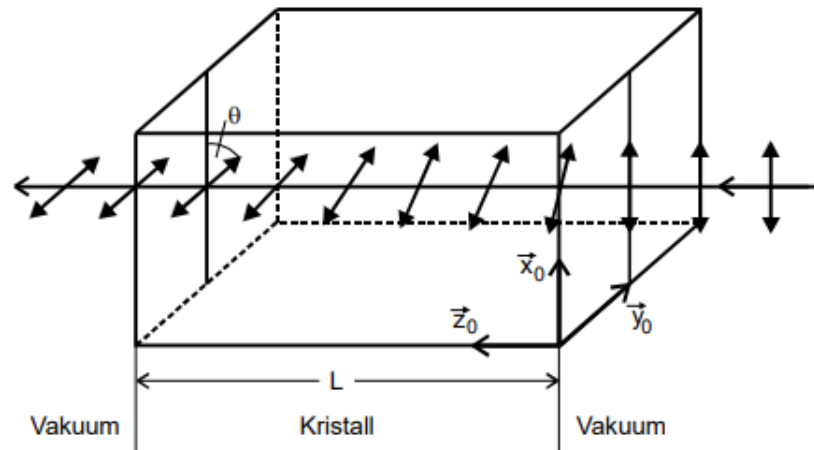


Abbildung 2: Darstellung von zirkularer Doppelbrechung bei Transmission eines Kristalls. [1, S. 1]

3 Durchführung

4 Auswertung

5 Diskussion

Literatur

- [1] TU Dortmund. *Versuchanleitung V46 Faraday-Effekt*. URL: https://moodle.tu-dortmund.de/pluginfile.php/1732527/mod_folder/content/0/V46_Anhang.pdf.
- [2] Sebastian Rollke. *Versuch 46: Faraday-Effekt an Halbleitern*. URL: <http://www.rollke.com/physik/46.pdf>.