Arbeitsblatt 5. Februar 2025: Das traditionelle p

Vergessen Sie bei Textaufgaben nicht all das "gegeben" und "gesucht".

- 1. Basis.
 - (a) In vielen Schulbüchern und Texten wird p etwas anders definiert, als wir das hier verwendet haben. Wenn sich etwas um 7 % ändert, sagen wir einfach $p=7\,\%=0.07$. Das macht die Rechnungen sehr einfach.
 - Welchen Wert hätte "p" oft in Oldschool-Texten wie vielen Schulbüchern? Lösung:

7

• Wie hängt unser p immer mit $p_{oldschool}$ zusammen? Lösung:

 $p = 100 p_{oldschool}$

(b) Geben Sie jeweils p und $p_{oldschool}$ an

A) 5 % B) 25 % C) 1% Lösung: Lösung: Lösung: p = 5% = 0.05p = 25% = 0.25p = 1% = 0.01 $p_{oldschool} = 5$ $p_{oldschool} = 25$ $p_{oldschool} = 1$ D) 100 % E) 0 % F) 0.1 % Lösung: Lösung: Lösung: p = 0.1% = 0.001p = 100% = 1p = 0 % = 0 $p_{\scriptscriptstyle oldschool} = 100$ $p_{oldschool} = 0$ $p_{oldschool} = 0.1$

2. Du möchtest einen MP3-Player kaufen und vergleichst die Preise in zwei Geschäften:

Im Geschäft A kostet der Player Fr. 280 €. Du erhältst aber noch 20 % Rabatt.

Im Geschäft B kostet der gleiche Player nur 240 €. Der Händler gewährt dir einen Rabatt von 5 %.

Wo erhältst du den Player günstiger?

Lösung:

geg.: $G_A = 280$ €; $G_B = 240$ €; $p_A = 20$ % = 0,2; $p_B = 5$ % = 0,05. Hier sind $G_{A,B}$ und $G_{A,B}$ jeweils Grundwert und Prozentwert in Geschäft A bzw B.

ges.: W_A und W_B , bzw. der Vergleich der beiden. Es gilt für beide Berechnungen unsere Formel W=Gp. Die beiden Prozentsätze p_A und p_B geben uns die Reduzierung im Preis. Wie immer können wir nun einfach diese Reduzierung ausrechnen und vom Ausgangspreis abziehen, oder wir können den Prozentsatz jeweils von $100\,\%$ abziehen und mit dem Ergebnis gleich den neuen Preis berechnen. Wir gehen erst den ersten Weg:

1. Weg: Erst die Reduzierung in € ausrechnen, dann abziehen Die Reduzierung im Preis ist der Prozentwert:

$$W_A = G_A p_A = 280 \in .0, 2 = 56 \in$$

 $W_A = G_A p_A = 240 \in .0, 05 = 12 \in$

1

Dasselbe Ergebnis bekommen wir, wenn wir die Oldschool-Formel mit der 100 verwenden:

$$W_A = \frac{G_A p_{\text{oldchool}_A}}{100} = \frac{280 \cdot 20}{100} = 56 \cdot 100$$

$$W_A = \frac{G_A p_{\text{oldschool}_B}}{100} = \frac{240 \cdot 5}{100} = 12 \cdot 100$$

Das ist offenslichtlich dasselbe.

Damit ist der Endpreis in Geschäft A und B jeweils

$$\begin{aligned} &\mathsf{Endpreis}_A = 280 \, {\in} -56 \, {\in} = 224 \, {\in} \\ &\mathsf{Endpreis}_B = 240 \, {\in} -12 \, {\in} = 228 \, {\in} \end{aligned}$$

2. Weg: Prozentsatz von 100 % **abziehen.** Wenn wir einen Preis um 20 % reduzieren, verbleiben noch 100 % - 20 % = 80 % = 0.8.

Genauso ist es mit einer Reduzierung um 5 %. Es bleiben noch 100% - 5% = 95% = 0.95.

Damit können wir den Endpreis direkt ausrechnen:

Endpreis_A =
$$280 \in \cdot 0.8 = 224 \in$$

Endpreis_B = $240 \in \cdot 0.95 = 228 \in$

Auch hier ergibt sich dasselbe, wenn man die Formel mit der 100 verwendet:

Endpreis_A =
$$\frac{280 € \cdot 80}{100}$$
 = 224 €
Endpreis_B = $\frac{240 € \cdot 95}{100}$ = 228 €

Natürlich ergibt sich jeweils wieder dasselbe.