Blatt 04 Lösung

1. Schreiben Sie auf einen Bruchstrich und berechnen vereinfachen (kürzen und ausmultiplizieren) Sie soweit als möglich.

(a)
$$\frac{11}{5} \cdot \frac{3}{2} = \frac{11 \cdot 3}{5 \cdot 2} = \frac{33}{10}$$
 (b) $\frac{\cancel{\cancel{11}}}{\cancel{\cancel{\cancel{9}}}} \cdot \frac{2}{\cancel{\cancel{3}}} \cdot \frac{\cancel{\cancel{9}}\cancel{\cancel{1}}}{\cancel{\cancel{1}}} = \frac{37 \cdot 2}{11} = \frac{74}{11}$ (c) $\frac{2}{19} \cdot \frac{7}{3} = \frac{2 \cdot 7}{19 \cdot 3} = \frac{14}{57}$

(d)
$$\frac{5}{11} \cdot \frac{1}{7} = \frac{5 \cdot 1}{11 \cdot 7} = \frac{5}{77}$$
 (e) $\frac{1}{19} \cdot \frac{7}{5} = \frac{1 \cdot 7}{19 \cdot 5} = \frac{7}{95}$ (f) $\frac{13}{3} \cdot \frac{0}{112} = \frac{13 \cdot 0}{3 \cdot 112} = \frac{0}{3 \cdot 112} = 0$

$$\text{(g)} \ \ \frac{\cancel{5}}{1} \cdot \frac{1}{\cancel{5}} \cdot \frac{\cancel{2}}{\cancel{5}} = \frac{1}{2} \qquad \text{(h)} \ \ \frac{\cancel{2}}{\cancel{3}} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{\cancel{3}}{\cancel{2}} = \frac{5}{7} \qquad \text{(i)} \ \ \frac{19}{2} \cdot \frac{121}{0} = \text{nicht definiert} \qquad \text{(j)} \ \ \frac{\cancel{7}}{\cancel{7}} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$$

(k)
$$\frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} = 1$$
 (l) $\frac{3}{13} \cdot \frac{5}{1} = \frac{3 \cdot 5}{13 \cdot 1} = \frac{15}{13}$

2. Lösen Sie die verschachtelten Brüche auf und vereinfachen (kürzen und ausmultiplizieren) Sie soweit als möglich. (Stufe 1)

(a)
$$\frac{11}{\frac{7}{7}} = 11$$
 (b) $\frac{\frac{7}{5}}{3} = \frac{\frac{7}{5}}{\frac{3}{1}} = \frac{7}{5} \cdot \frac{1}{3} = \frac{7}{5 \cdot 3} = \frac{7}{15}$ (c) $\frac{\frac{2}{3}}{7} = \frac{2}{3 \cdot 7} = \frac{2}{21}$

(d)
$$\frac{\frac{8}{11}}{28} = \frac{\cancel{8}^4}{11 \cdot \cancel{28}^{14}} = \frac{4}{154}$$
 (e) $\frac{\frac{16}{12}}{30} = \frac{\cancel{\cancel{8}^4}}{\cancel{\cancel{2}^4} \cancel{\cancel{2}^4}} = \frac{2}{30}$ (f) $\frac{7}{\frac{7}{11}} = \frac{\cancel{\cancel{7} \cdot 11}}{\cancel{\cancel{7}}} = 11$

(g)
$$\frac{7}{\frac{11}{7}} = \frac{7 \cdot 7}{11} = \frac{49}{11}$$
 (h) $\frac{4}{\frac{12}{5}} = \frac{\cancel{4} \cdot 5}{\cancel{\cancel{2}}} = \frac{5}{3}$ (i) $\frac{2}{\frac{7}{24}} = \frac{2 \cdot 24}{7} = \frac{48}{7}$ (j) $\frac{15}{\frac{13}{2}} = \frac{15 \cdot 2}{13} = \frac{30}{13}$

3. Lösen Sie die verschachtelten Brüche auf und vereinfachen (kürzen und ausmultiplizieren) Sie soweit als möglich. (Stufe 2)

(a)
$$\frac{3}{\frac{3}{5}\cdot7} = \frac{\cancel{3}}{7} \cdot \frac{5}{\cancel{3}} = \frac{5}{7}$$
 (b) $\frac{7}{\frac{5}{2}} = \frac{7}{5\cdot\frac{3}{2}} = \frac{7}{\frac{5\cdot3}{2}} = \frac{7}{\frac{15}{2}} = 7 \cdot \frac{2}{15} = \frac{14}{15}$

(c)
$$13 \cdot \frac{3}{\frac{5}{13} \cdot 7} = \frac{13 \cdot 3}{\frac{5 \cdot 7}{13}} = \frac{39}{\frac{35}{13}} = \frac{39 \cdot 13}{35} = \frac{507}{35}$$
 (d) $\frac{3}{\frac{11}{5} \cdot 7} \cdot 11 = \frac{3}{7} \cdot \cancel{1} \cdot \cancel{1} \cdot \frac{5}{\cancel{1}} = \frac{15}{7}$

(e)
$$3 \cdot \frac{11}{7 \cdot \frac{11}{5}} = 3 \cdot \frac{\cancel{\cancel{M}}}{7} \cdot \frac{5}{\cancel{\cancel{M}}} = \frac{15}{7}$$
 (f) $\frac{3}{\frac{7}{5}} \cdot 3 = \frac{9}{\frac{7}{5}} = \frac{9 \cdot 5}{7} = \frac{45}{7}$ (g) $13 \cdot \frac{3}{\frac{13}{3} \cdot 7} = \frac{\cancel{\cancel{M}} \cdot 3}{7} \cdot \frac{3}{\cancel{\cancel{M}}} = \frac{9}{7}$

(h)
$$\frac{7}{\frac{5}{2}} = \frac{7}{\frac{5}{2 \cdot 3}} = \frac{7}{\frac{5}{6}} = \frac{7 \cdot 6}{5} = \frac{42}{5}$$
 (i) $\frac{7}{\frac{5}{2}} = \frac{7}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{7 \cdot 2}{5 \cdot 3} = \frac{14}{15}$

4. Sonderaufgabe. Vereinfachen Sie:

$$\frac{\frac{\frac{3}{\frac{5}{5}}}{\frac{\frac{7}{7}}{7}}}{\frac{11}{\frac{11}{5}}}{\frac{3}{\frac{4}{5}}} = \frac{2 \cdot \frac{\frac{3}{\frac{5}{7}}}{\frac{11}{7}}}{\frac{15}{4}} = \frac{2 \cdot \frac{\frac{3}{5}}{\frac{7}{11}}}{\frac{15}{4}} = \frac{2 \cdot \frac{\frac{3}{5 \cdot 11}}{\frac{5}{11}}}{\frac{15}{4}} = \frac{2 \cdot \frac{\frac{3 \cdot 7}{5 \cdot 11}}{\frac{15}{4}}}{\frac{15}{4}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} \cdot \frac{\cancel{4}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5} \cdot \cancel{11}} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{7}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{5}} =$$