1. Das 2. Newton'sche Axiom lautet

$$F = ma$$

Hier ist F die Kraft, die auf eine Masse m ausgeübt wird und a die Beschleunigung, die die Masse dadurch erfährt.

(a) Welche Kraft brauchen Sie, um eine Masse $m=3.7\,\mathrm{kg}$ mit $13\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$ zu beschleunigen?

Lösung:

geg.: m; a

ges.: F

Wir können direkt einsetzen:

$$F = ma = 3.7 \,\mathrm{kg} \cdot 13 \,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} = 48.1 \,\frac{\mathrm{kg} \,\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} = 48.1 \,\mathrm{N}$$

Antwort: Wir brauchen eine Kraft von 48,1 N.

(b) Stellen Sie das 2. Newton'sche Axiom nach m um. Wenn ein Ding durch eine Kraft $F=20\,\mathrm{N}$ mit $a=2\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$ beschleunigt wird, was ist dann seine Masse?

Lösung:

geg.: F; a

ges.: *m*

$$F = ma \mid : a$$

$$\frac{F}{a} = m$$

Jetzt können wir direkt Werte einsetzen

$$m = \frac{F}{a} = \frac{20\,\mathrm{N}}{2\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}} = 10\,\frac{\frac{\mathrm{kg,prf}}{\mathrm{s}^2}}{\frac{\mathrm{prf}}{\mathrm{s}^2}} = 10\,\mathrm{kg}$$

Antwort: Das Ding hat eine Masse von $10 \,\mathrm{kg}$.

(c) Stellen Sie das 2. Newton'sche Axiom nach a um. Was für eine Beschleunigung erfährt eine Masse von $1000\,\mathrm{kg}$, die von einer Kraft $F=77\,\mathrm{N}$ beschleunigt wird?

Lösung:

geg.: F; m

ges.: *a*

$$F = ma \mid : m$$

$$\frac{F}{m} = a$$

Jetzt können wir direkt Werte einsetzen

$$a = \frac{F}{m} = \frac{77 \, \mathrm{N}}{1000 \, \mathrm{kg}} = 0.077 \frac{\frac{\mathrm{kg \, m}}{\mathrm{s}^2}}{\mathrm{kg}} = 0.077 \, \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$$

Antwort: Die Beschleunigung ist $0.077 \, \frac{\text{m}}{\text{s}^2}.$

- 2. Ein VW Golf beschleunigt von 0 auf $100\,\frac{\rm km}{\rm h}$ in $11.9\,\rm s.$
 - (a) Wieviel $\frac{m}{s}$ sind $100 \frac{km}{h}$?

Lösung:

 $\mathbf{geg.:}\ v\ \mathsf{in}\ \tfrac{\mathsf{km}}{\mathsf{h}}$

ges.: v in $\frac{m}{s}$

Wir erinnern uns, dass $\frac{km}{h} = \frac{1}{3,6} \frac{m}{s}$ und setzen ein:

$$v = 100 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{100}{3.6} \frac{\text{m}}{\text{s}} = 27.8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Antwort: Die Geschwindigkeit beträgt $27.8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$.

(b) Wie ist die Beschleunigung definiert?

Lösung:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

Hier ist Δv der Geschwindigkeitsunterschied und Δt die dafür benötigte Zeit.

(c) Was ist die Einheit der Beschleunigung?

Lösung:

 $\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$

(d) Was für eine Beschleunigung hat unser VW Golf?

Lösung:

geg.: Δv ; Δt

ges.: *a*

Wir können direkt in die Definition einsetzen

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{27.8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{11.9 \text{ s}} = 2.33 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Antwort: Die Beschleunigung ist $2,33 \frac{m}{s^2}$. Das ist etwa ein Viertel der Erdbeschleunigung. Das macht Sinn für ein normales Auto.

(e) Unser VW Golf hat eine Masse von $1255\,\mathrm{kg}$. Welche Kraft muss der Motor aufbringen um die eben berechnete Beschleunigung zu erreichen?

Lösung:

geg.: m; a

ges.: F

Das 2. Newtonsche Axiom ist

$$F = ma$$

Wir können direkt einsetzen:

$$F = ma = 1255 \,\mathrm{kg} \cdot 2{,}33 \,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} = 2930 \,\frac{\mathrm{kg}\,\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} = 2930 \,\mathrm{N} = 2{,}9 \,\mathrm{kN}$$

Antwort: Der Motor muss 2,9 kN aufbringen.

(f) Auf welchen Wert reduziert sich die Beschleunigung bei derselben Motorkraft, wenn wir $500\,\mathrm{kg}$ zuladen, so dass das Auto nun insgesamt $1755\,\mathrm{kg}$ schwer ist?

Lösung:

geg.: m; F

ges.: a

Wir lösen das 2. Newtwon'sche Axiom nach a auf:

$$F = ma \mid : m$$

$$\frac{F}{m} = a$$

Nun können wir Werte einsetzen:

$$a = \frac{F}{m} = \frac{2930 \text{ N}}{1755 \text{ kg}} = 1.67 \frac{\frac{\text{kg m}}{\text{s}^2}}{\text{kg}} = 1.67 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Antwort: Die Beschleunigung reduziert sich auf $1,67\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}.$