

Ludwig-Maximilians-Universität München

Institut für Statistik

Projekt im Rahmen des statistischen Consultings

Internationaler Waffenhandel: Die Anwendung neuer Verfahren der statistischen Netzwerkanalyse

Eine Netzwerkanalyse des internationalen Kleinwaffenhandels 1992 - 2011
Kooperation mit dem Lehrstuhl für empirische Politikforschung

Autor:

Felix Loewe
loewe.felix@gmail.com

Projektpartner:

Prof. Dr. Paul W. Thurner

Betreuer:

Prof. Dr. Göran Kauermann

Abstract

Dieser Bericht behandelt die Analyse der *NISAT database of transfers of small arms, light weapons, and their ammunition, parts and accessories*. Die Netzwerkdaten stellen das internationale Kleinwaffenhandelsnetzwerk im Zeitraum 1992 bis 2011 dar.

Nachdem die Datengrundlage besprochen wird, erfolgt eine deskriptive Analyse des Handelsnetzwerkes anhand Zeitreihen von Netzwerkstatistiken. Im zweiten Teil wird der Querschnitt des Netzwerkes Jahr für Jahr anhand von ERGMs modelliert, um charakteristische Strukturen des Netzwerkes aufzudecken. Der Fokus liegt hierbei auf der Selektion interner Netzwerkstatistiken sowie externer Kovariablen.

Schlagwörter *Netzwerkanalyse – Waffenhandel – Kleinwaffen – ERGMs*

Inhaltsverzeichnis

1	Einführung	4
1.1	Zusammenfassung der Graphentheorie	4
1.1.1	Graph	4
1.1.2	Degree-Verteilung	5
1.1.3	Nachbarschaftsmatrix	6
1.1.4	Zentralität	6
1.1.5	Dichte	6
1.2	Datengrundlage	7
2	Deskriptive Analyse	8
2.1	Degree Sequenz	8
2.2	Handelswerte	10
2.3	Top-Akteure	11
2.4	Netzwerkmaßzahlen	13
2.5	Visualisierungen	14
3	ERGM	20
3.1	Definition des Modells	20
3.1.1	Simulation von Zufallsgraphen	20
3.1.2	Schätzung der Modell-Parameter	21
3.2	exogene Kovariablen	23
3.2.1	Formal Intersate Alliance Dataset	23
3.2.2	Polity Score	23
3.2.3	Direct Contiguity	23
3.2.4	Composite Index of National Capability	23
3.2.5	Intra-State Conflicts	23
3.2.6	GDP	24
3.3	endogene Statistiken	24
3.4	geschätzte Modelle	24
4	Anhang	27
	Literaturverzeichnis	31

1 Einführung

Was ist das Besondere an der statistischen Analyse von Netzwerken? Erstens stellen sie durch ihre Abhängigkeitsstruktur relationale Daten dar. Gewöhnliche Datensätze mit $i = 1, \dots, N$ Beobachtungen werden zumeist mit der Annahme analysiert, dass die n Beobachtungen unabhängig voneinander beobachtet werden. Bei Netzwerkdaten ist das nicht der Fall. Hier stehen die Beobachtungen, oft genannt *Akteure* des Netzwerkes, in Beziehung zueinander. Besteht eine Beziehung zwischen den Beobachtungen, können diese nicht mehr als unabhängig angesehen werden. In ähnlicher Sichtweise wird auch eine nicht-bestehende Beziehungen nicht ignoriert, sondern so angesehen, dass individuen-spezifische oder netzwerkspezifische Effekte diese verursacht haben können.

Das Bestehen oder Nicht-Bestehen einer Beziehung ist die Netzwerkstruktur (*Abhängigkeitsstruktur*), die zusätzlich zu den Daten eines gewöhnlichen Datensatzes besteht. Die Abhängigkeitsstruktur wird durch die Adjazenzmatrix $Y_{ij} \in N \times N$ ausgedrückt.

Bei der Analyse des Waffenhandels wird aus der Beziehung ein Handel und aus den Akteuren die liefernden und belieferten Länder.

Die Arbeit ist wie folgt aufgebaut. Im ersten Kapitel erfolgt eine kurze Wiederholung der Begriffe aus der Graphentheorie. Netzwerkspezifische Begriffe sowie deskriptive Maßzahlen werden theoretisch eingeführt. Darauf folgt eine Erläuterung der Datengrundlage der NISAT Datenbank mit den daraus resultierenden Möglichkeiten und Einschränkungen. Im dritten Abschnitt wird der Datensatz deskriptiv analysiert. Im vierten Abschnitt erfolgt die Modellierung per ERGMs.

1.1 Zusammenfassung der Graphentheorie

Um Netzwerkdaten statistisch analysieren zu können, muss die Abhängigkeitsstruktur der Daten adäquat modelliert werden. Eine grundlegende mathematische Theorie, die verwendet wird, um *relationale Daten* zu beschreiben, ist die Graphentheorie. Im Rahmen dieses Kapitels wird nur auf die wichtigsten Aspekte der Graphentheorie eingegangen. Es handelt sich im Wesentlichen um eine Zusammenfassung der Kapitel 2.1 und 4.2 aus [5].

1.1.1 Graph

Ein *Graph* $G = (V, E)$ ist die mathematische Beschreibung eines Netzwerkes.

Er besteht aus einer Knotenmenge V und einer Kantenmenge E . Ein *Knoten* v repräsentiert einen Akteur des Netzwerkes. Eine *Kante* e verbindet zwei Akteure und kennzeichnet eine Beziehung zwischen ihnen.

Die Anzahl der Knoten $N_V = |V|$ wird üblicherweise als kleiner unendlich vorausgesetzt. Häufig benennt man die Knoten eines Netzwerkes einfach nach ihrem Index $i = 1, \dots, N_V$

1 Einführung

Eine Kante ist ein Element der Menge E . Eine Kante $\{i, j\}$ beschreibt die Verbindung zwischen Knoten i und j .

Man unterscheidet zwischen *gerichteten* und *ungerichteten* Graphen. Ein ungerichteter Graph setzt eine symmetrische Beziehung zwischen den Akteuren voraus. Akteur i steht also zu Akteur j in der gleichen Beziehung wie j zu i (z.B. Arbeitskollege). Bei einem gerichteten Graphen hingegen ist die Richtung der Beziehung entscheidend. Dies ist in unserem Datensatz der Fall. Wir unterscheiden zwischen Exporteur und Importeur eines Handels. Die Kante $\{i, j\}$ ist hier also von der Kante $\{j, i\}$ zu unterscheiden. Einen gerichteten Graphen nennt man auch *Digraph*.

Per Definition enthält ein Graph weder Schleifen noch multiple Kanten. Von einer *Schleife* spricht man, wenn eine Kante $\{i, j\}$ den gleichen Anfangs- und Endpunkt besitzt ($i = j$). Von einer *multiplen Kante* spricht man, falls zwischen zwei Knoten mehrere Verbindungen bestehen. Enthält ein Netzwerk solche Eigenschaften spricht man von einem *Multigraphen* ansonsten von einem *einfachen Graphen*.

Betrachtet man die Anzahl der möglichen Kanten eines Graphen, die später als Benchmark dafür auftaucht, wie dicht ein Graph sein kann, so wird ersichtlich, dass diese Anzahl für einen einfachen ungerichteten Graphen kleiner ist als die Anzahl der möglichen Kanten einer komplizierteren Graphenart. Für einen einfachen ungerichteten Graphen ist sie gegeben durch $V_H(V_H - 1)/2$. Ein gerichteter Graph kann logischerweise maximal die doppelte Anzahl an Kanten enthalten.

Notwendigerweise gibt es einige Begriffe um über die Konnektivität von Graphen zu reden. Am gebräuchlichsten ist das Prinzip der *Nachbarschaft*. Zwei Knoten $i, j \in V$ gelten als benachbart wenn sie von einer Kante $\{i, j\} \in E$ verbunden werden. Zwei Kanten wiederum gelten als benachbart, wenn sie durch einen gemeinsamen Knoten in V verbunden werden.

Ein sogenannter *Weg* auf einem Graphen von v_0 nach v_l bezeichnet die alternierende Sequenz $\{v_0, e_1, v_1, e_2, \dots, v_{l-1}, e_l, v_l\}$. l bezeichnet hierbei die Länge des Weges. Weiter beschreibt ein *Pfad* einen Weg ohne wiederholte Knoten oder Kanten. Als *Distanz* zwischen zwei Knoten eines Graphen definiert man die Länge des kürzesten Pfades der sie verbindet. Die Länge der längsten Distanz innerhalb eines Graphen nennt man *Durchmesser* eines Graphen.

1.1.2 Degree-Verteilung

Ein weiterer Begriff ist der des *Degree* eines Knoten v , d_v , definiert als die Anzahl der Kanten, die den Knoten v enthalten. Die *Degree-Sequenz* eines Graphen G ist die Sequenz die entsteht, wenn man alle Knoten-Degrees in aufsteigender Reihenfolge sortiert. Nun definiert man f_d als den Anteil der Knoten $v \in V$ mit Degree $d_v = d$. Die Reihe $\{f_d\}_{d \geq 0}$ heißt *Degree-Verteilung* von G .

Bei einem gerichteten Graphen unterscheidet man zwischen *In-Degree* (d_v^{in}) und *Out-Degree* (d_v^{out}) und zählt die Kanten die zu einem Knoten hin, beziehungsweise von ihm weg laufen. Die oben genannten Begriffe lassen sich hierfür trivial erweitern.

1.1.3 Nachbarschaftsmatrix

Die Struktur eines Graphen ist vollständig bestimmt durch seine binäre und symmetrische *Nachbarschaftsmatrix* (auch *Adjazenzmatrix*) $A \in |V| \times |V|$, wobei $a_{ij} = 1$ falls zwischen Knoten i und Knoten j eine Kante besteht und Null sonst. Diese Matrix hat einige nützliche Eigenschaften. Zum Beispiel ergibt die Zeilensumme $A_i = \sum_j A_{ij}$ den Degree d_i von Knoten i . Bei gerichteten Graphen besteht ein Unterschied zwischen der Kante (i, j) und der Kante (j, i) . Die Adjazenzmatrix ist hier nicht symmetrisch. Allerdings enthält sie immer noch ähnliche Informationen wie zum Beispiel $A_i = d_i^{out}$ und $A_j = d_j^{in}$.

1.1.4 Zentralität

Viele Fragestellungen der Netzwerkanalyse drehen sich darum welche Akteure auf eine bestimmte Weise besonders wichtig für ihr Netzwerk sind. Maßzahlen der Zentralität sind dafür gedacht um diese Wichtigkeit der Knoten zu quantifizieren und dadurch die Beantwortungen solcher Fragestellungen zu vereinfachen. Das wichtigste Konzept in diesem Zusammenhang, den Degree haben wir bereits kennen gelernt. Zusätzlich beschäftigen führe ich nun kurz die Begriffen Closeness und Betweenness Zentralität ein.

Bei der *Closeness* Zentralität wird ein Knoten als „zentral“ angesehen, falls er vielen anderen Knoten „nahe“ ist. Man verwendet für dieses Maß die inverse der Summe der Distanz eines Knotens zu allen anderen,

$$c_{Cl}(v) = \frac{1}{\sum_{u \in V} dist(v, u)},$$

wobei $dist(v, u)$ die Distanz zwischen den Knoten v und u bezeichnet. Um eine Vergleichbarkeit mit anderen Graphen und Zentralitätsmaßen herzustellen normalisiert man die Maßzahl in das Intervall $[0, 1]$ indem man mit dem Faktor $N_v - 1$ multipliziert.

Ein anderes Konzept basiert auf dem Gedanken, dass die Wichtigkeit eines Knotens darauf beruht, in wie weit sich ein Knoten zwischen anderen Paaren von Knoten befindet. Knoten die auf vielen Pfaden eines Netzwerkes sitzen, werden als wichtig für die Kommunikation innerhalb des Netzwerkes angesehen. Die *Betweenness* Zentralität wird deswegen üblicherweise definiert als

$$c_B(v) = \sum_{s \neq t \neq v \in V} \frac{\sigma(s, t|v)}{\sigma(s, t)},$$

wobei $\sigma(s, t|v)$ die Anzahl der kürzesten Pfade zwischen s und t ist, die durch v verlaufen und $\sigma(s, t) = \sum_v \sigma(s, t|v)$.

1.1.5 Dichte

Die *Dichte* eines Netzwerkes ist die Anzahl der Kanten des Netzwerkes, geteilt durch die mögliche Anzahl an Kanten des Netzwerkes. Es ergibt sich der Term

$$den(G) = \frac{|E_G|}{|V_G|(|V_G| - 1)/2}$$

für die Dichte. Die Dichte liegt zwischen null und eins. Es sei angemerkt, dass die Dichte auch als Skalierung des durchschnittlichen Degrees $\bar{d}(G)$ angesehen werden kann, denn $den(G) = (|V_H| - 1)\bar{d}(G)$.

1.2 Datengrundlage

Die Datengrundlage für das Kleinwaffenhandelsnetzwerk ist die *NISAT* (Norwegian Initiative on Small Arms Transfers) Datenbank. Das Peace Research Institute Oslo (PRIO) ist der Auftraggeber dieser Datenbank. Die Datenbank enthält Daten über den legalen und illegalen Handel von Kleinwaffen. Der abgedeckte Zeitraum beträgt die Jahre 1992 bis 2011. Berichtet wird hierin von insgesamt 239 Ländern und 109522 Waffentransaktionen.

Es folgt eine genauere Beschreibung der Datenbank. Die Daten liegen in der Form einer gerichteten Kanten-Liste vor. Das bedeutet jede Zeile im Datensatz entspricht einem Handel zwischen einem exportierenden und einem importierenden Land. Zusätzliche Attribute sind die Correlates of War Codes der jeweiligen Länder, der monetäre Wert des Handels in US Dollar, der gehandelte Waffentyp, die berichtende Datenquelle sowie das Jahr in dem der Handel stattgefunden hat. Bei der Analyse dieser Daten erkennt man schnell folgende Probleme: Da nach Waffentypen unterschieden wird, existieren in den einzelnen Jahren multiple Kanten. Das bedeutet zwischen 2 Ländern werden im gleichen Jahr mehrere Handel in der gleichen Richtung aufgeführt. Diese wurden für die weitere Analyse zusammengefasst indem der Wert der Lieferungen schlicht addiert wurde. Der Datensatz enthält Schleifen. Das heißt manche Länder liefern Waffen an sich selbst. Da es hierfür keine sinnvolle inhaltliche Erklärung gibt wurden die entsprechenden Beobachtungen gelöscht. Eine Liste der gelöschten Kanten befindet sich im Anhang.

2 Deskriptive Analyse

2.1 Degree Sequenz

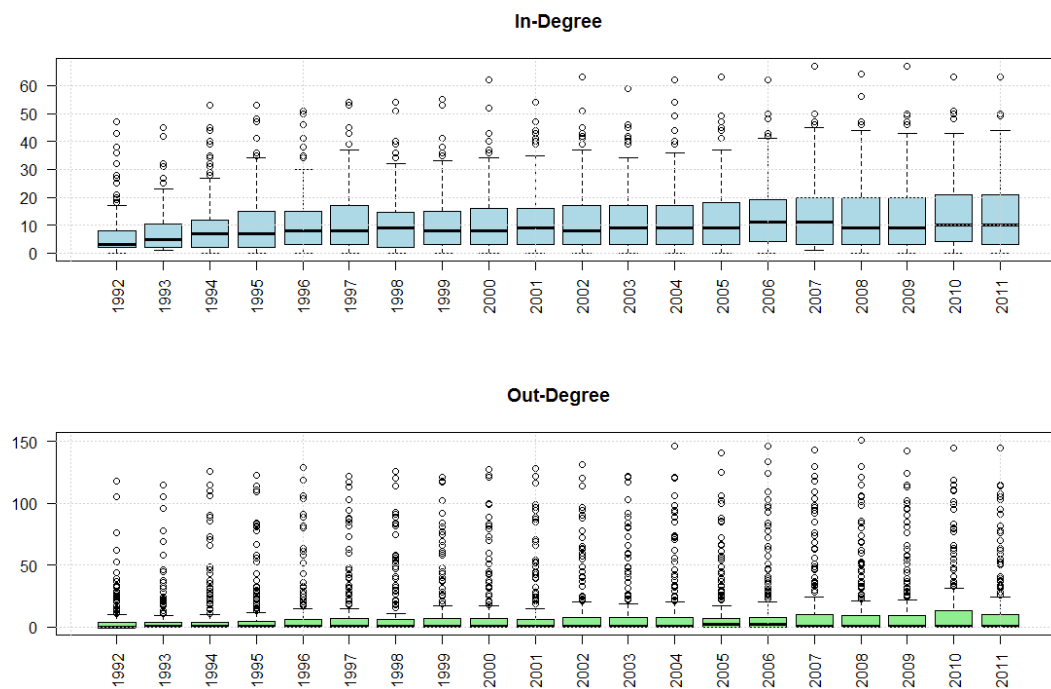


Abbildung 2.1: Boxplot für In- und Out-Degree in den Jahren 1992-2011

Eine erste nützliche Analyse um die Struktur des Netzwerkes zu erfassen, ist die Betrachtung der Knoten-Degrees. Im Falle eines gerichteten Netzwerkes unterscheidet man zwischen In-Degree und Out-Degree. Inhaltlich interpretiert entspricht dies den Anzahlen der Importe und Exporte eines Landes pro Jahr. Hierzu betrachten wir Abbildung 2.1. Sie zeigt zu jedem im Datensatz enthaltenen Jahr je einen Boxplot der In-Degrees und Out-Degrees aller Länder. Innerhalb der farblich gekennzeichneten Box liegen jeweils die mittleren 50 Prozent der entsprechenden Daten. Der mittlere schwarze Strich in jeder Box kennzeichnet den Median, und damit den Wert, unter dem genau die Hälfte aller Werte liegt.

Betrachtet man zuerst die Boxplots zum In-Degree, so stellt man fest, dass die breite der Box über die Jahre zunimmt. Im Jahr 1992 reicht sie lediglich von zwei bis acht, während sie sich im Jahr 2011 von drei bis 21 erstreckt. Auch der Median steigt über diesen Zeitraum von drei auf zehn. Daraus lässt sich schließen, dass die mittlere Anzahl Importpartner eines einzelnen Landes über die Zeit größer geworden ist. Auffallend sind

2 Deskriptive Analyse

in allein Jahren einige mit Kreisen markierte Ausreißer die aus bis zu 67 verschiedenen Ländern im gleichen Jahr Waffen beziehen.

Bei den Boxplots zum Out-Degree fallen sofort die eher kleinen Boxen auf. Übereinstimmend in allen Jahren exportieren mindestens 25 Prozent der Länder überhaupt keine Waffen, und 50 Prozent der Länder an höchstens 2 andere Staaten. Allerdings gibt auch in allen Jahren eine recht große Anzahl von Ausreißern mit hohem Out-Degree mit bis zu 150 belieferten Staaten.

Die Betrachtung der Degrees legt nahe, dass der Kleinwaffenhandel von einigen wenigen Akteuren dominiert wird, während die große Masse der restlichen Staaten eher einen geringen Einfluss auf die Geschehnisse hat. Diesen wichtigen Akteuren wenden wir uns in Abschnitt 2.3 zu.

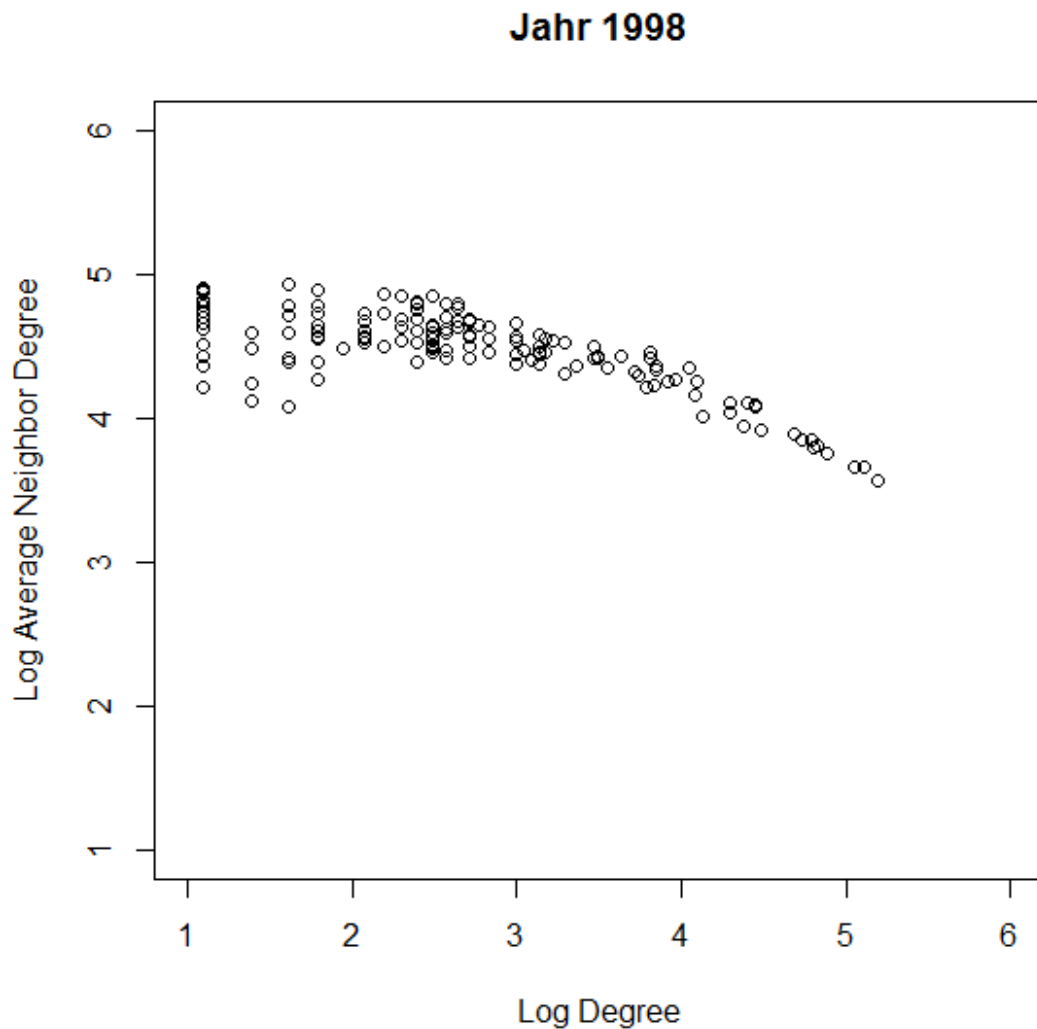


Abbildung 2.2: Average Neighbor Degree gegen Knoten Degree (Log Skala) für das Jahr 1998

Interessante Einblicke in die Zusammenhänge innerhalb eines Netzwerkes lassen sich auch generieren, indem man den Degree eines Knoten mit dem seiner Nachbarn ver-

2 Deskriptive Analyse

gleich. Zwei Netzwerke mit gleicher Degree-Sequenz können dennoch unterschiedliche Strukturen besitzen, falls sich die Knoten der Netzwerke darin unterscheiden mit welchen anderen Knoten sie sich bevorzugt verbinden. Hierzu betrachten wir Abbildung 2.2. Dem logarithmierten Knoten Degree auf der X-Achse ist der logarithmierte durchschnittliche Degree der Nachbar auf der Y-Achse gegenübergestellt. Man erkennt, dass sich Knoten mit geringerem Degree tendenziell eher mit Knoten mit hohem Degree Verbinden und anders herum. Zentrale Akteure des Netzwerkes handeln also eher mit kleineren Akteuren des Netzwerkes als mit anderen zentralen Akteuren.

2.2 Handelswerte

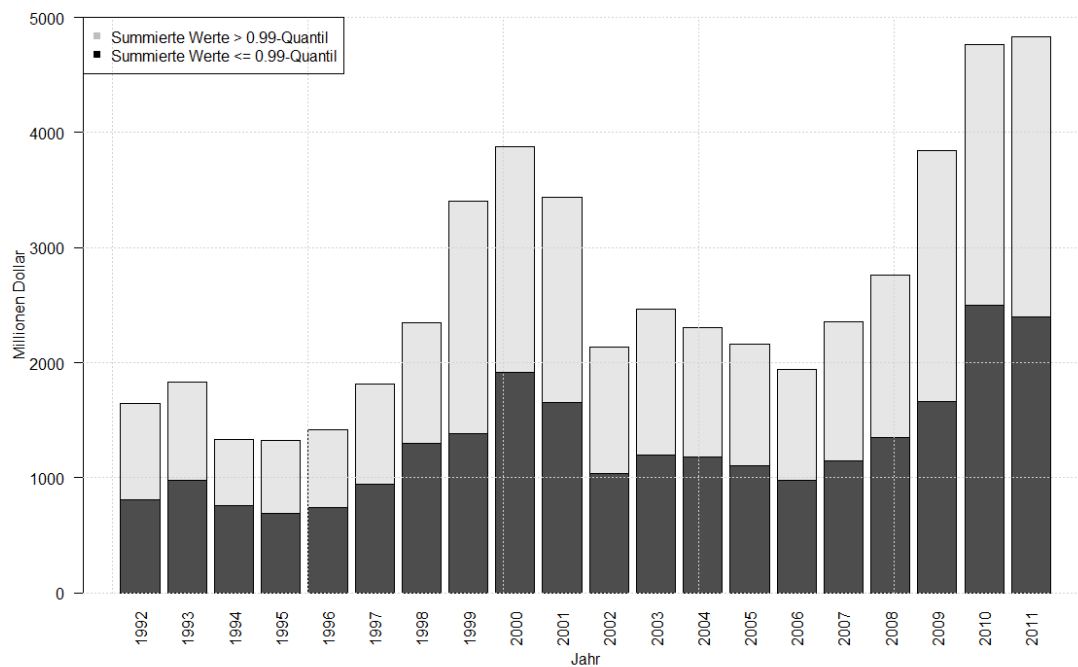


Abbildung 2.3: Vergleich der 1% teuersten Waffenkäufe mit den 99% billigsten

Betrachtet man die Gewichte der Kanten, in diesem Fall die monetären Handelswerte, so fällt einem ein deutliches Ungleichgewicht auf. Wie Abbildung 2.3 zeigt ist die Summe der 1% teuersten Waffenhandel über alle Jahre hinweg ähnlich der Summe der 99% billigsten. Einige wenige große Waffentransaktionen wiegen also alle restlichen in ihrem monetären und damit wohl auch quantitativen Gewicht auf. Dies sollte bei einer späteren Modellierung des Netzwerkes berücksichtigt werden. Die Kanten unterscheiden sich stark in ihrem Gewicht und können nicht als homogen angesehen werden.

2.3 Top-Akteure

In Abschnitt 2.1 wurde anhand der Degree-Verteilungen gezeigt, dass der Kleinwaffenhandel von einigen wenigen Nationen dominiert wird, die sich deutlich von der großen Masse der restlichen Akteure abheben. Diese sollen in diesem Abschnitt ermittelt werden. Hierzu werden diejenigen Nationen aufgelistet, die über den Zeitraum von 20 Jahren das größte Import- und Exportvolumen, gemessen am Geldwert der gehandelten Waffen, aufweisen. Die Top-Exporteure sind in Tabelle 2.1 zu sehen.

Platz	Land	Exportvolumen [Mrd.]
1	United States of America	9.2
2	Italy	7.9
3	Germany (Federal Republic)	4.6
4	Brazil	3.7
5	Austria	2.7
6	United Kingdom	2
7	Belgium	1.8
8	Switzerland	1.5
9	Russia / USSR (Former)	1.4
10	Czech Republic	1.4

Tabelle 2.1: Top-Exporteure des Netzwerks

Es ist ersichtlich, dass die Vereinigten Staaten von Amerika mit 9.2 Milliarden Dollar am meisten Waffen exportiert. Italien steht mit circa 8 Milliarden Dollar Exportvolumen an zweiter Stelle. Dies erscheint ungewöhnlich über den Zeitraum von 1992 – 2011. Deutschland exportiert mit circa 5 Milliarden Dollar gehandelten Waffen am drittmeisten. Auf dem vierten und fünften Platz folgen die Länder Brasilien und Österreich mit exportierten Waffen, die circa 4 und 3 Milliarden Dollar wert sind. Ab dem sechsten Platz erfolgen nur noch unwesentliche Verringerungen des Exportvolumens im Bereich von 2 bis 1 Milliarde Dollar. Hierin befinden sich Nationen wie Großbritannien, Belgien, die Schweiz, Russland und die tschechische Republik.

Nun folgt eine Auflistung der Top-Importeure des Kleinwaffenhandelsnetzwerkes (siehe Tabelle 2.2).

Platz	Land	Importvolumen [Mrd.]
1	United States of America	16
2	Germany (Federal Republic)	2.3
2	France	2.3
4	Canada	1.9
5	United Kingdom	1.8
6	Saudi Arabia	1.7
7	Belgium	1.2
8	Spain	1.2
9	Australia	1.2
10	Turkey	1

Tabelle 2.2: Top-Importeure des Netzwerks

Erneut steht Nord-Amerika an erster Stelle. Die Nation gibt circa 16 Milliarden Dollar für den Import von Kleinwaffen aus. Deutschland und Frankreich teilen sich mit 2.3

2 Deskriptive Analyse

Milliarden Dollar Importvolumen den zweiten Platz am Kleinwaffenimport. Auf der vierten Stelle befindet sich Kanada mit einem Importvolumen von circa 2 Milliarden Dollar. Großbritannien verwendet 1.8 Milliarden Dollar, um Waffen zu exportieren, und Saudi Arabien 1.7 Milliarden Dollar. Auf dem siebten, achten, neunten und zehnten Platz sehen wir ähnliche Exportausgaben von circa 1.2 bis 1 Milliarde Dollar. Dies sind die Länder Belgien, Spanien, Australien und Türkei.

Anschließend interessiert, ob sich die Zusammensetzung der Top-Exporteure/Importeure über die Jahre verändert. Hierfür betrachten wir Abbildung 2.4. In der ersten Grafik sind die Handelsvolumen in Millionen US Dollar der fünf Top-Exporteure über den Zeitraum 1992-2011 dargestellt. Die USA ist in fast allen Jahren der Waffenexporteur mit den höchsten monetären Volumen. Sie wird nur in wenigen Jahren von Italien übertroffen. Deutschland, Brasilien und Österreich exportieren in allen Jahren deutlich weniger Waffenwert als die USA. Auffällig ist ein relativ konstanter Verlauf der Zeitreihen im Zeitraum von 1992 bis ca 2001, während danach bei allen Ländern ein kräftiger Anstieg der Handelswerte feststellbar ist. Deutschland, Brasilien und vor allem Italien zeigen allerdings ab circa 2008 wiederum einen abfallenden Trend. Die zweite und die dritte Grafik aus Abbildung 2.4 zeigt die Handelsvolumen der Top-Importeure. Die USA ist hier unangefochten an der Spitze. Sie importiert Kleinwaffen im Wert zwischen circa 400 und 1600 Millionen US Dollar pro Jahr während die restlichen Akteure höchstens Kleinwaffen im Wert von circa 250 Millionen Dollar pro Jahr importieren. Ähnlich wie bei den Exportzeitreihen ist auch hier ein relativ konstanter Verlauf bis circa 2001 zu beobachten während die Ausgaben in den nachfolgenden Jahren kontinuierlich ansteigen. Die USA verringerte ihre Importausgaben ab dem Jahr 2007 jedoch wieder deutlich.

Eine andere Methode, um zentrale Akteure des Netzwerkes zu identifizieren ist sich die Degree-Sequenz der Netzwerkknoten zu betrachten. Welche Knoten (Länder) besitzen sowohl einen hohen In-Degree als auch einen hohen Out-Degree und können somit als zentrale Akteure des Handelsnetzwerkes identifiziert werden? Abbildung 2.5 zeigt hierzu das Gesamte Netzwerk in den Jahren 1992 und 2011. Jeder Punkt stellt ein am Waffenhandel beteiligtes Land dar. Ein Pfeil zwischen den beiden Ländern symbolisiert einen Handel. Länder die aus mindestens 30 anderen Ländern Waffen beziehen sind grün, Länder die in mindestens 30 andere Länder Waffen liefern sind blau, und Akteure die beide Bedingungen erfüllen sind rot eingefärbt. Man erkennt, dass die Anzahl der „großen Akteure“ auf dem Kleinwaffenmarkt über die Zeit deutlich zugenommen hat. Die beiden Tabellen 2.3 und 2.4 listen diese für das Jahr 1992 und das Jahr 2011 auf:

Land	In-Degree	Out-Degree
Switzerland	32	76
United States of America	43	105
Germany (Federal Republic)	47	118
Spain	36	62
Sweden	38	33

Tabelle 2.3: Zentrale Akteure des Netzwerkes 1992

2 Deskriptive Analyse

Land	In-Degree	Out-Degree
Switzerland	41	103
United States	63	145
Finland	34	70
Italy	39	114
France	41	82
Poland	32	34
Czech Republic	37	105
Germany	50	115
United Kongdom	44	95
Norway	32	39
Spain	37	91
Canada	49	78
Austria	41	108
South Africa	34	32
Belgium	31	64
Australia	39	51

Tabelle 2.4: Zentrale Akteure des Netzwerkes 2011

2.4 Netzwerkmaßzahlen

Als zweites erfolgt eine Darstellung grundlegender deskriptiver Netzwerkmaßzahlen, um das Kleinwaffenhandelsnetzwerk zu beschreiben. Die Maßzahlen werden für jedes Jahr berechnet und als Zeitreihe dargestellt, um die zeitliche Entwicklung des Netzwerkes zu visualisieren. Abbildung 2.6 zeigt die zeitliche Entwicklung von Handelswert, Knotenanzahl, Kantenanzahl und Dichte des Netzwerkes. Betrachtet man zuerst die Zeitreihe der Handelswerte so stellt man fest, dass diese in den Jahren 1992 bis 2001 relativ konstant zwischen 1.5 und 2.5 Milliarden US Dollar verweilt, nach 2001 jedoch bis auf ca 4.5 Milliarden im Jahr 2008 ansteigt und anschließend auf diesem Level konstant bleibt. Die Zeitreihe der Anzahl der am Waffenhandel beteiligten Nationen steigt recht gleichmäßig zwischen Jahren 1992 und 2011. Lediglich zwischen 1993 und 1994 ist ein außergewöhnlich starker Anstieg von 170 auf 187 zu beobachten. Im Jahr 1997 ist die Anzahl der am Waffenhandel beteiligten Nationen auffallend von 186 auf 176 gesunken. Allerdings stellt sich gleich im Folgejahr wieder die ursprüngliche Anzahl ein. Das Maximum der Zeitreihe liegt mit 212 Nationen im Jahr 2008. Auch die Anzahl der Netzwerkkanten die der Anzahl der vollzogenen Waffentransaktionen zeigt einen regelmäßig steigenden Trend von ca 3000 im Jahr 1992 bis ca 7000 im Jahr 2011. Auch hier erkennen wir einen sprunghaften Anstieg zwischen 1993 und 1994 sowie ein einknicken im Jahr 1996. Die Dichte des Netzwerkes steigt in den Jahren 1992-1997 rasch von ca 0.04 auf 0.065 und stagniert anschließend auf einem Level zwischen 0.065 und 0.055.

2.5 Visualisierungen

In diesem Abschnitt wird versucht durch verschiedene Visualisierungen des Netzwerkes einen Überblick über mögliche Strukturen und Zusammenhänge des Kleinwaffenhandels zu erhalten. Da das Netzwerk recht groß ist erscheint es ratsam, die Länder in Gruppen aufzuteilen. Hierdurch erreicht man eine bessere Übersichtlichkeit der Grafiken. Dies geschieht mit Hilfe des R-Pakets *countrycode* [2]. Mit Hilfe der im Datensatz gegebenen Correlates of War Country Codes und Zuordnungen der Vereinten Nationen weist dieses Paket jedem Land einen Kontinent und eine Region zu. In den beiden Grafiken 2.7 und 2.8 ist die Größe der Knoten proportional zum jeweiligen Degree (In-Degree + Out-Degree) gewählt. Die Breite der Kanten wiederum ist proportional zum monetären Wert der Handelsströme zwischen zwei Kontinenten beziehungsweise Regionen gewählt. Die Positionierung der Knoten wurde zur besseren Vergleichbarkeit der Jahre untereinander fixiert.

In Abbildung 2.7 erkennt man, dass Europa durchgängig mit dem größten Kreis markiert ist, also an mehr Handelsaktionen als die anderen Kontinente beteiligt ist. Amerika und Asien folgen auf den nächsten beiden Plätzen. Die Dicke der Kanten und damit der Geldfluss zwischen den Kontinenten variiert stark zwischen den Jahren. Hier ist kein gleichbleibendes Muster zu erkennen.

In Abbildung 2.8 zeigt sich ein ähnliches Bild. Die europäischen Regionen und Nordamerika scheinen die aktivsten Handelspartner zu sein, während immer wieder auch zwischen eher weniger aktiven Regionen große Geldsummen fließen und hier auch wieder kein konstantes Muster zu erkennen ist.

2 Deskriptive Analyse

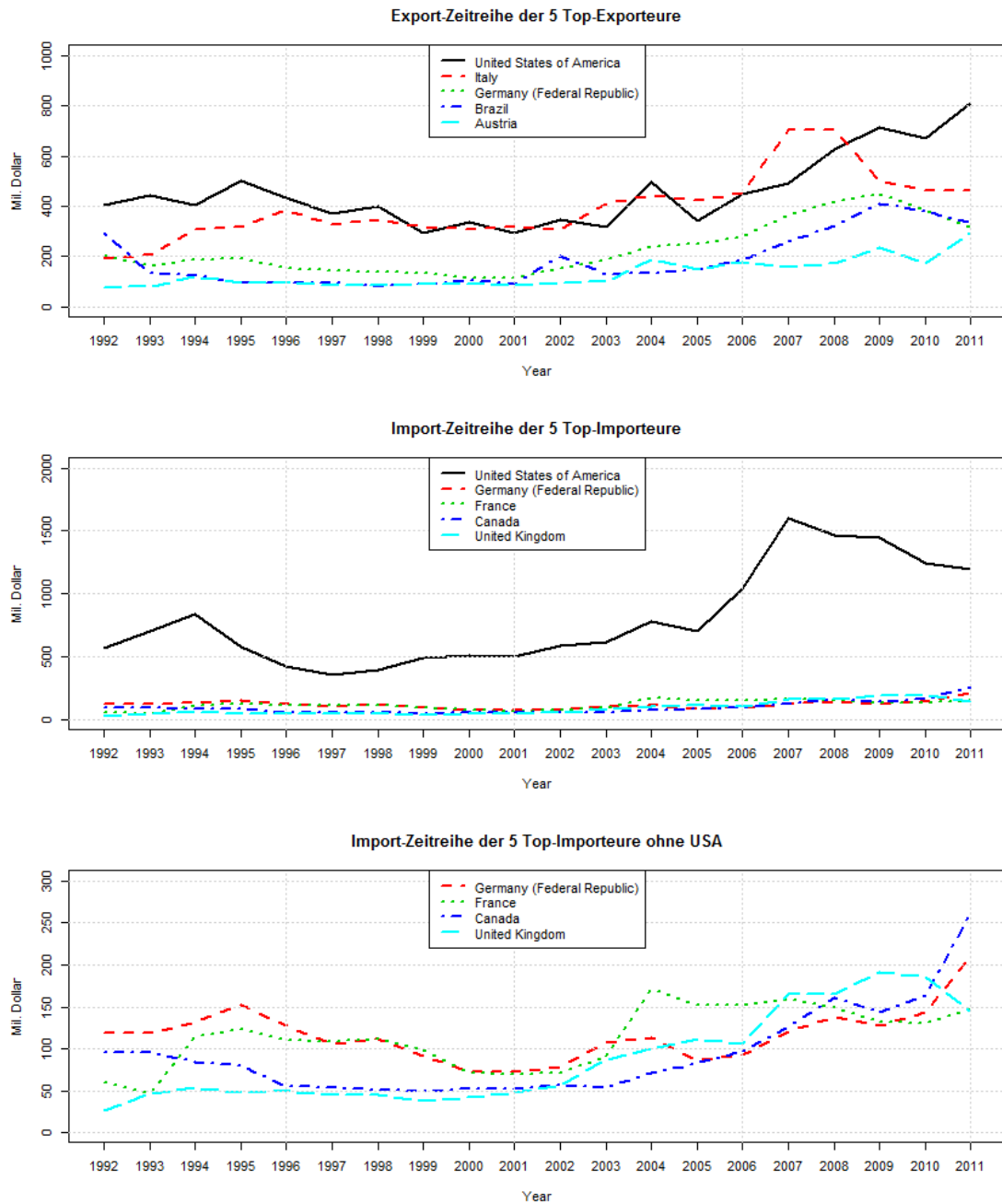


Abbildung 2.4: Zeitreihen der Handelswerte der Top-Exporteure/Importeure

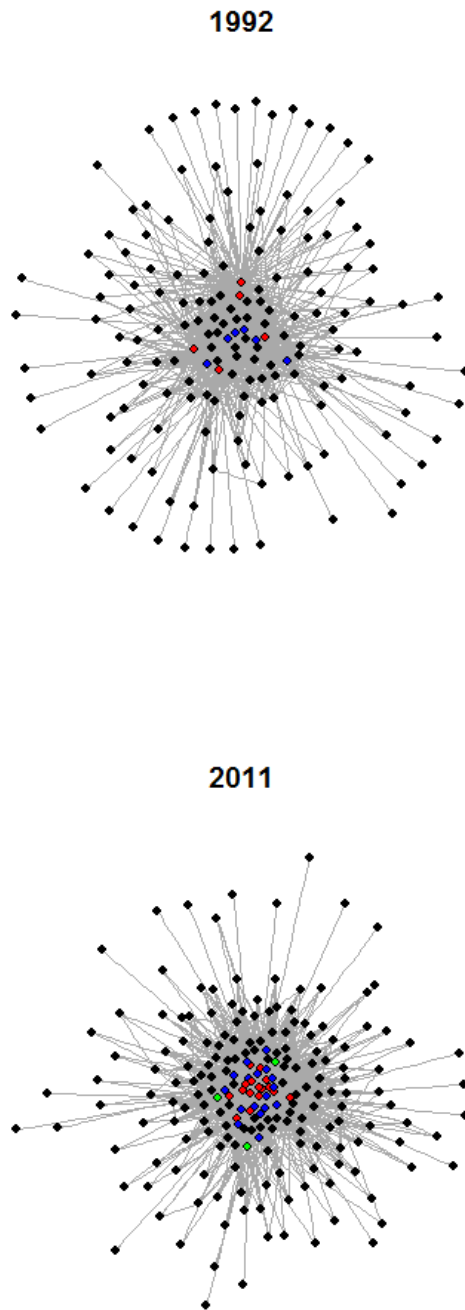


Abbildung 2.5: Netzwerk im Wandel der Zeit

2 Deskriptive Analyse

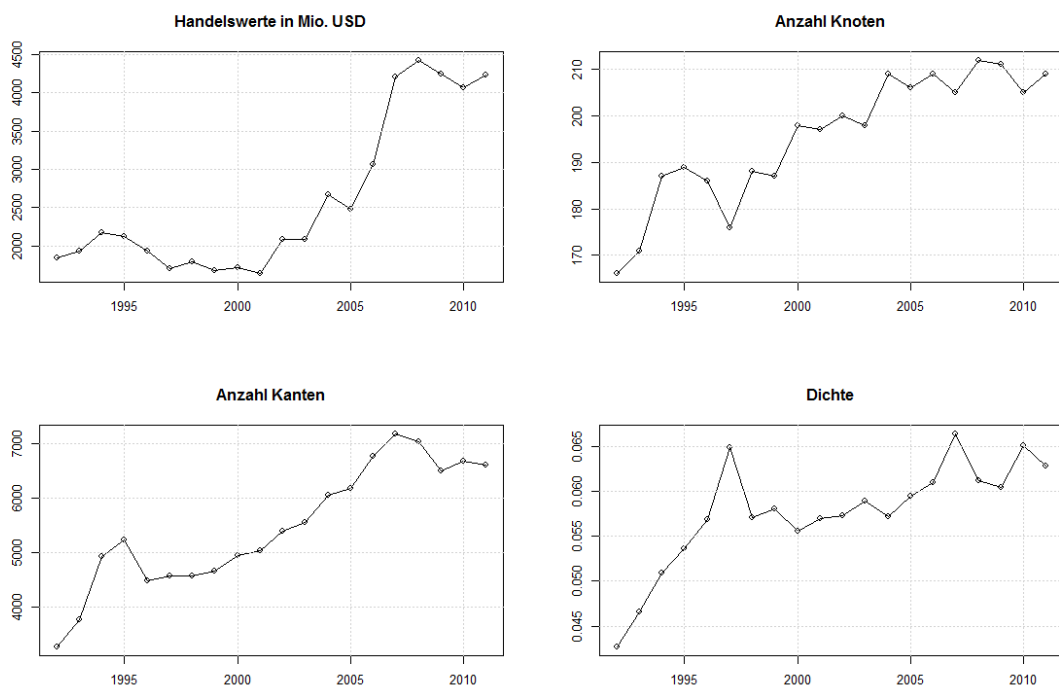


Abbildung 2.6: Deskriptive Maßzahlen des Kleinwaffenhandelsnetzwerkes 1992-2011

2 Deskriptive Analyse

Abbildung 2.7: Handelsströme zwischen den Kontinenten von 1992-2011

2 Deskriptive Analyse

Abbildung 2.8: Handelsströme zwischen den Regionen von 1992-2011

3 ERGM

3.1 Definition des Modells

Sie X eine Zufallsmatrix und repräsentiere die Nachbarschaftsmatrix eines Netzwerkes und \mathcal{X} die Menge aller möglichen binären Netzwerke. Typischerweise fixiert man die Anzahl der Knoten auf einen festen Wert n . Dann ist \mathcal{X} die Menge aller $n \times n$ Matrizen deren Einträge entweder eins oder null sind und die auf ihrer Diagonalen nur Nuller besitzen. Da das ij -te Element von X eine Kante zwischen Knoten i und j entspricht, garantiert die letzte Eigenschaft, dass das Netzwerk frei von Schleifen ist. Bei einem ungerichteten Netzwerk ist X eine symmetrische Matrix. Die Verteilung von X lässt sich in folgender Form ausdrücken:

$$P_{\theta, \mathcal{X}}(X = x) = \frac{\exp\{\theta^T g(x)\}}{\kappa(\theta, \mathcal{X})} \quad (3.1)$$

mit

- $x \in \mathcal{X}$
- $\theta \in \Omega \subset \mathbb{R}^q$... Vektor der Modellparameter
- $g(x)$... q -Vektor aus Statistiken basierend auf der Nachbarschaftsmatrix x

Ersetzt man $g(x)$ aus Gleichung 3.1 durch $g(x, Y)$ so ermöglicht man die Aufnahme von zusätzlichen exogenen Informationen Y über das Netzwerk (siehe Kapitel 3.2). $\kappa(\theta, \mathcal{X}) = \sum_{x \in \mathcal{X}} \exp\{\theta^T g(x)\}$ ist ein Normalisierungsfaktor, der sicherstellt, dass es sich bei Gleichung 3.1 um eine Wahrscheinlichkeitsverteilung handelt. Die genaue Spezifikation von \mathcal{X} ist problematisch, da \mathcal{X} alle möglichen Netzwerke enthalten muss. Da aber bei n Knoten bereits $2^{n(n-1)}$ verschiedene Netzwerke denkbar sind erhält man schnell unvorstellbar große Anzahlen von möglichen Netzwerken die den Umgang mit $\kappa(\theta, \mathcal{X})$ zum entscheidenden Problem dieses Modells werden lassen. Da eine analytische Lösung des Modells hierdurch oft unmöglich ist, benötigt man Methoden um durch simulationgestützte Verfahren geeignete Schätzer entwickeln zu können. Hiermit beschäftigen sich die nächsten beiden Kapitel.

3.1.1 Simulation von Zufallsgraphen

Die Simulation von Zufallsgraphen aus einer Zielverteilung $P_{\theta}(x)$ basiert auf dem Markov Chain Monte Carlo (MCMC) Algorithmus. Hierbei erstellt man eine Sequenz von M Graphen. Der letzte dieser Graphen entspringt dann der Zielverteilung, dem ERGM. Hierbei beginnt man mit einem beliebigen Netzwerk mit fester Knotenzahl N . Nun sucht man sich ein zufälliges Knotenpaar und fügt eine Verbindung hinzu, beziehungsweise

3 ERGM

entfernt eine bestehende Verbindung. Besitzt der so erhaltene Graph nun eine höhere Wahrscheinlichkeit als der vorherige wird er akzeptiert. Besitzt der Graph eine geringere Wahrscheinlichkeit, so wird er mit einer Wahrscheinlichkeit akzeptiert, die proportional zum Verhältnis aus den Wahrscheinlichkeiten von altem und neuem Graph ist. Wird dieser Vorgang häufig genug iteriert, so erhält man ein zufälliges Netzwerk, das aus der Zielverteilung gezogen wurde. Alle vorherigen Ziehungen nennt man *Burn In*. Der Burn In wird benötigt, damit der Algorithmus den beliebig gewählten Anfangszustand „vergessen“ kann. Bei ausreichend großem Burn In ist das gezogene Netzwerk unabhängig von Startpunkt und jedes nach ihm gezogene Netzwerk entspringt ebenfalls der Zielverteilung. Genauer gesagt benutzen wir einen Metropolis Algorithmus. Wir erstellen eine Sequenz von Graphen $X^{(0)}, X^{(1)}, \dots, X^{(M-1)}, X^{(M)}$. Im m -ten Iterationsschritt wird hierbei folgendermaßen vorgegangen:

1. Aus dem aktuellen Graphen $x^{(m-1)}$ wird ein zufälliges Knotenpaar i, j ($i, j \in 1, \dots, N$) ausgewählt.
2. Der vorgeschlagene Graph $x^* = x^{(m-1)}$ bis auf $x_{ij}^{(m-1)} = 1 - x_{ij}^{(m-1)}$.
3. Der vorgeschlagene Graph wird mit der Wahrscheinlichkeit $\min\{1, \frac{P_\theta(x^*)}{P_\theta(x^{m-1})}\}$ akzeptiert.
4. Bei Akzeptanz entspricht der neue Graph $x^m = x^*$ und sonst $x^m = x^{m-1}$.

Hierbei ist für das Verhältnis von $\frac{P_\theta(x^*)}{P_\theta(x^{m-1})}$ für die Berechnung der Change-Statistiken ausreichend, denn

$$\begin{aligned} \log\left\{\frac{P_\theta(x^*)}{P_\theta(x^{m-1})}\right\} &= \log\{P(X_{ij} = 1 - x_{ij}^{m-1} | X_{-ij} = x_{ij}^{m-1})\} \\ &= \theta_1(z_1(x^*) - z_1(x^{m-1})) + \theta_2(z_2(x^*) - z_2(x^{m-1})) \\ &\quad + \dots + \theta_p(z_p(x^*) - z_p(x^{m-1})) \end{aligned}$$

Diese Methode kann computational optimiert werden, indem man zum Beispiel größere Update-Schritte oder Update-Schritte mit ungleichen Gewichten zulässt.

Will man mehrere Graphen aus der selben Verteilung ziehen, so kann die gleiche Kette verwendet werden. Dafür lässt man zwischen den Beobachteten Graphen jeweils k Iterationen aus. Den Wert von k nennt man *thinning*. Die gezogenen Graphen sind dann allerdings eine abhängige Stichprobe und man sollte sie auf Autokorrelation checken, die durch Erhöhen von k reduziert werden kann.

3.1.2 Schätzung der Modell-Parameter

Ziel der Schätzung der Parameter ist es die Verteilung der Statistiken der Simulierten Netzwerke über denen des beobachteten Netzwerkes zu zentrieren, so dass

$$E_\theta(z(X)) - z(x_{obs}) = 0 \tag{3.2}$$

3 ERGM

Das Auflösen von Gleichung 3.2 liefert die Parameterwerte die die Daten am besten beschreiben. Analog hierzu funktioniert die Maximum Likelihood Theorie. Hiernach wird derjenige Parametervektor θ gesucht, der die Wahrscheinlichkeit $P_\theta(x_{obs})$ optimiert. Dieses vorgehen liefert das den gleichen θ Vektor wie die Lösung von Gleichung 3.2, denn die partielle Ableitung nach θ liefert

$$\begin{aligned}\frac{\partial}{\partial \theta} \log(P_\theta(x_{obs})) &= z(x_{obs}) - \frac{\partial}{\partial \theta} \log\left\{ \sum_{x \in X} \exp(\theta_1 z_1(x) + \dots + \theta_p z_p(x)) \right\} \\ &= z(x_{obs}) - \sum_{x \in X} z(x) P_\theta(x)\end{aligned}$$

was Gleichung 3.2 entspricht.

Eine analytische Lösung dieser Gleichung ist auf Grund der großen Anzahl an möglichen Netzwerken nicht möglich. Im Prinzip funktioniert die Lösung der Gleichung durch einfaches Ausprobieren. Das bedeutet man wählt einen beliebigen Parametervektor, simuliert mit diesem auf oben erklärte Art und Weise eine große Anzahl an Graphen und checkt im Anschluss ob Gleichung 3.2 erfüllt ist. Dieses Vorgehen ist aber natürlich computationally ineffizient. Eine Möglichkeit zur effizienteren Implementierung dieses Vorgehens bietet das *Importance Sampling* nach Geyer-Thompson was im **statnet**-Paket in R standardmäßig verwendet wird. Der Geyer-Thompson Algorithmus zieht eine große Stichprobe von Graphen, für einen vorläufigen Parametervektor $\tilde{\theta}$. Diese Stichprobe wird nun als repräsentativ für alle Graphen angesehen. Die Stichprobe wird nun immer weiter verwendet, selbst wenn sich der Parametervektor im Laufe des Algorithmus verändert. Um zu berücksichtigen, dass es sich nur um eine Stichprobe und keine vollständige Sammlung aller möglichen Graphen handelt, muss ein gewichteter Durchschnitt der Statistiken verwendet werden um \bar{z}_θ zu berechnen. Genauer gesagt, falls die Stichprobe aus der Verteilung $P_\theta(x)$ generiert wurde ist der Stichprobendurchschnitt $\bar{f}_\theta = w^1 f(x^1) + w^2 f(x^2) + \dots + w^M f(x^M)$ der Funktion f mit den Gewichten $w^m = \frac{1}{M} \frac{P_{\tilde{\theta}}(x^m)}{P_\theta(x^m)}$ eine gute Approximation für den echten Erwartungswert $E_\theta(f(X))$ wenn M groß wird und $\tilde{\theta}$ nahe am wahren θ liegt. umso näher $\tilde{\theta}$ und θ zusammen liegen, desto näher kommen die Gewichte dem Wert $\frac{1}{M}$. Falls θ und $\tilde{\theta}$ jedoch weiter auseinander liegen besitzen die Gewichte eine hohe Streuung und somit die Schätzung eine große Standardabweichung. Um die Likelihood nun zu lösen erzeugt man eine Sequenz von Parametern $\tilde{\theta}, \theta^1, \theta^2, \dots, \theta^G$ mit Hilfe eines Verfahrens wie *Newton-Raphson* oder *Fisher scoring*. Eine Aktualisierung der Sequenz erfolgt durch $\theta^{(g)} = \theta^{(g-1)} - D(\theta^{(g-1)})^{-1} \left\{ \sum_{m=1}^M w^m z(x^m) - z(x_{obs}) \right\}$. Da $\sum_{m=1}^M w^m z(x^m)$ eine Approximation von $E_\theta(z(X))$ ist falls $\theta^{(g-1)}$ der wahre Parameter ist ergibt sich dann $E_\theta(z(X)) - z(x_{obs}) = 0$ und $\theta^{(g)}$ bleibt unverändert zu $\theta^{(g-1)}$. Die Skalierungsmatrix $D(\theta)$ skaliert die Unterschiede zwischen den beobachteten und simulierten erwarteten Werten der Statistiken, da die Statistiken sich in ihrer Sensitivität gegenüber Parameteränderungen unterscheiden können und die Parameterwerte nicht nur ihre eigenen sondern auch fremde Statistiken beeinflussen können. D ist die gewichtete Stichproben Kovarianzmatrix $\sum_m w^{(m)} z(x^{(m)}) z(x^{(m)})^T - [\sum_m w^{(m)} z(x^{(m)})] [\sum_m w^{(m)} z(x^{(m)})]^T$. Typischer Weise startet man diesen Algorithmus einige Male und setzt den vorgeschlagenen Parameter $\tilde{\theta}$ gleich $\theta^{(G)}$. Für diesen Algorithmus ist es sehr wichtig, dass man den Startpunkt $\tilde{\theta}$ nicht zu weit entfernt vom richtigen ML-Schätzer wählt, was in der Praxis schwierig sein kann.

3.2 exogene Kovariablen

Es stehen einige exogene Datensätze zur Verfügung die im folgenden verwendet werden.

3.2.1 Formal Intersate Alliance Dataset

Ein Datensatz entspringt aus dem *Formal Intersate Alliance Dataset* [3] der vom Correlates of War Projekt zur Verfügung gestellt wird. Aufgeführt sind hierin Verteidigungsbündnisse, Nicht-Angriffspakte und militärische Bündnisse anderer Art. Im Folgenden wird eine Nachbarschaftsmatrix verwendet, wobei zwei verbündete Länder durch eine eins gekennzeichnet sind, während eine null bedeutet, dass kein Bündnis besteht. Diese Daten liegen nur bis zum Jahr 2008 vor.

3.2.2 Polity Score

Der nächste verwendete Datensatz entspringt dem *Polity IV Project* welches vom *Center for Systemic Peace* (CSP) [7] betrieben wird. Dieser Datensatz weist jedem Land abhängig von seinem Demokratiestatus einen Wert zwischen -10 und 10 zu. -10 kennzeichnet hierbei den schlechtest möglichen Wert, wobei 10 für bestmögliche demokratische Standards steht. Verwendet wird eine gewichtete Nachbarschaftsmatrix deren ij -ter Eintrag dem Unterschied im Demokratiescore zwischen Land i und Land j entspricht.

3.2.3 Direct Contiguity

Der Datensatz *Direct COntiguity* enthält für jedes Jahr eine Nachbarschaftsmatrix. Eine eins als ij -ten Eintrag weist hier auf eine gemeinsame Grenze der beiden Länder i und j hin, eine null auf das Gegenteil. Hierbei werden sowohl Land- als auch Seegrenzen in Betracht gezogen.

3.2.4 Composite Index of National Capability

Der *Composite Index of National Capability* aus der neusten Version des *National Material Capabilities Dataset* (Version 4.1) [9] ist ein Maß der nationalen Macht, dass vom Correlates of War Projekt erstellt wurde. Der Index berücksichtigt die Gesamtbevölkerungsanzahl, die Anzahl urbaner Bevölkerung, die Eisen- und Stahlproduktion, den Energieverbrauch sowie die Militärausgaben und Militärgröße eines Landes. Diese Daten liegen nur bis zum Jahr 2007 vor und dienen hier als Knotenattribut.

3.2.5 Intra-State Conflicts

Eine zusätzliche Kovariate in unserem Modell sammelt Informationen über internationale, civile, ethnische und (?genocidal) Gewalt und Kriege. Die Daten kommen vom *Major Episodes of Political Violence* Projekt [8], dass wie auch das Polity IV Projekt von CSP bereitgestellt wird. Die Konflikte sind abhängig von der Stärke ihrer Auswirkung auf die betroffene Bevölkerung auf einer Skala von $1 - 10$ bewertet. Diese Informationen werden als Knotenattribut verwendet.

3.2.6 GDP

Zu guter letzt verwenden wir auch das Bruttoinlandsprodukt der Länder als Knotenattribut. Die Daten entstammen dem *Maddison Project*[1].

- Polity: Demokratiescore zwischen 0 und 10. Die Differenz zweier Länder wird als Kantenattribut verwendet.
- GDP: Bruttoinlandsprodukt der Länder in internationaler Dollar
- Conflict: Interne und externe Konflikte. Knotenattribut mit Score zwischen 0-10
- CINC: (Composite Index of National Capability) statistisches Maß für nationale Macht zwischen 0 und 1.
- Alliance: binäres Kantenattribut; Besteht ein militärisches Bündnis (1:Ja, 0:Nein)
- DirectCont: binäres Kantenattribut; Besteht eine direkte Grenze (1:Ja, 0:Nein)

3.3 endogene Statistiken

3.4 geschätzte Modelle

Als erster Versuch habe ich ein Modell gefittet, dass in [6] als Basismodell vorgeschlagen wird. Dieses Modell hat degeneriert. Deswegen habe ich versucht die Statistiken die für das Degenerieren verantwortlich sind zu finden, indem ich jede Statistik in einem separaten Modell einzeln geschätzt und die Performance via `mcmc.diagnostics` überprüft habe (Tabelle 3.1).

ERGM TERM	MCMC Diagnose
edges	konvergiert
mutual	konvergiert
gwidegree(decay, fixed = T)	konvergiert nur mit decay nahe eins
gwidegree(decay, fixed = F)	degeneriert
gwdsp(fixed = T)	Konvergenz fraglich, lange Rechenzeit
gwesp(fixed = T)	Konvergenz fraglich, lange Rechenzeit
ctriple	degeneriert

Tabelle 3.1: ERGM-Terms und ihre MCMC Diagnose

Als Ersatz für die Statistiken deren Modell nicht konvergiert ist habe ich die Statistiken aus Tabelle 3.2 versucht:

Fasst man danach die Statistiken in ein Modell zusammen, so führt das zu extrem langer Rechenzeit. Deswegen schätze ich die Parameter der Statistiken wiederum in einzelnen Modellen der Form $\text{formular} = (\text{edge} + \text{ERGM TERM})$. Dies geschieht für alle im Datensatz vorhandenen Modelle und man erhält folgende Zeitreihen (Abbildung 3.1):

Als nächstes schätze ich das Modell aus meiner Vorgängerarbeit von Christian Schmidt und Christoph Jansen [4]: (Ergebnisse beispielhaft am Jahr 1991)

3 ERGM

ERGM TERM	MCMC Diagnose
ostar(2)	degeneriert
dsp(1)	konvergiert
esp(1)	konvergiert

Tabelle 3.2: Ersatz für ERGM Terms

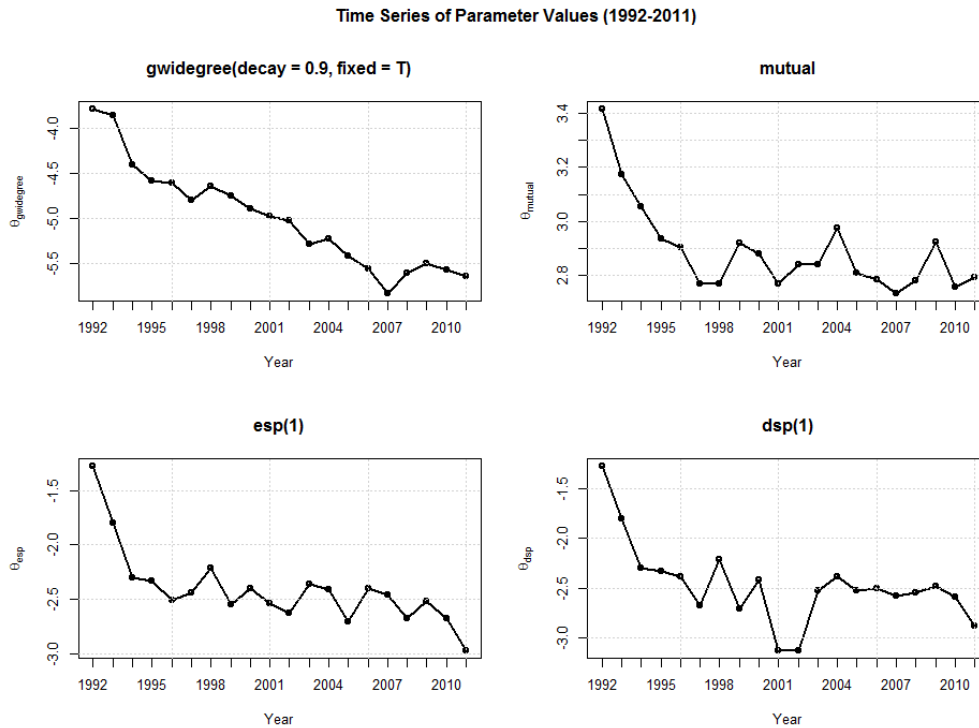


Abbildung 3.1: Zeitreihen der Parameterwerte

- endogene Statistiken: edges + gwdegree(1, fixed=F) + idegree(1) + dsp(0) + esp(0)
- exogene Kantenattribute: edgecov(Alliance) + edgecov(DirectCont) + edgecov(Polity)
- exogene Knotenattribute: nodecov(GDP) + nodecov(GDP) + nodecov(CINC) + nodecov(CINC) + nodecov(Conflict))

Probleme:

- endogene statistiken: Modell mit den Statistiken von Schmidt degeneriert!
- exogene Attribute:
 - ERGM kann mit fehlenden Werten nicht umgehen. Wir haben deswegen nach Absprache mit Christian alle fehlenden Werte auf 0 gesetzt.
 - Der Datensatz Conflict enthält teilweise mehrere Konflikte pro Jahr und Land. ERGM kann nur einen Wert verwenden. Nach Absprache mit Christian haben wir das Maximum ("schwerster Konflikt") genommen.

3 ERGM

Wir haben nun die exogenen Variablen wie Christian aufgenommen und zusätzlich alle endogenen Statistiken von denen wir wissen, dass sie funktionieren. Wir erhalten folgendes Modell:

- endogene Statistiken: edges + mutual + idegree(1) + esp(1) + dsp(1)
- Kantenattribute: edgecov(Alliance) + edgecov(DirectCont) + edgecov(Polity)
- Knotenattribute: nodeicov(GDP) + nodeocov(GDP) + nodeicov(CINC) + nodeocov(CINC) + nodeicov(Conflict)

Tabelle 3.3: summary of model fit

ergm-term	Estimate	Std.Error	p-Value
edges	-2.026e+00	7.044e-02	< 1e-04 ***
mutual	4.320e+00	9.790e-02	< 1e-04 ***
idegree1	4.906e+00	8.307e-01	< 1e-04 ***
esp1	-4.767e-01	3.730e-01	0.20128
dsp1	-1.922e-01	3.941e-02	< 1e-04 ***
edgecov.AAlliance[[1]]	-1.507e-02	1.882e-02	0.42315
edgecov.ADirectCont[[1]]	3.943e-01	1.379e-01	0.00425 **
edgecov.APolity[[1]]	-3.201e-02	4.101e-03	< 1e-04 ***
nodeicov.ext_gdp	-2.683e-05	4.064e-05	0.50912
nodeocov.ext_gdp	-6.482e-05	4.159e-05	0.11915
nodeicov.ext_cinc	-2.677e+00	5.948e+00	0.65268
nodeocov.ext_cinc	-1.103e+01	5.956e+00	0.06406 .
nodeicov.ext_conflict	-2.008e-03	1.976e-02	0.91906

4 Anhang

row	Reporter_Name	Partner_Name	Year	Value	PRIOWeapons_Code
328	Albania	Albania	2005	3366.00	223
346	Albania	Albania	2006	13355.00	223
4143	Australia	Australia	2004	586143.00	210
4161	Australia	Australia	2004	13241.00	223
4183	Australia	Australia	2004	721.00	227
4211	Australia	Australia	2004	4693884.00	260
4224	Australia	Australia	2004	48697.00	417
4257	Australia	Australia	2005	15054.00	210
4318	Australia	Australia	2005	3180066.00	260
4329	Australia	Australia	2005	639.00	417
4362	Australia	Australia	2006	42325.00	210
4396	Australia	Australia	2006	31458.00	227
4422	Australia	Australia	2006	2473903.00	260
4435	Australia	Australia	2006	682288.00	417
4466	Australia	Australia	2007	1431868.00	210
4528	Australia	Australia	2007	4132772.00	260
4579	Australia	Australia	2008	869812.00	210
4641	Australia	Australia	2008	2870285.00	260
4653	Australia	Australia	2008	6652.00	417
4692	Australia	Australia	2009	37710.00	210
4731	Australia	Australia	2009	8857.00	227
4758	Australia	Australia	2009	857590.00	260
4804	Australia	Australia	2010	19084.00	210
4839	Australia	Australia	2010	13162.00	227
4866	Australia	Australia	2010	580277.00	260
4876	Australia	Australia	2010	1836.00	417
4915	Australia	Australia	2011	283630.00	210
4955	Australia	Australia	2011	33770.00	227
4985	Australia	Australia	2011	4529308.00	260
9934	Belgium	Belgium	2010	1056327.00	223
9951	Belgium	Belgium	2010	27087.00	227
11189	Bosnia-Herzegovina	Bosnia-Herzegovina	2003	94087.00	417
13542	Bulgaria	Bulgaria	2011	472000.00	200
15412	Canada	Canada	2002	2397.00	227
15434	Canada	Canada	2002	823.00	260
15455	Canada	Canada	2002	91030.00	417
15567	Canada	Canada	2003	13484.00	260

4 Anhang

15586	Canada	Canada	2003	194230.00	417
15626	Canada	Canada	2004	11122.00	210
15698	Canada	Canada	2004	7179.00	260
15721	Canada	Canada	2004	221463.00	417
15848	Canada	Canada	2005	32756.00	417
15937	Canada	Canada	2006	7181.00	227
15967	Canada	Canada	2006	1616.00	260
15997	Canada	Canada	2006	355640.00	417
16085	Canada	Canada	2007	13454.00	227
16146	Canada	Canada	2007	208218.00	417
16178	Canada	Canada	2007	12.00	418
16201	Canada	Canada	2008	1000.00	210
16242	Canada	Canada	2008	60664.00	227
16268	Canada	Canada	2008	250.00	260
16292	Canada	Canada	2008	35525.00	417
16383	Canada	Canada	2009	23435.00	227
16408	Canada	Canada	2009	45762.00	260
16428	Canada	Canada	2009	24582.00	417
16509	Canada	Canada	2010	34898.00	223
16532	Canada	Canada	2010	78136.00	227
16566	Canada	Canada	2010	9716.00	260
16593	Canada	Canada	2010	938822.00	417
16691	Canada	Canada	2011	19734.00	227
16722	Canada	Canada	2011	6694.00	260
16745	Canada	Canada	2011	11456.00	417
16780	Canada	Canada	2011	10.00	418
21855	Cyprus	Cyprus	2001	157920.00	418
21957	Cyprus	Cyprus	2003	606.00	418
24043	Czech Republic	Czech Republic	2004	133060.00	200
28760	Estonia	Estonia	2007	5085.00	417
32299	France	France	2000	43412.00	223
32350	France	France	2000	361290.00	417
32375	France	France	2000	619970.00	418
32398	France	France	2001	89525.00	223
32424	France	France	2001	6714.00	227
32453	France	France	2001	82811.00	417
32473	France	France	2001	125337.00	418
32501	France	France	2002	16244.00	223
32525	France	France	2002	11601.00	227
32557	France	France	2002	11601.00	417
32577	France	France	2002	475712.00	418
32606	France	France	2003	2723.00	223
32632	France	France	2003	2723.00	227
32662	France	France	2003	1078653.00	417
32683	France	France	2003	1070481.00	418

4 Anhang

32703	France	France	2004	990720.00	223
32728	France	France	2004	1937735.00	227
32759	France	France	2004	748867.00	417
32784	France	France	2004	1264627.00	418
32898	France	France	2006	79966.00	223
32925	France	France	2006	82722.00	227
32957	France	France	2006	24817.00	417
33016	France	France	2007	55657.00	223
33039	France	France	2007	131821.00	227
33080	France	France	2007	90809.00	417
33106	France	France	2007	29292.00	418
33130	France	France	2008	15382.00	223
33154	France	France	2008	153832.00	227
33183	France	France	2008	21535.00	417
33208	France	France	2008	24613.00	418
33237	France	France	2009	8619.00	223
33261	France	France	2009	20111.00	227
33293	France	France	2009	31603.00	417
33320	France	France	2009	301662.00	418
33406	France	France	2010	8121.00	417
33425	France	France	2010	2706.00	418
33472	France	France	2011	2782.00	227
33501	France	France	2011	11132.00	417
60737	Malaysia	Malaysia	2010	67114.00	418
68357	New Zealand	New Zealand	2008	5021.00	223
68378	New Zealand	New Zealand	2008	4422.00	227
68708	New Zealand	New Zealand	2011	648.00	227
84157	Slovakia	Slovakia	2002	115.00	260
84174	Slovakia	Slovakia	2002	28790.00	417
84230	Slovakia	Slovakia	2003	11114.00	260
84249	Slovakia	Slovakia	2003	37417.00	417
95974	Thailand	Thailand	2007	15078.00	210
96004	Thailand	Thailand	2007	320.00	227
96375	Thailand	Thailand	2011	11096.00	227
101434	United Kingdom	United Kingdom	2000	2663869.00	223
101462	United Kingdom	United Kingdom	2000	1450872.00	227
101507	United Kingdom	United Kingdom	2000	216810.00	418
101542	United Kingdom	United Kingdom	2001	3715829.00	223
101569	United Kingdom	United Kingdom	2001	503356.00	227
101646	United Kingdom	United Kingdom	2002	1602392.00	223
101671	United Kingdom	United Kingdom	2002	1051572.00	227
101702	United Kingdom	United Kingdom	2002	177831.00	417
101718	United Kingdom	United Kingdom	2002	374054.00	418
101752	United Kingdom	United Kingdom	2003	6230061.00	223
101782	United Kingdom	United Kingdom	2003	1625580.00	227

4 Anhang

101811	United Kingdom	United Kingdom	2003	15105.00	417
101859	United Kingdom	United Kingdom	2004	8316031.00	223
101883	United Kingdom	United Kingdom	2004	2539407.00	227
101932	United Kingdom	United Kingdom	2004	6603.00	418
101967	United Kingdom	United Kingdom	2005	7487298.00	223
101996	United Kingdom	United Kingdom	2005	2504286.00	227
102027	United Kingdom	United Kingdom	2005	53655.00	417
102045	United Kingdom	United Kingdom	2005	6252.00	418
102085	United Kingdom	United Kingdom	2006	7520540.00	223
102115	United Kingdom	United Kingdom	2006	3570588.00	227
102148	United Kingdom	United Kingdom	2006	49884.00	417
102193	United Kingdom	United Kingdom	2007	7235351.00	223
102222	United Kingdom	United Kingdom	2007	3207893.00	227
102255	United Kingdom	United Kingdom	2007	22582.00	417
102305	United Kingdom	United Kingdom	2008	3432365.00	223
102333	United Kingdom	United Kingdom	2008	983561.00	227
102417	United Kingdom	United Kingdom	2009	3660097.00	223
102442	United Kingdom	United Kingdom	2009	1124347.00	227
102483	United Kingdom	United Kingdom	2009	22303.00	417
102540	United Kingdom	United Kingdom	2010	4121609.00	223
102564	United Kingdom	United Kingdom	2010	732804.00	227
102647	United Kingdom	United Kingdom	2011	4910676.00	223
102670	United Kingdom	United Kingdom	2011	1131532.00	227
102699	United Kingdom	United Kingdom	2011	25154.00	417

Tabelle 4.1: Auflistung der gelöschten Schleifen im Datensatz

Literaturverzeichnis

- [1] The maddison-project , 2013. <http://www.ggdg.net/maddison/maddison-project/home.htm>. Version 4.1.
- [2] Vincent Arel-Bundock. *countrycode: Convert Country Names and Country Codes*, 2014. R package version 0.18.
- [3] Douglas M. Gibler. *International military alliances , 1648-2008*. CQ Press. Version 4.1.
- [4] Christoph Jansen and Christian Schmid. *Eine statistische Analyse des Netzwerks des internationalen Waffenhandels von 1950-2012*. Fakultät für Mathematik, Informatik und Statistik der Ludwig-Maximilians-Universität München, 2014.
- [5] Eric D. Kolaczyk. *Statistical Analysis of Network Data*. Springer New York, 2009.
- [6] Dean Lusher, Johan Koskinen, and Garry Robins. *Exponential random graph models for social networks: Theory, methods, and applications*, chapter 13.2. Cambridge University Press, 2012.
- [7] Monty G. Marshall. *International military alliances , 1648-2008*. Polity IV Project, Center for Systematic Peace. Version 4.1.
- [8] Monty G. Marshall. *Major episodes of political violence , 1946-20013*. Center for Systematic Peace. Version 4.1.
- [9] J David Singer. *Reconstructing the correlates of war dataset on material capabilities of states, 1816–1985*. *International Interactions*, 14(2):115–132, 1988.

Abbildungsverzeichnis

2.1	Boxplot für In- und Out-Degree in den Jahren 1992-2011	8
2.2	Average Neighbor Degree gegen Knoten Degree (Log Skala) für das Jahr 1998	9
2.3	Vergleich der 1% teuersten Waffenkäufe mit den 99% billigsten	10
2.4	Zeitreihen der Handelswerte der Top-Exporteure/Importeure	15
2.5	Netzwerk im Wandel der Zeit	16
2.6	Deskriptive Maßzahlen des Kleinwaffenhandelsnetzwerkes 1992-2011	17
2.7	Handelsströme zwischen den Kontinenten von 1992-2011	18
2.8	Handelsströme zwischen den Regionen von 1992-2011	19
3.1	Zeitreihen der Parameterwerte	25

Tabellenverzeichnis

2.1	Top-Exporteure des Netzwerks	11
2.2	Top-Importeure des Netzwerks	11
2.3	Zentrale Akteure des Netzwerkes 1992	12
2.4	Zentrale Akteure des Netzwerkes 2011	13
3.1	ERGM-Terms und ihre MCMC Diagnose	24
3.2	Ersatz für ERGM Terms	25
3.3	summary of model fit	26
4.1	Auflistung der gelöschten Schleifen im Datensatz	30

Eidesstattliche Erklärung

Ich erkläre hiermit, dass ich diese Arbeit ohne fremde Hilfe angefertigt und nur die im Literaturverzeichnis aufgeführten Quellen und Hilfsmittel benutzt habe. Diese Arbeit wurde noch nicht zu anderen prüfungsrelevanten Zwecken vorgelegt.

.....
Ort, Datum

.....
Felix Loewe