Ludwig-Maximilians-Universität München Institut für Statistik

Projekt im Rahmen des statistischen Consultings

Internationaler Waffenhandel: Die Anwendung neuer Verfahren der statistischen Netzwerkanalyse

Eine Netzwerkanalyse des internationalen Kleinwaffenhandels 1992 - 2011 Kooperation mit dem Lehrstuhl für empirische Politikforschung

Autor:

Projekt partner:

Felix Loewe loewe.felix@gmail.com

Prof. Dr. Paul W. Thurner

Betreuer:

Prof. Dr. Göran Kauermann

${\bf Abstract}$

hier kommt noch das abstract rein

Inhaltsverzeichnis

1	Einl	leitung								
2	Zus	usammenfassung der Graphentheorie								
	2.1	Graph	- Grundlegende Begriffe	6						
	2.2	Degree	e-Verteilung	7						
	2.3	Nachb	arschaftsmatrix	7						
	2.4	Zentra	ılität	8						
	2.5	Dichte		8						
3	Dat	engrun	dlage	10						
4	Des	kriptive	e Analyse	11						
	4.1	Degree	e Sequenz	11						
	4.2	Hande	elswerte	13						
	4.3	Top-A	kteure	13						
	4.4	Netzw	erkmaßzahlen	15						
	4.5	Visual	isierungen	17						
5	Ехр	onentia	l Random Graph Model	20						
	5.1	Defini	tion des Modells	20						
		5.1.1	Simulation von Zufallsgraphen	21						
		5.1.2	Schätzung der Modell-Parameter	22						
	5.2	endoge	ene Statistiken	23						
	5.3	Degen	eration und alternative Modellierung	24						
	5.4	exoger	ne Kovariablen	25						
		5.4.1	Formal Intersate Alliance Dataset	26						
		5.4.2	Polity Score	26						
		5.4.3	Direct Contiguity	26						
		5.4.4	Composite Index of National Capability	26						
		5.4.5	Intra-State Conflicts	26						
		5.4.6	$\operatorname{GDP} \dots \dots$	27						
	5.5	geschä	itzte Modelle	27						
5.6 Interpretation der Parameter		Intern	retation der Parameter	28						

Inhaltsverzeichnis

Literaturverzeichnis	3	1

1 Einleitung

Die statistischen Methoden der Netzwerkanalyse finden ein breites Anwendugsfeld. Neben klassischen Anwendungen wie in den Sozialwissenschaften (Freundesnetzwerk, Kollegenkreis) und Politikwissenschaften (internationale Beziehungen) ist sie auch in hoch modernen Bereichen der Informatik (Computernetzwerk, soziale Netzwerke im Internet) und der Biologie (Proteiinverbindungen der menschlichen DNA) von großem Nutzen.

Was ist jedoch das Besondere an der statistischen Analyse von Netzwerken? Durch ihre Abhängigkeitsstruktur stellen sie relationale Daten dar. Gewöhnliche Datensätze werden in der Statistik zumeist mit der Annahme analysiert, dass die Beobachtungen als unabhängig voneinander betrachtet werden können. Bei Netzwerkdaten ist das nicht der Fall. Hier stehen die Beobachtungen, oft genannt Akteure des Netzwerkes, in einer Beziehung zueinander die bei der Analyse der Daten selbst von zentralen Interesse ist. Besteht jedoch eine Beziehung zwischen den Beobachtungen, können diese nicht mehr als unabhängig angesehen werden, was alternative Methoden der statistischen Modellierung erfordert.

Das Bestehen oder Nicht-Bestehen einer Beziehung bezeichnet man als die Netzwerkstruktur (Abhängigkeitsstruktur), die zusätzlich zu den Daten eines gewöhnlichen Datensatzes besteht. Die Abhängigkeitsstruktur wird durch die $Adjazenzmatrix \ A_{ij} \in N \times N$ ausgedrückt.

Gegenstand der Analyse in dieser Arbeit ist ein Datensatz zum internationalen Handel mit kleinen und leichten Waffen. Bei der Analyse des Waffenhandels wird aus den Akteuren die exportierenden und importierenden Länder und aus deren Abhängigkeit ein Handel.

Die Arbeit ist wie folgt aufgebaut: Im ersten Kapitel erfolgt eine kurze Einführung in die Grundlagen der Graphentheorie. Netzwerkspezifische Begriffe sowie deskriptive Maßzahlen werden definiert. Darauf folgt eine Erläuterung der Datengrundlage der NISAT Datenbank mit den daraus resultierenden Möglichkeiten und Einschränkungen. Im dritten Abschnitt wird der Datensatz deskriptiv analysiert. Darauf aufbauend folgt im vierten Abschnitt die Modellierung per ERGMs. Im Anschluss werden die Ergebnisse der vorhergehenden Analyse mit denen einer ähnlichen Arbeit über den Handel mit Großwaffen verglichen. Im letzten Abschnitt werden die erarbeiteten Ergebnisse zusammengefasst und diskutiert.

2 Zusammenfassung der Graphentheorie

Um Netzwerkdaten statistisch analysieren zu können, muss die Abhängigkeitsstruktur der Daten adäquat modelliert werden. Eine grundlegende mathematische Theorie, die verwendet wird, um relationale Daten zu beschreiben, ist die Graphentheorie. Im Rahmen dieses Kapitels wird nur auf die wichtigsten Aspekte der Graphentheorie eingegangen. Es handelt sich im Wesentlichen um eine Zusammenfassung der Kaptitels 2.1 und 4.2 aus Kolaczyk (2009).

2.1 Graph - Grundlegende Begriffe

Ein Graph G = (V, E) ist die mathematische Beschreibung eines Netzwerkes.

Er besteht aus einer Knotenmenge V und einer Kantenmenge E. Ein $Knoten\ v$ repräsentiert einen Akteur des Netzwerkes. Eine $Kante\ e$ verbindet zwei Akteure und kennzeichnet eine Beziehung zwischen ihnen. Die Anzahl der Knoten $N_V = |V|$ wird üblicherweise als kleiner unendlich vorausgesetzt. Häufig benennt man die Knoten eines Netzwerkes einfach nach ihrem ihren Index $i=1,...,N_V$ Eine Kante $\{i,j\}$ ist ein Element der Menge E und beschreibt die Verbindung zwischen Knoten i und j. Man unterschiedet zwischen gerichteten und ungerichteten Graphen. Ein ungerichteter Graph setzt eine symmetrische Beziehung zwischen den Akteuren voraus. Akteur i steht also zu Akteur j in der gleichen Beziehung wie j zu i (z.B. Facebook Freundschaft). Bei einem gerichteten Graphen hingegen ist die Richtung der Beziehung entscheidend. Dies ist in unserem Datensatz der Fall. Wir unterschieden zwischen Exporteur und Importeur eines Handels. Die Kante $\{i,j\}$ ist hier also von der Kante $\{j,i\}$ zu unterscheiden. Einen gerichteten Graphen nennt man auch Digraph.

Per Definition enthält ein Graph weder Schleifen noch multiple Kanten. Von einer Schleife spricht man, wenn eine Kante $\{i,j\}$ den gleichen Anfangs- und Endpunkt besitzt (i=j). Von einer multiplen Kante spricht man, falls zwischen zwei Knoten mehrere Verbindungen bestehen. Enthält ein Netzwerk solche Eigenschaften spricht man von einem Multigraphen ansonsten von einem einfachen Graphen.

Betrachtet man die Anzahl der möglichen Kanten eines Graphen, die später als Benchmark dafür auftaucht, wie dicht ein Graph sein kann, so wird ersichtlich, dass diese Anzahl für einen einfachen ungerichteten Graphen kleiner ist als die Anzahl der möglichen Kanten eines gerichteten Graphen. Für einen einfachen ungerichteten Graphen ist sie gegeben

durch $V_H(V_H-1)/2$. Ein gerichteter Graph kann logischerweise maximal die doppelte Anzahl an Kanten enthalten.

Notwendigerweise gibt es einige Begriffe um über die Konnektivität von Graphen zu reden. Am gebräuchlichsten ist das Prinzip der Nachbarschaft. Zwei Knoten $i, j \in V$ gelten als benachbart wenn sie von einer Kante $\{i, j\} \in E$ verbunden werden. Zwei Kanten wiederum gelten als benachbart, wenn beide einen gemeinsamen Knoten aus V enthalten.

Ein sogenannter Weg auf einem Graphen von v_0 nach v_l bezeichnet die alternierende Sequenz $\{v_0, e_1, v_1, e_2, ..., v_{l-1}, e_l, v_l\}$. l bezeichnet hierbei die Länge des Weges. Weiter beschreibt ein Pfad einen Weg ohne wiederholte Knoten oder Kanten. Als Distanz zwischen zwei Knoten eines Graphen definiert man die Länge des kürzesten Pfades der sie verbindet. Die Länge der längsten Distanz innerhalb eines Graphen nennt man den Durchmesser oder Diameter eines Graphen.

Soviel zu den grundlegenden Begrifflichkeiten der Graphentheorie. Mit ihrer Hilfe werden nun in den folgenden Unterpunkten einige für die folgenden Analysen besonders wichtige Definitionen erläutert.

2.2 Degree-Verteilung

Ein weiterer Begriff ist der des Degree eines Knotens d_v , definiert als die Anzahl der Kanten, die den Knoten v enthalten. Die Degree-Sequenz eines Graphen G ist die Sequenz die entsteht, wenn man alle Knoten-Degrees in aufsteigender Reihenfolge sortiert. Nun definiert man f_d als den Anteil der Knoten $v \in V$ mit Degree $d_v = d$. Die Reihe $\{f_d\}_{d \geq 0}$ heißt Degree-Verteilung von G.

Bei einem gerichteten Graphen unterscheidet man zwischen In-Degree (d_v^{in}) und Out-Degree (d_v^{out}) und zählt nur die Kanten die zu einem Knoten hin, beziehungsweise von ihm weg laufen. Die eben genannten Begriffe lassen sich hierfür trivial erweitern.

2.3 Nachbarschaftsmatrix

Die Struktur eines Graphen ist vollständig bestimmt durch seine binäre und symmetrische Nachbarschaftsmatrix (auch Adjazenzmatrix) $A \in |V| \times |V|$, wobei $a_{ij} = 1$ falls zwischen Knoten i und Knoten j eine Kante besteht und $a_{ij} = 0$ sonst. Diese Matrix hat einige nützliche Eigenschaften. Zum Beispiel ergibt die Zeilensumme $A_i = \sum_j A_{ij}$ den Degree d_i von Knoten i. Bei gerichteten Graphen besteht ein Unterschied zwischen der Kante (i,j) und der Kante (j,i). Die Adjazenzmatrix ist hier also nicht symmetrisch. Allerdings enthält sie immer noch ähnliche Informationen wie zum Beispiel $A_i = d_i^{out}$ und $A_{ij} = d_j^{in}$

2.4 Zentralität

Viele Fragestellungen der Netzwerkanalyse drehen sich darum welche Akteure auf eine bestimmte Weise besonders wichtig für ihr Netzwerk sind. Maßzahlen der Zentralität sind dafür gedacht um diese Wichtigkeit der Knoten zu quantifizieren und dadurch die Beantwortungen solcher Fragestellungen zu vereinfachen. Das wichtigste Konzept in diesem Zusammenhang, den Degree haben wir bereits kennen gelernt. Zusätzlich werden nun kurz die Begriffe Closeness- und Betweeness Zentralität eingeführt.

Bei der *Closeness* Zentralität wird ein Knoten als zentral angesehen, falls er vielen anderen Knoten "nahe" ist. Man verwendet für dieses Maß die Inverse der Summe der Distanzen eines Knotens zu allen anderen,

$$c_{Cl}(v) = \frac{1}{\sum_{u \in V} dist(v, u)},$$

wobei dist(v, u) die Distanz zwischen den Knoten v und u bezeichnet. Um eine Vergleichbarkeit mit anderen Graphen und Zentralitätsmaßen herzustellen normalisiert man die Maßzahl in das Intervall [0, 1] indem man mit dem Faktor $N_v - 1$ multipliziert.

Ein anderes Konzept basiert auf dem Gedanken, dass die Wichtigkeit eines Knotens darauf beruht, wie oft sich ein Knoten auf der Verbindung zwischen anderen Paaren von Knoten befindet. Knoten die auf vielen Pfaden eines Netzwerkes sitzen, werden als wichtig für die Kommunikation innerhalb des Netzwerkes angesehen. Die *Betweeness* Zentralität wird deswegen üblicherweise definiert als

$$c_B(v) = \sum_{s \neq t \neq v \in V} \frac{\sigma(s, t|v)}{\sigma(s, t)},$$

wobei $\sigma(s,t|v)$ die Anzahl der kürzesten Pfade zwischen s und t ist, die durch v verlaufen und $\sigma(s,t) = \sum_{v} \sigma(s,t|v)$.

2.5 Dichte

Die *Dichte* eines Netzwerkes ist die Anzahl der Kanten des Netzwerkes, geteilt durch die mögliche Anzahl an Kanten des Netzwerkes. Es ergibt sich der Term

$$den(G) = \frac{|E_G|}{|V_G|(|V_G| - 1)/2}$$

für die Dichte eines ungerichteten Netzwerkes und

$$den(G) = \frac{|E_G|}{|V_G|(|V_G| - 1)}$$

2 Zusammenfassung der Graphentheorie

für ein gerichtetes Netzwerk. Die Dichte liegt zwischen null und eins. Es sei angemerkt, dass die Dichte auch als Skalierung des durchschnittlichen Degrees $\bar{d}(G)$ angesehen werden kann, denn $den(G) = (|V_G| - 1)\bar{d}(G)$.

3 Datengrundlage

Die Datengrundlage für das Kleinwaffenhandelsnetzwerk ist die NISAT (Norwegian Initiative on Small Arms Transfers) Datenbank. Das Peace Research Institute Oslo (PRIO) ist der Auftraggeber dieser Datenbank. Das Institut hat es sich zur Aufgabe gemacht "[...] die Bedingungen die ein friedliches Zusammenleben zwischen Staaten, Gruppen und Menschen [..]" ¹ ermöglichen zu erforschen. Die Datenbank enthält Daten über den Handel von kleinen und leichten Waffen. Der abgedeckte Zeitraum beträgt die Jahre 1992 bis 2011. Berichtet wird hierin von insgesamt 239 Ländern und 109522 Waffentransaktionen.

Die Daten liegen in der Form einer gerichteten Kanten-Liste vor. Das bedeutet jede Zeile im Datensatz entspricht einem Handel zwischen einem exportierenden und einem importierenden Land. Zusätzliche Attribute ist der Correlates of War Codes des jeweiligen Landes, der monetäre Wert des Handels in US Dollar, der gehandelte Waffentyp , die berichtende Datenquelle sowie das Jahr in dem der Handel stattgefunden hat. Bei der Betrachtung dieser Daten fallen folgende Probleme auf:

Da nach Waffentypen unterschieden wird, existieren in den einzelnen Jahren multiple Kanten. Das bedeutet zwischen zwei Ländern werden im gleichen Jahr mehrere Handel in der gleichen Richtung aufgeführt. Diese wurden für die weitere Analyse zusammengefasst indem der Wert der Lieferungen addiert wurde.

Der Datensatz enthält Schleifen. Das er enthält Zeilen in denen Exporteur und Importeur eines Handels übereinstimmen. Da es hierfür keine sinnvolle inhaltliche Erklärung gibt wurden die entsprechenden Beobachtungen gelöscht. Eine Liste der gelöschten Kanten befindet sich im Anhang.

¹https://www.prio.org/

Durch eine ausführliche deskriptive Analyse sollen Srukturen und Besonderheiten des vorliegenden Datensatzes herausgearbeitet werden. Vom besonderen Interesse ist hierbei die zeitliche Komponente. Hierzu werden deskriptive Maßzahlen, Handelswerte und die Degree- Verteilungen für die 20 im Datensatz enthaltenen Jahre verglichen, um etwaige strukturelle Veränderungen des Netzwerkes zu erkennen. Ein weitere Teil befasst sich damit, die wichtigsten Akteure des Netzwerkes zu identifizieren. Zuletzt wird versucht das Netzwerk zu visualisieren.

4.1 Netzwerkmaßzahlen

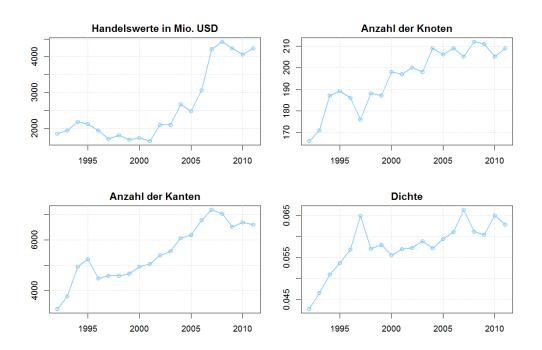


Abbildung 4.1: Deskriptive Maßzahlen des Kleinwaffenhandelsnetzwerkes 1992-2011

Zunächst erfolgt eine Darstellung grundlegender deskriptiver Netzwerkmaßzahlen, die das Kleinwaffenhandelsnetzwerk beschreiben. Die Maßzahlen werden für jedes Jahr berechnet und als Zeitreihe dargestellt, um die zeitliche Entwicklung des Netzwerkes zu visualisieren. Abbildung 4.6 zeigt die zeitliche Entwicklung von Handelswert, Knotenanzahl, Kantenanzahl und Dichte des Netzwerkes.

Betrachtet man zuerst die Zeitreihe der Handelswerte so stellt man fest, dass diese in den Jahren 1992 bis 2001 relativ konstant zwischen 1.5 und 2.5 Milliarden US Dollar verweilt, nach 2001 jedoch bis auf ca 4.5 Milliarden im Jahr 2008 ansteigt und anschließend auf diesem Level konstant bleibt. Die Zeitreihe der Anzahl der am Waffenhandel beteiligten Nationen steigt recht gleichmäßig zwischen Jahren 1992 und 2011. Lediglich zwischen 1993 und 1994 ist ein außergewöhnlich starker Anstieg von 170 auf 187 zu beobachten. Im Jahr 1997 ist die Anzahl der am Waffenhandel beteiligten Nationen auffallend von 186 auf 176 gesunken. Allerdings stellt sich gleich im Folgejahr wieder die ursprüngliche Anzahl ein. Das Maximum der Zeitreihe liegt mit 212 Nationen im Jahr 2008. Auch die Anzahl der Netzwerkkanten die der Anzahl der vollzogenen Waffentransaktionen zeigt einen regelmäßig steigenden Trend von ca 3000 im Jahr 1992 bis ca 7000 im Jahr 2011. Auch hier erkennen wir einen sprunghaften Anstieg zwischen 1993 und 1994 sowie ein einknicken im Jahr 1996. Die Dichte des Netzwerkes steigt in den Jahren 1992-1997 rasch von ca 0.04 auf 0.065 und stagniert anschließend auf einem Level zwischen 0.065 und 0.055.

4.2 Degree Sequenz

Eine erste nützliche Analyse um die Struktur des Netzwerkes zu erfassen, ist die Betrachtung der Knoten-Degrees. Im Falle eines gerichteten Netzwerkes unterschiedet man zwischen In-Degree und Out-Degree. Inhaltlich interpretiert entspricht dies den Anzahlen der Importe und Exporte eines Landes pro Jahr. Hierzu betrachten wir Abbildung 4.1. Sie zeigt zu jedem im Datensatz enthaltenen Jahr je einen Boxplot der In-Degrees und Out-Degrees aller Länder. Innerhalb der farblich gekennzeichneten Box liegen jeweils die mittleren 50 Prozent der entsprechenden Daten. Der mittlere schwarze Strich in jeder Box kennzeichnet den Median, und damit den Wert, unter dem genau die Hälfte aller Werte liegt.

Betrachtet man zuerst die Boxplots zum In-Degree, so stellt man fest, dass die breite der Box über die Jahre zunimmt. Im Jahr 1992 reicht sie lediglich von zwei bis acht, während sie sich im Jahr 2011 von drei bis 21 erstreckt. Auch der Median steigt über diesen Zeitraum von drei auf zehn. Daraus lässt sich schließen, dass die mittlere Anzahl Importpartner eines einzelnen Landes über die Zeit größer geworden ist. Auffallend sind in allen Jahren einige mit Kreisen markierte Ausreißer, die aus bis zu 67 verschiedenen Ländern im gleichen Jahr Waffen beziehen.

Bei den Boxplots zum Out-Degree fallen sofort die eher kleinen Boxen auf. Übereinstimmend in allen Jahren exportieren mindestens 25 Prozent der Länder überhaupt keine Waffen, und 50 Prozent der Länder an höchstens 2 andere Staaten. Allerdings gibt auch in allen Jahren eine recht große Anzahl von Ausreißern mit hohem Out-Degree mit bis zu 150 belieferten Staaten.

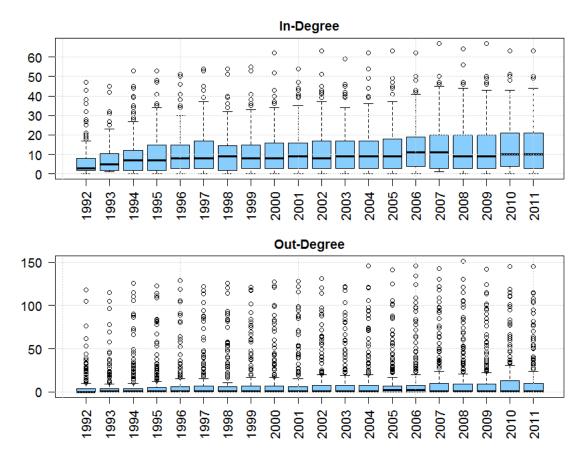


Abbildung 4.2: Boxplot für In- und Out-Degree in den Jahren 1992-2011

Die Betrachtung der Degrees legt nahe, dass der Kleinwaffenhandel von einigen wenigen Akteuren dominiert wird, während die große Masse der restlichen Staaten eher einen geringen Einfluss auf die Geschehnisse hat. Diesen wichtigen Akteuren wenden wir uns in Abschnitt 4.3 zu.

Interessante Einblicke in die Zusammenhänge innerhalb eines Netzwerkes lassen sich auch generieren, indem man den Degree eines Knoten mit dem seiner Nachbarn vergleicht. Zwei Netzwerke mit gleicher Degree-Sequenz können dennoch unterschiedliche Strukturen besitzen, falls sich die Knoten der Netzwerke darin unterscheiden mit welchen anderen Knoten sie sich bevorzugt verbinden. Hierzu betrachten wir Abbildung 4.2. Hier ist das Jahr 1998 exemplarisch ausgewählt. Dem logarithmierten Knoten Degree auf der X-Achse ist der logarithmierte durchschnittliche Degree der Nachbar auf der Y-Achse gegenübergestellt. Man erkennt, dass sich Knoten mit geringerem Degree tendenziell eher mit Knoten mit hohen Degree verbinden als Knoten, die selbst einen hohen Degree besitzen. Zentrale Akteure des Netzwerkes handeln also eher mit kleineren Akteuren des Netzwerkes als mit anderen zentralen Akteuren.

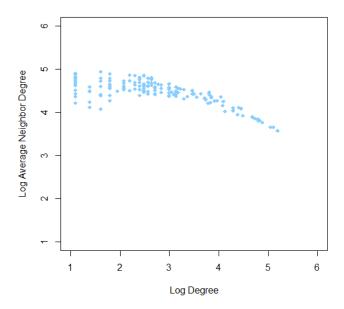


Abbildung 4.3: Average nearest Neighbor Degree am Beispiel von 1998

4.3 Handelswerte

Betrachtet man die Gewichte der Kanten, in diesem Fall die monetären Handelswerte, so fällt einem ein deutliches Ungleichgewicht auf. Wie Abbildung 4.3 zeigt ist die Summe der 1% teuersten Waffenhandel über alle Jahre hinweg ähnlich der Summe der 99% billigsten. Einige wenige große Waffentransaktionen wiegen also alle restlichen in ihrem monetären Gewicht auf.

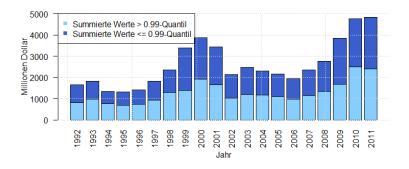


Abbildung 4.4: Vergleich der 1%teuersten Waffenkäufe mit den 99%billigsten in den Jahren 1992-2011

4.4 Top-Akteure

In Abschnitt 4.1 wurde anhand der Degree-Verteilungen gezeigt, dass der Kleinwaffenhandel von einigen wenigen Nationen dominiert wird, die sich deutlich von der großen Masse der restlichen Akteure abheben. Diese sollen in diesem Abschnitt ermittelt werden. Hierzu werden in Tabelle 4.1 diejenigen Nationen aufgelistet, die über den Zeitraum von 20 Jahren das größte Import- und Exportvolumen, gemessen am Geldwert der gehandelten Waffen, aufweisen.

Platz	Land	Exportvol. [Mrd.]	Platz	Land	Importvol. [Mrd.]
1	USA	9.2	1	USA	16
2	Italy	7.9	2	Germany	2.3
3	Germany	4.6	3	France	2.3
4	Brazil	3.7	4	Canada	1.9
5	Austria	2.7	5	United Kingdom	1.8
6	United Kingdom	2	6	Saudi Arabia	1.7
7	Belgium	1.8	7	Belgium	1.2
8	Switzerland	1.5	8	Spain	1.2
9	Russia	1.4	9	Australia	1.2
10	Czech Republic	1.4	10	Turkey	1

Tabelle 4.1: Summierte Handelswerte der Top-Importeure und Top-Exporteure des Netzwerkes von 1992 bis 2011

Es ist ersichtlich, dass die Vereinigten Staaten von Amerika mit 9.2 Milliarden Dollar am meisten Waffen exportiert. Italien steht mit 7.9 Milliarden Dollar Exportvolumen an zweiter Stelle. Deutschland exportiert mit 4.6 Milliarden Dollar gehandelten Waffen am drittmeisten. Auf dem vierten und fünften Platz folgen die Länder Brasilien und Österreich. Ab dem sechsten Platz erfolgen nur noch unwesentliche Verringerungen des Exportvolumens im Bereich von 2 bis 1 Milliarde Dollar. Hierin befinden sich Nationen wie Großbritannien, Belgien, die Schweiz, Russland und die tschechische Republik.

Auch bei den Importen steht die USA an erster Stelle. Die Nation gibt mit 16 Milliarden Dollar mehr für den Import von Kleinwaffen aus als die 9 nachfolgenden Länder zusammen. Deutschland und Frankreich teilen sich mit 2.3 Milliarden Dollar Importvolumen den zweiten Platz. Auf der vierten Stelle befindet sich Kanada mit einem Importvolumen von circa 2 Milliarden Dollar. Großbritannien verwendet 1.8 Milliarden Dollar, um Waffen zu exportieren, und Saudi Arabien 1.7 Milliarden Dollar. Auf dem siebten, achten, neunten und zehnten Platz sehen wir ähnliche Exportausgaben von circa 1.2 bis 1 Milliarde Dollar. Dies sind die Länder Belgien, Spanien, Australien und Türkei.

Anschließend interessiert, ob sich die Zusammensetzung der Top-Exporteure/ Importeure über die Jahre verändert. Hierfür betrachten wir Abbildung 4.4. In der ersten Grafik sind die Handelsvolumen in Millionen US Dollar der fünf Top-Exporteure über den Zeitraum 1992-2011 dargestellt. Die USA ist in fast allen Jahren der Waffenexporteur mit den höchsten monetären Volumen. Sie wird nur in wenigen Jahren von Italien übertroffen. Deutschland, Brasilien und Österreich exportieren in allen Jahren deutlich weniger

Waffenwert als die USA. Auffällig ist ein relativ konstanter Verlauf der Zeitreihen im Zeitraum von 1992 bis ca 2001, während danach bei allen Ländern ein kräftiger Anstieg der Handelswerte feststellbar ist. Deutschland, Brasilien und vor allem Italien zeigen allerdings ab circa 2008 wiederum einen abfallenden Trend. Die zweite und die dritte Grafik aus Abbildung 4.4 zeigt die Handelsvolumen der Top-Importeure. Die USA ist hier unangefochten an der Spitze. Sie importiert Kleinwaffen im Wert zwischen circa 400 und 1600 Millionen US Dollar pro Jahr während die restlichen Akteure höchstens Kleinwaffen im Wert von circa 250 Millionen Dollar pro Jahr importieren. Ähnlich wie bei den Exportzeitreihen ist auch hier ein relativ konstanter Verlauf bis circa 2001 zu beobachten während die Ausgaben in den nachfolgenden Jahren kontinuierlich ansteigen. Die USA verringerte ihre Importausgaben ab dem Jahr 2007 jedoch wieder deutlich.

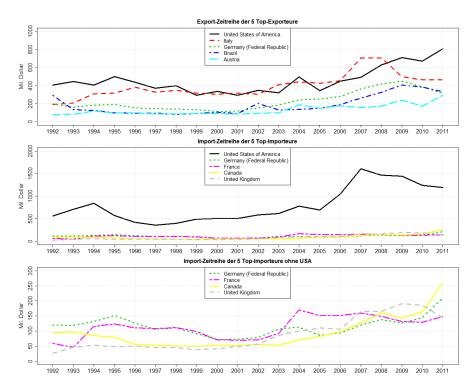
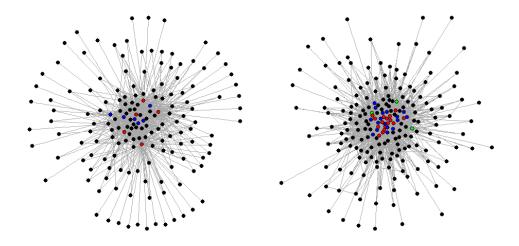


Abbildung 4.5: Zeitreihen der jährlichen Handelswerte der Top-Exporteure/Importeure von 1992 bis 2011

Eine andere Methode, um zentrale Akteure des Netzwerkes zu identifizieren ist sich die Degree-Sequenz der Netzwerkknoten zu betrachten. Welche Knoten (Länder) besitzen sowohl einen hohen In-Degree als auch einen hohen Out-Degree und können somit als zentrale Akteure des Handelsnetzwerkes identifiziert werden?

Abbildung 4.5 zeigt hierzu das Gesamte Netzwerk in den Jahren 1992 und 2011. Jeder Punkt stellt ein am Waffenhandel beteiligtes Land dar. Ein Pfeil zwischen den beiden Ländern symbolisiert einen Handel. Länder die aus mindestens 30 anderen Ländern Waffen beziehen sind grün, Länder die in mindestens 30 andere Länder Waffen liefern sind blau, und Akteure die beide Bedingungen erfüllen sind rot eingefärbt. Die beiden



 $\bf Abbildung~4.6:~$ Visualisierung des Netzwerkes 1992 (l.) und 2011(r)

Tabellen in Tabelle 4.2 listen diese für das Jahr 1992 und das Jahr 2011 auf. Man erkennt, dass die Anzahl der "großen Akteure" auf dem Kleinwaffenmarkt über die Zeit deutlich zugenommen hat.

1992	20	011
1002	-\	,,,

Land	In-Degree	Out-Degree
Switzerland	32	76
USA	43	105
Germany	47	118
Spain	36	62
Sweden	38	33

In-Degree	Out-Degree
41	103
63	145
34	70
39	114
41	82
32	34
37	105
50	115
44	95
32	39
37	91
49	78
41	108
34	32
31	64
39	51
	41 63 34 39 41 32 37 50 44 32 37 49 41 34 31

Tabelle 4.2: Zentrale Akteure des Netzwerkes 1992 und 2011

4.5 Visualisierungen

In diesem Abschnitt wird versucht durch verschiedene Visualisierungen des Netzwerkes einen Überblick über mögliche Strukturen und Zusammenhänge des Kleinwaffenhandels zu erhalten. Da das Netzwerk recht groß ist erscheint es ratsam, die Länder in Gruppen aufzuteilen. Hierdurch erreicht man eine bessere Übersichtlichkeit der Grafiken. Dies geschieht mit Hilfe des R-Pakets countrycode (Arel-Bundock; 2014). Mit Hilfe der im Datensatz gegeben Correlates of War Country Codes und Zuordnungen der Vereinten Nationen weist dieses Paket jedem Land einen Kontinent und eine Region zu. In den beiden Grafiken 4.7 und 4.8 ist die Größe der Knoten proportional zum jeweiligen Degree (In-Degree + Out-Degree) gewählt. Die Breite der Kanten wiederum ist proportional zum monetären Wert der Handelsströme zwischen zwei Kontinenten beziehungsweise Regionen gewählt. Die Positionierung der Knoten wurde zur besseren Vergleichbarkeit der Jahre untereinander fixiert.

In Abbildung 4.7 erkennt man, dass Europa durchgängig mit dem größten Kreis markiert ist, also an mehr Handelsaktionen als die anderen Kontinente beteiligt ist. Amerika und Asien folgen auf den nächsten beiden Plätzen. Die Dicke der Kanten und damit der Geldfluss zwischen den Kontinenten variiert stark zwischen den Jahren. Hier ist kein gleichbleibendes Muster zu erkennen.

In Abbildung 4.8 zeigt sich ein ähnliches Bild. Die europäischen Regionen und Nordamerika scheinen die aktivsten Handelspartner zu sein, während immer wieder auch zwischen eher weniger aktiven Regionen große Geldsummen fließen und hier auch wieder kein konstantes Muster zu erkennen ist.

Abbildung 4.7: Handelsströme zwischen den Kontinenten von 1992-2011

Abbildung 4.8: Handelsströme zwischen den Regionen von 1992-2011

5 Exponential Random Graph Model

Abschnitt 5.1 folgt (Hunter, Handcock, Butts, Goodreau and Morris; 2008). Abschnitt 5.1.1 folgt (Lusher et al.; 2012, Kapitel 12.2). Abschnitt 5.1.2 folgt (Lusher et al.; 2012, Kapitel 12.3).

5.1 Definition des Modells

Sie X eine Zufallsmatrix und repräsentiere die Nachbarschaftsmatrix eines Netzwerkes und \mathcal{X} die Menge aller möglichen binären Netzwerke. Typischerweise fixiert man die Anzahl der Knoten auf einen festen Wert n. Dann ist \mathcal{X} die Menge aller $n \times n$ Matritzen deren Einträge entweder eins oder null sind und die auf ihrer Diagonalen nur Nuller besitzen. Da das ij-te Element von X eine Kante zwischen Knoten i und j entspricht, garantiert die letzte Eigenschaft, dass das Netzwerk frei von Schleifen ist. Bei einem ungerichteten Netzwerk ist X eine symmetrische Matrix. Die Verteilung von X lässt sich in folgender Form ausdrücken:

$$P_{\theta,\mathcal{X}}(X=x) = \frac{exp\left\{\theta^T g(x)\right\}}{\kappa(\theta,\mathcal{X})}$$
(5.1)

mit

- $x \in \mathcal{X}$
- $\theta \in \Omega \subset \mathbb{R}^q$... Vektor der Modellparameter
- \bullet g(x) ... q-Vektor aus Statistiken basierend auf der Nachbarschaftsmatrix X

Ersetzt man g(x) aus Gleichung 5.1 durch g(x,Y) so ermöglicht man die Aufnahme von zusätzlichen exogenen Informationen Y über das Netzwerk (siehe Kapitel 5.4). $\kappa(\theta,\mathcal{X}) = \sum_{x \in \mathcal{X}} exp\left\{\theta^T g(x)\right\}$ ist ein Normalisierungsfaktor, der sicherstellt, dass es sich bei Gleichung 5.1 um eine Wahrscheinlichkeitsverteilung handelt. Die genaue Spezifikation von \mathcal{X} ist problematisch, da \mathcal{X} alle möglichen Netzwerke enthalten muss. Da aber bei n Knoten bereits $2^{n(n-1)}$ verschiedene Netzwerke denkbar sind erhält mal schnell unvorstellbar große Anzahlen von möglichen Netzwerken die den Umgang mit $\kappa(\theta,\mathcal{X})$ zum entscheidenden Problem dieses Modells werden lassen. Da eine analytische Lösung des Modells hierdurch oft unmöglich ist, benötigt man Methoden um durch simulationgestütze Verfahren geeignete Schätzer entwickeln zu können. Hiermit beschäftigen sich die nächsten beiden Kapitel.

5.1.1 Simulation von Zufallsgraphen

Die Simulation von Zufallsgraphen aus einer Zielverteilung $P_{\theta}(x)$ basiert auf dem Makrov Chain Monte Carlo (MCMC) Algorithmus. Hierbei erstellt man eine Sequenz von M Graphen. Der letzte dieser Graphen entspringt dann der Zielverteilung, dem ERGM. Hierbei beginnt man mit einem beliebigen Netzwerk mit fester Knotenzahl N. Nun sucht man sich ein zufälliges Knotenpaar und fügt eine Verbindung hinzu, beziehungsweise entfernt eine bestehende Verbindung. Besitzt der so erhaltene Graph nun eine höhere Wahrscheinlichkeit als der vorherige wird er akzeptiert. Besitzt der Graph eine geringere Wahrscheinlichkeit, so wird er mit einer Wahrscheinlichkeit akzeptiert, die proportional zum Verhältnis aus den Wahrscheinlichkeiten von altem und neuem Graph ist. Wird dieser Vorgang häufig genug iteriert, so erhält man ein zufälliges Netzwerk, das aus der Zielverteilung gezogen wurde. Alle vorherigen Ziehungen nennt man Burn In. Der Burn In wird benötigt, damit der Algorithmus den beliebig gewählten Anfangszustand "vergessen" kann. Bei ausreichend großem Burn In ist das gezogene Netzwerk unabhängig von Startpunkt und jedes nach ihm gezogene Netzwerk entspringt ebenfalls der Zielverteilung. Genauer gesagt benutzen wir einen Metropolis Algorithmus. Wir erstellen eine Sequenz von Graphen $X^{(0)}, X^{(1)}, ..., X^{(M-1)}, X^{(M)}$. Im m-ten Iterationsschritt wird hierbei folgendermaßen vorgegangen:

- 1. Aus dem aktuellen Graphen $x^{(m-1)}$ wird ein zufälliges Knotenpaar $i, j \ (i, j \in 1, ..., N)$ ausgewählt.
- 2. Der vorgeschlagene Graph $x^* = x^{(m-1)}$ bis auf $x_{ij}^{(m-1)} = 1 x_{ij}^{(m-1)}$.
- 3. Der vorgeschlagene Graph wird mit der Wahrscheinlichkeit $min\{1, \frac{P_{\theta}(x^*)}{P_{\theta}(x^{m-1})}\}$ akzeptiert.
- 4. Bei Akzeptanz entspricht der neue Graph $x^m = x^*$ und sonst $x^m = x^{m-1}$.

Hierbei ist für das Verhältnis von $\frac{P_{\theta}(x^*)}{P_{\theta}(x^{m-1})}$ die Berechnung der Change-Statistiken ausreichend, denn

$$log\{\frac{P_{\theta}(x^*)}{P_{\theta}(x^{m-1})}\} = log\{P(X_{ij} = 1 - x_{ij}^{m-1} | X_{-ij} = x_{ij}^{m-1}\}$$

$$= \theta_1(z_1(x^*) - z_1(x^{m-1})) + \theta_2(z_2(x^*) - z_2(x^{m-1}))$$

$$+ \dots + \theta_p(z_p(x^*) - z_p(x^{m-1}))$$

Diese Methode kann computional optimiert werden, indem man zum Beispiel größere Update-Schritte oder Update-Schritte mit ungleichen Gewichten zulässt.

5 Exponential Random Graph Model

Will man mehrere Graphen aus der selben Verteilung ziehen, so kann die gleiche Kette verwendet werden. Dafür lässt man zwischen den Beobachteten Graphen jeweils k Iterationen aus. Den Wert von k nennt man thinning. Die gezogenen Graphen sind dann allerdings eine abhängige Stichprobe und man sollte sie auf Autokorrelation checken, die durch Erhöhen von k reduziert werden kann.

5.1.2 Schätzung der Modell-Parameter

Ziel der Schätzung der Parameter ist es die Verteilung der Statistiken der Simulierten Netzwerke über denen des beobachteten Netzwerkes zu zentrieren, so dass

$$E_{\theta}(z(X)) - z(x_{obs}) = 0 \tag{5.2}$$

Das Auflösen von Gleichung 5.2 liefert die Parameterwerte die die Daten am besten beschreiben. Analog hierzu funktioniert die Maximum Likelihood Theorie. Hiernach wird derjenige Parametervektor θ gesucht, der die Wahrscheinlichkeit $P_{\theta}(x_{obs})$ optimiert. Dieses vorgehen liefert das den gleichen θ -Vektor wie die Lösung von Gleichung 5.2, denn die partielle Ableitung nach θ liefert

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial \theta} log(P_{\theta}(x_{obs})) &= z(x_{obs}) - \frac{\partial}{\partial \theta} log\{ \sum_{x \in X} exp(\theta_1 z_1(x) + \dots + \theta_p z_p(x)) \} \\ &= z(x_{obs}) - \sum_{x \in X} z(x) P_{\theta}(x) \end{split}$$

was Gleichung 5.2 entspricht.

Eine analytische Lösung dieser Gleichung ist auf Grund der großen Anzahl an möglichen Netzwerken nicht möglich. Im Prinzip funktioniert die Lösung der Gleichung durch einfaches Ausprobieren. Das bedeutet man wählt einen beliebigen Parametervektor, simuliert mit diesem auf oben erklärte Art und Wiese eine große Anzahl an Graphen und checkt im Anschluss ob Gleichung 5.2 erfüllt ist. Dieses Vorgehen ist aber natürlich computional ineffizient. Eine Möglichkeit zur effizienteren Implementierung dieses Vorgehens bietet das Importance Sampling nach Geyer-Thompson was im statnet-Paket (Handcock et al.; 2014) in R (R Development Core Team; 2008) standardmäßig verwendet wird. Der Geyer-Thompson Algorithmus zieht eine große Stichprobe von Graphen, für einen vorläufigen Parametervektor $\hat{\theta}$. Diese Stichprobe wird nun als repräsentativ für alle Graphen angesehen. Die Stichprobe wird im nun immer weiter verwendet, selbst wenn sich der Parametervektor im Laufe des Algorithmus verändert. Um zu berücksichtigen, dass es sich nur um eine Stichprobe und keine vollständige Sammlung aller möglichen Graphen handelt, muss ein gewichteter Durchschnitt der Statistiken verwendet werde um \bar{z}_{θ} zu berechnen. Genauer gesagt, falls die Stichprobe aus der Verteilung $P_{\theta}(x)$ generiert wurde ist der Stichprobendurchschnitt $\bar{f}_{\theta} = w^1 f(x^1) + w^2 f(x^2) + ... + w^M f(x^M)$ der Funktion

 $f \text{ mit den Gewichten } w^{(m)} = \frac{e^{(\theta_1 - \widetilde{\theta}_1)z_1(x^{(m)}) + \ldots + (\theta_p - \widetilde{\theta}_p)z_p(x^{(m)})}}{\sum_{k=1}^M e^{(\theta_1 - \widetilde{\theta}_1)z_1(x^{(k)}) + \ldots + (\theta_p - \widetilde{\theta}_p)z_p(x^{(k)})}} \text{ eine gute Approximation}$ für den echten Erwartungswert $E_{\theta}(f(X))$ wenn M groß wird und $\tilde{\theta}$ nahe am wahren θ liegt. umso näher $\widetilde{\theta}$ und θ zusammen liegen, desto näher kommen die Gewichte dem Wert $\frac{1}{M}$. Falls θ und $\widetilde{\theta}$ jedoch weiter auseinander liegen besitzen die Gewichte eine hohe Streuung und somit die Schätzung eine große Standartabweichung. Um die Likelihood nun zu lösen erzeugt man eine Sequenz von Parametern $\tilde{\theta}, \theta^1, \theta^2, ..., \theta^G$ mit Hilfe eines Verfahrens wie Newton-Raphson oder Fisher Scoring. Eine Aktualisierung der Sequenz erfolgt durch $\theta^{(g)} = \theta^{(g-1)} - D(\theta^{(g-1)})^{-1} \left\{ \sum_{m=1}^{M} w^{(m)} z(x^{(m)}) - z(x_{obs}) \right\}$. Da $\sum_{m=1}^{M} w^{(m)} z(x^{(m)})$ eine Approximation von $E_{\theta}(z(X))$ ist, falls $\theta^{(g-1)}$ der wahre Parameter ist, ergibt sich dann $E_{\theta}(z(X)) - z(x_{obs}) = 0$ und $\theta^{(g)}$ bleibt unverändert zu $\theta^{(g-1)}$. Die Skalierungsmatrix $D(\theta)$ skaliert die Unterschiede zwischen den beobachteten und simulierten erwarteten Werten der Statistiken, da die Statistiken sich in ihrer Sensitivität gegenüber Parameteränderungen unterscheiden können und die Parameterwerte nicht nur ihre eigenen sondern auch fremde Statistiken beeinflussen können. D ist die gewichtete Stichproben Kovarianzmatrix $\Sigma_m w^{(m)} z(x^{(m)}) z(x^{(m)})^T - \left[\Sigma_m w^{(m)} z(x^{(m)})\right] \left[\Sigma_m w^{(m)} z(x^{(m)})\right]^T$. Typischer Weise startet man diesen Algorithmus einige Male und setzt den vorgeschlagenen Parameter $\widetilde{\theta}$ gleich $\theta^{(G)}$. Für diesen Algorithmus ist es sehr wichtig, dass man den Startpunkt $\tilde{\theta}$ nicht zu weit entfernt vom richtigen ML-Schätzer wählt, was in der Praxis schwierig sein kann.

5.2 endogene Statistiken

Netzwerkdaten sind in der Regel relationale Daten. Das bedeutet sie beschränken sich nicht lediglich auf Variablen die einzelne Akteure betreffen, sondern zeichnen sich viel mehr dadurch aus, dass sie Beziehungen zwischen ihnen abbilden. Die Knoten(Akteure) eines Netzwerkes können daher genauso wenig wie die sie verbindenden Kanten als unabhängig voneinader betrachtet werden. Sie hängen explizit vom Zustand des restlichen Netzwerkes ab. Diese Eigenschaft erschwert die richtige Spezifizierung und Schätzung eines Modells im Vergleich zur gewöhnlichen statistischen Inferenz (Handcock et al.; 2008). Die Zielvariable in einem Exponential Random Graph Model ist die Existenz beziehungsweise Abwesenheit einer Kante. Als erklärende Kovariablen werden hierbei Statistiken verwendet, die aus Funktionen eben genau dieser Kanten hervorgehen . Man kann das Modell also in gewisser Weise als autoregressives Modell betrachten (Morris et al.; 2008). Welche Statistiken aufgenommen werden sollten um ein gutes Modell zu erhalten lässt sich nicht allgemeingültig beantworten. Abhängig von Struktur und Art des Netzwerkes sollten aus den im Folgenden vorgestellten Gruppen die jeweils passenden gewählt werden. Für eine (vollständige) Auflistung der im ergm-Paket (Handcock et al.; 2015) implementierten Statistiken verweise ich auf (Morris et al.; 2008) und die entsprechende Hilfe Seite in R.

Anzahl an Kanten, die im ergm-Paket durch die Statistiken edge und density implementiert sind und im Falle eines gerichteten Netzwerkes äquivalent sind. Zusätzlich können die Statistiken mutual und asymmetric verwendet werden, die die Anzahl an Knotenpaaren i,j zählen für die sowohl die Kante (i,j) als auch die Kante (j,i) besteht, beziehungsweise eben nur genau eine von beiden.

Die Degree-Verteilung wie in Abschnitt 4.1 beschrieben, lässt sich durch den Term degree(d) im Modell berücksichtigen. Diese Statistik zählt alle Knoten im Netzwerk die genau den Degree d aufweisen. In einem gerichteten Netzwerk verwendet man idegree(d) und odegree(d) analog für In- und Out-Degree. Eine ähnliche Statistik ist kstar(k). Sie zählt die Anzahl an k-stars im Netzwerk. Ein k-star ist definiert als ein Knoten der zu k anderen Knoten eine Kante besitzt. Anders als bei degree kann hier ein Knoten mehr als einmal gezählt werden. Bei gerichteten Netzwerken verwendet man alternativ istar(k) und ostar(k).

Gruppenbildungen und Transitivitätseigenschaften lassen sich bei gerichteten Netzwerken durch Statistiken wie *ctriple*, *ttriple* oder *transitive* erfassen. Diese führen aber bekannter Weise zur Degenerierung des modellierten Netzwerkes (siehe zum Beispiel (Morris et al.; 2008; Hunter, Handcock, Butts, Goodreau and Morris; 2008; Handcock et al.; 2008)) und werden deshalb gerne durch alternative neuere Statistiken ersetzt die im folgenden Abschnitt vorgestellt werden.

5.3 Degeneration und alternative Modellierung

In diesem Absatz gebe ich die Erklärungen zur Degeneration aus (Handcock et al.; 2008)wieder, falls nicht anderst ausgewiesen.

Ein häufig auftretendes Problem des Exponential Random Graph Modells ist, dass das simulierte Modell degneriert. Man spricht von einem degenerierten Modell, falls es einen Großteil seiner Wahrscheinlichkeitsmasse auf wenige extreme und unrealistische Netzwerkkonfigurationen wie zum Beispiel ein volles oder komplett leeres Netzwerk legt. Für eine genauere mathematische Erklärung verweise ich auf (Handcock et al.; 2003). Ein degeneriertes Modell führt oft zur Divergenz des Schätzalgorithmus, wodurch der ML-Schätzer der Parameter im Modell nicht bestimmt werden kann. Teilweise kann mit einem degenerierten Modell zwar eine Likelihood-Schätzung durchgeführt werden, allerdings ist ihr Fit in der Regel schlecht .

"Degeneracy is an implication of network mis-spezifikation - not a short coming of the MCMC estimation procedure."(Handcock et al.; 2008)

Der Grund, dass einfache Zählstatistiken wie *ttriple* oder *ctriple* zur Degeneration eines Netzwerkes führen ist, dass die Hinzunahme einer einzelnen Kante ihren Wert so stark verändern kann, dass der Einfluss des Parameterwerts auf das Netzwerk unrealistisch

verstärkt wird. Das wird an einem einfachen Beispiel deutlich. Ein Knoten mit Degree vier besitzt sechs Two-Stars. Verbindet man ihn jedoch mit nur einem einzigen weiteren Knoten, so kommen bereits auf einem Schlag 4 weitere Two-Stars hinzu. Hierfür gibt es in der neueren Netzwerkforschung eine empfohlene Lösungsstrategie: die Aufnahme von nicht linearen Einflüssen durch sogenannte Curved Exponential Family Models(CEFM) (Hunter; 2007).

Die Beschränkung auf lineare Effekte der Statistiken scheint intuitiv unrealistisch zu sein. Man denke sich ein Freundesnetzwerk. Zwei Akteure, mit null oder einem guten Freund werden sich deutlicher voneinander unterscheiden, als zwei Akteure mit 20 oder 21 guten Freunden. Der Einfluss der Veränderung der Degree-Statistik um eins sollte also mit der Höhe der Statistik abnehmen. Dies gewährleistet zum Beispiel die Geometrically Weighted Degree (GWD) Statistik:

$$u(x,\phi_s) = e^{\phi_s} \sum_{i=1}^{n-1} \left\{ 1 - (1 - e^{-\phi_s})^i \right\} D_i(x)$$
 (5.3)

 $u(x, \phi_s)$ ist eine ist hierbei eine Funktion der Degreestatistiken $D_i(x)$ abhängig vom Parameter ϕ_s .

Ähnliche Statistiken, die Stern und Dreiecks-Statistiken ersetzen können sind die Geometrically Weighted Edgewise Shared Partners (GWESP) und Geometrically Weighted Dyadic Shared Partners (GWDSP) Statistiken v, w:

$$v(x,\phi_t) = e^{\phi_t} \sum_{i=1}^{n-2} \left\{ 1 - (1 - e^{-\phi_t})^i \right\} EP_i(x)$$
 (5.4)

$$w(x,\phi_p) = e^{\phi_p} \sum_{i=1}^{n-2} \left\{ 1 - (1 - e^{-\phi_p})^i \right\} DP_i(x)$$
 (5.5)

 $EP_i(x)$ zählt die Anzahl der Kanten in x die genau i gemeinsame Nachbarn haben. $EP_i(x)$ zählt die Anzahl der Knotenpaare (k,l) in x die genau i gemeinsame Nachbarn haben unabhängig von X_{kl} .

Die Parameter ϕ_s , ϕ_t und ϕ_p sind sogenannte Decay-Parameter und bestimmen den Grad, in dem der Effekt der Statistiken für größere Werte abnimmt. Umso größer ϕ , desto langsamer ist die Abnahme des Effekts.

5.4 exogene Kovariablen

Es stehen einige exogene Datensätze zur Verfügung die im folgenden verwendet werden.

5.4.1 Formal Intersate Alliance Dataset

Ein Datensatz entspringt aus dem Formal Intersate Alliance Dataset (Gibler; n.d.) der vom Correlates of War Projekt zur Verfügung gestellt wird. Aufgeführt sind hierin Verteidigungsbündnisse, Nicht-Angriffspakte und militärische Bündnisse anderer Art . Im Folgenden wird eine Nachbarschaftsmatrix verwendet, wobei zwei verbündete Länder durch eine eins gekennzeichnet sind, während eine null bedeutet, dass kein Bündnis besteht. Diese Daten liegen nur bis zum Jahr 2008 vor.

5.4.2 Polity Score

Der nächste verwendete Datensatz entspringt dem $Polity\ IV\ Project$ welches vom Center for $Systemic\ Peace\ (CSP)\ (Marshall;\ n.d.a)$ betrieben wird. Dieser Datensatz weißt jedem Land abhängig von seinem Demokratiestatus einen Wert zwischen -10 und 10 zu. -10 kennzeichnet hierbei den schlechtest möglichen Wert, wobei 10 für bestmögliche demokratische Standarts steht. Verwendet wird eine gewichtete Nachbarschaftsmatrix deren ij-ter Eintrag dem Unterschied im Demokratiescore zwischen Land i und Land j entspricht.

5.4.3 Direct Contiguity

Der Datensatz $Direct\ COntiguity$ enthält für jedes Jahr eine eine Nachbarschaftsmatrix. Eine eins als ij-ten Eintrag weist hier auf eine gemeinsame Grenze der beiden beider Länder i und j hin, eine null auf das Gegenteil. Hierbei werden sowohl Land- als auch Seegrenzen in Betracht gezogen.

5.4.4 Composite Index of National Capability

Der Composite Index of National Capability aus der neusten Version des National Material Capabilities Dataset (Version 4.1) (Singer; 1988) ist ein Maß der nationalen Macht, dass vom Correlates of War Projekt erstellt wurde. Der Index berücksichtigt die Gesamtbevölkerungsanzahl, die Anzahl urbaner Bevölkerung, die Eisen- und Stahlproduktion, den Energieverbrauch sowie die Militärausgaben und Militärgröße eines Landes. Diese Daten liegen nur bis zum Jahr 2007 vor und dienen hier als Knotenattribut.

5.4.5 Intra-State Conflicts

Eine zustätzliche Kovariate in unserem Modell sammelt Informationen über internationale, civile, ethnische und (?genocidal) Gewalt und Kriege. Die Daten kommen vom Major Episodes of Political Violance Projekt (Marshall; n.d.b), dass wie auch das Polity IV Projekt von CSP bereitgestellt wird. Die Konflikte sind abhängig von der Stärke ihrer Auswirkung auf die betroffene Bevölkerung auf einer Skala von 1-10 bewertet. Diese Informationen werden als Knotenattribut verwendet.

5.4.6 GDP

Zu guter letzt verwenden wir auch das Bruttoinlandsprodukt der Länder als Knotenattribut. Die Daten entstammen dem *Maddison Project*(The Maddison-Project; n.d.).

- Polity: Demokratiescore zwischen 0 und 10. Die Differenz zweier Länder wird als Kantenattribut verwendet.
- GDP: Bruttoinlandsprodukt der Länder in internationaler Dollar
- Conflict: Interne und externe Konflikte. Knotenattribut mit Score zwischen 0-10
- CINC: (Composite Index of National Capability) statistisches Maß für nationale Macht zwischen 0 und 1.
- Alliance: binäres Kantenattribut; Besteht ein militärisches Bündnis (1:Ja, 0:Nein)
- DirectCont: binäres Kantenattribut; Besteht ein direkte Grenze (1:Ja, 0:Nein)

5.5 geschätzte Modelle

Aus den vorhergehenden theoretischen Überlegungen ergibt sich folgendes Modell:

Modell1: edges + mutual + gwidegree() + gwodegree() + gwesp() + gwdesp() + exogene Kovariablen

Zwar kann der Decay Parameter im Modell frei geschätzt werde, jedoch erhöht das die Rechenzeit dramatisch. Der Parameterwert wird daher in allen Statistiken auf 0.2 fixiert um Rechenzeit zu verkürzen wie zum Beispiel auch in Goodreau et al. (2008); Handcock et al. (2015); Hunter, Goodreau and Handcock (2008); Goodreau (2007).

Das Ergebnis der Schätzung von Modell 1 ist in Tabelle 5.1 festgehalten. Nahezu alle Parameter im Modell sind signifikant auf einem Level von mindestens 0.1. Lediglich der Faktor Kontinent und die Variable Conflict scheinen für den Import von Waffen nicht entscheident zu sein.

Die MCMC Diagnose von Modell 1 fällt durchgehend zufriedenstellend aus. Beispielhaft abgebildet sind in Abbildung 5.1 nur die ersten 4 Statistiken. Alle anderen weisen eine ähnlich gute Form auf.

Bei den Goodness of Fit Plots in Abbildung 5.2 fällt auf: out degree und minimum geodesic distance sind sehr gut getroffen, aber die esp- Statistiken werden bei kleinen Werten stark überschätzt und danach unterschätzt. Der In-Degree wird vor allem bei den Werten 1 und 2 nicht getroffen. Mögliche Lösung: Variation des decay-Parameters? Leider tendeiert das Modell für größere decay Werte zur Degeneration wie auch in Goodreau et al. (2008) berichtet.

ergm-term	Estimate	Std.Error	p-Value
edges	-6.111e+00	2.281e-01	< 1e-04 ***
mutual	2.120e+00	9.507e-02	< 1e-04 ***
gwidegree	1.895e+00	4.818e-01	< 1e-04 ***
gwodegree	-1.311e+00	3.307e-01	< 1e-04 ***
gwesp.fixed.0.2	2.641e+00	1.778e-01	< 1e-04 ***
gwdsp.fixed.0.2	-5.686e-02	6.008e-03	< 1e-04 ***
$nodeicov.ext_cinc$	3.071e+00	1.291e+00	0.01740 *
$nodeocov.ext_cinc$	-5.967e+00	1.361e+00	< 1e-0 ***
$nodeicov.ext_gdp$	3.479e-06	2.099e-06	0.09749 .
$nodeocov.ext_gdp$	4.392e-06	1.586e-06	0.00562 **
$nodeicov.ext_conflict$	2.310e-02	1.704e-02	0.17530
$nodeocov.ext_conflict$	-1.398e-01	2.763e-02	< 1e-04 ***
nodeifactor.Continent.America	6.645e-02	6.799e-02	0.32839
nodeifactor.Continent.Asien	9.525e-02	6.473e-02	0.14116
nodeifactor.Continent.Europe	5.353e-03	7.312e-02	0.94164
nodeifactor.Continent.Oceania	-2.323e-02	1.136e-01	0.83795
nodeofactor.Continent.America	2.055e-01	6.589 e-02	0.00182 **
nodeofactor.Continent.Asien	1.494e-01	6.452e-02	0.02055 *
${\bf node o factor. Continent. Europe}$	8.579e-01	7.226e-02	< 1e-04 ***
nodeofactor.Continent.Oceania	2.311e-01	9.602e-02	0.01611 *
$absdiff.ext_polity$	-9.360e-03	3.249e-03	0.00397 **

Tabelle 5.1: Summary von Modell 1

5.6 Interpretation der Parameter

Für den nachfolgenden wird der Begriff der Change Statistiken benötigt: $\theta^T \delta_g(x)_{ij}$ ist der Vektor der sogenannten Change-Statistiken

$$\theta^T \delta_g(x)_{ij} = g(x_{ij}^+) - g(x_{ij}^-)$$

wobei x_{ij}^+ und x_{ij}^- die jeweiligen Netzwerke sind, die man erhält, wenn man in einem bestimmten Netzwerk x die Kannte x_{ij} als gegeben $(x_{ij} = 1)$ oder abwesend $(x_{ij} = 0)$ festlegt. $\theta^T \delta_g(x)_{ij}$ misst also den Wert der Veränderung der Statistiken g(x) zwischen dem ansonsten gleichen Netzwerken mit und ohne der Kante x_{ij} .

Für eine einfache Interpretation der Modellparameter lässt sich Modellgleichung 5.1nun umschreiben zu

$$logit \left[P_{\theta, \mathcal{X}}(X_{ij} = 1 | X_{ij}^c = x_{ij}^c) \right] = \theta^T \delta_g(x)_{ij}.$$
 (5.6)

Die logit Funktion ist definiert als logit(p) = log [p/(1-p)] und X_{ij}^c repräsentiert das restliche Netzwerk ohne die einzelnen Variable X_{ij} .

Die Wahrscheinlichkeit auf der linken Seite von Gleichung 5.6 hängt nun nur noch von den Change Statistiken $\theta^T \delta_g(x)_{ij}$ ab und nicht mehr von den Netzwerkstatistiken $g(x_{ij}^+)$

5 Exponential Random Graph Model

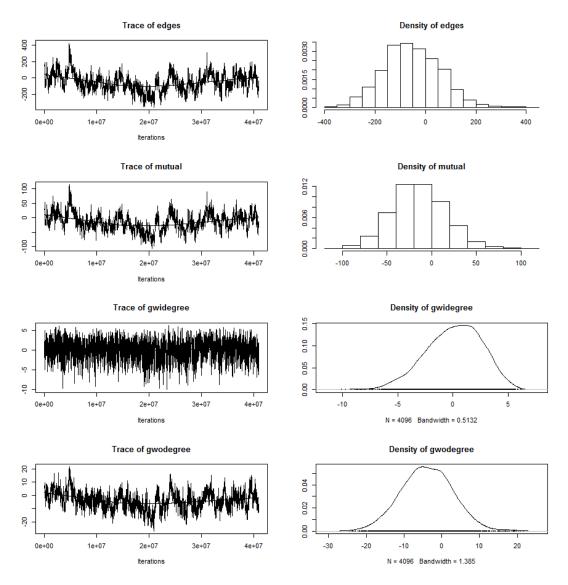


Abbildung 5.1: MCMC Diagnose von Modell 1

und $g(x_{ij}^-)$ selbst. Hierdurch ergibt sich eine einfache Interpretation der Modellparameter θ . Jedes Element aus θ lässt sich nun interpretieren als der Anstieg der bedingten log-odds des Netzwerkes, pro Anstieg des entsprechenden Elements aus g(x), der aus dem Wechsel von X_{ij} von 0 zu 1 resultiert (Hunter, Handcock, Butts, Goodreau and Morris; 2008).

Goodness-of-fit diagnostics 0.15 0.5 proportion of nodes proportion of nodes 0.4 0.10 0.3 0.2 0.05 0.1 0.00 0.0 0 3 6 9 13 17 21 25 29 33 37 41 45 49 53 0 7 15 24 33 42 51 60 69 78 87 96 107 119 131 in degree out degree 9.0 0.5 proportion of edges 0.15 0.20 proportion of dyads 0.4 0.3 0.10 0.2 0.05 0.1 0.00 0.0 0 3 6 9 13 17 21 25 29 33 37 41 45 49 6 7 8 10 11 NR edge-wise shared partners minimum geodesic distance

Abbildung 5.2: Goodness of Fit von Modell 1

Literaturverzeichnis

- Arel-Bundock, V. (2014). countrycode: Convert Country Names and Country Codes. R package version 0.18.
 - **URL:** http://CRAN.R-project.org/package=countrycode
- Gibler, D. M. (n.d.). International military alliances, 1648-2008, CQ Press. Version 4.1.
- Goodreau, S. M. (2007). Advances in exponential random graph (p*) models applied to a large social network, *Social Networks* **29**(2): 231–248.
- Goodreau, S. M., Handcock, M. S., Hunter, D. R., Butts, C. T. and Morris, M. (2008). A statnet tutorial, *Journal of statistical software* **24**(9): 1.
- Handcock, M. S., Hunter, D. R., Butts, C. T., Goodreau, S. M., Krivitsky, P. N., Bender-deMoll, S. and Morris, M. (2014). statnet: Software tools for the Statistical Analysis of Network Data, The Statnet Project (http://www.statnet.org). R package version 2014.2.0.
 - **URL:** CRAN.R-project.org/package=statnet
- Handcock, M. S., Hunter, D. R., Butts, C. T., Goodreau, S. M., Krivitsky, P. N. and Morris, M. (2015). ergm: Fit, Simulate and Diagnose Exponential-Family Models for Networks, The Statnet Project (http://www.statnet.org). R package version 3.4.0. URL: http://CRAN.R-project.org/package=ergm
- Handcock, M. S., Hunter, D. R., Butts, C. T., Goodreau, S. M. and Morris, M. (2008). statnet: Software tools for the representation, visualization, analysis and simulation of network data, *Journal of statistical software* **24**(1).
- Handcock, M. S., Robins, G., Snijders, T. A., Moody, J. and Besag, J. (2003). Assessing degeneracy in statistical models of social networks, *Technical report*, Citeseer.
- Hunter, D. R. (2007). Curved exponential family models for social networks, *Social networks* **29**(2): 216–230.
- Hunter, D. R., Goodreau, S. M. and Handcock, M. S. (2008). Goodness of fit of social network models, *Journal of the American Statistical Association* **103**(481).

Literaturverzeichnis

- Hunter, D. R., Handcock, M. S., Butts, C. T., Goodreau, S. M. and Morris, M. (2008). ergm: A package to fit, simulate and diagnose exponential-family models for networks, *Journal of statistical software* **24**(3).
- Kolaczyk, E. D. (2009). Statistical Analysis of Network Data, Springer New York. URL: http://ebooks.ub.uni-muenchen.de/40006/
- Lusher, D., Koskinen, J. and Robins, G. (2012). Exponential random graph models for social networks: Theory, methods, and applications, Cambridge University Press.
- Marshall, M. G. (n.d.a). International military alliances, 1648-2008, Polity IV Project, Center for Systematic Peace. Version 4.1.
- Marshall, M. G. (n.d.b). Major episodes of political violance, 1946-20013, Center for Systematic Peace. Version 4.1.
- Morris, M., Handcock, M. S. and Hunter, D. R. (2008). Specification of exponential-family random graph models: terms and computational aspects, *Journal of statistical software* **24**(4).
- R Development Core Team (2008). R: A Language and Environment for Statistical Computing, R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria. ISBN 3-900051-07-0.
 - **URL:** http://www.R-project.org
- Singer, J. D. (1988). Reconstructing the correlates of war dataset on material capabilities of states, 1816–1985, *International Interactions* **14**(2): 115–132.
- The Maddison-Project, . (n.d.). Growth domestic product, http://www.ggdc.net/maddison/maddison-project/home.htm. Version 4.1.

Abbildungsverzeichnis

4.1	Boxplot für In- und Out-Degree in den Jahren 1992-2011	11
4.2	Average nearest Neighbor Degree am Beispiel von 1998	12
4.3	Vergleich der 1% teuersten Waffenkäufe mit den 99% billigsten in den	
	Jahren 1992-2011	13
4.4	Zeitreihen der jährlichen Handelswerte der Top-Exporteure/Importeure	
	von 1992 bis 2011	15
4.5	Visualisierung des Netzwerkes 1992 (l.) und 2011(r)	16
4.6	Deskriptive Maßzahlen des Kleinwaffenhandelsnetzwerkes 1992-2011 $$	18
4.7	Handelsströme zwischen den Kontinenten von 1992-2011	18
4.8	Handelsströme zwischen den Regionen von 1992-2011	19
F 1	MCMC Diamage Madall 1	20
5.1	MCMC Diagnose von Modell 1	29
5.2	Goodness of Fit von Modell 1	30

Tabellenverzeichnis

4.1	Summierte Handelswerte der Top-Importeure und Top-Exporteure des					
	Netzwerkes von 1992 bis 2011	14				
4.2	Zentrale Akteure des Netzwerkes 1992 und 2011	17				
5.1	Summary von Modell 1	28				
5.2	Auflistung der gelöschten Schleifen im Datensatz	38				

Anhang

row	Reporter_Name	Partner_Name	Year	Value	PRIO_Weapons_Code
328	Albania	Albania	2005	3366.00	223
346	Albania	Albania	2006	13355.00	223
4143	Australia	Australia	2004	586143.00	210
4161	Australia	Australia	2004	13241.00	223
4183	Australia	Australia	2004	721.00	227
4211	Australia	Australia	2004	4693884.00	260
4224	Australia	Australia	2004	48697.00	417
4257	Australia	Australia	2005	15054.00	210
4318	Australia	Australia	2005	3180066.00	260
4329	Australia	Australia	2005	639.00	417
4362	Australia	Australia	2006	42325.00	210
4396	Australia	Australia	2006	31458.00	227
4422	Australia	Australia	2006	2473903.00	260
4435	Australia	Australia	2006	682288.00	417
4466	Australia	Australia	2007	1431868.00	210
4528	Australia	Australia	2007	4132772.00	260
4579	Australia	Australia	2008	869812.00	210
4641	Australia	Australia	2008	2870285.00	260
4653	Australia	Australia	2008	6652.00	417
4692	Australia	Australia	2009	37710.00	210
4731	Australia	Australia	2009	8857.00	227
4758	Australia	Australia	2009	857590.00	260
4804	Australia	Australia	2010	19084.00	210
4839	Australia	Australia	2010	13162.00	227
4866	Australia	Australia	2010	580277.00	260
4876	Australia	Australia	2010	1836.00	417
4915	Australia	Australia	2011	283630.00	210
4955	Australia	Australia	2011	33770.00	227
4985	Australia	Australia	2011	4529308.00	260
9934	Belgium	Belgium	2010	1056327.00	223
9951	Belgium	Belgium	2010	27087.00	227
11189	Bosnia-Herzegovina	Bosnia-Herzegovina	2003	94087.00	417
13542	Bulgaria	Bulgaria	2011	472000.00	200
15412	Canada	Canada	2002	2397.00	227
15434	Canada	Canada	2002	823.00	260
15455	Canada	Canada	2002	91030.00	417
15567	Canada	Canada	2003	13484.00	260
15586	Canada	Canada	2003	194230.00	417
15626	Canada	Canada	2004	11122.00	210

Tabellen verzeichn is

15698	Canada	Canada	2004	7179.00	260
15721	Canada	Canada	2004	221463.00	417
15848	Canada	Canada	2005	32756.00	417
15937	Canada	Canada	2006	7181.00	227
15967	Canada	Canada	2006	1616.00	260
15997	Canada	Canada	2006	355640.00	417
16085	Canada	Canada	2007	13454.00	227
16146	Canada	Canada	2007	208218.00	417
16178	Canada	Canada	2007	12.00	418
16201	Canada	Canada	2008	1000.00	210
16242	Canada	Canada	2008	60664.00	227
16268	Canada	Canada	2008	250.00	260
16292	Canada	Canada	2008	35525.00	417
16383	Canada	Canada	2009	23435.00	227
16408	Canada	Canada	2009	45762.00	260
16428	Canada	Canada	2009	24582.00	417
16509	Canada	Canada	2010	34898.00	223
16532	Canada	Canada	2010	78136.00	227
16566	Canada	Canada	2010	9716.00	260
16593	Canada	Canada	2010	938822.00	417
16691	Canada	Canada	2011	19734.00	227
16722	Canada	Canada	2011	6694.00	260
16745	Canada	Canada	2011	11456.00	417
16780	Canada	Canada	2011	10.00	418
21855	Cyprus	Cyprus	2001	157920.00	418
21000	Cyprus	Cyprus	2001	101020.00	
21957	Cyprus	Cyprus	2003	606.00 133060.00	418 200
21957 24043	Cyprus Czech Republic	Cyprus Czech Republic	2003 2004	606.00 133060.00	418 200
21957 24043 28760	Cyprus Czech Republic Estonia	Cyprus Czech Republic Estonia	2003 2004 2007	606.00 133060.00 5085.00	418 200 417
21957 24043 28760 32299	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000	606.00 133060.00	418 200 417 223
21957 24043 28760 32299 32350	Cyprus Czech Republic Estonia France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France	2003 2004 2007 2000 2000	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00	418 200 417 223 417
21957 24043 28760 32299 32350 32375	Cyprus Czech Republic Estonia France France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France France	2003 2004 2007 2000 2000 2000	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00	418 200 417 223 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2000 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00	418 200 417 223 417 418 223
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00	418 200 417 223 417 418 223 227
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France France France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France France France France	Cyprus Czech Republic Estonia France France France France France France France France France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2001	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2002	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683 32703	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00 990720.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683 32703 32728	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 82811.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00 990720.00 1937735.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683 32703 32728 32759	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00 990720.00 1937735.00 748867.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683 32703 32728 32759 32784	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00 990720.00 1937735.00 748867.00 1264627.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418
21957 24043 28760 32299 32350 32375 32398 32424 32453 32473 32501 32525 32557 32577 32606 32632 32662 32683 32703 32728 32759	Cyprus Czech Republic Estonia France	Cyprus Czech Republic Estonia France	2003 2004 2007 2000 2000 2000 2001 2001 2001 2002 2002 2002 2002 2003 2003	606.00 133060.00 5085.00 43412.00 361290.00 619970.00 89525.00 6714.00 125337.00 16244.00 11601.00 475712.00 2723.00 2723.00 1078653.00 1070481.00 990720.00 1937735.00 748867.00	418 200 417 223 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418 223 227 417 418

Tabellen verzeichn is

32957	France	France	2006	24817.00	417
33016	France	France	2007	55657.00	223
33039	France	France	2007	131821.00	227
33080	France	France	2007	90809.00	417
33106	France	France	2007	29292.00	418
33130	France	France	2008	15382.00	223
33154	France	France	2008	153832.00	227
33183	France	France	2008	21535.00	417
33208	France	France	2008	24613.00	418
33237	France	France	2009	8619.00	223
33261	France	France	2009	20111.00	227
33293	France	France	2009	31603.00	417
33320	France	France	2009	301662.00	418
33406	France	France	2010	8121.00	417
33425	France	France	2010	2706.00	418
33472	France	France	2011	2782.00	227
33501	France	France	2011	11132.00	417
60737	Malaysia	Malaysia	2010	67114.00	418
68357	New Zealand	New Zealand	2008	5021.00	223
68378	New Zealand	New Zealand	2008	4422.00	227
68708	New Zealand	New Zealand	2011	648.00	227
84157	Slovakia	Slovakia	2002	115.00	260
84174	Slovakia	Slovakia	2002	28790.00	417
84230	Slovakia	Slovakia	2003	11114.00	260
84249	Slovakia	Slovakia	2003	37417.00	417
95974	Thailand	Thailand	2007	15078.00	210
96004	Thailand	Thailand	2007	320.00	227
96375	Thailand	Thailand	2011	11096.00	227
101434	United Kingdom	United Kingdom	2000	2663869.00	223
101462	United Kingdom	United Kingdom	2000	1450872.00	227
101507	United Kingdom	United Kingdom	2000	216810.00	418
101542	United Kingdom	United Kingdom	2001	3715829.00	223
101569	United Kingdom	United Kingdom	2001	503356.00	227
101646	United Kingdom	United Kingdom	2002	1602392.00	223
101671	United Kingdom	United Kingdom	2002	1051572.00	227
101702	United Kingdom	United Kingdom	2002	177831.00	417
101718	United Kingdom	United Kingdom	2002	374054.00	418
101752	United Kingdom	United Kingdom	2003	6230061.00	223
101782	United Kingdom	United Kingdom	2003	1625580.00	227
101811	United Kingdom	United Kingdom	2003	15105.00	417
101859	United Kingdom	United Kingdom	2004	8316031.00	223
101883	United Kingdom	United Kingdom	2004	2539407.00	227
101932	United Kingdom	United Kingdom	2004	6603.00	418
101967	United Kingdom	United Kingdom	2005	7487298.00	223
101996	United Kingdom	United Kingdom	2005	2504286.00	227
102027	United Kingdom	United Kingdom	2005	53655.00	417
102045	United Kingdom	United Kingdom	2005	6252.00	418
102085	United Kingdom	United Kingdom	2006	7520540.00	223
102115	United Kingdom	United Kingdom	2006	3570588.00	227
	=	=			

Tabellen verzeichn is

102148	United Kingdom	United Kingdom	2006	49884.00	417
102193	United Kingdom	United Kingdom	2007	7235351.00	223
102222	United Kingdom	United Kingdom	2007	3207893.00	227
102255	United Kingdom	United Kingdom	2007	22582.00	417
102305	United Kingdom	United Kingdom	2008	3432365.00	223
102333	United Kingdom	United Kingdom	2008	983561.00	227
102417	United Kingdom	United Kingdom	2009	3660097.00	223
102442	United Kingdom	United Kingdom	2009	1124347.00	227
102483	United Kingdom	United Kingdom	2009	22303.00	417
102540	United Kingdom	United Kingdom	2010	4121609.00	223
102564	United Kingdom	United Kingdom	2010	732804.00	227
102647	United Kingdom	United Kingdom	2011	4910676.00	223
102670	United Kingdom	United Kingdom	2011	1131532.00	227
102699	United Kingdom	United Kingdom	2011	25154.00	417

Tabelle 5.2: Auflistung der gelöschten Schleifen im Datensatz

Eidesstattliche Erklärung

Literaturverzeichnis aufgeführten Quelle	t ohne fremde Hilfe angefertigt und nur die im en und Hilfsmittel benutzt habe. Diese Arbeit
wurde noch nicht zu anderen prüfungsrel	ievanten Zwecken vorgelegt.
Ort, Datum	$Felix\ Loewe$