```
2
    *deck,usermat3d
                     USERDISTRIB parallel
                                                                       gal
3
          subroutine usermat3d EPVP (
4
         δ
                           matId, elemId, kDomIntPt, kLayer, kSectPt,
5
                           ldstep, isubst, keycut,
         κ
6
         ς.
                           nDirect, nShear, ncomp, nStatev, nProp,
7
         S.
                           Time, dTime, Temp, dTemp,
                           stress, ustatev, dsdePl, sedEl, sedPl, epseq,
8
         'n
9
                           Strain, dStrain, epsPl, prop, coords,
         'n
10
                           var0, defGrad_t, defGrad,
         δ
11
         &
                           tsstif, epsZZ, cutFactor,
         ς.
                           var1, var2, var3, var4, var5,
13
         'n
                           var6, var7)
    #include "impcom.inc"
         15
          !** SUBROTINA: USERMAT3D EPVP
16
          ! * *
17
          !** Objetivo: atualiza as tensões, variáveis de estado e matriz
          1 * *
19
                       constitutiva para o modelo constitutivo EPVP
          1 * *
                                                                             **1
                                                                             **!
21
          !** Situação: OK (10/11/2021)
          ! * *
          23
24
          ! *********************************
25
26
          ! Declaração variáveis de entrada e saída da subrotina
          27
28
29
         &
                         matId, elemId,
30
                         kDomIntPt, kLayer, kSectPt,
         &
31
                         ldstep, isubst, keycut,
32
                         nDirect, nShear, ncomp, nStatev, nProp
33
         DOUBLE PRECISION
34
         &
                         Time,
                                  dTime,
                                          Temp,
                                                  dTemp,
35
                         sedEl,
         &
                                  sedPl,
                                          epseq,
                                                  epsZZ,
                                                           cutFactor
36
         DOUBLE PRECISION
37
         δ
                         stress
                                 (ncomp ), ustatev (nStatev),
38
                         dsdePl
         κ
                                (ncomp, ncomp),
39
                         Strain (ncomp ), dStrain (ncomp
         δ
40
                                 (ncomp ), prop
         δ
                         epsPl
                                                  (nProp ),
                                 (3),
41
                         coords
         &
                         defGrad (3,3),
42
         &
                                          defGrad t(3,3),
43
                         tsstif
                                 (2)
44
         DOUBLE PRECISION var0, var1, var2, var3, var4, var5,
45
                         var6, var7
46
          ! ***********************
47
          ! Informações sobre as variáveis locais (precisão, tipo, escopo)
48
          49
          ! aux1
50
                                               denominador no dlambdaVP
    С
                         (dp,sc,l)
51
          ! c
    С
                        (dp,sc,l)
                                               coesão
52
                                               cs do vetor de fluxo
    C
          ! c1,c2,c3
                         (dp,sc,l)
53
          ! cp,ci,cr
                                               coesão inicial, pico e residual
    C
                         (dp,sc,l)
54
         ! czao
                                               constante para def. plast. equiv.
    C
                         (dp,sc,l)
                                               constante para def. viscop. equiv.
55
         ! czaoVP
    С
                         (dp, sc, l)
56
         ! cVP
                                               coesão do modelo viscoplástio
    C
                        (dp,sc,l)
57
    С
         ! ddlam
                        (dp,sc,l)
                                               ddlam pelo NR do corretor plástico
58
    С
         ! dfds
                        (dp,ar(ncomp),1)
                                               df/dsigma
59
                                               df/dsigma^T para aplicar MATMUL
         ! dfds m
                        (dp,ar(1,ncomp),1)
60
         ! dgds
                        (dp,ar(ncomp),1)
                                               dg/dsigma
61
         ! dgdsVP
                        (dp,ar(ncomp),1)
                                               dg/dsigma viscoplástico
62
         ! dgds m
                         (dp, ar(ncomp, 1), 1)
                                               dg/dsigma para aplicar MATMUL
63
    С
         ! dgdsVP m
                         (dp,ar(ncomp,1),1)
                                               dg/dsigmaVP para aplicar MATMUL
64
    С
         ! dhdq,dfdq,dfdc,dcde (dp,sc,l)
                                               dh/dq, df/dq, df/dc, dc/de
65
    С
         ! dgPHItD
                        (dp,ar(ncomp,ncomp),1)
                                               produto dg/dsigma*PHI^T*D
66
         ! dlam
                                               delta lambda elastoplastico
    С
                         (dp, sc, l)
67
         ! dlambdaVP
                        (dp,sc,l)
                                               delta lambda viscoplastico
    С
68
    С
         ! depsEP
                         (dp,ar(ncomp),1)
                                               incremento deformações plásticas
69
                                               incremento deformações viscoplásticas
         ! depsVP
    C
                         (dp,ar(ncomp),1)
70
         ! depsEPeq
                        (dp,sc,l)
    С
                                               incremen. defor. plástica equivalente
                                              produto D*dg/dsigma*df/dsigma^T*D
71
         ! DaftD
    С
                         (dp,ar(ncomp,ncomp),1)
    С
          ! dsdeEl
                        (dp,ar(ncomp,ncomp),1)
                                               matriz constitutiva elastica
73
          ! dsdeElinv
                        (dp,ar(ncomp,ncomp),1)
                                               inversa de dsdeEl
```

```
! dt1,dt2
 74
                        (dp,sc,l)
                                                tempos limites do modelo viscoplástico
 75
           ! eps1, eps2, eps3 (dp, sc, 1)
                                                deformações plast. equiva. amol/endur.
 76
          ! epsEP
                   (dp,ar(ncomp),1)
                                               deformações plásticas
 77
          ! epsVP
                         (dp,ar(ncomp),1)
                                               deformações viscoplasticas
     C
 78
     C
          ! epsEPeq
                        (dp,sc,l)
                                                deformação plástica equivalente
 79
     C
          ! epsVPeq
                         (dp,sc,l)
                                                deformação viscoplástica equivalente
 80
                                                função de escoamento elastoplástico
     С
          ! f
                         (dp,sc,l)
 81
          ! fVP
                         (dp,sc,l)
                                                função de escoamento viscoplástico
     C
 82
     С
          ! fi
                         (dp,sc,l)
                                                ângulo de atrito elastoplástico
                                               ângulo de atrito viscoplástico
 83
     С
          ! fiVP
                         (dp,sc,l)
                                               produto df/dsigma^T*D*dg/dsigma
 84
     С
           ! ftDa
                         (dp,sc,l)
                                               componentes diretoras do vetor de fluxo
 85
     C
          ! g1,g2,g3
                         (dp,ar(ncomp),1)
 86
          ! i,j,k
                         (int,sc,l)
                                                contadores
     C
 87
           ! I1
                         (dp,sc,l)
                                                primeiro invariante das tensões
     C
 88
          ! J2
                         (dp,sc,l)
                                                segundo invariante do desviador
     C
          ! J3
                                                terceiro invariante do desviador
 89
     C
                         (dp,sc,l)
 90
          ! n,eta,f0
                                                constantes do modelo de Perzyna
     C
                         (dp,sc,l)
 91
          ! ncompgt
                                                componentes de tensões iniciais
     C
                         (int,sc,l)
          ! nrmax
 92
                                                quantidade máxima de interações de NR
                         (int,sc,l)
     С
          ! PHI
 93
                                                função de sobretensão
     С
                         (dp,sc,l)
          ! PHItDdeps
 94
                                               produto PHI^T*D*deps
     C
                         (dp,sc,l)
          ! PHItDg
                                                produto dPHI/ds^T*D*dg/ds
 95
     C
                         (dp,sc,l)
                                              produto de min, do la angulo de dilatância viscoplástico tensor desviador
 96
     C
          ! psi
                         (dp,sc,l)
 97
     С
          ! psiVP
                         (dp,sc,l)
          ! s
 98
     С
                         (dp,ar(ncomp),1)
 99
     С
          ! sigi
                        (dp,ar(ncomp),1)
100
          ! sigmap
                        (dp,ar(ncomp),l)
                                               tensão inicial a descontar
     С
101
          ! stressn
                        (dp, ar(ncomp), 1)
                                                tensão no inicio do passo
     C
          ! stresstrial (dp,ar(ncomp),l)
102
                                               tensão tentativa
     C
103
          ! theta
                        (dp,sc,l)
                                                ângulo de Lode
     C
104
    С
          ! thetaVP
                        (dp,sc,l)
                                                ângulo de Lode do modelo viscoplástico
105
                                               módulo de Young
    C
          ! young
                         (dp,sc,l)
          ! posn
106
                                               coeficiente de Poisson
    C
                         (dp,sc,l)
107
          ! q1,dq
                                               variaveis auxiliares
     C
                         (dp,sc,l)
                                               f : 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
108
          ! superficief (int,sc,l)
     C
109
          ! superficiefVP (int,sc,l)
                                                fVP : 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
     C
110
          ! superficiegVP (int,sc,l)
                                                g : 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
     C
111
                                                gVP: 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
     С
          ! superficieg (int,sc,l)
112
          ! vPi
                         (dp,sc,l)
                                                Ρi
     C
113
     C
           - 1
          114
     С
115
     C
           ! INFORMAÇÕES DAS VARIÁVEIS DE ESTADO
           !***********************
116
     C
117
     C
           - 1
118
     C
           .
             nstatev
                       = 20
119
     C
           !
              ustatev(1) = epsEPeq
120
     C
           .!
              ustatev(2) = dlam
            ustatev(3) = c
121
     C
           1
            ustatev(4) = q
122
     C
          - !
123
            ustatev(5) = f
          . !
     C
124
            ustatev(6) = epsVPeq
          .!
     C
125
          ! ustatev(7) = dt1
     C
126
          ! ustatev(8) = dt2
     С
127
          ! ustatev(9:ncomp) = espEP(1:ncomp)
     C
128
          ! ustatev(15:ncomp) = espVP(1:ncomp)
     С
129
          - 1
     С
130
     С
           ! OBS: as variáveis de estados podem ser plotadas na GUI do ANSYS
131
           ! utilizando o comando PLESOL, SVAR, [componente] ou PLNESOL, SVAR, [componente]
     C
132
          133
134
           ! Declaração das variáveis locais
           ! ********************************
135
136
     C
          - 1
137
           ! Variáveis comuns a ambos modelos
138
           INTEGER
139
                         i, j, k, ncompgt
140
          DOUBLE PRECISION
141
                         I1, J2, J3, theta,
          &
142
                         c1,c2,c3,
          δ.
143
          &
                         vPi,
144
          &
                         dstress(ncomp), sigi(ncomp),
145
          &
                         dsdeEl(ncomp,ncomp),
                         s(ncomp),
146
```

```
147
                             g1 (ncomp), g2 (ncomp), g3 (ncomp)
148
            DOUBLE PRECISION
149
           δ
                             young, posn
150
            PARAMETER
                                 (
1.51
                                  vPi = 3.14159265358979323846d0
           κ
152
                                 )
           κ
153
            EXTERNAL
154
           æ
                             vzero, vmove, get ElmData, get ElmInfo,
155
           'n
                             matrizD, invars, normatensor, calcula czao,
156
                             matinv, yield, c1c2c3, g1g2g3
           δ
157
      C
            ! variáveis do modelo viscoplástico
158
159
            DOUBLE PRECISION
160
           δ
                             fVP, PHI,
161
                             dlambdaVP, PHItDdeps, PHItDg, aux1,
           δ
162
                             epsVPeq,depsVPeq,czaoVP
163
            DOUBLE PRECISION
164
           &
                             dgdsVP(ncomp), dPHIds(ncomp),
                             dPHIds_m(1,ncomp),dgdsVP m(ncomp,1),
165
           &
166
                             epsVP(ncomp), depsVP(ncomp),
           &
167
                             dgPHItD(ncomp, ncomp),
           &
168
                             sigmap(ncomp),dt1,dt2
169
            INTEGER
170
                             superficiefVP, superficiegVP
171
            DOUBLE PRECISION
172
                             cVP, fiVP, psiVP, n, eta, f0, thetaVP
           δ
173
174
            ! variáveis do modelo elastoplástico
175
176
                             nrmax, dalg
177
            DOUBLE PRECISION
178
           &
                             tolEP,
179
           &
180
                             dlam, ddlam, ftDg,
           &
181
                             dhdq,dfdq,dqdc,dcde,
           &
182
           δ
                             epsEPeq,depsEPeq,czao,
183
           δ
                             q,dq,Xi
            DOUBLE PRECISION
184
185
                             dsdeElinv(ncomp, ncomp),
           δ
186
           δ
                             stresstrial (ncomp),
187
           &
                             dgds (ncomp), dfds (ncomp),
188
           &
                             dfds m(1,ncomp),dgds m(ncomp,1),
189
           &
                             epsEP(ncomp), depsEP(ncomp),
190
           &
                             DgftD(ncomp, ncomp),
191
                             stressn(ncomp)
192
            INTEGER
193
                             superficief, superficieg
194
            DOUBLE PRECISION
195
                             c,fi,psi,ci,cp,cr,eps1,eps2,eps3
196
                                 (nrmax = 100000,
            PARAMETER
                                  tolEP = 0.000000000001d0
197
           &
198
           &
                                 )
199
            EXTERNAL
200
                             calcula_Xi,calcula_dcde
           &
201
            ! **************************
202
203
     С
            ! Entrada de dados
            ! **********************************
204
     С
205
206
            ! Variavel que controla o método da bisseção caso não haja convergência
207
            keycut
                        = 0
208
209
            ! Propriedades elásticas
210
            young
                        = prop(2)
211
            posn
                        = prop(3)
212
      С
            ! Propriedades do modelo EP
213
214
            superficief = prop(4)
215
            superficieg = prop(5)
                        = prop(6)*vPi/180
216
            fi
217
                        = prop(7)*vPi/180
            psi
218
            ci
                        = prop(8)
219
            сp
                        = prop(9)
```

```
220
        cr
                 = prop(10)
221
        eps1
                 = prop(11)
222
        eps2
                 = prop(12)
223
        eps3
                 = prop(13)
224
        dalg
                 = prop(14)
225
   C
        - 1
226
        ! Propriedades do modelo VP
227
        superficiefVP = prop(15)
        superficiegVP = prop(16)
228
229
        fiVP
                  = prop(17) * vPi/180
        psiVP
230
                  = prop(18) * vPi/180
2.31
        cVP
                  = prop(19)
232
        n
                  = prop(20)
233
        eta
                  = prop(21)
234
        f0
                  = prop(22)
235
        thetaVP
                  = prop(23)
236
237
        ! Limpando variáveis do modelo EP
238
                = 0.0d0
        depsEP
239
                = 0.0d0
        depsEPeq
240
                 = 0.0d0
        dq
241
        f
                 = 0.0d0
242
                 = 0.0d0
        stressn
243
        dade
                 = 0.0d0
244
                 = 0
245 c
   С
246
        ! Limpando variáveis do modelo VP
247
                = 0.0d0
        depsVP
248
        fVP
                 = 0.0d0
249
        dt1
                 = 0.0d0
250
        dt2
                 = 0.0d0
251 c
        252 c
253
   C
        ! Coletando variáveis de estado e deformações plásticas do passo convergido!
        254
   C
255
        ! Modelo EP
   C
256
        epsEPeq = ustatev(1)
257
        dlam = ustatev(2)
258
        С
              = ustatev(3)
259
             = ustatev(5)
260
        CALL vmove(ustatev(9), epsEP(1), ncomp)
261
   C
262
   C
        ! Inicializa o valor da coesão
263
        IF(c.EQ.0.0d0)c=ci
264
        IF (q.EQ.0.0d0) THEN
265
           CALL calcula Xi(superficief, fi, Xi)
266
           q=Xi*ci
        ENDIF
267
268
    C
        ! Modelo VP
269
    С
270
        epsVPeq = ustatev(6)
271
        CALL vmove (ustatev (15), epsVP(1), ncomp)
272
   C
273
        С
274
        ! Calculo da matriz constitutiva
   C
275
        !*************************
    С
276
        dsdeEl
                 = 0.0d0
277
        CALL MatrizD(young,posn,ncomp,dsdeEl)
278
        dsdePl = dsdeEl
279
        280
        ! Calculo módulo de rigidez transversal para hourglass
281
        [***********************************
282
283
        tsstif(1) = 0.5d0*(young /(1.0d0+posn))
284
   С
        285
   С
286
   С
        ! Coletando tensões iniciais
        287
    C
288
        call get_ElmInfo('NCOMP', ncompgt)
289
        call vzero(sigi(1),ncompgt)
290
        call get ElmData ('ISIG', elemId,kDomIntPt, ncompgt, sigi)
291
    С
292
```

```
! Calculo da tensão no passo n
293
        294
295
        stress = MATMUL(dsdeEl(1:ncomp,1:ncomp),
296
       δ.
         strain(1:ncomp)
297
       S.
             -epsVP(1:ncomp)
298
       S.
             -epsEP(1:ncomp))+sigi
299
       1
   C
        300
   C
301
   C
        ! Calculo da função de sobretensão
        302
   C
303
        PHI = 0.0d0
304
        CALL invars(stress, ncomp, I1, J2, J3, theta, s)
305
        CALL yield(superficiefVP, I1, J2, theta, cVP, fiVP, fVP)
306
        PHI = (fVP/f0)**n
307
        IF (PHI.LE.0.0d0) PHI = 0.0d0
308
   C
        309
   С
        ! Calculo dgdsvp
310
   С
311
        С
312
        CALL g1g2g3(s,ncomp,J2,g1,g2,g3)
313
        CALL c1c2c3 (J2, theta, superficiegVP, psiVP, c1, c2, c3)
314
        dgdsVP = c1*g1 + c2*g2 + c3*g3
315
   C
        316
   C
317
   C
        ! Calculo dPHIds, PHItDg, PHItDdeps, aux1
        318
   C
        CALL c1c2c3(J2,theta,superficiefVP,psiVP,c1,c2,c3)
319
320
        dPHIds = c1*q1 + c2*q2 + c3*q3
321
        IF (PHI.LE.0.0d0) dPHIds = 0.0d0
322
       323
        ! Verificação do incremento de tempo
324
   С
        325
326
        IF (PHI.GT. 0.0d0) THEN
327
        dt1 = 4.0d0/3.0d0*eta/PHI*(1.0d0+posn)/young*DSQRT(3.0d0*J2)
        dt2 = eta*f0/(n*(fVP/f0)**(n-1))*
328
329
             (1.0d0+posn) * (1.0d0-2.0d0*posn) / young*
       δ
             ((3.0d0-DSIN(fiVP))**2)/
330
       S.
331
             (3.0d0/4.0d0*(1.0d0-2.0d0*posn)*(3.0d0-DSIN(fiVP))**2+
       δ
332
             6.0d0*(1.0d0+posn)*DSIN(fiVP)**2)
333
        IF (dtime.GT.dt1.OR.dtime.GT.dt2) THEN
334
          keycut = 1
335
          RETURN
336
        ENDIF
337
        ENDIF
338
   С
        ! *********************************
339
   С
        ! Atualização do módulo constitutivo
340
   С
        341
342
        PHItDg = DOT PRODUCT (dPHIds, MATMUL (dsdeEl, dgdsVP))
343
        aux1 = (eta/dtime + thetaVP*PHItDg)
        dPHIds m(1,:) = dPHIds
344
        dgdsVP m(:,1) = dgdsVP
345
346
        DqPHItD = MATMUL (MATMUL
                 (MATMUL(dsdeEl,dgdsVP_m),dPHIds_m),dsdeEl)
347
348
        dsdePl = dsdePl - thetaVP*DgPHItD/aux1
349
   С
350
       С
351
        ! Calculo do p
        352
353
        sigmap = PHI*MATMUL(dsdeEl(1:ncomp,1:ncomp),
354
          dgdsVP(1:ncomp))/aux1
355
   С
       - 1
       356
357
        ! Calculo da deformação viscoplastica
   С
        358
359
        PHItDdeps = DOT_PRODUCT(dPHIds, MATMUL(dsdeEl, dstrain))
360
        dlambdaVP = (PHI + thetaVP*PHItDdeps)/aux1
361
        depsVP = dlambdaVP*dgdsVP
362
        1
   С
363
        ! Calcula as deformações viscoplasticas totais
   С
364
        epsVP = epsVP + depsVP
365
        CALL normatensor(epsVP,ncomp,epsVPeq)
```

```
366
        CALL calcula Czao (superficiefVP, fiVP, CzaoVP)
367
        epsVPeq = CzaoVP*epsVPeq
368
    C
369
    C
        370
    C
371
    C
        ! Calculo preditor elástico
        372
373
        stresstrial = 0.0d0
        stresstrial = MATMUL(dsdeEl(1:ncomp,1:ncomp),
374
375
                   strain(1:ncomp)+dstrain(1:ncomp)
        δ
376
                   -epsEP(1:ncomp)-epsVP(1:ncomp)) + sigi
        δ
377
        stress = stresstrial
378
    C
        379
    C
380
        ! Calcula função de escoamento
    C
        381
                                            ! Invariantes
382
        CALL invars(stresstrial,ncomp,I1,J2,J3,theta,s)
383
        CALL yield(superficief, I1, J2, theta, c, fi, f) ! função de escoamento
384
    С
        385
    С
386
        ! Verifica o critério de escoamento
    C
387
    C
388
        IF (f.GT.0.0d0) THEN
389
           - 1
    C
390
    C
           ! Aplica o corretor plástico
391
    C
           ! ******************************
392
    С
393
           ! Calcula dqds
    C
           ! ***********************
394
395
           dgds = 0.0d0
396
           stressn = stresstrial
397
           CALL invars(stressn,ncomp,I1,J2,J3,theta,s)
398
           CALL g1g2g3 (s,ncomp, J2, g1, g2, g3)
399
           CALL c1c2c3 (J2, theta, superficing, psi, c1, c2, c3)
400
           dgds = c1*g1 + c2*g2 + c3*g3
401
    C
           ! ****************************
402
    C
403
           ! Calcula dhdq referente ao endurecimento e amolecimento
    C
404
           C
405
           dhdq = 0.0d0
406
           dfdq = -1.0d0
407
           CALL calcula Xi(superficief, fi, Xi)
408
           dqdc = Xi
409
           CALL calcula dcde(ci,cp,cr,eps1,eps2,eps3,epsEPeq,dcde)
410
           dhdq = -dfdq*dqdc*dcde
411
    С
           412
    C
           ! Interações de NR local do modelo constitutivo
413
    С
414
           С
415
           k = 0
416
           DO
417
    С
418
              ! Calculo de ddlamb
    C
              ! ***************************
419
    C
420
              1
    C
421
              ! Calcula dfds
422
              dfds = 0.0d0
423
              CALL invars(stress, ncomp, I1, J2, J3, theta, s)
424
              CALL g1g2g3 (s,ncomp, J2, g1, g2, g3)
425
              CALL c1c2c3 (J2, theta, superficief, fi, c1, c2, c3)
426
              dfds
                    = c1*g1 + c2*g2 + c3*g3
427
428
              ! Calcula dfdq
429
              dfdq = -1.0d0
430
              431
              ! Calcula denominador de ddlamb
    C
              ftDg = DOT PRODUCT(dfds,MATMUL(dsdeEl,dgds))
432
433
    C
434
              ! Calcula ddlamb
435
              ddlam = f/(ftDg - dfdq*dhdq)
436
    С
              437
    С
438
    C
              ! Calculo do corretor plástico
```

```
439
440
               dstress = -ddlam*MATMUL(dsdeEl,dgds)
441
                    = -ddlam*(-dhdq)
442
               1
               443
444
               ! Incremento das tensões e do dlam
    C
               ! *****************************
445
446
               stress = stress + dstress
                    = c + dq/Xi
447
               C
448
                    = dlam + ddlam
               dlam
449
                    = q + dq
               a
450
               k = k + 1
451
    C
               452
    C
453
               ! Calcula deformação plástica equivalente
    C
               454
455
               call matinv(ncomp,dsdeEl,dsdeElinv)
456
               depsEP = depsEP-MATMUL(dsdeElinv,dstress)
457
    C
               458
    C
459
               ! Verifica critério de escoamento
    C
               460
    C
461
               CALL invars(stress,ncomp,I1,J2,J3,theta,s)
462
               CALL yield(superficief, I1, J2, theta, c, fi, f)
463
               IF(f.LE.tolEP)EXIT
464
    C
465
               ! Caso atinja o número de iterações limites, faça a bisseção
466
               IF (k.EQ.nrmax) THEN
467
                  keycut = 1
468
                  RETURN
469
               ENDIF
470
            ENDDO
471
           472
    С
473
    С
           ! Atualizando o módulo constitutivo
474
475
            IF (dalg.EQ.1) THEN
476
               dfds m(1,:) = dfds
477
               dgds_m(:,1) = dgds
478
               DgftD= MATMUL(MATMUL(dsdeEl,dgds_m),dfds_m),dsdeEl)
               dsdePl = dsdePl - DgftD/(ftDg - dfdq*dhdq)
479
480
            ENDIF
481
    C
482
         ELSE
483
            depsEp = 0.0d0
484
         ENDIF
485
    С
         486
    C
         ! Guardando deformações plásticas totais
487
    С
         488
    С
489
    C
490
         ! Calcula as deformações plásticas totais
    C
         epsEP = epsEP + depsEP
491
492
         CALL normatensor(epsEP,ncomp,epsEPeq)
493
         CALL calcula Czao(superficief, fi, Czao)
494
         epsEPeq = Czao*epsEPeq
495
    С
496
         ! Retorna as deformações inelasticas totais e equivalentes (só tem plásticas)
497
         epsPl = epsEP+epsVP
         epseq = epsEPeq+epsVPeq
498
499
         1
500
         ! Calcula o trabalho elástico
501
         sedEl = 0.0d0
502
         sedEl
               = 1.0d0/2.0d0*
503
                DOT_PRODUCT(stress,strain+dstrain-epsPl-epsVP)
        δ
504
    С
        - 1
505
        - 1
    С
506
         ! Calcula o trabalho inelástico (só tem plástico)
507
         CALL normatensor(depsEP,ncomp,depsEPeq)
508
         CALL calcula Czao(superficief,fi,Czao)
509
         depsEPeq = Czao*depsEPeq
510
         CALL normatensor(depsVP,ncomp,depsVPeq)
511
         CALL calcula_Czao(superficief,fi,Czao)
```

```
512
          depsVPeq = Czao*depsVPeq
513
          sedPl = sedPl + (q) *depsEPeq+depsVPeq
514 c
515 c
          ! Guarda valores nas variáveis de estado
516
          ustatev(1) = epsEPeq
517
          ustatev(2) = dlam
          ustatev(3) = c
518
519
          ustatev(4) = q
520
          ustatev(5) = f
521
          ustatev(6) = epsVPeq
522
          ustatev(7) = dt1
          ustatev(8) = dt2
524
          CALL vmove(epsEP(1), ustatev(9), ncomp)
          CALL vmove(epsVP(1), ustatev(15), ncomp)
525
526
527
          RETURN
528
          END
529
530
          SUBROUTINE matrizD (E, Poisson, ncomp, D)
          531
          !** Função: matrizD
532
    C
533
          ! * *
     C
534
          !** Objetivo: calcula a matriz consitutiva do material isotrópico
    C
          !**
535
    C
                       adaptado de Smith, Griffiths e Margetts (2014, p.42-44)
                                                                             **!
          ! * *
536
    C
          !** Situação: (28-09-2016) OK
                                                                             **!
537
    C
          !**
538
                                                                             * * 1
   С
          539
540
          IMPLICIT NONE
541
          DOUBLE PRECISION E
                                       ! módulo de elasticidade
542
          DOUBLE PRECISION Poisson
                                       ! coeficiente de Poisson
543
          INTEGER ncomp
                                       ! numero de componentes
544
          DOUBLE PRECISION D(ncomp, ncomp) ! matriz constitutiva elástica isotrópica
545 c
546
            D=.0d0
547
            D(,1) = (E*(1.0d0-Poisson))/((1.0d0+Poisson)*(1.0d0-2.0d0*Poisson))
548
            D(,2) = (E*Poisson)/((1.0d0+Poisson)*(1.0d0-2.0d0*Poisson))
            D(,3) = D(1,2)
549
550
            D(1,1) = D(1,2)
            D(,2) = D(1,1)
551
552
            D(,3) = D(1,2)
553
            D(,1) = D(1,3)
554
            D(,2) = D(2,3)
555
            D(,3) = D(1,1)
556
            D(,4)=(E)/((1.0d0+Poisson)*2.0d0)
557
558
          IF (ncomp.EQ.6) THEN
559
              D(ncomp-1, ncomp-1) = D(4, 4)
560
               D(ncomp, ncomp) = D(4, 4)
561
          ENDIF
562
          END SUBROUTINE MatrizD
563
564
          SUBROUTINE invars(stress,ncomp,I1,J2,J3,theta,s)
565
566
          !** Subrotina: invars
567
    С
          ! * *
                                                                             **!
568
    С
569
          !** Objetivo: calcula os invariantes do tensor de tensões e o tensor
                                                                             * * |
                                                                             **!
570 c
          ! * *
                       desviador. Adaptado de Chen e Han (1998, p.57-72)
          ! * *
571 c
                                                                             * * 1
          !** Situação: (10-11-2021) OK
                                                                             * * 1
572 c
573 c
          1 * *
          574 c
575
          IMPLICIT NONE
576
          DOUBLE PRECISION stress(ncomp) ! tensões
577
                    ncomp
          INTEGER
                                      ! numero de componentes
578
          DOUBLE PRECISION I1
                                       ! primeiro invariante do tensor de tensões
579
          DOUBLE PRECISION J2, J3
                                       ! segundo e terceiro invariante do desviador
580
          DOUBLE PRECISION theta
                                       ! angulo de Lode
          DOUBLE PRECISION s (6)
581
                                       ! desviador
          DOUBLE PRECISION p,q
582
                                       ! pressão hidrostática e tensão eq. de vm
583
          DOUBLE PRECISION sine
                                        ! variavel auxiliar
584
```

```
585
           ! Inicializando variaveis
586
           T 1
                 = 0.0d0
587
           J2
                   = 0.0d0
588
                   = 0.0d0
           р
589
                   = 0.0d0
           q
590
                   = 0.0d0
           S
591
           J3
                   = 0.0d0
           theta
592
                   = 0.0d0
593
           sine = 0.0d0
594
     C
           1
595
           ! Calculo do I1 (p. 53)
     C
596
           I1 = stress(1) + stress(2) + stress(3)
597
598
           ! Calculo do J2 (p. 58)
599
           J2 = 1/6.0d0*((stress(1) - stress(2)) **2+(stress(2) - stress(3)) **2+
600
                (stress(3) - stress(1)) **2) +
601
                stress(4)**2
602
603
           IF (ncomp.EQ.6) THEN
604
                J2 = J2 + stress(ncomp-1)**2+stress(ncomp)**2
605
           ENDIF
606
           1
607
           ! Calculo do p (p. 57)
608
           p = 1.0d0/3.0d0*I1
609
           ! Calculo do desviador s (p. 57)
610
     C
           s(1) = stress(1) - p
611
612
           s(2) = stress(2) - p
613
           s(3) = stress(3) - p
614
           s(4) = stress(4)
615
            IF (ncomp.EQ.6) THEN
616
                s(ncomp-1) = stress(ncomp-1)
617
                s(ncomp) = stress(ncomp)
           ENDIF
618
619
    C
           - 1
620
           ! Calculo do J3 (p. 58)
621
           J3 = s(1)*s(2)*s(3)-s(3)*s(4)*s(4)
           IF (ncomp.EQ.6) THEN
622
623
               J3 = J3 - s(1) * s(ncomp-1) * s(ncomp-1) - s(2) * s(ncomp) * s(ncomp) +
624
                   2.0d0*s(4)*s(ncomp-1)*s(ncomp)
           δ
625
           ENDIF
626
     C
           ! Calculo do ângulo de Lode (p. 70) e Owen e Hinton (1980, p.229)
628
           q = DSQRT(3.0d0*J2)
           IF (q < 1.E-7) THEN
629
630
               theta = 0.0d0
631
           ELSE
                sine = -3.0d0*DSQRT(3.0d0)*J3/(2.0d0*DSQRT(J2)**3)
632
633
                IF(sine>1.0d0) sine=1.0d0
                IF(sine<-1.0d0) sine=-1.0d0</pre>
634
635
                theta=DASIN(sine)/3.0d0
           END IF
636
637
           1
638
           END SUBROUTINE
639
           1
640
           SUBROUTINE g1g2g3 (s,ncomp, J2, g1, g2, g3)
                                                  641
     С
           !** Subrotina: g1g2g3
642
     С
                                                                                     **!
643
           ! * *
644
           !** Objetivo: calcula as direções do vetor de fluxo. Adaptado de Owen e **!
           !**
645
                         Hinton (1980, p.231 e 233)
                                                                                     * * 1
                                                                                     * * 1
646
           1 * *
                                                                                     **!
           !** Situação: (10-11-2021) OK
647
                                                                                     **!
648
           1 * *
           649
650
           IMPLICIT NONE
651
           DOUBLE PRECISION s (ncomp)
                                                  ! desviador
652
           INTEGER
                                                  ! numero de componentes
                            ncomp
653
           DOUBLE PRECISION J2
                                                  ! segundo invariante do desviador
654
           DOUBLE PRECISION g1 (ncomp), g2 (ncomp), g3 (ncomp)
655
     С
656
           ! Inicializando variaveis
657
           g1 = 0.0d0
```

```
658
            q2 = 0.0d0
659
            q3 = 0.0d0
660
661
            ! Calculo do g1
662
            g1(1) = 1.0d0
663
            g1(2) = 1.0d0
664
            g1(3) = 1.0d0
665
     C
666
            ! Calculo do q2
667
            g2(1) = s(1)
668
            g2(2) = s(2)
669
            g2(3) = s(3)
670
            g2(4) = 2.0d0*s(4)
671
            IF (ncomp.EQ.6) THEN
                g2 (ncomp-1) = 2.0d0*s (ncomp-1)
673
                g2 (ncomp) = 2.0d0*s (ncomp)
674
            ENDIF
675
            IF (J2.EQ.0.0d0) THEN
676
                g2 = 0.0d0
677
678
                g2 = 1.0d0/(2.0d0*DSQRT(J2))*g2
679
            ENDIF
680
            - 1
681
            ! Calculo do g3
682
            g3(1) = s(2)*s(3) + J2/3.0d0
683
            q3(2) = s(1)*s(3) + J2/3.0d0
            q3(3) = s(1)*s(2) - s(4)**2 + J2/3.0d0
684
685
            q3(4) = 2.0d0*(-s(3)*s(4))
686
            IF (ncomp.EQ.6) THEN
687
                g3(1) = g3(1) - s(ncomp-1)**2
                g3(2) = g3(2) - s(ncomp)**2
688
689
                g3(4) = g3(4) + 2.0d0*s(ncomp-1)*s(ncomp)
690
                g3(ncomp-1) = 2.0d0*(s(ncomp)*s(4)-s(1)*s(ncomp-1))
691
                g3(ncomp) = 2.0d0*(s(4)*s(ncomp-1)-s(2)*s(ncomp))
692
            ENDIF
693
694
            END SUBROUTINE
695
     C
696
            - 1
697
            SUBROUTINE c1c2c3(J2,theta,superficie,fi,c1,c2,c3)
698
     C
699
            !** Subrotina: c1c2c3
     С
700
     C
            ! * *
701
            !** Objetivo: calcula a magnitude das componentes do vetor de fluxo.
     С
            ! * *
702
     С
                          Adaptado de Bernaud (1991, p.90, 91)
            ! * *
703
     С
                          Adaptado de Owen e Hinton (1980, p.231)
            ! * *
704
     С
705
            !** Situação: (10-11-2021) OK
      C
706
            1 * *
      С
707
            708
            IMPLICIT NONE
709
            DOUBLE PRECISION J2
                                                 ! segundo invariante do desviador
710
            DOUBLE PRECISION theta
                                                 ! ângulo de Lode
                                                ! Ângulo de atrito
711
            DOUBLE PRECISION fi
712
            INTEGER
                                                ! 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
                            superficie
713
            DOUBLE PRECISION c1,c2,c3
                                                 ! magnitude das componentes do vetor
714
            DOUBLE PRECISION beta1,beta2,beta3 ! parâmetros do DP
715
            DOUBLE PRECISION k
                                                 ! coeficiente de empuxo
716
717
            ! Seleciona o modelo
718
            SELECT CASE (superficie)
719
                CASE (1)
720
                    1
721
                    ! DPI
722
                    k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
723
                    c1 = (k-1.0d0)/3.0d0
724
                    c2 = (k+2.0d0)/DSQRT(3.0d0)
725
                    c3 = 0.0d0
726
                    1
727
                CASE (2)
728
                    1
      С
729
730
                    k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
```

```
731
                  c1 = (k-1.0d0)/3.0d0
732
                  c2 = (2.0d0*k+1.0d0)/DSQRT(3.0d0)
733
                  c3 = 0.0d0
734 c
                  1
735
              CASE (3)
736 c
                  - 1
737
                  ! DPIII - Owen e Hinton (1980, p.231)
738
                  c1 = 2.0d0*DSIN(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))
739
740
                  c3 = 0.0d0
741
742
           ENDSELECT
743
           END SUBROUTINE
744
745
           SUBROUTINE yield(superficie, I1, J2, theta, c, fi, f)
746
          |******
747 c
          !** Subrotina: yield
748 c
          1 * *
749
    С
          !** Objetivo: calcula o critério de escoamento.
750 c
          1 * *
               Adaptado de Bernaud (1991, p.90, 91)
          ! * *
751 c
                       Adaptado de Souza Neto, Peri, Owen (2008, p. 162-167)
          !**
752 c
753 c
          !** Situação: (10-11-2021) OK
                                                                             * * 1
          !**
                                                                              **!
754 c
          ! *****************************
755 c
756
          IMPLICIT NONE
757
          INTEGER
                          superficie! 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
758
          DOUBLE PRECISION I1
                                           ! primeiro invariante do tensor de tensões
759
         DOUBLE PRECISION J2
                                           ! segundo invariante do desviador
760
         DOUBLE PRECISION theta
                                           ! ângulo de Lode
761
         DOUBLE PRECISION C
                                           ! coesão
762
                                           ! Ângulo de atrito
         DOUBLE PRECISION fi
763
         DOUBLE PRECISION f
                                           ! função de escoamento
764
         DOUBLE PRECISION beta1,beta2,beta3 ! Parametros para DP
765
          DOUBLE PRECISION k
                                           ! coeficiente de empuxo
766 c
767 c
          ! Seleciona o modelo
768
          SELECT CASE (superficie)
769
           CASE (1)
770
    С
                  1
                  ! DPI
771
    C
772
                  k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
773
                  beta1 = (k-1.0d0)/3.0d0
774
                  beta2 = (k+2.0d0)/DSQRT(3.0d0)
775
                  beta3 = 2.0d0*DSQRT(k)*c
776
                  f = beta1*I1 + beta2*DSQRT(J2)-beta3
777
778
              CASE (2)
779
                  - 1
780
781
                  k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
782
                  beta1 = (k-1.0d0)/3.0d0
783
                  beta2 = (2.0d0*k+1.0d0)/DSQRT(3.0d0)
784
                  beta3 = 2.0d0*DSQRT(k)*c
785
                  f = beta1*I1 + beta2*DSQRT(J2)-beta3
786
              CASE (3)
787
788
789
                  ! DPIII Souza Neto, Peri, Owen (2008, p. 162-167)
790
                  beta1 = 2.0d0*DSIN(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))
791
                  beta2 = 1.0d0
792
                  beta3 = 6.0d0*DCOS(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))*c
793
                  f = beta1*I1 + beta2*DSQRT(J2)-beta3
794 c
795
          ENDSELECT
796
           END SUBROUTINE
797
          1
    C
798
          subroutine matinv(n,a,ainv)
          799
    С
    C
           !** Subrotina: matinv
800
    С
801
          !**
                                                                              **!
           !** Objetivo: inverte uma matriz pela técnica de pivotamento
                                                                             **!
802
     С
803
           ! * *
                                                                              **!
```

```
* * 1
804
           !** Situação: (26-10-2016) OK
          ! * *
805
                                                                               * * 1
           806
                                  ! dimensão do sistema
807
           INTEGER
                          n
808
           DOUBLE PRECISION a(n,n)
                                    ! matriz dos coeficientes
809
           DOUBLE PRECISION ainv(n,n) ! matriz inversa
810
           DOUBLE PRECISION b(n,2*n) ! matriz aumentada
           DOUBLE PRECISION pivot
811
                                    ! pivô
812
           DOUBLE PRECISION xnum
                                     ! auxiliar
813
           INTEGER
                          i,j,k
                                     ! contador
814
    C
815
           ! Fazer matriz aumentada
816
           do i=1,n
817
              do j=1,n
                  b(i,j) = 0.0d0
818
819
                  b(i,j+n) = 0.0d0
820
                  b(i,j)=a(i,j)
821
                  if(i.eq.j) then
822
                      b(i,j+n)=1.0d0
823
                  endif
824
              enddo
825
           enddo
826
           1
827
           do i=1,n
828
              ! Escolher o elemento não nulo mais a esquerda como pivot
829
              do j=1,n
830
                  if (dabs(b(i,j)).gt.0.0d0) then
831
                      pivot=b(i,j)
832
                      exit
833
                  endif
834
              enddo
835
              - 1
836
              ! Passo 1: alterar o pivo escolhido
837
              do j=1,2*n
838
                  b(i,j)=b(i,j)/pivot
839
              enddo
840
              pivot=b(i,i)
841
     C
              - !
842
              ! Passo 2: mudando o restante da coluno do pivo para 0,
    C
843
                  adicionando a cada linha um multiplo adequado do pivot
     C
              do k=1,n
844
845
                  if(k.ne.i) then
846
                      xnum=b(k,i)/pivot
847
                      do j=1,2*n
848
                         b(k,j)=b(k,j)-xnum*b(i,j)
849
                      enddo
850
                  endif
              enddo
851
852
           enddo
853
     C
854
           ! Prepara a matriz inversa final
     C
855
           do i=1,n
856
              do j=1,n
857
                  ainv(i,j)=b(i,j+n)
858
              enddo
859
           enddo
860
           return
861
           end
862
           !
863
           SUBROUTINE normatensor(tensor,ncomp,norma)
           ! ******************************
864
           !** Subrotina: normatensor
865
          !**
                                                                               **1
866
     С
           !** Objetivo: calcula a norma de um tensor escrito em notação de Voigt
                                                                               **!
867
     С
           ! * *
868
     С
           !** Situação: (10-11-2021) OK
869
     С
           !**
870
     С
871
           872
           IMPLICIT NONE
873
           INTEGER ncomp
874
           DOUBLE PRECISION tensor (ncomp)
875
           DOUBLE PRECISION norma
876
     С
```

```
877
           IF (ncomp.EQ.6) THEN
          norma = DSQRT (tensor(1)**2 + tensor(2)**2 + tensor(3)**2 +
878
879
                     2*((tensor(4))**2 +
          ξ
880
                     (tensor(5))**2 + (tensor(6))**2)
881
          ELSEIF (ncomp.EQ.4) THEN
          norma = DSQRT (tensor(1)**2 + tensor(2)**2 + tensor(3)**2 +
882
883
                     2*(tensor(4)**2))
884
          ELSE
885
          ENDIF
886
          1
887
          END SUBROUTINE
888
889
           SUBROUTINE calcula Czao (superficie, fi, Czao)
          ! ******************************
890
     C
          !** Subrotina: Czao
891
    C
          1 * *
892
          !** Objetivo: calcula o C utilizado no calculo da deformação plástica
893
     C
          1 * *
                       efetiva. Adaptado de Chen e Han (1988, p. 257-259).
894
     C
          1 * *
895
    С
896
          !** Situação: (10-11-2021) OK
    C
897
    С
          ! * *
           898
    С
899
          IMPLICIT NONE
900
          INTEGER
                            superficie ! 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
901
          DOUBLE PRECISION
                            fi
                                       ! angulo de atrito
                                       ! constante da deformação plástica efetiva
902
          DOUBLE PRECISION Czao
          DOUBLE PRECISION beta
903
                                      ! constante referente a pressão hidrostática
904 c
905 c
          ! Seleciona o modelo
906
          SELECT CASE (superficie)
907
              CASE (1)
908 c
                 - 1
                  ! DPI
909
910
                  beta = 2.0d0*DSIN(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0-DSIN(fi)))
911
                  CASE (2)
912
913
    С
                  914
                  ! DPTT
915
                  beta = 2.0d0*DSIN(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))
916
917
              CASE (3)
918
                  1
     C
919
                  ! DPIII
     C
920
                  beta = 2.0d0*DSIN(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))
921
922
          ENDSELECT
923
          Czao = (beta+1.0d0/DSQRT(3.0d0))/
924
                 (DSQRT(3.0d0*beta**2+1.0d0/2.0d0))
925
          END SUBROUTINE
926
927
          SUBROUTINE calcula Xi(superficie,fi,Xi)
928
    С
929
          !** Subrotina: calcula Xi
     С
          ! * *
930
    C
                                                                             **!
          !** Objetivo: calcula Xi
931
    С
                                                                             **!
          ! * *
932
                      Adaptado de Potts e Zdravkovic (1999, p. 158)
    С
          ! * *
                                                                             **!
933 c
934 c
          ! * *
                                                                             * * |
                                                                             **!
935 c
          !** Situação: (10-11-2021) OK
936 c
          1 * *
          937
938
          IMPLICIT NONE
                                              ! 1-DPI, 2-DPII, 3-DPIII
939
          INTEGER
                            superficie
940
                            fi
          DOUBLE PRECISION
                                               ! angulo de atrito
941
                            Χi
                                               ! derivada de f em relação a c
          DOUBLE PRECISION
942
                                               ! coeficiente de empuxo
          DOUBLE PRECISION
943
          . .
944
          SELECT CASE (superficie)
945
          CASE (1)
946
              k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
947
              Xi = 2.0d0*DSQRT(k)
948
           CASE (2)
949
              k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
```

```
950
               Xi = 2.0d0*DSQRT(k)
951
          CASE (3)
952
               k = (1.0d0 + DSIN(fi)) / (1.0d0 - DSIN(fi))
953
               Xi = 6.0d0*DCOS(fi)/(DSQRT(3.0d0)*(3.0d0+DSIN(fi)))
954
           END SELECT
955
          END SUBROUTINE
956 c !
957 SUBROU
958 & dcde)
           SUBROUTINE calcula dcde(ci,cp,cr,eps1,eps2,eps3,epsPleq,
С
           !**
961
    C
           !** Objetivo: calcula dc/de
                                                                                  **!
962
    С
          ! * *
963
                        Adaptado de Potts e Zdravkovic (1999, p. 158)
964 c
965 c
966 c
          ! * *
          !** Situação: (10-11-2021) OK
                                                                                  * * 1
           | * *
           967 c
     IMPLICIT NONE

DOUBLE PRECISION ci

DOUBLE PRECISION cp

DOUBLE PRECISION cr

DOUBLE PRECISION eps1

DOUBLE PRECISION eps2

DOUBLE PRECISION eps3

DOUBLE PRECISION eps3

DOUBLE PRECISION eps91
968
969
                                                 ! coesão inicial
970
                                                  ! coesão no pico
971
                                                  ! coesão residual
972
                                                 ! deformação plastica equivalente 1
973
                                                 ! deformação plastica equivalente 2
974
                                                 ! deformação plastica equivalente 3
         DOUBLE PRECISION epsPleq
975
                                                 ! deformação plástica equivalente
975
976
977 c
          DOUBLE PRECISION dcde
                                                 ! dc/depsPleq
978
          IF (epsPleq.LT.eps1) THEN
979
               dcde = (cp-ci)/(eps1)
980
           ELSEIF ((epsPleq.GE.eps1).AND.(epsPleq.LE.eps2))THEN
981
           dcde = 0.0d0
           ELSEIF ((epsPleq.GT.eps2).AND.(epsPleq.LT.eps3))THEN
982
983
           dcde = (cr-cp)/(eps3-eps2)
984
           ELSEIF (epsPleq.GE.eps3) THEN
985
           dcde = 0.0d0
986
           ENDIF
987 c
           1
988
           END SUBROUTINE
989
```