

《现代密码学》期末考试试题（A 卷）

一、简答题（每题 5 分，共 40 分）

- 1) 给出密码学的基本安全属性（目标）？
- 2) 密钥长度是 128 比特的 AES 算法共包含 10 轮运算，请答出第 5 轮的轮函数包含的主要步骤有哪些？并说明其中的非线性部分是哪一个？
- 3) 应用在数字签名中的 Hash 函数应满足的安全性质是什么？假设散列函数输出的消息摘要长度为 n 比特，对应这几条性质的分析复杂度分别是多少？
- 4) 给出 RSA 单向陷门函数安全参数应该满足的条件（至少三条）？
- 5) 举例说明基于离散对数数字签名的基本流程，包括密钥生成、签名和签名验证。
- 6) 什么是柯克霍夫原则？简单解释为什么要做这样的假设。
- 7) 给出密钥管理的三层结构，并叙述三层密钥管理的异同？
- 8) 与对称密码体制相比，请指出公钥密码体制有哪些优势和不足（总数合计三条）。

二、计算分析题（每题 8 分，共 48 分）

- 1) 用快速计算方法求 $0x84$ 乘以 $0x03$ 模 $m(x)=x^8+x^4+x^3+x+1$ 的值。
- 2) 已知流密码的密文串 1010110110 和相应的明文串 0100010001。
 - (a) 计算出此流密码的密钥流。
 - (b) 如果已知密钥流是使用 3 级线性反馈移位寄存器产生的，试破译该密码系统。
- 3) 已知 RSA 算法中，两个大素数分别为 $p=3$ ， $q=11$ ，公钥 $e=7$ 。
 - (a) 发送者选取明文 $m=5$ ，计算密文 c 。
 - (b) 阐述接收者接收到 c 以后的解密过程。
- 4) 简述无密钥的 Diffie-Hellman 密钥交换协议，并分析其可能存在的攻击。
- 5) 若使用 ElGamal 单向陷门函数加解密信息，已知接收方 B 的公钥($p=43, g=3, y_B=22$)。
 - (a) 设发送方 A 选择的随机整数 $k=5$ ，求明文 $M=5$ 所对应的密文。
 - (b) 若截获到 A 发送的密文是 $C=(28,19)$ ，求 M 。
 - (c) 若截获到 A 发送的密文是 $C=(27,17)$ ，求 M 。
- 6) 在 RSA 算法中，若系统中的两个用户共用一个模数 N ，但是拥有不同的 e 和 d ，试分析这种系统配置的危害性。

三、综合题（每题 12 分，共 12 分）

1) Schnorr 签名算法签名过程及验签过程如下:

初始化: 选取大素数 p, q , q 是大于等于 160 bits 的整数, p 是大于等于 512 bits 的整数, 满足 $q|p-1$ 。选取 Z_p^* 中阶是 q 的元素 g 。用户随机选取 $1 < x < q$, 计算 $y = g^x \bmod p$ 。则公钥为 (y, g, p, q) , 私钥为 x 。

签名算法: 待签消息为 m , 签名者对 m 做如下运算:

(a) 选择随机数: $1 < k < q$;

(b) 计算 $r = g^k \bmod p$, $s = k + xe \bmod q$, 其中 $e = H(r|m)$, H 为安全 Hash 函数;

(c) 签名 $S = \text{Sig}_k(m) = (e, s)$ 。

验签算法: 验证者收到消息 m 及签字 $S=(e,s)$ 后

(a) 计算 $r' = g^s y^{-e} \bmod p$, 而后计算 $H(r'|m)$ 。

(b) 验证 $\text{Ver}(y, (e, s), M) = \text{true} \Leftrightarrow H(r'|m) = e$ 。

回答以下问题:

(1) 阐述在签名过程中, 使用安全 Hash 函数计算 $H(r|m)$, 而不直接使用 $(r|m)$ 的原因。

(2) 证明上述算法的正确性, 即为什么按照签名算法、验签算法, 接收者能够正确验证签名? 写出具体推证过程。

(3) 若签名者使用相同的参数 k 签了两份不同的消息 m_1 和 m_2 , 会产生什么后果?