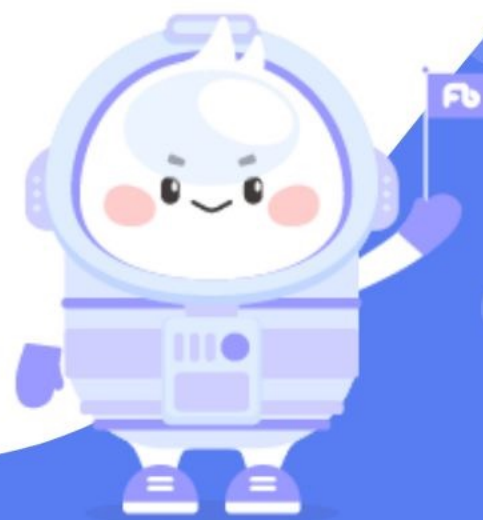


《信息技术》
数据结构与算法 2/5

► 讲师：孙珍珍

更多干货关注  粉笔教师教育  粉笔教师



✿ 复习一下



(一) 正确性分析

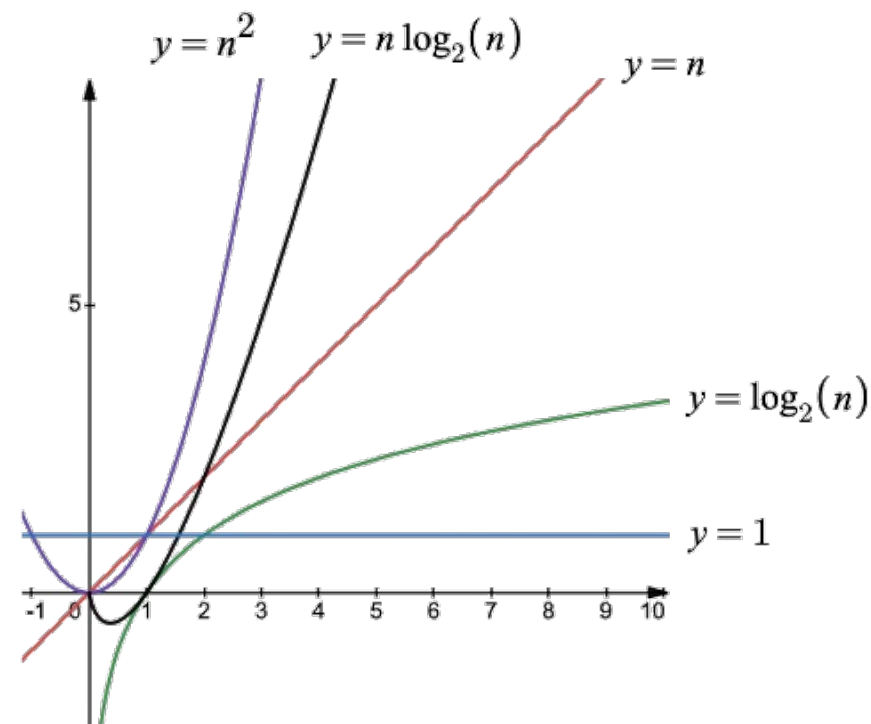
- (1) 一组数据
- (2) 苛刻数据
- (3) 一切数据

(三) 空间复杂度

- 不是代码文件所占的存储空间
- 是执行时所占用的附加空间数量

(二) 时间复杂度

- 不是算法执行所消耗的真正时间，是与问题规模（通过统计某语句的执行次数得出）有关
- 是一个预估值，在执行次数中去掉常数项、去掉系数、保留最高阶，用大O表示法
- 量级大小： $O(1) < O(\log_2 n) < O(n) < O(n \log_2 n) < O(n^2) < O(2^n) < O(n!) < O(n^n)$



1. 某算法的时间复杂度为 $O(n)$ ，表明该算法的（ ）。

A. 问题规模等于 n

B. 执行时间等于 n

C. 执行时间与 n 成正比

D. 问题规模与 n 成正比

2. 对于同样的问题规模 n ，下列哪种算法时间复杂度最大（ ）。

A. $O(n)$

B. $O(\log n)$

C. $O(n \log n)$

D. $O(n^2)$



1. 常数阶 $O(1)$

```
int sum = 0, n = 100 ;  
sum = (1+n)*n/2 ;
```

2. 线性阶 $O(n)$

```
int i = 0, n = 100, sum = 0;  
for ( i = 0; i < n; i++)  
{  
    sum = sum + i;  
}
```

3. 平方阶 $O(n^2)$

```
int i, j, n = 100;
for( i=0; i < n; i++ )
{
    for( j=0; j < n; j++ )
    {
        printf("hello");
    }
}
```

4. 对数阶 $O(\log_2 n)$

```
int i = 1, n = 100;
while( i < n )
{
    i = i * 2;
}
```

以下算法中加下划线的语句的执行次数为（ ）。

```
int m = 0, i, j;  
for( i=1; i <= n; i++ )  
{  
    for( j=1; j <= 2*i; j++ )  
    {  
        m++;  
    }  
}
```

A. $n(n+1)$

B. n

C. $n+1$

D. n^2





第二节 数据结构基础

(一) 数据

- 描述客观事物的符号，即计算机可以操作的对象

(二) 数据元素和数据项

- 数据元素：基本单位，一个整体，一个记录
- 数据项：数据元素的组成部分

(三) 数据对象

- 相同性质的元素的集合

(四) 数据结构

- 相互之间存在关系的元素集合

学号	姓名	性别	系别	年龄
11001	冯明	男	计算机	18
11002	陈月	女	通信	19
12001	褚共	男	计算机	18
12002	卫潮	男	自动化	20
12003	蒋生	女	通信	20

(一) 数据的逻辑结构【4】

- 元素间固有关系，与在计算机中存储位置无关

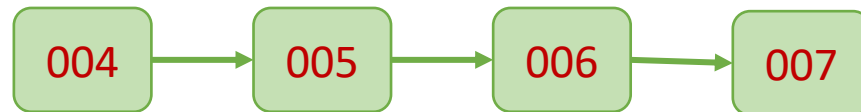
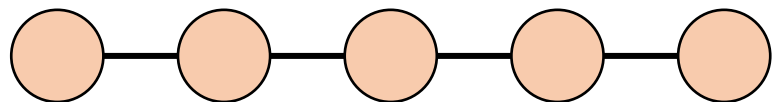
(二) 数据的物理结构【2】

- 数据在计算机中存储方式

(三) 数据的运算

- 运算的定义和实现

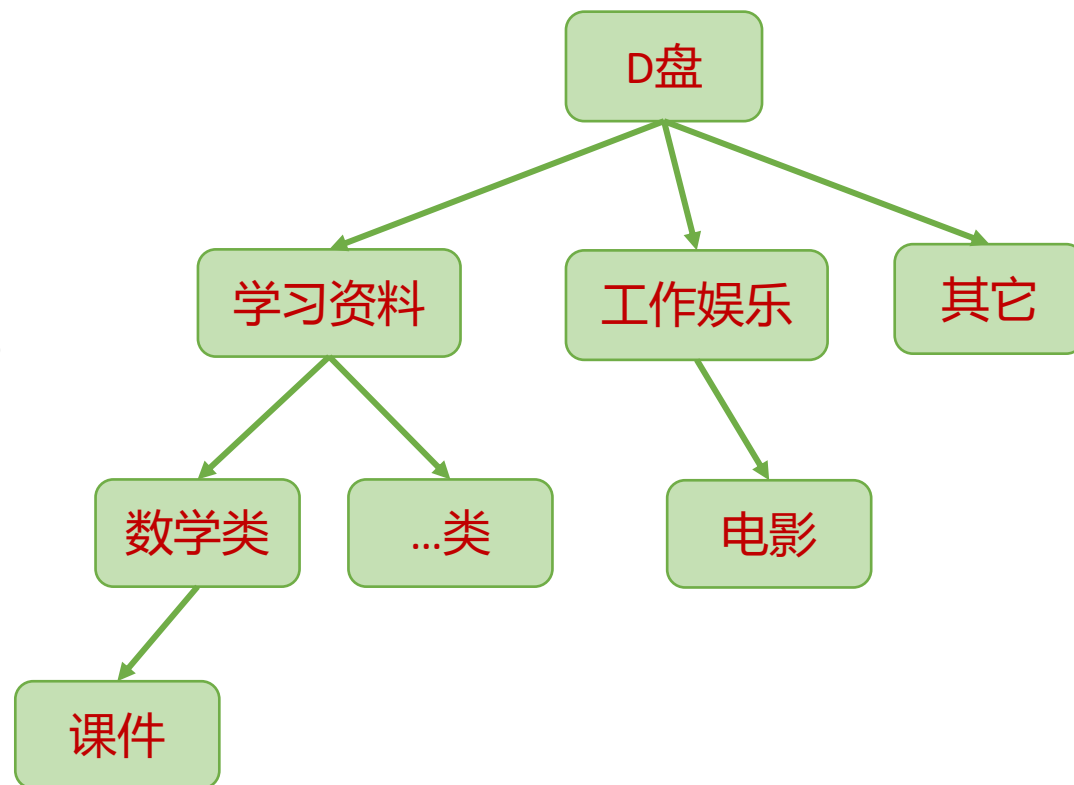
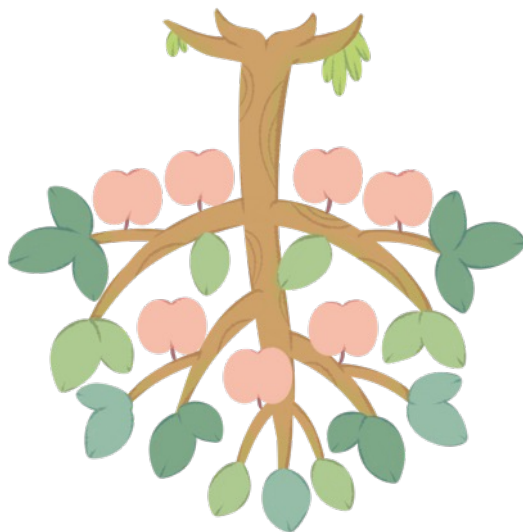
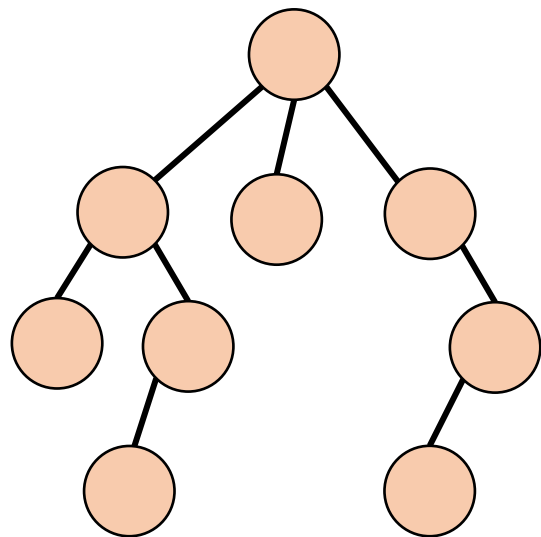
1. 线性结构



- 一对一的关系
- 只有一个开始节点和终端节点
- 每个节点最多一个前驱和后继

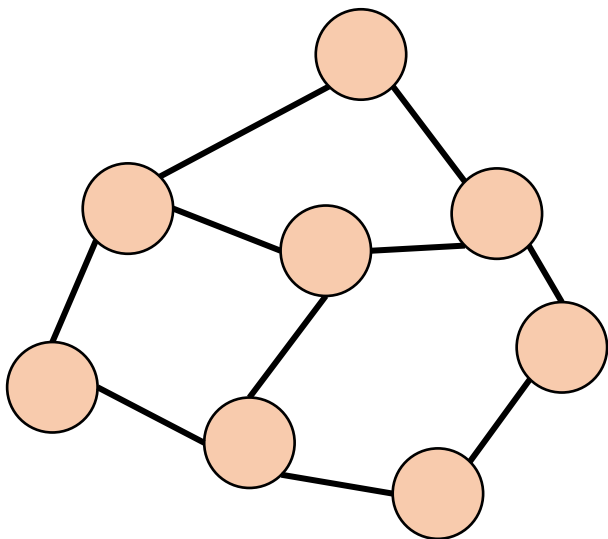


2. 树形结构

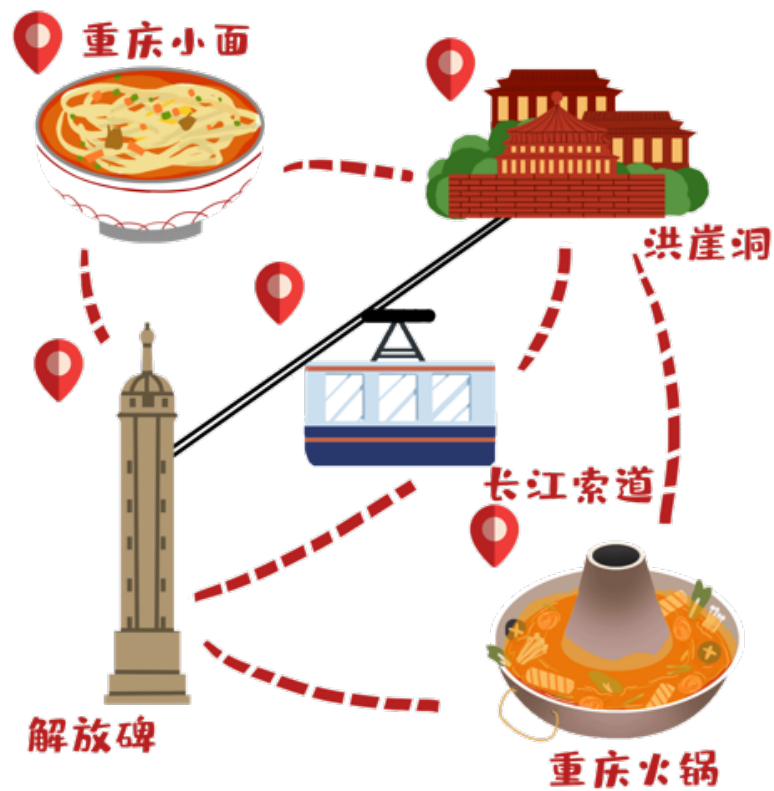


一对多的关系

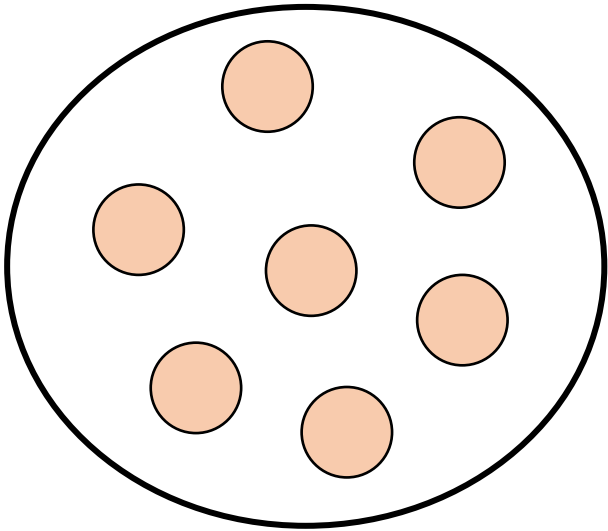
3. 图形结构



多对多的关系



4. 集合

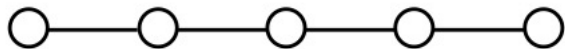


无关系



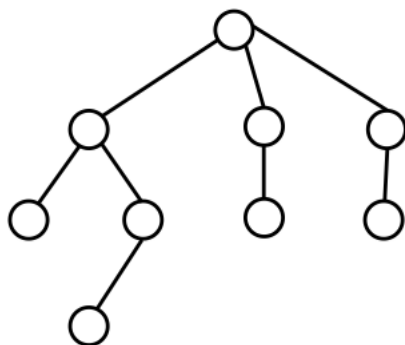
◆元素间固有关系，与在计算机中存储位置无关

1.线性结构



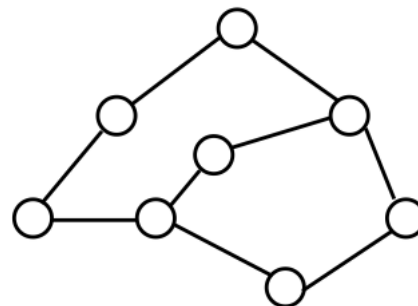
一对一

2.树形结构



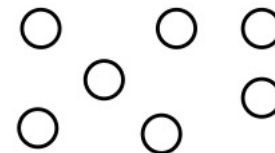
一对多

3.图形结构



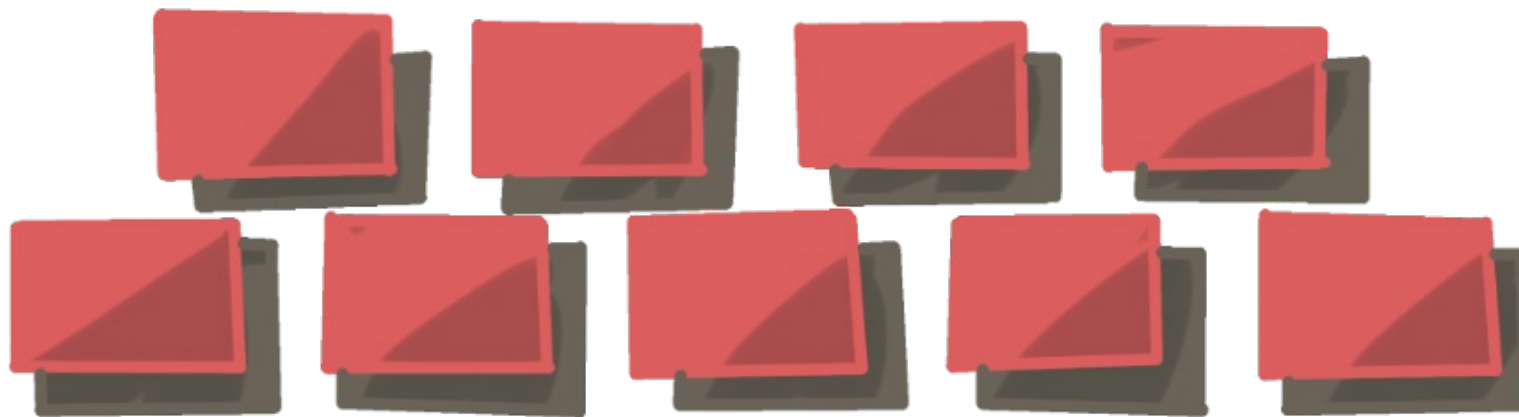
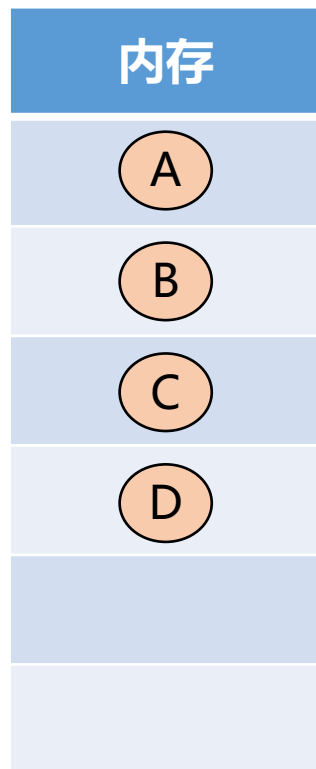
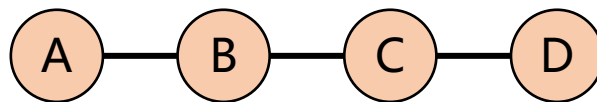
多对多

4.集合



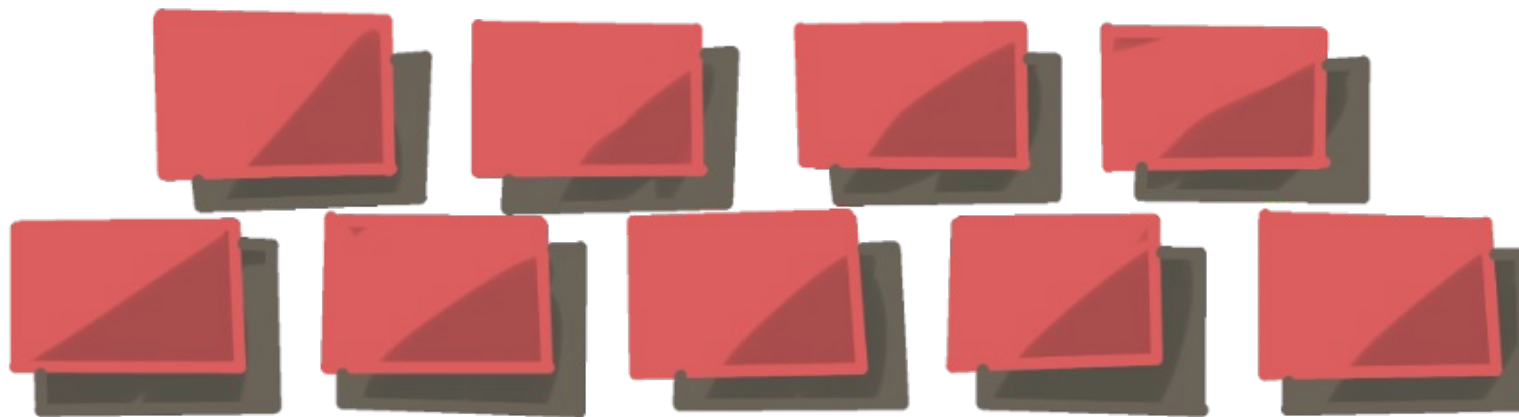
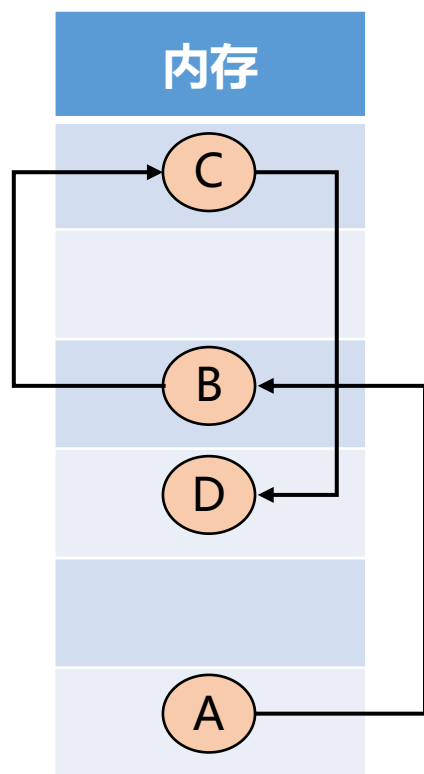
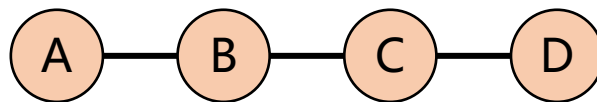
无关系

1. 顺序存储结构



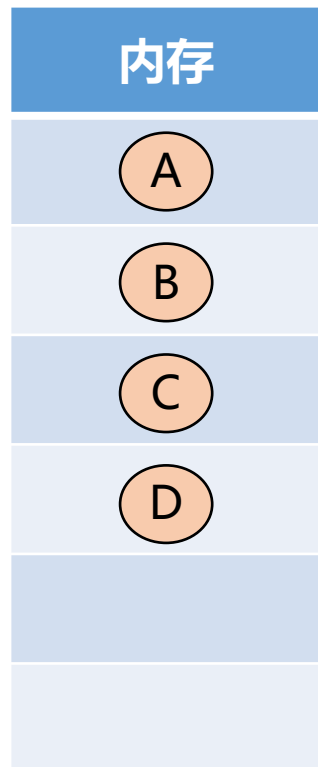
- 数据存放在地址连续的空间
- 借助相邻位置找下一个数据

2. 链式存储结构



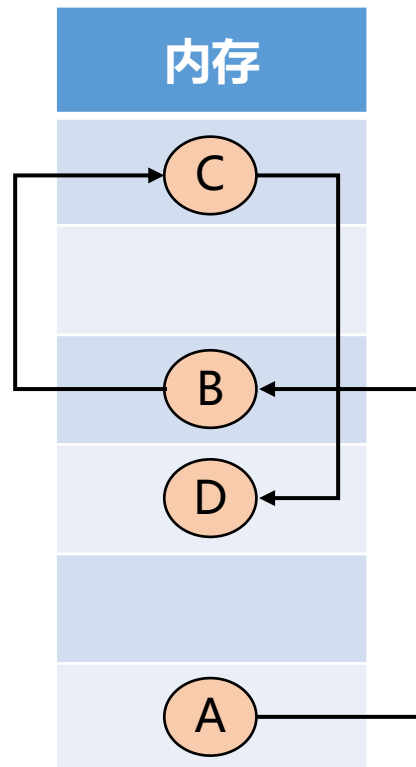
- 数据存放在任意的空间
- 借助指针查找下一个数据

◆ 数据在计算机中的存储方式



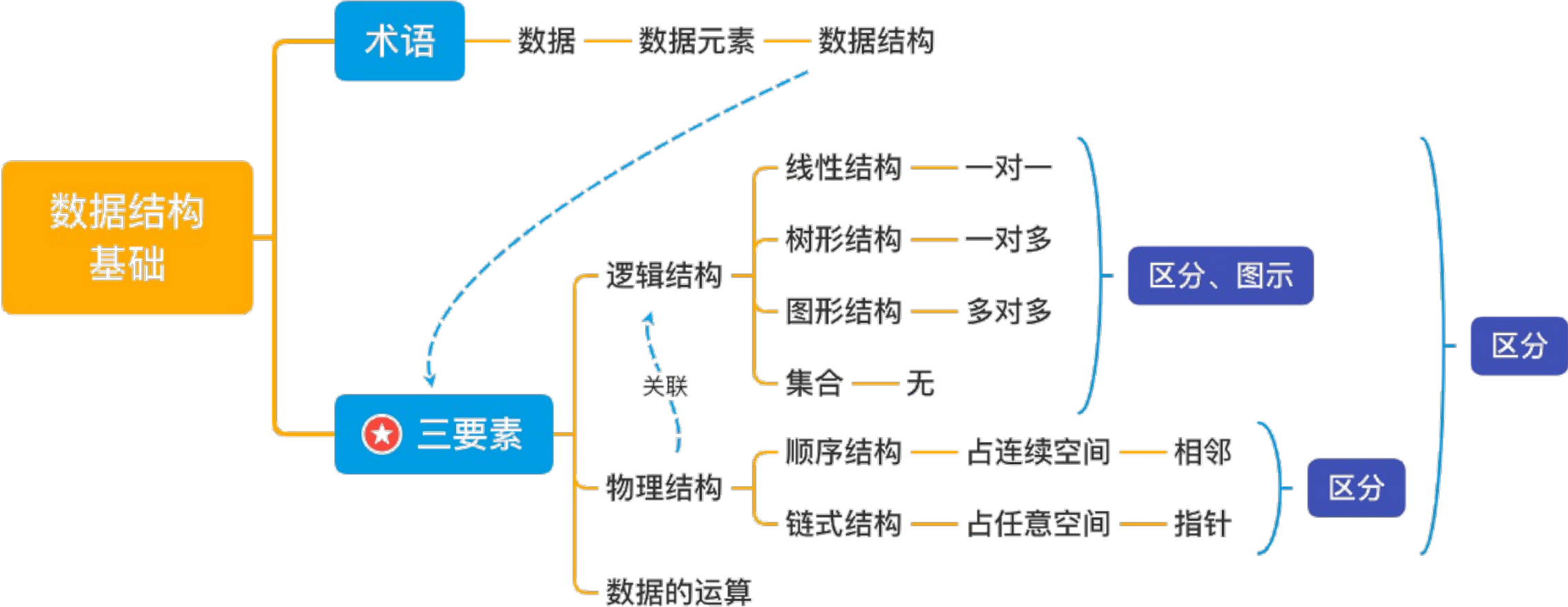
1. 顺序存储结构：

- 数据存放在地址连续的空间
- 借助相邻位置找下一个数据



2. 链式存储结构：

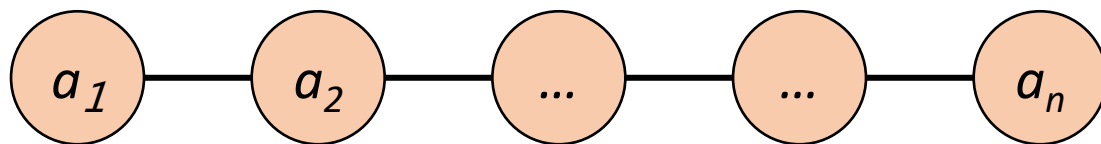
- 数据存放在任意的空间
- 借助指针查找下一个数据





第三节 线性表

定义：一组特征**相同**的**有限**序列，记为 $L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$



特点1：元素个数**有限**，可以为0

特点2：元素具有顺序性，即有**先后**次序

特点3：每个元素占**相同**的**存储空间**

特点4：除 a_1 外，其它元素有且仅有一个前驱

特点5：除 a_n 外，其它元素有且仅有一个后继

(一) 顺序表的定义

➤ 线性表的顺序存储又称**顺序表**

数组下标	序号	顺序表	内存地址
0	1	a_1	$LOC(a_1)$
1	2	a_2	$LOC(a_1)+l$
2	3	a_3	$LOC(a_1)+2\times l$
$n-1$	n	a_n	$LOC(a_1)+(n-1)\times l$

公式： $LOC(a_i)=LOC(a_1) + (i-1) \times l$

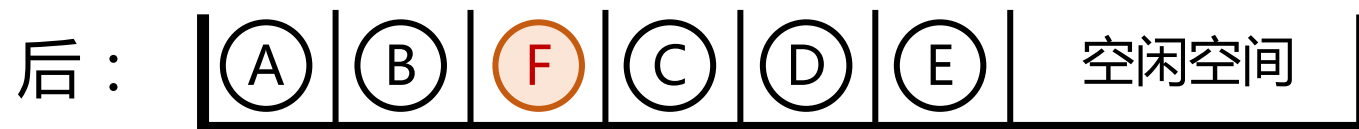
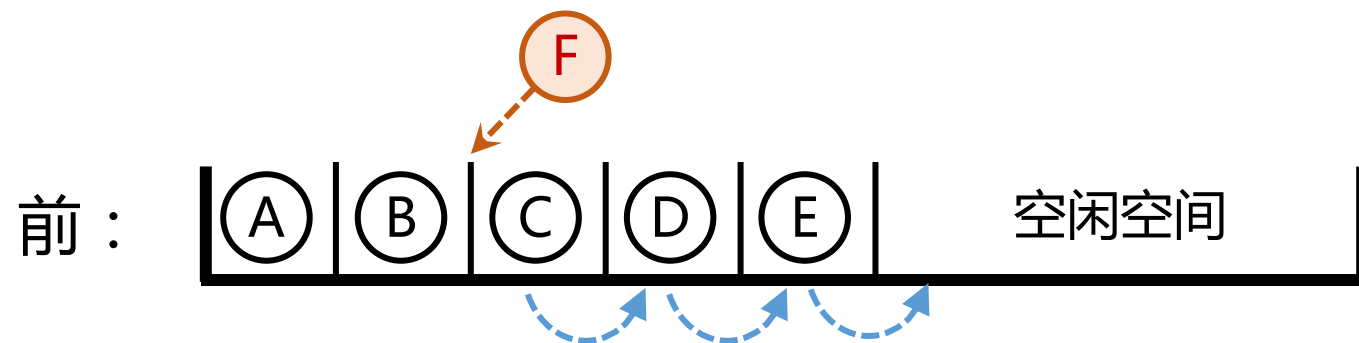
特点：**随机访问**

- 根据**序号**可方便**找**到该元素的**位置**

操作	说明
1.初始化	构造空表，分配预设大小的空间
2.获取表长	元素的总个数
3.取值（按位查找）	找指定序号位置上的元素
4.查找（按值查找）	找与指定值相等的第一个元素
5.插入	在指定位置插入新元素
6.删除	将指定位置的元素删除

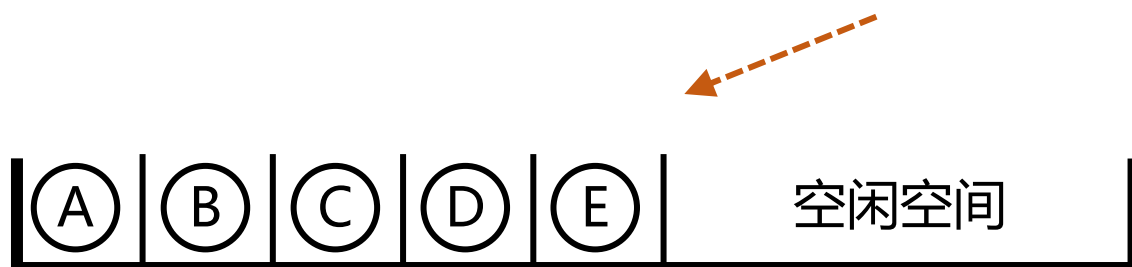
[illegible]

5. 插入 (第 i 位置插入新元素)



结论：从最后一个元素到第 i 个元素依次向后移动一个位置，共移动 $n-i+1$ 个元素

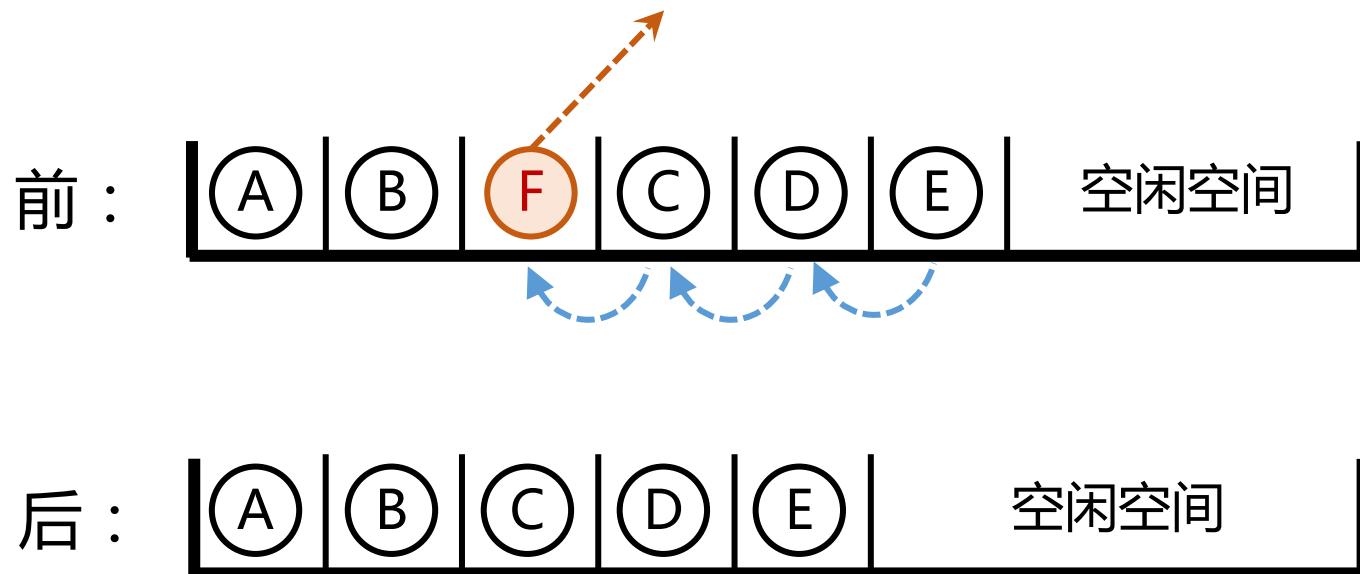
5. 插入 (第 i 位置插入新元素)



- 最好情况：在表尾插入，移动次数为0
- 最坏情况：在表头插入，移动次数为 n
- 平均情况：设 p_i 是在第 i 个位置上插入元素的概率，则平均移动次数为：

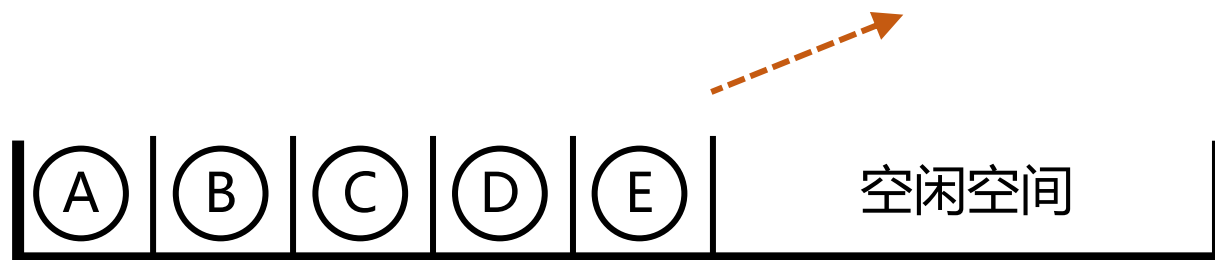
$$\sum_{i=1}^{n+1} p_i (n - i + 1) = \sum_{i=1}^{n+1} \frac{1}{n+1} (n - i + 1) = \frac{n}{2}$$

6. 删除 (删除第 i 位置元素)



结论：从第 $i+1$ 个到最后一个元素依次向前移动一个位置，共移动 $n-i$ 个元素

6. 删除 (删除第 i 位置元素)

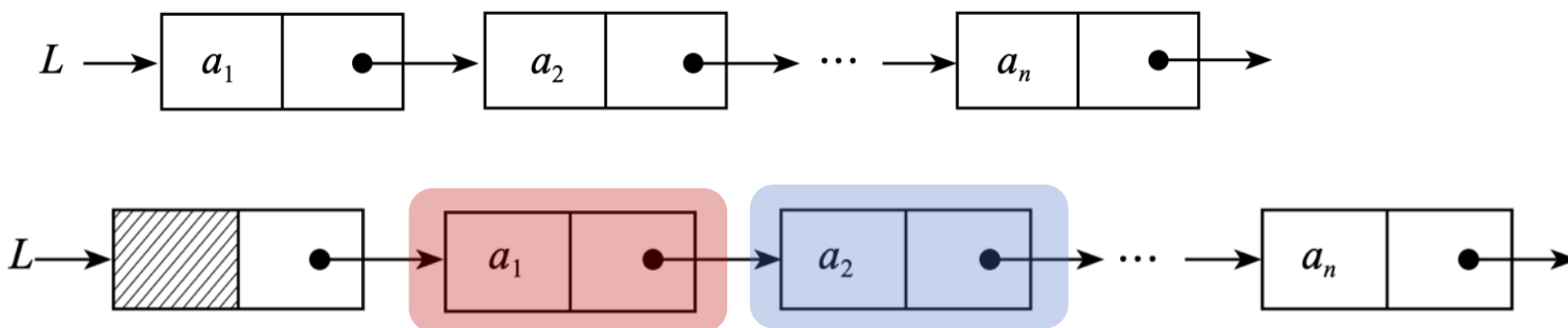
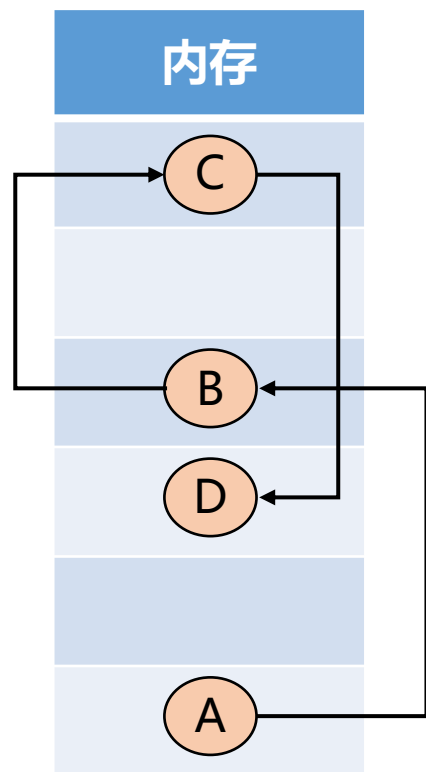


- 最好情况：在表尾删除，移动次数为0
- 最坏情况：在表头删除，移动次数为 $n-1$
- 平均情况：设 p_i 是在第 i 个位置上删除元素的概率，则平均移动次数为：

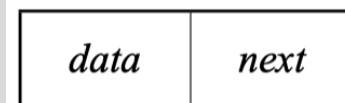
$$\sum_{i=1}^n p_i (n - i) = \sum_{i=1}^n \frac{1}{n} (n - i) = \frac{n - 1}{2}$$

(一) 单链表的定义

➤ 线性表的链式存储又称**单链表**



1、组成：**数据域**和**指针域**

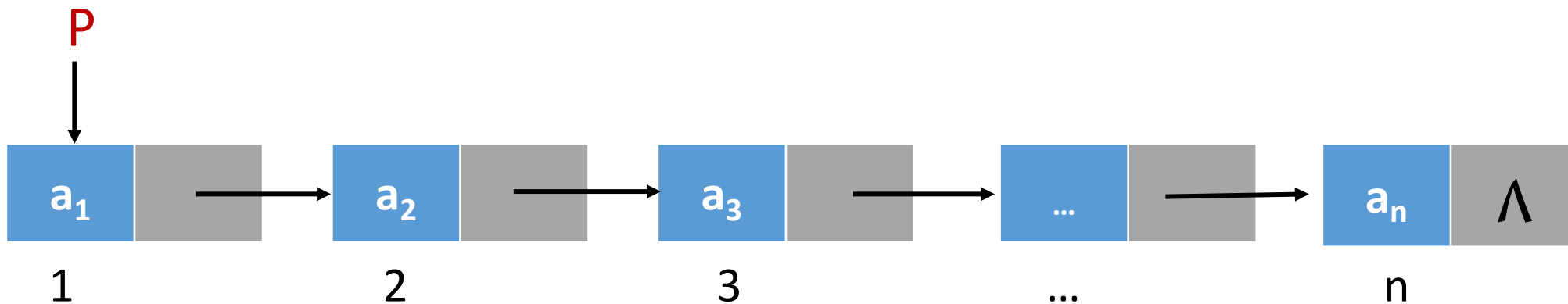


2、本节点的数据： **$P \rightarrow data$** ，下一个节点： **$P \rightarrow next$**

3、术语：头指针、头节点、第1个节点

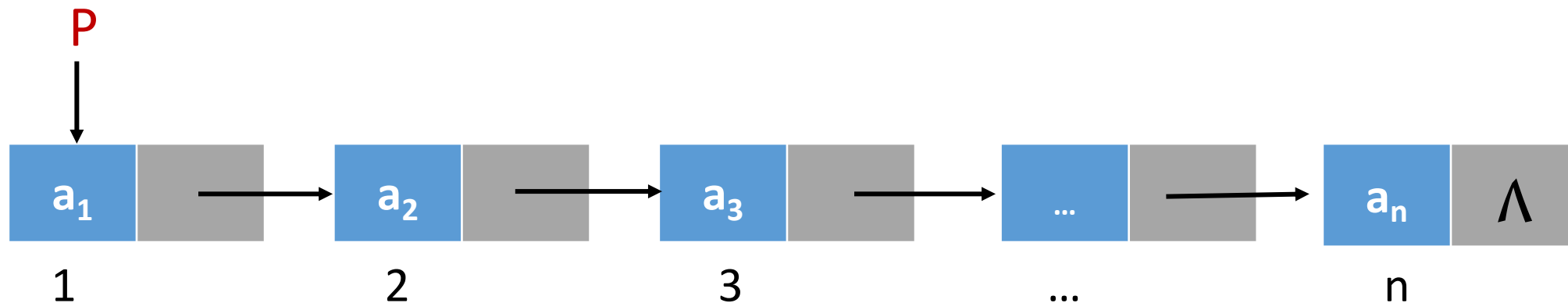
操作	说明
1.初始化	构造空表，只有头节点
2.建立单链表	分头插法和尾插法
3.获取表长	节点的总个数（不含头节点）
4.取值（按位查找）	找指定序号位置上的节点
5.查找（按值查找）	找与指定值相等的第一个节点
6.插入	在指定位置插入新节点
7.删除	将指定位置的节点删除

4.取值 (查找第 i 位置的数值) = 5.查找 (按值查找)



结论：从第一个节点开始，依次向后查找

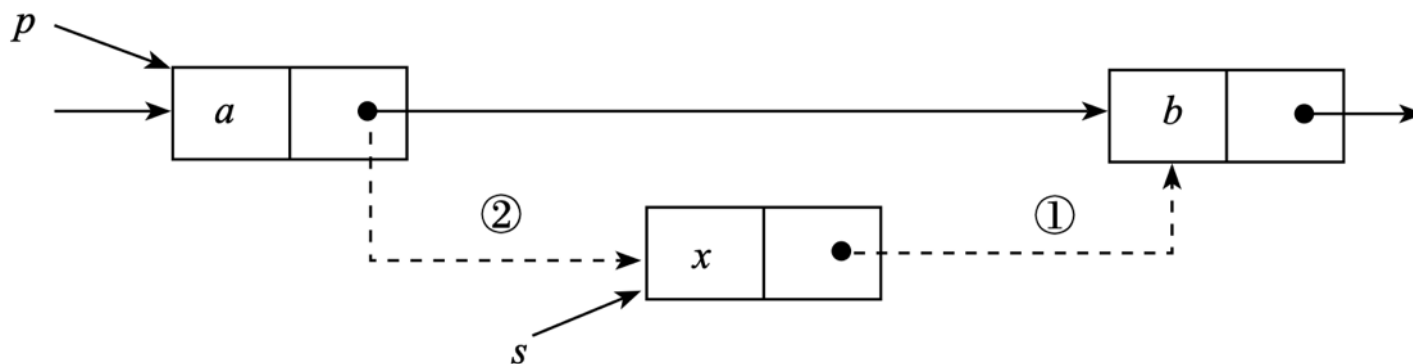
4.取值 (查找第 i 位置的数值) = 5.查找 (按值查找)



- 最好情况：查找第1个位置的节点，比较次数为1
- 最坏情况：查找最后位置的节点，比较次数为 n
- 平均情况：设 p_i 是在查找第 i 个位置上节点的概率， C_i 是所需要比较的次数，则平均查找长度为：

$$\sum_{i=1}^n p_i C_i = \sum_{i=1}^n \frac{1}{n} \times i = \frac{n+1}{2}$$

6. 插入 (若在p节点后面插入一个新节点s)



【补充】

核心步骤 (引入q节点)

① $s \rightarrow \text{next} = q$

② $p \rightarrow \text{next} = s$

①②顺序可以颠倒

核心步骤 (不引入q节点)

① $s \rightarrow \text{next} = p \rightarrow \text{next}$

② $p \rightarrow \text{next} = s$

①②顺序不可颠倒

在一个单链表中，已知q所指结点是p所指结点的直接前趋，若在p和q之间插入s结点，这执行（ ）操作。

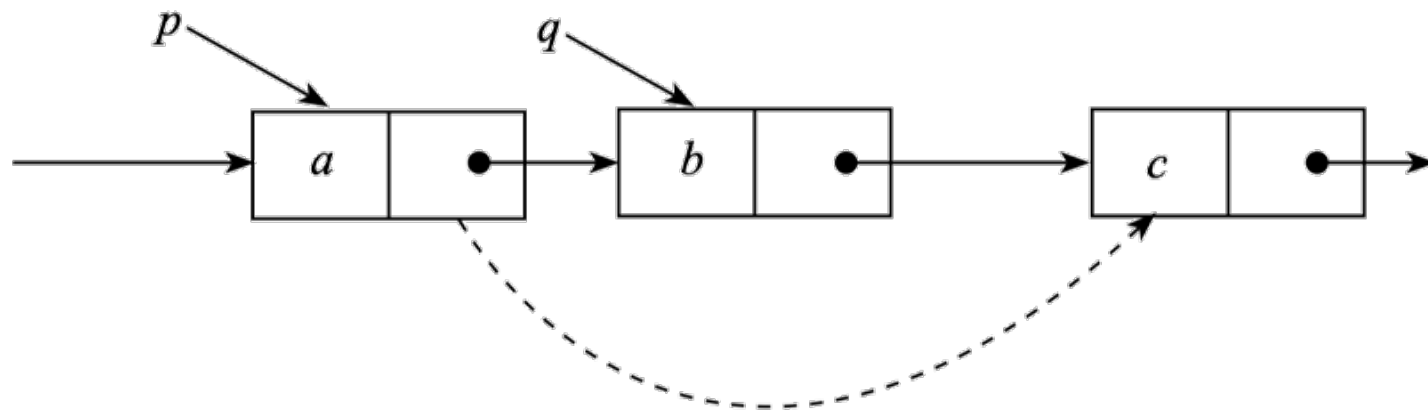
A. `s->next=p->next; p->next=s;`

B. `q->next=s; s->next=p;`

C. `p->next=s->next; s->next=p;`

D. `p->next=s; s->next=q;`

7. 删除 (若删除p节点后面的节点)



核心步骤 (引入q节点) :

$p \rightarrow \text{next} = q \rightarrow \text{next}$

【补充】

核心步骤 (不引入q节点) :

$p \rightarrow \text{next} = p \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{next}$

	顺序表【顺序存储】	单链表【链式存储】
存储分配	一段连续的空间	一组任意的空间
空间性能	预先分配，容易浪费	不需提前分配
查找	查找方便	查找麻烦
插入和删除	移动大量元素	只需移动指针

关于线性表的顺序存储结构和链式存储结构的描述中，正确的是（ ）。

- I、线性表的顺序存储结构优于链式存储结构
 - II、链式存储结构比顺序结构能更方便的表示各种逻辑结构
 - III、若频繁使用插入和删除节点操作，则顺序存储结构更优于链式存储结构
 - IV、顺序存储结构和链式存储结构都可以进行顺序查找
- A. I、 II、 III
 - B. II、 IV
 - C. II、 III
 - D. III、 IV



线性表

特点

元素个数 — 前驱个数 — 后继个数

存储

★ 顺序存储

查找（按位）

$$LOC(a_i) = LOC(a_1) + (i-1) \times l$$

插入

从第n个到第i个元素依次后移，共n-i+1个元素

删除

从第i+1个到第n个元素依次前移，共n-i个元素

链式存储

数据域和指针域 — 当前结点的值p → data — 下一个结点p → next

★ 单链表

查找（按位）

依次向后查找

插入

改动2个指针，先连接后面指针，再连接前面指针

删除

只需改动一个指针



其它链表

双链表

循环链表

★ 特殊

20





有疑问没？等你吖

下节内容

第三节	线性表	285
	P294 ~ P307	
第四节	树和二叉树	300



岸上等你

THE TEST

光芒万丈
不负理想

粉笔
教师



机读卡

姓名:

考号:

