SimpleNote 笔记模板 v1.0

Fenglielie *

2024年3月11日

SimpleNote 是基于ElegantNote修改的笔记模板, ElegantNote 是非常优秀的一个开源笔记模板, 但是原作者在 2023 年 1 月 1 日已经停止更新, 因此选择以它的最终版为基础进行魔改, 主要是配置的整理和简化, 删除了部分花哨不太实用的配置。

1 配置说明

SimpleNote 支持两种编译方式: pdflaTeX 和 XclaTeX。支持中文和英文两种模式: 英文模式下用任意编译方式均可,中文模式下必须使用 XclaTeX。在使用 SimpleNote 文档类时,有如下主要选项:

- 1. 语言: 中文 cn (默认), 英文 en;
- 2. 设备: 决定页面尺寸, 包括 normal (默认, A4) 和 pad (3:4 竖屏);
- 3. 颜色:决定主题色,包括blue(默认)、cyan、和black;
- 4. 字号: 支持 10pt, 11pt (默认), 12pt;
- 5. 中文字体: 决定中文字体, 包括 ctex 的几个默认方案, 以及开源的方正字体, 思源字体方案, 见下文。

注 文档类的选项既可以使用完整的键值对形式,例如device=normal,也可以直接使用选项名normal,并且多个选项可以连续设置,并且任意顺序均可。

1.1 语言

本模板内含中英文两套语言环境,改变语言会改变图表标题的引导词(图,表),文章结构词(比如目录,参考文献等),以及定理环境中的引导词(比如定理,引理等)。不同语言模式的启用如下:

\documentclass[lang=cn]{simplenote}
\documentclass[lang=en]{simplenote}

^{*}fenglielie@qq.com

笔记 只有中文模式才可输入中文,并且中文要求使用 $X_{\text{PLAT}_{\text{E}}}X$ 编译。如果需要在英文标准文档类 article 输入中文,可以将 ctex 作为宏包导入 1 。查询ctex宏包文档可知,默认选项scheme =plain只提供基本的中文支持功能,而不对文章版式进行任何适合中文排版的修改;scheme =chinese则会修改默认字号为五号字,调整行距为 1.3。默认选项heading=false,如果设置为heading=true则会将章节标题和引导词等改为中文。如果在标准文档类 article 中导入 ctex 宏包并加上上述选项,则与 ctexart 等中文文档的行为基本一致。

1.2 纸张

模板默认背景色为白色, ElegantNote 支持为文档类添加选项来自定义护眼背景色, 但是我将选项移除了, 在导言区仍然可以使用下面语句来配置页面底色:

```
\definecolor{bgcolor}{RGB}{199,237,204} % 绿豆沙色
\pagecolor{bgcolor}

\definecolor{bgcolor}{RGB}{250,250,248} % 白底色偏灰
\pagecolor{bgcolor}

\definecolor{bgcolor}

\definecolor{bgcolor}{RGB}{250,237,225} % 秋叶褐色
\pagecolor{bgcolor}
```

1.3 设备

模板默认尺寸为 A4, ElegantNote 支持为文档类添加选项来适配不同的设备,这里我仅仅保留了 pad 的选项,因为随意切换尺寸会非常影响图表的排版效果,也没有太多的必要性。

```
\documentclass[device=normal]{simplenote} % A4 page (default)
\documentclass[device=pad]{simplenote} % pad 3:4 size
```

1.4 颜色2

模板支持不同的颜色主题,分别是 blue (默认), cyan和black。如果不需要颜色,可以选择 黑色 (black) 主题。颜色主题的设置方法:

```
\documentclass[color=blue]{simplenote} % default \documentclass[color=cyan]{simplenote}
```

¹此时更建议直接使用 ctexart 等中文文档类。

²测试章节的 footnote 脚注。

1.5 字号

模板支持基本的字号设置,可以选择的值为 10pt, 11pt (默认), 12pt, 这和 ctex 宏包略有不同,用法如下:

```
\documentclass[fontsize=10pt]{simplenote}
\documentclass[fontsize=11pt]{simplenote} % default
\documentclass[fontsize=12pt]{simplenote}
```

1.6 中文字体

模板支持不同的中文字体配置,通过cnfont=XXX设置,默认值为cnfont=auto,支持如下的值:

- 1. 兼容 ctex 宏包关于中文字体的部分选项:
 - (a) cnfont=auto, 令 ctex 根据系统自动选择字体方案
 - (b) cnfont=windows, 令 ctex 选择 windows 字体方案 (Windows 默认) (传递fontset=windows参数)
 - (c) cnfont=fandol, 令 ctex 选择 fandol 字体方案 (Linux 默认) (传递fontset=fandol参数)
 - (d) cnfont=none, 禁止 ctex 的字体配置(传递fontset=none参数)
- 2. 开源中文字体选项: (向 ctex 传递fontset=none参数并自行配置)
 - (a) cnfont=FZ, 方正字体(仅使用四个开源字体)
 - i. 方正书宋 FZSSK.TTF, FZShuSong-Z01
 - ii. 方正黑体 FZHTK.TTF, FZHei-B01
 - iii. 方正楷体 FZKTK.TTF, FZKai-Z03
 - iv. 方正仿宋 FZFSK.TTF, FZFangSong-Z02
 - (b) cnfont=NotoCJK, Noto CJK 思源字体 (SC 简体中文版本)
 - i. 思源宋体 Noto Serif CJK SC
 - ii. 思源黑体 Noto Sans CJK SC
 - iii. 思源等宽字体 Noto Sans Mono CJK SC
 - (c) cnfont=SourceHan, Source Han 思源字体(SC 简体中文版本)
 - i. 思源宋体 Source Han Serif SC
 - ii. 思源黑体 Source Han Sans SC
- 注 由于思源字体只有思源宋体和思源黑体, 缺少通常的楷体(作为宋体的斜体)和仿宋, 因此

需要使用方正楷体和方正仿宋作为补充,换言之,这几个方案都需要安装四个方正开源字体。

注 各个在线编译平台 (例如 Overleaf) 支持的中文字体并不统一:由于部署在 Linux 服务器上,fandol 字体是最可能可用的,思源字体和 windows 的字体有时也可用,通常都不含方正开源字体。

如果选择cnfont=none,还可以自行进行配置,参考代码如下:

2 使用教程

2.1 导言区信息

在使用模板时的导言区需要如下信息

```
%!TEX program = xelatex
\documentclass[cn,blue,14pt,screen]{simplenote}
\title{标题}
\author{作者}
\date{\zhdate{2024/01/13}}% \date{\zhtoday}

\begin{document}
...
\end{document}
```

其中作者可以附带联系方式(使用\thanks{}命令),可以有多个作者(使用\and连接),例如

\author{作者一 \thanks{xxxx@xx.xx} \and 作者二}

中文日期显示命令基于zhnumber宏包,如果不需要显示日期,不可以省略(默认会自动显示当前英文日期,相当于\date{\today}),应该留空\date{}。

2.2 定理类环境

此模板采用了 amsthm 中的定理样式,使用了 3 类定理样式和证明样式,分别为

- plain: theorem (定理), lemma (引理), proposition (命题), corollary (推论);
- definition: definition (定义), conjecture (猜想), example (例);
- remark: remark (注), note (笔记), case (案例);
- **proof**: proof (证明)。

其中关于编号/计数器的细节如下:

- 1. 定理环境基于 section 产生编号, 引理和命题共享定理的编号计数器, 推论无编号;
- 2. 定义,猜想和例子都基于 section 产生编号;
- 3. 注记和笔记均无编号, 案例采用全局独立的编号。

注 在选用 lang=en 时,定理类环境的引导词为环境名,并且首字母大写。在选用 lang=cn 时,引导词全部会改为括号中的中文。

笔记 除了上述环境,目前顺便定义了两个环境: problem (题目,加阴影)和 solution (解答),环境的实现非常简单,不含计数器。

2.3 交叉引用

关于交叉引用的命令: ams 宏包默认提供了\eqref{}作为公式的引用命令,但这仅仅是给编号加了括号;除此之外,本模板还提供了图片的引用命令\figref{}和表格的引用命令\tabref{},实现代码如下,使用效果见下文。

```
\newcommand\figref[1]{Figure~\ref{#1}}
\newcommand\tabref[1]{Table~\ref{#1}}
```

2.4 算法环境

本模板采用 algorithm2e 宏包来支持算法显示,使用如下,效果如算法 1。

```
\begin{algorithm}[H]\label{algorithm:1}
    \caption{Euclid's algorithm}
```

```
\KwData{Two nonnegative integers $a$ and $b$}
   \KwResult\{Their greatest common divisor $d = \gcd(a, b)$\}
   $r \leftarrow a \bmod b$\;
       $a \leftarrow b$\;
       $b \leftarrow r$\;
   $d \leftarrow a$\;
\end{algorithm}
```

Algorithm 1: Euclid's algorithm

```
Data: Two nonnegative integers a and b
  Result: Their greatest common divisor d = \gcd(a, b)
1 while b \neq 0 do
      r \leftarrow a \bmod b;
      a \leftarrow b;
      b \leftarrow r;
5 end
6 d \leftarrow a;
```

2.5 代码环境

本模板采用 listings 宏包来支持代码高亮显示,使用例如

```
#include <iostream>
int main() {
    std::cout << "Hello, world!" << std::endl;</pre>
    return 0;
}
```

```
def greet(name):
    greets the person passed in as a parameter.
    print(f"Hello, {name}!")
greet("John")
```

2.6 参考文献

原本的 ElegantNote 模板包括了参考文献的部分:使用 Biblatex 宏包,并支持通过参数传递样式。但是出于个人需求的原因,将这部分完全移除,在需要参考文献时自行进行配置。

传统的 Bibtex 的基本用法如下:

- 1. 导言区指定样式,例如\bibliographystyle{plain};
- 2. 在显示参考文献列表的位置使用\bibliography{reference},这里假设参考文献文件为reference.bib。

示例如下:

```
\documentclass{article}
\bibliographystyle{plain}

\begin{document}

According to Einstein's theory of relativity \cite{einstein1905}...

\bibliography{reference} % reference.bib

\end{document}
```

现代的 Biblatex 的基本用法如下:

- 1. 在导言区导入 biblatex 宏包, 可以指定样式和后端等;
- 2. 在导言区加载参考文献文件,例如\addbibresource[location=local]{reference.bib}, 这里假设参考文献文件为 reference.bib
- 3. 在显示参考文献列表的位置使用\printbibliography

示例如下:

```
\documentclass{article}
\usepackage[style=authoryear]{biblatex}
\addbibresource{reference.bib} % reference.bib

\begin{document}

According to Einstein's theory of relativity \parencite{einstein 1905}...

\printbibliography[title={References}]
```

3 写作示例

定理 3.1 (Fubini 定理) 若 f(x,y) 是 $\mathbb{R}^p \times \mathbb{R}^q$ 上的非负可测函数,则对几乎处处的 $x \in \mathbb{R}^p$, f(x,y) 作为 y 的函数是 \mathbb{R}^q 上的非负可测函数, $g(x) = \int_{\mathbb{R}^q} f(x,y) dy$ 是 \mathbb{R}^p 上的非负可测函数。并且

$$\int_{\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q} f(x, y) dx dy = \int_{\mathcal{R}^p} \left(\int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy \right) dx. \tag{1}$$

证明. Let z be some element of $xH \cap yH$. Then z = xa for some $a \in H$, and z = yb for some $b \in H$. If h is any element of H then $ah \in H$ and $a^{-1}h \in H$, since H is a subgroup of G. But zh = x(ah) and $xh = z(a^{-1}h)$ for all $h \in H$. Therefore $zH \subset xH$ and $xH \subset zH$, and thus xH = zH. Similarly yH = zH, and thus xH = yH, as required.

定理 3.2 对于 Burgers 方程,假设给定光滑的初值 $u_0(x)$,并且存在某些点满足 $u_0'(x) < 0$,那 么准确解在 T_b 时刻特征线首次相交,解出现无穷斜率 (间断,激波)。

$$T_b = \frac{-1}{\min u_0'(x)}$$

证明. 证明分成两部分: 首先证明在 T_b 时刻特征线首次相交,然后证明在 T_b 时刻会出现无穷 斜率,证明细节略。

引理 3.3 (Harten 引理) 若差分格式可以表述为如下形式

$$v_i^{n+1} = v_i^n - C_{j-1/2}(v_i^n - v_{j-1}^n) + D_{j+1/2}(v_{j+1}^n - v_j^n)$$

且处处成立

$$C_{j+1/2} \ge 0, D_{j+1/2} \ge 0, C_{j+1/2} + D_{j+1/2} \le 1, \forall j$$

则它是 TVD 格式。

命题 3.4 下面两个结论等价:

- 1. 存在常数 $\delta > 0$,使得 A 的所有特征值 λ 都满足 $\Re \lambda \geq \delta$; (即抛物的定义)
- 2. 存在常数 $\delta > 0$,使得 $A + A^* \ge \delta I_{\circ}$

推论 单调格式一定是 TVD 格式, TVD 格式一定是单调保持格式, 反之不成立。限于线性差分格式的范畴, 单调格式、TVD 格式和单调保持格式这三个概念是彼此等价的。

定义 3.1 (守恒型格式) 称差分格式为守恒型格式, 若它可以表述为如下形式

$$v_j^{n+1} = v_j^n - \frac{\Delta t}{\Delta x} \left(\hat{f}_{j+1/2}^n - \hat{f}_{j-1/2}^n \right) \tag{*}$$

其中 $\hat{f}_{j+\frac{1}{2}}$ 称为数值流通量,具有表达式 $\hat{f}_{j+\frac{1}{2}}=\hat{f}(v_{j-r},\cdots,v_{j+s})$,并且满足

- 1. 连续性: \hat{f} 关于每一个变量都是局部 Lipschitz 连续的
- 2. 相容性: $\hat{f}(v,...,v) = f(v)$

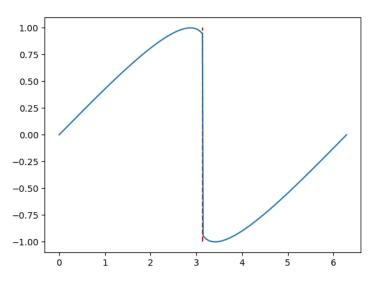
例 3.1 Burgers 方程 $u_t + uu_x = 0$ 的特征线满足

$$\frac{dx}{dt} = f'(u_0(x_0)) = u_0(x_0) \tag{2}$$

特征线为 x-t 平面的直线

$$x = x_0 + u_0(x_0)t (3)$$

下面是图片和表格的示例,其中图 1呈现了一个典型的 Burgers 方程精确解,通过求解非线性方程(3)得到;表 1呈现了一组数值算法的对比,包括误差和阶数。



1: Solution of Burgers' equation

		N=25	N=50	N=100	N=200	N=400
	误差	2.8e-03	7.1121e-04	1.7821e-04	4.4559e-05	1.1139e-05
FTCS	误差阶数	_	1.97	1.99	2.00	2.00
	时间/s	0.009449	0.009827	0.087355	0.840438	33.303874
	误差	2.8e-03	7.1121e-04	1.7847e-04	4.4615 e - 05	1.1153e-05
SVD	误差阶数	-	1.97	1.99	2.00	2.00
	时间/s	0.016365	0.010492	0.034441	0.205993	1.431576

表 1: 计算结果

Determine the order of accuracy of the following difference equations to the partial differential equation

$$u_t + au_x = 0$$
$$v_k^{n+1} = v_k^{n-1} - R\delta_0 u_k^n + \frac{R}{6} \delta^2 \delta_0 u_k^n$$

解答 截断误差为

$$\begin{split} T_k^n &= \frac{u_k^{n+1} - u_k^{n-1}}{2\Delta t} + \frac{a}{2\Delta x}(u_{k+1}^n - u_{k-1}^n) - \frac{a}{12\Delta x}(u_{k+2}^n - 2u_{k+1}^n + 2u_{k-1}^n - u_{k-2}^n) \\ &= (u_t + \frac{\Delta t^2}{6}u_{ttt} + O(\Delta t^4))|_k^n + a(u_x + \frac{\Delta x^2}{6}u_{xxx} + \frac{\Delta x^4}{120}u_{xxxxx} + O(\Delta x^6))|_k^n \\ &- \frac{a}{12}(2\Delta x^2 u_{xxx} + \frac{\Delta x^4}{2}u_{xxxxx} + O(\Delta x^6))|_k^n \\ &= O(\Delta t^2 + \Delta x^4) \end{split}$$

关于时间 2 阶,空间 4 阶。

注 这是 remark 内容测试。3

案例 1 这是 case 内容测试之一。[1]

案例 2 这是 case 内容测试之二。[2]

笔记 这是 note 内容测试。[3]

多层无序列表效果如下

- XXX
- XXX
 - yyy
 - yyy
 - ♦ ZZZ
 - ♦ ZZZ
 - ► WWW
 - ► WWW

多层有序列表效果如下

- 1. xxx
- 2. xxx
 - (a) yyy
 - (b) yyy
 - i. zzz
 - ii. zzz
 - A. www
 - B. www

³Christian Lubich and Ivan V. Oseledets. "A Projector-Splitting Integrator for Dynamical Low-Rank Approximation". In: *BIT Numerical Mathematics* 54.1 (Mar. 2014), pp. 171–188. ISSN: 0006-3835, 1572-9125. DOI: 10.1007/s10543-013-0454-0. URL: http://link.springer.com/10.1007/s10543-013-0454-0.

参考文献

- [1] Gianluca Ceruti, Jonas Kusch, and Christian Lubich. "A Rank-Adaptive Robust Integrator for Dynamical Low-Rank Approximation". In: *BIT Numerical Mathematics* 62.4 (Dec. 2022), pp. 1149–1174. ISSN: 0006-3835, 1572-9125. DOI: 10.1007/s10543-021-00907-7. URL: https://link.springer.com/10.1007/s10543-021-00907-7.
- [2] Gianluca Ceruti and Christian Lubich. "An Unconventional Robust Integrator for Dynamical Low-Rank Approximation". In: *BIT Numerical Mathematics* 62.1 (Mar. 2022), pp. 23–44. ISSN: 0006-3835, 1572-9125. DOI: 10.1007/s10543-021-00873-0. URL: https://link.springer.com/10.1007/s10543-021-00873-0.
- [3] Othmar Koch and Christian Lubich. "Dynamical Low-Rank Approximation". In: SIAM Journal on Matrix Analysis and Applications 29.2 (Jan. 2007), pp. 434–454. ISSN: 0895-4798, 1095-7162. DOI: 10.1137/050639703. URL: http://epubs.siam.org/doi/10.1137/050639703.
- [4] Christian Lubich and Ivan V. Oseledets. "A Projector-Splitting Integrator for Dynamical Low-Rank Approximation". In: *BIT Numerical Mathematics* 54.1 (Mar. 2014), pp. 171–188. ISSN: 0006-3835, 1572-9125. DOI: 10.1007/s10543-013-0454-0. URL: http://link.springer.com/10.1007/s10543-013-0454-0.