

CTL 的语法和语义

基于遗忘的反应式系统最弱充分条件研究

二〇二二年六月

姓名: 冯仁艳

导师: 王以松

联合导师: Erman Acar¹

研究方向: 软件工程技术与人工智能

¹LIACS, Leiden University, The Netherlands



目录

基于遗忘的反》 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和i

CT L II and the

研究目标

研究内容及拟解决的5 科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

论

ル:演算造立理论

p-演界逐步度定 專者:厚.λ.农 后 应 d

简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算方

基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与股票总结

展型

参考文献

- 1 绪论
 - 研究背景和意义
 - 国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- 2 背景知识
 - Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
- G CTL 和 μ-演算遗忘理论
 - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- 4 遗忘理论在反应式系统中的应用
 - 简介
 - 最弱充分条件
 - 知识更新
- 5 CTL 遗忘计算方法
 - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法
 - 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验
- 6 总结与展望



研究背景和意义——系统正确对国防、太空勘测和交通运输至关重要

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的:

背景知识

Kainka 45 th

CTL 的语法和语义

11-流質

CTL 和 μ-演算遗忘

论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式

简介

最弱充分条件知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTI 忘计算 基本自结的遗忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结

展望

参考文献







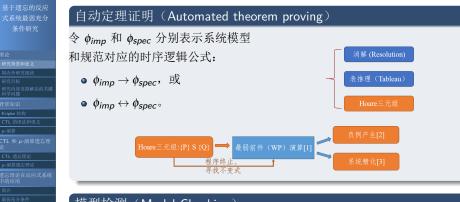
图 1: 系统故障引起的系列灾难现场

表 1: 由系统故障引起的重大事件概览

时间	事故原因	损失
1991 年	美国爱国者导弹系统舍入错误	28 名士兵死亡、100 人受伤等
1996年	阿丽亚娜 5 火箭代码重用	火箭与其它卫星毁灭
1999 年	火星探测器用错度量单位	探测器坠毁并造成了 3.27 亿美元的损失
2011年	温州 7.23 动车 <u>信号设备</u> 在设计	动车脱节脱轨、多人失去生命
	上存在严重的缺陷	

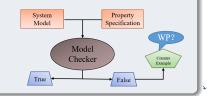


研究背景和意义:形式化验证为系统的正确提供了有力依据



模型检测(Model Checking)

- $\mathcal{M} \models^? \phi_{Spec}$.
- 反应式系统 (reactive system): 是 指与环境有着持续不断交互的系统。
- 如何计算反应式系统的 WP?





研究背景和意义: 简单的例子

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意

国内外研究现状

研究日标 研究内容及拟解决的

日形知

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTI #II

论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

差于與至时有升 忘计算 基于归结的遗忘计算。 基于归结的算法

总结与展验

参考文献

例 1 (汽车制造企业模型)

一个汽车制造企业能够生产两种汽车: 小轿车 (se) 和跑车 (sp)。每隔一段时间,该企业都会做一个生产决策 (d),即: 合理的生产计划。刚开始的时候,该企业做出了具有三个选择 (s) 的方案:

- (1) 先生产足够的 se, 然后在再生产 sp;
- (2) 先生产足够的 sp, 然后再生产 se;
- (3) 同时生产 se 和 sp。

这一过程可以由图 2中的 Kripke 结构(带标签的状态转换图) $\mathcal{M} = (S, R, L)$ 形式化地展现出来,其中:

- V = {d, s, se, sp} 为该工厂所需要考虑的原子命 题集;
- $S = \{s_0, s_1, s_2, s_3, s_4\}$ 为状态空间;
- $R = \{(s_0, s_1), (s_1, s_2), (s_1, s_3), (s_1, s_4), (s_2, s_0), (s_3, s_0), (s_4, s_0)\}$ 为状态转换关系集;
- $L: S \to 2^V$ 为标签函数,具体地: $L(s_0) = \{d\}$ 、 $L(s_1) = \{s\}$ 、 $L(s_2) = \{se\}$ 、 $L(s_3) = \{sp\}$ 和 $L(s_4) = \{se, sp\}$ 。

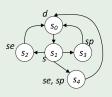


图 2: 汽车制造企业模型

假定,由于经济危机或者战略调整,导致该企业不能再生产跑车。这意味着所有规范和 Kripke 结构都不再需要考虑 sp 的,因此应该"移除"。



研究背景和意义:知识表示与推理(KR)中的SNC和WSC

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论 研究背景和意义

研究目标 研究内容及拟解决的关

背景知识 Kripke 结构

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘理 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

中的应用 简介 号配容分条件

知识更新 CTL 遗忘计算方

基于模型的有界 CTL 近 忘计算 基于归结的遗忘计算方

基于归结的算法 CTL-forget 实现及 总结与展望

总结 展望

参考文献

最强必要条件(SNC)和最弱充分条件(WSC)

SNC 和 WSC 分别用于描述给定理论下的最一般的结果(consequence)和最一般的诱因(abduction)[8]。满足下面两个条件的 φ 称为 q 在理论 Σ 下的 SNC:

- (1) $\Sigma \models q \rightarrow \varphi$;
- (2) 对任意 φ' 且 $\Sigma \models q \rightarrow \varphi'$, 有 $\Sigma \models \varphi \rightarrow \varphi'$ 。

满足下面两个条件的 ψ 称为 q 在理论 Σ 下的 (WSC):

- (1) $\Sigma \models \psi \rightarrow q$;
- (2) 对任意 ψ' 且 $\Sigma \models \psi' \rightarrow q$,有 $\Sigma \models \psi' \rightarrow \psi$ 。

遗忘理论(Forgetting)

遗忘是一种从理论中抽取知识的技术 [9],被用于规划[5,7] 和知识更新 中 [13]。非形式化地,对于逻辑语言 L 中的任意公式和原子集合,如果从该公式中遗忘掉该原子集合后得到的结果仍然在 L 中,则称遗忘存在,同时也称该公式和原子集合的遗忘存在。



研究背景和意义: 知识表示与推理(KR)中的 SNC 和 WSC

- CTL(Computation tree logic): 计算树逻辑,是一种分支时序逻辑
 - 其模型检测(MC)问题能在多项时间内完成;
 - 能很好的表达系统要求的安全属性(Safety properties)、活性属性 (Liveness properties)、持续属性(Persistence properties)和公平属性 (Fairness properties)。
 - Φ μ-演算 (μ-calculus): 是其他形式体系的机械基础
 - LTL、CTL、 L_w 等时态逻辑都能用 μ -演算表示;
 - S1S 表达能力严格不如 μ-演算;
 - μ-演算与 S2S 有相同的表达能力;
 -

形成时序逻辑系统遗忘理论的框架(verification),架起形式化验证和知识表示与推理(KR)的桥梁。

CTL 和 μ-演算遗址 论

μ-演算遺忘理论 遺忘理论在反应式 中的应用

简介 最弱充分条件 知识更新

简介 基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归纳的遗忘计算;

总结与展望 ^{总结}

参考文献



国内外研究现状

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意

国内外研究现状

研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

CIL 的研究和研。

μ-演算 CTI 和

CIL 和 μ-碘异理定 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

请定理论在反应。

中的应用

最弱充分条件

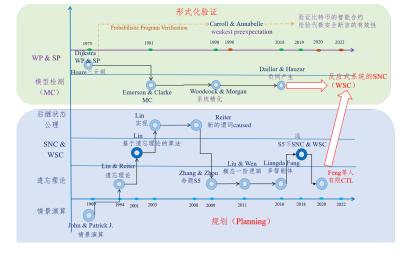
CTL 遗忘计算方法

忘计算 基于归结的遗忘计算力

基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

息结与R 点结

展型



绪论 研究背景和意义

研究目标 研究内容及拟解决的

科学问题

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

化 CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应 中的应用

向介 最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法

总结与展 ^{总结}

总结 展型

参考文献



通过人工智能的知识表示与推理 (KR) 技术,从遗忘理论出发,研究反应式系统(在某个符号集上)SNC 和 WSC 的表示与计算,提高反应式系统的可靠性 (或辅助证明反应式系统的正确性)。



研究内容

- 基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究
- 绪论 研究背景和意义 国内外研究现状
- 研究目标 研究内容及拟解决的
- 背景知识
- Kripke 结构 CTL 的语法和语义
- μ-演算
- μ-演算 CTI 和 μ 演算演
- 论
- CTL 遗忘理论
- 遺忘理论在反应:
- 中的应用 简介
- 最弱充分条件知识更新
- CTL 遗忘计算方法 简介
- 忘计算 基于归结的遗忘计算 基于归结的遗忘计算
- 总结与展望
- 展望

- \bullet CTL 和 μ -演算的遗忘理论
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
- 计算 CTL 遗忘的计算方法

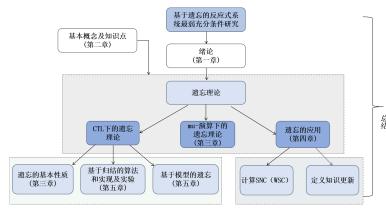


图 3: 文章组织结构示意图



基于遗忘的反应 式系统最弱充分

绪论

研究哲學和社

国内外研究

研究目标

研究内容及拟解决的

科字问题

背景知识

CTL 的语法和语义

u-流算

μ-液災

NG CONTRACTOR

CTL 遗忘理论

遺を理论在反应す

理心理化任反应式 中的应用

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方法

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及:

总结与原

展望

参考文献

拟解决的关键科学问题

拟解决的关键科学问题

- CTL 的遗忘什么情形下存在? (CTL 不具有 uniform interpolation 性质)
- 遗忘理论与反应式系统的 SNC 和 WSC 的关系
 - 反应式系统不终止
 - 遗忘理论的作用对象是公式
- \bullet CTL 和 μ -演算的遗忘在推理问题上的复杂性



目录

绪论

研究背景和

91761336103

研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Krinka ž

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗ε
论

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算力

基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与股票总结

展型

参考文献

- 绢论
 - 研究背景和意义
 - 国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- 2 背景知识 ● Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
 - μ-演昇
- CTL 和 μ-演算遗忘理论
 - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- 4 遗忘理论在反应式系统中的应用
 - 简介
 - 最弱充分条
 - 知识更新
- 5 CTL 遗忘计算方法
 - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法 ● 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验
 - 6 总结与展望



Kripke 结构

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论 研究背景和意义

> 开究目标 开究内容及拟解决的5 4学问题

Kripke 结构

CTL 的语法和语义 μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘 论

μ-演算遺忘理论 連立理论な 反応式:

简介 最弱充分条件

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法 简介

忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法

总结与展望 总结

参考文献

A: 原子命题的集合

Ind: 索引的集合

定义 2 (初始 Ind-Kripke 结构)

一个初始 Ind-Kripke 结构是一个五元组 $\mathcal{M} = (S, R, L, [_], s_0)$,其中:

- S 是状态的非空集合, s_0 是 \mathcal{M} 的初始状态 (参见下文);
- $R \subseteq S \times S$ 是状态转换函数,且对任意 $s \in S$,存在 $s' \in S$ 使得 $(s,s') \in R$;
- L:S→2^A 是一个标签函数;
- [_]: $\operatorname{Ind} \to 2^{S \times S}$ 是一个函数,其使得对任意 $\operatorname{ind} \in \operatorname{Ind}$,若 $s \in S$,则存在唯一一个 $s \in S$ 使得 $(s,s') \in [\operatorname{ind}] \cap R$ 。

相关概念

- 初始 Kripke 结构 $\mathcal{M} = (S, R, L, s_0)$: 从初始 Ind-Kripke 结构 \mathcal{M} 中去掉 [_] 元素得到;
- Ind-Kripke 结构 *M* = (S,R,L,[_]): 从初始 Ind-Kripke 结构 *M* 中去掉初始状态 s₀ 得到;
- Kripke 结构 $\mathcal{M} = (S, R, L)$: 从初始 Ind-Kripke 结构 \mathcal{M} 中同时去掉 [_] 和 s_0 得到。



Kripke 结构

A: 原子命题的集合

Ind: 索引的集合

定义 2 (初始 Ind-Kripke 结构)

一个初始 Ind-Kripke 结构是一个五元组 $\mathcal{M} = (S, R, L, [_], s_0)$, 其中:

- S 是状态的非空集合, s₀ 是 ℳ 的初始状态 (参见下文);
- $R \subseteq S \times S$ 是状态转换函数,且对任意 $s \in S$,存在 $s' \in S$ 使得 $(s,s') \in R$;
- 1 · S → 2st 是一个标签函数:
- [_]: $\operatorname{Ind} \to 2^{S \times S}$ 是一个函数,其使得对任意 $\operatorname{ind} \in \operatorname{Ind}$,若 $s \in S$,则存在唯一一个 $s \in S$ 使得 $(s,s') \in [ind] \cap R$ 。

相关概念

- 令 $\mathcal{M} = (S, R, L)$ 为 Kripke 结构, $\mathcal{M}' = (S, R, L, [_])$ 为 Ind-Kripke 结构:
 - 路径: \mathcal{M} 上的路径是 \mathcal{M} 上的状态构成的无限序列 $\pi = (s_0, s_1, s_2, \ldots)$, 且满足对任意 $j \ge 0$, $(s_i, s_{i+1}) \in R$;
 - $s' \in \pi$: 表示 s' 是路径 π 上的一个状态; π_s : 表示以 s 为起点的 \mathscr{M} 上的一条路径;
 - 初始状态: 如果对任意 s' ∈ S, 都存在路径 π, 使得 s' ∈ π, 那么称 s 为初始状态;
 - 索引路径: \mathcal{M}' 上的一条索引路径 $\pi_s^{(ind)}$ ($ind \in Ind$) 是一条路径 ($s_0 (= s), s_1, s_2, \ldots$), 且对任意 $j \geq 0$,有 $(s_i, s_{i+1}) \in [ind]$ 。



Kripke 结构

CTL 的语法和语义

②: 原子命题的集合Ind: 索引的集合

定义 2 (初始 Ind-Kripke 结构)

一个初始 Ind-Kripke 结构是一个五元组 $\mathcal{M} = (S, R, L, [_], s_0)$, 其中:

- S 是状态的非空集合, s₀ 是 ℳ 的初始状态 (参见下文);
- $R \subseteq S \times S$ 是状态转换函数,且对任意 $s \in S$,存在 $s' \in S$ 使得 $(s,s') \in R$;
- 1 · S → 2st 是一个标签函数:
- [_]: $\operatorname{Ind} \to 2^{S \times S}$ 是一个函数,其使得对任意 $\operatorname{ind} \in \operatorname{Ind}$,若 $s \in S$,则存在唯一一个 $s \in S$ 使得 $(s,s') \in [ind] \cap R$ 。

相关概念

- (Ind-) 结构: 初始 (Ind-)Kripke 结构 *M* 和是 *M* 中的状态 *s* 构成的二元组 $\mathcal{K} = (\mathcal{M}, s);$
- • 初始 (Ind-) 结构: (Ind-) 结构 ℋ = (ℳ,s) 中 s 为初始状态的情形。



CTL 的语法

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意义

国内外研究现状 研究目标

カロか 究内容及拟解决的 学问題

背景知识

Kripke 指构

μ-演算

CTL 和 μ-演算i

论 CTL abstract

μ-演算遺忘理论 遺忘理论在反应式:

简介 品或安分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方

基于归结的算法 CTL-forget 实现》 总结与展望

总结 展型

参考文献

CTL 的语言符号

- 原子命题集 Ø; 可数无限索引集合 Ind; 命题常量 start;
- 常量符号: ⊤和 ⊥,分别表示"真"和"假";
- 联结符号: ∨和 ¬,分别表示"析取"和"否定";
- 路径量词: A、E 和 E_{ind}, 分别表示"所有"、"存在"和"存在索引为 ind∈ Ind"的路径;
- 时序操作符: X、F、G、U 和 W, 分别表示"下一个状态"、"将来某一个状态"、"将来 所有状态"、"直到"和"除非";
- 标点符号: "("和")"。

定义 3 (带索引的 CTL)

带索引的 CTL 公式的<u>存在范式 (existential normal form, ENF)</u>可以用巴科斯范式递归定义如下:

 $\phi ::= \mathbf{start} \mid \bot \mid \rho \mid \neg \phi \mid \phi \lor \phi \mid \mathsf{EX}\phi \mid \mathsf{EG}\phi \mid \mathsf{E}(\phi \ \mathsf{U} \ \phi) \mid \mathsf{E}_{\langle \mathit{ind} \rangle} \mathsf{X}\phi \mid \mathsf{E}_{\langle \mathit{ind} \rangle} \mathsf{G}\phi \mid \mathsf{E}_{\langle \mathit{ind} \rangle} (\phi \ \mathsf{U}\phi)$

其中, $p \in \mathcal{A}$, $ind \in Ind$ 。

没有索引和 start 的公式称为 CTL 公式。



CTL 的语法

定义 3 (带索引的 CTL)

带索引的 CTL 公式的存在范式 (existential normal form, ENF)可以用巴科斯范式递归定义如 下:

$$\phi ::= \mathsf{start} \mid \bot \mid \rho \mid \neg \phi \mid \phi \lor \phi \mid \mathsf{EX}\phi \mid \mathsf{EG}\phi \mid \mathsf{E}(\phi \ \mathsf{U} \ \phi) \mid \mathsf{E}_{(\mathit{ind})} \mathsf{X}\phi \mid \mathsf{E}_{(\mathit{ind})} \mathsf{G}\phi \mid \mathsf{E}_{(\mathit{ind})}(\phi \mathsf{U}\phi)$$

其中, $p \in \mathcal{A}$, $ind \in Ind$ 。

没有索引和 start 的公式称为 CTL 公式。

CTL 中其它形式的公式可以通过如下定义(使用上述定义中的形式)得到:

 $\phi
ightarrow \psi \stackrel{\mathit{def}}{=} \neg \phi \lor \psi$

 $\varphi \wedge \psi \stackrel{\text{def}}{=} \neg (\neg \varphi \vee \neg \psi)$

(1)(2)

 $A(\varphi \cup \psi) \stackrel{def}{=} \neg E(\neg \psi \cup (\neg \varphi \land \neg \psi)) \land \neg EG \neg \psi$

(3)

 $A(\varphi W \psi) \stackrel{def}{=} \neg E((\varphi \wedge \neg \psi) U(\neg \varphi \wedge \neg \psi))$

(4)

 $E(\varphi W \psi) \stackrel{def}{=} \neg A((\varphi \wedge \neg \psi)U(\neg \varphi \wedge \neg \psi))$ $AF\phi \stackrel{def}{=} A(\top U\psi)$

(5)(6)

 $EF\varphi \stackrel{def}{=} E(\top U \psi)$

 $AX\phi \stackrel{def}{=} \neg EX \neg \phi$

(7)

 $AG\boldsymbol{\varphi} \stackrel{def}{=} \neg EF \neg \boldsymbol{\varphi}$



CTL 的语法

定义 3 (带索引的 CTL)

带索引的 CTL 公式的存在范式 (existential normal form, ENF)可以用巴科斯范式递归定义如 下:

 $\phi ::= \mathsf{start} \mid \bot \mid p \mid \neg \phi \mid \phi \lor \phi \mid \mathsf{EX}\phi \mid \mathsf{EG}\phi \mid \mathsf{E}(\phi \cup \phi) \mid \mathsf{E}_{(ind)} \mathsf{X}\phi \mid \mathsf{E}_{(ind)} \mathsf{G}\phi \mid \mathsf{E}_{(ind)} (\phi \cup \phi)$

其中, $p \in \mathcal{A}$, $ind \in Ind$ 。

没有索引和 start 的公式称为 CTL 公式。

符号优先级

带索引的 CTL 中各类符号的优先级如下,且从左到右优先级逐渐降低:

 $\neg, \text{EX}, \text{EF}, \text{EG}, \text{AX}, \text{AF}, \text{AG}, \text{E}_{(\textit{ind})} \text{X}, \text{E}_{(\textit{ind})} \text{F}, \text{E}_{(\textit{ind})} \text{G}, \land, \lor, \text{EU}, \text{AU}, \text{EW}, \text{AW}, \text{E}_{(\textit{ind})} \text{U}, \text{E}_{(\textit{ind})} \text{W}, \rightarrow .$

此外,给定一个不包含" \rightarrow "的公式 ϕ 和原子命题 p,

- 若 φ 中所有p的出现都为正出现(或负出现),则称 φ 关于p是正的(或负的)。

CTL 的语义

式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意义 国内外研究即状

研究目标 研究内容及拟解决的5

背景知识

Kripke 结构

CIE grangenan

μ-演第

CTL 和 μ-演算還記

CTL 遗忘理论

proposition to

型心理化任反应 中的应用

简介 最弱充分条f

知识更新

CIL 短忘计界力行

忘计算 基于归结的遗忘计算

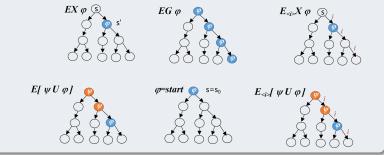
总结与展

总结 展導

参考文献

定义 4 (带索引的 CTL 的语义)

给定公式 φ ,初始 Ind-Kripke 结构 $\mathcal{M}=(S,R,L,[_],s_0)$ 和状态 $s\in S$ 。 (\mathcal{M},s) 与 φ 之间的可满足关系 (\mathcal{M},s) 旨 φ 定义如下:





CTL 的语义

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和i

国内外研究现状研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

CTL 的语法和语》

μ-演算

CTI 和 u-jiii

CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

遗忘理论在反应式; 中的应用

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT 忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展

展型

参考文献

记号

令 φ 、 φ_1 和 φ_2 为公式,这里列出文中出现的一些记号及其含义。

- 模型: 满足公式 φ 的初始 Ind-结构称为 φ 的一个模型;
- Φ Mod(φ): 公式 φ 的所有模型构成的集合;
- 可满足: 如果 $Mod(\varphi) \neq \emptyset$,则称 φ 是<u>可满足</u>的;
- 逻辑蕴涵: 若 $Mod(\varphi_1) \subseteq Mod(\varphi_2)$,则称 φ_1 逻辑地蕴涵 φ_2 ,记为 $\varphi_1 \models \varphi_2$;
- 逻辑等值: 当 φ₁ |= φ₂ 且 φ₂ |= φ₁ 时, 即 Mod(φ₁) = Mod(φ₂), 则称 φ₁ 和 φ₂
 为逻辑等值公式 (简称为等值公式), 记作 φ₁ ≡ φ₂;
- Var(φ): 出现在 φ 中的原子命题集;
- VП 和 ∧П 分别表示有限集 П 中公式的析取和合取;
- <u>V-无关</u>(<u>V-irrelevant</u>): 给定公式 φ 和原子命题集 V, 如果存在一个公式 ψ 使得 Var(ψ) ∩ V = Ø 且 φ ≡ ψ, 那么说 φ 与 V 中的原子命题<u>无关</u>, 简称为<u>V-无关</u>(<u>V-irrelevant</u>), 写作 IR(φ, V)。
- 文字(literal)、子句(clause)、析取范式等跟经典命题情形中的定义一样。

CTL 的标准形式

SNFg 子句

具有下面几种形式的公式称为 CTL 全局子句分离范式(separated normal form with global clauses for CTL, SNFg 子句) [12, 11]:

> $AG(\mathbf{start} \to \bigvee_{i=1}^k m_i)$ (初始句,initial clause) $AG(\top \rightarrow \bigvee_{i=1}^{k} m_i)$ (全局子句,global clause) $AG(\bigwedge_{i=1}^{n} I_i \to AX \bigvee_{i=1}^{k} m_i)$ (A-步子句, A-step clause) $AG(\bigwedge_{i=1}^{n} I_i \to E_{(ind)} X \bigvee_{i=1}^{k} m_i)$ (E-步子句, E-step clause) $AG(\bigwedge_{i=1}^{n} I_i \to AFI)$ (A-某时子句,A-sometime clause) $AG(\bigwedge_{i=1}^{n} I_i \to E_{(ind)}FI)$ (E-某时子句,E-sometime clause)

其中 k 和 n 都是大于 0 的常量, I_i $(1 \le i \le n)$ 、 m_i $(1 \le j \le k)$ 和 I 都是文字且 $ind \in Ind$ 。



CTL 的标准形式

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决的关 科学问题

背景知识

Kripke 鑽柯

n-演覧

CTI ∄I

论 μ-*μ-μη*-με-

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式

筒介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT 忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展

展型

参考文献

转换规则

一个 CTL 公式 φ 可以通过下表中的规则转换为一个 $\mathrm{SNF}_{\mathrm{CTL}}^{\mathrm{g}}$ 子句集,记为 T_{φ} 。

表 2: 转换规则

$$\begin{aligned} & \operatorname{Trans}(1) \frac{q \to \operatorname{ET} \varphi}{q \to \operatorname{E}(\operatorname{ind})} \operatorname{Tp} : & \operatorname{Trans}(2) \frac{q \to \operatorname{E}(\varphi_1 \cup \varphi_2)}{q \to \operatorname{E}(\operatorname{ind})(\varphi_1 \cup \varphi_2)} : & \operatorname{Trans}(3) \frac{q \to \varphi_1 \wedge \varphi_2}{q \to \varphi_1 \wedge \varphi_2} : \\ & \operatorname{Trans}(4) \frac{q \to \varphi_1 \vee \varphi_2 \text{ } (\operatorname{dll} \mathbb{R} \varphi_2 \text{ } \mathbb{R} \mathbb{R} + \widetilde{\varphi})}{q \to \varphi_1 \vee \varphi_2 \to \varphi_2} : & \operatorname{Trans}(5) \frac{q \to Q_1 \vee \varphi_2}{q \to q \vee \varphi_1} : \frac{q \to T}{T \to -q} : \frac{q \to T}{\{\}} \end{aligned} \\ & \operatorname{Trans}(6) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi \text{ } (\operatorname{dll} \mathbb{R} \varphi_2 \text{ } \mathbb{R} + \widetilde{\varphi} + \widetilde{\varphi})}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \varphi_2} : & \operatorname{Trans}(7) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi \text{ } (\operatorname{dll} \mathbb{R} \varphi_1 \text{ } + \widetilde{\varphi} + \widetilde{\varphi} + \widetilde{\varphi})}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \varphi_2} : \\ & \operatorname{Trans}(8) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_2}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_2} (\operatorname{dll} \mathbb{R} \varphi_2 \text{ } - \operatorname{R} \pm \widetilde{\varphi} + \widetilde{\varphi})}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_1} : & \operatorname{Trans}(10) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi}{q \to \rho_1 \to \varphi_1 \to \varphi_2} : \\ & \operatorname{Trans}(9) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_2}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_1} (\operatorname{dll} \mathbb{R} \varphi_2 \text{ } - \operatorname{R} \pm \widetilde{\varphi} + \widetilde{\varphi})}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1 \vee \varphi_1} : & \operatorname{Trans}(11) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_2} : \\ & \operatorname{Trans}(11) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_2 \to \varphi_2} (\operatorname{Qx} \vee \varphi_1 \vee \varphi_2)} : & \operatorname{Trans}(12) \frac{q \to \operatorname{Qx} \varphi_1}{q \to \operatorname{Qx} \varphi_2 \to \varphi_2} (\operatorname{Qx} \vee \varphi_1 \vee \varphi_2)} : \end{aligned}$$

其中, $T \in \{X, G, F\}$,ind 是规则中引入的新索引且 $Q \in \{A, E_{(ind)}\}$; q 是一个原子命题,I 是一个文字,D 是文字的析取(即子句),p 是新的原子命题; φ , φ_1 ,和 φ_2 都是 CTL 公式。



CTL 的标准形式

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

緒论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的关键

研究内容及拟解决的: 科学问题

Kripke 结构

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗

论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式 中的应用

最弱充分条件知识更新

CTL 遗忘计算方法

至于模型的有非CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法

总结与展^生

总结 展望

^{展型} 参考文献

转换步骤

给定一个 CTL 公式 φ ,将其转换为一个 SNF_{CTL}^g 字句集合的主要步骤如下:

- (1) 将公式 CTL 转换为其 NNF ^a 形式, 记为 nnf(φ);
- (2) 使用等值公式化简 $nnf(\varphi)$, 得到 $simp(nnf(\varphi))$;
- (3) 使用转换规则将 $\{AG(\mathsf{start} \to z), AG(z \to \mathsf{simp}(\mathsf{nnf}(\varphi)))\}$ 化简为 SNF_{CTL}^g 子句集 T_{φ} ,其中 T_{φ} 由如下<u>导出(derivation)</u>序列生成:

$$T_0 = \{ AG(\mathsf{start} \to p), AG(p \to \mathsf{simp}(\mathsf{nnf}(\varphi))) \}, T_1, \dots, T_n = T_{\varphi} \}$$

使得

- *p* 是一个新的原子命题,即: *p* ∉ {start} ∪ *Var*(φ);
- $T_{t+1} = (T_t \{\psi\}) \cup R_t \ (t \ge 0)$,其中 ψ 为 T_t 中的非 SNF_{CTL}^g 子句,且 R_t 是使用一条匹配的归则作用到 ψ 上得到的结果集;
- T_n 中的每个公式都是 SNF_{CTL}^g 子句形式。

 $^{^{}a}$ 对于给定的公式 φ ,其否定范式(negation normal form, NNF)是将否定联结词 "¬"的出现通过上述定义变化到只出现在原子命题之前的形式。

展翅

例 4

令 $\varphi = \neg AFp \land AF(p \land \top)$, 下面给出将 φ 转换为 SNF_{CTL}^g 子句集的详细步骤。

- (1) 将公式 φ 转换为其 NNF 形式: EG¬p∧AF(p∧⊤);
- (2) 化简 (1) 中的公式为: EG¬p∧AFp;
- (3) 使用转换规则转换 {AG(start → z), AG(z → (EG¬p ∧ AFp))}, 详细步骤如下:

1. start $\rightarrow z$

2. $z \rightarrow \text{EG} \neg p \land \text{AF} p$

3. $z \rightarrow EG \neg p$

(2, Trans(3))

4. $z \rightarrow AFp$

(2, Trans(3))

5. $z \rightarrow E_{\langle 1 \rangle} G \neg p$

(3, Trans(1))

6. $z \rightarrow x$

(5, Trans(10))

7. x → ¬I

(5, Trans(10))

8. $x \to E_{\langle 1 \rangle} G x$

(5, Trans(10))

9. $\top \rightarrow \neg z \lor x$

(6, Trans(5))

10. $\top \rightarrow \neg x \lor \neg p$

(7, Trans(5))

因此,得到的 φ 对应的 SNF_{CTL}^g 子句集为:

1. start $\rightarrow z$

2. $z \rightarrow AFp$

3. $x \to E_{\langle 1 \rangle} Gx$

4. $\top \rightarrow \neg z \lor x$

5. $\top \rightarrow \neg x \lor \neg p$.



基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和道

国内外研究现状研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

H 駅内IIK Krinke 结构

CTL 的语法和语义

CTI 利 n-流管溃疡

化 CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用 ^{简介}

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

简介

忘计算 基于归结的遗忘计算; 基工归结的遗忘计算;

基于归结的算法 CTL-forget 实现及3

总结与版!

展塑

参考文献

μ-演算的语法

不动点符号: μ 和 ν , 分别表示"最小不动点"和"最大不动点"。 ν : 变元符号的可数集。

各类符号之间的优先级如下(从左到右优先级逐渐变低):

 \neg EX AX \wedge \vee μ ν .

定义 5 (μ-演算公式)

 μ -演算公式(简称为 μ -公式或公式)递归定义如下:

$$\varphi ::= \rho \mid X \mid \neg \varphi \mid \varphi \lor \varphi \mid AX\varphi \mid \nu X.\varphi$$

其中 $p \in \mathcal{A}$ 且 $X \in \mathcal{V}$ 。

约定

- 公式 νX.φ 中的 X 总是正出现在 φ 中, 即: φ 中 X 的每一次出现之前都有偶数个否定符号 "¬":
- 称出现在 $\mu X. \varphi$ 和 $\nu X. \varphi$ 中的变元 X 是<u>受约束的</u>(bound),且受约束的变元称为约束变元,不受约束的变元称为自由变元;
- 文字 (literal): 原子命题和变元符号及其各自的否定;
- 这里所谈到的公式指的是取名恰当的(well-named)、受保护(guarded)的 μ -公式。



的反应

至于题志的及应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和测

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Kripke 箔构

μ-演算

CTL 和 μ-油 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

μ-演界辺を埋泥 遺忘理论在反应計

简介 品需容分条件

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方

总结与展望

总结

参考文献

μ-演算的语法

不动点符号: μ 和 ν , 分别表示"最小不动点"和"最大不动点"。 ν : 变元符号的可数集。

各类符号之间的优先级如下(从左到右优先级逐渐变低):

 \neg EX AX \wedge \vee μ ν .

定义 5 (μ-演算公式)

 μ -演算公式(简称为 μ -公式或公式)递归定义如下:

$$\varphi ::= \rho \mid X \mid \neg \varphi \mid \varphi \lor \varphi \mid AX\varphi \mid \nu X.\varphi$$

其中 $p \in \mathcal{A}$ 且 $X \in \mathcal{V}$ 。

注意

在 μ -演算公式的定义中,通常考虑动作集 Act 和一组与 $a \in Act$ 相关的模态词 " $\langle a \rangle$ " [6, 3, 2]。为了方便,这里考虑公式里只有一个动作的情形,但是这里的结论可以扩展到一般的情形。此时,模态词中的动作 a 可以省略,且公式 \exp (或 \exp)与公式 $(a)\varphi$ (或 e) [2] 相同。



μ-演算的语义

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

研究背景和意义

研究目标 研究内容及拟解决的关

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论

μ-₍₍₍₎) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(())) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎(()) μ-₍₍₎()) μ-₍₍₎(()) μ-

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT 忘计算 基于归结的遗忘计算 基于归结的遗忘计算

总结与展望 ^{总结}

参考文献

定义 6

给定 μ -演算公式 φ 、Kripke 结构 $\mathcal{M}=(S,R,L,r)$ 和一个从 Ψ 中的变量到 \mathcal{M} 中状态的赋值函数 $v: \mathcal{V} \to 2^S$ 。公式在 \mathcal{M} 和 v 上的解释是 S 的一个子集 $\|\varphi\|_v^{\mathcal{M}}$ (如果在上下文中 \mathcal{M} 是明确的,则可以省去上标):

$$\begin{split} \|\rho\|_{v}^{\mathscr{M}} &= \{s \mid p \in L(s)\}, \\ \|X\|_{v}^{\mathscr{M}} &= v(X), \\ \|\varphi_{1} \vee \varphi_{2}\|_{v}^{\mathscr{M}} &= \|\varphi_{1}\|_{v}^{\mathscr{M}} \cup \|\varphi_{2}\|_{v}^{\mathscr{M}}, \\ \|AX\varphi\|_{v}^{\mathscr{M}} &= \{s \mid \forall s'.(s,s') \in R \Rightarrow s' \in \|\varphi\|_{v}^{\mathscr{M}}\}, \\ \|vX.\varphi\|_{v}^{\mathscr{M}} &= \bigcup \{S' \subseteq S \mid S' \subseteq \|\varphi\|_{\forall [X:=S']}^{\mathscr{M}}\}. \end{split}$$

其中,v[X:=S'] 是一个赋值函数,它除了 v[X:=S'](X)=S' 之外,和 v 完全相同。

注意: 虽然这里的 Kripke 结构不要求其二元关系是完全的,但是这里的情况更加一般化, 其结论也能推广到二元关系是完全的情形。



μ-演算的语义

定义 6

给定 μ -演算公式 φ 、Kripke 结构 $\mathcal{M} = (S, R, L, r)$ 和一个从 \mathcal{V} 中的变量到 \mathcal{M} 中状态的赋值函 数 $v: \mathcal{V} \to 2^{S}$ 。公式在 \mathcal{M} 和 v 上的解释是 S 的一个子集 $\|\varphi\|_{v}^{\mathcal{M}}$ (如果在上下文中 \mathcal{M} 是明确 的,则可以省夫上标):

$$||p||_{v}^{\mathscr{M}} = \{s \mid p \in L(s)\},\$$

$$||X||_{v}^{\mathscr{M}} = v(X),\$$

$$||\phi_{1} \lor \phi_{2}||_{v}^{\mathscr{M}} = ||\phi_{1}||_{v}^{\mathscr{M}} \cup ||\phi_{2}||_{v}^{\mathscr{M}},\$$

$$||AX\phi||_{v}^{\mathscr{M}} = \{s \mid \forall s'.(s,s') \in R \Rightarrow s' \in ||\phi||_{v}^{\mathscr{M}}\},\$$

 $||vX.\varphi||_{v}^{\mathscr{M}} = \bigcup \{S' \subseteq S \mid S' \subseteq ||\varphi||_{v|X'=S'1}^{\mathscr{M}}\}.$

其中,v[X := S'] 是一个赋值函数,它除了 v[X := S'](X) = S' 之外,和 v 完全相同。

记号和约定

- 赋值:由 ℳ、其赋值函数 v 和 ℳ 上的状态 s 构成的三元组 (ℳ,s,v) 称为为赋值(当 s 为 \mathcal{M} 的根时, (\mathcal{M}, s, v) 简写为 (\mathcal{M}, v) ,也称其为一个赋值);
- 若 $s \in \|\varphi\|_{\mathcal{U}}$,则称 s "满足" φ ,记为 (\mathcal{M}, s, v) $\models \varphi$;
- Mod(φ): φ 的模型的集合,即 Mod(φ) = {(M, v) | (M, r, v) | φ} (当 φ 为 μ-句子时, 也可简写为 $Mod(\varphi) = \{ \mathcal{M} \mid (\mathcal{M}, r, v) \models \varphi \});$
- 当公式 φ 为 μ-句子时,可以将赋值函数 ν 省略。



μ-公式的析取范式

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论 5000年55年50日

国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的关

背景知识

Kripke 頭构 CTI 的语法和语

μ-演算 CTI = 10 ... > 27/27/28 **

CTL 和 μ-演算遗》 论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式员 中的应用

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT 忘计算 基于自然的请专计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展验

展型

参考文献

μ -演算的覆盖 -语法

在覆盖 -语法语法中,用<u>覆盖操作</u>(cover operator)集替换上述 μ -公式的定义中的 EX ,且满足

- Cover(∅) 是公式;
- 对任意 $n \ge 1$,若 $\varphi_1, \ldots, \varphi_n$ 是公式,则 $Cover(\varphi_1, \ldots, \varphi_n)$ 是公式。

定义 7

对于给定的初始结构 $\mathcal{M} = (S, R, L, r)$ 和赋值函数 v:

- $(\mathcal{M}, r, v) \models Cover(\emptyset)$ 当且仅当 r 没有任何的后继状态;
- $(\mathcal{M}, s, v) \models Cover(\varphi_1, ..., \varphi_n)$ 当且仅当
 - 对任意 i=1,...,n,存在 $(s,t) \in R$ 使得 $(\mathcal{M},t,v) \models \varphi_i$;
 - 对任意 $(s,t) \in R$,存在 $i \in \{1,...,n\}$ 使得 $(\mathcal{M},t,v) \models \varphi_i$ 。



μ-公式的析取范式

至了 应忘的及应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状 研究目标

研究 内容及拟解决的关 研究内容及拟解决的关 科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演第

CTL 和 μ-演算遗忘

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论 遺**育理论在反应**式

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CIL 遊忘计界方法

忘计算 基于归结的遗忘计算; 基正归结的意志计算;

基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展

展型

参考文献

μ-演算的覆盖 -语法

在覆盖 -语法语法中,用<u>覆盖操作</u>(cover operator)集替换上述 μ -公式的定义中的 Ex ,且满足

- Cover(∅) 是公式;
- ullet 对任意 $n \geq 1$,若 $\varphi_1, \ldots, \varphi_n$ 是公式,则 $Cover(\varphi_1, \ldots, \varphi_n)$ 是公式。

等价关系

覆盖 -语法与上述 μ -演算的语法是等价的 [4],且 *Cover* 公式与 EX 公式之间可以通过下面的 等式转换:

 $\mathit{Cover}(\varphi_1,\ldots,\varphi_n) \Leftrightarrow \mathrm{EX}\varphi_1 \wedge \cdots \wedge \mathrm{EX}\varphi_n \wedge \mathrm{AX}(\varphi \vee \cdots \vee \varphi_n),$

反之,

 $\text{EX} \varphi \Leftrightarrow \textit{Cover}(\varphi, \top).$



μ-公式的析取范式

至了 应忘的及应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的5 科学问题

背景知识 Kripke 结构

TL 的语法和语)

论

CTL 遗忘理论

遗忘埋论在反应式系 中的应用

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL: 忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的意法

总结与展望

总结 展御

参考文献

μ -演算的覆盖 -语法

在覆盖 -语法语法中,用<u>覆盖操作</u>(cover operator)集替换上述 μ -公式的定义中的 EX ,且满足

- Cover(∅) 是公式;
- 对任意 $n \ge 1$,若 $\varphi_1, \ldots, \varphi_n$ 是公式,则 $Cover(\varphi_1, \ldots, \varphi_n)$ 是公式。

定义 7 (析取 μ-公式 [4])

析取 μ-公式集 \mathscr{F}_d 是包含 \top 、 \bot 和不矛盾的文字的合取且封闭于下面几条规则的最小集合:

- (1) 析取式 (disjunctions): 若 $\alpha, \beta \in \mathcal{F}_d$, 则 $\alpha \lor \beta \in \mathcal{F}_d$;
- (2) 特殊合取式(special conjunctions): 若 $\varphi_1, \ldots, \varphi_n \in \mathscr{F}_d$ 且 δ 为不矛盾的文字的合取,则 $\delta \wedge Cover(\varphi_1, \ldots, \varphi_n) \in \mathscr{F}_d$;
- (3) 不动点操作 (fixpoint operators): 若 φ∈ ℱ_d, 且对任意公式 ψ, φ 不含有形如 X∧ψ 的子公式,则 μX.φ 和 νX.φ 都在 ℱ_d 中。



目录

CTL 的语法和语义

总结

展翅

- - 研究背景和意义
 - 国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- - Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
- CTL 和 μ-演算遗忘理论
 - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- - 简介

 - 知识更新
- - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法
 - 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验



基于遗忘的反应 式系统最弱充分

条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究)

研究目标

研究内容及拟解决的 ^{国学问题}

科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-颁习 CTL 希

CIL 和 μ-演界週志 论

CTL 遗忘

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应

简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT 忘计算

基于归结的算法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与展

总结 展塑

参考文献

CTL 和 μ 遗忘理论——eta体框架

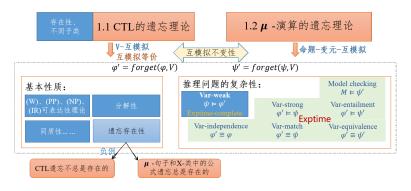


图 4: CTL 和 μ 遗忘理论



CTL 遗忘理论——互模拟

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和重

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的关

背景知识

Kainka 6

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

COTA STATEMENT

u-流質管定理论

遗忘理论在反应式系 中的应用

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

CIL 返忘日外方法

忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的简注

总结与展

总结 展想

参考文献

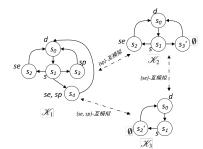
定义 8 (V-互模拟)

给定原子命题集 $V\subseteq \mathscr{A}$ 、索引集合 $I\subseteq \operatorname{Ind}$ 和初始 Ind -结构 $\mathscr{M}_i=(S_i,R_i,L_i,[_]_i,s_0^i)$ (i=1,2)。 $\mathscr{B}_V\subseteq S_1\times S_2$ 为二元关系,对任意 $s_1\in S_1$ 和 $s_2\in S_2$,若 $(s_1,s_2)\in \mathscr{B}_V$,则:

- (i) $L_1(s_1) V = L_2(s_2) V$;
- (ii) $\forall r_1 \in S_1$,若 $(s_1, r_1) \in R_1$,则 $\exists r_2 \in S_2$ 使得 $(s_2, r_2) \in R_2$ 和 $(r_1, r_2) \in \mathcal{B}_V$:
- (iii) $\forall r_2 \in S_2$,若 $(s_2, r_2) \in R_2$,则 $\exists r_1 \in S_1$ 使得 $(s_1, r_1) \in R_1$ 和 $(r_1, r_2) \in \mathcal{B}_{V^{\circ}}$

那么,称 \mathcal{B}_V 是 \mathcal{M}_1 和 \mathcal{M}_2 之间的一个 V-互模拟关系。

- 结构互模拟: 若 ℳ₁ 和 ℳ₂ 之间存在一个 V-互 模拟关系 ℛ_V 使得 (s₁,s₂) ∈ ℛ_V, 则称两个 Ind-结构 ℋ₁ = (ℳ₁,s₁) 和 ℋ₂ = (ℳ₂,s₂) 是 V-互模拟的,记为 ℋ₁ ↔_V ℋ₂;
- 路径互模拟: 令 $i \in \{1,2\}$, $\pi_i = (s_{i,1}, s_{i,2},...)$ 为 \mathcal{M}_i 上的路径,若对任意 $j \ge 1$ 都有 $\mathcal{X}_{1,j} \leftrightarrow_V \mathcal{X}_{2,j}$,则称这两条路径是 V-互模拟的,记为 $\pi_1 \leftrightarrow_V \pi_2$,其中 $\mathcal{X}_{i,j} = (\mathcal{M}_i, s_{i,j})$ 。



CTL 遗忘理论-

CTL 的语法和语义

展望

定义 8 (*V*-互模拟)

给定原子命题集 $V \subset \mathcal{A}$ 、索引集合 $I \subset Ind$ 和初始 Ind-结构 $\mathcal{M}_i = (S_i, R_i, L_i, [\]_i, s_0^i)$ (i = 1, 2)。 $\mathcal{B}_V \subseteq S_1 \times S_2$ 为二元关系,对任意 $s_1 \in S_1$ 和 $s_2 \in S_2$,若 $(s_1, s_2) \in \mathcal{B}_V$,则:

- (i) $L_1(s_1) V = L_2(s_2) V$;
- (ii) $\forall r_1 \in S_1$, 若 $(s_1, r_1) \in R_1$, 则 $\exists r_2 \in S_2$ 使得 $(s_2, r_2) \in R_2$ 和 $(r_1, r_2) \in \mathcal{B}_V$;
- (iii) $\forall r_2 \in S_2$, 若 $(s_2, r_2) \in R_2$, 则 $\exists r_1 \in S_1$ 使得 $(s_1, r_1) \in R_1$ 和 $(r_1, r_2) \in \mathcal{B}_{V_2}$

那么,称 \mathcal{B}_V 是 \mathcal{M}_1 和 \mathcal{M}_2 之间的一个 V-互模拟关系。

定理 9 (互模拟不变性)

令 $V \subset \mathcal{A}$ 是原子命题集, \mathcal{X}_i (i=1,2) 是两个具有 V-互模拟关系的 Ind-结构, 即: $\mathcal{X}_1 \leftrightarrow_V \mathcal{X}_2$ 。若 Φ 是一 个 CTL 公式且 IR(Φ, V), 则有 $\mathcal{K}_1 \models \Phi$ 当且仅当 $\mathcal{K}_2 \models \Phi$ 。

CTL 遗忘理论-

CTL 的语法和语义

定义 10 (互模拟等价, bisimilar equivalence)

给定原子命题集 $V \subseteq \mathcal{A}$,公式 φ 和 ψ 。若对任意 $\mathcal{X} \models \varphi$,都存在一个 $\mathcal{X}' \models \psi$,使得 $\mathcal{K} \leftrightarrow_{V} \mathcal{K}'$; 且对任意 $\mathcal{K}' \models \psi$, 都存在一个 $\mathcal{K} \models \varphi$, 使得 $\mathcal{K} \leftrightarrow_{V} \mathcal{K}'$, 则称公式 φ 和 ψ 是*V*-互模拟等价的(bisimilar equivalence),记为 $\varphi \equiv_V \psi$ 。

引理 11

对任意 $V \subset \mathcal{A}$. \leftrightarrow_{V} 和 \equiv_{V} 为等价关系。

命题 1

令 φ 为一个 CTL 公式。则 $\varphi \equiv_U T_{\varphi}$, 其中 $T_{\varphi} = \text{SNF}_{\text{CTL}}^{g}(\varphi)$ 和 $U = Var(T_{\varphi}) - Var(\varphi)$ 。



CTL 遗忘理论——定义

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标

研究目标 研究内容及拟解决的

背景知识

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

CTI SECURIA

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式系 中的应用

简介 最弱充分条件

知识更新

简介

忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的遗忘计算方

基于归结的算法 CTL-forget 实现及多

总结

展塑

参考文献

定义 12 (遗忘,forgetting)

令 V 是 \varnothing 的子集, Φ 是公式。如果公式 ψ 满足下面条件:

- ψ 与 V 中的原子命题无关(即: IR(ψ, V));
- $Mod(\psi) = \{ \mathcal{K} \mid \mathcal{K}$ 是一个初始 Ind-结构, $\exists \mathcal{K}' \in Mod(\phi)$ 使得 $\mathcal{K}' \leftrightarrow_V \mathcal{K} \}$ 。

那么,称 ψ 为从 Φ 中遗忘 V 后得到的结果,记为 $\mathcal{F}_{\text{CTL}}(\phi,V)$ 。

遗忘理论公设

给定 CTL 公式 φ 、 $\varphi' = F_{CTL}(\varphi, V)$ 、原子命题集 $V \subseteq \mathscr{A}$ 和 $\varphi' = F_{CTL}(\varphi, V)$,CTL 下遗忘理论公设如下:

- (W) 削弱: φ ⊨ φ′;
- (PP) 正支持: 对任意与 V 无关的公式 η , 若 $\varphi \models \eta$ 则 $\varphi' \models \eta$;
- (NP) 负支持:对任意与 V 无关的公式 η , 若 $\varphi \not\models \eta$ 则 $\varphi' \not\models \eta$;
 - (IR) 无关性: $IR(\varphi', V)$ 。

CTL 遗忘理论——相关性质

CTL 的语法和语义

展望

定理 13 (表达性定理,Representation Theorem)

给定 CTL 公式 φ 和 φ' , $V \subseteq \mathscr{A}$ 为原子命题集。下面的陈述是等价的:

- (i) $\varphi' \equiv F_{CTL}(\varphi, V)$,
- (ii) $φ' ≡ {φ | φ \models φ ≉IR(φ, V)},$
- (iii) 若 φ、φ' 和 V 与 (i) 和 (ii) 中提到的符号相同,则公设 (W)、(PP)、(NP) 和 (IR) 成 立。

CTL 遗忘理论——相关性质

基于遮忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意

国内外研究现状研究日标

7.内容及拟解决的 5 2.问题

1.内容及似肝状的; 学问题

日取知识 Vainles 结约

CTL 的语法和语

μ-演算

. CTL ≸

论

#- 海管谱定理论

proposition and the second

中的应用

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

節介

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及3

总结

展型

参考文献

例 13

令 p 和 x 为两个不同的原子命题, $\varphi(p,x)^a$ 为下面公式合取 [10]:

$$\mathrm{AG}\big(\neg x \wedge \neg \mathrm{AG} \boldsymbol{\rho} \to \neg \mathrm{AX} \neg x\big), \qquad \mathrm{AG}\big(\neg \mathrm{AX} \neg x \to \mathrm{AX} x\big),$$

$$\mathrm{AG}\big(\mathrm{AX} x \to \neg x \wedge \neg \mathrm{AG} p\big), \qquad \mathrm{AG}\big(x \to \neg \mathrm{AG} p\big), \qquad \mathrm{AG}\big(\mathrm{AFAG} p\big).$$

Maksimova 证明了 $\varphi(p,x) \land \varphi(p,y) \models x \leftrightarrow y$,且不存在 CTL 公式 ψ 使得 $Var(\psi) = \{p\}$ 且 $\varphi(p,x) \models x \leftrightarrow \psi$,即 CTL 不具有 Beth 性质。

 $^{a}\phi(p,x)$ 表示具有原子命题集 $Var(\phi) = \{p,x\}$ 的公式。

命题 2

 $F_{CTL}(x \land \varphi(p,x), \{x\})$ 在 CTL 中是不可表示的。

定理 14

给定一个命题公式 φ 和原子命题集 V ⊆ 𝒜,则下面逻辑等式成立。

$$F_{CTL}(\varphi, V) \equiv Forget(\varphi, V).$$

CTL 遗忘理论——相关性质

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状

研究目标研究内容及如解出的

究内容及拟解决的 学问题

背景知识

Mainles

CTL 的语法和语义

CIL的语法和

CTI In .. Stratemen

CTL 和 μ-演第

论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式系统 中的应用

简介 最弱充分条件

敏弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CT

基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展

展型

参考文献

引理 13

给定两个公式 φ 和 α , 原子命题 $q \notin (Var(\varphi) \cup Var(\alpha))$, 则:

$$F_{CTL}(\varphi \wedge (q \leftrightarrow \alpha), q) \equiv \varphi.$$

命题 2 (分解性,Decomposition)

对于给定的公式 φ , 原子命题集 V, 和原子命题 p $(p \notin V)$, 下面的结论成立:

- $F_{\text{CTL}}(\varphi, V_1 \cup V_2) \equiv F_{\text{CTL}}(F_{\text{CTL}}(\varphi, V_1), V_2).$

命题 3 (同质性)

令 \mathcal{I} $\mathcal{I$

$$\mathrm{F}_{\mathrm{CTL}}(\mathcal{PT}\phi,P)\equiv\mathcal{PT}\mathrm{F}_{\mathrm{CTL}}(\phi,P).$$

μ-演算遗忘理论-----变元 -命题 -互模拟

CTL 的语法和语义

定义 14 (V-互模拟)

给定原子命题集 $V \subseteq \mathscr{A}$ 和两个 Kripke 结构 \mathscr{M}_1 和 \mathscr{M}_2 。若 $\mathscr{B} \subseteq S_1 \times S_2$ 满足下面几个条件:

- \bullet $r_1 \mathcal{B} r_2$,
- 对任意 $s \in S_1$ 和 $t \in S_2$,若 $s\mathscr{B}t$,则对任意 $p \in \mathscr{A} V$,有 $p \in L_1(s)$ 当且仅当 $p \in L_2(t)$,
- 若 $(s,s') \in R_1$ 和 $s\mathcal{B}t$,则存在一个 t',使得 $s'\mathcal{B}t'$ 和 $(t,t') \in R_2$,且
- 若 $s\mathcal{B}t$ 和 $(t,t') \in R_2$,则存在一个 s',使得 $(s,s') \in R_1$ 和 $t'\mathcal{B}s'$ 。

则称 \mathcal{B} 是 \mathcal{M}_1 和 \mathcal{M}_2 的 V-互模拟关系。

 $\mathcal{M}_1 \leftrightarrow_V \mathcal{M}_2$ 、 $(\mathcal{M}_1, r_1) \leftrightarrow_V (\mathcal{M}_2, r_2)$: 如果 \mathcal{M}_1 和 \mathcal{M}_2 之间存在一个 V-互模拟关系。

μ-演算遗忘理论——变元 -命题 -互模拟

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意

研究目标 研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTI ≇

论

CTL 遗忘

请专理论在反应式?

中的应用

最弱充分多

知识更新

CTL 遗忘计算万法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及

总结与原

展型

参考文献

例 14 (不变性反例)

令 $\varphi = AX \neg X \lor AXX$, (\mathcal{M}, v) 和 (\mathcal{M}', v') 为赋值,其中 $\mathcal{M} = (S, r, R, L)$ 、 $\mathcal{M}' = (S', r', R', L')$ 且

$$S = \{r, r_1\}, R = \{(r, r_1)\}, L(r) = L(r_1) = \emptyset, v(X) = \{r_1\},$$

$$S' = \{r', r'_1, r'_2\}, R' = \{(r', r'_1), (r', r'_2)\}, L(r') = L(r'_1) = L(r'_2) = \emptyset, \forall (X) = \{r'_1\}.$$

 $\mathscr{B} = \{(r, r'), (r_1, r'_1), (r_1, r'_2)\}$ 是 \mathscr{M} 和 \mathscr{M}' 之间的一个 \emptyset -互模拟。

但是, $(\mathcal{M}, \mathsf{v}) \models \varphi \ \overline{\cap} \ (\mathcal{M}', \mathsf{v}') \not\models \varphi$ 。



μ-演算遗忘理论——变元 -命题 -互模拟

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的关 科学问题

背景知识

CTL 的语法和语义

CIL BIRDIZATIO

ann to a

CIL 和 μ-演界巡ະ 论

CTI SECTION

遗忘理论在反应式

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的遗忘计算力

基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结

参考文献

| 定义 14 (变元 -命题 -互模拟)

给定 $V\subseteq \mathscr{A}$ 、 $\mathscr{V}_1\subseteq \mathscr{V}$ 、 $\mathscr{M}_i=(S_i,r_i,R_i,L_i)$ 为 Kripke 结构、 $s_i\in S_i$ 且 $v_i:\mathscr{V}\to 2^{S_i}$,其中 $i\in\{1,2\}$ 。若关系 $\mathscr{B}\subseteq S_1\times S_2$ 满足:

- ●
 B 是 *M*₁ 和 *M*₂ 之间的 V-互模拟,且
- 对任意 $(t_1, t_2) \in \mathcal{B}$ 和 $X \in \mathcal{V} \mathcal{V}_1$, $t_2 \in v_2(X)$ 当且仅当 $t_1 \in v_1(X)$ 。

则称 \mathscr{B} 是 $(\mathscr{M}_1, s_1, v_1)$ 和 $(\mathscr{M}_2, s_2, v_2)$ 之间的一个 $\langle \mathscr{V}_1, V \rangle$ -互模拟。

- (<u>M</u>,s,v) ↔_(Y₁,V) (<u>M</u>',s',v'): 若 (<u>M</u>,s,v) 和 (<u>M</u>',s',v') 之间存在一个 ⟨Y₁,V⟩-互模拟关系 ℬ,则称 (<u>M</u>,s,v) 和 (<u>M</u>',s',v') 是 ⟨Y₁,V⟩-互模拟的;
- 若 s = r 且 s' = r',则 $(\mathcal{M}, s, v) \leftrightarrow_{(\mathcal{V}_1, V)} (\mathcal{M}', s', v')$ 简写为 $(\mathcal{M}, v) \leftrightarrow_{(\mathcal{V}_1, V)} (\mathcal{M}', v')$;
- ⟨У₁, V⟩ 是一个等价关系。

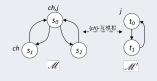


μ-演算遗忘理论-----变元 -命题 -互模拟

例子

令 \mathcal{M} 和 \mathcal{M}' 为图中的 Kripke 结构, $v: \mathcal{V} \to 2^S$ 和 $\mathcal{V}: \mathcal{V} \to 2^{S'}$ 为将 \mathcal{V} 中的变元分别赋值到 M 和 M' 的状态集上的赋值函数。可以检查下面的结论成立:

- 若对任意 $X \in \mathcal{V}$, $v(X) = \{s_0, s_1, s_2\}$ 且 $(\mathcal{M}, \mathsf{v}) \leftrightarrow_{\{\mathsf{ch}\}} (\mathcal{M}', \mathsf{v});$
- ◆ 若对任意 X ∈ Ψ − {X₁}, v(X₁) = {s₀}、 $V(X_1) = \{t_1\}, \ V(X) = \{s_0, s_1, s_2\} \perp$ $(\mathcal{M}, v) \leftrightarrow_{\{ch\}} (\mathcal{M}', v)$; 这是因为 $(s_0,t_0) \in \mathcal{B} \, \, \underline{1} \, \, s_0 \in v(X_1)$,但是 $t_0 \notin V(X_1)$.



命题 4 (不变性)

令 φ 为 μ -公式、 $\mathscr{V}_1 \subseteq \mathscr{V}$ 且 $V \subseteq \mathscr{A}$ 。若 $(\mathscr{M}, s, v) \leftrightarrow_{(\mathscr{V}_1, V)} (\mathscr{M}', s', v')$ 且 $IR(\varphi, V \cup \mathscr{V}_1)$,则 $(\mathcal{M}, s, v) \models \varphi$ 当且仅当 $(\mathcal{M}', s', v') \models \varphi$ 。

缩论

研究背景和

国内外研?

研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

F3 /4K/MFK

CTL 的语法和语义

CTL 和 J

论

CTL 遗忘

H-106 30-102-00-00-10

中的严

最弱充分条件

CTI 港京計算方

CTL 遗忘计算万法

基于模型的有界 CTL 完计算

基于归结的遗忘计算; 基于归结的算法

总结与展

ASSESSED AND ASSESSED AND ASSESSED AND ASSESSED AND ASSESSED ASSESSED AND ASSESSED ASSESSEDA ASSESSED ASSESSED ASSESSED ASSESSED ASSESSED ASSESSED ASSESSEDA

展型

参考文献

定义 14 (μ-演算遗忘)

令 $V \subseteq \mathscr{A}$ 和 φ 为 μ -公式。若 $Var(\psi) \cap V = \emptyset$ 且下面等式成立,则称 ψ 是从 φ 中遗忘 V 后得到的结果:

 $\textit{Mod}(\psi) = \{(\mathscr{M}, v) \mid \exists (\mathscr{M}', v') \in \textit{Mod}(\phi) \ \bot (\mathscr{M}', v') \leftrightarrow_{V} (\mathscr{M}, v)\}_{\circ}$

μ-演算遗忘理论——定义及相关性质

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和記

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTI SECULIA

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式 中的应用

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方法

志计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与展

展望

参考文献

与 CTL 共同性质

表达性定理、分解性、同质性等。

定理 14 (存在性)

给定原子命題 $q\in \mathcal{A}$ 和 μ -句子 φ ,则存在一个 μ -句子 ψ 使得 $Var(\psi)\cap\{q\}=\emptyset$ 且 $\psi\equiv F_{\mu}(\varphi,\{q\})$ 。

命题 5 (同质性)

给定原子命题集 $V \subseteq \mathcal{A}$ 和 μ -公式 φ , 则:

- (i) $F_{\mu}(AX\varphi, V) \equiv AXF_{\mu}(\varphi, V)$;
- (ii) $F_{\mu}(EX\varphi, V) \equiv EXF_{\mu}(\varphi, V)$;
- (iii) 如果 $vX.\varphi$ 为 μ -句子, $F_{\mu}(vX.\varphi,V) \equiv vX.F_{\mu}(\varphi,V)$;
- (iv) 如果 $\mu X.\phi$ 为 μ -句子, $F_{\mu}(\mu X.\phi, V) \equiv \mu X.F_{\mu}(\phi, V)$ 。

μ-演算遗忘理论——不含不动点算子的子类

CTL 的语法和语义

x-类

不含有不定点操作的 μ -公式集,记为**x-类**。通过等值式: AX $\varphi_1 \land$ AX $\varphi_2 \equiv$ AX $(\varphi_1 \land \varphi_2)$ 和 $\text{EX} \varphi_1 \lor \text{EX} \varphi_2 \equiv \text{EX} (\varphi_1 \lor \varphi_2)$,可以将 x-类中的任意公式转换为具有下面形式的公式的析取:

 $\varphi_0 \wedge AX \varphi_1 \wedge EX \varphi_2 \wedge \cdots \wedge EX \varphi_n$ (1)

其中 φ_0 是不含有时序算子的 x-类中的公式, φ_i (1 < i < n) 为 x-类中的公式, 且任意 φ_i $(0 \le i \le n)$ 都有可能缺失。

命题 6

若 $V \subseteq \mathcal{A}$ 为原子命题集、φ 为 X-类中的公式,则存在 X-类中的公式 ψ 使得 $\psi \equiv F_{u}(\varphi, V)$ 。

μ-演算遗忘理论——不含不动点算子的子类

CTL 的语法和语义

例 15

令 $\phi_1 = X \land p$ 、 $\phi_2 = \text{AX}(c \land \text{EX}d) \land \text{AXE}$ 、 $\phi_3 = \text{EX} \neg d \land (\text{EX}\neg p \lor \text{EX}p)$ 、 $\phi = \phi_1 \land \phi_2 \land \phi_3$ 且 $V = \{e,d\}$,其中 $X \in \mathscr{V}$ 且 p,c,d,e 为原 子命题。 此外,公式 ϕ 可如下转换为具有形式(1)的公式的析取:

如下计算公式 ϕ 的度:

 $degree(\varphi) = max\{degree(\varphi_1), degree(\varphi_2 \land \varphi_3)\}$ $= \max\{0, \max\{degree(\varphi_2), degree(\varphi_3)\}\}$

$$degree(\varphi_1) = 0,$$

$$degree(\varphi_2) = \max\{degree(AX(c \land EXd)), degree(AXe)\}$$

= $\max\{\max\{0,1\}+1,1\}$

$$= 2,$$

$$\begin{aligned} \textit{degree}(\phi_3) &= \max\{\textit{degree}(\texttt{EX} \neg \textit{d}), \textit{degree}(\texttt{EX} \neg \textit{p} \lor \texttt{EX} \textit{p})\} \\ &= \max\{1, \max\{1, 1\}\} \end{aligned}$$

$$= 1.$$

 $\varphi = \varphi_1 \wedge \varphi_2 \wedge \varphi_3$ $\equiv X \land p \land AX(c \land e \land EXd) \land EX \neg d \land (EX \neg p \lor EXp)$

$$\equiv X \wedge p \wedge AX(c \wedge e \wedge EXd) \wedge EX \neg d \wedge (EX \neg p \vee E)$$

$$\equiv (X \wedge p \wedge AX(c \wedge e \wedge EXd) \wedge EX \neg d \wedge EX \neg p) \vee$$

$$(X \wedge p \wedge AX(c \wedge e \wedge EXd) \wedge EX \neg d \wedge EX \rho).$$

则从 ϕ 中遺忘 V 的结果为:

$$\begin{split} & \operatorname{F}_{\mu}(\varphi, V) \equiv \operatorname{F}_{\mu}(X \wedge \rho \wedge \operatorname{Ax}(c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d) \wedge \operatorname{Ex} \neg d \wedge \operatorname{Ex} \neg \rho, V) \vee \\ & \operatorname{F}_{\mu}(X \wedge \rho \wedge \operatorname{Ax}(c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d) \wedge \operatorname{Ex} \neg d \wedge \operatorname{Ex} \rho, V) \\ & \equiv (X \wedge \rho \wedge \operatorname{AxF}_{\mu}(c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d, V) \wedge \\ & \operatorname{ExF}_{\mu}(\neg d \wedge c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d, V) \wedge \operatorname{ExF}_{\mu}(\neg \rho \wedge c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d, V)) \vee \\ & (X \wedge \rho \wedge \operatorname{AxF}_{\mu}(c \wedge e \wedge \operatorname{Ex} d, V) \wedge \end{split}$$

$$\begin{aligned} & \operatorname{EXF}_{\mu}(\neg d \wedge c \wedge e \wedge \operatorname{EX}d, V) \wedge \operatorname{EXF}_{\mu}(p \wedge c \wedge e \wedge \operatorname{EX}d, V)) \\ & \equiv (X \wedge p \wedge \operatorname{AX}c \wedge \operatorname{EX}c \wedge \operatorname{EX}(\neg p \wedge c)) \vee (X \wedge p \wedge \operatorname{AX}c \wedge \operatorname{EX}c \wedge \operatorname{EX}(p \wedge c)) \end{aligned}$$

 $\equiv X \wedge p \wedge AXc \wedge EXc \wedge (EX(\neg p \wedge c) \vee EX(p \wedge c)).$

μ-演算遗忘理论——_{复杂性结果}

CTL 的语法和语义

命题 7 (模型检测)

给定一个有限的 Kripke 结构 \mathcal{M} 、一个 μ -句子 φ 和原子命题集 $V \subseteq \mathcal{A}$ 。有:

- (i) 判定 *M* |= F_u(φ, V) 在 EXPTIME 中;
- (ii) 若 φ 是一个析取 μ -公式,则判定 $\mathcal{M} \models$ F_{μ}(φ , V) 在 NP∩co-NP 中。

定理 16 (Entailment)

给定 μ -句子 φ 和 ψ , V 为原子命题集, 则:

- (i) 判定 $F_{\mu}(\varphi, V) \models^{?} \psi$ 是 EXPTIME-完全的,
- (ii) 判定 $\psi \models$ F_μ(φ , V) 在 EXPTIME 里,
- (iii) 判定 $F_{\mu}(\varphi, V) \models^{?} F_{\mu}(\psi, V)$ 在 EXPTIME 里。



目录

表于遗忘的反 式系统最弱充 条件研究

绪论

研究背景和

研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

科学问题

Vainto 4tt

CTL 的语法和语义

... 30 W

CTL 和 μ-演算遗测

CTI SECURA

μ-演算遺忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

简介

忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的效法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与限制

展型

- 精论
 - 研究背景和意义
 - 国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- 2 背景知识
 - Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
- 3 CTL 和 μ-演算遗忘理论
 - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- 4 遗忘理论在反应式系统中的应用
 - 简介
 - 最弱充分条件
 - 知识更新
- 5 CTL 遗忘计算方法
 - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法
 - 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验
- 6 总结与展望

简介

CTL 的语法和语义

- 反应式系统被表示成 Kripke 结构;
- 初始 Kripke 结构的特征公式看作 CTL 公式:

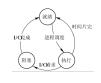
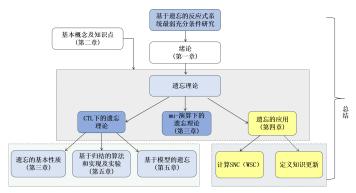


图 5: 进程的三种基本状态及其转换





绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的:

背景知识

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL和μ-演界週間

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应 中的应用

同介 最弱充分条件

CTI 港市计算方法

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算 基于归结的遗忘计算

总结与展

展望

参考文献

定义 17 (充分和必要条件)

给定两个公式 φ 和 ψ , $V \subseteq Var(\varphi)$, $q \in Var(\varphi) - V$ 和 $Var(\psi) \subseteq V$ 。

- 若 $\varphi \models q \rightarrow \psi$,则称 ψ 是 q 在 V 和 φ 上的<u>必要条件(necessary condition,NC)</u>;
- 若 $\varphi \models \psi \rightarrow q$,则称 ψ 是q在V和 φ 上的<u>充分条件</u>(sufficient condition, SC);
- 若 ψ 是 q 在 V 和 φ 上的必要条件,且对于任意 q 在 V 和 φ 上的必要条件 ψ',都有 φ ⊨ ψ → ψ',则称 ψ 是 q 在 V 和 φ 上的最强必要条件 (strongest necessary condition, SNC);
- 若 ψ 是 q 在 V 和 φ 上的充分条件,且对于任意 q 在 V 和 φ 上的充分条件 ψ',都有 φ ⊨ ψ' → ψ,则称 ψ 是 q 在 V 和 φ 上的最弱充分条件 (weakest sufficient condition, WSC)。

最弱充分条件——相关性质

式系统最弱充 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状 研究目标

・ハロマ 研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

CTL 的语法和语义

u-流算

μ-39,33-

CTL 和 μ-演算遗忘 -^>

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应 中的应用

简介 ロコマハルル

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTI 忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与展

展型

参考文献

命题 8 (对偶性)

令 V、q、 ϕ 和 ψ 为定义 17出现的符号。则 ψ 是 q 在 V 和 ϕ 上的 SNC (WSC) 当且仅当 $\neg \psi$ 是 $\neg q$ 在 V 和 ϕ 上的 WSC (SNC)。

命题 9

给定公式 Γ 和 α , $V\subseteq Var(\alpha)\cup Var(\Gamma)$, q 是不出现在 Γ 和 α 中的原子命題。 φ 是集合 V 上的公式,则 φ 是 α 在 V 和 Γ 上的 SNC (WSC) 当且仅当 φ 是 q 在 V 和 Γ' 上的 SNC (WSC), 其中 $\Gamma'=\Gamma\cup\{q\leftrightarrow\alpha\}$ 。



最弱充分条件——相关性质

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状

研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

CTL 的语法和语:

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式

中的应用

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

20.0

差す模型的有券 CII 忘计算

基于归结的算法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与展

展型

参考文献

定理 18

给定公式 φ、原子命题集 $V \subseteq Var(φ)$ 和原子命题 $q \in Var(φ) - V$ 。

- (i) $F_{CTL}(\phi \land q, (Var(\phi) \cup \{q\}) V)$ 是 q 在 V 和 ϕ 上的 SNC;
- (ii) $\neg F_{CTL}(\phi \land \neg q, (Var(\phi) \cup \{q\}) V)$ 是 q 在 V 和 ϕ 上的 WSC。

例 19 (例 1的延续)

令 $\mathscr{A} = \{d, se, sp, s\}$ 和 $V = \{d, se\}$,求 s 在 V 和初始结构 $\mathscr{K} = (\mathscr{M}, s_0)$ 上的 WSC,其中 \mathscr{M} 为例 1中初始状态为 s_0 的汽车制造企业模型结构。

由上面的定理可知,s 在 V 和初始结构 $\mathcal{K} = (\mathcal{M}, s_0)$ 上的 WSC 为 ¬ $F_{CTL}(\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathcal{K}) \land \neg s, \{s\} \cup \{sp\})$ 。

由于涉及到后文中遗忘的计算方法,本例的详细计算过程放到后面。

绪论

研究背景和意

File A store

研究目标 研究内容及拟解决的关

科学问题

背景知识

Kripke 指例

CIL BIBLIANDI.

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式系统 中的应用

简介 最弱充分条件

知识更新

CIL 退忠计界力包

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展望

展塑

参考文献

约定

- ◆ 本小节假设所有初始结构都是有限的,即:状态来源于有限状态空间且 ☑ 为有限原子命题集;
- 任意 ৶ 上的有限初始结构 ℳ (为了简化符号,本节用初始 Kripke 结构 ℳ 代替初始结构 (ℳ,s₀)) 都能用一个 CTL 公式——特征公式 ℱℴ(ℳ) 来表示;
- ullet 给定公式 φ 和 ψ , $V_{min} \subseteq \mathscr{A}$ 为使得 $F_{CTL}(\varphi, V_{min}) \wedge \psi$ 可满足的极小子集。
- 记

$$\bigcup_{V_{min}\subseteq\mathscr{A}} Mod(\mathrm{F}_{\scriptscriptstyle\mathrm{CTL}}(\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathscr{M}),V_{min})\wedge\psi)$$

为所有 $F_{CTL}(\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathscr{M}), V_{min}) \wedge \psi$ 的模型集合的并集。

定义 20

给定公式 Γ 和 φ 。知识更新操作 \diamond_{CTL} 定义如下:

$$\mathit{Mod}(\Gamma \diamond_{\mathrm{CTL}} \varphi) = \bigcup_{\mathscr{M} \in \mathit{Mod}(\Gamma)} \bigcup_{V_{\mathit{min}} \subseteq \mathscr{A}} \mathit{Mod}(\mathrm{F}_{\scriptscriptstyle{\mathrm{CTL}}}(\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathscr{M}), V_{\mathit{min}}) \wedge \varphi),$$

其中, $\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathcal{M})$ 是 \mathcal{M} 在 \mathscr{A} 上的特征公式, $V_{min}\subseteq\mathscr{A}$ 是使得 $\mathrm{F}_{\mathrm{CTL}}(\mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathcal{M}),V_{min})$ 可满足的极小子集。

绪论

研究背景和意义

研究目标研究内容及拟解决的关

科学问题

日京知识

iripke 箔构 Tri 的运运和运

μ-演算

μ-300.3

CIL 和 μ-演界選i

CTI 潜空秤

μ-演算遗忘理论

遗忘埋论在反应式 中的应用

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

简介

忘计算 基于归结的遗忘计算:

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与原

展望

参考文献

定义 21

给定三个有限初始结构 \mathcal{M} 、 \mathcal{M}_1 和 \mathcal{M}_2 , \mathcal{M}_1 比 \mathcal{M}_2 更接近 \mathcal{M} (记为 $\mathcal{M}_1 \leq_{\mathcal{M}} \mathcal{M}_2$),当且仅 当对任意 $\mathbf{V}_2 \subseteq \mathcal{A}$,若 $\mathcal{M}_2 \leftrightarrow_{\mathbf{V}_2} \mathcal{M}$,则存在 $\mathbf{V}_1 \subseteq \mathbf{V}_2$ 使得 $\mathcal{M}_1 \leftrightarrow_{\mathbf{V}_1} \mathcal{M}$ 。 $\mathcal{M}_1 <_{\mathcal{M}} \mathcal{M}_2$ 当且仅 当 $\mathcal{M}_1 \leq_{\mathcal{M}} \mathcal{M}_2$ 虽 $\mathcal{M}_2 \not\leq_{\mathcal{M}} \mathcal{M}_1$ 。

例 22

令 $\mathcal{M} = (S, R, L, r)$ 、 $\mathcal{M}_1 = (S_1, R_1, L_1, r_1)$ 、 $\mathcal{M}_2 = (S_2, R_2, L_2, r_2)$ 为三个初始结构(如图 6),其中 $S = S_1 = S_2 = \{s_0, s_1\}$, $r = r_1 = r_2 = s_0$, $R = R_1 = R_2 = \{(s_0, s_1), (s_1, s_1)\}$, $L(s_0) = \{ch, j\}$, $L_1(s_0) = L_2(s_0) = \{ch\}$, $L(s_1) = L_1(s_1) = \emptyset$, $L_2(s_1) = \{j\}$ 。 可以检查 $\mathcal{M}_1 = \mathcal{M}_2 = \mathcal{M}_3 = \mathcal{M}$

可以检查 $M \leftrightarrow_{\{j\}} M_1$, $M \leftrightarrow_{\{j,ch\}} M_2$, $\{j\} \subseteq \{j,ch\}$, 且对任意原子命题集 $V \subset \{j\}$ (或 $V \subset \{j,ch\}$), 有 $M \nleftrightarrow_V M_1$ (或 $M \nleftrightarrow_V M_2$)。因此, $M_1 \subseteq_{\mathcal{M}} M_2$ 。

图 6: 初始结构间的 ≤ € 关系。



绪论

研究背景和意

国内外研究现状

研究内容及拟解决的

科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘3

CTI STATES

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式

甲的应用

門介

知识更新

CTL 遗忘计算方法

简介

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 ETL-forget 实现及

总结与展

展型

公坐立計

定义 21

给定三个有限初始结构 M、 M_1 和 M_2 , M_1 比 M_2 更接近 M (记为 $M_1 \leq_M M_2$),当且仅当对任意 $V_2 \subseteq M$,若 $M_2 \leftrightarrow_{V_2} M$,则存在 $V_1 \subseteq V_2$ 使得 $M_1 \leftrightarrow_{V_1} M$ 。 $M_1 <_M M_2$ 当且仅当 $M_1 \leq_M M_2$ 且 $M_2 \not\leq_M M_1$ 。

定义 22

给定公式 Γ 和 φ 。知识更新操作 \diamond_{CTL} 定义如下:

$$\mathit{Mod}(\Gamma \diamond \phi) = \bigcup_{l \in \mathit{Mod}(\Gamma)} \mathit{Min}(\mathit{Mod}(\phi), \leq_{\mathscr{M}}).$$



绪论

研究背景和

国内外研究

研究目标 研究内容及拟解决的

|光内容及拟解决的 |学问题|

背景知识

Katalaa

CTL 的语法和语义

CIL 的语法和语:

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘:

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

遺忘理

简介

取物允分次针 知识更新

CTL 遗忘计算方法

A

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及3

总结与展

展型

参考文献

定理 23

给定 μ -句子 Γ 和 φ ,则:

$$Mod(\Gamma \diamond_{\mathrm{CTL}} \varphi) = \bigcup_{\mathscr{M} \in Mod(\Gamma)} Min(Mod(\varphi), \leq_{\mathscr{M}}).$$

定理 24

知识更新操作 ◇CTL 满足 Katsuno 和 Mendelzon 提出的基本条件 (U1)-(U8)。

知识更新-

CTL 的语法和语义

例 25

令 $\mathscr{A} = \{ch, j\}$ 、 $\varphi = vX.j \land ch \land \text{EXEX}X$ 、 $\psi = vX.\neg j \land ch \land \text{EXEX}X$ 且 Kripke 结构的状态空间为 $\{s_0, s_1\}$,则用 ψ 更新 φ 计算如下:

$$Mod(\varphi) = \{((1), r = s_0, L(s_0) = \{ch, j\}, L(s_1) = \{ch, j\}),\$$

$$((2),r=s_1,L(s_1)=\{ch,j\},L(s_0)=\{ch,j\}),$$

$$((3), r = s_0, L(s_0) = \{ch, j\}, L(s_1) = \mathscr{C}),$$

$$((4), r = s_1, L(s_1) = \{ch, j\}, L(s_0) = \mathcal{C}),$$

$$((5),r=s_0,L(s_0)=\{ch,j\},L(s_1)=\mathcal{C}),$$

$$((6), r = s_1, L(s_1) = \{ch, j\}, L(s_0) = \mathcal{C}), \dots\}$$

$$Mod(\psi) = \{((1), r = s_0, L(s_0) = \{ch\}, L(s_1) = \{ch\}),\$$

$$((2),r=s_1,L(s_1)=\{ch\},L(s_0)=\{ch\}),$$

$$((3), r = s_0, L(s_0) = \{ch\}, L(s_1) = \mathscr{C}),$$

$$((4),r=s_1,L(s_1)=\{ch\},L(s_0)=\mathcal{C}),$$

$$((5), r = s_0, L(s_0) = \{ch\}, L(s_1) = \mathscr{C}),$$

$$((6), r = s_1, L(s_1) = \{ch\}, L(s_0) = \mathcal{C}), \dots\}$$

其中, 四元组 ((i), $r = s_k$, $L(s_0) = V_1$, $L(s_1) = V_1$) 表示 Kripke 结 构 (S, r, R, L), 其中 $S = \{s_0, s_1\}$ 、 $r = s_k (r \in \{0, 1\})$ 、转换关系如 图 6中的 (i) $(i \in \{1,2,3,4,5,6\})$ 、 s_0 和 s_1 分别被 $V_1 \subseteq \{ch,j\}$ 和 $V_2 \subseteq \{ch, j\}$ 标记且 $\mathcal{C} \in \{0, \{j\}, \{ch\}, \{j, ch\}\}$ 。

图 6: 状态空间为 {s₀, s₁} 的六个 Kripke 结构示意图^a

a这里只列出部分转换关系, 其余转换关系 可以容易地枚举出来。

 $Mod(\phi \diamond \mu \ \psi) = \bigcup_{\mathscr{M} \in Mod(\phi)} Min(Mod(\psi), \leq_{\mathscr{M}})$,根据定义 21容易检查 $Mod(\phi \diamond \mu \ \psi) = Mod(\psi)$ 。直观地说,由于在 ψ 中 j 在偶 数状态不再为真、ch 保持为真且 ψ 和 ϕ 都不知道模型偶数状态的信息,因而用 ψ 更新 ϕ 得到的结果为 ψ 自身。



目录

式系统最弱充 条件研究

绪论

研究背景和

研究目标

研究内容及拟解决的: 科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-30,53

CTL 和 μ-演算遗录
论

CTL 遗忘理论

μ-演算遗忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算方

基于归结的遗忘计算方 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实现

总结与展 总结 展型

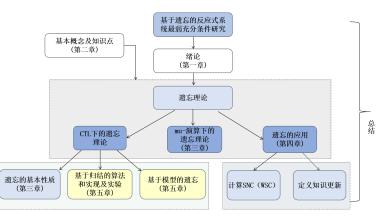
45 de vest

- Ti
 - 研究背景和意义
 - ●国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- 2 背景知识
 - Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
- 3 CTL 和 μ-演算遗忘理论
 - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- 4 遗忘理论在反应式系统中的应用
 - 简介
 - 最弱充分条
 - 知识更新
- 5 CTL 遗忘计算方法
 - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法
 - 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验
- 6 总结与展望

简介

CTL 的语法和语义

- 基于模型的计算方法:
 - 基于归结的计算方法 (CTL-forget 算法);
- 基于 Prolog 的 CTL-forget 算法实现。





基于模型的计算方法总体框架



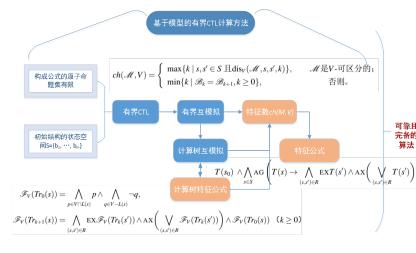


图 7: 基于模型的有界 CTL 遗忘方法



基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 有界 V-互模拟

\mathscr{B}^{V}_{n}

令 $V \subseteq \mathcal{A}$ 是原子命题集, $i \in \{1,2\}$, $\mathcal{M}_i = (S_i, R_i, L_i, s_0')$ 是初始 Kripke 结构, $\mathcal{K}_i = (\mathcal{M}_i, s_i)$ 是结构。 \mathcal{B}_n^V 递归定义如下:

- 若 $L_1(s_1) V = L_2(s_2)$, 则 $(\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2) \in \mathcal{B}_0^V$;
- 对任意 $n \ge 0$,若满足下面几个条件,则 $(\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2) \in \mathcal{B}_{n+1}^V$ 成立:
 - $(\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2) \in \mathcal{B}_0^V$;
 - 对任意 $(s_1,s_1') \in R_1$, 存在 $(s_2,s_2') \in R_2$, 使得 $(\mathcal{K}_1',\mathcal{K}_2') \in \mathcal{B}_n^V$;
 - 对任意 $(s_2,s_2') \in R_2$,存在 $(s_1,s_1') \in R_1$,使得 $(\mathcal{K}_1',\mathcal{K}_2') \in \mathcal{B}_n^V$ 。

其中 $\mathcal{K}'_i = (\mathcal{M}_i, s'_i)$ 。

定义 26 (有界 *V*-互模拟)

令 V 是 \varnothing 的一个子集, i ∈ {1,2}, \mathscr{K}_1 和 \mathscr{K}_2 是结构。

- **②** \mathcal{X}_1 和 \mathcal{X}_2 是有界 V-互模拟的,当且仅当对所有 $n \geq 0$,都有 $(\mathcal{X}_1, \mathcal{X}_2) \in \mathcal{B}_n$ 。若 \mathcal{X}_1 和 \mathcal{X}_2 是有界 V-互模拟的,则记为 $\mathcal{X}_1 \overset{\triangle}{\mapsto}_V \mathcal{X}_2$ 。
- 对 \mathcal{M}_i 上的路径 $\pi_i = (s_{i,1}, s_{i,2}, \dots)$,若对于任意 $j \in \mathbb{N}_{\geq 1}^a$,都有 $\mathcal{K}_{1,j} \overset{B}{\leftrightarrow}_V \mathcal{K}_{2,j}$,则 $\pi_1 \overset{B}{\leftrightarrow}_V \pi_2$ 。其中 $\mathcal{K}_{i,i} = (\mathcal{M}_i, s_{i,i})$ 。

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标

科学问题

Kripke 结

μ-演算 CTL in ... in Market visit

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

遗忘理论在反应式 中的应用

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法 简介

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法

总结与展望 ^{总结}

参考文献

参考关\

³N 为整数集, N>1 是大于等于 1 的整数集。

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 有界 V-互模拟

基于模型的有界 CTL:

$\mathscr{B}_{\mathbf{p}}^{V}$

令 $V \subseteq \mathcal{A}$ 是原子命题集, $i \in \{1,2\}$, $\mathcal{M}_i = (S_i, R_i, L_i, s_i')$ 是初始 Kripke 结构, $\mathcal{K}_i = (\mathcal{M}_i, s_i)$ 是 结构。 \mathcal{B}_{n}^{V} 递归定义如下:

- 若 $L_1(s_1) V = L_2(s_2)$, 则 $(\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2) \in \mathcal{B}_0^V$;
- 对任意 $n \ge 0$,若满足下面几个条件,则 $(\mathcal{X}_1, \mathcal{X}_2) \in \mathcal{B}_{n+1}^{V}$ 成立:
 - $(\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2) \in \mathcal{B}_0^V$;
 - 对任意 $(s_1,s_1') \in R_1$,存在 $(s_2,s_2') \in R_2$,使得 $(\mathcal{K}_1',\mathcal{K}_2') \in \mathcal{B}_n^V$;
 - 对任意 $(s_2, s_2) \in R_2$,存在 $(s_1, s_1) \in R_1$,使得 $(\mathcal{K}'_1, \mathcal{K}'_2) \in \mathcal{B}^V_n$ 。

其中 $\mathcal{K}_i' = (\mathcal{M}_i, s_i')$ 。

定理 26

令 $V \subseteq \mathcal{A}$ 和 $\mathcal{K}_i = (\mathcal{M}_i, s_i)$ $(i \in \{1, 2\})$ 。若 $\mathcal{M}_i = (S_i, R_i, L_i, s_0^i)$ 是有限的初始 Kripke 结构,则 s_1 和 s_2 是有界 V-互模拟的, 当且仅当 $s_1 \leftrightarrow_V s_2$ 。

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 计算树互模拟

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的关 科学问题

背景知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-迪昂 CTI 和 μ-演算读3

论 CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用 简介

知识更新

CTL 遊忘け昇方法 简介 基于模型的有界 CTL

基于归结的遗忘计算7 其工口结的管法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结 原却

参考文献

计算树

给定一个初始 Kripke 结构 $\mathcal{M}=(S,R,L,s_0)$ 和一个状态 $s\in S$, \mathcal{M} 上以 s 为根节点、深度为 n $(n\geq 0)$ 的<u>计算树</u> $\mathrm{Tr}_n^{\mathcal{M}}(s)$ 递归定义如下 [1]:

- $\operatorname{Tr}_0^{\mathcal{M}}(s)$ 是只有一个节点 s (其标签为 L(s)) 的树。
- Tr^M_{n+1}(s) 是以 s 为根节点(标签为 L(s))的树,并且若(s,s')∈R,则 s 有一棵子树 Tr^M_n(s')。

计算树互模拟

- $L_1(s_1) V = L_2(s_2) V$,
- 对 Tr_n(s₁) 的任意子树 Tr_{n-1}(s₁'),都存在 Tr_n(s₂) 的子树 Tr_{n-1}(s₂'),使得 Tr_{n-1}(s₁') ↔_V Tr_{n-1}(s₂'),且
- 对任意 Tr_n(s₂) 的子树 Tr_{n-1}(s'₂),都存在 Tr_n(s₁) 的子树 Tr_{n-1}(s'₁),使得 Tr_{n-1}(s'₁) ↔ V Tr_{n-1}(s'₂);

则称 M_1 的计算树 $\operatorname{Tr}_n(s_1)$ 和 M_2 的计算树 $\operatorname{Tr}_n(s_2)$ 是 V-互模拟的(记为 $(M_1,\operatorname{Tr}_n(s_1))\leftrightarrow_V(M_2,\operatorname{Tr}_n(s_2))$,简写为 $\operatorname{Tr}_n(s_1)\leftrightarrow_V\operatorname{Tr}_n(s_2)$)。



CTL 的语法和语义

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 计算树互模拟

计算树

给定一个初始 Kripke 结构 $\mathcal{M} = (S, R, L, s_0)$ 和一个状态 $s \in S$, \mathcal{M} 上以 s 为根节点、深度为 n $(n \ge 0)$ 的计算树 $\operatorname{Tr}_n^{\mathscr{M}}(s)$ 递归定义如下 [1]:

- Tr₀^ℳ(s) 是只有一个节点 s (其标签为 L(s)) 的树。
- $\operatorname{Tr}_{n+1}^{\mathcal{M}}(s)$ 是以 s 为根节点(标签为 L(s))的树,并且若 $(s,s') \in R$,则 s 有一棵子树 $\operatorname{Tr}_{n}^{\mathscr{M}}(s')$

命题 8

给定原子命题集 $V \subseteq A$ 、初始 Kripke 结构 M 和两个状态 $s,s' \in S$ 。若 $s \leftrightarrow_V s'$,则存在一个 最小整数 k, 使得 $\mathrm{Tr}_k(s)$ 和 $\mathrm{Tr}_k(s')$ 不是 V-互模拟的。

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 计算树的特征公式

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和建

国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的:

研究内容及拟解决的 科学问题

育聚知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论 唐宣理论在反应

简介 品需安分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方法 简介 基于模型的有界 CTL ii

基于归结的遗忘计算: 基于归结的算法

总结与展

展型

参考文献

定义 27

给定原子命题集 $V\subseteq \mathscr{A}$ 、初始 Kripke 结构 $\mathscr{M}=(S,R,L,s_0)$ 和状态 $s\in S$ 。定义在 V 上的计算 树 $\mathrm{Tr}_n(s)$ 的特征公式(记为 $\mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_n(s)),\ n\geq 0$)递归定义如下:

$$\mathscr{F}_{V}(\operatorname{Tr}_{0}(s)) = \bigwedge_{p \in V \cap L(s)} p \wedge \bigwedge_{q \in V - L(s)} \neg q,$$

$$\mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_{k+1}(s)) = \bigwedge_{(s,s') \in R} \mathrm{Ex} \mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_k(s')) \wedge \mathrm{Ax} \bigg(\bigvee_{(s,s') \in R} \mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_k(s')) \bigg) \wedge \mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_0(s)) \quad (k \geq 0) \,.$$

含义

由定义27可知,计算树的特征公式从三个方面展示了计算树的信息:

- (1) 只考虑 V 中的原子命题;
- (2) 突出了树节点的内容,即:对于任意原子命题 $p \in V$,若 p 在节点的标签中,则其正出现在特征公式中,否则负出现在特征公式中:
- (3) 公式中的时序算子表示了状态之间的转换关系。

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 计算树的特征公式

式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的

科学问题

日景知路

CTL 的语法和语义

.. 20149

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界(忘计算

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结

公坐守龄

引理 27

给定原子命題集 $V \subseteq \mathcal{A}$ 、初始 Kripke 结构 $\mathcal{M} = (S, R, L, s_0)$ 和 $\mathcal{M}' = (S', R', L', s'_0)$ 、 $s \in S$ 、 $s' \in S'$ 且 $n \geq 0$ 。若 $\operatorname{Tr}_n(s) \leftrightarrow_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_n(s')$,则 $\mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_n(s)) \equiv \mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_n(s'))$ 。

引理 28

 $? V \subseteq \mathscr{A} \setminus \mathscr{M} = (S, R, L, s_0) \setminus \mathscr{M}' = (S', R', L', s'_0) \setminus s \in S \setminus s' \in S' \perp n \geq 0, \quad \mathfrak{M}:$

- (i) $(\mathcal{M},s) \models \mathcal{F}_V(\operatorname{Tr}_n(s));$
- (ii) 若 $(\mathcal{M},s) \models \mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_n(s'))$,则 $\operatorname{Tr}_n(s) \leftrightarrow_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_n(s')$ 。

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 特征公式

式系统最弱充 条件研究

绪论

研究背景和i

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

u-滴葉

μ-10(3)

CTL 和 μ-演算遗忘:

CTI SECULA

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式

简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 逆忘计算

基于归销的现态订算 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

总结与展

展型

参考文献

V-可区分

若初始 Kripke 结构 \mathscr{M} 的两个状态 s 和 s' 不是 \overline{V} -互模拟的 (即: $s \not\mapsto_{\overline{V}} s'$),则称 s 和 s' 是 \overline{V} -可区分的。用 $\mathrm{dis}_V(\mathscr{M},s,s',k)$ 表示状态 s 和 s' 在命题??中所说的最小数 k 下是 V-可区分的。

特征数

 \mathcal{M} 关于原子命题集 V 的<u>特征数</u>,记为 $ch(\mathcal{M},V)$ 定义如下:

$$\mathit{ch}(\mathscr{M}, \mathit{V}) = \left\{ \begin{array}{ll} \max\{k \, | \, \mathit{s}, \mathit{s}' \in \mathit{S} \, \, \mathrm{Edis}_{\mathit{V}}(\mathscr{M}, \mathit{s}, \mathit{s}', \mathit{k})\}, & \mathscr{M} \, \not \to \, \mathit{V}\text{-} \, \mathrm{可区分的}; \\ \min\{k \, | \, \mathscr{B}_k = \mathscr{B}_{k+1}, k \geq 0\}, & \text{否则} \, . \end{array} \right.$$

基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 特征公式

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决的: 科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

и-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

忘计算 基于归结的遗忘计算

基于归结的算法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及S

总结与展 ^{总结}

公坐立計

定义 29 (特征公式)

给定原子命题集 $V\subseteq \mathscr{A}$ 和初始结构 $\mathscr{K}=(\mathscr{M},s_0)$,其中 $c=ch(\mathscr{M},V)$ 。对任意 \mathscr{M} 上的状态 $s'\in S$,记 $T(s')=\mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_c(s'))$ 。 \mathscr{K} 关于 V 的特征公式 $\mathscr{F}_V(\mathscr{K})$ 定义为:

$$\mathcal{T}(s_0) \ \wedge \bigwedge_{s \in S} \operatorname{AG} \left(\mathcal{T}(s) \to \bigwedge_{(s,s') \in R} \operatorname{EX} \mathcal{T}(s') \wedge \operatorname{AX} \left(\bigvee_{(s,s') \in R} \mathcal{T}(s') \right) \right).$$

定理 30

令 $V \subseteq \mathcal{A}$ 、 $\mathcal{M} = (S, R, L, s_0)$ 且 $\mathcal{M}' = (S', R', L', s'_0)$,则:

- (i) $(\mathcal{M}', s'_0) \models \mathscr{F}_{V}(\mathcal{M}, s_0)$ 当且仅当 $(\mathcal{M}, s_0) \leftrightarrow_{\overline{V}} (\mathcal{M}', s'_0)$;
- (ii) 若 $s_0 \leftrightarrow_{\overline{V}} s_0'$ 则 $\mathscr{F}_V(\mathscr{M}, s_0) \equiv \mathscr{F}_V(\mathscr{M}', s_0')$ 。



基于模型的有界 CTL 遗忘计算——描述初始结构: 特征公式

工系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和i

国内外研究现状 研究目标 研究日标

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗乏

CTI 漆完理论

μ-演算遺忘理论

中的应用

同介 最弱充分条

知识更新

简介

基于模型的有界 CTL i 忘计算 基于归结的遗忘计算方

基于归结的算法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及9

息结与展 点结

展望

参考文献

例 29

考虑右下图中左边的初始结构 $\mathscr{X}_2 = (\mathscr{M}, s_0)$ 。左边的为 \mathscr{M} 上的四棵计算树: 从左到右表示以 s_0 为根、深度分别为 0、1、2 和 3 的计算树 (为简化图、计算树的标签没有给出、但是每个树节点的标签可从 \mathscr{X}_2 找到)。令 $V = \{d\}$,则 $\overline{V} = \{s, se\}$ 。因为 $L(s_1) - \overline{V} = L(s_2) - \overline{V}$,所以有 $\operatorname{Tr}_1(s_1) \leftrightarrow_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$ 。由于存在 $(s_1, s_2) \in R$,使得对任意 $(s_2, s') \in R$,都有 $L(s_2) - \overline{V} \neq L(s') - \overline{V}$,所以, $\operatorname{Tr}_1(s_1) \leftrightarrow_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$ 。由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由此可知, s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由于 s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由于 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由于 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由于 s_1 和 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1(s_2)$,由于 s_2 $L(s_1) = \operatorname{Tr}_1(s_1) \mapsto_{\overline{V}} \operatorname{Tr}_1($

$$\mathit{ch}(\mathscr{M}, \mathit{V}) = \max\{k \,|\, \mathit{s}, \mathit{s}' \in \mathit{S} \,\, \text{$\underline{\mathtt{H}}$} \, \text{$\mathrm{dis}\, $}_{\mathit{V}}(\mathscr{M}, \mathit{s}, \mathit{s}', \mathit{k})\} = 1.$$

 $\mathrm{Tr}_2(s_0)\;\mathrm{Tr}_3(s_0)$

所以,可以由以下步骤计算 \mathcal{K}_2 关于 V 的特征公式:

 $\mathcal{F}_V(\mathrm{Tr}_0(s_0)) = d, \qquad \quad \mathcal{F}_V(\mathrm{Tr}_0(s_1)) = \neg d,$

 $\mathcal{F}_V(\mathrm{Tr}_0(s_2)) = \neg d, \qquad \mathcal{F}_V(\mathrm{Tr}_0(s_3')) = \neg d,$

 $\mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_1(s_0)) = \mathrm{EX} \neg d \wedge \mathrm{AX} \neg d \wedge d \equiv \mathrm{AX} \neg d \wedge d,$

 $\mathscr{F}_V(\mathrm{Tr}_1(\mathfrak{s}_1)) = \mathrm{EX} \neg d \wedge \mathrm{EX} \neg d \wedge \mathrm{AX}(\neg d \vee \neg d) \wedge \neg d \equiv \mathrm{AX} \neg d \wedge \neg d,$

 $\mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_1(s_2)) = \operatorname{EX} d \wedge \operatorname{AX} d \wedge \neg d \equiv \operatorname{AX} d \wedge \neg d,$

 $\mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_1(s_3')) \equiv \mathscr{F}_V(\operatorname{Tr}_1(s_2)),$

 $\mathscr{F}_V(\mathscr{M}, s_0) \equiv \operatorname{AX} \neg d \wedge d \wedge$

 $\operatorname{AG} \big(\operatorname{AX} \neg d \wedge d \to \operatorname{AX} \big(\operatorname{AX} \neg d \wedge \neg d \big) \big) \wedge$

 $\operatorname{AG}(\operatorname{AX} \neg d \wedge \neg d \to \operatorname{AX}(\operatorname{AX} d \wedge \neg d)) \wedge$

 $AG(AXd \land \neg d \rightarrow AX(AX \neg d \land d)).$

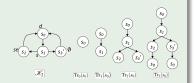


图 8: 初始结构 光2 及其计算树示意图



至了 题志的及应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

Fileh Matters

研究目标

研究内容及拟解决的关

38-38. km 2

13 20 701 67

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTI 和 u-油寬遗忘:

论

CTI 遗忘神论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式》 中的应用

简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 遗 忘计算

基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与展驻

总结

分平立時

遗忘封闭性及复杂性

基于 题 忘 时 反 应 式 系 统 最 弱 充 分 条 件 研 究

绪论

研究背景和意

研究目标 研究内容及拟解决的

科学问题

育聚知识

CTL 的语法和语义

CTL 的语法和语

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘

CTI 漆定理i

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式

中的应用

最弱充分条件

知识更初

简介

基于模型的有界 CTL 遗忘计算

基于归结的算法 CTL-forget 实现及

总结与展 ^{点结}

忌窃 展塑

参考文献

引理 30

给定 CTL 公式 φ , 下面等式成立:

$$\varphi \equiv \bigvee_{(\mathscr{M}, s_0) \in \mathsf{Mod}(\varphi)} \mathscr{F}_{\mathscr{A}}(\mathscr{M}, s_0).$$

遗忘封闭性

从 φ 中遗忘 V 中的元素得到的结果为:

$$\bigvee_{\mathcal{K} \in \{\mathcal{K}' | \exists \mathcal{K}'' \in \mathsf{Mod}(\phi), \ \mathcal{K}'' \leftrightarrow_{\mathbf{V}} \mathcal{K}'\}} \mathcal{F}_{\overline{\mathbf{V}}}(\mathcal{K}).$$



遗忘封闭性及复杂性

CTLAF: 表示 CTL 公式只包含时序算子 AF 的子类。

命题 9 (模型检测)

给定一个结构 (\mathcal{M}, s_0) 、原子命题集 $V \subseteq \mathcal{A}$ 和公式 $\varphi \in \mathrm{CTL}_{\mathrm{AF}}$, 判定 (\mathcal{M}, s_0) 是否为 $F_{CTL}(\varphi, V)$ 的模型是 NP-完全的。

定理 30 (Entailment)

 ϕ の 和 ψ 为 CTL_N 中的两个公式、V 为原子命题集。则:

- (i) 判定 $F_{CTL}(\varphi, V) \models^? \psi$ 是 co-NP-完全的,
- (ii) 判定 $\psi \models^{?} F_{CTL}(\varphi, V)$ 是 Π_{2}^{P} -完全的,
- (iii) 判定 $F_{CTL}(\varphi, V) \models^{?} F_{CTL}(\psi, V)$ 是 Π_{2}^{P} -完全的。

推论 31

令 ϕ 和 ψ 为 CTL_{AF} 中的两个公式, V 原子公式集。则

- (i) 判定 $\psi \equiv F_{CTL}(\varphi, V)$ 是 Π_2^P -完全的,
- (ii) 判定 $F_{CTL}(\varphi, V) \equiv \varphi$ 是 co-NP-完全的,
- (iii) 判定 $F_{CTL}(\varphi, V) \equiv {}^{?} F_{CTL}(\psi, V)$ 是 Π_{2}^{P} -完全的。

基于模型的遗忘算法

```
基于遗忘的反应
式系统最弱充分
条件研究
```

```
研究背景和意义
```

```
国内外研究现状
研究目标
```

究内容及拟解决的 学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL和山

论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

μ-減界辺を埋泥 遺忘理论在反应d

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 遗忘计算 基于归结的遗忘计算方法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实现

总结 展型

公士立計

```
算法 5.1 基于模型的CTL遗忘过程
```

Input: CTL公式φ和原子命题集V

Output: $F_{CTL}(\boldsymbol{\varphi}, V)$

 $\psi \leftarrow \bot$ for each \mathscr{A} 和 \mathscr{S} 上的初始结构 \mathscr{K} do

foreach 满足 $\mathcal{K} \leftrightarrow_{V} \mathcal{K}'$ 的初始结构 \mathcal{K}' do $\psi \leftarrow \psi \lor \mathcal{F}_{\nabla}(\mathcal{K}')$

ıd

end

end

return ψ

命题 10

令 φ 为 CTL 公式, $V\subseteq\mathscr{A}$ 为原子命题集,状态空间大小为 $|\mathscr{S}|=m$, $|\mathscr{A}|=n$,|V|=x。使用算法 5.1 计算从 φ 中遗忘 V 中原子的空间复杂度为 $O((n-x)m^{2(m+2)}2^{nm}\log m)$,且时间复杂性至少与空间复杂性相同。



基于遗忘的反应 式系统最弱充分

绪论

研究背景和意义

国内外研究现状 研究目标

研究内容及拟解决 科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTI #

论

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应

中的应用

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方

简介

基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法

CTL-forget 实现及实

总结

分水方排

参考文献

基于归结的算法 CTL-forget——总体框架

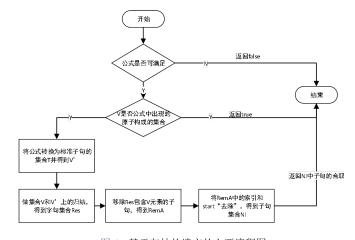


图 9: 基于归结的遗忘的主要流程图

- 如何表示 CTL 公式和带索引的 CTL 公式之间的关系



基于归结的算法 CTL-forget——总体框架

CTL 的语法和语义 基于归结的遗忘计算方法

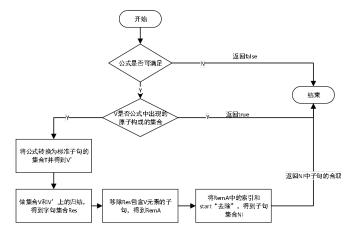


图 9: 基于归结的遗忘的主要流程图

- 如何表示 CTL 公式和带索引的 CTL 公式之间的关系?
- 如何"移除"无关的原子命题(包括需要遗忘的原子命题和转换过程中引入的新的原子命题),以及如何"消除"索引?

基于归结的算法 CTL-forget——CTL 归结 UF

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

```
绪论
研究背景和意义
```

国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的关

背景知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义

CTL 和 μ-演算遗:

CTL 遗忘理论 u-演算造忘理论

μ-演算遗忘理论 遗忘理论在反应式

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遊忘计界力记 简介

忘计算 基于归结的遗忘计算力

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验 总结与展望 总结

参考文献

表 2: R^{≻,S} 归结系统

$$(SRES1) \frac{P \to \text{AX}(C \lor I), Q \to \text{AX}(D \lor \neg I)}{P \land Q \to \text{AX}(C \lor D)}; \qquad (SRES2) \frac{P \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(C \lor I), Q \to \text{AX}(D \lor \neg I)}{P \land Q \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(C \lor D)}; \\ (SRES3) \frac{P \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(C \lor I), Q \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(D \lor \neg I)}{P \land Q \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(C \lor D)}; \qquad (SRES4) \frac{\text{start} \to C \lor I, \text{start} \to D \lor \neg I}{\text{start} \to C \lor D}; \\ (SRES5) \frac{T \to C \lor I, \text{start} \to D \lor \neg I}{\text{start} \to C \lor D}; \qquad (SRES6) \frac{T \to C \lor I, Q \to \text{AX}(D \lor \neg I)}{Q \to \text{AX}(C \lor D)}; \\ (SRES7) \frac{T \to C \lor I, Q \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(D \lor \neg I)}{Q \to \text{E}_{(ind)} \text{X}(C \lor D)}; \qquad (SRES8) \frac{T \to C \lor I, T \to D \lor \neg I}{T \to C \lor D}; \\ (RW1) \frac{\bigwedge_{i=1}^{n} m_i \to \text{AX} \perp}{T \to \bigvee_{i=1}^{n} \tau m_i}; \qquad (RW2) \frac{\bigwedge_{i=1}^{n} m_i \to \text{E}_{(ind)} \text{X} \perp}{T \to \bigvee_{i=1}^{n} \tau m_i}; \\ (ERES1) \frac{\Lambda \to \text{EXEG}I, Q \to \text{AF} \neg I}{Q \to \text{A}(\neg \Lambda W \neg I)}; \qquad (ERES2) \frac{\Lambda \to \text{E}_{(ind)} \text{XE}_{(ind)} \text{GI}, Q \to \text{E}_{(ind)} \text{F} \neg I}{Q \to \text{E}_{(ind)}(\neg \Lambda W \neg I)}.$$

其中 P 和 Q 是文字的合取,C 和 D 是文字的析取,I 是一个文字,称每条规则横线下面的公式为横线上面的公式关于文字 I 的归结结果。此外, $\Lambda = \bigvee_{i=1}^n \bigwedge_{i=1}^{m_i} P_j^i$ 、 P_j^i 是文字的析取,其中 1 < i < m。

基于归结的算法 CTL-forget——ctl 归结 UF

素于 遊忘的 反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的关 科学问题

背景知识

CTL 的语法和语义

μ-演算

μ-190 51

C I L 和 μ-演界選と
 心

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论 遺言理论在反应式:

中的应用 简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方

○ 向介 基于模型的有界 CT 完计算

基于归结的遗忘计算方法 基于归结的宽法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实现

总结

公士立計

记号

• 令 T为 $SNF_{crt.}^g$ 子句集,p 为原子命题。T 在 p 上的 \overline{RT} (记为 uF(T,p)) 是集合 T 和如下集合的并集:

 $\{\alpha \mid \alpha \in T$ 中的公式关于文字 $I \in \{p, \neg p\}$ 的归结结果 $\}$.

- $\bullet \ \operatorname{uf}(\textit{T},\emptyset) = \textit{T} \ \bot \ \operatorname{uf}(\textit{T},\{\textit{p}\} \cup \textit{V}) = \operatorname{uf}(\operatorname{uf}(\textit{T},\textit{p}),\textit{V});$
- $\bullet \ \underline{\textit{ERes}}(\phi, V) = \{\alpha \in \text{UF}(T_{\phi}, V) \mid \textit{Var}(\alpha) \cap V = \emptyset\}.$

命题 11

令 φ 为一个 CTL 公式, $V \subseteq \mathcal{A}$ 为原子命題集。則 $T_{\varphi} \equiv_{U} \underline{ERes}(\varphi, V)$, 其中 $U = Var(\mathrm{UF}(T_{\varphi}, V)) - (Var(\varphi) - V)$ 。



基于归结的算法 CTL-forget——CTL 归结 UF

例 32 (例??的延续)

令 $V = \{p,r\}$,则 $UF(T_{\emptyset}, V \cup \{x,y,z\})$ 除了例??中的子句,还包含如下子句:

(1) start $\rightarrow r$

(3) $\top \rightarrow \neg z \lor y \lor f \lor m$

(1, 2, SRES5)(3.4.SRES8)

(2) start $\rightarrow x \lor y$ (4) $y \rightarrow AX(f \lor m \lor y)$ (1,4,SRES5) (3,8,SRES6)

(4.5.SRES8)

(6) $\top \rightarrow \neg z \lor x \lor q$

(4.6. SRES8)

(5) $\top \rightarrow \neg z \lor x \lor p$ (7) $y \rightarrow AX(x \lor p)$

(5.8.SRES6)

(8) $y \rightarrow AX(x \lor q)$

(6,8,SRES6)

(3,(2), SRES5)

(10) start $\rightarrow x \lor p$

(5,(2), SRES5)

(9) start $\rightarrow f \lor m \lor y$ (11) start $\rightarrow x \lor q$

(6,(2),SRES5) (6,(3),SRES8) (12) $\top \rightarrow p \lor \neg z \lor f \lor m$ (14) $y \rightarrow AX(p \lor f \lor m)$

(5, (3), SRES8)

(13) $\top \rightarrow q \lor \neg z \lor f \lor m$ (15) $y \rightarrow AX(q \lor f \lor m)$

(6, (4), SRES6)

(16) start $\rightarrow f \lor m \lor p$

(5, (4), SRES6)

(17) start $\rightarrow f \lor m \lor q$

(5, (9), SRES5)

(6, (9), SRES5)

在从 $UF(T_{\phi}, V \cup \{x, y, z\})$ 中移除包含 V 中元素的子句后,得到 $ERes(\phi, V)$,其包含如下子句:

 $\operatorname{start} \to z$, $\operatorname{start} \to f \lor m \lor q$, $\operatorname{start} \to x \lor v$, $\operatorname{start} \to q \lor x$, $\operatorname{start} \to f \lor m \lor v$.

 $\top \to f \lor m \lor \neg x$, $\top \to q \lor f \lor m \lor \neg z$, $\top \to f \lor m \lor \neg z \lor y$,

 $\top \rightarrow q \lor x \lor \neg z$, $\top \rightarrow x \lor y \lor \neg z$, $\top \rightarrow q \lor \neg y$, $z \rightarrow AFX$,

 $y \to AX(q \lor f \lor m), \quad y \to AX(x \lor q), \quad y \to AX(x \lor y), \quad y \to AX(f \lor m \lor y).$

可以看出,尽管 $ERes(\varphi,V)$ 中不包含具有索引的公式,但有的子句包含出现在 T_{φ} 中的新原子命题。

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论

研究背景和

国内外研究理

研究目标 研究内容及拟解决的:

科学问题

背景知i

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗址

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

简介 非工器型の有限で

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法

ET 口语的呼吸 CTL-forget 实现及例

总结 Win

参考文献

两个主要过程

- 消除索引;
- 移除新引入的原子命题。

引理 33

如果 $j \in \mathcal{I}$, ψ_i, φ_i $(1 \le i \le n)$ 为 CTL 公式, 那么:

- (i) $\{\psi_i \to \mathbb{E}_{(j)} \times \varphi_i \mid 1 \le i \le n\} \equiv \{(\bigwedge_{i \in S} \psi_i) \to \mathbb{E}_{(j)} \times (\bigwedge_{i \in S} \varphi_i) \mid S \subseteq \{1, \dots, n\}\},$
- $(ii) \ \{\psi_i \to \mathop{\mathrm{E}}_{(j)} \mathop{\mathrm{X}} \varphi_i \mid 1 \le i \le n\} \equiv_{\emptyset} \{ (\bigwedge_{i \in S} \psi_i) \to \mathop{\mathrm{EX}} (\bigwedge_{i \in S} \varphi_i) \mid S \subseteq \{1, \dots, n\} \},$
- (iii) $\{(\psi_1 o \operatorname{E}_{\langle j \rangle}\operatorname{F} \varphi_1), (\psi_2 o \operatorname{E}_{\langle j \rangle}\operatorname{X} \varphi_2)\} \equiv_{\emptyset}$

 $(\psi_1 \to \phi_1 \vee \text{exef}\, \phi_1) \wedge (\psi_2 \to \text{ex}\, \phi_2) \wedge (\psi_1 \wedge \psi_2 \to ((\phi_1 \wedge \text{ex}\, \phi_2) \vee \text{ex}(\phi_2 \wedge \text{ef}\, \phi_1))).$

```
基于遗忘的反应
式系统最弱充分
条件研究
```

绪论

国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的: 科学问题

背景知识 Kainka 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘
论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

μ-演算遺忘理论 遗忘理论在反应3

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

简介

基于归结的遗忘计算方法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实现

总结 展望

参考文献

算法 **5.2** RM-index(Σ)

Input: 有限SNF^g_{CTL}子句集Σ

Output: CTL公式集

foreach Σ 中拥有相同索引 $\langle i \rangle$ 的E-子句构成的极大子集 Δ do

if 存在索引为 $\langle i \rangle$ 的Ε-某时子句 $\alpha \in \Sigma$ then

| foreach $\beta \in rei(\Delta)$ do $\Sigma \leftarrow \Sigma \cup rfi(\alpha, \beta)$ $\Sigma \leftarrow \Sigma - \{\alpha\}$ end

 $\Sigma \leftarrow \Sigma - \Delta \cup rxi(\Delta)$

end

return Σ

其中, $rei(\{\alpha_i \mid 1 \leq i \leq n\})$ 、 $rxi(\{\alpha_i \mid 1 \leq i \leq n\})$ 、 $rfi(\{\beta_1, \alpha_2\})$ 分别表示引理 33 中 (i)、(ii)、(iii) 等号 \equiv_* (* \in { 空字符串, \emptyset }) 的右边, $\alpha_i = \psi_i \to \mathop{\mathrm{E}}_{(j)} \mathop{\mathrm{X}} \varphi_i$ ($1 \leq i \leq n$) 且 $\beta_1 = \psi_1 \to \mathop{\mathrm{E}}_{(j)} \mathop{\mathrm{F}} \varphi_1 \circ$

推论 33

如果 φ 为一个 CTL 公式、 $U = Var(T_{\varphi}) - Var(\varphi)$, $V \subseteq \mathscr{U}$ 为原子命題集、 $\Sigma = ERes(\text{UF}(\varphi, V \cup U), V)$, 那么 RM-index(Σ) $\equiv_{\theta} \Sigma$ 。

绪论 研究背景和意义 国内外研究现状

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Kripke 结

CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL ₹

论

CTL 遗忘

遗忘理论在反应式

中的应用

简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方

简介

基于归结的遗忘计算 基于归结的算法

总结与展

总结 展塑

参考文献

引理 33 (一般化的 Ackermann 引理,Generalised Ackermann's Lemma)

 $\diamond x$ 为一个原子命题、 $\Delta = \{ AG(T \rightarrow \neg x \lor C_1), ...,$

 $AG(T \to \neg x \lor C_n), AG(x \to B_1), \dots, AG(x \to B_m)$ 为只包含一个 x 的 CTL 公式集 $(n, m \ge 1)$ 、

 Γ 为 x 正出现在其中的有限个 CTL 公式集。下面式子成立:

$$\Gamma \cup \Delta \equiv_{\{x\}} \Gamma \left[x / \bigwedge (\{C_i \mid 1 \le i \le n\} \cup \{B_i \mid 1 \le i \le m\}) \right]. \tag{2}$$



式系统最弱充分 条件研究

绪论 研究背景和

国内外研究现状研究目标

科学问题

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

CIL 和 μ-演界選; 论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式

简介 島端を分条件

知识更新

简介

基于归结的遗忘计算 基于归结的放法

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实

总结与版型 总结 ^{思想}

参考文献

例 33 (例??的延续)

首先考虑原子命题 x、 $\Delta = \{ T \to f \lor m \lor \neg x \}$ 和 $\Gamma = \underline{ERes}(\varphi, V) - \Delta$ 。 Γ 中包含 x 的公式关于 x 都为正的,因此 $\Gamma[x/(f \lor m)]$ 包含如下公式:

 $\mathsf{start} \to \mathsf{z}, \quad \mathsf{start} \to \mathsf{f} \lor \mathsf{m} \lor \mathsf{q}, \quad \mathsf{start} \to \mathsf{f} \lor \mathsf{m} \lor \mathsf{y},$

 $\top \to q \lor f \lor m \lor \neg z, \quad \top \to f \lor m \lor y \lor \neg z, \quad \top \to q \lor \neg y, \quad z \to \mathrm{AF} \big(f \lor m \big),$

 $y \to AX(q \lor f \lor m), \quad y \to AX(f \lor m \lor y).$

第二步考虑原子命题 z、 $\Delta' = \{\top \to q \lor f \lor m \lor \neg z, \top \to f \lor m \lor y \lor \neg z, z \to \mathrm{AF}(f \lor m)\}$ 和 $\Gamma' = \Gamma[x/(f \lor m)] - \Delta'$,其中 z 正出现在 Γ' 中。因此,

 $\Gamma'' = \Gamma'[z/(q \lor f \lor m) \land (f \lor m \lor y) \land AF(f \lor m)]$ 包含如下公式:

 $\mathsf{start} \to \big(\mathit{q} \lor \mathit{f} \lor \mathit{m} \big) \land \big(\mathit{f} \lor \mathit{m} \lor \mathit{y} \big) \land \mathsf{AF} \big(\mathit{f} \lor \mathit{m} \big), \quad \mathsf{start} \to \mathit{f} \lor \mathit{m} \lor \mathit{q}, \quad \mathsf{start} \to \mathit{f} \lor \mathit{m} \lor \mathit{y},$

 $\top \to q \lor \neg y, \quad y \to AX(q \lor f \lor m), \quad y \to AX(f \lor m \lor y).$

不难证明 $ERes(\phi, V) \equiv_{\{x,z\}} \Gamma''$ 。因为 Γ'' 包含一个公式,其关于 y 既不是正的也不是负的。因此,这里不能对 Γ'' 和 y 使用上述过程。

基于归结的算法 CTL-forget 及其复杂性

CTL 的语法和语义

```
算法 5.3 CTL-forget(\varphi, V)
```

Input: CTL公式φ和原子命题集V Output: 公式集

if $\varphi \equiv \bot$ then return \bot ;

if $V = Var(\varphi)$ then return \top ;

 $T_{\varphi} \leftarrow \text{SNF}_{\text{CTI}}^{g}(\varphi)$; $\Sigma \leftarrow \text{UF}(T_{\varphi}, V \cup U), \quad \not\exists : \forall U = Var(T_{\varphi}) - Var(\varphi);$

 $\Sigma \leftarrow ERes(\Sigma, V)$;

 $\Sigma \leftarrow RM\text{-index}(\Sigma)$; $\Sigma \leftarrow \text{GAL}(\Sigma, Var(\Sigma) - Var(\varphi))$;

用AG ϕ 替换Σ中的初始子句 "AG(start $\rightarrow \phi$)"; return Σ

// 若公式不可满足,则遗忘结果为上 // 若遗忘所有原子命题,则结果为T // 将φ转换为SNFgctl子句

// 移除包含V中元素的子句

// 从Σ移除索引 // 移除留存的新的原子命题

// 去除start

定理 34 (可靠性)

若 φ 为一个 CTL 公式、 $V \subset A$ 、Σ = CTL-forget(φ , V) 且 $U = Var(\Sigma) - Var(\varphi)$, 则:

- (i) $\Sigma \equiv_{V \cup U} \varphi$,
- (ii) 若 $U = \emptyset$, 则 $\Sigma \equiv F_{CTL}(\varphi, V)$ 。

命题 11

给定 CTL 公式 φ 和原子命题集 $V \subseteq \mathscr{A}$ 。算法 5.3 的时间和空间复杂性为 $O((m+1)2^{4(n+n')})$, 其中 $n = |Var(\varphi)|$ 、n' = |V| 为新引入的原子命题的个数、m 为引入的索引个数。



基于归结的算法 CTL-forget 及其复杂性

```
至了 题志的及 / 
式系统最弱充分
条件研究
```

绪论

```
国内外研究现状研究目标
```

研究内容及拟解决的: 科学问题

背景知识

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘5

CTL 遗忘理论

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方

忘计算 基于归结的遗忘计算力

基于归结的算法 CTL-forget 实现及实现

总结与展总结

公坐立辞

例 34 (例??的延续)

容易看出 CTL-forget $(\phi, \{p, r\})$ 包含下面的公式

 $(q \lor f \lor m) \land (f \lor m \lor y) \land AF(f \lor m), \quad AG(\top \to q \lor \neg y),$

 $AG(y \to AX(q \lor f \lor m)), AG(y \to AX(f \lor m \lor y)).$

命题 11 (遗忘存在的子类)

给定 CTL 公式 φ , 若 φ 満足下面约束: (1) φ 中不包括操作符 $Pt\mathscr{T}$ (其中 $Pt\in\{A,E\}$ 且 $\mathscr{T}\in\{U,G\}$): (2) 对于任意原子命題 $p\in V$, 若 p 和 $\neg p$ 出現在同一时序算子的范围内。那 Z, $CTL-forget(\varphi,V)\equiv F_{CTL}(\varphi,V)$ 。



基于归结的算法 CTL-forget 实现

系统描述

- 输入输出:基于 Prolog 的 CTL-forget 算法实现系统以 CTL 公式和原子命题集为输 入, CTL 公式为输出:
- 系统识别的 CTL 公式的符号与第??章中 CTL 的语言符号对应关系如下:
 - x_i 和其余小写字母开头的字符串构成原子命题集,其中 i > 0 为自然数, 且 x; 和 z 被设定为只能是在如下描述的转换过程中引入的原子命题;
 - "false" 和 "true" 分别与常量符号 "_" 和 "T" 对应:
 - "start"与命题常量 "start"对应:
 - "&"、"\/"、"-"和"->"分别与联结符号"∧"、"∨"、"¬"和 "→"对应:
 - "~"和 "^"分别与路径量词 "A"和 "E"对应;
 - "@"、"*"、"?"和"\$"分别与时序操作符"G"、"x"、"F"和"U" 对应。

例 35

字符串 ($\sim*((-y1)/-y2)/-y4)&(-y1)/y2//y4)&(y1)/y2/-y3)&(y1)/y3//-y3)$ y4)&(-y1\/y2\/-y3))) 为 CTL 公式。



基于归结的算法 CTL-forget 实现

素于 题 忌 的 及 应 式 系统 最 弱 充 分 条件 研 究

绪论

研究育京和意义 国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的 科學问题

科学问题

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算 CTI 30 ... 22/27/28-7

CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式系

简介 最弱充分条件

CTI 请专计管方法

简介 基于模型的有界 CTI

忘计算 基于归结的遗忘计算方

总结与展生

总结

参考文献

系统主要模块

此系统主要包括五个模块*:

- 转换模块 (transCTL2SNF/6):
- 归结模块 (两个过程: step_resolution/3 和 temp_resolution/8)
- "移除"原子命题模块(removeAtom/3)
- "移除"索引(pro6/3)
- "移除"新引入的原子命题(ackerM/3)

 $^{{\}it ^a} https://github.com/fengrenyan/forgetting-in-CTL/tree/main/Appendix}$



基于归结的算法 CTL-forget 实验——实验 1: 计算遗忘

基于遗忘的反应 式系统最弱充分 条件研究

绪论 研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的关键 科学问题

阿爾知识
Kripke 结构
CTL 的语法和语义

μ-演算 CTL 和 μ-演算遗忘 Δ

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方法

基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法

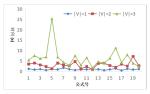
总结与展望 ^{总结}

展望 参考文献 (1) 标准数据集来源于 CTL-RP: https://sourceforge.net/projects/ctlrp/

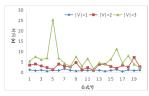
表 5.1: 计算CTL-forget(φ ,V)所使用的CPU时间(单位: 秒(s))

φ V	1	2	3	4
s001	0.0505	0.1053	0.2259	0.3680
s002	0.3645	1.0416	5.6372	10.0184
s003	97.5341	71.5396	190.1157	423.5793
s004	77.5086	77.4246	101.1284	118.7461
s001-3	681.2883	613.1859	1617.047	2356.949

(2) 计算 CTL-forget(φ , V) 使用的时间和在"移除原子命题"步骤后 SNF $_{\text{CTL}}^g$ 子句的个数,其中 $\varphi = \varphi_1 \land AX\varphi_2 \land EX\varphi_3$, $\varphi_i = 12$ (i = 1, 2, 3)。



(a) 计算遗忘需要的 CUP 时间



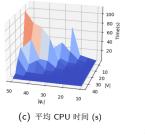
(b) SNFg 子句的个数

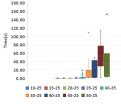


基于归结的算法 CTL-forget 实验——实验 2: 计算 SNC

计算 q 在 V 和 $\phi \land q$ 上的 SNC $(F_{CTL}(\phi \land q, Var(\phi) - V \cup \{q\}))$,其中 $V \subseteq Var(\phi)$ 、 $q \in Var(\phi \land q) - V$ 。

(1) 随机 3-CNF, $|\mathcal{A}| = 50$, 每组 20 个公式。





(d) |V| = 25 时所使用 CPU 时间 箱线图

图 10: 计算 3-CNF 公式 SNC 的 CPU 时间

总结:基于归结的算法大多数情况下能计算出 SNC (WSC),且当需要遗忘的原子个数很少或 公式长度较小时计算效率较高。



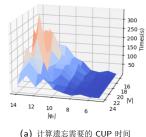
基于归结的算法 CTL-forget 实验——实验 2: 计算 SNC

CTL 的语法和语义

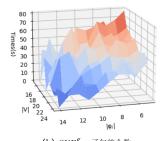
总结:基于归结的算法大多数情况下能计算出 SNC (WSC),且当需要遗忘的原子个数很少或 公式长度较小时计算效率较高。

计算 q 在 V 和 $\phi \land q$ 上的 SNC $(F_{CTL}(\phi \land q, Var(\phi) - V \cup \{q\}))$,其中 $V \subseteq Var(\phi)$ 、 $q \in Var(\phi \wedge q) - V_{\circ}$

(2) CTL 公式 $\varphi = \varphi_1 \land AX \varphi_2 \land EX \varphi_3$, $\varphi_i = 12$ (i = 1, 2, 3) 为 $|\mathscr{A}| = 50$ 上的 3-CNF 且 $|\varphi_1| = |\varphi_2| = |\varphi_3|$, 每组 40 个公式。







(b) SNFg 子句的个数

图 10: 计算 CTLSNC 的平均时间和存在 SNC 的公式占比



目录

CTL 的语法和语义

展翅

- - 研究背景和意义
 - 国内外研究现状
 - 研究目标
 - 研究内容及拟解决的关键科学问题
- - Kripke 结构
 - CTL 的语法和语义
 - μ-演算
- - CTL 遗忘理论
 - μ-演算遗忘理论
- - 简介

 - 知识更新
- - 简介
 - 基于模型的有界 CTL 遗忘计算
 - 基于归结的遗忘计算方法
 - 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验
 - 总结与展望

绪论

研究背景和意

研究目标

研究内容及拟解决的 科学问题

背景知识

Kripke 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算

论

CTL 遗忘理论

遗忘理论在反应式员

简介 最弱充分条件

知识更新

CTL 遗忘计算方

基于模型的有界 CTL 遗忘计算 基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法

总结与展生

展型

公坐立辞

• CTL 和 μ -演算的遗忘理论

- CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
- μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和管注等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标

元口77 究内容及拟解决的 些问题

科字问题 #F#J/m10

育家知识 Krinka 结构

CTL 的语法和语义

μ-演算 CTI - #1 ... 2020年ませ

化 CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论

中的应用

向介 最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL: 忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的遗忘计算方

基于归结的算法 CTL-forget 实现及

总结 展望

公坐守証

\bullet CTL 和 μ -演算的遗忘理论

- CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
- μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 。 计算 WSC 和 SNC; 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等 。 定义知识更新; 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和管注等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

绪论

研究育景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及知解出的

科学问题

百意知识 Krinka 结构

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演算

论 CTI 涉忘理论

μ-演算遺忘理论

遗忘理论在反应式系中的应用

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方

简介 基于模型的有界 CTL 退忘计算 基于归结的遗忘计算方法

基于归结的遗忘计算方 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结 展望

公坐立計

- CTL 和 μ -演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和包法等
 - 。基于消解 (resolution) 的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类。 实现与实验分析

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的

科学问题

Kripke 结构

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

遗忘理论在反应式系: 中的应用

简介 最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL i 忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的遗忘计算方

CTL-forget 总结与展望

息結 展望

参者文献

- \bullet CTL 和 μ -演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和管法等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及极解决的

科学问题

H 景知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义

CTL 和 μ-演算遗派

CTL 遗忘理论

μ-演算遗忘理论

简介 最弱充分条件

CTL 遗忘计算方

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算力 基于归结的算法

总结与展 总结

参者文献

- CTL 和 μ -演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和算法等
 - 。基于消解 (resolution) 的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类。 实现与实验分析

展翅

- CTL 和 μ-演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的5

背景知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义 μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论 μ-演算遗忘理论

中的应用 简介 最高充分条件

CTI 港市计算方法

CTL 遗忘计算方法

忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与展生 总结

展型

• CTL 和 μ -演算的遗忘理论

- CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
- μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和算法等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及拟解决的5

背景知识 Kripke 结构

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘 论
CTI 涉忘理论

CTL 速忘理论 μ-演算遺忘理论 港立理论本 反应式

行的应用 简介 最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 适忘计算 基于归结的遗忘计算方法 基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与展生 总结 展型

^{辰型} 参**岩**文献

- CTL 和 μ -演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和算法等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

绪论

研究背景和意义 国内外研究现状 研究目标 研究内容及探解决的关

背景知识 Kripke 结构

CTL 的语法和语义 μ-演算

CTL 和 μ-演界適志 论 CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论 遗忘理论在反应式。

简介 最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL i 忘计算 基于归结的遗忘计算方 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实验

总结与展望 总结 展型

^{辰里} 参名文献

- CTL 和 μ -演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂性和算法等
 - 基于消解(resolution)的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

- CTL 和 μ-演算的遗忘理论
 - CTL 的遗忘理论:基本性质(表达性理论、代数属性和封闭性等)
 - μ-演算的遗忘理论:基本性质、复杂性和互模拟不变性等
- 遗忘理论在反应式系统的形式化验证和知识更新中的应用
 - 计算 WSC 和 SNC: 定义、基本性质和基于遗忘的计算方法等
 - 定义知识更新: 两种知识更新定义和基本性质
- 计算 CTL 遗忘的算法
 - 基于模型的计算方法:有界互模拟、特征值、特征公式、封闭性、复杂 性和算法等
 - 基于消解 (resolution) 的计算方法: 算法及其可靠性、遗忘存在的子类
 - 实现与实验分析

CTL 的语法和语义

- CTL 和 -演算的遗忘
 - 遗忘结果总是存在的子类;
 - 遗忘相关问题复杂性分析;
 - CTL 和 μ-演算遗忘之间的关系。
- "CTL 和-演算公式的遗忘结果是否分别是 CTL 和-演算可表示" 这一问题的可判定性研究
- 遗忘与 WSC (SNC) 之间的相互关系与应用

参与项目及成果

作者在攻读博士学位期间参与项目及成果

- 发表了一篇 CCF B 类会议
- 两篇 SCI 论文在审
- 参加国家自然科学基金 3 项

研究内容及拟解决! 科学问题

背景知识 Kripke 结构

Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演算

CTL 和 μ-演算遗忘: 论

CTL 遗忘理论

μ-演算遺忘理论 連合:開込から向け

中的应用 简介

最弱充分条件 知识更新

CTL 遗忘计算方法

基于模型的有界 CTL 忘计算 基于归结的遗忘计算: 其工归结的遗忘计算:

在于归籍的 CTL-forge

总结

参考文献



敬请各位老师批评指正 谢谢!



基于归结的遗忘计算; 基于归结的算法 CTL-forget 实现及实 总结与展望 总结 展望

- [1] Michael C. Browne, Edmund M. Clarke, and Orna Grümberg. "Characterizing finite Kripke structures in propositional temporal logic". In: Theoretical Computer Science 59.1-2 (1988), pp. 115–131.
- [2] Giovanna D'Agostino and Marco Hollenberg. "Logical Questions Concerning The μ-Calculus: Interpolation, Lyndon and Los-Tarski".
 In: The Journal of Symbolic Logic 65.1 (2000), pp. 310–332. DOI: 10.2307/2586539. URL: https://doi.org/10.2307/2586539.
- [3] Giovanna D'Agostino and Marco Hollenberg. "Uniform interpolation, automata and the modal μ -calculus". In: Logic Group Preprint Series 165 (1996).

- [4] Giovanna D'Agostino and Giacomo Lenzi. "On modal μ-calculus with explicit interpolants". In: Journal of Applied Logic 4.3 (2006), pp. 256-278. DOI: 10.1016/j.jal.2005.06.008. URL: https://doi.org/10.1016/j.jal.2005.06.008.
- [5] Patrick Doherty, Witold Lukaszewicz, and Andrzej Szalas. "Computing Strongest Necessary and Weakest Sufficient Conditions of First-Order Formulas". In: Proceedings of IJCAI'01. Ed. by Bernhard Nebel. Morgan Kaufmann, 2001, pp. 145–154. ISBN: 1-55860-777-3
- [6] Dexter Kozen. "Results on the Propositional μ -Calculus". In: Theoretical Computer Science 27 (1983), pp. 333–354. DOI: 10.1016/0304-3975(82)90125-6. URL: https://doi.org/10.1016/0304-3975(82)90125-6.

- [7] Fangzhen Lin. "Compiling causal theories to successor state axioms and STRIPS-like systems". In: Journal of Artificial Intelligence Research 19 (2003), pp. 279–314.
- [8] Fangzhen Lin. "On strongest necessary and weakest sufficient conditions". In: <u>Artificial Intelligence</u> 128.1-2 (2001), pp. 143–159. DOI: 10.1016/S0004-3702(01)00070-4. URL: https://doi.org/10.1016/S0004-3702(01)00070-4.
- [9] Fangzhen Lin and Ray Reiter. "Forget It!" In: In Proceedings of the AAAI Fall Symposium on Relevance. New Orleans, US, 1994, pp. 154–159.
- [10] Larisa Maksimova. "Temporal logics of "the next" do not have the beth property". In: <u>Journal of Applied Non-Classical Logics</u> 1 (1991), pp. 73–76.



绪论 研究背景和意义 国内外研究现状

研究目标 研究内容及拟解决的分科学问题

背景知识 Kripke 结构 CTL 的语法和语义

μ-演算 CTL 和 μ-演算遗忘 论

CTL 遗忘理论
μ-演算遗忘理论
遗忘理论在反应式

简介 最弱充分条件 知识更新

简介 基于模型的有界 CTL 遗忘计算 基于归结的遗忘计算方法 基于归结的算法 CTL-forset 实现及实验

总结与展望 总结 展型 [11] Lan Zhang, Ullrich Hustadt, and Clare Dixon. "A resolution calculus for the branching-time temporal logic CTL". In: ACM Transactions on Computational Logic (TOCL) 15.1 (2014), pp. 1–38.

- [12] Lan Zhang, Ullrich Hustadt, and Clare Dixon.
 First-order Resolution for CTL. Tech. rep. Technical Report
 ULCS-08-010, Department of Computer Science, University of
 Liverpool, 2008.
- [13] Yan Zhang and Yi Zhou. "Knowledge forgetting: Properties and applications". In: <u>Artificial Intelligence</u> 173.16-17 (2009), pp. 1525–1537.