# EP1

May 20, 2020

# $1\;\; {\rm EP1}$ - Fractal de Mandelbrot utilizando bibliotecas p<br/>threads e ${\rm OpenMP}$

Grupo:

Nome	NUSP
Carlos Eduardo Leal de Castro	11921804
Felipe de Lima Peressim	11823558
José Luiz Maciel Pimenta	11896720
Luis Ricardo Manrique	5779294
Rafael Fernandes Alencar	9344730

## 1.1 Sumário

- Configurando o ambiente
- Introdução Conjunto de Mandelbrot
- Definindo funções e Plots
- Algorítmos: Pthreads, OpenMP
- Experimentos
  - Montando DataFrames
  - Regiões
  - Número de Threads
  - Tamanho de entrada
- Speed Up

## 1.2 Configurando o ambiente

Os pacotes necessários para executar os comandos deste notebook serão atualizados na célula seguinte:

[1]: ] up

Updating registry at `~/.julia/registries/General`

Updating git-repo
`https://github.com/JuliaRegistries/General.git`

Updating

`~/Dropbox/IME\_2020/paralela\_distribuida/EP1\_entrega/EP1/Project.toml` [no changes]

Updating

`~/Dropbox/IME\_2020/paralela\_distribuida/EP1\_entrega/EP1/Manifest.toml` [no changes]

[2]: using DataFrames, Query, StatsPlots, Statistics, CSV, Measures

## 1.3 Introdução - Conjunto de Mandelbrot

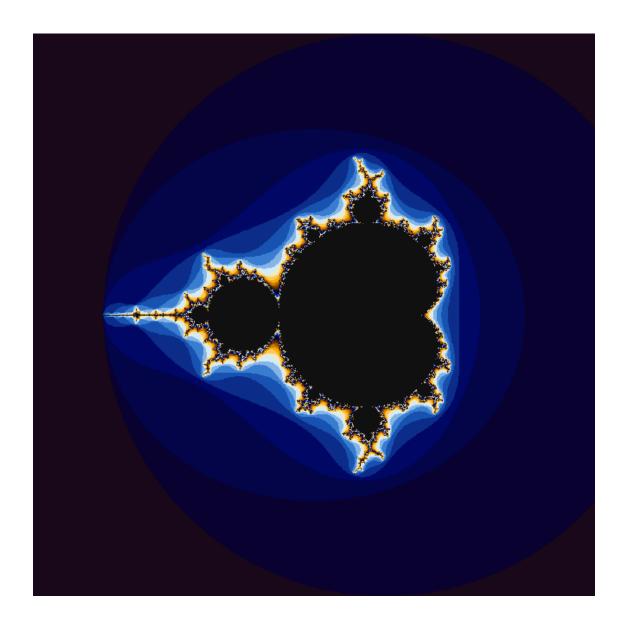
O objetivo deste trabalho é gerar o Conjunto de Mandelbrot a partir de abordagens diferentes: método **sequencial**, método paralelo usando a ferramenta **Pthreads** e método paralelo usando a ferramenta **OpenMP**. Para melhor entendermos como utilizar cada método na construção deste conjunto, veremos as ideias principais por trás do Conjunto de Mandelbrot.

De maneira geral, o Conjunto de Mandelbrot é um conjunto de todos os pontos do plano complexo  $\mathbb{C}$  tais que a sequência  $\{z_n\}_{n\in(\mathbb{N}\cup\{0\})}$ , dada por

$$z_{n+1} = z_n^2 + c,$$

onde  $z_0 = c \in \mathbb{C}$  e  $(\mathbb{N} \cup \{0\}) = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$  permanece limitada. Isto é, para qualquer  $z \in \mathbb{C}$  que pertença a esse conjunto, existe um  $R_{max}$  tal que  $|z| \leq R_{max}$ .

Podemos representar este conjunto na forma de uma imagem 2D. Esta imagem é conhecida como Fractal de Mandelbrot. Para construí-la, representaremos cada coordenada do ponto no plano complexo como a coordenada x e y dos pixels de uma imagem bidimensional. Na imagem a seguir, os pontos definidos com a cor preta representam os pontos cuja sequência definida anteriormente são limitadas. As partes coloridas da figura representam os pontos  $c \in \mathbb{C}$  que a partir de um certo número  $n_c \in \mathbb{N} \cup \{0\}$  de iterações, a sequência  $|z_{n_c}| > R$ , para um raio  $R \in \mathbb{R}$  definido.



## 1.4 Definindo funções e plots

As funções save\_csv\_results e read\_csv\_results, que salva um *Dataframe* dado em um arquivo .csv e lê um arquivo .csv e o armazena em uma *Dataframe*, respectivamente.

[4]: read\_csv\_results (generic function with 1 method)

A função **plot\_results\_log** que irá gerar um gráfico contendo a média e intervalo de confiança do experimento.

## [5]: plot\_results\_log (generic function with 1 method)

- A função **read\_log\_files** lê os arquivos de log gerados pelos experimentos e extrair as linhas contendo resultados e parâmetros do código executado;
- A função **get\_parameters** extrai os parâmetros do experimento;
- A função **get\_duration** extrai o tempo de execução médio e o desvio padrão do experimento;
- A função **create\_dataframe** irá pegar esses dados extraidos e gerar um DataFrame que poderá ser utilizado na plotagem dos gráficos.
  - Cada linha do dataframe representa um experimento e contém a sua região, tamanho da imagem, número de threads, algoritmo utilizado, média e o intervalo de confiança de 95%.

```
end
return [parameter_line, results_line]
end
```

[6]: read\_log\_files (generic function with 1 method)

```
[7]: function get_parameters(line)
    line = replace(line, " Performance counter stats for './mandelbrot_" => "")
    line = replace(line, "' (10 runs):" => "")
    line = replace(line, "-2.5 1.5 -2.0 2.0" => "Full_Picture")
    line = replace(line, "-0.8 -0.7 0.05 0.15" => "Seahorse_Valley")
    line = replace(line, "0.175 0.375 -0.1 0.1" => "Elephant_Valley")
    line = replace(line, "-0.188 -0.012 0.554 0.754" => "Triple_Spiral_Valley")
    return split(line)
end
```

[7]: get\_parameters (generic function with 1 method)

```
[8]: function get_duration(line)
    line = replace(line, "seconds time elapsed" => "")
    line = replace(line, "( +- " => ""))
    line = replace(line, "%)" => "")
    line = replace(line, "," => ".")
    return split(line)
end
```

[8]: get\_duration (generic function with 1 method)

```
[9]: function create_dataframe()
        lines = read_log_files()
        df = DataFrame(method = String[],
                       region = String[],
                       size = Int[],
                       threads = Int[],
                              = Float64[],
                       mean
                               = Float64[])
                       ci
        for (parameter_line, results_line) in zip(lines[1], lines[2])
            parameters = get_parameters(parameter_line)
            results = get_duration(results_line)
            method
                       = parameters[1]
                      = parameters[2]
            region
                       = parse(Int, parameters[3])
            size
            threads = parse(Int, parameters[4])
                       = parse(Float64, results[1])
            mean
                      = parse(Float64, results[2])*1.96*mean*0.01
            push!(df, (method, region, size, threads, mean, ci))
```

```
end

unique!(df)
print("Tamanho do Dataframe:", size(df))
return df
end
```

[9]: create\_dataframe (generic function with 1 method)

## 1.5 Algorítmos: Sequencial, Pthreads, OpenMP

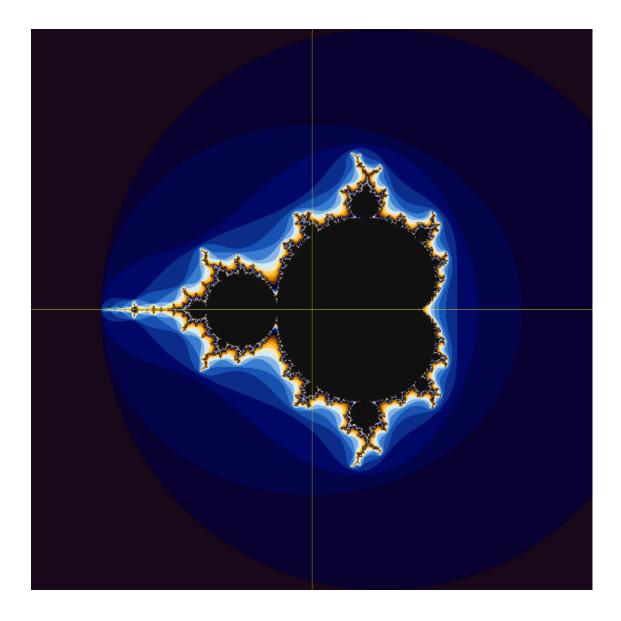
#### 1.5.1 Pthreads

O trabalho para cada thread foi dividido de maneira estática, ou seja, para cada thread é especificado os pontos a serem calculados o conjunto de Mandelbrot antes da sua inicialização. Como o número de pontos a serem calculados são equidistantes nas coordenadas x e y, a divisão deu da seguinte maneira: - Se  $\sqrt{n}$  sendo n o número de threads resulta em uma raiz inteira, cada thread recebe

$$max_y = max_x = \left\lceil \frac{image_w}{\sqrt{n}} \right\rceil,$$

em que  $max_x$  é o valor máximo para a coordenada x,  $max_y$  é o valor máximo para a coordenada y,  $image_w$  é a largura máxima da imagem e n é o número de threads. A figura abaixo ilustra como fica esta divisão para 4 threads:

```
[10]: display("image/png", read("img/62div_r.png"))
```



- Se n não resultar em uma raiz quadrada inteira, cada thread recebe

$$max_x = \left\lceil \frac{image_w}{n} \right\rceil \text{ e } max_y = image_h,$$

em que  $max_x$  é o valor máximo para a coordenada x,  $max_y$  é o valor máximo para a coordenada y,  $image_w$  é a largura máxima da imagem,  $image_h$  é a altura máxima da imagem e n é o número de threads. Formando retângulos de mesmo tamanho para cada thread.

## 1.5.2 OpenMP

A estratégia utilizada para a divisão desse mesmo trabalho, isto é, dado um ponto, calcular o conjunto de Mandelbrot, foi um pouco diferente da versão anterior. Foi definida uma unidade de

trabalho baseado no número de threads, o cálculo para a unidade de trabalho está descrito na seguinte fórmula:

$$max = \left\lceil \frac{image_w}{n} \right\rceil,$$

em que max é o valor máximo para as coordenadas x e y,  $image_w$  é a largura máxima da imagem e n é o número de threads.

Com a unidade de trabalho definida, foi utilizada uma diretiva de compilação própria do openMP no qual seria atribuida 1 unidade de trabalho para cada thread. Quando elas terminarem esse trabalho, outra unidade a ela era atribuída, isso era realizado até que toda a imagem fosse calculada. O comando no código para realização desta divisão de trabalho é: #pragma omp parallel for private(x, y) shared(max)

## 1.6 Experimentos

A seguir, iremos executar os experimentos pedidos para analisar o desempenho de cada uma das 3 implementações: sequencial, pthreads e openmp. Nestes experimentos, mediremos o tempo médio de 10 execuções das implementações citadas, variando 4 parâmetros diferentes:

- Regiões: Triple Spiral, Elephant, Seahorse e Full
- I/O e Alocação de Memória: Com e Sem
- $\mathbb{N}^{\underline{o}}$  de Threads: de  $2^2$  até  $2^5$
- Tamanho da Entrada: de  $2^4$  até  $2^{13}$

Para executá-los, utilizamos um shell script  $\operatorname{run\_measurements.sh}$  que compila as três versões do código, e em seguida executa os experimentos com todas as variações possíveis de parâmetros. Ao final teremos 560 medições diferentes: - Sequencial: 80 medições (4 regiões x 10 tamanhos de entrada x 2 com/sem I/O e Alocação de memória) - PThreads: 240 medições (4 regiões x 10 tamanhos de entrada x 6  $\operatorname{n}^{\circ}$  de threads) - OpenMP: 240 medições (4 regiões x 10 tamanhos de entrada x 6  $\operatorname{n}^{\circ}$  de threads)

O tempo de execução desses experimentos foi medido utilizando o perf do linux. Esses tempos foram registrados em arquivos de log, lidos e transformados em Dataframes para geração dos gráficos.

```
[11]: # Descomentar a linha abaixo para rodar os experimentos novamente # run(`./run_measurements.sh`)
```

## 1.6.1 Montando os DataFrames

```
[12]: results = create_dataframe()
results[rand(1:nrow(results),10),:]
```

Tamanho do Dataframe: (1040, 6)

[12]:

	method	region	size	threads	mean	ci
	String	String	Int64	Int64	Float64	Float64
1	pth_com	Elephant_Valley	1024	2	0.665633	0.00313114
2	pth_sem	Full_Picture	64	32	0.00120828	0.000101361
3	omp_com	Seahorse_Valley	128	1	0.0170332	2.0031e-5
4	pth_sem	Full_Picture	64	1	0.00101456	1.39198e-5
5	pth_com	Seahorse_Valley	512	2	0.159218	0.000592926
6	omp_sem	Full_Picture	4096	32	0.364277	0.00556907
7	pth_com	Seahorse_Valley	64	2	0.00319914	5.20437e-5
8	omp_sem	Full_Picture	1024	4	0.0694658	0.0021376
9	pth_sem	${ t Elephant\_Valley}$	512	8	0.0473371	0.0011412
10	omp_sem	<pre>Triple_Spiral_Valley</pre>	1024	1	1.12765	0.00685159

```
[13]: save_csv_results(results, "results.csv")
```

[13]: "results.csv"

## 1.6.2 Regiões

```
[14]: df = @from i in results begin
           @where i.size == 8192 && (occursin("seq", i.method) || i.threads == 32)
           @select {i.region, i.mean, i.ci, i.method, i.threads}
           @collect DataFrame
      end
      sort!(df, [:method])
      first(df, 5)
```

[14]: region mean ci method threads Float64 String Float64 String Int64 1 Full\_Picture 4.7876 0.0215825 omp\_com 32 Seahorse\_Valley 2 11.1135 0.117625 omp\_com 32 3 Elephant\_Valley 10.7341 0.056805 omp\_com 32 4 Triple\_Spiral\_Valley 12.2119 32

1.43315

```
[15]: groupedbar(repeat(unique(df.region), outer = 6),
                 df.mean,
                 yerr = df.ci,
                 group = repeat(unique(df.method), inner = 4),
                 ylabel = "Tempo(s)",
                 title = "Tempo de Execução vs Implementação", size=(950,500))
```

0.035903

0.0258426

omp\_com

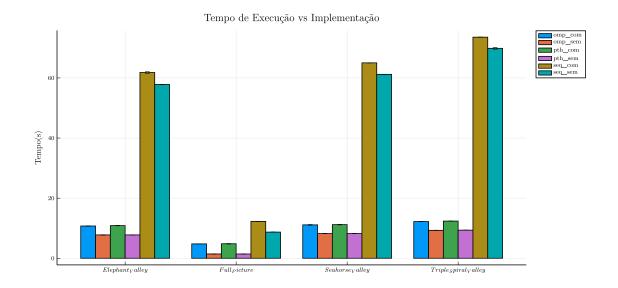
omp\_sem

32

[15]:

5

Full\_Picture



O gráfico acima representa a comparação do tempo médio de execução da geração do Fractal de Mandelbrot, utilizando o método sequencial e métodos paralelos usando bibliotecas Pthread e OpenMP, com e sem operações de I/O e alocação de memória. A legenda indica, por cores diferentes, os métodos omp\_com e omp\_sem para o tempo médio de execução dos algorítmos registrando e não registrando, respectivamente, a operação de I/O e alocação de memória. Analogamente, observamos as medições dos tempos de execução para pth\_com, pth\_sem (Pthreads com e sem I/O e alocação de memória) e seq\_com, seq\_sem (Sequencial com e sem I/O e alocação de memória).

Com relação à operação de I/O e alocação de memória, observa-se que para todos os métodos e regiões, os tempos de execução para a construção do fractal são sempre menores quando não são necessárias as operações de I/O e alocação de memória. Estes processos podem requerer esperas para acessar a CPU e, por conta disso, faz com que o código seja menos eficiente. Ademais, percebe-se que o impacto nas operações de I/O e alocação de memória é mais significante na região ``Full Picture'' para versões paralelas. Como o tempo de alocação de memória e operações de I/O não irá mudar, levando-se em consideração os mesmos tamanhos de imagem para todas as regiões, este impacto se deve ao tempo menor de execução desta região, como foi dito anteriormente

Podemos observar que, para um tamanho de imagem fixo  $(1024 \times 1024)$  e para threads fixas (32 threads) nos métodos usando Pthreads e OpenMP, além do método sequencial, que para todas as regiões do Fractal de Mandelbrot, os métodos com estratégia de paralelização se mostram muito mais eficientes que o método sequencial. Para as regiões Seahorse Valley, Elephant Valley e Triple Spiral Valley, os métodos usando Pthreads e OpenMP se mostraram muito mais rápidos do que o método sequencial. Na região Full Picture, os métodos paralelos também se mostram mais eficientes que o método sequencial, porém com uma diferença de tempo menor do que a apresentada nas outras regiões.

Comparando os métodos paralelos, para os parâmetros fixos (32 threads e 1024 px de

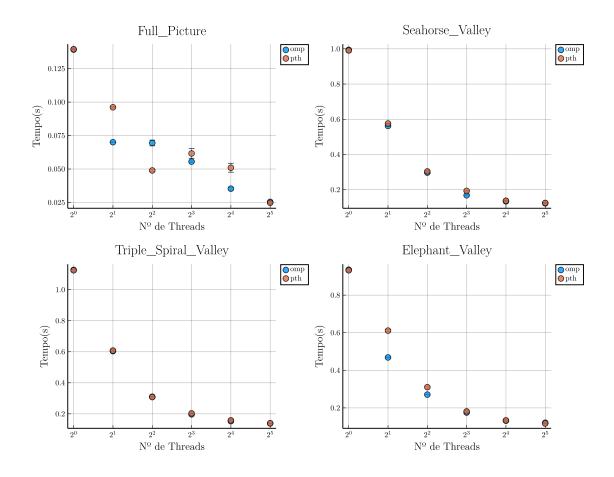
tamanho) e sem operação de I/O e alocação de memória, ambas as versões apresentam tempos muito próximos, em relação à média de execução, para todas as posições do fractal.

Vale ressaltar que os testes na região Full Picture, em geral, foram mais rápidos do que as outras regiões. Isso acontece pois, apesar do intervalo dos pontos máximo e mínimo do plano complexo (máximo e mínimo horizontal e vertical na imagem) ser maior do que nas outras regiões, a quantidade de pontos que, após serem iteradas, atingem o número máximo de iterações é menor. Isso reflete no tempo de execução menor para a região, em comparação com as outras.

#### 1.6.3 Número de Threads

```
[16]: plot_array = Any[]
     regions = ["Full_Picture" "Seahorse_Valley" "Triple_Spiral_Valley" |
      for region in regions
         df1 = @from i in results begin
              @where i.size == 1024 && i.region == region && i.method == "omp_sem"
              @select {i.mean, i.ci, i.method, i.threads}
              @collect DataFrame
          end
         df2 = Ofrom i in results begin
              @where i.size == 1024 && i.region == region && i.method == "pth sem"
              @select {i.mean, i.ci, i.method, i.threads}
              @collect DataFrame
          end
         push!(plot_array, plot_results_log(region,
                       [df1.threads df2.threads], [df1.mean df2.mean],
                       "Nº de Threads",
                       ["omp" "pth"],
                       [df1.ci df2.ci],
                      0, 6))
     end
     plot(plot_array[1], plot_array[2], plot_array[3], plot_array[4],
          layout = (2, 2), size=(1000,800), thickness_scaling=1.25, gridalpha=0.3)
```

[16]:



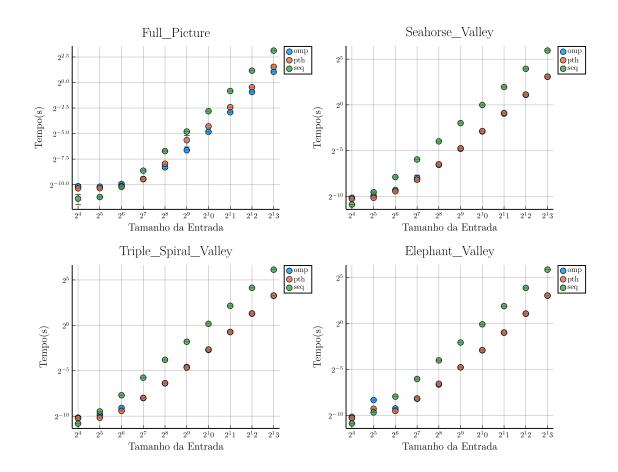
Variando o número de threads utilizada para os métodos Pthread e OpenMP, para todas as regiões do fractal, observa-se que a versão OpenMP é ligeiramente mais eficiente que a versão Pthreads para 2,8,16 e 32 threads, para todas as regiões do fractal. Em algumas regiões específicas, para um número de threads utilizada, a versão utilizando Pthreads passa a ser mais eficiente quando comparada com a versão utilizando OpenMP, como por exemplo, na região Full Picture ao utilizar 4 e 32 threads e na região Elephant Valley ao utulizar 32 threads. O fato destacado anteriormente, que compara a velocidade de execução dos métodos na região Full Picture com as demais regiões, se repete neste experimento.

Podemos ver, ainda, que na região Full Picture, o aumento de threads reduz o tempo de execução de maneira aproximadamente linear, enquanto nas outras regiões há um aumento brusco no tempo e, com o aumento do número de threads, a redução do tempo ocorre de maneira lenta, com um comportamento próximo ao de um gráfico de exponencial negativa.

#### 1.6.4 Tamanho da Entrada

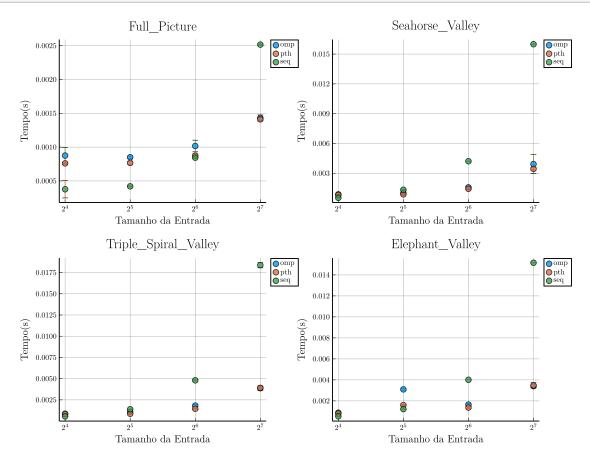
```
[17]: plot_array = Any[]
      regions = ["Full_Picture" "Seahorse_Valley" "Triple_Spiral_Valley" |
      →"Elephant_Valley"]
      for region in regions
          df1 = Ofrom i in results begin
                Owhere i.region == region && i.method == "omp_sem" && i.threads == 16
       ⇔&& i.size < 8193
                @select {i.mean, i.ci, i.method, i.size}
                @collect DataFrame
          end
          df2 = Ofrom i in results begin
                @where i.region == region && i.method == "pth sem" && i.threads == 16_\( \)
       →&& i.size < 8193
                @select {i.mean, i.ci, i.method, i.size}
                @collect DataFrame
          end
          df3 = Ofrom i in results begin
                @where i.region == region && i.method == "seq_sem" && i.size < 8193</pre>
                @select {i.mean, i.ci, i.method, i.size}
                @collect DataFrame
          end
          push!(plot_array, plot_results_log(region,
                        [df1.size df2.size df3.size], [df1.mean df2.mean df3.mean],
                       "Tamanho da Entrada",
                       ["omp" "pth" "seq"],
                       [df1.ci df2.ci df3.ci],
                       4, 13))
      end
      plot(plot_array[1], plot_array[2], plot_array[3], plot_array[4],
          layout = (2, 2), size=(1000,800), thickness_scaling=1.25, gridalpha=0.3,__
       →yaxis=:log2)
```

[17]:



```
[18]: plot_array = Any[]
     regions = ["Full_Picture" "Seahorse_Valley" "Triple_Spiral_Valley" |
      for region in regions
         df1 = Ofrom i in results begin
               @where i.region == region && i.method == "omp_sem" && i.threads == 16⊔
       →&& i.size < 129
               @select {i.mean, i.ci, i.method, i.size}
               @collect DataFrame
         end
         df2 = @from i in results begin
               @where i.region == region && i.method == "pth_sem" && i.threads == 16⊔
       →&& i.size < 129
               @select {i.mean, i.ci, i.method, i.size}
               @collect DataFrame
         end
         df3 = Ofrom i in results begin
               @where i.region == region && i.method == "seq_sem" && i.size < 129</pre>
```

[18]:



Quando variamos o tamanho da imagem gerada, podemos observar nos gráficos, alguns comportamentos nas funções:

- A versão sequencial tem aumento no tempo médio de execução proporcional à taxa de aumento do tamanho da figura (linear).
- A versão sequencial é mais eficiente, em relação ao tempo de execução e

comparando com as versões Pthread e OpenMP, para figuras muito pequenas. Na região Full Picture, o método sequencial é mais eficiente para figuras de tamanho 16px, 32px e 64px. Já nas regiões Seahorse Valley, Triple Spiral Valley e Seahorse Valley a versão sequencial é mais eficiente apenas para figuras de tamanho 16px.

- Em quase todos os testes, com versões e tamanhos diferentes, os intervalos de confiança mantém uma distância relativa pequena, em relação à média dos testes.
- Para imagens com tamanhos a partir de 64px, o crescimento do tempo médio passa a ser linear, com escala logarítmica, para todas as regiões e métodos.

#### 1.7 Speedup

Como visto na seção anterior, os algoritmos paralelos tiveram um desempenho superior ao sequencial para todas as imagens com tamanhos maiores do que 64px. Para que fosse possível identificar o quão bem algoritmo diminui o tempo ao utilizar mais recursos, calculamos o **Speeup Teórico** e o comparamos com o desempenho do nosso algoritmo paralelo.

Para calcular o speedup, utilizamos a Lei de Amdahl, que serve para encontrar a máxima melhora esperada para um sistema em geral quando apenas uma única parte do mesmo é melhorada, conforme equação:

$$\mathtt{Speedup}_n = \frac{T_1}{T_n} = \frac{1}{\frac{F_{\mathtt{parallel}}}{n} + F_{\mathtt{sequential}}} = \frac{1}{\frac{F_{\mathtt{parallel}}}{n} + \left(1 - F_{\mathtt{parallel}}\right)}$$

- ullet n representa o número de processadores;
- $F_{\text{sequential}}$  é a porção do código serial;
- $F_{\text{parallel}}$  é a porção do código paralelo.

Para identificar a parcela paralelizável do código, utilizamos a função record do perf na execução do código sequencial para a imagem Triple Spiral Valley e tamanho 4096px. Como a função  $update\_rgb$  está na parte que foi paralelizada e depende de acesso à memória, utilizamos 10 coletas de dados para encontrarmos a porcentagem média do uso de CPU da função alvo, pois esse tempo pode ser variável.

Porcentagem de uso de CPU pela função compute\_mandelbrot (média de 10 medições): 95.138

```
[20]: seq com time = Ofrom i in results begin
                     Owhere i.region == "Triple_Spiral_Valley" && i.method ==_

¬"seq_com" && i.size == 4096
                     @select {i.mean}
                     @collect DataFrame
      end
      total = seq_com_time.mean[1]
      paralelizavel = seq_com_time.mean[1] * avg / 100
      wp = paralelizavel / total
      ws = 1 - wp
      wp, ws
      println("Tempo médio para a imagem Triple Spiral Valley, tamanho 4096, ⊔
       →utilizando o algoritmo sequencial com IO em segundos: ", seq com time.
       \rightarrowmean[1])
      println("\nTempo total e da parte paralelizável em segundos: ", string(total, __
       →", "), paralelizavel)
      println("\nPorcentagem serial e paralelizável: ", string(ws, ", "), wp)
```

Tempo médio para a imagem Triple Spiral Valley, tamanho 4096, utilizando o algoritmo sequencial com IO em segundos: 18.44825553

Tempo total e da parte paralelizável em segundos: 18.44825553, 17.551301346131403

Porcentagem serial e paralelizável: 0.0486199999999886, 0.951380000000001

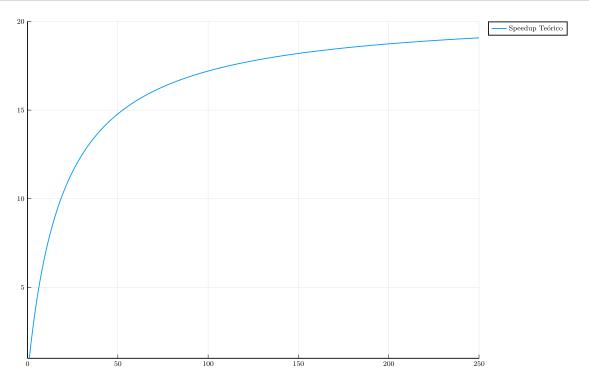
Com as porcentagens das partes serial e paralela, calculamos o Speedup Teórico e plotamos o gráfico a seguir

```
[21]: x_t = [i for i in 1:250]
y_t = [(1 / ((wp / i) + (1 - wp))) for i in x_t]

plot(x_t, y_t, label="Speedup Teórico", size=(800,600), ylims=(1,20),

→xlims=(0,250))
```





Para comparar o desempenho do nosso código em relação ao Speedup Teórico, geramos 10 resultados com o perf stats para a imagem Triple Spiral Valley, utilizando o algoritmo paralelo com pthreads e tamanho de imagem de 4096px, repetimos o mesmo processo para o número de threads variando de 1 a 48.

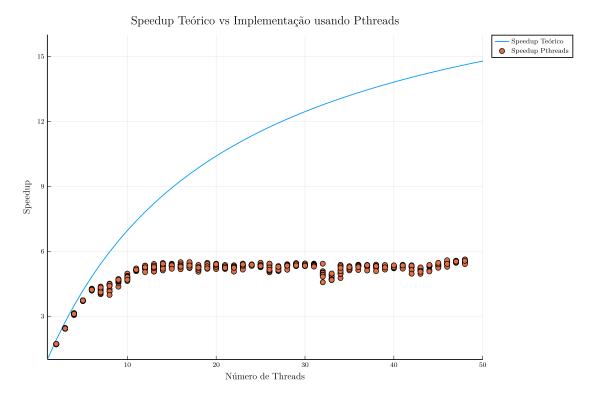
```
[22]: # Descomentar a linha abaixo para rodar o perf novamente
# run(`./run_pth.sh`)

# É necessário adicionar a permissão de execução no arquivo conforme o comando⊔
→abaixo:
# chmod +x run_pth.sh
```

Leitura do output gerado pelo run\_pth.sh e geração dos dados para o plot.

```
[23]: reader = readlines("./speedup.log")
```

[23]:



Com o plot acima, podemos identificar que o código escala seguindo de perto a curva do Speedup Teórico até o número de threads igual a 6, o que era esperado, pois o processador do computador utilizado para os testes tem 6 cores reais e 12 threads. Acima de 6 threads, o speedup continua aumentando, mas em um ritmo menor, até que fica estagnado próximo a 6, aumentamos até 48 threads e o

comportamento não mudou.

A seguir, vamos utilizar um heatmap para identificar em quais combinações de tamanhos de imagens e número de threads o speedup atinge o seu pico.

```
[24]: function create_heatmap(seq, par)
          df_subset = @from i in results begin
                  @where occursin(seq, i.method) || occursin(par, i.method)
                  @select {i.region, i.method, i.mean, i.size, i.threads}
                  @collect DataFrame
          end
          heatmap_data = zeros(10, 6, 4)
          sizes = [16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024, 2048, 4096, 8192]
          threads = [1, 2, 4, 8, 16, 32]
          regions = ["Full_Picture", "Elephant_Valley", "Seahorse_Valley", "
       →"Triple_Spiral_Valley"]
          for region in regions
              for thread in threads
                  for size in sizes
                      seq_elem = @from i in df_subset begin
                                 @where i.region == region && i.method == seq && i.
       ⇔size == size
                                 @select {i.mean}
                                 @collect DataFrame
                      end
                      par_elem = @from i in df_subset begin
                                 Owhere i.region == region && i.method == par && i.
       →threads == thread && i.size == size
                                 @select {i.mean}
                                 @collect DataFrame
                      end
                      heatmap_data[findfirst(x->x==size, sizes)[1],__
       →findfirst(x->x==thread, threads)[1],
                                     + findfirst(x->x==region, regions)[1]] =
                                     + seq_elem.mean[1] / par_elem.mean[1]
                  end
              end
          end
          return heatmap_data
      end
```

[24]: create\_heatmap (generic function with 1 method)

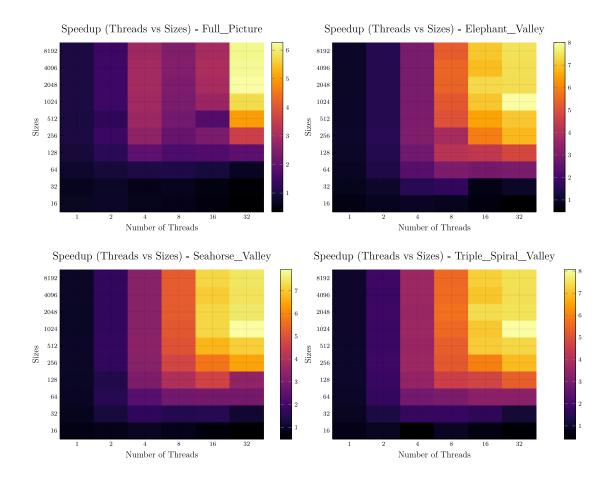
```
[25]: function plot_heatmap(heatmap_data)
          sizes = [16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024, 2048, 4096, 8192]
          threads = [1, 2, 4, 8, 16, 32]
          regions = ["Full_Picture", "Elephant_Valley", "Seahorse_Valley",
       →"Triple Spiral Valley"]
          ys = [string(i) for i = sizes]
          xs = [string(i) for i = threads]
          p1 = heatmap(xs, ys, heatmap_data[:,:,1], xlabel="Number of Threads", ___
       →ylabel=string("Sizes"), title=string("Speedup (Threads vs Sizes) - ∪
       →",regions[1]))
          p2 = heatmap(xs, ys, heatmap_data[:,:,2], xlabel="Number of Threads", __
       →ylabel=string("Sizes"), title=string("Speedup (Threads vs Sizes) - ∪
       \rightarrow", regions [2]))
          p3 = heatmap(xs, ys, heatmap_data[:,:,3], xlabel="Number of Threads", u
       →ylabel=string("Sizes"), title=string("Speedup (Threads vs Sizes) -
       →",regions[3]))
          p4 = heatmap(xs, ys, heatmap_data[:,:,4], xlabel="Number of Threads", u
       →ylabel=string("Sizes"), title=string("Speedup (Threads vs Sizes) -
       \hookrightarrow", regions [4]))
          plot(p1, p2, p3, p4, layout=(2,2), size=(960,800), margin=5mm)
      end
```

[25]: plot\_heatmap (generic function with 1 method)

Para o cálculo do speedup e plot do heatmap, utilizamos as médias de tempos do código sequencial e paralelo com pthreads sem IO.

```
[26]: heatmap_data = create_heatmap("seq_sem", "pth_sem")
plot_heatmap(heatmap_data)
```

[26]:



Com os gráficos acima, podemos confirmar as nossas afirmações quando comparamos apenas os tempos, já é possível identificar um ganho em relação ao código sequencial para imagens com tamanho acima de 16px, porém, o máximo speedup que conseguimos com o nosso algoritmo, utilizando um processador de 6 cores, se encontra em imagens com tamanho acima de 512px e número de threads acima de 16.