Problema da Mochila Binária

Fernando Gomes, Leonardo Holtz

Universidade Federal do Rio Grande do Sul



Sumário

- 1 Caracterização do problema
- 2 Problema da mochila binária ∈ NP Algoritmo de verificação Análise de complexidade
- 3 Problema da mochila binária ∈ NP-difícil Problema NP-difícil usado Redução inst A para inst B Algoritmo de redução Análise da complexidade
- 4 Referências

Definição intuitiva

Dado um conjunto de itens, com cada item tendo um peso e um custo, qual a escolha de itens tal que a soma de seus pesos é menor que a capacidade de uma mochila a soma de seus custos é a maior possível?

Definição matemática: problema de otimização

Dados uma mochila com capacidade máxima W, um conjunto de n itens $x_1, x_2, ..., x_n$, cada um com um peso w_i e um valor v_i :

Neste caso, x_i representa o número de instâncias do item i dentro da mochila.

Definição matemática: problema de decisão

Dados uma mochila com capacidade máxima W, um valor mínimo V, um conjunto de n itens $x_1, x_2, ..., x_n$, cada um com um peso w_i e um valor v_i :

$$maximizar \sum_{i=1}^{n} v_i x_i t.q.$$

$$\sum_{i=1}^{n} w_i x_i \le W \text{ e } x_i \in \{0, 1\}$$

$$\sum_{i=1}^{n} v_i x_i \ge V \text{ e } x_i \in \{0, 1\} ?$$

O problema de decisão se torna: "Existe um seleção de x_i que satisfaça essa definição?"



Aplicações

Aplicações e blabalblabla

Algoritmo de verificação

Para provar que $PM^1 \in NP$, precisamos mostrar que existe um algoritmo capaz de verificar se um certificado do PM é correto.



¹PM = Problema da mochila binária

Algoritmo em pseudocódigo

P: conjunto de pesos *p_i* V: conjunto de valores *v_i* VMIN: valor minímo para o problema de decisão

W: carga máxima da mochila

CERTIFICADO: seleção $x_1,...,x_n$ t.q. $x \in \{0,1\}$

Pré-algoritmo

```
VerificaPM(P, V, VMIN, W, CERTIFICADO)
...
returns SIM or NÃO
```

Análise de complexidade

Problema da mochila binária ∈ NP-difícil

Redução inst A para inst B

Algoritmo de redução

Análise da complexidade

Referências