Mata Kuliah : Matematika Terapan 1 (Teori)

Kode Mata Kuliah : KKTI4153

Waktu : Kamis (07.00 – 08.40)

Jumlah SKS : 3 SKS

Nama Dosen : Eddy Bambang Minggu ke : 7 (Tujuh) Tanggal : 29-10-2015

Judul Materi : Persiapan Pembahasan Soal Latihan UTS

SOAL LATIHAN LIMIT FUNGSI

Hitung limit fungsi berikut dengan menggunakan rumus-rumus limit:

$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 + x - 2}{2x^3 - 3x + 1}$$

$$2 \quad \lim_{x \to 4} \frac{4-x}{2-\sqrt{x}}$$

$$3 \quad \lim_{x \to 2} \frac{\left(\frac{1}{x}\right) - \left(\frac{1}{2}\right)}{x - 2}$$

Penyelesaian:

1.
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 + x - 2}{2x^3 - 3x + 1} = \lim_{x \to 1} \frac{(x - 1)(x + 2)}{(x - 1)(2x^2 + 2x - 1)} = \lim_{x \to 1} \frac{(x + 2)}{(2x^2 + 2x - 1)} = \frac{1 + 2}{2 + 2 - 1} = 1$$

2.
$$\lim_{x \to 4} \frac{4 - x}{2 - \sqrt{x}} = \lim_{x \to 4} \frac{(2 - \sqrt{x})(2 + \sqrt{x})}{(2 - \sqrt{x})} = \lim_{x \to 4} 2 + \sqrt{x} = 4$$

3.
$$\lim_{x \to 2} \frac{\left(\frac{1}{x}\right) - \frac{1}{2}}{x - 2} = \lim_{x \to 2} \frac{\left(\frac{2 - x}{2x}\right)}{x - 2} = \lim_{x \to 2} \frac{-(x - 2)}{2x(x - 2)} = \lim_{x \to 2} \frac{-1}{2x} = \frac{-1}{4}$$

SOAL LATIHAN TURUNAN SEPIHAK

Diberikan fungsi
$$f(x) = \begin{cases} 2x+1 & ; x \ge 1 \\ -x^2 & ; -1 \le x < 1 \\ x^2 + 2x; & x < -1 \end{cases}$$

- a. Tentukan $\lim_{x\to -1} f(x)$, jika ada
- b. Tentukan $\lim_{x\to 1} f(x)$, jika ada

Penyelesaian:

a. Dengan menggunakan definisi limit, dapat ditunjukkan bahwa pada titik a = -1 maka:

Limit kiri:
$$\lim_{x \to -1^-} f(x) = \lim_{x \to -1^-} x^2 + 2x = (-1)^2 + 2(-1) = -1$$
 dan

Limit kanan :
$$\lim_{x \to -1^+} f(x) = \lim_{x \to -1^+} (-x^2) = -(-1)^2 = -1$$

karena limit kiri sama dengan limit kanan maka disimpulkan bahwa $\lim_{x \to -1} f(x) = -1$

b. Pada titik a = 1, maka

Limit kiri :
$$\lim_{x \to 1^{-}} f(x) = \lim_{x \to 1^{-}} -x^2 = -(-1)^2 = -1$$
 dan

Limit kanan :
$$\lim_{x \to 1^+} f(x) = \lim_{x \to 1^+} (2x + 1) = 3$$

karena limit kiri tidak sama dengan limit kanan maka disimpulkan bahwa $\lim_{x\to 1}f(x)$ tidak ada

Turunan pertama fungsi f di titik x = c, notasi didefinisikan sebagai berikut:

$$f'(c) = \lim_{x \to c} \frac{f(x) - f(c)}{x - c}$$

Notasi lain:

$$\frac{df(c)}{dx}$$
, y'(c)

SOAL LATIHAN

Diketahui
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
 tentukan $f'(3)$

$$f'(3) = \lim_{x \to 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = \lim_{x \to 3} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{3}}{x - 3}$$
$$= \lim_{x \to 3} \frac{3 - x}{3x(x - 3)} = \lim_{x \to 3} \frac{-(x - 3)}{3x(x - 3)}$$
$$= \lim_{x \to 3} \frac{-1}{3x} = -\frac{1}{9}$$