

# **Introdução à Estatística com R para Biólogos**

Fernando Andrade

# Sumário

|  |           |
|--|-----------|
| <b>Prefácio</b> . . . . .                                  | <b>4</b>  |
| <br>   |           |
| <b>I Ferramentas Essenciais: Dominando o R</b> . . . . .   | <b>5</b>  |
| <br>   |           |
| <b>1 Introdução</b> . . . . .                              | <b>7</b>  |
| 1.1 O que são R e RStudio? . . . . .                       | 7         |
| 1.2 Instalação passo a passo . . . . .                     | 7         |
| 1.3 Navegando na interface do RStudio . . . . .            | 8         |
| 1.4 O conceito de pacotes . . . . .                        | 9         |
| 1.4.1 Instalando e Carregando Pacotes Essenciais . . . . . | 9         |
| 1.5 Diretório de Trabalho e Projetos RStudio . . . . .     | 10        |
| 1.6 R Básico . . . . .                                     | 10        |
| 1.6.1 Operadores Matemáticos . . . . .                     | 10        |
| 1.6.2 Objetos e funções . . . . .                          | 11        |
| 1.6.3 Importante dados . . . . .                           | 12        |
| 1.6.4 Vetores e <i>Data frames</i> . . . . .               | 13        |
| 1.6.5 Fatores . . . . .                                    | 14        |
| 1.6.6 Valores especiais . . . . .                          | 15        |
| 1.6.7 Pedindo ajuda . . . . .                              | 16        |
| <br>   |           |
| <b>2 Tidyverse</b> . . . . .                               | <b>17</b> |
| 2.1 A Gramática da Manipulação de Dados: dplyr . . . . .   | 18        |
| 2.2 A Arte da Visualização de Dados: ggplot2 . . . . .     | 30        |
| <br>   |           |
| <b>II Fundamentos do Pensamento Estatístico</b> . . . . .  | <b>31</b> |
| <br>   |           |
| <b>3 Inferência</b> . . . . .                              | <b>32</b> |
| <br>   |           |
| <b>4 A Lógica da Inferência Estatística</b> . . . . .      | <b>33</b> |

|            |  |           |
|------------|--|-----------|
| <b>5</b>   | <b>Delineamento de Experimentos . . . . .</b>                | <b>34</b> |
| <b>III</b> | <b>Modelagem Estatística de Dados Biológicos . . . . .</b>   | <b>35</b> |
| <b>6</b>   | <b>Modelos Lineares – A Base da Modelagem . . . . .</b>      | <b>36</b> |
| <b>7</b>   | <b>Entendendo os Modelos Mistos . . . . .</b>                | <b>37</b> |
| <b>8</b>   | <b>Modelos Lineares Mistos com lme4 . . . . .</b>            | <b>38</b> |
| <b>9</b>   | <b>Modelos Lineares Generalizados Mistos . . . . .</b>       | <b>39</b> |
| <b>10</b>  | <b>Validação e Interpretação de Modelos Mistos . . . . .</b> | <b>40</b> |
| <b>IV</b>  | <b>Aplicações Práticas e Recursos . . . . .</b>              | <b>41</b> |
|            | <b>Referências . . . . .</b>                                 | <b>42</b> |

# Prefácio

Essa apostila foi criada para ser um guia abrangente e conceitual para pesquisadores de mestrado e doutorado na área de Ciências Biológicas e Zootecnia, com um foco particular em estudos de aves. Reconhecendo que muitos biólogos possuem uma base sólida em suas áreas de especialidade mas podem não ter uma formação apropriada em programação e estatística teórica, este material busca preencher essa lacuna de maneira saudável. O objetivo não é apresentar um oceano de fórmulas matemáticas, mas sim construir uma compreensão intuitiva e rigorosa dos princípios estatísticos e de sua aplicação prática utilizando a linguagem de programação R, um forte e indispensável aliado nos tempos atuais para pesquisadores e cientistas de dados.

A estrutura da apostila foi projetada para seguir uma progressão lógica, começando com as habilidades fundamentais de programação e manipulação de dados em R, e avançando gradualmente para modelos estatísticos mais complexos que são frequentemente necessários para pesquisas biológicas, como os modelos lineares mistos e generalizados mistos. Cada capítulo combina explicações conceituais, exemplos práticos contextualizados na ornitologia e zootecnia, e blocos de códigos em R detalhadamente explicados.

O pressuposto é que a estatística não seja um obstáculo a ser superado, mas uma ferramenta poderosa para analisar criteriosamente os dados, planejar experimentos robustos e extrair conclusões válidas e significativas do trabalho de pesquisa. Ao final desta jornada, é esperado que o leitor estará equipado não apenas para analisar seus próprios dados com confiança, mas também para interpretar criticamente a literatura científica de sua área.

Zuur et al. (2007) e (ZUUR ET AL., 2007)

## **Parte I**

### **Ferramentas Essenciais: Dominando o R**

Nesta primeira parte, o foco residirá no entendimento das ferramentas computacionais essenciais que fundamentam qualquer análise de dados moderna. Antes de mergulhar nos conceitos estatísticos propriamente ditos, é necessário desenvolver uma fluência básica no ambiente de programação que será utilizado.

A abordagem que será adotada aqui prioriza a eficiência e a intuição, introduzindo o início do ecossistema `tidyverse`, um conjunto de pacotes R projetados para trabalhar em harmonia, tornando a manipulação, exploração e visualização de dados um processo mais humano, lógico e simples.

Ao dominar essa ferramenta, o leitor transformará tarefas árduas de preparação de dados em uma parte integrada e poderosa do processo de descoberta científica.

# 1 Introdução

Para começar essa jornada, o primeiro passo é configurar o ambiente de trabalho. Isso envolve a instalação de dois *softwares* distintos, mas que trabalham juntos: R e RStudio. Compreender o funcionamento de cada um e como eles se interagem é fundamental para as próximas etapas.

## 1.1 O que são R e RStudio?

É comum que iniciantes confundam R e RStudio, mas esta distinção é crucial para o processo.

- **R** é a linguagem de programação e o ambiente de software para computação estatística e gráficos. Pode-se pensar que é o “motor” que executa todos os cálculos, análises e gera os gráficos. Além de tudo, é um projeto de código aberto, gratuito e mantido por uma vasta comunidade de desenvolvedores e estatísticos ao redor do mundo.
- **RStudio** é um Ambiente de Desenvolvimento Integrado (IDE, do inglês *Integrated Development Environment*). Se o R é o motor do carro, o RStudio é o painel, o volante, e todo o interior que torna a condução do carro uma experiência agradável e gerenciável. O RStudio fornece uma interface gráfica e amigável que organiza o trabalho em R, facilitando a escrita de *scripts* (arquivos de códigos), a visualização de gráficos, o gerenciamento de pacotes (bibliotecas) e muito mais. Embora seja possível utilizar o R sem o RStudio, a utilização do RStudio é fortemente recomendada, pois deixa o processo de análise muito mais interativo e organizado.

## 1.2 Instalação passo a passo

A instalação adequada dos programas é um pré-requisito crucial. A ordem de instalação é importante: **R deve ser instalado antes do RStudio.**

1. Instalando o R:

- Acesse o [site](#) do *Comprehensive R Archive Network* (CRAN), que é o repositório oficial para o R e seus pacotes.
- Na página inicial, selecione o link de download para o seu sistema operacional (Linux, macOS ou Windows).
- Siga as instruções para baixar a versão mais recente (“base”). É crucial baixar a versão diretamente do CRAN, pois os gerenciadores de pacotes de alguns sistemas operacionais (como o `get-apt` do Ubuntu) podem fornecer versões desatualizadas.
- Execute o arquivo de instalação baixado e siga as instruções padrão, aceitando as configurações padrão.

## 2. Instalando o RStudio:

- Após a instalação do R, acesse o [site da Posit](#) e clique para baixar a versão gratuita do RStudio Desktop.
- Baixe o instalador apropriado para o seu sistema operacional.
- Execute o arquivo de instalação. O RStudio detectará automaticamente a instalação do R existente.

## 1.3 Navegando na interface do RStudio

Ao abrir o RStudio pela primeira vez, a interface se apresenta dividida em quatro painéis ou quadrantes principais, cada um com uma função específica:

1. **Editor de *scripts*** (Superior esquerdo): Este é o seu principal espaço de trabalho. Aqui, você escreverá e salvará seus *scripts* R (arquivos com extensão `.R`). Trabalhar em um *script*, em vez de digitar comandos diretamente no console, é a base da ciência reprodutível, pois permite salvar, comentar e reutilizar seu código.
2. **Console** (Inferior esquerdo): O console é o código R efetivamente executado. Você pode digitar os comandos diretamente nele para testes rápidos ou executar linhas de códigos do seu *script* (utilizando o atalho `Ctrl+Enter`). A saída dos comandos também aparecerá aqui.
3. **Ambiente e Histórico** (Superior direito): A aba *Environment* mostra todos os objetos (como *datasets*, variáveis, etc.) que foram criadas na sessão atual do R. Já a aba *History* mantém um registro de todos os comandos utilizados.
4. **Arquivos, Gráficos, Pacotes e Ajuda** (Inferior direita): Este painel multifuncional permite navegar pelos arquivos do seu computador (*Files*), visualizar gráficos gerados (*Plots*), gerenciar pacotes instalados (*Packages*), e acessar documentações de ajuda do R (*Help*).

É importante salientar que o RStudio permite customizações, como a alteração das posições dos painéis.



## 1.4 O conceito de pacotes

A grande força do R reside em seu ecossistema de pacotes. Um pacote é a coleção de funções, dados e documentação que estende as capacidades iniciais do R. Para qualquer tarefa estatística ou de manipulação de dados que se possa imaginar, provavelmente existe algum pacote que a facilita.

### 1.4.1 Instalando e Carregando Pacotes Essenciais

Existe uma distinção básica a ser realizada entre instalar e carregar um pacote.

- **Instalação:** É o ato de baixar o pacote do CRAN e instalá-lo no computador. Isso é realizado apenas uma vez para cada pacote.
- **Carregamento:** É o ato de carregar o pacote instalado em sua sessão do R de forma que as funções adicionais fiquem disponíveis para uso. Isso precisa ser feito toda vez que uma sessão no R é iniciada.

Para este material, os pacotes centrais são: `tidyverse`, `lme4`, `lmerTest` e `nlme`. Um dos métodos para instalar pacotes R no computador é por meio da função `install.packages()`:

```
# Instala o pacote tidyverse, que inclui dplyr, ggplot2 e outros
install.packages("tidyverse")

# Instala o pacote para modelos lineares mistos
install.packages("lme4")

# Instala outros pacotes para modelos mistos
install.packages("lmerTest")
install.packages("nlme")
```

Após a instalação, para usar as funções de um pacote, é preciso carregá-lo com a função `library()`:

```
library(tidyverse)
```

Cabe ressaltar que, ao longo do uso de diversos pacotes, podem ocorrer conflitos de funções com o mesmo nome. Nesses casos, a solução mais prática é utilizar a notação `pacote::funcao` para indicar explicitamente ao R de qual biblioteca desejamos chamar a função.

## 1.5 Diretório de Trabalho e Projetos RStudio

O diretório de trabalho é a pasta no seu computador onde o R irá procurar por arquivos para ler e onde, também, salvará os arquivos criados (como gráficos, *scripts* e *datasets* modificados). É possível identificar o diretório atual através do comando `getwd()` e, embora também seja possível defini-la manualmente com a função `setwd("caminho/para/sua/pasta")`, essa prática não é aconselhável, visto que o uso de caminhos de arquivos absolutos torna o código não portátil; ou seja, ele não irá funcionar se você mover a pasta do projeto ou tentá-la executá-lo em outro computador.

A solução moderna e robusta para esse problema é a utilização de **Projetos RStudio**. Um projeto RStudio (extensão `.Rproj`) é um arquivo que você cria dentro de uma pasta do seu projeto de pesquisa. Ao abrir um projeto, o RStudio automaticamente define o diretório de trabalho para aquela pasta. Isso garante que todos os caminhos de arquivo do seu código possam ser relativos à raiz do projeto, tornando sua análise totalmente reproduzível e compartilhável de forma eficaz. Outra maneira de criar projetos é através do próprio RStudio, através das seguintes instruções `File > New Project > New Directory > New Project` e nesta última etapa, você escolherá um nome para o projeto e a pasta de sua pesquisa, finalizando em `Create Project`. A criação de um projeto para cada análise de pesquisa é uma prática fundamental para a organização e a reprodutibilidade científica.

## 1.6 R Básico

A leitura desta sessão é aconselhada para o leitor que nunca teve contato com o R. Os tópicos introduzidos são especiais para a compreensão do que é um *dataframe*, a estrutura dos *datasets* dentro do R, e quais operações estarão sendo realizadas quando estivermos efetuando filtragens e modificações de suas colunas. Também são importantes para a compreensão do que é uma função no R.

### 1.6.1 Operadores Matemáticos

Os operadores matemáticos, também conhecidos por operadores binários, dentro do ambiente R soam como familiares. A Tabela 1.1 exibe os operadores mais básicos utilizados.

Para exemplificar como efetuar cálculos de expressões matemáticas no R, suponha que desenhamos calcular o valor de:

$$2 \times 2 + \frac{4 + 4}{2}.$$

Para isso, escrevemos `2*2 + (4+4)/2` no console para determinarmos o resultado

```
2*2 + (4+4)/2
```

```
[1] 8
```

Tabela 1.1: Operadores matemáticos básicos.

| Operadores | Descrição     |
|------------|---------------|
| +          | Adição        |
| -          | Subtração     |
| *          | Multiplicação |
| /          | Divisão       |
| ^          | Exponenciação |

## 1.6.2 Objetos e funções

O R permite guardar valores dentro de um **objeto**. Um objeto é simplesmente um nome que guarda uma determinada informação na memória do computador, que é criado por meio do operador `<-`. Veja que no código a seguir

```
x <- 10 # Salvando "10" em "x"
x      # Avaliando o objeto "x"
```

```
[1] 10
```

foi salvo que a informação que `x` carrega é o valor 10. Portanto, toda vez que o objeto `x` for avaliado, o R irá devolver o valor 10.

É importante ressaltar que há regras para a nomeação dos objetos, dentre elas, não começar com números. Assim, todos os seguintes exemplos são permitidos: `x <- 1`, `x1 <- 1`, `meu_objeto <- 1`, `meu.objeto <- 1`. Ainda, o R diferencia letras minúsculas de maiúsculas, então objetos como `y` e `Y` são diferentes.

Enquanto que os objetos são nomes que salvam informações de valores, **funções** são nomes que guardam informações de um código R, retornando algum resultado programado. A sintaxe básica de uma função é `nome_funcao(arg1, arg2, ...)`. Os valores dentro dos parênteses são chamados por **argumentos**, que são informações necessárias para o bom funcionamento de uma função. Às vezes, uma função não necessita do fornecimento de argumentos específicos.

Uma função simples, porém útil, é a `sum()`. Ela consiste em somar os valores passados em seu argumento. Suponha que desejamos somar `1+2+3+4+5`. Assim,

```
sum(1,2,3,4,5)
```

```
[1] 15
```

é possível reparar que o resultado é 15.

A classe de um objeto é muito importante na programação em R. É a partir disso que as funções e operadores conseguem entender o que fazer com cada objeto. Há uma infinidade de classes, dentre as mais conhecidas são: `numeric`, `character`, `data.frame`, `logical` e `factor`. Para averiguar o tipo de classe, a função `class()` retorna exatamente a classe do objeto.

```
class("a")
```

```
[1] "character"
```

```
class(1)
```

```
[1] "numeric"
```

```
class(mtcars)
```

```
[1] "data.frame"
```

```
class(TRUE)
```

```
[1] "logical"
```

### 1.6.3 Importante dados

Uma atividade importante para qualquer análise estatística que vier ser feita no R é importante importar os dados para o ambiente de trabalho, que ficarão guardados dentro de um objeto no projeto RStudio – afinal, como faríamos as análises sem os dados? No contexto da Biologia, isso costuma significar ler arquivos com medidas de peso, contagens de indivíduos, medidas de comprimento etc., geralmente armazenados em formatos de texto (`.csv` ou `.tsv`) ou planilhas (`.xlsx`). As principais funções para cada ocasião de arquivo são:

- CSV com cabeçalho:

```
dados <- read.csv("dados.csv",
  header = TRUE, # indica que há cabeçalho
  sep     = ",", # separador vírgula
  stringsAsFactors = FALSE # evita conversão automática em fatores
)
```

- TXT ou TSV com tabulação:

```
dados <- read.delim("dadostsv",
  header = TRUE,
  sep     = "\t"
)
```

- Planilhas no Excel (arquivos .xlsx):

```
dados <- readxl::read_excel("dados.xlsx",
  sheet = "Planilha1" # aqui você escolhe a planilha a ser lida
)
```

Ressaltamos, neste caso, a necessidade da utilização da biblioteca `readxl` para que seja possível lermos planilhas no R.

### 1.6.4 Vetores e *Data frames*

Vetores são uma estrutura fundamental dentro do R, em especial, é a partir deles que os *data frames* são construídos. Por definição, são conjuntos indexados de valores e para criá-los, basta utilizar a função `c()` com valores separados por vírgula (ex.: `c(1, 2, 4, 10)`). Para acessar um valor dentro de um determinado vetor, utiliza-se os colchetes `[]`:

```
vetor <- c("a", "b", "c")

# Acessando valor "b"
vetor[2]
```

```
[1] "b"
```

Um vetor só pode guardar um tipo de objeto e ele terá sempre a mesma classe dos objetos que guarda. Caso tentarmos misturar duas classes, o R vai apresentar o comportamento conhecido como **coerção**.

```
class(c(1,2,3))
```

```
[1] "numeric"
```

```
class(vetor)
```

```
[1] "character"
```

```
class(c(1,2,"a","b"))
```

```
[1] "character"
```

Neste caso, todos os elementos do vetor se transformaram em texto.

Assim, também, *data frames* são de extrema importância no R, visto que são os objetos que guardam os dados e são equivalentes a uma planilha do Excel. A principal característica é possuir linha e colunas. Em geral, as colunas são vetores de mesmo tamanho (ou dimensão). Um valor específico de um *data frame* pode ser acessado, também, via colchetes []:

```
class(mtcars)
```

```
[1] "data.frame"
```

```
mtcars[1,2]
```

```
[1] 6
```

`mtcars` é um conjunto de dados muito conhecido na comunidade R.

## 1.6.5 Fatores

Fatores são uma classe de objetos no R criada para representar variáveis categóricas numericamente. A característica que define essa classe é o atributo `levels`, que representam as possíveis categorias de uma variável categórica.

A título de exemplificação, considere o objeto `sexo` que contém as informações do sexo de uma pessoa. As possibilidades são: F (feminino) e M (masculino). Por padrão, o R interpreta essa variável como texto (*character*), no entanto, é possível transformá-la em fator por meio da função `as.factor()`.

```
sexo <- c("F", "F", "M", "M", "F")
class(sexo)
```

```
[1] "character"
```

```
# Transformando em fator
class(as.factor(sexo))
```

```
[1] "factor"
```

```
as.factor(sexo)
```

```
[1] F F M M F
```

```
Levels: F M
```

Observa-se que a linha adicional `Levels: F M` indicam as categorias. Por padrão, o R ordena esses níveis em ordem alfabética. Para facilitar os cálculos e análises, o R interpreta os níveis categóricos como sendo números distintos, sendo assim, dentro do nosso exemplo F representaria o número 0 e M representaria o 1.

### 1.6.6 Valores especiais

Valores como NA, NaN, Inf e NULL ocorrem frequentemente dentro do mundo da programação estatística no R. Em resumo:

- NA representa a Ausência de Informação. Suponha que o vetor `idades` que representa a idade de três pessoas. Uma situação que pode ocorrer é `idades <- c(10, NA, NA)`. Portanto, não é sabido a idade das pessoas 2 e 3.
- NaN representa indefinições matemáticas. Um exemplo típico é o valor  $\log -1$ , do qual  $x = -1$  não pertence aos possíveis valores de saída da função logarítmica, gerando um NaN (*Not a number*).

```
log(-1)
```

```
Warning in log(-1): NaNs produzidos
```

```
[1] NaN
```

- Inf representa um número muito grande ou um limite matemático. Exemplos:

```
# Número muito grande  
10^510
```

```
[1] Inf
```

```
# Limite matemático  
1/0
```

```
[1] Inf
```

- NULL representa a ausência de um objeto. Muitas vezes define-se um objeto como nulo para dizer ao R que não desejamos atribuir valores a ele.

### 1.6.7 Pedindo ajuda

Uma das coisas que intimidam novos programadores, independente da linguagem utilizada, é a ocorrência de erros. Neste sentido, o R pode ser um grande aliado, pois ele relata mensagens, erros e avisos sobre o código no console, como se fosse uma espécie de resposta e/ou comunicação. As situações são:

- Error: em situações de erro legítimo aparecerá mensagens do tipo `Error in ...` e tentará explicar o que há de errado. Nestas situações o código, geralmente, não é executado. Por exemplo: `Error in ggplot(...) : could not find function "ggplot"`.
- Warning: em situações de avisos, o R exibirá uma mensagem do tipo `Warning: ...` e tentará explicar o motivo do aviso. Geralmente, o código será executado, mas com algumas ressalvas. Por exemplo: `Warning: Removed 2 rows containing missing values (geom_point)`.
- Message: quando o texto exibido não se enquadra nas duas opções anteriores, dizemos que é apenas uma mensagem. Pense, nessa situação, que tudo está acontecendo como o esperado e está tudo bem.

Quando surgir qualquer uma dessas saídas, não estaremos perdidos, pois o R oferece mecanismos para encontrarmos respostas. Afinal, nem todo mundo decorou todas as funções ou argumentos. Os principais mecanismos são:

- `?função` ou `help(função)` para consultar a documentação oficial.
- `??termo` e `help.search("termo")` para buscas por palavras-chave.

Além disso, o RStudio oferece alguns [Cheatsheets](#) (resumo de códigos) que podem ajudar com determinados pacotes. E, por fim, existem grandes comunidade online, tais como: [Stack Overflow](#) e [RStudio Community](#) dos quais também podem ser úteis.



## 2 Tidyverse

O tidyverse ([WICKHAM ET AL., 2019](#)) é um conjunto de pacotes R que reúne as tarefas centrais de qualquer projeto de ciência de dados: importação, organização, manipulação, visualização e programação. Seu principal objetivo é criar uma sintaxe consistente e legível, facilitando a comunicação entre quem escreve o código e quem o executa. Note-se que, embora o tidyverse cubra grande parte do fluxo de trabalho, ele não inclui ferramentas específicas de modelagem estatística.

Para facilitar essa integração, o tidyverse utiliza intensamente do operador pipe (`%>%`), que passa o resultado de uma etapa diretamente para a próxima, evitando aninhamentos confusos. Ao carregar o pacote, diversos módulos são automaticamente disponibilizados:

```
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
dplyr      1.1.4      readr      2.1.5
forcats    1.0.0      stringr    1.5.1
ggplot2    3.5.2      tibble     3.2.1
lubridate  1.9.4      tidyr      1.3.1
purrr      1.0.4
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()    masks stats::lag()
i Use the conflicted package (http://conflicted.r-lib.org/)
  to force all conflicts to become errors
```

Entre os principais estão:

- ggplot2 (visualização de dados);
- dplyr (manipulação de dados);
- tidyr (formatação “long”/“wide”);
- readr (leitura eficiente de arquivos de texto);

- `tibble` (versão moderna do `data.frame`);
- `purrr` (programação funcional);
- `stringr`, `forcats` e outros.

Como dito, muitos pacotes definem funções com nomes idênticos, sendo comum que o console exiba nomes como:

```
The following objects are masked from 'package:stats':
  filter, lag
```

Um pilar do `tidyverse` é a adoção do princípio `tidy` ([WICKHAM, 2014](#)), em que:

- Cada variável ocupa uma coluna;
- Cada observação ocupa uma linha;
- Cada tipo de entidade observacional fica em sua própria tabela.

Nesse contexto, a **entidade observacional** é o conceito central que define o que uma linha representa. Pode ser um paciente em um estudo clínico, um país em dados econômicos ou, como nos exemplos a seguir:

- **Aves:** Cada linha corresponde a uma única ave, registrando suas características (peso, envergadura, espécie, etc.).
- **Plantas:** Cada linha representa um vaso de planta em um experimento (altura, número de folhas, tipo de solo, etc.).

A estrutura de dados que implementa essa filosofia no `tidyverse` é o `tibble`. Ele é a versão moderna do `data.frame`, projetado para ser mais prático e informativo, exibindo resumos concisos dos dados e fornecendo diagnósticos mais úteis.

Uma vez apresentada a filosofia e a estrutura de dados do `tidyverse`, o foco se volta para a aplicação prática. A seguir, a concentração do material residirá nos dois pacotes centrais do `tidyverse`: o `dplyr`, para manipulação de dados, e o `ggplot2`, para a criação de gráficos.

## 2.1 A Gramática da Manipulação de Dados: `dplyr`

O `dplyr` é um pacote pertencente ao `tidyverse`, que fornece uma ferramentas robustas para manipulação de dados. Os comandos oferecidos soam um tanto quanto intuitivos, correspondendo ações comuns na área de análise de dados. Para explorar as principais funções será utilizado o *dataset* `penguins`, focando em processos de filtragem, organização, transformação e resumos dos dados, possibilitando possíveis perguntas básicas sobre a biologia e ecologia dos pinguins.

O primeiro passo a ser feito é instalar a biblioteca `palmerpenguins` e, em seguida, carregá-la no ambiente de trabalho, para que possamos realizar uma inspeção inicial na estrutura dos dados.

```
install.packages("palmerpenguins") # Realizar apenas uma única vez
```

```
library(palmerpenguins)
```

Para carregarmos os dados sobre pinguins no ambiente de trabalho, podemos utilizar a função `data()`:

```
data("penguins", package = "palmerpenguins")
```

Podemos observar que no painel **Environment** do RStudio, aparece o objeto `penguins`, isso significa que o conjunto de dados está carregado no ambiente de trabalho e podemos dar início nas inspeções. O primeiro comando que será visto é o `glimpse()`. Ele exibe, de maneira prática e rápida, a estrutura do *dataset* como: dimensão (número de linhas e colunas), o nome de cada coluna, o tipo de dado de cada coluna e as primeiras observações.

```
glimpse(penguins)
```

Rows: 344

Columns: 8

```
$ species      <fct> Adelie, Adelie, Adelie, Adelie, Adelie, Adelie, Adel~
$ island       <fct> Torgersen, Torgersen, Torgersen, Torgersen, Torgerse~
$ bill_length_mm <dbl> 39.1, 39.5, 40.3, NA, 36.7, 39.3, 38.9, 39.2, 34.1, ~
$ bill_depth_mm <dbl> 18.7, 17.4, 18.0, NA, 19.3, 20.6, 17.8, 19.6, 18.1, ~
$ flipper_length_mm <int> 181, 186, 195, NA, 193, 190, 181, 195, 193, 190, 186~
$ body_mass_g   <int> 3750, 3800, 3250, NA, 3450, 3650, 3625, 4675, 3475, ~
$ sex          <fct> male, female, female, NA, female, male, female, male~
$ year         <int> 2007, 2007, 2007, 2007, 2007, 2007, 2007, 2007, 2007~
```

A saída deste comando revela que existem 344 observações e 8 variáveis, sendo elas `species`, `island`, `bill_length_mm`, `flipper_length_mm`, `body_mass_g`, `sex` e `year`, com seus respectivos tipos, como `factor` para `species` e `numeric` para `bill_length_mm`. Além disso, é possível observar dados ausentes em algumas variáveis, representados por `NA`. Em geral, nos *datasets* disponíveis em pacotes R, é possível utilizar o comando `help(penguins)` para buscar informações sobre o conjunto de dados que será trabalhado.

Executando o comando de ajuda, são obtidas as seguintes informações sobre as variáveis:

- `species`: um fator que denota a espécie do pinguim (Adélie, Chinstrap ou Gentoo).
- `island`: um fator que denota ilhas no Arquipélago Palmer na Antártica (Biscoe, Dream ou Torgersen).
- `bill_length_mm`: um número que representa o comprimento do bico (em milímetros).
- `bill_depth_mm`: um número que representa a profundidade do bico (em milímetros).
- `flipper_length_mm`: um número inteiro que representa o comprimento da nadadeira (em milímetros).
- `body_mass_g`: um número inteiro que representa a massa do animal (em gramas).
- `sex`: um fator que representa o sexo do animal (feminino ou masculino).
- `year`: um número inteiro que denota o ano de estudo (2007, 2008 ou 2009).

Adicionalmente, também é informado que os dados foram originalmente publicados no estudo de Gorman et al. (2014) e que essa pesquisa fez parte do programa *Palmer Station Long-Term Ecological Research* (LTER). Isso significa que o conjunto de dados que está sendo utilizado possui uma origem científica real, ligada a questões sobre como o ambiente e as diferenças entre sexos afetam a vida dessas aves.

A segunda função que será vista é o `select()`. Frequentemente, um conjunto de dados contém mais informações do que o necessário para uma análise específica. Com isso em mente, a função `select()` permite-nos selecionar colunas de interesse. Em geral, os argumentos são os nomes das colunas.

```
penguins %>%
  select(species, island, sex)
```

```
# A tibble: 344 x 3
  species island    sex
  <fct>   <fct>    <fct>
1 Adelie  Torgersen male
2 Adelie  Torgersen female
3 Adelie  Torgersen female
4 Adelie  Torgersen <NA>
5 Adelie  Torgersen female
6 Adelie  Torgersen male
7 Adelie  Torgersen female
8 Adelie  Torgersen male
9 Adelie  Torgersen <NA>
10 Adelie Torgersen <NA>
```

```
# i 334 more rows
```

O dplyr também oferece “seletores auxiliares” que tornam a seleção mais poderosa e flexível. Por exemplo, na ocasião de queremos todas as medidas biométricas contidas no *dataset* que terminam com `_mm`, é possível usar a função-argumento `ends_with()` dentro de `select()`:

```
penguins %>%  
  select(  
    body_mass_g, ends_with("_mm")  
  )
```

```
# A tibble: 344 x 4
```

|    | body_mass_g | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm |
|----|-------------|----------------|---------------|-------------------|
|    | <dbl>       | <dbl>          | <dbl>         | <int>             |
| 1  | 3750        | 39.1           | 18.7          | 181               |
| 2  | 3800        | 39.5           | 17.4          | 186               |
| 3  | 3250        | 40.3           | 18            | 195               |
| 4  | NA          | NA             | NA            | NA                |
| 5  | 3450        | 36.7           | 19.3          | 193               |
| 6  | 3650        | 39.3           | 20.6          | 190               |
| 7  | 3625        | 38.9           | 17.8          | 181               |
| 8  | 4675        | 39.2           | 19.6          | 195               |
| 9  | 3475        | 34.1           | 18.1          | 193               |
| 10 | 4250        | 42             | 20.2          | 190               |

```
# i 334 more rows
```

Outros seletores úteis incluem `starts_with()` e `contains()`. Para remover colunas, utiliza-se o sinal de menos (-). Por exemplo, deseja-se remover as colunas `year` e `island`:

```
penguins %>%  
  select(-year, -island)
```

```
# A tibble: 344 x 6
```

|   | species | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm | body_mass_g | sex    |
|---|---------|----------------|---------------|-------------------|-------------|--------|
|   | <fct>   | <dbl>          | <dbl>         | <int>             | <int>       | <fct>  |
| 1 | Adelie  | 39.1           | 18.7          | 181               | 3750        | male   |
| 2 | Adelie  | 39.5           | 17.4          | 186               | 3800        | female |

```

3 Adelie      40.3      18      195      3250 female
4 Adelie      NA       NA       NA       NA <NA>
5 Adelie      36.7     19.3     193     3450 female
6 Adelie      39.3     20.6     190     3650 male
7 Adelie      38.9     17.8     181     3625 female
8 Adelie      39.2     19.6     195     4675 male
9 Adelie      34.1     18.1     193     3475 <NA>
10 Adelie     42       20.2     190     4250 <NA>
# i 334 more rows

```

Antes prosseguirmos para a próxima função, vale destacar que o conjunto de dados penguins é um objeto tibble dentro do R e, portanto, por mais que existam 344 observações, o tibble enxuga a visualização para somente 10, além de indicar quantas linhas ainda existem.

A terceira função é o `filter()`. Enquanto `select()` trabalha nas colunas, o `filter()` trabalha nas linhas, permitindo-nos manter apenas as observações que satisfazem certas condições. É aqui que é possível responder perguntas investigadas com relação aos dados. Por exemplo, para encontrar todos os pinguins da espécie Adelie que vivem na ilha Torgersen:

```

penguins %>%
  filter(
    species == "Adelie", island == "Torgersen"
  )

```

```

# A tibble: 52 x 8
  species island  bill_length_mm bill_depth_mm flipper_length_mm body_mass_g
  <fct>   <fct>         <dbl>         <dbl>           <int>         <int>
1 Adelie Torgersen    39.1          18.7            181           3750
2 Adelie Torgersen    39.5          17.4            186           3800
3 Adelie Torgersen    40.3           18            195           3250
4 Adelie Torgersen    NA            NA             NA            NA
5 Adelie Torgersen    36.7          19.3            193           3450
6 Adelie Torgersen    39.3          20.6            190           3650
7 Adelie Torgersen    38.9          17.8            181           3625
8 Adelie Torgersen    39.2          19.6            195           4675
9 Adelie Torgersen    34.1          18.1            193           3475
10 Adelie Torgersen    42            20.2            190           4250
# i 42 more rows

```

```
# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>
```

Neste exemplo, as condições separadas por vírgula são unidas por um “E” lógico. Também é possível utilizar o “OU” lógico para determinar pinguins mais pesados (acima de 6000g) ou com bicos muito longos (mais de 55mm) através do conectivo |:

```
penguins %>%  
  filter(  
    body_mass_g > 6000 | bill_length_mm > 55  
  )
```

```
# A tibble: 6 x 8
```

|   | species   | island | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm | body_mass_g |
|---|-----------|--------|----------------|---------------|-------------------|-------------|
|   | <fct>     | <fct>  | <dbl>          | <dbl>         | <int>             | <int>       |
| 1 | Gentoo    | Biscoe | 49.2           | 15.2          | 221               | 6300        |
| 2 | Gentoo    | Biscoe | 59.6           | 17            | 230               | 6050        |
| 3 | Gentoo    | Biscoe | 55.9           | 17            | 228               | 5600        |
| 4 | Gentoo    | Biscoe | 55.1           | 16            | 230               | 5850        |
| 5 | Chinstrap | Dream  | 58             | 17.8          | 181               | 3700        |
| 6 | Chinstrap | Dream  | 55.8           | 19.8          | 207               | 4000        |

```
# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>
```

O filter() também permite encontrar valores ausentes (NAs) em conjunto da função is.na(). Por exemplo, deseja-se verificar quais pinguins não tiveram seu sexo registrado:

```
penguins %>%  
  filter(is.na(sex))
```

```
# A tibble: 11 x 8
```

|   | species | island    | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm | body_mass_g |
|---|---------|-----------|----------------|---------------|-------------------|-------------|
|   | <fct>   | <fct>     | <dbl>          | <dbl>         | <int>             | <int>       |
| 1 | Adelie  | Torgersen | NA             | NA            | NA                | NA          |
| 2 | Adelie  | Torgersen | 34.1           | 18.1          | 193               | 3475        |
| 3 | Adelie  | Torgersen | 42             | 20.2          | 190               | 4250        |
| 4 | Adelie  | Torgersen | 37.8           | 17.1          | 186               | 3300        |
| 5 | Adelie  | Torgersen | 37.8           | 17.3          | 180               | 3700        |
| 6 | Adelie  | Dream     | 37.5           | 18.9          | 179               | 2975        |
| 7 | Gentoo  | Biscoe    | 44.5           | 14.3          | 216               | 4100        |

|    |        |        |      |      |     |      |
|----|--------|--------|------|------|-----|------|
| 8  | Gentoo | Biscoe | 46.2 | 14.4 | 214 | 4650 |
| 9  | Gentoo | Biscoe | 47.3 | 13.8 | 216 | 4725 |
| 10 | Gentoo | Biscoe | 44.5 | 15.7 | 217 | 4875 |
| 11 | Gentoo | Biscoe | NA   | NA   | NA  | NA   |

# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>

A interpretação do NA é relativa ao contexto dos dados. No caso das observações sobre os pinguins, os valores ausentes na variável sex permite identificar pinguins que não tiveram o sexo avaliado, tornando um provável erro frustrante de coleta de dados para um objeto de investigação. O pacote tidyr, também do tidyverse, oferece a função drop\_na(), que remove quaisquer linhas que contenham NAs, permitindo a criação de um *dataset* auxiliar:

```
penguins_completos <- penguins %>%
  drop_na()
```

A quarta função que será apresentada é arrange(), que permite reordenar as linhas do dataframe com base nos valores de uma ou mais colunas. Isso é útil para encontrar extremos ou simplesmente para organizar a saída de uma forma mais lógica. Para encontrar os pinguins mais leves, ordenamos pela massa corporal em ordem crescente (o padrão):

```
penguins %>%
  arrange(body_mass_g)
```

```
# A tibble: 344 x 8
  species    island bill_length_mm bill_depth_mm flipper_length_mm body_mass_g
  <fct>      <fct>         <dbl>         <dbl>           <int>        <int>
1 Chinstrap Dream          46.9           16.6             192         2700
2 Adelie     Biscoe          36.5           16.6             181         2850
3 Adelie     Biscoe          36.4           17.1             184         2850
4 Adelie     Biscoe          34.5           18.1             187         2900
5 Adelie     Dream          33.1           16.1             178         2900
6 Adelie     Torgers~        38.6            17              188         2900
7 Chinstrap Dream          43.2           16.6             187         2900
8 Adelie     Biscoe          37.9           18.6             193         2925
9 Adelie     Dream          37.5           18.9             179         2975
10 Adelie    Dream          37            16.9             185         3000
# i 334 more rows
# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>
```



Para determinar os mais pesados, utiliza-se a função auxiliar `desc()` para ordenar em ordem decrescente:

```
penguins %>%  
  arrange(desc(body_mass_g))
```

```
# A tibble: 344 x 8
```

|    | species | island | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm | body_mass_g |
|----|---------|--------|----------------|---------------|-------------------|-------------|
|    | <fct>   | <fct>  | <dbl>          | <dbl>         | <int>             | <int>       |
| 1  | Gentoo  | Biscoe | 49.2           | 15.2          | 221               | 6300        |
| 2  | Gentoo  | Biscoe | 59.6           | 17            | 230               | 6050        |
| 3  | Gentoo  | Biscoe | 51.1           | 16.3          | 220               | 6000        |
| 4  | Gentoo  | Biscoe | 48.8           | 16.2          | 222               | 6000        |
| 5  | Gentoo  | Biscoe | 45.2           | 16.4          | 223               | 5950        |
| 6  | Gentoo  | Biscoe | 49.8           | 15.9          | 229               | 5950        |
| 7  | Gentoo  | Biscoe | 48.4           | 14.6          | 213               | 5850        |
| 8  | Gentoo  | Biscoe | 49.3           | 15.7          | 217               | 5850        |
| 9  | Gentoo  | Biscoe | 55.1           | 16            | 230               | 5850        |
| 10 | Gentoo  | Biscoe | 49.5           | 16.2          | 229               | 5800        |

```
# i 334 more rows
```

```
# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>
```

Também é possível ordenar múltiplas colunas. Por exemplo, para encontrar o pinguim mais pesado dentro de cada espécie:

```
penguins %>%  
  arrange(  
    species, # Primeiro por espécie  
    desc(body_mass_g) # Depois por massa decrescente  
  )
```

```
# A tibble: 344 x 8
```

|   | species | island    | bill_length_mm | bill_depth_mm | flipper_length_mm | body_mass_g |
|---|---------|-----------|----------------|---------------|-------------------|-------------|
|   | <fct>   | <fct>     | <dbl>          | <dbl>         | <int>             | <int>       |
| 1 | Adelie  | Biscoe    | 43.2           | 19            | 197               | 4775        |
| 2 | Adelie  | Biscoe    | 41             | 20            | 203               | 4725        |
| 3 | Adelie  | Torgersen | 42.9           | 17.6          | 196               | 4700        |

```

4 Adelie Torgersen      39.2      19.6      195      4675
5 Adelie Dream          39.8      19.1      184      4650
6 Adelie Dream          39.6      18.8      190      4600
7 Adelie Biscoe         45.6      20.3      191      4600
8 Adelie Torgersen      42.5      20.7      197      4500
9 Adelie Dream          37.5      18.5      199      4475
10 Adelie Torgersen     41.8      19.4      198      4450
# i 334 more rows
# i 2 more variables: sex <fct>, year <int>

```

A quinta função e, com certeza, uma das mais funcionais é a `mutate()`. Ela permite criar novas colunas (variáveis) que são funções de colunas já existentes, sem modificar as originais. Por exemplo, suponha que desejamos mostrar somente as espécies e massas de pinguins em quilogramas (kg):

```

penguins %>%
  mutate(body_mass_kg = body_mass_g/1000) %>%
  select(species, body_mass_kg)

```

```

# A tibble: 344 x 2
  species body_mass_kg
  <fct>      <dbl>
1 Adelie      3.75
2 Adelie      3.8
3 Adelie      3.25
4 Adelie      NA
5 Adelie      3.45
6 Adelie      3.65
7 Adelie      3.62
8 Adelie      4.68
9 Adelie      3.48
10 Adelie     4.25
# i 334 more rows

```

Podemos usar `mutate()` para criar categorias. A função `case_when()` é extremamente útil para auxiliar nessa atividade, pois permite definir uma série de condições. Suponha que desejamos criar uma categoria de tamanho baseada na massa corporal:

```

penguins %>%
  mutate(
    size_category = case_when(
      body_mass_g > 4750 ~ "Grande",
      body_mass_g < 3500 ~ "Pequeno",
      TRUE ~ "Médio"
    )
  ) %>%
  select(
    species, body_mass_g, size_category
  )

```

```

# A tibble: 344 x 3
  species body_mass_g size_category
  <fct>      <int> <chr>
1 Adelie     3750 Médio
2 Adelie     3800 Médio
3 Adelie     3250 Pequeno
4 Adelie      NA Médio
5 Adelie     3450 Pequeno
6 Adelie     3650 Médio
7 Adelie     3625 Médio
8 Adelie     4675 Médio
9 Adelie     3475 Pequeno
10 Adelie    4250 Médio
# i 334 more rows

```

As funções `group_by()` e `summarise()` formam uma dupla formidável para agrupar e resumir os dados, pertencendo ao coração da análise de dados. O `summarise()` colapso o *data frame* em uma única linha de resumo estatísticos, enquanto `group_by()` muda o escopo da análise, fazendo com que as operações subsequentes sejam realizadas por grupo.

Inicialmente, vamos utilizar o `summarise()` no *dataset* completo para obter estatísticas globais. Não obstante, é bom frisar a utilização do argumento `na.rm = TRUE` para instruir a remoção dos valores NA.

```
penguins %>%
  summarise(
    massa_media = mean(body_mass_g, na.rm = TRUE),
    nadadeira_max = max(flipper_length_mm, na.rm = TRUE)
  )
```

```
# A tibble: 1 x 2
  massa_media nadadeira_max
      <dbl>         <int>
1    4202.           231
```

No entanto, essas métricas não fornecem informações com relação às espécies de pinguins. Para resolver isso e possibilitar que mais perguntas sejam respondidas, a função `group_by()` permite que o R faça operações em subconjuntos. Por exemplo, suponha que desejamos determinar qual é a massa corporal por espécie:

```
penguins %>%
  group_by(species) %>%
  summarise(
    massa_media_g = mean(body_mass_g, na.rm = TRUE)
  )
```

```
# A tibble: 3 x 2
  species  massa_media_g
  <fct>         <dbl>
1 Adelie    3701.
2 Chinstrap 3733.
3 Gentoo    5076.
```

Podemos fazer agrupamentos por múltiplas variáveis para investigações mais profundas. Por exemplo, considere que um pesquisador deseja explorar o dimorfismo sexual. Para isso, estatísticas por espécie e sexo serão calculadas.

```
tabela_resumo <- penguins %>%
  drop_na(sex) %>%
  group_by(species, sex) %>%
  summarise(
```

```

    contagem = n(),
    massa_media_g = mean(body_mass_g),
    massa_dp_g = sd(body_mass_g),
    comp_bico_medio_mm = mean(bill_length_mm),
    .groups = "drop"
)
tabela_resumo

```

Tabela 2.1: Estatísticas descritivas de características biométricas de pinguins, agrupadas por espécie e sexo.

| Espécies  | Sexo   | Contagem | Massa média (g) | Massa Desvio-padrão (g) | Comprimento médio do bico (mm) |
|-----------|--------|----------|-----------------|-------------------------|--------------------------------|
| Adelie    | female | 73       | 3368.84         | 269.38                  | 37.26                          |
| Adelie    | male   | 73       | 4043.49         | 346.81                  | 40.39                          |
| Chinstrap | female | 34       | 3527.21         | 285.33                  | 46.57                          |
| Chinstrap | male   | 34       | 3938.97         | 362.14                  | 51.09                          |
| Gentoo    | female | 58       | 4679.74         | 281.58                  | 45.56                          |
| Gentoo    | male   | 61       | 5484.84         | 313.16                  | 49.47                          |

Vale reforçar que a Tabela 2.1 foi gerada usando o `dplyr`, com as funções auxiliares `n()` para realizar a contagem de observações em cada grupo e `drop_na(sex)` para remover as observações onde o sexo é desconhecido, permitindo avaliar dimorfismo sexual em todas as três espécies, especialmente na massa corporal. O grande potencial dessa tabela é obter respostas como:

- Os pinguins Gentoo são, em média, os mais pesados.
- Dentro de cada espécie, os machos são consistentemente mais pesados e têm bicos mais longo que as fêmeas.

Permitindo conclusões de hipóteses biológicas.

Por fim, a última função que será abordada é a `recode()`. Muitas vezes, os nomes das categorias nos conjuntos de dados não ideais para a análise ou apresentação em gráficos. Podem ser longos demais, estarem em outro idioma ou simplesmente não serem claros. Para isso, a função `recode()` permite renomear valores de uma variável categórica de forma simples e direta. Por exemplo, suponha que desejamos traduzir os termos da variável `sex` da Tabela 2.1 para o português:

```

tabela_resumo %>%
  mutate(
    sex = recode(sex,

```

```

    "female" = "Fêmea",
    "male" = "Macho")
)

```

Tabela 2.2: Tradução da variável sexo da Tabela 2.1.

| Espécies  | Sexo  | Contagem | Massa média (g) | Massa Desvio-padrão (g) | Comprimento médio do bico (mm) |
|-----------|-------|----------|-----------------|-------------------------|--------------------------------|
| Adelie    | Fêmea | 73       | 3368.84         | 269.38                  | 37.26                          |
| Adelie    | Macho | 73       | 4043.49         | 346.81                  | 40.39                          |
| Chinstrap | Fêmea | 34       | 3527.21         | 285.33                  | 46.57                          |
| Chinstrap | Macho | 34       | 3938.97         | 362.14                  | 51.09                          |
| Gentoo    | Fêmea | 58       | 4679.74         | 281.58                  | 45.56                          |
| Gentoo    | Macho | 61       | 5484.84         | 313.16                  | 49.47                          |

As principais funções vistas do pacote dplyr estão resumidas e descritas na Tabela 2.3.

Tabela 2.3: Descrição das principais funções do dplyr.

| Função      | Descrição                                   |
|-------------|---|
| glimpse()   | Inspecionar conjuntos de dados.             |
| select()    | Seleciona colunas pelo nome.                |
| filter()    | Filtra linhas com base em seus valores.     |
| arrange()   | Reordena as linhas.                         |
| mutate()    | Cria novas colunas (variáveis).             |
| group_by()  | Agrupar os dados por uma ou mais variáveis. |
| summarise() | Reduz múltiplos valores a um único resumo.  |
| recode()    | Renomear categorias de variáveis.           |

## 2.2 A Arte da Visualização de Dados: ggplot2

## **Parte II**

# **Fundamentos do Pensamento Estatístico**

## 3 Inferência

texto teste  $f(x) = ax^2$ .



## 4 A Lógica da Inferência Estatística

Sejam os testes de hipóteses  $H_0$  vs.  $H_A$ .

# 5 Delineamento de Experimentos

Um delineamento é...

**Parte III**

**Modelagem Estatística de Dados  
Biológicos**

## 6 Modelos Lineares – A Base da Modelagem

Um modelo linear é definido por:

$$Y = X\beta + \epsilon$$

# 7 Entendendo os Modelos Mistos

Os efeitos aleatórios são...

## 8 Modelos Lineares Mistos com lme4

O pacote lme4 nos permite modelar...

## 9 Modelos Lineares Generalizados Mistos

Um GLMM é definido como sendo...

# **10 Validação e Interpretação de Modelos Mistos**

Após ajustar os modelos, é boa prática validá-los através de técnicas...



## **Parte IV**

# **Aplicações Práticas e Recursos**

# Referências

GORMAN, Kristen B. *et al.* [Ecological Sexual Dimorphism and Environmental Variability within a Community of Antarctic Penguins \(Genus \*Pygoscelis\*\)](#). **PLOS ONE**, v. 9, n. 3, p. e90081, 2014.

WICKHAM, Hadley. [Tidy Data](#). **Journal of Statistical Software**, v. 59, p. 1–23, set. 2014.

WICKHAM, Hadley *et al.* [Welcome to the Tidyverse](#). **Journal of Open Source Software**, v. 4, n. 43, p. 1686, nov. 2019.

ZUUR, Alain F. *et al.* [Analysing Ecological Data](#). New York, NY: Springer, 2007.