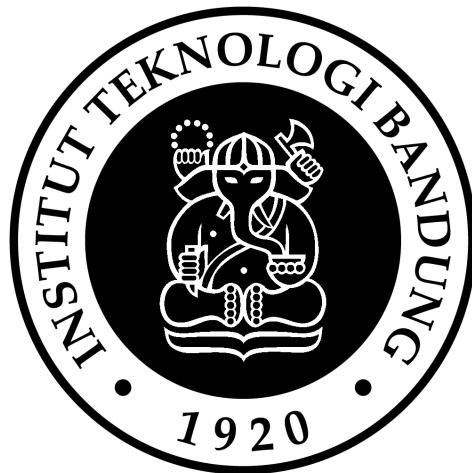


LAPORAN TUGAS BESAR A
“Implementasi Forward Propagation untuk Feed Forward Neural Network”

Dibuat untuk Memenuhi Tugas Mata Kuliah IF3270 Pembelajaran Mesin



Disusun Oleh:

13520130	Nelsen Putra
13521117	Maggie Zeta RS
13521133	Cetta Reswara Parahita
13521161	Ferindya Aulia Berlianty

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA
SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
2024

DAFTAR ISI

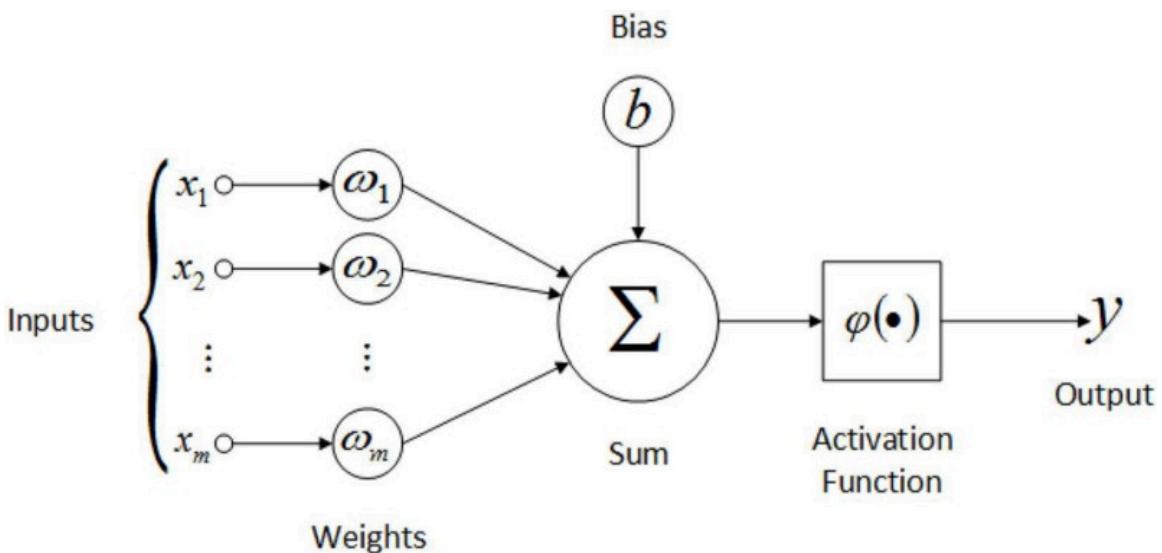
DAFTAR ISI	2
DASAR TEORI	3
PENJELASAN IMPLEMENTASI	5
HASIL PENGUJIAN	11
PERBANDINGAN DENGAN PERHITUNGAN MANUAL	20
REPOSITORI & PEMBAGIAN TUGAS	42
DAFTAR REFERENSI	43

DASAR TEORI

A. Feed Forward Neural Network

Feed Forward Neural Network atau FFNN merupakan jaringan saraf tiruan yang paling sederhana. Arsitektur FFNN terdiri dari tiga jenis lapisan utama: lapisan input, satu atau lebih lapisan tersembunyi, dan lapisan *output*. Informasi dalam FFNN bergerak dari input, melalui lapisan tersembunyi, kemudian ke *output* tanpa siklus atau *loop* kembali ke lapisan sebelumnya, sehingga disebut "feed forward".

Dalam setiap neuron pada FFNN, dilakukan pengelolaan input seperti pada ilustrasi berikut. Nilai input akan dihitung berdasarkan pembobotan yang dimiliki masing-masing input. Selanjutnya dilakukan penambahan nilai bias dan hasil tersebut diolah melalui fungsi aktivasi menjadi sebuah output.



Secara umum struktur FFNN terdiri dari 3 lapisan:

1. *Input Layer*

Lapisan ini berfungsi menerima input kemudian meneruskan ke lapisan selanjutnya.

2. *Hidden Layer*

Lapisan ini berfungsi sebagai tempat di mana terjadinya pemrosesan aktual melalui neuron-neuron yang terhubung dengan bobot tertentu. Fungsi aktivasi diterapkan pada *output* dari setiap neuron. Lapisan ini tidak terlihat dari luar dan inilah yang memungkinkan FFNN mempelajari representasi abstrak.

3. *Output Layer*

Lapisan ini berfungsi menghasilkan *output* akhir jaringan. Jumlah neuron di lapisan ini biasanya sesuai dengan jumlah kelas dalam tugas klasifikasi. Fungsi

aktivasi diterapkan pada *output* setiap neuron dan menentukan apakah neuron tersebut harus "diaktifkan" atau tidak. Beberapa fungsi aktivasi yang umum meliputi:

1. Linear : tidak mengubah input (*output*-nya adalah input linear).
2. Relu : memberi *output* 0 untuk input negatif dan *output* linear untuk input positif.
3. Sigmoid : mengubah *output* menjadi rentang antara 0 dan 1.
4. Softmax : digunakan di lapisan *output* untuk klasifikasi multikelas.

B. *Forward Propagation*

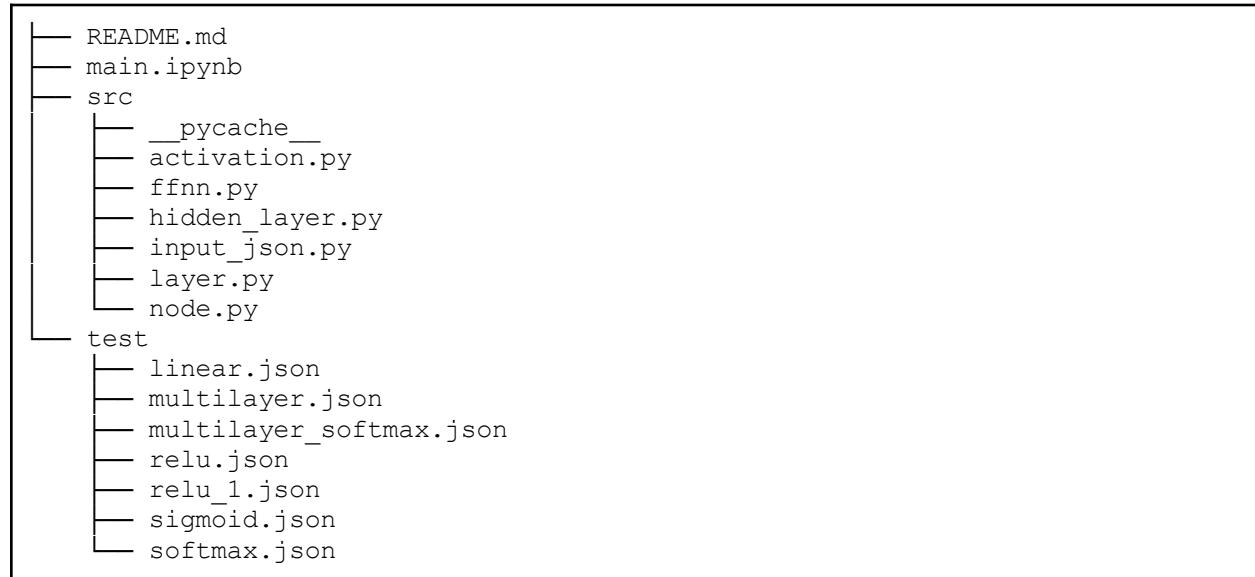
Forward Propagation adalah proses menghitung *output* jaringan dari input yang diberikan. Pada setiap lapisan, *output* dari semua neuron dihitung menggunakan bobot, bias, dan fungsi aktivasi. Proses ini berlangsung dari lapisan input hingga lapisan *output*.

Proses *Forward Propagation* :

1. Perkalian Bobot dan Input
Setiap input dikalikan dengan bobot terkait dan bias ditambahkan untuk setiap neuron.
2. Aktivasi
Output dari langkah sebelumnya diumpulkan ke fungsi aktivasi neuron.
3. Propagasi ke Lapisan Berikutnya
Output dari fungsi aktivasi menjadi input untuk lapisan berikutnya dan proses ini berulang hingga lapisan *output*.

PENJELASAN IMPLEMENTASI

Dalam mengimplementasikan forward pass pada algoritma FFNN, dibuat struktur repositori sebagai berikut:



Folder ‘src’ berisi file-file kode dalam bahasa python yang masing-masing file berisi kelas-kelas modul sesuai dengan namanya untuk menangani struktur kelas yang diperlukan berikut fungsi-fungsi yang sering digunakan dalam mengakses tiap struktur kelas yang ada. Folder ‘test’ berisi test case dalam bahasa json sejumlah 7 dengan struktur:

```
{
  "case": {
    "model": {
      "input_size": 2,
      "layers": [ array of
        {
          "number_of_neurons": total neuron,
          "activation_function": fungsi aktivasi
        }
      ]
    },
    "input": [array of array input dengan input size yang sudah ditetapkan],
    "weights": [array of weights array for all layers]
  },
  "expect": {
    "output": [array of expected output],
    "max_sse": threshold of sse yang diterima
  }
}
```

Masukan dalam json ini kemudian akan dikelola oleh library **json** yang diimplementasikan pada input_json.py. Terdapat dua fungsi utama yakni file_name(path) dan

open_json(file). Fungsi file_name(path) dibuat untuk melakukan validasi terhadap masukan nama file yang diberikan sedangkan open_json(file) adalah fungsi untuk mengambil data yang tersedia dalam file .json dan memberikan luaran berupa dictionary **case** dan dictionary **expect**.

Selanjutnya dari data yang dimiliki, case akan dimasukkan ke kelas FFNN untuk dikelola berdasarkan isi dari kelas FFNN. Berikut adalah cuplikan dari kode di ffnn.py:

```
class FFNN:  
    '''Kelas untuk membuat model ffnn  
    ...  
    def __init__(self, case):  
        self.input_size = case.get("model").get("input_size")  
        self.nlayers = len(case.get("model").get("layers"))  
        self.layers = HiddenLayer(case.get("model").get("layers"), case.get("weights"))
```

FFNN memiliki tiga atribut utama yakni (1) input_size berupa batasan size masukan yang dapat diterima oleh kelas model, (2) nlayers yakni jumlah layer pada model, dan (3) layers yang berisi hidden_layer dan output_layer. Selanjutnya diimplementasikan beberapa fungsi untuk melakukan kalkulasi dalam FFNN sebagai berikut:

```
def model_activator(self, input):  
    model_copy = copy.deepcopy(self)  
    model_copy.layers.activate_hidden_layers(input)  
    return model_copy  
  
def predict(self, input):  
    output = []  
    for i in range(len(input)):  
        model_output = self.model_activator(input[i])  
        output.append(model_output)  
        self.layers.restart_hidden_layer()  
    return output  
  
def output_value(model):  
    output_val = []  
    for i in range(len(model)):  
        output_val.append(model[i].layers.layers[-1].value)  
    return output_val  
  
def f_sse(output, expect):  
    sse = []  
    for i in range(len(output)):  
        sse.append(0)  
        for j in range(len(output[i])):  
            sse[i] += (output[i][j] - expect[i][j]) ** 2  
    return sse
```

1. Fungsi **model_activator()** merupakan fungsi yang mengaktifkan fungsi aktivasi pada layer-layer dibawahnya dan menyimpan model yang telah diaktivasi sebagai luaran.
2. Fungsi **predict()** merupakan fungsi yang melakukan prediksi pada sejumlah input yang dimasukkan dalam program. Input dalam berupa satuan maupun batch.
3. Fungsi **output_value()** merupakan fungsi yang melakukan ekstraksi array output value dari model yang sudah diprediksi.
4. Fungsi **f_sse()** merupakan fungsi yang menghitung *sum squared error* untuk mengetahui akurasi model setelah dibandingkan dengan ekspektasi luaran.

Kelas FFNN kemudian memanggil kelas HiddenLayer. Secara kasar kelas HiddenLayer merupakan kelas yang menyatukan berbagai layer yang tidak terlihat oleh pengguna dan layer paling akhirnya akan diekstraksi melalui kelas FFNN sebagai *output value*. HiddenLayer terdiri dari beberapa attribut antara lain *n_layers* yakni jumlah *hidden layer*, *n_output* yakni jumlah output, *layer_sizes* yang berupa array yang berisi ukuran atau jumlah neuron atau node pada setiap layer yang ada di dalam hidden layer, dan yang terakhir *layers* yang merupakan array berisi object Layer yang merupakan hidden layer pada model tersebut. Berikut adalah strukturnya dalam kode.

```
class HiddenLayer:
    def __init__(self, layers, weights):
        self.n_layers = len(layers)
        self.n_output = layers[self.n_layers-1].get("number_of_neurons")

        self.layer_sizes=np.zeros(self.n_layers)
        # Update layer size
        for i in range(self.n_layers):
            self.layer_sizes[i] = layers[i].get("number_of_neurons")

    self.layers = []
    # Update layers
    for i in range(self.n_layers):
        new_layers = Layer(weights[i], i+1, layers[i].get("activation_function"), self.layer_sizes[i])
        self.layers.append(new_layers)
```

Fungsi yang diterapkan di hidden layer cukup sederhana yakni **activate_hidden_layers()** yang akan mengaktifasi layer-layer di bawahnya secara rekursif dengan melakukan *passing* value yang telah didapatkan di layer sebelumnya. Sedangkan layer **restart_hidden_layer()** melakukan sebaliknya, yakni mengembalikan semua value dan net attribut menjadi 0 pada layer-layer di bawah hidden layer.

```

def activate_hidden_layers(self, input):
    for i in range(self.n_layers):
        if (i == 0):
            self.layers[i].activate_layer(input)
        else:
            self.layers[i].activate_layer(self.layers[i-1].value)
    #return self.layers[-1]

def restart_hidden_layer(self):
    for i in range(self.n_layers):
        self.layers[i].restart_layer()

```

Selanjutnya di kelas Layer dilakukan manajemen terhadap nodes atau neuron yang merupakan bagian dari layer tersebut. Attribut yang ada pada kelas tersebut antara lain nilai bias, weight yang telah di transpose, jumlah neuron, activation function dan namanya, dan beberapa array untuk penyimpanan data kolektif yakni value, net sum, dan node.

```

class Layer:
    def __init__(self, weight, name, activation, n_neuron):
        activation_function = {
            "linear" : linear,
            "relu" : relu,
            "sigmoid" : sigmoid,
            "softmax" : softmax,
            "None" : None
        }
        self.bias = 1
        self.weight = np.transpose(weight)
        self.name = name
        self.n_neuron = int(n_neuron)
        self.activation_function = activation_function[activation]
        self.activation_function_name = activation
        self.value = []
        self.net = []
        self.node = []
        self.generate()

    def generate(self):
        for i in range(self.n_neuron):
            self.node.append(Node(1, self.weight[i], self.activation_function, f'{self.name},{i+1}'))

    def activate_layer(self, input):
        if self.activation_function == softmax:
            for i in range(self.n_neuron):
                self.net.append(self.node[i].calculate_net(input))
            for i in range(self.n_neuron):
                self.node[i].update_net(self.net[i])
                self.value.append(self.node[i].activate_neuron(self.net))
        else:
            for i in range(self.n_neuron):
                self.net.append(self.node[i].calculate_net(input))
                self.value.append(self.node[i].activate_neuron())

    def restart_layer(self):
        self.value = []
        self.net = []
        for i in range(len(self.node)):
            self.node[i].restart_neuron()

```

Pada kelas Layer ini, dibuat beberapa fungsi antara lain:

1. **generate()** untuk membangkitkan neuron atau node anak.
2. **activate_layer()** untuk melakukan aktivasi fungsi neuron dan node anak. Dibedakan antara algoritma untuk fungsi aktivasi softmax dan lainnya karena fungsi softmax memerlukan data kolektif jumlah nett dari layer untuk didistribusi ke semua node sedangkan yang lainnya independen dapat menggunakan data pribadi di kelas Node.
3. **restart_layer()** untuk melakukan restorasi semua atribut pada layer agar kembali 0 atau kosong, lalu memanggil fungsi restart pada semua nodenya.

```
class Node:  
    def __init__(self, bias, weight, activation_function, name):  
        self.bias = bias  
        self.weight = weight  
        self.activation_function = activation_function  
        self.name = name  
        self.net = 0  
        self.value = 0  
  
    def calculate_net(self, input):  
        net_array = np.concatenate(([1], input),)  
        self.net = np.dot(self.weight, net_array)  
        return self.net  
  
    def activate_neuron(self, sum = None):  
        if (self.activation_function != softmax):  
            self.value = self.activation_function(self.net)  
        else:  
            self.value = self.activation_function(self.net, sum)  
        return self.value  
  
    def restart_neuron(self):  
        self.net = 0  
        self.value = 0  
  
    def update_net(self, input):  
        self.net = input
```

Lapisan paling akhir adalah kelas Node. Pada lapisan ini dilakukan manajemen terhadap kalkulasi utama seperti perhitungan jumlah nett dari *weight* dan array input dan juga aktivasi. Untuk mendukung itu dibuat juga fungsi restart dan update. Fungsi-fungsi aktivasi dapat diakses melalui file **activation.py** yang berisi fungsi aktivasi dan turunannya yang akan dimanfaatkan pada tahap backward pass. Sebagai berikut.

```

def linear(net, derivative=False):
    if derivative:
        return 1
    else:
        return net

def relu(net, derivative=False):
    if derivative:
        return 1 if net > 0 else 0
    else:
        return max(0, net)

def sigmoid(net, derivative=False):
    fsigmoid = (1 / (1 + np.exp(-net)))
    if derivative:
        return fsigmoid * (1 - fsigmoid)
    else:
        return fsigmoid

def softmax(net, numOfNet, derivative=False):
    sigma = 0
    for i in range(len(numOfNet)):
        sigma += np.exp(numOfNet[i])
    fsoftmax = np.exp(net) / sigma
    if derivative:
        return fsoftmax * (1 - fsoftmax)
    else:
        return fsoftmax

```

Selanjutnya modul-modul ini diimpor pada **main.ipynb** dan dilakukan uji-uji yang diperlukan. Untuk mempermudah pengujian dibuat beberapa fungsi tambahan yakni:

1. **forward_propagation_ffnn()** untuk melakukan memanggil modul-modul yang berguna untuk rangkaian forward propagation dan mengembalikan model kosong, input, model yang sudah diaktivasi, dan perhitungan sse

```

def forward_propagation_ffnn(input_file_name):
    checked_file_name = file_name(input_file_name)
    case, expect = open_json(checked_file_name)
    model = FFNN(case)
    input = case.get("input")
    output = model.predict(input)
    output_val = FFNN.output_value(output)
    sse = FFNN.f_sse(output_val, expect.get("output"))
    return model, input, output, sse

```

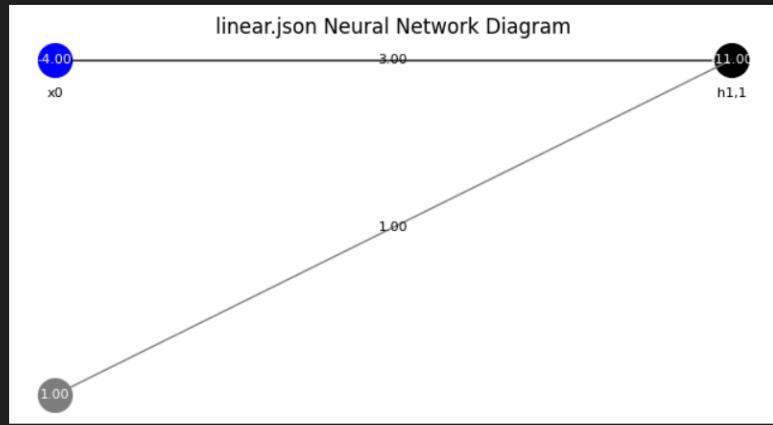
2. **visualize_model()** untuk melakukan visualisasi dengan bantuan matplotlib dalam menggambarkan hubungan neuron-neuron beserta value dan weight dari masing-masing neuron dan hubungannya.
3. **print_process()** untuk melakukan pencetakan nilai-nilai yang akan ditampilkan seperti nilai output dan sse dari tiap batch

HASIL PENGUJIAN

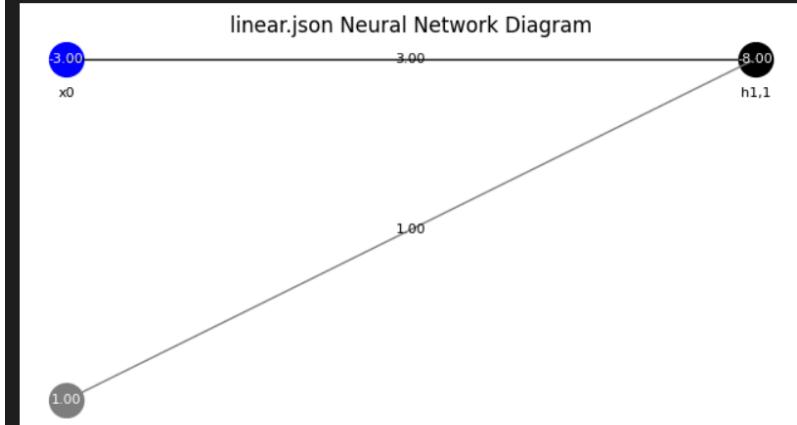
Berikut ini merupakan hasil pengujian dari setiap test case yang menampilkan nilai ekspektasi, SSE, serta hasil *Neural Network Diagram* dari masing-masing test case.

Test case 1: linear.json

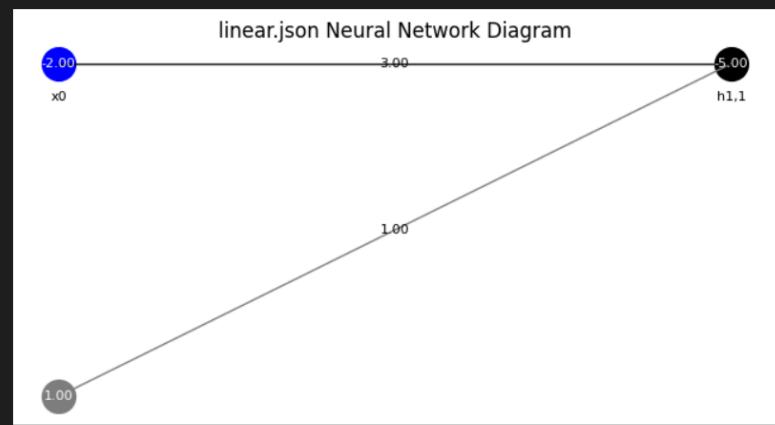
Output 0: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 0: 0.0



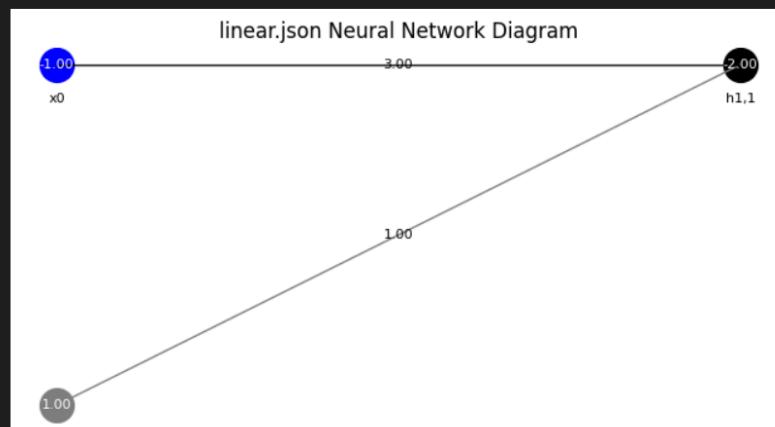
Output 1: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 1: 0.0



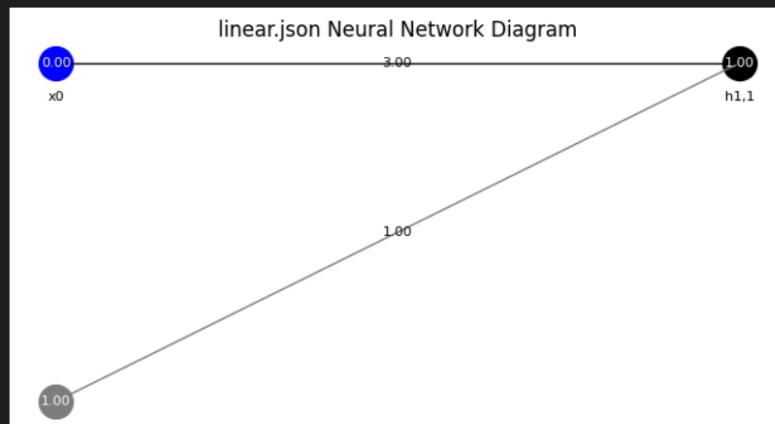
Output 2: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 2: 0.0



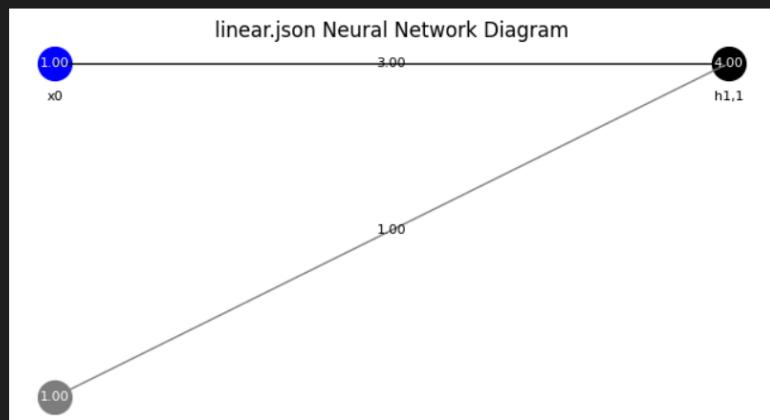
Output 3: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 3: 0.0



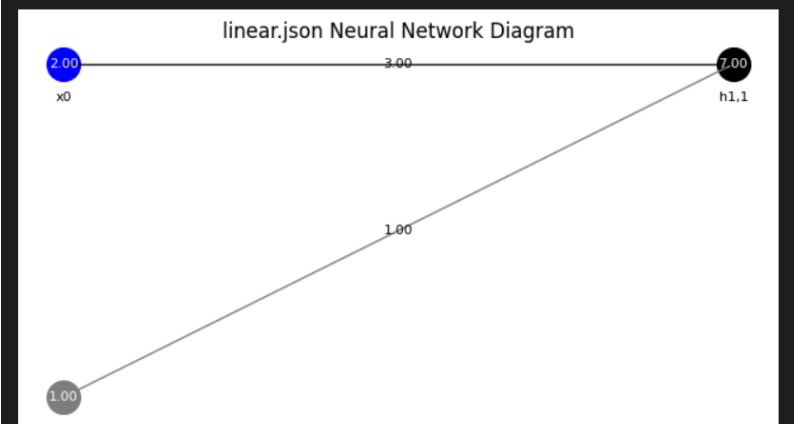
Output 4: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 4: 0.0



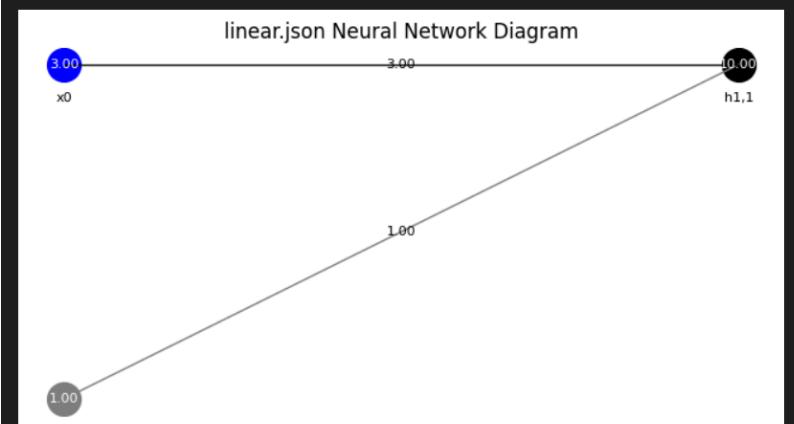
output 5: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 5: 0.0



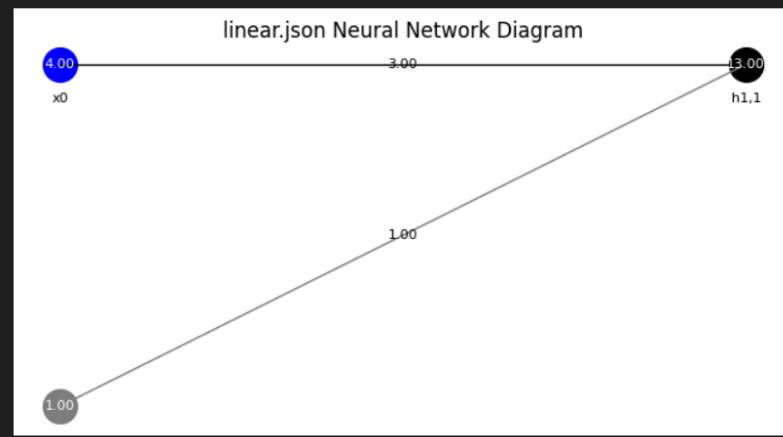
Output 6: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 6: 0.0



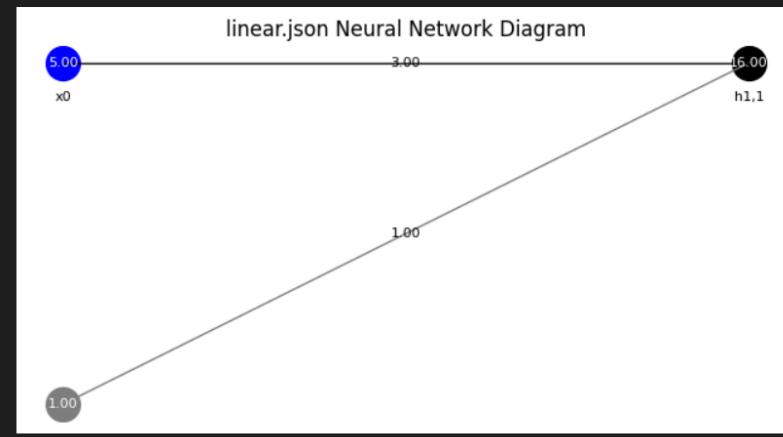
Output 7: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]
SSE 7: 0.0



```
output 8: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]  
SSE 8: 0.0
```



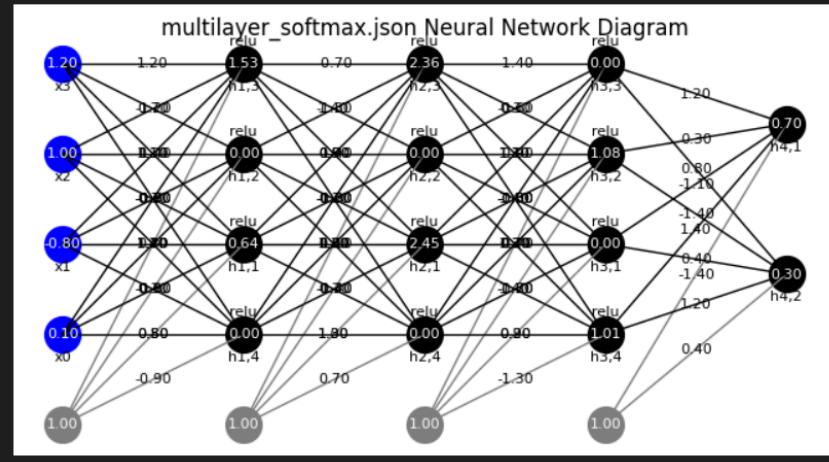
```
Output 9: [[-11.0], [-8.0], [-5.0], [-2.0], [1.0], [4.0], [7.0], [10.0], [13.0], [16.0]]  
SSE 9: 0.0
```



Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case linear.json keseluruhan memiliki SSE bernilai 0. Hal ini menunjukkan model mampu dengan sempurna menyesuaikan pola data dan tidak ada kesalahan prediksi sama sekali.

Test case 2:
multilayer_softmax.json

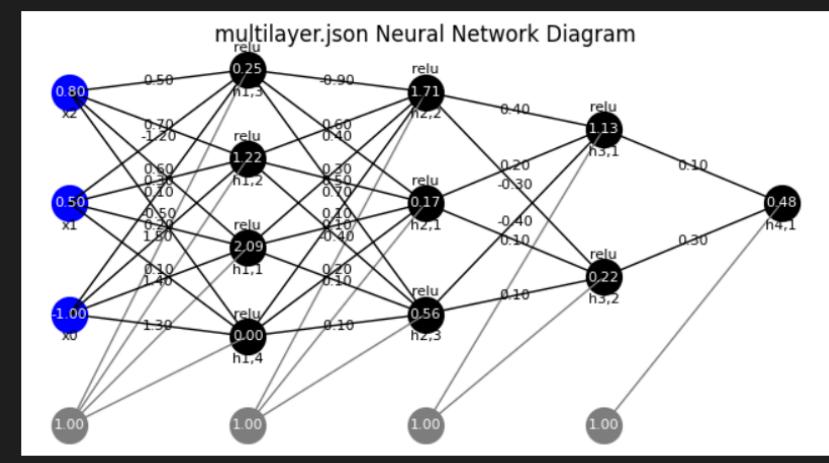
Output 0: [[0.7042293996883686, 0.2957706003116313]]
SSE 0: 1.942282085801731e-19



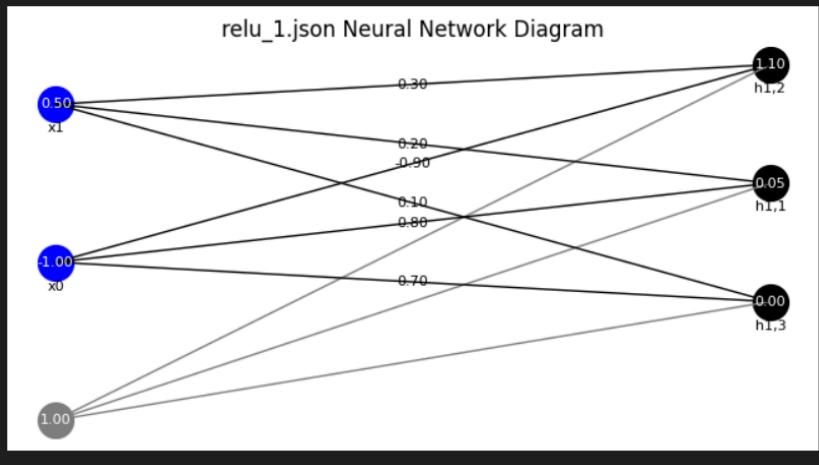
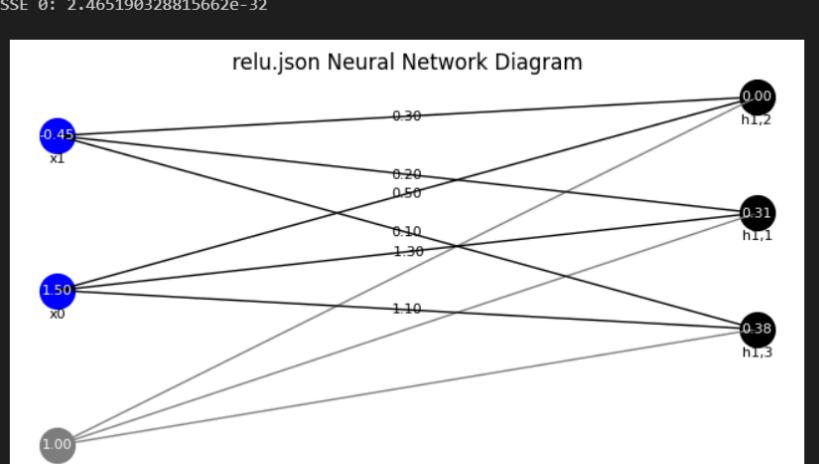
Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case multilayer_softmax.json memiliki nilai SSE yang sangat kecil atau mendekati 0 yaitu 1.942282085801731e-19. Nilai SSE yang mendekati nol menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.

Test case 3:
multilayer.json

Output 0: [[0.4846748017763877]]
SSE 0: 3.1555532735024718e-18



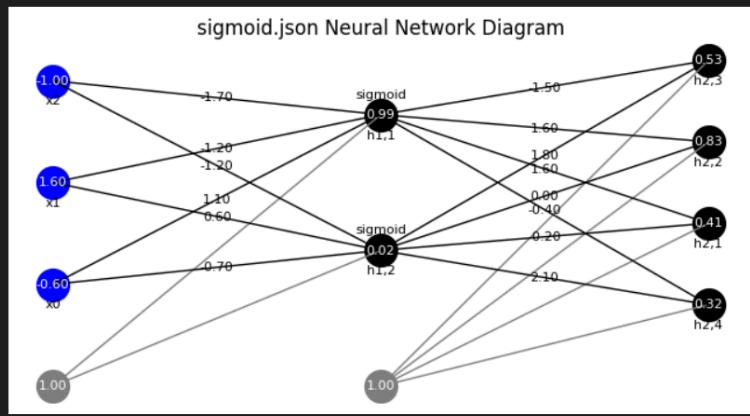
Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case multilayer.json memiliki nilai SSE yang sangat kecil yaitu 3.1555532735024718e-18. Nilai SSE yang mendekati

	<p>nol menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.</p>
Test case 4: relu_1.json	<p>Output 0: [[0.0499999999999993, 1.1, 0]] SSE 0: 4.8148248609680896e-33</p>  <p>Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case relu_1.json memiliki nilai SSE yang sangat kecil yaitu 4.8148248609680896e-33. Nilai SSE yang mendekati nol menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.</p>
Test case 5: relu.json	<p>Output 0: [[0.3099999999999999, 0, 0.3750000000000001]] SSE 0: 2.465190328815662e-32</p>  <p>Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case relu.json memiliki nilai SSE yang sangat kecil</p>

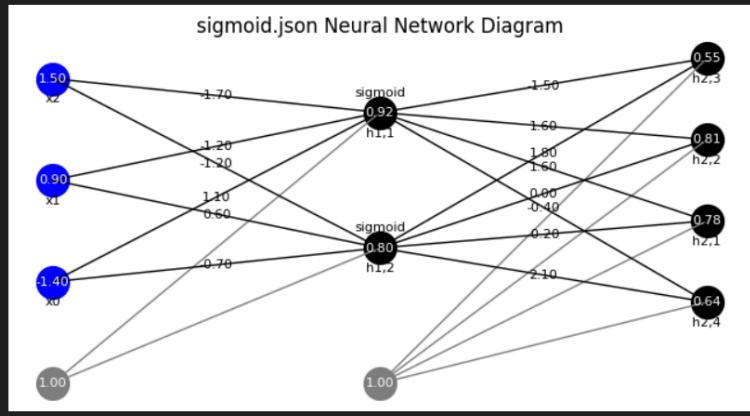
yaitu $2.465190328815662e-32$. Nilai SSE yang mendekati nol menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.

**Test case 6:
sigmoid.json**

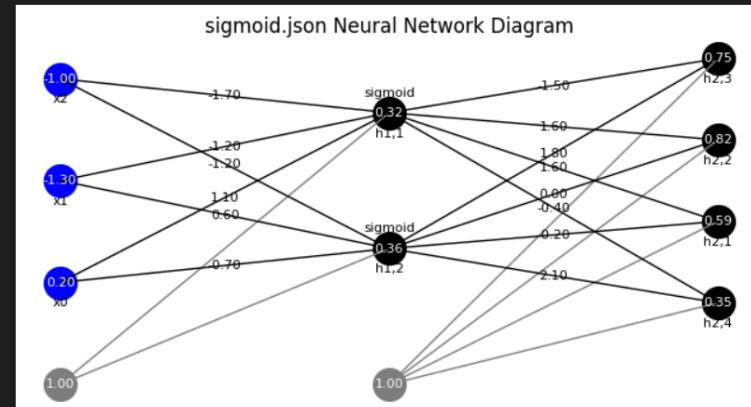
Output 0: [[0.41197345561004917, 0.8314293993694081, 0.5301853632739774, 0.31607396490909706],
SSE 0: 5.448747611215099e-17



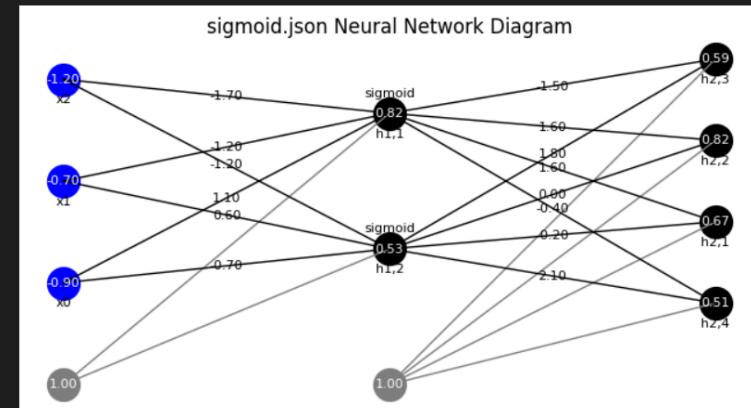
Output 1: [[0.41197345561004917, 0.8314293993694081, 0.5301853632739774, 0.31607396490909706],
SSE 1: 1.8886184977662707e-17



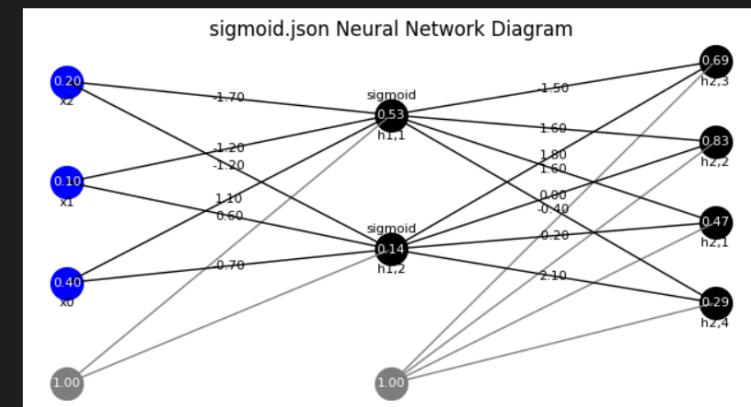
Output 2: [[0.41197345561004917, 0.8314293993694081, 0.5301853632739774, 0.31607396490909706],
SSE 2: 3.588137593505069e-17



Output 3: [[0.41197345561004917, 0.8314293993694081, 0.5301853632739774, 0.31607396490909706],
SSE 3: 5.4935267400256686e-17



Output 4: [[0.41197345561004917, 0.8314293993694081, 0.5301853632739774, 0.31607396490909706],
SSE 4: 5.3370328317207175e-17



Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case sigmoid.json memiliki nilai SSE yang beragam.

	<p>Untuk nilai ekspektasi 0, SSE bernilai 5.448747611215099e-17.</p> <p>Untuk nilai ekspektasi 1, SSE bernilai 1.8886184977662707e-17.</p> <p>Untuk nilai ekspektasi 2, SSE bernilai 3.588137593505069e-17.</p> <p>Untuk nilai ekspektasi 3, SSE bernilai 5.4935267400256686e-17.</p> <p>Untuk nilai ekspektasi 4, SSE bernilai 5.3370328317207175e-17.</p> <p>Dari keseluruhan nilai SSE yang didapatkan, semuanya bernilai sangat kecil atau mendekati 0. Hal ini menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.</p>
Test case 7: softmax.json	<p>Output 0: [[0.7643906087005896, 0.21168068289764497, 0.023928708401765485]] SSE 0: 1.263916713483999e-17</p> <p>The diagram illustrates a neural network architecture. The input layer consists of nodes labeled x0 through x7, each with a value: x0=0.20, x1=0.15, x2=0.24, x3=0.45, x4=1.80, x5=2.80, x6=1.00, and x7=1.00. The output layer consists of three nodes labeled h1,2, h1,1, and h1,3, with values 0.21, 0.76, and 0.02 respectively. The connections between the input and output layers are fully connected, with weights ranging from 0.10 to 0.70. The diagram is titled "softmax.json Neural Network Diagram".</p> <p>Dari hasil pengujian yang telah dilakukan, dapat dilihat bahwa untuk test case softmax.json memiliki nilai SSE yang sangat kecil yaitu 1.263916713483999e-17. Nilai SSE yang mendekati nol menunjukkan bahwa perbedaan antara nilai prediksi dan nilai observasi sangat kecil atau bahkan tidak ada sama sekali.</p>

PERBANDINGAN DENGAN PERHITUNGAN MANUAL

A. Perhitungan Manual

Perhitungan manual dilakukan sebagai pembanding yang dapat memperlihatkan akurasi dari program implementasi *forward propagation* untuk *Feed Forward Neural Network* (FFNN). Perhitungan manual dilakukan pada sebuah *excel/spreadsheet* dengan membentuk tabel penyelesaian kasus FFNN menggunakan *forward propagation*. Ke dalam *cell* yang terdapat pada kolom tiap tabel dimasukkan nilai-nilai input yang sesuai seperti nilai bias $b = 1$, nilai input x , nilai weight w , serta nilai target y sebagai *expected output*. Kemudian, untuk masing-masing fungsi aktivasi atau jenis pengujian yang di antaranya terdiri atas ReLU, *multilayer*, dan linear, akan dimasukkan rumus perhitungan yang sesuai untuk menghasilkan output atau keluaran dari persoalan FFNN tersebut. Pada kolom tabel yang terakhir, akan dihitung *error node output* yang dihitung berdasarkan nilai target y (*expected output*), nilai output o hasil dari perhitungan, serta rumus fungsi *error* masing-masing pengujian. Secara lengkap, perhitungan manual pada ketiga kasus uji dilakukan pada  TubesA_13520130_Perhitungan Manual.xlsx .

B. Uji Kasus ReLU from Deliverable Docs

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus ReLU dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN	<pre> Layer 1 Node 1,1 Weight: [0.1 0.4 0.7] Value: 0.0499999999999993 Node 1,2 Weight: [0.2 -0.5 0.8] Value: 1.1 Node 1,3 Weight: [0.3 0.6 -0.9] Value: 0 {'output': [[0.05, 1.1, 0.0]], 'max_sse': 1e-06} </pre>																																																		
Perhitungan Manual	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Bias1</th><th>X1</th><th>X2</th><th>TARGET Y1</th><th>TARGET Y2</th><th>TARGET Y3</th><th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>-1</td><td>0,5</td><td>0,05</td><td>1,1</td><td>0</td><td>0,1</td><td>0,2</td><td>0,3</td><td>0,4</td><td>-0,5</td><td>0,6</td><td>0,7</td><td>0,8</td><td>-0,9</td></tr> </tbody> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Sum O1</th><th>Sum O2</th><th>Sum O3</th><th>Output O1 (Activation)</th><th>Output O2 (Activation)</th><th>Output O3 (Activation)</th><th>(Target Y1 - Output)</th><th>(Target Y2 - Output)</th><th>(Target Y3 - Output)</th><th>Error Node Output</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0,05</td><td>1,1</td><td>-0,75</td><td>0,05</td><td>1,10</td><td>0,00</td><td>0,00</td><td>0,00</td><td>0,00</td><td>2,41E-33</td></tr> </tbody> </table>	Bias1	X1	X2	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23	1	-1	0,5	0,05	1,1	0	0,1	0,2	0,3	0,4	-0,5	0,6	0,7	0,8	-0,9	Sum O1	Sum O2	Sum O3	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output)	(Target Y2 - Output)	(Target Y3 - Output)	Error Node Output	0,05	1,1	-0,75	0,05	1,10	0,00	0,00	0,00	0,00	2,41E-33
Bias1	X1	X2	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23																																					
1	-1	0,5	0,05	1,1	0	0,1	0,2	0,3	0,4	-0,5	0,6	0,7	0,8	-0,9																																					
Sum O1	Sum O2	Sum O3	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output)	(Target Y2 - Output)	(Target Y3 - Output)	Error Node Output																																										
0,05	1,1	-0,75	0,05	1,10	0,00	0,00	0,00	0,00	2,41E-33																																										
Keterangan	<p>Hasil uji kasus ReLU <i>from Deliverable Docs</i> dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara <i>default</i> pada excel sehingga O1 bernilai bulat 0,05, namun telah dibuktikan sama dengan mengurangi nilai target Y1 dengan O1 dan mendapatkan hasil 0.</p>																																																		

C. Uji Kasus ReLU

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN	<pre> Layer 1 Node 1,1 Weight: [0.1 0.47 1.1] Value: 0.3099999999999999 Node 1,2 Weight: [0.2 -0.6 -1.3] Value: 0 Node 1,3 Weight: [0.3 0.2 0.5] Value: 0.3750000000000001 {'output': [[0.31, 0, 0.375]], 'max_sse': 1e-06} </pre>																																																		
Perhitungan Manual	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Bias1</th><th>X1</th><th>X2</th><th>TARGET Y1</th><th>TARGET Y2</th><th>TARGET Y3</th><th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>1.5</td><td>-0.45</td><td>0.31</td><td>0</td><td>0.375</td><td>0.1</td><td>0.2</td><td>0.3</td><td>0.47</td><td>-0.6</td><td>0.2</td><td>1.1</td><td>-1.3</td><td>0.5</td></tr> </tbody> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Sum O1</th><th>Sum O2</th><th>Sum O3</th><th>Output O1 (Activation)</th><th>Output O2 (Activation)</th><th>Output O3 (Activation)</th><th>(Target Y1 - Output1)</th><th>(Target Y2 - Output2)</th><th>(Target Y3 - Output3)</th><th>Error Node Output</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0.31</td><td>-0.115</td><td>0.375</td><td>0.31</td><td>0.00</td><td>0.38</td><td>0.00</td><td>0.00</td><td>0.00</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	Bias1	X1	X2	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23	1	1.5	-0.45	0.31	0	0.375	0.1	0.2	0.3	0.47	-0.6	0.2	1.1	-1.3	0.5	Sum O1	Sum O2	Sum O3	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output1)	(Target Y2 - Output2)	(Target Y3 - Output3)	Error Node Output	0.31	-0.115	0.375	0.31	0.00	0.38	0.00	0.00	0.00	0
Bias1	X1	X2	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23																																					
1	1.5	-0.45	0.31	0	0.375	0.1	0.2	0.3	0.47	-0.6	0.2	1.1	-1.3	0.5																																					
Sum O1	Sum O2	Sum O3	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output1)	(Target Y2 - Output2)	(Target Y3 - Output3)	Error Node Output																																										
0.31	-0.115	0.375	0.31	0.00	0.38	0.00	0.00	0.00	0																																										
Keterangan	<p>Hasil uji kasus ReLU dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara <i>default</i> pada <i>excel</i> sehingga O3 bernilai bulat 0,38, namun telah dibuktikan sama dengan mengurangi nilai target Y1 dengan O1 dan mendapatkan hasil 0.</p>																																																		

D. Uji Kasus Multilayer

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus multilayer dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN

```
Layer 1

Node 1,1
Weight: [ 0.1 -0.5  0.9  1.3]
Value: 2.09

Node 1,2
Weight: [0.2 0.6 1.  1.4]
Value: 1.22

Node 1,3
Weight: [ 0.3  0.7 -1.1  1.5]
Value: 0.2500000000000002

Node 1,4
Weight: [-1.2  0.5 -1.  0.1]
Value: 0

Layer 2

Node 2,1
Weight: [ 0.1 -0.4  0.7  0.2 -0.1]
Value: 0.1680000000000004

Node 2,2
Weight: [0.1 0.5 0.4 0.3 0.2]
Value: 1.7080000000000002

Node 2,3
Weight: [ 0.3  0.6 -0.9  0.4  0.1]
Value: 0.5559999999999998
```

	<pre> Layer 3 Node 3,1 Weight: [0.1 -0.3 0.6 0.1] Value: 1.1300000000000003 Node 3,2 Weight: [0.2 0.4 0.1 -0.4] Value: 0.21560000000000012 Layer 4 Node 4,1 Weight: [0.1 -0.2 0.3] Value: 0.4846748017763877 ['output': [[0.4846748]], 'max_sse': 1e-06} </pre>																																																																																																																																																																																																																																																																					
Perhitungan Manual	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Bias1</th><th>X1</th><th>X2</th><th>X3</th><th>TARGET Y1</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>-1</td><td>0.5</td><td>0.8</td><td>0.4846748</td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 1</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W04</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W14</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th><th>W24</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W34</th><th>Sum H11</th><th>Sum H12</th><th>Sum H13</th><th>Sum H14</th><th>Bias 1</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th>Output H3 (Activation)</th><th>Output H4 (Activation)</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0,1</td><td>0,2</td><td>0,3</td><td>-1,2</td><td>-0,5</td><td>0,6</td><td>0,7</td><td>0,5</td><td>0,9</td><td>1</td><td>-1,1</td><td>-1</td><td>1,3</td><td>1,4</td><td>1,5</td><td>0,1</td><td>2,09</td><td>1,22</td><td>0,25</td><td>-2,12</td><td>1</td><td>2,09</td><td>1,22</td><td>0,25</td><td>0,00</td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 2</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W41</th><th>W42</th><th>W43</th><th>Sum H21</th><th>Sum H22</th><th>Sum H23</th><th>Bias 2</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th>Output H3 (Activation)</th><th>Output H4 (Activation)</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0,1</td><td>0,1</td><td>0,3</td><td>-0,4</td><td>0,5</td><td>0,6</td><td>0,7</td><td>0,4</td><td>-0,9</td><td>0,2</td><td>0,3</td><td>0,4</td><td>-0,1</td><td>0,2</td><td>0,1</td><td>0,168</td><td>1,708</td><td>0,556</td><td>1</td><td>0,17</td><td>1,71</td><td>0,56</td><td></td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 3</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W31</th><th>W32</th><th>Sum H31</th><th>Sum H32</th><th>Bias 3</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0,1</td><td>0,2</td><td>-0,3</td><td>0,4</td><td>0,6</td><td>0,1</td><td>0,1</td><td>-0,4</td><td>1,13</td><td>0,2156</td><td>1</td><td>1,13</td><td>0,22</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer Output</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W11</th><th>W21</th><th>Sum O1</th><th>Output 1 (Target Y1 Activation)</th><th>Error Node Output</th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0,1</td><td>-0,2</td><td>0,3</td><td>-0,06132</td><td>0,48</td><td>0,00</td><td>1,5778e-18</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>	Bias1	X1	X2	X3	TARGET Y1	1	-1	0.5	0.8	0.4846748	Layer 1																W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)	0,1	0,2	0,3	-1,2	-0,5	0,6	0,7	0,5	0,9	1	-1,1	-1	1,3	1,4	1,5	0,1	2,09	1,22	0,25	-2,12	1	2,09	1,22	0,25	0,00	Layer 2																W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23	W31	W32	W33	W41	W42	W43	Sum H21	Sum H22	Sum H23	Bias 2	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)	0,1	0,1	0,3	-0,4	0,5	0,6	0,7	0,4	-0,9	0,2	0,3	0,4	-0,1	0,2	0,1	0,168	1,708	0,556	1	0,17	1,71	0,56		Layer 3																W01	W02	W11	W12	W21	W22	W31	W32	Sum H31	Sum H32	Bias 3	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)										0,1	0,2	-0,3	0,4	0,6	0,1	0,1	-0,4	1,13	0,2156	1	1,13	0,22											Layer Output																W01	W11	W21	Sum O1	Output 1 (Target Y1 Activation)	Error Node Output																		0,1	-0,2	0,3	-0,06132	0,48	0,00	1,5778e-18																
Bias1	X1	X2	X3	TARGET Y1																																																																																																																																																																																																																																																																		
1	-1	0.5	0.8	0.4846748																																																																																																																																																																																																																																																																		
Layer 1																																																																																																																																																																																																																																																																						
W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																														
0,1	0,2	0,3	-1,2	-0,5	0,6	0,7	0,5	0,9	1	-1,1	-1	1,3	1,4	1,5	0,1	2,09	1,22	0,25	-2,12	1	2,09	1,22	0,25	0,00																																																																																																																																																																																																																																														
Layer 2																																																																																																																																																																																																																																																																						
W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23	W31	W32	W33	W41	W42	W43	Sum H21	Sum H22	Sum H23	Bias 2	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																																
0,1	0,1	0,3	-0,4	0,5	0,6	0,7	0,4	-0,9	0,2	0,3	0,4	-0,1	0,2	0,1	0,168	1,708	0,556	1	0,17	1,71	0,56																																																																																																																																																																																																																																																	
Layer 3																																																																																																																																																																																																																																																																						
W01	W02	W11	W12	W21	W22	W31	W32	Sum H31	Sum H32	Bias 3	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																																										
0,1	0,2	-0,3	0,4	0,6	0,1	0,1	-0,4	1,13	0,2156	1	1,13	0,22																																																																																																																																																																																																																																																										
Layer Output																																																																																																																																																																																																																																																																						
W01	W11	W21	Sum O1	Output 1 (Target Y1 Activation)	Error Node Output																																																																																																																																																																																																																																																																	
0,1	-0,2	0,3	-0,06132	0,48	0,00	1,5778e-18																																																																																																																																																																																																																																																																
Keterangan	Hasil uji kasus <i>multilayer</i> dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara <i>default</i> pada <i>excel</i> sehingga O1 bernilai bulat 0,48, namun telah dibuktikan sama dengan																																																																																																																																																																																																																																																																					

	mengurangi nilai target Y1 dengan O1 dan mendapatkan hasil 0.
--	---

E. Uji Kasus Multilayer Softmax

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual

Program FFNN

```
Layer 1

Node 1,1
Weight: [-0.9  0.8  0.3  1.1  0.5]
Value:  0.64

Node 1,2
Weight: [ 1.2 -0.7 -1.4 -1.3 -0.8]
Value:  0

Node 1,3
Weight: [-0.6  1.1  0.7  0.9  1.4]
Value:  1.5300000000000002

Node 1,4
Weight: [ 0.3 -1.2  1.2  0.4 -0.9]
Value:  0


Layer 2

Node 2,1
Weight: [ 0.7  1.3 -1.2  0.6  1. ]
Value:  2.45

Node 2,2
Weight: [-1.1 -0.6  0.9 -0.5 -0.4]
Value:  0

Node 2,3
Weight: [0.2 0.5 1.4 1.2 0.8]
Value:  2.3560000000000003

Node 2,4
Weight: [-1.4 -1.3 -0.7 -1.1 -1. ]
Value:  0
```

```
Layer 3

Node 3,1
Weight: [-1.3  0.2  1.4 -0.7  0.9]
Value:  0

Node 3,2
Weight: [ 0.7 -1. -0.9  1.2 -0.7]
Value:  1.077200000000002

Node 3,3
Weight: [-0.8  1.1  0.3 -1.1  1.3]
Value:  0

Node 3,4
Weight: [ 1.3 -0.6 -1.4  0.5 -0.8]
Value:  1.008000000000002

Layer 4

Node 4,1
Weight: [ 0.4 -1.4  0.8  0.1  1.2]
Value:  0.7042293996883686

Node 4,2
Weight: [-1.1  0.3  1.2 -1.2  1.4]
Value:  0.2957706003116313

{'output': [[0.7042294, 0.2957706]], 'max_sse': 1e-06}
```

Perhitungan Manual	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Bias1</th><th>X1</th><th>X2</th><th>X3</th><th>X4</th><th>TARGET Y1</th><th>TARGET Y2</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>0.1</td><td>-0.8</td><td>1</td><td>1.2</td><td>0.7042294</td><td>0.2957706</td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 1</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W04</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W14</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th><th>W24</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W34</th> <th>W41</th><th>W42</th><th>W43</th><th>W44</th> <th>Sum H11</th><th>Sum H12</th><th>Sum H13</th><th>Sum H14</th> <th>Bias 1</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th>Output H3 (Activation)</th><th>Output H4 (Activation)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-0.9</td><td>1.2</td><td>-0.6</td><td>0.3</td><td>0.8</td><td>-0.7</td><td>1.1</td><td>-1.2</td><td>0.3</td><td>-1.4</td><td>0.7</td><td>1.2</td><td>1.1</td><td>-1.3</td><td>0.9</td><td>0.4</td><td>0.5</td><td>-0.8</td><td>1.4</td><td>-0.9</td><td>0.64</td><td>-0.01</td><td>1.53</td><td>-1.46</td><td>1</td><td>0.64</td><td>0.00</td><td>1.53</td><td>0.00</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 2</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W04</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W14</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th><th>W24</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W34</th> <th>W41</th><th>W42</th><th>W43</th><th>W44</th> <th>Sum H11</th><th>Sum H12</th><th>Sum H13</th><th>Sum H14</th> <th>Bias 1</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th>Output H3 (Activation)</th><th>Output H4 (Activation)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0.7</td><td>-1.1</td><td>0.2</td><td>-1.4</td><td>1.3</td><td>-0.6</td><td>0.5</td><td>-1.3</td><td>-1.2</td><td>0.9</td><td>1.4</td><td>-0.7</td><td>0.6</td><td>-0.5</td><td>1.2</td><td>-1.1</td><td>1</td><td>-0.4</td><td>0.8</td><td>-1</td><td>-1.277</td><td>1.009</td><td>1.913</td><td>-1.348</td><td>1</td><td>0.00</td><td>1.01</td><td>1.31</td><td>0.00</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer 3</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W04</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W14</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th><th>W24</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W34</th> <th>W41</th><th>W42</th><th>W43</th><th>W44</th> <th>Sum H11</th><th>Sum H12</th><th>Sum H13</th><th>Sum H14</th> <th>Bias 1</th><th>Output H1 (Activation)</th><th>Output H2 (Activation)</th><th>Output H3 (Activation)</th><th>Output H4 (Activation)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-1.3</td><td>0.7</td><td>-0.8</td><td>1.3</td><td>0.2</td><td>-1</td><td>1.1</td><td>-0.6</td><td>1.4</td><td>-0.9</td><td>0.3</td><td>-1.4</td><td>-0.7</td><td>1.2</td><td>-1.1</td><td>0.5</td><td>0.9</td><td>-0.7</td><td>1.3</td><td>0.8</td><td>-0.8065</td><td>1.3675</td><td>-1.9416</td><td>0.5439</td><td>1</td><td>0.00</td><td>1.37</td><td>0.00</td><td>0.54</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="16">Layer Output</th></tr> <tr> <th>W01</th><th>W02</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W31</th><th>W32</th><th>W41</th><th>W42</th><th>Sum O1</th><th>Sum O2</th><th>Output 1 (Activation)</th><th>Output 2 (Activation)</th><th>Target Y1 - Output1</th><th>Target Y2 - Output2</th><th>Error Node</th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0.4</td><td>-1.1</td><td>-1.4</td><td>0.3</td><td>0.8</td><td>1.2</td><td>0.1</td><td>-1.2</td><td>1.2</td><td>1.4</td><td>2.34668</td><td>1.30246</td><td>0.70</td><td>0.80</td><td>0.00</td><td>0.00</td><td>0.00029377862</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td> </tr> </tbody> </table>	Bias1	X1	X2	X3	X4	TARGET Y1	TARGET Y2	1	0.1	-0.8	1	1.2	0.7042294	0.2957706	Layer 1																W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)	-0.9	1.2	-0.6	0.3	0.8	-0.7	1.1	-1.2	0.3	-1.4	0.7	1.2	1.1	-1.3	0.9	0.4	0.5	-0.8	1.4	-0.9	0.64	-0.01	1.53	-1.46	1	0.64	0.00	1.53	0.00	Layer 2																W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)	0.7	-1.1	0.2	-1.4	1.3	-0.6	0.5	-1.3	-1.2	0.9	1.4	-0.7	0.6	-0.5	1.2	-1.1	1	-0.4	0.8	-1	-1.277	1.009	1.913	-1.348	1	0.00	1.01	1.31	0.00	Layer 3																W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)	-1.3	0.7	-0.8	1.3	0.2	-1	1.1	-0.6	1.4	-0.9	0.3	-1.4	-0.7	1.2	-1.1	0.5	0.9	-0.7	1.3	0.8	-0.8065	1.3675	-1.9416	0.5439	1	0.00	1.37	0.00	0.54	Layer Output																W01	W02	W11	W12	W21	W22	W31	W32	W41	W42	Sum O1	Sum O2	Output 1 (Activation)	Output 2 (Activation)	Target Y1 - Output1	Target Y2 - Output2	Error Node											0.4	-1.1	-1.4	0.3	0.8	1.2	0.1	-1.2	1.2	1.4	2.34668	1.30246	0.70	0.80	0.00	0.00	0.00029377862										
Bias1	X1	X2	X3	X4	TARGET Y1	TARGET Y2																																																																																																																																																																																																																																																																																																													
1	0.1	-0.8	1	1.2	0.7042294	0.2957706																																																																																																																																																																																																																																																																																																													
Layer 1																																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																																																																							
-0.9	1.2	-0.6	0.3	0.8	-0.7	1.1	-1.2	0.3	-1.4	0.7	1.2	1.1	-1.3	0.9	0.4	0.5	-0.8	1.4	-0.9	0.64	-0.01	1.53	-1.46	1	0.64	0.00	1.53	0.00																																																																																																																																																																																																																																																																																							
Layer 2																																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																																																																							
0.7	-1.1	0.2	-1.4	1.3	-0.6	0.5	-1.3	-1.2	0.9	1.4	-0.7	0.6	-0.5	1.2	-1.1	1	-0.4	0.8	-1	-1.277	1.009	1.913	-1.348	1	0.00	1.01	1.31	0.00																																																																																																																																																																																																																																																																																							
Layer 3																																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	W31	W32	W33	W34	W41	W42	W43	W44	Sum H11	Sum H12	Sum H13	Sum H14	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)	Output H3 (Activation)	Output H4 (Activation)																																																																																																																																																																																																																																																																																							
-1.3	0.7	-0.8	1.3	0.2	-1	1.1	-0.6	1.4	-0.9	0.3	-1.4	-0.7	1.2	-1.1	0.5	0.9	-0.7	1.3	0.8	-0.8065	1.3675	-1.9416	0.5439	1	0.00	1.37	0.00	0.54																																																																																																																																																																																																																																																																																							
Layer Output																																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
W01	W02	W11	W12	W21	W22	W31	W32	W41	W42	Sum O1	Sum O2	Output 1 (Activation)	Output 2 (Activation)	Target Y1 - Output1	Target Y2 - Output2	Error Node																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
0.4	-1.1	-1.4	0.3	0.8	1.2	0.1	-1.2	1.2	1.4	2.34668	1.30246	0.70	0.80	0.00	0.00	0.00029377862																																																																																																																																																																																																																																																																																																			
Keterangan	<p>Hasil uji kasus <i>multilayer softmax</i> dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara <i>default</i> pada <i>excel</i> sehingga O1 bernilai bulat 0,7 dan O2 bernilai bulat 0,3, namun telah dibuktikan sama dengan mengurangi nilai target Y1 dan Y2 dengan O1 dan O2 berturut-turut, dan mendapatkan hasil 0.</p>																																																																																																																																																																																																																																																																																																																		

F. Uji Kasus Linear

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN	<pre>Layer 1 Node 1,1 Weight: [1. 3.] Value: -11.0</pre> <pre>Layer 1 Node 1,1 Weight: [1. 3.] Value: -8.0</pre> <pre>Layer 1 Node 1,1 Weight: [1. 3.] Value: -5.0</pre> <pre>Layer 1 Node 1,1 Weight: [1. 3.] Value: -2.0</pre>
--------------	---

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 1.0
```

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 4.0
```

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 7.0
```

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 10.0
```

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 13.0
```

```
Layer 1  
  
Node 1,1  
Weight: [1. 3.]  
Value: 16.0
```

```
{'output': [[-11], [-8], [-5], [-2], [1], [4], [7], [10], [13], [16]], 'max_sse': 1e-12}
```

Perhitungan Manual		Bias1	X1	TARGET Y1	W01	W11	Sum O1	Output O1 (Activation)	(Target Y1 - Output1)	Error Node Output
1	-4	-11	1	3	-11	-11,00	0,00	0		
1	-3	-8	1	3	-8	-8,00	0,00	0		
1	-2	-5	1	3	-5	-5,00	0,00	0		
1	-1	-2	1	3	-2	-2,00	0,00	0		
1	0	1	1	3	1	1,00	0,00	0		
1	1	4	1	3	4	4,00	0,00	0		
1	2	7	1	3	7	7,00	0,00	0		
1	3	10	1	3	10	10,00	0,00	0		
1	4	13	1	3	13	13,00	0,00	0		
1	5	16	1	3	16	16,00	0,00	0		

Keterangan	Hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang sama.
------------	--

G. Uji Kasus Sigmoid

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN

Layer 1

Node 1,1
Weight: [0.6 -1.2 1.4 -0.7]
Value: 0.9860743596934995

Node 1,2
Weight: [-1.2 -1.7 -1.6 1.1]
Value: 0.021041347020468275

Layer 2

Node 2,1
Weight: [-0.4 -0. 2.1]
Value: 0.41197345561004917

Node 2,2
Weight: [1.6 0. -0.2]
Value: 0.8314293993694081

Node 2,3
Weight: [1.6 -1.5 0.]
Value: 0.5301853632739774

Node 2,4
Weight: [-1.5 0.7 1.8]
Value: 0.31607396490909706

Input 1

Layer 1

Node 1,1

Weight: [0.6 -1.2 1.4 -0.7]

Value: 0.9234378026481879

Node 1,2

Weight: [-1.2 -1.7 -1.6 1.1]

Value: 0.8005922431513315

Layer 2

Node 2,1

Weight: [-0.4 -0. 2.1]

Value: 0.7826614091150284

Node 2,2

Weight: [1.6 0. -0.2]

Value: 0.8084363083194981

Node 2,3

Weight: [1.6 -1.5 0.]

Value: 0.5535051760955713

Node 2,4

Weight: [-1.5 0.7 1.8]

Value: 0.6427850098146376

Input 2

Layer 1

Node 1,1

Weight: [0.6 -1.2 1.4 -0.7]

Value: 0.31864626621097447

Node 1,2

Weight: [-1.2 -1.7 -1.6 1.1]

Value: 0.36354745971843366

Layer 2

Node 2,1

Weight: [-0.4 -0. 2.1]

Value: 0.5898752435296561

Node 2,2

Weight: [1.6 0. -0.2]

Value: 0.8216095372737501

Node 2,3

Weight: [1.6 -1.5 0.]

Value: 0.7543651777362295

Node 2,4

Weight: [-1.5 0.7 1.8]

Value: 0.34919894670366747

Input 3

Layer 1

Node 1,1
Weight: [0.6 -1.2 1.4 -0.7]
Value: 0.8234647252208833

Node 1,2
Weight: [-1.2 -1.7 -1.6 1.1]
Value: 0.5324543063873187

Layer 2

Node 2,1
Weight: [-0.4 -0. 2.1]
Value: 0.6722003953978934

Node 2,2
Weight: [1.6 0. -0.2]
Value: 0.8166043910016146

Node 2,3
Weight: [1.6 -1.5 0.]
Value: 0.5902025844263002

Node 2,4
Weight: [-1.5 0.7 1.8]
Value: 0.5087098836277426

Input 4

Layer 1

Node 1,1
Weight: [0.6 -1.2 1.4 -0.7]
Value: 0.5299640517645717

Node 1,2
Weight: [-1.2 -1.7 -1.6 1.1]
Value: 0.13943387296165005

Layer 2

Node 2,1
Weight: [-0.4 -0. 2.1]
Value: 0.47322841097431845

Node 2,2
Weight: [1.6 0. -0.2]
Value: 0.8280846566130694

Node 2,3
Weight: [1.6 -1.5 0.]
Value: 0.6910545248579614

Node 2,4
Weight: [-1.5 0.7 1.8]
Value: 0.2935832341653264

Input 5

Perhitungan Manual

Bias0	X1	X2	X3	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	TARGET Y4	W01	W02	W11	W12	W21	W22	W31	W32	Sum H11	Sum H12	Bias 1	Output H1 (Activation)	Output H2 (Activation)
1	-0.6	1.6	-1	0.4119734	0.8314294	0.5301853	0.3160735	0.6	-1.2	-1.2	-1.7	1.4	-1.6	-0.7	1.1	4.26	-3.84	1	0.99	0.02
1	-1.4	0.9	1.5	0.7826614	0.8084363	0.5535051	0.6427850	0.6	-1.2	-1.2	-1.7	1.4	-1.6	-0.7	1.1	2.49	1.39	1	0.92	0.80
1	0.2	-1.3	-1	0.5898752	0.8216095	0.7543651	0.3491985	0.6	-1.2	-1.2	-1.7	1.4	-1.6	-0.7	1.1	-0.76	-0.56	1	0.32	0.36
1	-0.9	-0.7	-1.2	0.6722004	0.8166043	0.5902002	0.5087098	0.6	-1.2	-1.2	-1.7	1.4	-1.6	-0.7	1.1	1.54	0.13	1	0.82	0.53
1	0.4	0.1	0.2	0.4732284	0.8280846	0.6910549	0.2935832	0.6	-1.2	-1.2	-1.7	1.4	-1.6	-0.7	1.1	0.12	-1.82	1	0.53	0.14

W01	W02	W03	W04	W11	W12	W13	W14	W21	W22	W23	W24	Sum H21	Sum H22	Sum H23	Sum H24	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	Output O4 (Activation)
-0.4	1.6	1.6	-1.5	0	0	-1.5	0.7	2.1	-0.2	0	1.835581317	595791712088846	77187352	0.41	0.83	0.53	0.32		
-0.4	1.6	1.6	-1.5	0	0	-1.5	0.7	2.1	-0.2	0	1.82812437	43988155214843258747249	0.78	0.81	0.55	0.64			
-0.4	1.6	1.6	-1.5	0	0	-1.5	0.7	2.1	-0.2	0	1.836344966	5272905122030662256218	0.59	0.82	0.75	0.35			
-0.4	1.6	1.6	-1.5	0	0	-1.5	0.7	2.1	-0.2	0	1.871815404	49350913648029134843059	0.67	0.82	0.59	0.51			
-0.4	1.6	1.6	-1.5	0	0	-1.5	0.7	2.1	-0.2	0	1.810718886	57211328050539287804419	0.47	0.83	0.69	0.29			

(Target Y1 - Output1)	(Target Y2 - Output2)	(Target Y3 - Output3)	(Target Y4 - Output4)	Error Node Output
0.00	0.00	0.00	0.00	0
0.00	0.00	0.00	0.00	0
0.00	0.00	0.00	0.00	0
0.00	0.00	0.00	0.00	0
0.00	0.00	0.00	0.00	0

Keterangan

Hasil uji kasus sigmoid dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara *default* pada excel sehingga O1, O2, O3, dan O4 bernilai bulat dengan dua digit di belakang koma, namun telah dibuktikan sama dengan mengurangi nilai target Y1, Y2, Y3, dan Y4 dengan O1, O2, O3, dan O4 secara berturut-turut, dan mendapatkan hasil 0.

H. Uji Kasus Softmax

Berikut ini merupakan perbandingan hasil uji kasus linear dengan menggunakan program FFNN dan perhitungan manual.

Program FFNN	<pre> Layer 1 Node 1,1 Weight: [0.1 -0.2 0.3 0.4 0.5 -0.6 -0.7 0.8 0.9] Value: 0.7643906087005896 Node 1,2 Weight: [0.9 0.8 -0.7 0.6 0.5 0.4 -0.3 0.2 -0.1] Value: 0.21168068289764497 Node 1,3 Weight: [-0.1 0.2 0.3 -0.4 0.5 0.6 0.7 -0.8 0.] Value: 0.023928708401765485 {'output': [[0.76439061, 0.21168068, 0.02392871]], 'max_sse': 1e-05} </pre>																																																																																																																													
Perhitungan Manual	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Bias1</th><th>X1</th><th>X2</th><th>X3</th><th>X4</th><th>X5</th><th>X6</th><th>X7</th><th>X8</th><th>TARGET Y1</th><th>TARGET Y2</th><th>TARGET Y3</th><th>W01</th><th>W02</th><th>W03</th><th>W11</th><th>W12</th><th>W13</th><th>W21</th><th>W22</th><th>W23</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>-1</td><td>1</td><td>2.8</td><td>1.8</td><td>-0.45</td><td>0.24</td><td>0.15</td><td>0.2</td><td>0.7643906087005896</td><td>0.21168068289764497</td><td>0.023928708401765485</td><td>0.1</td><td>0.9</td><td>-0.1</td><td>-0.2</td><td>0.8</td><td>0.2</td><td>0.3</td><td>-0.7</td><td>0.3</td></tr> <tr> <th>W31</th><th>W32</th><th>W33</th><th>W41</th><th>W42</th><th>W43</th><th>W51</th><th>W52</th><th>W53</th><th>W61</th><th>W62</th><th>W63</th><th>W71</th><th>W72</th><th>W73</th><th>W81</th><th>W82</th><th>W83</th><th>Sum O1</th><th>Sum O2</th><th>Sum O3</th></tr> <tr> <td>0.4</td><td>0.6</td><td>-0.4</td><td>0.5</td><td>0.5</td><td>-0.6</td><td>0.4</td><td>0.6</td><td>-0.7</td><td>-0.3</td><td>0.7</td><td>0.8</td><td>0.2</td><td>-0.8</td><td>0.9</td><td>-0.1</td><td>0</td><td>3.022</td><td>1.738</td><td>-0.442</td></tr> <tr> <th>Output O1 (Activation)</th><th>Output O2 (Activation)</th><th>Output O3 (Activation)</th><th>(Target Y1 - Output1)</th><th>(Target Y2 - Output2)</th><th>(Target Y3 - Output3)</th><th>Error Node Output</th><td colspan="14"></td></tr> <tr> <td>0.76</td><td>0.21</td><td>0.02</td><td>0.00</td><td>0.00</td><td>0.00</td><td>0</td><td colspan="14"></td></tr> </tbody> </table>	Bias1	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23	1	-1	1	2.8	1.8	-0.45	0.24	0.15	0.2	0.7643906087005896	0.21168068289764497	0.023928708401765485	0.1	0.9	-0.1	-0.2	0.8	0.2	0.3	-0.7	0.3	W31	W32	W33	W41	W42	W43	W51	W52	W53	W61	W62	W63	W71	W72	W73	W81	W82	W83	Sum O1	Sum O2	Sum O3	0.4	0.6	-0.4	0.5	0.5	-0.6	0.4	0.6	-0.7	-0.3	0.7	0.8	0.2	-0.8	0.9	-0.1	0	3.022	1.738	-0.442	Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output1)	(Target Y2 - Output2)	(Target Y3 - Output3)	Error Node Output															0.76	0.21	0.02	0.00	0.00	0.00	0														
Bias1	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	TARGET Y1	TARGET Y2	TARGET Y3	W01	W02	W03	W11	W12	W13	W21	W22	W23																																																																																																										
1	-1	1	2.8	1.8	-0.45	0.24	0.15	0.2	0.7643906087005896	0.21168068289764497	0.023928708401765485	0.1	0.9	-0.1	-0.2	0.8	0.2	0.3	-0.7	0.3																																																																																																										
W31	W32	W33	W41	W42	W43	W51	W52	W53	W61	W62	W63	W71	W72	W73	W81	W82	W83	Sum O1	Sum O2	Sum O3																																																																																																										
0.4	0.6	-0.4	0.5	0.5	-0.6	0.4	0.6	-0.7	-0.3	0.7	0.8	0.2	-0.8	0.9	-0.1	0	3.022	1.738	-0.442																																																																																																											
Output O1 (Activation)	Output O2 (Activation)	Output O3 (Activation)	(Target Y1 - Output1)	(Target Y2 - Output2)	(Target Y3 - Output3)	Error Node Output																																																																																																																								
0.76	0.21	0.02	0.00	0.00	0.00	0																																																																																																																								
Keterangan	<p>Hasil uji kasus <i>softmax</i> dengan menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual memberikan hasil yang relatif sama. Pada perhitungan manual dilakukan pembulatan yang telah diatur secara <i>default</i> pada <i>excel</i> sehingga O1 bernilai bulat 0,76, O2 bernilai bulat 0,21 dan O3 bernilai bulat 0,02, namun telah</p>																																																																																																																													

	dibuktikan sama dengan mengurangi nilai target Y1, Y2, dan Y3 dengan O1, O2, dan O3 berturut-turut, dan mendapatkan hasil 0.
--	--

I. Analisis Perbandingan

Dari berbagai hasil kasus uji di atas dapat dilakukan analisis perbandingan antara pengujian kasus menggunakan program FFNN dengan perhitungan manual. Di samping itu terdapat pula beberapa aspek lain yang dapat dipertimbangkan selain melihat perbandingan hasil di antara keduanya. Analisis perbandingan tersebut dapat dilihat sebagai berikut.

1. Ketepatan Hasil (Accuracy)

Program buatan mengimplementasikan *forward propagation* menggunakan perhitungan otomatis yang terprogram pada komputer sehingga dapat menghasilkan hasil dengan cepat dan akurat. Perhitungan manual memerlukan perhatian ekstra terhadap detail dan mungkin rentan terhadap kesalahan manusia. Misalnya, pada penggunaan *excel*, mungkin saja terjadi kesalahan dalam memasukkan rumus perhitungan, atau pada perhitungan mandiri tanpa *excel*, kesalahan menghitung sangat rentan terjadi. Akan tetapi, jika perhitungan manual dilakukan dengan benar dan teliti, seharusnya tetap dapat memberikan hasil yang akurat sesuai dengan hasil program.

2. Waktu Eksekusi

Meskipun tidak dilakukan penghitungan waktu eksekusi pada penyelesaian persoalan FFNN pada kedua cara, dapat diasumsikan bahwa program buatan cenderung jauh lebih cepat dalam melakukan *forward propagation*, terutama untuk jaringan yang besar. Sedangkan perhitungan manual mungkin memerlukan waktu yang lebih lama, terutama jika jaringannya kompleks atau memiliki banyak neuron karena perlu merumuskan tabel penyelesaian yang lebih banyak jika menggunakan *excel* atau perlu melibatkan perhitungan yang kompleks dan panjang jika menghitung mandiri tanpa bantuan *excel*.

3. Kemudahan Penggunaan

Program buatan biasanya lebih mudah digunakan karena memungkinkan untuk otomatisasi dan pengulangan, serta kemampuan untuk mengotomatisasi proses seperti tuning hiperparameter dan analisis hasil. Perhitungan manual membutuhkan pemahaman yang kuat tentang matematika di balik *forward propagation*, termasuk mengetahui rumus dan langkah penyelesaiannya, serta memerlukan waktu dan perhatian ekstra.

4. Kemampuan Pemecahan Masalah

Program buatan dapat menghasilkan hasil yang cepat dan efisien, tetapi tidak selalu memberikan wawasan yang mendalam tentang proses yang sebenarnya terjadi di dalamnya. Di samping itu, perhitungan manual dapat membantu memahami inti dari algoritma *forward propagation* dengan lebih baik, karena memerlukan langkah-langkah yang lebih jelas dan detail dalam pengrajaannya.

5. Skalabilitas

Program buatan lebih mudah untuk disesuaikan dengan jaringan yang lebih besar atau lebih kompleks, sedangkan perhitungan manual mungkin menjadi tidak praktis atau sangat rumit ketika jaringan tumbuh dalam skala yang lebih besar.

Dalam praktiknya, biasanya digunakan kombinasi dari kedua metode tersebut. Program buatan umumnya digunakan untuk pelatihan dan pengujian model secara efisien, sementara perhitungan manual digunakan untuk memeriksa hasil, memvalidasi pemahaman, atau melakukan analisis teoritis seperti yang telah dilakukan pada tugas besar ini.

REPOSITORY & PEMBAGIAN TUGAS

https://github.com/ferindya/TubesA_13520130.git

NIM	Nama Anggota	Peran
13520130	Nelsen Putra	<ul style="list-style-type: none">• Melakukan uji kasus• Membuat analisis perbandingan hasil uji kasus program FFNN dengan perhitungan manual
13521117	Maggie Zeta RS	<ul style="list-style-type: none">• Melakukan uji kasus• Membuat analisis model untuk FFNN
13521133	Cetta Reswara Parahita	<ul style="list-style-type: none">• Melakukan implementasi pembuatan kelas FFNN dan Hidden Layer• Optimasi kelas Layer dan Node,• Debugging activation function, dan• Membuat visualisasi pada main.ipynb
13521161	Ferindya Aulia Berlianty	<ul style="list-style-type: none">• Melakukan implementasi pembuatan kelas aktivasi• Melakukan implementasi pembuatan kelas Layer dan Node

DAFTAR REFERENSI

<https://www.analyticsvidhya.com/blog/2022/03/basic-introduction-to-feed-forward-network-in-deep-learning/>

https://cdn-edunex.itb.ac.id/38024-Machine-Learning-Parallel-Class/69139-Minggu-06/36287-Feed-Forward-Neural-Network/1645167603203_IF_3270_Materi05_Seg03_ANN-FFNN.pdf