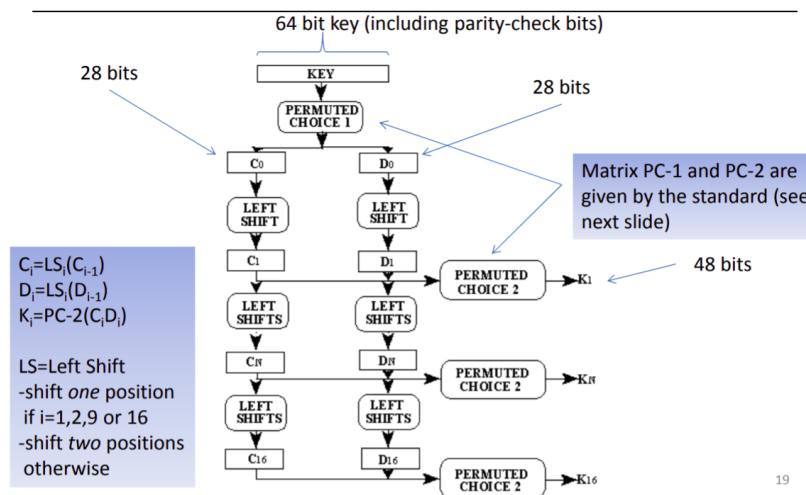


### Pregunta 1 a)

En Key schedule se parte con una llave original de 64 bits la cual contiene 8 bits de paridad, quedando 56 bits. Estos 56 bits pasan por PC1 y son divididos en 2 mitades de 28 bits cada una  $C_{i-1}$  y  $D_{i-1}$ , luego se les aplica 1 o 2 Left Shift (según la ronda) obteniendo  $C_i$  y  $D_i$  a los que se les aplica PC2 para obtener un  $k_i$  en el que se seleccionan 48 bits.  $C_i$  y  $D_i$  pasan a la siguiente ronda y se repite este proceso 16 veces. Esta información es explicada en la Figura siguiente (Fuente: Laboratorio de recherche en informatique, Université Paris Saclay, <https://www.lri.fr/~fmartignon/documenti/systemesecurite/4-DES.pdf> )



19

En PC1 se omiten los bits de paridad (8, 16, 4, 32, 40, 48, 56, 64) que no son escogidos y no aparecen en p1. Esta permutación se muestra en la siguiente figura para Left y Right (Fuente: Laboratorio de recherche en informatique, Université Paris Saclay)

Left							
57	49	41	33	25	17	9	
1	58	50	42	34	26	18	
10	2	59	51	43	35	27	
19	11	3	60	52	44	36	
Right							
63	55	47	39	31	23	15	
7	62	54	46	38	30	22	
14	6	61	53	45	37	29	
21	13	5	28	20	12	4	

En el caso de PC2 se seleccionan 48 bits de los 56 del último estado de la llave. De esos 48 bits, 24 son para cada lado (Izquierdo/Derecho). La transformación se muestra en la siguiente imagen (Fuente: Laboratorio de recherche en informatique, Université Paris Saclay)

14	17	11	24	1	5	3	28
15	6	21	10	23	19	12	4
26	8	16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55	30	40
51	45	33	48	44	49	39	56
34	53	46	42	50	36	29	32

### Pregunta 1b)

Si suponemos que DES realiza solo 3 rondas y tenemos un mensaje de texto plano  $m$ . Ignorando las Permutaciones inicial y final de DES obtenemos:

$$m = L0 || R0$$

$$c = Enc(m, k) = L3 || R3$$

A partir de la 1° ronda de DES obtenemos:

$$L1 = R0 \text{ y } R1 = L0 \oplus f1(R0)$$

Luego de la 2° ronda de DES obtenemos:

$$L2 = R1 \text{ y } R2 = L1 \oplus f2(R1)$$

Finalmente de la 3° ronda de DES se obtiene:

$$L3 = R2 \text{ y } R3 = L2 \oplus f3(R2)$$

$$\text{Entonces } L2 = f3(R2) \oplus R3 = f3(L3) \oplus R3$$

Y como  $R1 = L2$  se obtiene:

$$R1 = f3(L3) \oplus R3 \text{ y de la 1° ronda tenemos que } R1 = L0 \oplus f1(R0).$$

$L0$  y  $R0$  los conocemos directamente del mensaje. Luego en un ataque de texto plano al obtener el mensaje cifrado  $c$  podemos obtener  $L3$  y  $R3$ . A la vez, sabemos que por definición de  $f$ :

$$R1 = f(k3, L3) \oplus R3 \text{ y } R1 = L0 \oplus f(k1, R0).$$

Y de *key-schedule* sabemos que teniendo un  $k$  inicial podemos obtener  $k1$  y  $k3$ . Y con ello, evaluar ambas expresiones anteriores y comparar si son o no iguales.

Sin embargo, con fuerza bruta la llave podría tener  $2^{56}$  opciones. Pero desde *key-schedule* y tal como se indica en el enunciado, sabemos que se puede tratar cada mitad de la llave de forma independiente, teniendo cada una  $2^{28}$  opciones.

De lo anterior, mandando un mensaje de texto plano  $m$  y obteniendo  $c$ , y luego usando fuerza bruta para obtener un  $k$  con el que evaluar las expresiones de  $R1$  destacadas es posible recuperar la llave  $k$  en menos de  $2^{30}$  aplicaciones de la red S/P.