

$$\begin{aligned}
\lambda_r &= \begin{cases} 1 - \text{A rota } r \text{ sera percorrida por algum veiculo na solucao} \\ 0 - \text{Caso contrario} \end{cases} \\
\gamma_{r'} &= \begin{cases} 1 - \text{A rota } r' \text{ sera percorrida por algum veiculo na solucao} \\ 0 - \text{Caso contrario} \end{cases} \\
\tau_{rr'} &= \begin{cases} 1 - \text{O par de rotas } \{r, r'\} \text{ sera percorrido pelo mesmo veiculo na solucao} \\ 0 - \text{Caso contrario} \end{cases} \\
\tau_i &= \begin{cases} 1 - \text{A mercadoria } p_i \text{ foi coletada e entregue pelo mesmo veiculo} \\ 0 - \text{Caso contrario} \end{cases}
\end{aligned}$$

Formulacao linear inteira para o VRPCD:

$$Min \sum_{r \in R} c_r \lambda_r + \sum_{r' \in R'} c_{r'} \gamma_{r'} + \sum_{p_i \in P} c_i \tau_i$$

$$\sum_{r \in R} \lambda_r = K \quad (1)$$

$$\sum_{r' \in R'} \gamma_{r'} = K \quad (2)$$

$$\sum_{r \in R} a_{ir} \lambda_r = 1 \quad \forall i \in F \quad (3)$$

$$\sum_{r' \in R'} a_{ir'} \gamma_{r'} = 1 \quad \forall i \in C \quad (4)$$

$$\lambda_r = \sum_{r' \in R'} \tau_{rr'} \quad \forall r \in R \quad (5)$$

$$\gamma_{r'} = \sum_{r \in R} \tau_{rr'} \quad \forall r' \in R' \quad (6)$$

$$\sum_{r \in R} \sum_{r' \in R'} a_{ir} a_{ir'} \tau_{rr'} \geq \tau_i \quad \forall p_i \in P \quad (7)$$

$$\sum_{r \in R} \sum_{r' \in R'} \tau_{rr'} = K \quad (8)$$

$$\lambda_r, \gamma_{r'}, \tau_{rr'} \in \{0, 1\} \quad (9)$$

Ao relaxar a integralidade das variaveis de decisao e considerar  $S$  e  $S'$  subconjuntos respectivamente de  $R$  e  $R'$ , obtem-se o RLMP. Associa-se entao variaveis duais as restricoes RLMP, para obter a formulacao dual. Variaveis duais:

$$\begin{aligned}
(1) &\rightarrow \alpha \in \mathbb{R} & (2) &\rightarrow \beta \in \mathbb{R} & (3) &\rightarrow \theta \in \mathbb{R}^{|F|} \\
(4) &\rightarrow \mu \in \mathbb{R}^{|C|} & (5) &\rightarrow \psi \in \mathbb{R}^{|S|} & (6) &\rightarrow \phi \in \mathbb{R}^{|S'|} \\
(7) &\rightarrow \pi \in \mathbb{R}_+^{|P|} & (8) &\rightarrow \Delta \in \mathbb{R}
\end{aligned}$$

Formulacao dual:

$$\max K\alpha + K\beta + \sum_{i \in F} \theta_i + \sum_{i \in C} \mu_i + K\Delta$$

$$\alpha + \sum_{i \in F} a_{ir} \theta_i + \sum_{r \in S} \psi_r \leq c_r \quad \forall r \in S \quad (10)$$

$$\beta + \sum_{i \in C} a_{ir'} \mu_i + \sum_{r' \in S'} \phi_{r'} \leq c_{r'} \quad \forall r' \in S' \quad (11)$$

$$-\psi_r - \phi_{r'} + \Delta \leq t_{rr'} \quad \forall r \in S, \forall r' \in S' \quad (12)$$