

# Teoría $\Sigma$ : Respuesta Geométrica Saturante y Termodinámica del Espacio--Tiempo

Fernando Figueroa

## Abstract

Se presenta una teoría geométrica continua en la cual el espacio--tiempo, la materia y la energía emergen como manifestaciones de una única sustancia física, denotada  $\Sigma$ . La consistencia causal y la ausencia de infinitos físicos reales implican que la respuesta geométrica a densidades arbitrariamente grandes no puede ser lineal. Esto conduce a una ley constitutiva saturante caracterizada por un parámetro universal  $B$ , independiente del estado dinámico. A partir de este principio se derivan geometrías regulares libres de singularidades, la entropía del horizonte y la temperatura de Hawking sin cuantizar la geometría ni introducir grados de libertad adicionales.

## 1 Introducción

La relatividad general describe la gravedad como geometría, pero conduce inevitablemente a singularidades. Estas no representan entidades físicas realizables, sino una extrapolación no válida del régimen lineal de respuesta geométrica. La Teoría  $\Sigma$  propone que la geometría responde a una sustancia continua mediante una ley constitutiva saturante.

## 2 Postulados Fundamentales

**Postulado I.** Existe una sustancia física continua  $\Sigma$ , localmente conservada y causalmente completa.

**Postulado II.** No existen infinitos físicos reales; toda divergencia indica ruptura del régimen descriptivo.

**Postulado III.** La geometría responde a  $\Sigma$  mediante una ley constitutiva covariante.

## 3 Ley Constitutiva de Respuesta

Sea  $\rho_\Sigma$  la densidad efectiva de  $\Sigma$ . La respuesta geométrica mínima

compatible con los postulados es:

$$R(\rho_\Sigma) = \frac{\rho^\Sigma}{1 + B\rho^\Sigma}$$

## 4 Naturaleza del Parámetro $B$

El parámetro  $B$ :

- es universal,
- no depende de campos ni estados,
- tiene dimensiones de área.

Por unicidad dimensional:

$$B = \ell_p^2$$

$B$  no es un regulador ni un cutoff, sino la rigidez geométrica mínima de  $\Sigma$ .

## 5 Soluciones Regulares

Bajo simetría esférica:

$$ds^2 = -f(r)dt^2 + f(r)^{-1}dr^2 + r^2d\Omega^2,$$

con

$$f(r) = 1 - \frac{2GM}{r}(1 - e^{-r/4B}).$$

Todos los invariantes de curvatura son finitos.

## 6 Horizontes

El horizonte no es una frontera causal fundamental, sino la superficie donde la respuesta geométrica alcanza saturación.

## 7 Entropía del Horizonte

$$S = \frac{A}{4B}$$

Con  $B=\ell_p^2$  se recupera la ley de Bekenstein--Hawking.

## 8 Temperatura de Hawking

Usando la primera ley  $dE=TdS$ :

$$T=\frac{1}{4\pi r^4}$$

La radiación es consecuencia de la termodinámica geométrica, no de partículas virtuales.

## 9 Conservación de Información

La evolución es regular y unitaria en el espacio de configuraciones de  $\Sigma$ . No existen singularidades ni remanentes.

## 10 Relación con GR y EFT

La relatividad general emerge en el régimen  $\rho_\Sigma \ll B^1$ . Las correcciones de alta curvatura corresponden al desarrollo efectivo de la ley saturante.

## 11 Conclusiones

La Teoría  $\Sigma$  describe el espacio-tiempo como un medio continuo con respuesta saturante. La entropía, la temperatura y la eliminación de singularidades emergen de principios constitutivos, sin cuantización geométrica ni ingredientes adicionales.