Construcción de Carteras usando Machine Learning

Fernando de la Calle Silos

27 de mayo de 2021

BME Inntech Instituto BME

Contenidos

- 1. Introducción
- 2. Consideraciones Previas
- 3. Modern Portfolio Theory
- 4. Introducción al Machine Learning
- 5. Clustering Jerárquico Aglomerativo
- 6. Hierarchical Risk Parity
- 7. Conclusiones

Introducción

Instituto BME



 Máster en Inteligencia Artificial aplicada a los Mercados Financieros (mIA-X).

Instituto BME



- Máster en Inteligencia Artificial aplicada a los Mercados Financieros (mIA-X).
- https://www.institutobme.es/esp/curso/M%C3%A1ster_en_ Inteligencia_Artificial_aplicada_a_los_Mercados_ Financieros__mIA_X_.aspx

Innovation Labs: SOFIA



 El laboratorio nace en Sep-2018 como un equipo multidisciplinar de alto rendimiento. Sus 5 integrantes cuentan con perfiles diversos: Matemático, PhD Computer Science, PhD Multimedia and Communications, Licenciado en Derecho y Dirección de empresas.

Innovation Labs: SOFIA



- El laboratorio nace en Sep-2018 como un equipo multidisciplinar de alto rendimiento. Sus 5 integrantes cuentan con perfiles diversos: Matemático, PhD Computer Science, PhD Multimedia and Communications, Licenciado en Derecho y Dirección de empresas.
- El objetivo del laboratorio es aplicar la potencia de la Inteligencia Artificial a los Mercados Financieros, buscando dar un salto cualitativo en el desarrollo de aplicaciones bursátiles.

Innovation Labs: SOFIA



- El laboratorio nace en Sep-2018 como un equipo multidisciplinar de alto rendimiento. Sus 5 integrantes cuentan con perfiles diversos: Matemático, PhD Computer Science, PhD Multimedia and Communications, Licenciado en Derecho y Dirección de empresas.
- El objetivo del laboratorio es aplicar la potencia de la Inteligencia Artificial a los Mercados Financieros, buscando dar un salto cualitativo en el desarrollo de aplicaciones bursátiles.
- https://www.bmeinntech.es/esp/Home

• Algunas consideraciones antes de empezar:

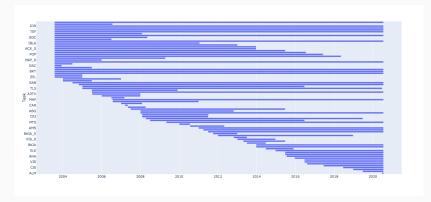
- Algunas consideraciones antes de empezar:
 - Sesgo de supervivencia

- Algunas consideraciones antes de empezar:
 - Sesgo de supervivencia
 - Cómo saber si nuestra teoría es correcta

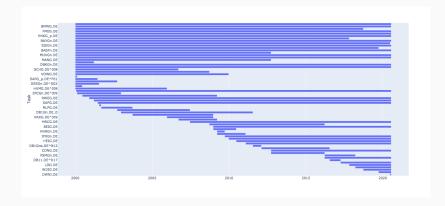
- Algunas consideraciones antes de empezar:
 - Sesgo de supervivencia
 - Cómo saber si nuestra teoría es correcta
 - Sesgo de selección

Sesgo de Supervivencias

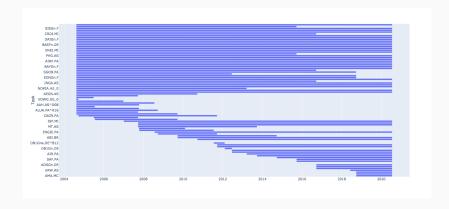
• Las componentes del índice cambian con el tiempo.



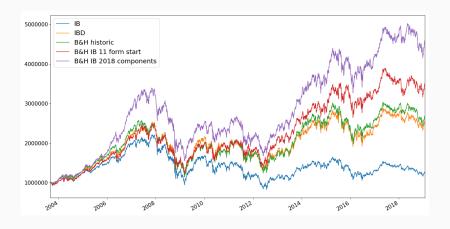
Sesgo de Supervivencia: DAX



Sesgo de Supervivencia: EUROSTOXX 50



Sesgo de Supervivencia: IBEX



• Algunas métricas que podemos observar pueden ser:

- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto

- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto
 - Rendimiento por año

- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto
 - Rendimiento por año
 - Drawdown

- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto
 - Rendimiento por año
 - Drawdown
 - Rolling Return

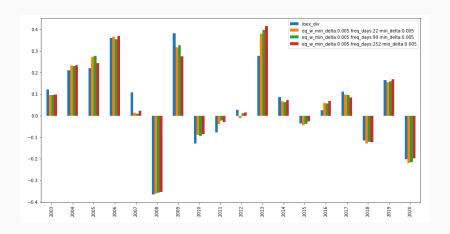
- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto
 - Rendimiento por año
 - Drawdown
 - Rolling Return
 - Rolling Return Distribution

- Algunas métricas que podemos observar pueden ser:
 - Rendimiento compuesto
 - Rendimiento por año
 - Drawdown
 - Rolling Return
 - Rolling Return Distribution
 - Sharpe ratio, IR, tracking error, ulcer index...

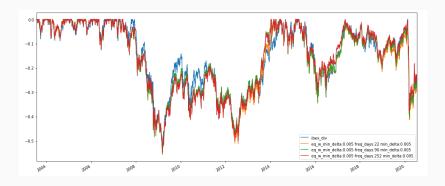
Rendimiento compuesto



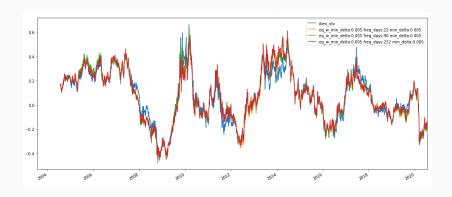
Rendimiento por año



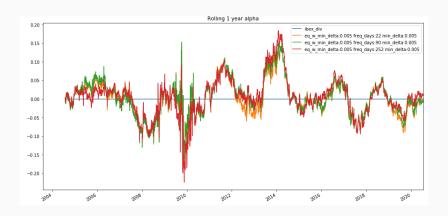
Drawdown



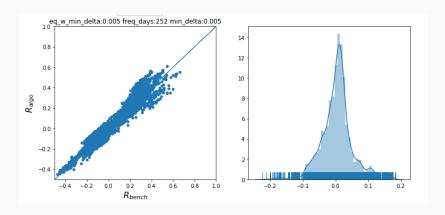
Rolling Return 1 year



Rolling Alpha



Rolling Return Scatter

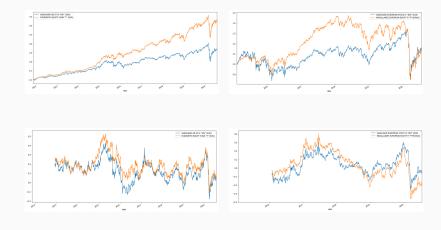


Ejemplo con fondos

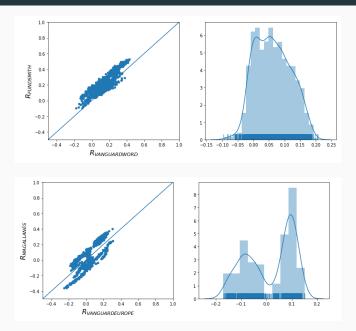




Ejemplo con fondos



Ejemplo con fondos



Sesgo de Selección

• Sobreajustar al pasado no es la solución.

Sesgo de Selección

- Sobreajustar al pasado no es la solución.
- Cuando tenemos parámetros o modelos necesitamos una forma de entrenar los mismos.

Sesgo de Selección

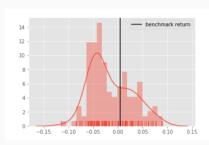
- Sobreajustar al pasado no es la solución.
- Cuando tenemos parámetros o modelos necesitamos una forma de entrenar los mismos.
- Bootstraping, validación combinatoria, datos sintéticos, etc [1, 2].

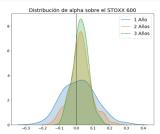
Sesgo de Selección

- Sobreajustar al pasado no es la solución.
- Cuando tenemos parámetros o modelos necesitamos una forma de entrenar los mismos.
- Bootstraping, validación combinatoria, datos sintéticos, etc [1, 2].

Sesgo de Selección

- Sobreajustar al pasado no es la solución.
- Cuando tenemos parámetros o modelos necesitamos una forma de entrenar los mismos.
- Bootstraping, validación combinatoria, datos sintéticos, etc [1, 2].





• Modern portfolio theory (MPT) o mean-variance analysis.

- Modern portfolio theory (MPT) o mean-variance analysis.
- Propuesto por Harry Markowitz en 1952 [3].



Novel 1990

- Modern portfolio theory (MPT) o mean-variance analysis.
- Propuesto por Harry Markowitz en 1952 [3].



Novel 1990

 Obtener una cartera de activos que maximizan el retorno para un nivel dado de riesgo.

- Modern portfolio theory (MPT) o mean-variance analysis.
- Propuesto por Harry Markowitz en 1952 [3].



Novel 1990

- Obtener una cartera de activos que maximizan el retorno para un nivel dado de riesgo.
- Basado en el retorno medio esperado y desviación típica esperada.

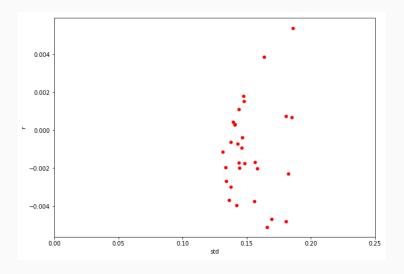
• Dada una serie de retornos para cada activo:

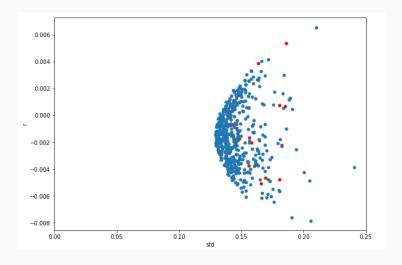
- Dada una serie de retornos para cada activo:
- Encontrar un vector de pesos **w** de dimensiones $n \times 1$, donde n es el número de activos. Los pesos tienen que cumplir que $w_i \geq 0, \ i=1,\ldots,n$ y $\sum_{i=1}^n w_i=1$ dado que solo permitimos estar en largo.

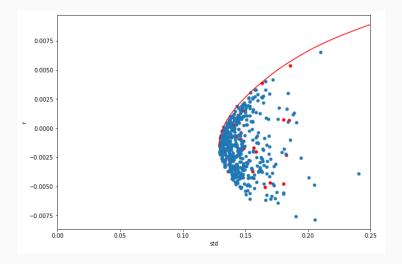
- Dada una serie de retornos para cada activo:
- Encontrar un vector de pesos w de dimensiones n × 1, donde n es el número de activos. Los pesos tienen que cumplir que w_i ≥ 0, i = 1,..., n y ∑_{i=1}ⁿ w_i = 1 dado que solo permitimos estar en largo.
- El retorno y la desviación típica de este portfolio se calcula como:

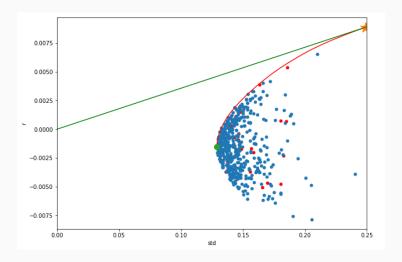
- Dada una serie de retornos para cada activo:
- Encontrar un vector de pesos w de dimensiones n × 1, donde n es el número de activos. Los pesos tienen que cumplir que w_i ≥ 0, i = 1,..., n y ∑_{i=1}ⁿ w_i = 1 dado que solo permitimos estar en largo.
- El retorno y la desviación típica de este portfolio se calcula como:
 - $R_p = \mathbf{w}^T \mu$ donde μ es un vector con la media de los retornos diarios de los activos, con dimensiones $n \times 1$.

- Dada una serie de retornos para cada activo:
- Encontrar un vector de pesos w de dimensiones n × 1, donde n es el número de activos. Los pesos tienen que cumplir que w_i ≥ 0, i = 1,..., n y ∑_{i=1}ⁿ w_i = 1 dado que solo permitimos estar en largo.
- El retorno y la desviación típica de este portfolio se calcula como:
 - R_p = w^T μ donde μ es un vector con la media de los retornos diarios de los activos, con dimensiones n × 1.
 - $\sigma_p = \sqrt{\mathbf{w}^T \Sigma \mathbf{w}}$, donde Σ es la matriz de covarianzas de los retornos, con dimensiones $n \times n$









Frontera eficiente

 El problema de la frontera eficiente se puede tratar como un problema de optimización cuadrática.

maximize
$$\mathbf{w}^{\mathsf{T}}\mu - \gamma \mathbf{w}^{\mathsf{T}} \Sigma \mathbf{w}$$
 subject to $w_i \geq 0, \ i = 1, \dots, n$
$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

Frontera eficiente

 El problema de la frontera eficiente se puede tratar como un problema de optimización cuadrática.

maximize
$$\mathbf{w}^{\mathsf{T}}\mu - \gamma\mathbf{w}^{\mathsf{T}}\Sigma\mathbf{w}$$
 subject to $w_i \geq 0, \ i=1,\ldots,n$
$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

• Donde \mathbf{w} es el vector de pesos a optimizar, $\mathbf{w}^\mathsf{T}\mu$ es el retorno del portfolio, $\mathbf{w}^\mathsf{T}\Sigma\mathbf{w}$ es la varianza del portfolio y γ es un parámetro de adversión al riesgo.

Frontera eficiente

 El problema de la frontera eficiente se puede tratar como un problema de optimización cuadrática.

maximize
$$\mathbf{w}^{\mathsf{T}}\mu - \gamma\mathbf{w}^{\mathsf{T}}\Sigma\mathbf{w}$$
 subject to $w_i \geq 0, \ i=1,\ldots,n$
$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

- Donde \mathbf{w} es el vector de pesos a optimizar, $\mathbf{w}^\mathsf{T}\mu$ es el retorno del portfolio, $\mathbf{w}^\mathsf{T}\Sigma\mathbf{w}$ es la varianza del portfolio y γ es un parámetro de adversión al riesgo.
- Variando γ obtenemos los diferentes puntos de la frontera. Si $\gamma=0$ maximizamos solo el retorno y si $\gamma\to\infty$ obtenemos el portfolio de mínimo riesgo. Variando γ obtenemos el *risk-return-trade-off*.

Harry Markowitz desarrolló en 1956 el Critical Line Algorithm (CLA)
 [4].

- Harry Markowitz desarrolló en 1956 el Critical Line Algorithm (CLA)
 [4].
- CLA es un proceso de optimización cuadrática que encuentra la solución exacta después de un número de pasos conocido.

- Harry Markowitz desarrolló en 1956 el Critical Line Algorithm (CLA)
 [4].
- CLA es un proceso de optimización cuadrática que encuentra la solución exacta después de un número de pasos conocido.
- Solventa algunos problemas de los optimizadores cuadráticos al aplicarse a este problema.

- Harry Markowitz desarrolló en 1956 el Critical Line Algorithm (CLA) [4].
- CLA es un proceso de optimización cuadrática que encuentra la solución exacta después de un número de pasos conocido.
- Solventa algunos problemas de los optimizadores cuadráticos al aplicarse a este problema.
- Se puede encontrar un desarrollo open source en [5].



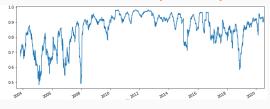
• Da lugar a carteras óptimas en el periodo usado, in sample.

- Da lugar a carteras óptimas en el periodo usado, in sample.
- Tiende a obtener un rendimiento malo out-of-sample (en algunos casos peor que eqw).

• Los retornos no se pueden estimar con precisión.

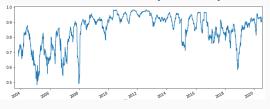
- Los retornos no se pueden estimar con precisión.
- Requiere la inversión de la matriz de covarianzas (muy cercana a ser singular) [2].

- Los retornos no se pueden estimar con precisión.
- Requiere la inversión de la matriz de covarianzas (muy cercana a ser singular) [2].
- Las correlaciones de los activos son muy ruidosas y cambiantes.



3 meses roll corr BBVA-SAN

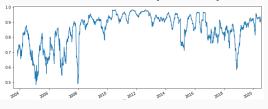
- Los retornos no se pueden estimar con precisión.
- Requiere la inversión de la matriz de covarianzas (muy cercana a ser singular) [2].
- Las correlaciones de los activos son muy ruidosas y cambiantes.



3 meses roll corr BBVA-SAN

• Un pequeño cambio en la matriz de correlación da lugar a un gran alteración de la cartera generada.

- Los retornos no se pueden estimar con precisión.
- Requiere la inversión de la matriz de covarianzas (muy cercana a ser singular) [2].
- Las correlaciones de los activos son muy ruidosas y cambiantes.

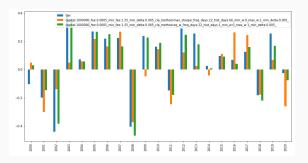


3 meses roll corr BBVA-SAN

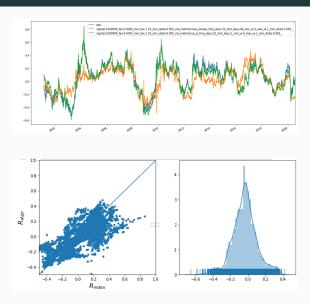
- Un pequeño cambio en la matriz de correlación da lugar a un gran alteración de la cartera generada.
- Riesgo idiosincrásico: en muchas ocasiones produce carteras muy concentradas.











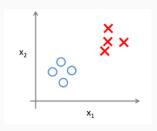
Introducción al Machine Learning

• Aprendizaje Supervisado: Los ejemplos vienen con una variable de salida o etiqueta que queremos aprender.

- Aprendizaje Supervisado: Los ejemplos vienen con una variable de salida o etiqueta que queremos aprender.
- Aprendizaje No Supervisado: No existe una variable o concepto objetivo. Nos interesa descubrir patrones o relaciones que expliquen los datos.

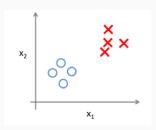
- Aprendizaje Supervisado: Los ejemplos vienen con una variable de salida o etiqueta que queremos aprender.
- Aprendizaje No Supervisado: No existe una variable o concepto objetivo. Nos interesa descubrir patrones o relaciones que expliquen los datos.

- Aprendizaje Supervisado: Los ejemplos vienen con una variable de salida o etiqueta que queremos aprender.
- Aprendizaje No Supervisado: No existe una variable o concepto objetivo. Nos interesa descubrir patrones o relaciones que expliquen los datos.

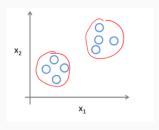


Aprendizaje Supervisado

- Aprendizaje Supervisado: Los ejemplos vienen con una variable de salida o etiqueta que queremos aprender.
- Aprendizaje No Supervisado: No existe una variable o concepto objetivo. Nos interesa descubrir patrones o relaciones que expliquen los datos.



Aprendizaje Supervisado



Aprendizaje No Supervisado

Clustering Jerárquico

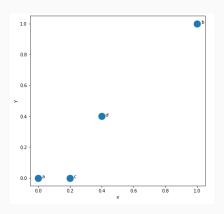
Aglomerativo

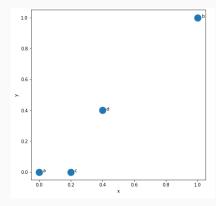
 Agrupamiento jerárquico es un método de análisis de grupos puntuales, el cual busca construir una jerarquía de grupos

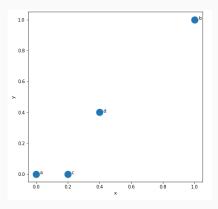
- Agrupamiento jerárquico es un método de análisis de grupos puntuales, el cual busca construir una jerarquía de grupos
- En el aglomerativo se sigue un acercamiento ascendente; cada observación comienza en su propio grupo, y los pares de grupos son mezclados mientras uno sube en la jerarquía.

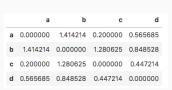


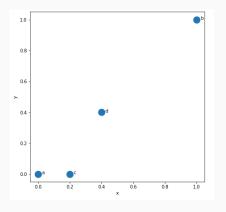


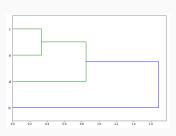












• Propuesto por Marcos Lopez de Prado en [1, 6].

- Propuesto por Marcos Lopez de Prado en [1, 6].
- Es un método de construcción de carteras que no necesita invertir la matriz de covarianza .

- Propuesto por Marcos Lopez de Prado en [1, 6].
- Es un método de construcción de carteras que no necesita invertir la matriz de covarianza.
- Obtiene la jerarquía mediante clustering jerárquico aglomerativo y diversifica sobre los distintos clusters de forma igualitaria en cuanto al riesgo.

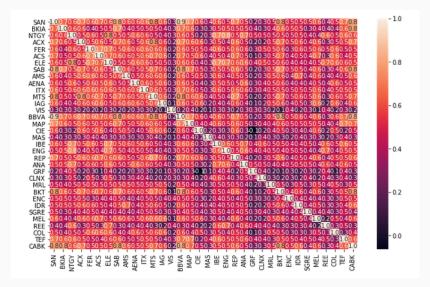
1. Trasforma la matriz de correlaciones en una medida de distancia: $d_{i,j} = \sqrt{\frac{1}{2}(1-\rho_{i,j})}$

- 1. Trasforma la matriz de correlaciones en una medida de distancia: $d_{i,j} = \sqrt{\frac{1}{2}(1-\rho_{i,j})}$
- 2. Aplicar el algoritmo de clustering jerárquico sobre esta matriz

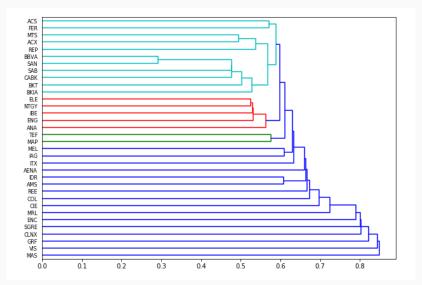
- 1. Trasforma la matriz de correlaciones en una medida de distancia: $d_{i,j} = \sqrt{\frac{1}{2}(1-\rho_{i,j})}$
- 2. Aplicar el algoritmo de clustering jerárquico sobre esta matriz
- 3. Quasi-Diagonalization: reorganizar la matriz de forma que los elementos correlados entre si queden juntos.

- 1. Trasforma la matriz de correlaciones en una medida de distancia: $d_{i,j} = \sqrt{\frac{1}{2}(1-\rho_{i,j})}$
- 2. Aplicar el algoritmo de clustering jerárquico sobre esta matriz
- 3. Quasi-Diagonalization: reorganizar la matriz de forma que los elementos correlados entre si queden juntos.
- Recursive Bisection: repartir top-down los pesos en función de la varianza de cada sub-cluster (risk parity). Solo los elemento de cada cluster compiten por los pesos.

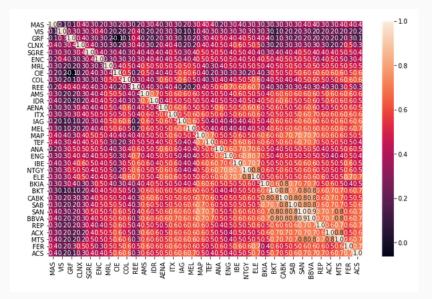
IBEX Corr



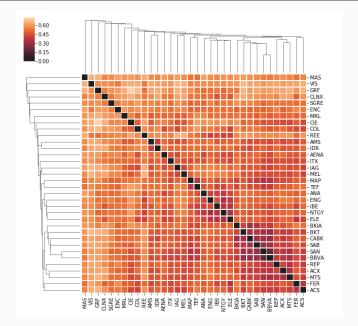
Dendograma



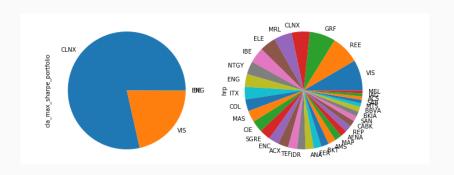
Quasi-Diagonalization IBEX Corr



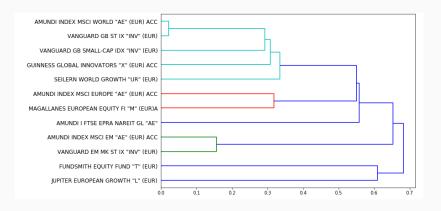
Quasi-Diagonalization IBEX Corr



Carteras generadas



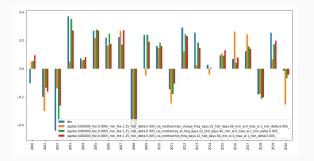
Para una cartera de fondos



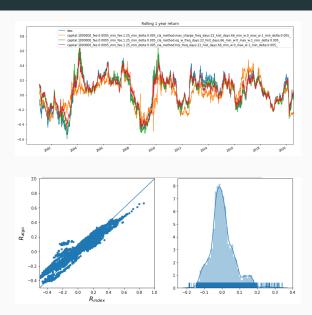












• Markowitz es la cartera óptima in-sample.

- Markowitz es la cartera óptima in-sample.
- Como hemos visto tiene muchos inconvenientes asociados.

- Markowitz es la cartera óptima in-sample.
- Como hemos visto tiene muchos inconvenientes asociados.
- El uso de técnicas de machine learning nos puede valer para analizar, como para construir carteras.

- Markowitz es la cartera óptima in-sample.
- Como hemos visto tiene muchos inconvenientes asociados.
- El uso de técnicas de machine learning nos puede valer para analizar, como para construir carteras.
- Hemos visto uno de los algoritmos de clustering más sencillos.

- Markowitz es la cartera óptima in-sample.
- Como hemos visto tiene muchos inconvenientes asociados.
- El uso de técnicas de machine learning nos puede valer para analizar, como para construir carteras.
- Hemos visto uno de los algoritmos de clustering más sencillos.
- Su aplicación nos permite obtener carteras más diversificadas y que tienden a funcionar mejor out-of-sample.

¿Preguntas?

Referencias

- [1] M. L. de Prado, *Advances in Financial Machine Learning*. Wiley Publishing, 1st ed., 2018.
- [2] M. M. López de Prado, *Machine Learning for Asset Managers*. Elements in Quantitative Finance, Cambridge University Press, 2020.
- [3] H. Markowitz, "Portfolio selection," *Journal of Finance*, vol. 7, no. 1, pp. 77–91, 1952.
- [4] H. Markowitz, "The optimization of a quadratic function subject to linear constraints," *Naval Research Logistics Quarterly*, vol. 3, no. 1a2, pp. 111–133, 1956.

Referencias ii

- [5] D. H. Bailey and M. López de Prado, "An open-source implementation of the critical-line algorithm for portfolio optimization," 2013. Available at SSRN: https://ssrn.com/abstract=2197616.
- [6] M. López de Prado, "Building diversified portfolios that outperform out-of-sample," *Journal of Portfolio Management*, 2016. Available at SSRN: https://ssrn.com/abstract=2708678.