# UNIVERSITATEA BABES-BOLYAI FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ

#### Concurs admitere - varianta 1 Proba scrisă la Informatică

#### În atenția concurenților:

- 1. Se consideră că indexarea tuturor șirurilor începe de la 1
- 2. Problemele tip grilă (Partea A) pot avea unul sau mai multe răspunsuri corecte. Răspuns urile trebuie scrise de candidat pe foaia de concurs (nu pe foaia cu enunturi). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționaiă de identificarea tuturor variantelor de răspuns corecte și numai a acestora.
- 3. Pentru problemele din Partea B se cer rezolvări complete pe foaia de concurs.
  - a. Rezolvările se vor scrie în pseudocod sau într-un limbaj de programare (Pascal/C/C++).
  - b. Primul criteriu în evaluarea rezolvărilor va fi corectitudinea algoritmului, iar apoi performanța din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat.
  - c. Este obligatorie descrierea și justificarea (sub) algoritmilor înaintea rezolvărilor. Se vor scrie, de asemenea, comentarii pentru a ușura înțelegerea detaliilor tehnice ale soluției date, a semnificației identificatorilor, a structurilor de date folosite etc. Neîndeplinirea acestor cerințe duce la pierderea a 10% din punctajul aferent subiectului.
  - d. Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de exemplu: STL, funcții predefinite pe șiruri de caractere).

# Partea A (30 puncte)

## A.1. Oare ce face? (5 puncte)

Se consideră subalgoritmul expresie(n), unde n este un număr natural ( $1 \le n \le 10000$ ).

```
Subalgoritm expresie(n):
   Dacá n > 0 atunci
       Dacă n MOD 2 = 0 atunci
          returnează -n * (n + 1) + expresie(n - 1)
       altfel
          returnează n * (n + 1) + expresie(n - 1)
    altfel
       returnează 0
    SfDaca
SfSubalgoritm
```

Precizați forma matematică a expresiei E(n) calculată de acest subalgoritm

```
(A) E(n) = 1 * 2 - 2 * 3 + 3 * 4 + ... + (-1)^{n+1} * n * (n+1)
B. E(n) = 1*2 - 2*3 + 3*4 + ... + (-1)^n * n*(n+1)
C. E(n) = 1*2+2*3+3*4+...+(-1)^{n+1}*n*(n+1)
D. E(n) = 1*2+2*3+3*4+...+(-1)^n*n*(n+1)
E. E(n) = 1 * 2 - 2 * 3 - 3 * 4 - ... - (-1)^n * n * (n+1)
```

## A.2. Calcul (5 puncte)

Se consideră subalgoritmul calcul (n) unde n este un număr natural  $(1 \le n \le 10000)$ .

```
Subalgoritm calcul(n):
  x \leftarrow \theta, z \leftarrow 1
  CătTimp z ≤ n execută
    x \leftarrow x + 1
    z ← z + 2 1
    z \leftarrow z + 1
  SfCåtTimo
  returnează x
SfSubalgoritm
```

Çare dintre afirmațiile de mai jos sunt false?

- Dacă n = 25 sau n = 35, atunci calcul(n) returnează 5.
- Dacă n < 8, atunci calcul(n) returnează 3.
  - Dacă  $n \ge 85$  și n < 100, atunci calcul(n) returnează 9.
- Subalgoritmul calculează și returnează numărul pătratelor perfecte strict pozitive și strict mai mici decât n. Subalgoritmul calculează și returnează partea întreagă a radicalului numărului n.

# A.3. Expresie logică (5 puncte)

Se consideră următoarea expresie logică: (NOT Y OR Z) OR (X AND Y). Alegeți valorile pentru X, Y, Z astfel încât rezultatul evaluării expresiei să fie adevărat:

```
(A) X + fals; Y + fals; Z + fals;
B X + fals; Y + fals; Z + adevarat;
   X + fals; Y + adevarat; Z + fals;
(D) X + adevărat; Y + fals; Z + adevărat;
E. X + fals; Y + adevărat; Z + adevărat;
```

### A.4. Ce se afișează? (5 puncte) Se considera următorul program:

Varianta 🐔	Varianta C++	Varianta Pastal
#include <stdio.h></stdio.h>	<pre>#include <iostream> using namespace std;</iostream></pre>	type vector=array[110] of integer;
<pre>int sum(int n, int a[], int* s){     *s = 0;     int i = 1;     while(i &lt;= n){         if (a[i] != 0)</pre>	<pre>int sum(int n, int a[], int% s){     s = 0;     int i = 1;     while(i &lt;= n){         if (a[i] != 0)             s += a[i];     ++i;     }     return s; }</pre>	<pre>function sum(n:integer; a:vector;     var i:integer;     var i:integer;     s:= 0; i:= 1;     while (i &lt;= n) do         begin         if (a[i] &lt;&gt; 0) then             s:= s + a[i];         i := i + 1;     end;     sum := s;     end;</pre>
int main(){   int n = 3; int p = 0;   int a[10];   a[1] = -1; a[2] = 0; a[3] = 3;   int s = sum(n, a, 8p);   printf("%d;%d", s, p);   return 0;	<pre>int main(){   int n = 3; int p = 0;   int a[10];   a[1] = -1; a[2] = 0; a[3] = 3;   int s = sum(n, a, p);   cout &lt; c s &lt; c ";" &lt;&lt; p;   return 0; }</pre>	<pre>var n, p, s : integer;     a : vector; begin     n := 3; a[1] := -1; a[2] := 0;     a[3] := 3; p := 0;     s := sum(n, a, p);     write(s, '; ', p); end.</pre>

```
A. 3;0
(B) 2;0
 C. 0;2.
 D. 2;2
```

E. Niciun răspuns nu este corect

## A.5. Număr norocos (5 puncte)

Un număr natural nenul x se numește norocos dacă pătratul său se poate scrie ca sumă de x numere naturale consecutive. De exemplu, 7 este număr norocos pentru că  $7^2 = 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10$ .

Care dintre următorii subalgoritmi verifică dacă un număr natural x ( $2 \le x \le 1000$ ) este norocos? Fiecare subalgoritmi are ca parametru de intrare numărul x, iar ca parametri de ieșire numărul natural nenul start și variabila de tip boolean esteNorocos. Dacă numărul x este norocos, atunci esteNorocos = adevărat și start va reține primul termen din sumă (de ex., dacă x = 7, atunci start = 4); dacă x nu este norocos, atunci esteNorocos = fals și start va reține valoarea -1.

```
Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
                                                                 xpatrat ← x * x
    xpatrat ← x * x
                                                                 esteNorocos + fals
    esteNorocos + fals
                                                                 start + -1, k + 1
   start + -1, k + 1, s + 0

CatTimp k \( \) xpatrat - x \( \) nu esteNorocos execută
                                                                 CâtTimp k ≤ xpatrat - x și nu esteNorocos execută
       Pentru i ← k, k + x - 1 executà
                                                                    Pentru i ← k, k + x - 1 executá
          s + s + i
                                                                        s + s + i
       SfPentru
                                                                     SfPentru
       Dacă s = xpatrat atunci
                                                                     Daca s = xpatrat atunci
          esteNorocos + adevarat
                                                                        esteNorocos + adevarat
          start + k
                                                                       start + k
       SfDaca
                                                                     SfDaca
    SfCatTimp
                                                                     k + k + 1
 SfSubalgoritm
                                                                 SfCåtTimp
                                                              SfSubalgoritm
                                                              Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
 Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
                                                                 Dacă x MOD 2 = 0 atunci
    Daca x MOD 2 = 0 atunci
                                                                     esteNorocos + fals
       esteNorocos + fals
                                                                     start + -1
        start + -1
                                                                 altfel
    altfel
                                                                     esteNorocos + adevárat
       esteNorocos + adevarat
                                                                     start + x DIV 2
       start + (x + 1) DIV 2
                                                                 SfDaca
     SfDaca
                                                              SfSubalgoritm
 SfSubalgoritm
 Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
     esteNorocos + adevarat
     start + (x + 1) DIV 2
 SfSubalgoritm
```

#### A.6. Pune 'b' (5 puncte)

Se consideră o matrice pătratică *mat* de dimensiune  $n \times n$  (n - număr natural impar,  $3 \le n \le 100$ ) și subalgoritmul puneB(mat, n, 1, j) care pune caracterul 'b' pe anumite poziții în matricea *mat*. Parametrii i și j sunt numere naturale  $(1 \le i \le n, 1 \le j \le n)$ .

```
Subalgoritm puneB(mat, n, i, j):

Obcâ i ś n DTV 2 atunci

Obcâ j ś n - i atunci

matii[j] ← 'b' r

puneB(mat, n, i, j + 1),

altfel = B(mat, n, i + 1, i + 2)

[ $fDacâ

$fSubalgoritm
```

Precizați de câte ori se autoapelează subalgoritmul puneB(mat, n, i, j) dacă avem secvența de instrucțiuni:

```
n ← 7, i ← 2, j ← 4
puneB(mat, n, i, j)

A de 5 ori

B de același număr de ori ca și în cazul secvenței de instrucțiuni
n + 9, i + 3, j + 5
puneB(mat, n, i, j)

C. de 10 ori

D. de 0 ori

E. de 0 infinitate de ori
```

# Partea B (60 puncte)

#### B.1. Calcul cu caractere (10 puncte)

Se consideră subalgoritmul calculCuCaractere(s, n, p, q, nr), unde s este un șir cu n caractere (n este număr natural,  $1 \le n \le 9$ ), iar p, q și nr sunt numere naturale  $(1 \le p \le n, 1 \le q \le n, p \le q)$ .

```
Subalgoritm calculCuCaractere(s, n, p, q, nr):

rez ← 0

i ← p

CâtTimp i ≤ q executâ

CâtTimp i ≤ q si s[i] ≥ '0' și s[i] ≤ '9' executâ

nr ← nr * 10 + s[i] - '0'

i ← i + 1

SfCâtTimp

rez ← rez + nr

nr + 0

i ← i + 1

SfCâtTimp

returnează rez

SfSubalgoritm
```

Scrieți o variantă recursivă a subalgoritmului calculCuCaractere(s, n, p, q, nr) care are același antet cu acesta și care are același efect în secvența de instrucțiuni:

```
Citește n, s, p, q
Scrie calculCuCaractere(s, n, p, q, θ)
```

#### B.2. Perioadă (25 puncte)

Se spune că un şir de n caractere are perioada k dacă șirul respectiv poate fi format prin concatenarea repetată a unui şir de caractere de lungime k ( $2 \le n \le 200$ ,  $1 \le k \le 100$ ,  $2 * k \le n$ ). Şirul "abcabcabcabca" are perioada 3 deoarece poate fi considerat ca 4 apariții concatenate ale șirului "abca"; el are de asemenea perioada 6 dacă remarcăm că este format din 2 apariții concatenate ale șirului "abcabc". Şirul "abcxabc" nu are perioadă. Se numește perioadă aunui sir.

Scrieți un subalgoritm care determină perioada maximală pm a unui șir de caractere x cu n elemente (n - număr natural,  $2 \le n \le 200$ ). Dacă șirul x nu are perioadă, pm va avea valoarea -1. Parametrii de intrare ai subalgoritmului sunt x și n, iar parametrul de ieșire este pm.

```
Exemplul 1: dacă n = 8 și x = "abababab", atunci pm = 4.

Exemplul 2: dacă n = 7 și x = "abexabe", atunci pm = -1.
```

#### B.3. Robi-grădina (25 puncte)

Un grădinar pasionat de tehnologie decide să folosească o "armată" de roboți pentru a uda straturile din grădina sa. El dorește să folosească apă de la izvorul situat la capătul cărării principale care străbate grădina. Fiecărui strat îi este asociat un robot și fiecare robot are de udat un singur strat. Toți roboții pornesc de la izvor în misiunea de udare a straturilor la aceeași oră a dimineții (spre exemplu 5:00:00) și lucrează în paralel și neîncetat un același interval de timp. Ei parcurg cărarea principală până la stratul lor, pe care îl udă și revin la izvor pentru a-și reumple rezervorul de apă. La finalul intervalului de timp aferent activității, toți roboții se opresc simultan, indiferent de starea lor curentă. Înițial, la izvor este amplasat un singur robinet. Grădinarul constată însă că apar întărzieri în programul de udare a plantelor deoarece roboții trebuie să aștepte la rând pentru reumplerea rezervoarelor cu apă, astfel încât consideră că cea mai bună soluție este să instaleze mai multe robinete pentru alimentarea roboților. Roboții pornesc dimineața cu rezervoarele umplute. Doi roboți nu își pot umple rezervorul în același moment de la același robinet.

Se cunose: intervalul de timp t cât cei n roboți lucrează (exprimat în secunde), numărul de secunde  $d_i$  necesare pentru a parcurge distanța de la izvor la stratul asociat, numărul de secunde  $u_i$  necesar pentru udarea acestui strat și faptul că umplerea rezervorului propriu cu apă durează exact o secundă pentru fiecare robot  $(t, n, d_b, u_i$  - numere naturale,  $1 \le t \le 20000$ ,  $1 \le n \le 100$ ,  $1 \le d_i \le 1000$ ,  $1 \le u_i \le 1000$ , i = 1, 2, ..., n).

#### Cerinte

- a. Enumerați roboții care se întâlnesc la izvor la un anumit moment de timp mt (1 ≤ mt ≤ t). Justificați răspunsul. Notă: roboții se identifică prin numărul lor de ordine.
- b. Care este numărul minim de robinete suplimentare minRobineteSuplim pe care trebuie să le instaleze grădinarul astfel încât roboții să nu aștepte deloc unul după altul pentru reumplerea rezervorului? Justificați răspunsul.
- c. Scrieți un subalgoritm care determină numărul minim de robinete suplimentare minRobineteSuplim. Parametrii de intrare sunt numerele n și t, șirurile d și u cu câte n elemente fiecare, iar parametrul de ieșire este minRobineteSuplim.

Exemplu 1: dacă t = 32, n = 5, d = (1, 2, 1, 2, 1), u = (1, 3, 2, 1, 3) atunci minRobineteSuplim = 3. Explicație: robotul care se ocupă de stratul 1 are nevoie de o secundă pentru a ajunge la strat, o secundă pentru a uda stratul și de încă o secundă pentru a se întoarce la izvor, el se întoarce la izvor pentru a-și reumple rezervorul după 1 + 1 + 1 = 3 secunde de la ora de plecare (5:00:00), deci la ora 5:00:03; el își reumple rezervorul într-o secundă și pornește înapoi spre strat la ora 5:00:04; revine la ora 5:00:07 pentru a-și reumple rezervorul, continuând ritmul de udare a straturilor, ș.a.m.d.; deci, primul, al doilea, al patrulea și al cincilea robot se întâlnesc la izvor la ora 05:00:23; în consecință, este nevoie de 3 robinete suplimentare.

Exemplu 2: dacă t = 37, n = 3, d = (1, 2, 1), u = (1, 3, 2), atunci minRobineteSuplim = 1

#### Not :

- 1. Toate subiectele sunt obligatorii.
- 2. Ciornele nu se iau în considerare.
- 3. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- 4. Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

	AREM MONTH OF THE PROPERTY OF	
D	TICIU	10 puncto
Pa	rtea A	30 puncto
A.	5 punct	
A.	Calcul. Răspunsurile B, D.     Expresie logică. Răspunsurile A, B, D, E.	5 puncte
A	4. Ce se afișează? Răspunsul D.	5 puncte
A.	5. Număr norocos. Răspunsurile B, C	5 puncte
A.	6. Pune b. Răspunsurile A. B <sup>1</sup>	5 puncte
Pa	rtea B	60 puncte
B.	1. Calcul	10 puncto
•	respectarea parametrilor de intrare și ieșire	2 puncte
	condiția de oprire din recursivitate	
	valoarea returnată la oprirea recursivității	
	condiția pentru caracter diferit de cifră	
	valoarea returnată în cazul unui caracter diferit de cifră	2 punct
100	valoarea returnată în cazul unui caracter cifră	2 puncte
	Dacâ p > q atunci returnează nr altfel Dacâ s[p] < '0' sau s[p] > '9' atunci returnează nr + calculCuCaractere(s, n, p + 1, q, 0) altfel	
	returnează calculCuCaractere(s, n, p + 1, q, 10 * nr + s[p] - '0') SfDacă SfDacă SfSuca SfSubalgoritm	
В.	2. Perioadă	
•	respectarea parametrilor de intrare și ieșire	
•	parcurgerea valorilor posibile ale perioadei	maxim 10 puncte
	Notă: punctajul acordat depinde și de următoarele aspecte:	
	i. parcurgerea valorilor posibile ale perioadei	
	ii. considerarea ca perioadă a divizorilor lui n	
	verificarea periodicității	maxim 13 nuncte
	Notă: punctajul acordat depinde și de numărul de structuri repetitive folosite	Harrin 15 parece
R	3. Robi grădină	25 numete
a.	la un anumit moment de timp mt (1 ≤ mt ≤ t) se întâlnesc la izvor roboții care au valoarea q (egal suma dintre timpul necesar deplasării până la strat și înapoi, timpul necesar udării stratului și timpul necesar umplerii rezervorului) divizor al lui mt.	ă cu
b.	numărul minim de robinete suplimentare este egal cu maximul vectorului aux - 1, unde vectorul a	
c.	pentru fiecare moment de timp, câti roboți se întâlnesc la izvor în momentul respectiv Dezvoltare subalgoritm	
	<ul> <li>V1: folosirea unui vector de frecvență pentru multiplii timpilor de lucru ai fiecărui robot</li> </ul>	
	a. respectarea parametrilor de intrare și ieșire	
	<ul> <li>calcul timp de lucru (q = 2 * deplasare + udare + încărcare)</li> </ul>	2 puncte
	c. prelucrarea vectorului de frecvențe.	5 puncte
	d. stabilirea frecvenței maximale	4 puncte
	e. determinarea numărului de robinete suplimentare	2 puncte
	V2: simulare	
	a. respectarea parametrilor de intrare și ieșire	2 nuncte
	b. calcul timp de lucru (q = 2 * deplasare + udare + încărcare)	2 nuncte
	c. structura repetitivă pentru timp	
	d. structura repetitivă pentru roboți.	
	e. stabilirea numărului de robinete necesare la un anumit moment de timp	i puncte
	g. determinarea numărului de robinete suplimentare	2 puncte

<sup>1</sup> in varianta subiectului în limba engleză, datorită traducerii ambigue a termenului *auto-apel*, a fost considerată corectă atât varianta cu răspunsurile A și B, cât și varianta cu răspunsul B.

```
Partea B (soluții) 60 puncte
B. 1. Calcul 10 puncte
```

```
Subalgoritm calculCuCaractere(s, n, p, q, nr):

Dacá p > q atunci
returneazá nr
altfel
Dacá s[p] < '0' sau s[p] > '9' atunci
returneazá nr + calculCuCaractere(s, n, p + 1, q, 0)
altfel
returneazá calculCuCaractere(s, n, p + 1, q, 10 * nr + s[p] - '0')
SfDacá
SfObacá
SfObacá
SfObacá
```

#### B. 2. Perioadă maximală.....

```
bool verif(int n, char const ×[], int perioada){
   for (int i = perioada; i < n; ++i) {
      if (x[i + 1] | = x[i % perioada + 1])
            return false;
   }
   return true;
}

int perioadaMax(int n, char x[]){
   int perioada = -1;
   for (int per = 2; per * per <= n; ++per){
      if (n % per == 8){ / perioada trebuie os fie printre divizorii lui n
      if (verif(n, x, n / per))
            return n / per;

   if ((per * per < n) && verif(n, x, per)) {
            perioada = per;
      }
   }
   }
   return perioada;
}</pre>
```

#### 

25 puncte