CLUJ. 2018

FACULTATEA DE MATEMATICA ȘI INFORMATICĂ UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI

Concurs admitere - varianta 1 Proba scrisă la Informatică

- Se consideră că indexarea tuturor șirurilor începe de la 1.
 Problemele în grilă (Partea A) pot avea unul sau mai multe răspunsuri corecte. Răspunsurile trebuie scrise de candidat pe foaia de concurs (nu pé foaia cu enunțuri). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționaiă de identificarea tuturor variantelor de concurs (nu pé foaia cu enunțuri). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționaiă de identificarea tuturor variantelor de răspuns corecte și numai a acestora.
 - 3. Pentru problemele din Partea B se cer rezolvări complete pe foaia de concurs.
- a. Rezolvările se vor scrie în pseudocod sau intr-un limb aj de programare (PascaVC/C++).
 b. Primul criteriu în evaluarea rezolvărilor va fi corectitudinea algoritmului, ier apoi performanța din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat.
- Este obligatorie descrierea și justificarea (sub) algoritmilor înaintea rezolvărilor. Se vor scrie, de asemenea, comentarii pentru
 a uşura înțelegerea detaliilor tehnice ale soluției date, a semuificației identificatorilor, a structurilor de date folosite etc. Neindeplinirea acestor cerinte duce la pierderea a 10% din punctajul aferent subjectului.
 - d. Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de exemplu: STZ, funcții predefinite pe şiruri de caractere).

Partea A (30 puncte)

A.1. Oare ce face? (5 puncte)

Se consideră subalgoritmul expresie (n), unde n este un număr natural $(1 \le n \le 10000)$.

```
returnează -n * (n + 1) + expresie(n - 1)
                                                     returneazá n * (n + 1) + expresie(n - 1)
SfDacá
              Dacá n > 0 atunci
Dacá n MOD 2 = 0 atunci
Subalgoritm expresie(n):
                                                                                                                returnează 0
                                                                                                                                            SfSubalgoritm
                                                                                                   altfel
                                                                                                                              SfDaca
```

Precizați forma matematică a expresiei E(n) calculată de acest subalgoritm:

```
C. E(n) = 1*2+2*3+3*4+...+(-1)^{n+1}*n*(n+1)
(A) E(n) = 1*2 - 2*3 + 3*4 + ... + (-1)^{n+1}*n*(n+1)

(B) E(n) = 1*2 - 2*3 + 3*4 + ... + (-1)^n*n*(n+1)
                                                                                                             D. E(n) = 1*2+2*3+3*4+...+(-1)^n*n*(n+1)
                                                                                                                                              E. E(n) = 1*2.2*3.3*4.... - (-1)^n*n*(n+1)
```

A.2. Calcul (5 puncte)

Se consideră subalgoritmul calcul (n) unde n este un număr natural ($1 \le n \le 10000$).

```
x \leftarrow \theta, z \leftarrow 1
CatTimp z \le n executá
Subalgoritm calcul(n):
                                                                                                                                                     SfCåtTimp
```

Çare dintre afirmațiile de mai jos sunt false?

Dacă n = 25 sau n = 35, atunci calcul(n) returnează 5.

A. Dacă n = 25 sau n = 35, atunci calcul (n) returnează 5.
 B. Dacă n < 8, atunci calcul (n) returnează 3.
 C. Dacă n ≥ 85 și n < 100, atunci calcul (n) returnează 9.
 D. Subalgoritmul calculează și returnează numărul pătratelor perfecte strict pozitive și strict mai mici decât n.
 E. Subalgoritmul calculează și returnează partea întreagă a radicalului numărului n.

A.3. Expresie logică (5 puncte)

Se consideră următoarea expresie logică: (NOT Y OR Z) OR (X AND Y). Alegeți valorile pentru X, Y, Z astfel încât rezultatul evaluării expresiei să fie adevărat.

A, X + fals; Y + fals; Z + fals;
B, X + fals; Y + fals; Z + adevárat;
C. X + fals; Y + adevárat; Z + fals;
D) X + adevárat; Y + fals; Z + adevárat;
E, X + fals; Y + adevárat; Z + adevárat;

esteNorocos + adevôrat start + (x + 1) DIV 2 SfSubalgoritm

A.4. Ce se afișează? (5 puncte) Se consideră următorul program:

Varianta	Varianta C++	Varianta Pastal
#include <stdio.h></stdio.h>	#include <iostream> using namespace std;</iostream>	type vector=array[110] of integer;
int sum(int n, int a[], int* s){ *s = 0; int i = 1; while(i <= n){ if (a[i] = 0)	int sum(int n, int a[], int8 s){ s = 0; int i = 1; while(i <= n){ if (a[i] = 0) if	function sum(n:integer; a:vector; var i:integer; var i:integer; s: e j i:= 1; while (i <= n) do begin (i <= n) do begin (i = n) do i := s + a[i]; e'di: i = i + 1; e'di: sum := s; end; end;
<pre>int main(){ int n = 3; int p = 0; int all 1 = -1; al 2 = 0; al 3 = 3; int s = sum(n, a, &p); print("Ad;Ad", s, p); return 0;</pre>	<pre>int main(){ int n = 3; int p = 0; int a[10]; int a[10]; int a[10]; int a = sum(n, a, p); cout < s < < ''," < P); return 0;</pre>	var n, p, s : integer; begin n=3; a[1] := -1; a[2] := 0; n[3] := 3; p := 0; s := sum(n, a, p); end.

2,0

E. Niciun răspuns nu este corect

Un număr natural nenul x se numește norocos dacă pătratul sâu se poate scrie ca sumă de x numere naturale consecutive. De exemplu, 7 este număr norocos pentru că $7^2 = 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10$. A.5. Număr norocos (5 puncte)

Care dintre următorii subalgoritmi verifică dacă un număr natural x ($2 \le x \le 1000$) este norocos? Ficeare subalgoritm are ca parametru de intrare numărul x, iar ca parametri de ieșire numărul natural nenul start și variabila de tip boolean este Norocos. Dacă numărul x este norocos, atunci este Norocos = ade vărat și start va reține primul termen din sumă (de ex., dacă x = 7, atunci start = 4); dacă x nu este norocos, atunci este Norocos = fals și start va reține valoarea - 1.

xpatrat + x * x
esselvorcos + fals
start + -1, k + 1
Catilmp k ≤ xpatrat - x și nu esteNorocos executà Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos) Dacá x MOD $2 = \theta$ atunci Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos) Pentru i ← k, k + x - 1 executà esteNorocos + adevarat start + k Daca s = xpatrat atunci esteNorocos + adevarat start + x DIV 2 S + S + 1 SfPentru SfCåtTimp SfSubalgoritm SfSubalgoritm SfDaca altfel esteNorocos + fuls + 8
start + 1, x + 1, x + 8
(Attimp k s xpatrat - x \$1 nu esteNorocos executà
Pentru i - k, k + x - 1 executà Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
xpatrat ← x * x Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos):
Dacá x MOD 2 = 0 atunci Subalgoritm norocos(x, start, esteNorocos): SfPentru
Dacá s = xpatrat atunci
esteNorocos + adevárat esteNorocos + adevárat start + (x + 1) DIV 2 esteNorocos + fals start ← k SfDacå SfSubalgoritm SfCatTimp SfDaca altfel

A.6. Pune 'b' (5 puncte)

Se consideră o matrice păratică $\mu n d$ ed dimensiune $n \times n$ (n - număr natural impar, $3 \le n \le 100$) și subalgoritmul pune $\theta(mat$, n, i, j) care pune caracterul 'b' pe anumite poziții în matricea mat. Parametrii i și j sunt numere naturale $(1 \le i \le n, 1 \le j \le n).$

puneB(mat, n, i + 1, i + 2), SfDaca puneB(mat, n, i, j + 1). Subalgoritm puneB(mat, n, i, j): Paca j≤n - i atunci mat{i][j] ← 'b' < Dacá i ≤ n DIV 2 atunci SfSubalgoritm Precizați de câte ori se autoapelează subalgoritmul puneB(mat, n, i, j) dacă avem secvența de instrucțiuni

puneB(mat, n, i, j) n + 7, i + 2, j

A de 5 ori B. de același număr de ori ca și în cazul secvenței de instrucțiuni

n + 9, i + 3, j + 5puneB(mat, n, i, j) C. de 10 ori

D. de 0 ori E. de o infinitate de ori

Partea B (60 puncte)

B.1. Calcul cu caractere (10 puncte)

Se consideră subalgoritmul calculCuCaractere(s, n, p, q, nr), unde s este un șir cu n caractere (n este număr natural, $1 \le n \le 9$), iar p, q și nr sunt numere naturale $(1 \le p \le n, 1 \le q \le n, p \le q)$

CâtTimp i ≤ q execută CâtTimp i ≤ q și s[i] ≥ '0' și s[i] ≤ '9' execută nr ← nr " 10 + s[i] - '0' Subalgoritm calculCuCaractere(s, n, p, q, nr): rez ← rez + nr ← i + 1 $i \leftarrow i + 1$ Sfc&tTimp returnează rez SfCatTimp SfSubalgoritm Scrieți o variantă recursivă a subalgoritmului calculCuCaractere(s, n, p, q, nr) care are același antet cu acesta și care are același efect în secvența de instrucțiuni:

Citește n, s, p, q Scrie calculcuCaractere(s, n, p, q, 0)

B.2. Perioadă (25 puncte)

Se spune că un șir de n caractere are perioada k dacă șirul respectiv poate fi format prin concatenarea repetată a unui şir de caractere de lungime k ($2 \le n \le 200$, $1 \le k \le 100$, $2 * k \le n$). Şirul "abcabcabcabc" are perioada 3 deoarece poate fi considerat ca 4 apariții concatenate ale șirului "abc"; el are de asemenea *perioada* 6 dacă remarcăm că este format din 2 apariții concatenate ale șirului "abcabo". Șirul "abcxabo" nu are perioadă. Se numește *perioadă maximală* cea mai mare perioadă a unui șir

2 < n < 200). Dacă șirul x nu are perioadă, pm va avea valoarea -1. Parametrii de intrare ai subalgoritmului sunt x și n, Scrieți un subalgoritm care determină *perioada maximală pm* a unui șir de caractere x cu n elemente (n - număr natural, iar parametrul de ieșire este pn

Exemplul I: dacă n = 8 și x = "abababab", atunci pm = 4. Exemplul 2: dacă n = 7 și x ="abcxabc", atunci pm = -1.

B.3. Robi-grădina (25 puncte)

Un grădinar pasionat de tehnologie decide să folosească o "armată" de roboți pentru a uda straturile din grădina sa. El dorește să folosească apă de la izvorul situat la capătul cărării principale care străbate grădina. Fiecărui strat îi este asociat un robot și fiecare robot are de udat un singur strat. Toți roboții pornesc de la izvor în misiunea de ueare a straturilor la aceeasi oră a dimineții (spre exemplu 5:00:00) și lucrează în paralel și neîncetat un același interval de Inițial, la izvor este amplasat un singur robinet. Grădinarul constată însă că apar întârzieri în programul de udare a plantelor deoarece roboții trebuie să aștepte la rând pentru reumplerea rezervoarelor cu apă, astfel încât consideră că timp. Ei parcurg cărarea principală până la stratul lor, pe care îl udă și revin la izvor pentru a-și reumple rezervorul de cea mai bună soluție este să instaleze mai multe robinete pentru alimentarea roboților. Roboții pornesc dimineața cu apă. La finalul intervalului de timp aferent activității, toți roboții se opresc simultan, indiferent de starea lor gurentă. rezervoarele umplute. Doi roboți nu își pot umple rezervorul în același moment de la același robinet.

umplerea rezervorului propriu cu apă durează exact o secundă pentru fiecare robot (t, n, d_b u₁ - numere naturale, 1 ≤ t ≤ Se cunosc: intervalul de timp t cât cei n roboți lucrează (exprimat în secunde), numărul de secunde d, necesare pentru a parcurge distanța de la izvor la stratul asociat, numărul de secunde u_i necesar pentru udarea acestui strat și faptul că 200000, $1 \le n \le 100$, $1 \le d_i \le 1000$, $1 \le u_i \le 1000$, i = 1, 2, ..., n).

Cerinte

- Enumerați roboții care se întâlnesc la izvor la un anumit moment de timp mt $(1 \le mt \le t)$. Justificați răspunsul.
- Care este numărul minim de robinete suplimentare minRobineteSuplim pe care trebuie să le instaleze grădinarul Notă: roboții se identifică prin numărul lor de ordine.
- Scrieți un subalgoritm care determină numărul minim de robinete suplimentare minRobineteSuplim. Parametrii de intrare sunt numerele n și t, șirurile d și u cu câte n elemente fiecare, iar parametrul de ieșire este minRobineteSuplim.

astfel încât roboții să nu aștepte deloc unul după altul pentru reumplerea rezervorului? Justificați răspunsul.

Exemplu 1: dacă t = 32, n = 5, d = (1, 2, 1, 2, 1), u = (1, 3, 2, 1, 3) atunci minRobineteSuplim = 3. Explicație: robotul care se ocupă de stratul 1 are nevoie de o secundă pentru a ajunge la strat, o secundă pentru a uda stratul și de încă o secundă pentru a se întoarce la izvor; el se întoarce la izvor pentru a-și reumple rezervorul după 1 + 1 + 1 = 3 secunde de la ora de plecare (5:00:00), deci la ora 5:00:03; el își reumple rezervorul într-o secundă și pomește înapoi spre strat la ora 5:00:04; revine la ora 5:00:07 pentru a-și reumple rezervorul, continuând ritmul de udare a straturilor, ș.a.m.d.; deci, primul, al doilea, al patrulea și al cincilea robot se întâlnesc la izvor la ora 05:00:23; în consecință, este nevoie de 3 robinete suplimentare.

Exemplu 2: dacă t = 37, n = 3, d = (1, 2, 1), u = (1, 3, 2), atunci minRobineteSuplim = 1.

- Toate subjectele sunt obligatorii.
 - Ciornele nu se iau în considerare.
 - Se acordă 10 puncte din oficiu.

4. Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

1	-			
ar -	raruea A		Good Discussion A	30 puncte
7		פיין	Oalen Reenmentia R D	5 puncte
1 0		cul.		> puncte
, .		presi	Expresse logica. Kaspunsurile A, B, D, E	5 puncte
4.		se al		5 puncte
n'	Num	mār	Numār norocos. Rāspunsurile B, C	5 punctg
9	, Pun	le b.	6. Pune b. Kaspunsurile A, B¹	5 puncte
F.	Partea B			60 puncte
-	B. I. Calcul	cul.		10 puncte
-	respe	sctar	respectarea parametrilor de intrare și ieșire	2 puncte
-	condi	iția c	condiția de oprire din recursivitate	1 puncte
-	valoa	area 1	valoarea returnată la oprirea recursivității	1 puncte
-	condi	itia p	conditia pentru caracter diferit de cifră	2 nuncte
-	valoa	rear	valoarea returnată în cazul unui caracter diferit de cifră	ound 2
1	1		מיים זון מיים מוח מיים מיים מיים מיים מיים מיים מיים מיי	z puncte
	Valoa	Irea	er cura	2 puncte
	-	Suba	Subalgoritm calculCuCaractere(s, n, p, q, nr): Daca p > q atunci	
			returneazá nr	
		•	Daca s[p] < '0' sau s[p] > '9' atunci	
			eaza nr +	
			returnează calculCuCaractere(%, n, p + 1, q, 10 * nr + %[p] - '0')	
			acá	
		SfSu	SfDaca SfSubalgoritm	
	1			
B. 2.	2. Perioada	load		25 puncte
-	espe	CLAR		2 puncte
-	parcu	ırger		maxim 10 puncte
			Notă: punctajul acordat depinde și de următoarele aspecte:	
			 parcurgerea valorilor posibile ale perioadei 	
			ii. considerarea ca perioadă a divizorilor lui n	
-	verific	care		maxim 13 puncte
			Notă: punctajul acordat depinde și de numărul de structuri repetitive folosite	
3	Rob	oi gr	Robi grādinā	25 puncte
	la un	anu I	la un anumit moment de timp mt ($1 \le mt \le t$) se întâlnesc la izvor roboții care au valoarea q (egală cu suma dintre timpul necesar deplasării nână la strat si înanci timpul necesar idării stratului ei	
	tii	ndu	timpul necesar umplerii rezervorului) divizor al lui mt	Sprincte
	num	ărul	numărul minim de robinete suplimentare este egal cu maximul vectorului aux - 1, unde vectorul aux retine.	:
	p	entru	pentru ficeare moment de timp, câti roboți se întâlnesc la izvor în momentul respectiv	5 puncte
	7	71. 6	VII following many worker do focus many many time; time; the delicered for the second	3.
	•	1.1	ž	15 puncte
		, T		2 puncte
		0	calcul ump de lucru ($q = 2 + \text{deplasare} + \text{udare} + \text{incarcare}$)	2 puncte
		· ·	prelucrarea vectorului de frecvențe.	5 puncte
		ם	stabilirea frecvenței maximale	4 puncte
		o,	determinarea numărului de robinete suplimentare	2 puncte
•	>	V2: SI	simulare.	10 puncte
		ė,	respectarea parametrilor de intrare și ieșire	2 puncte
		b.	calcul timp de lucru ($q=2*$ deplasare + udare + încărcare)	2 puncte
		c	structura repetitivă pentru timp.	1 puncte
		ď	structura repetitivă pentru roboți.	1 puncte
		Ö	stabilirea numărului de robinete necesare la un anumit moment de timp	1 punct
		f.	stabilirea numărului maxim de robinete	1 punct
		oi	determinarea numărului de robinete suplimentare	2 puncte

¹ in varianta subiectului în limba engleză, datorită traducerii ambigue a termenului *auto-apel*, a fost considerată corectă atât varianta cu răspunsurile A și B, cât și varianta cu răspunsul B.

... 25 puncte