CLUJ 2018

## UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ

Wodel 1

## Admitere Mate-Info - model Proba scrisă la Informatică

## Subjectul A (30 puncte)

 (5p) Un tip de date întreg pe x biți (x este număr natural stroit pozitiv) va putea reține valori întregi din intervalul:

```
a. [0, 2<sup>x</sup>]
b. [0, 2<sup>x-1</sup>-1]
c. [-2<sup>x-1</sup>,2<sup>x-1</sup>-1]
d. [-2<sup>x</sup>,2<sup>x</sup>-1]
e. [0, 10<sup>x</sup>]
```

2. (5p) Se dă următorul subalgoritm

```
Subalgoritm f(a, b):

Dacă a > 1 atunci
returnează b * f(a - 1, b)
altfel
returnează b * f(a + 1, b)
SfDacă
'SfSubalgoritm
```

Precizați de câte ori se apeleaza functia f în următoarea secvență de cod:

 (5p) Fie x o variabilă de tip întreg care conține cel mai mic număr natural nenul, multiplu de 36, divizibil cu toate numerele prime mai mici decât 10. Precizați care dintre expresiile de mai jos sunt adevărate.

```
a. (x < 1000) and ((x*x*x) mod 1000 = 0)
b. (x mod 100 = 0) or (x div 100 = 0)
c. (x > 1000) && (x mod 7 = 0)
d. ((x*x) div 16) mod 2 = 1
((x*x) div 16) mod 2 = 0
```

4. (5p) Se consideră toate șirurile de lungime l ∈ {1, 2, 3} formate din litere din mulțimea {a, b, c, d, e}. Câte dintre aceste șiruri au elementele ordonate strict descrescător și un număr impar de vocale? (a și e sunt vocale)

```
a. 14
b. 7
c. 81
d. 78
e. 0
```

5. (5p) Se dă următoarea secvență de cod

Care este rezultatul execuției apelului numere Pozitive (k,x,l,y) pentru k=4, șirul x=(-1,2,-3,4), l=-1 și sirul vid y=().

```
a. 1 = 3 $i y=[2, 4];
b. 1 = 0 $i y=[2, 4];
c. 1 = 0 $i y=[];
d. Depinde de valoarea lui k
e. Eroare de compilare
```

6. (5p) Se consideră următorul subalgoritm

```
Subalgoritm SA6(a):

Dacă a < 50 atunci

Dacă a mod 3 = 0 atunci

returneaza SA6(2 * a - 3)

altfel

returnează SA6(2 * a - 1)

SfDaca

altfel

returnează a

SfDacă

SfDacă

SfDacă
```

Pentru care dintre valorile parametrului a subalgoritmul va returna valoarea 61?

```
a. 16
b 61
c. 4
d 31
```

## Subjectul B (60 puncte)

## 1. Degustare de ciocolată (25 puncte)

O companie de publicitate face reclamă la un nou sortiment de ciocolată și intenționează să distribuie mostre de ciocolată la n ( $10 \le n \le 10\,000\,000$ ) copii care sunt așezați într-un cerc. Angajații companiei își dau seama că distribuirea de mostre tuturor copiilor ar costa foarte mult. În consecință, decid să distribuie mostre fiecărui al k-lea (0 < k < n) copil din cei n, numărând copiii din k în k (atunci când numărătoarea ajunge la ultimul copil, ea continuă cu primul copil și așa mai departe). În numărătoare se vor considera toți copiii, fie că au primit sau nu ciocolată. Numărătoarea se oprește atunci când o ciocolată ar trebui distribuită unui copil care deța a primit.

Scrieți un subalgoritm care determină numărul copiilor (nr) care nu primesc mostre de ciocolată. Parametrii de intrare sunt numerele naturale n și k, iar parametrul de iesire va fi numărul natural nr.

Exemplu 1: dacă n = 12 și k = 9, atunci nr = 8 (primul, al 2-lea, al 4-lea, al 5-lea, al 7-lea, al 8-lea, al 10-lea, al 11-lea copil nu primesc ciocolată).

Exemplu 2: dacă n = 15 și k = 7, atunci nr = 0 (toți copiii primesc ciocolată).

#### 2. Numere magice (15 puncte)

Se consideră două numere naturale p și q  $(2 \le p \le 10, 2 \le q \le 10)$ . Un număr natural se numește magic dacă mulțimea cifrelor utilizate în scrierea lui în sistemul de numerație având baza p este identică cu mulțimea cifrelor folosite în scrierea lui în sistemul de numerație având baza q. De exemplu, pentru p = 9 și q = 7,  $(31)_{10}$  este număr magic pentru că  $(34)_9 = (43)_7$ , iar pentru p = 3 și q = 9,  $(9)_{10}$  este număr magic pentru că  $(100)_3 = (10)_9$ .

Scrieți un subalgoritm care, pentru două baze p și q date determină șirul x al tuturor numerelor magice, strict mai mari ca 0 și strict mai mici decât un număr natural n dat  $(1 < n \le 10\,000)$ . Parametrii de intrare ai subalgoritmului sunt p și q (cele două baze) și valoarea n. Parametrii de ieșire vor fi șirul x și lungimea k a șirului x. Exemplu: dacă p = 9, q = 7 și n = 500, șirul x va avea k = 11 elemente: (1, 2, 3, 4, 5, 6, 31, 99, 198, 248, 297).

# 3. Căutare (10 puncte)

Se dă următorul subalgoritm:

```
1: Subalgoritm cautare(x, n, val):
2: Dacă n = 0 atunci
3: returnează (x[0] = val)
4: altfel
5: returnează cautare(x, n - 1, val)
6: SfDacă
7: SfSubalgoritm
```

Ce instrucțiune sau instrucțiuni trebuie adăugate și unde astfel încât în urma apelului, funcția să determine dacă elementul val face sau nu parte din șirul x cu n elemente (n număr natural strict mai mare ca zero)?

## 4. Cifra de control (10 puncte)

Se dă următorul subalgoritm pentru determinarea cifrei de control a unui număr natural cu minim 2 cifre.

```
Subalgoritm cifraDeControl(x):
 1:
           CâtTimp x > 9 execută:
 2:
 3:
             s ← 0
             CâtTimp x > 0 execută:
                 s \leftarrow s + x \text{ MOD 10 } \{ \text{ x mod 10 } \text{ calculează } \text{restul împărțirii} \text{ lui x la 10} \}
                 x ← x DIV 10 { x div 10 calculează câtul împărțirii lui x la 10}
 6:
             SfCatTimp
 8:
             x + s
 9:
           SfCatTimp
10:
           returnează x
11: SfSubalgoritm
```

Înlocuiți corpul acestui subalgoritm cu maxim 2 instrucțiuni astfel încât subalgoritmul rezultat să aibă același efect.

## Notă:

- 1. Toate subjectele sunt obligatorii.
- 2. Rezolvările trebuie scrise detaliat pe foile de examen (ciornele nu se iau în considerare).
- 3. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- 4. Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

## BAREM

OFICIU.	
SUBIECTUL A	30 puncte
A. 1. Răspunsul b,c	5 puncte
A. 2. Răspunsul c	5 puncte
A. 3. Răspunsurile c,d	5 puncte
A. 4. Răspunsul a	5 puncte
A. 5. Răspunsul c	5 puncte
A. 6. Răspunsurile a, b, d	5 puncte
SUBIECTUL B	60 puncte
B. 1. Degustare de ciocolată	25 puncte
• V1: determinarea corectă a valorii nr (cu formula nr = n - n/cmmdc(n, k)	25 puncte
V2: determinarea corectă a valorii nr (simulare, listă circulară)	15 puncte
B. 2. Numere magice	15 puncte
- verificarea proprietății de număr magic	
V1: pe baza identității vectorilor caracteristici ai mulțimilor de cifre ale n	umărului
dat în cele două reprezentări (în baza $p$ și, respectiv, baza $q$ )	10 puncte
V2: alte variante de algoritm corect cu performanță mai redusă	maxim 5 puncte
- construirea sirului x	
B. 3. Căutare	10 puncte
- identificare condiție (x[n] = val)	
- returnarea valorii de adevăr a condiției compuse în linia 5	
B. 4. Cifra de control	10 puncte
- cifra de contrc' a unui număr poate fi calculată ca nr mod 9	10 puncte

```
REZOLVARE - Subject B.1.: Degustare de ciocolată
                                                                               .25 puncte
 #include <iostream>
 using namespace std;
 Subiectul I.1. Degustare de ciocolata
 //calculeaza si returneaza cmmdc a 2 numere naturale a si b
 int cmmdc(int a, int b){
       if ((a == b) && (a == 0))
             return 1;
       if (a * b == 0)
             return a + b;
       while (b != 0){
             int c = b;
             b = a % b;
             a = c;
             //while
       return a;
 //determina si returneaza nr de copii care nu primesc ciocolata dintre cei n copii
 //numarand din k in k. Putem să consideram numaratoarea in cerc ca o numaratoare
 //liniara in mai multe siruri mici, fiecare cu n copii, obtinând un sir mare cu
 //p copii (p fiind multiplu de n). Numaratoarea se termina atunci cand al n-lea
//copil (dintr-un sir mic) primeste ciocolata (astfel, urmatorul copil care ar
//trebui sa primeasca ciocolata va fi un al k-lea copil din urmatorul sir mic),
//deci p trebuie sa fie si multiplu de k. Asadar, p = cmmmc(n, k). Dintre cei
//p copii, au primit ciocolată exct p / k copii, deci copiii fara ciocolata sunt
//in numar de n = n - p/k = n - cmmmc(n,k)/k = n - (n*k/cmmdc(n,k))/k = n - n/cmmdc(n,k)
int degustareCiocolata(int n, int k){
       return n - n / cmmdc(n, k);
REZOLVARE - Subject B.2.: Numere magice.
                                                                              .15 puncte
#include <iostream>
using namespace std;
// se construieste vectorul de aparitii a cifrelor in baza p pentru un numar x
// se determina pe rand cifrele in baza q ale numarului x
    daca cifra curenta nu apare in reprezentarea in baza p atunci numarul x nu este magic
      altfel se incrementeaza valoarea corespunzatoare cifrei in vectorul de cifre
// daca in vectorul de cifre a ramas valoarea 1 pentru anumite cifre, acele cifre apar in
// reprezentarea in baza p si nu apar in reprezentarea in baza q, deci numarul nu este magic
bool nrMagic(int x, int p, int q){
  //verifica daca x este magic in raport cu bazele p si q
  int cifre[10] = { 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 };
  int copie = x;
  while (copie != 0){
                      //stabilim multimea cifrelor lui x in baza p
    int uc = copie % p; //uc - ultima cifra (in baza p)
     cifre[uc] = 1;
    copie = copie / p;
  copie = x;
  while (copie != 0){
                      //determinam cifrele lui x in baza q
    int uc = copie % q;
    if (cifre[uc] == 0) //daca cifra curenta (in baza q) nu e folosita in baza p
       return false;
    cifre[uc]++;
    copie = copie / q;
  for (int i = 0; i < 10; i++){
    if (cifre[i] == 1) //daca cifra i e folosita in baza p, dar nu e folosita in baza q
       return false;
  return true;
```

```
void SirNrMagice(int p, int q, int n, int &k, int sir[]){
   for (int i = 1; i < n; i++){
      if (nrMagic(i, p, q))
        sir[k++] = i;
REZOLVARE - Subject B.3.: Căutare ...
    Linia 5 trebuie modificată în: returnează ((x[n] = val) and cautare(x, n - 1, val))
      1:
            Subalgoritm cautare(x, n, val):
      2:
                   Dacă n = 0 atunci
      3:
                         returnează x[0] = val
      4:
                  altfel
      5:
                         returnează ((x[n] = val) and cautare(x, n - 1, val))
      6:
                  SfDacă
      7:
            SfSubalgoritm
REZOLVARE - Subject B. 4. Cifra de control
                                                                                    . 10 puncte
            Subalgoritm cifraDeControl(x):
        2:
                 Returnează x mod 9
        3:
            SfSubalgoritm
```