2018 Aprilio

#### FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI

Concurs Mate-Info - varianta 1 Proba scrisă la Informatică

#### În atenția concurenților:

- Problemele în grilă (Partea A) pot avea unul sau mai multe răspuns uri corecte. Răspunsurile trebuie scrise de candidat pe foaia de concurs (nu pe foaia cu enunțuri). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționată de identificarea tuturor vanantelor dă Se consideră că indexarea şirurilor începe de la 1. raspuns corecte și numai a acestora.
  - 3. Pentru problemele din Partea B se cer rezolvări complete pe foaia de concurs
- b. Primul criteriu în evaluarea rezolvărilor va fi corectitudinea algoritmului, iar apoi performanța din punct de vedere al timpului a. Rezolvările se vor scrie în pseudocod sau într-un limbaj de programare (Pascal/C/C++).
- c. Este obligatorie descrierea si justificarea (sub) algoritmilor inaintea rezolvănilor. Se vor scrie, de asemenea, comenturii pentru a uşura înțelegerea detaliilor tehnice ale soluției date, a semnificației identificatorilor, a structurilor de date folosite etc. Neîndeplinirea acestor cerințe duce la pierderea a 10% din punctajul aferent subiectului. de executare și al spațiului de memorie utilizat.
  - d. Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de exemplu. STZ., funcții predefinite pe șirun de caractere).

#### Partea A (30 puncte)

#### A.1. Oare ce face? (5p)

Se consideră subalgoritmul alg(x, b) cu parametrii de intrare două numere naturale x și b ( $1 \le x \le 1000$ ,  $1 < b \le 10$ ).

returneazá s MOD (b - 1) = 0CâtTimp x > 0 execută s ← s + x MOD b Subalgoritm alg(x, b): X + X DIV b SfSubalgoritm SfCåtTimp

Precizați efectul acestui subalgoritm.

- a. calculează suma cifrelor reprezentării în baza  $\boldsymbol{b}$  a numărului natural  $\boldsymbol{x}$
- verifică dacă suma cifrelor reprezentării în baza b 1 a numărului x este divizibilă cu b 1

  - c, verifică dacă numărul natural x este divizibil cu b 1 d verifică dacă suma ciffelor reprezentării în baza b a numărului x este divizibilă cu b 1
    - e. verifică dacă suma cifrelor numărului x este divizibilă cu b 1

Se consideră următorul program A.2. Ce se afişează? (5p)

int main() {
 int main() {
 int n = 3, p = 0, a[10];
 a[1] = -1; a[2] = 0; a[3] = 3;
 int s = sum(n, a, p);
 court cs cc'n', cc'pj, // printf("MajMd", s, p); int sum(int n, int a[], int s){ int i = 1; while(i <= n){ if(a[i] != 0) s += a[i]; ++i; Varianta C++/C } return s;

function sum(n:integer; a:vector; s:integr"):integer;

var i : integer;

type vector = array[1..10] of integer;

Varianta Pascal

s := 0; i := 1; while (i <= n) do begin if (a[i] <> 0) then s := s + a[i];

1 := 1 + 1;

Care este rezultatul afișat în urma execuției programului?

n:= 3; a[1] := -1; a[2] := 0; a[3] := 3; p := 0; s := sum(n, a, p); writeln(s, ';', p);

var n, p, s : integer; a : vector;

begin

(s =: mns

end;

- 0:0
- d. Niciun rezultat nu este corect

A.3. Expresie logică (5p)

Se consideră următoarea expresie logică (X OR Z) AND (NOT X OR Y). Alegeți valorile pentru X, Y, Z astfel încât evaluarea expresiei să dea rezultatul TRUE:

a X + FALSE; Y + FALSE; Z + TRUE; A: X + TRUE; Y + FALSE; Z + FALSE; A: X + FALSE; Y + TRUE; Z + FALSE; A: X + FALSE; Y + TRUE; Z + TRUE; A: X + FALSE; Y + FALSE; Z + FALSE;

#### 4.4. Calcul (5p)

Fie subalgoritmul calcul(a, b) cu parametrii de intrare a și b numere naturale,  $1 \le a \le 1000$ ,  $1 \le b \le 1000$ .

Dacá a \*  $\theta$  atunci returneazá calcul(a DIV 2, b + b) + b \* (a MOD 2) Subalgoritm calcul(a, b): returnează 0 SfSubalgoritm SfDaca

Care din afirmațiile de mai jos sunt false?

- a. dacă a și b sunt egale, subalgoritmul returnează valoarea lui a
- **b.** dacă  $a = 1000 \, \text{și} \, b = 2$ , subalgoritmul se autoapelează de 10 ori
  - c. valoarea calculată și returnată de subalgoritm este a/2+2\*b
    - e. instrucțiunea de pe linia 5 se execută o singură-dată d. instrucțiunea de pe linia 5 nu se execută niciodată
- A.5. Identificare element (5p)

Se consideră șirul (1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 2, 5, 11, ...) format astfel: plecând de la șirul numerelor naturale, se înlocuiesc numerele care nu sunt prime cu divizorii lor proprii, fiecare divizor d fiind considerat o singură dată pentru fiecare număr. Care dintre subalgoritmi determină al n-lea element al acestui șir (n - număr natural,  $1 \le n \le 1000$ )?

b + a, a + a + 1, c + c + 1, d + 2CatTimp  $c \le n \le 1 d \le a$  DIV 2 executa Daca a NOD  $d = \theta$  atunci a+1, b+1, c+1
Cdrinp c n eventa
c+c+1, d+2
Cdrinp c s n si d s a DIV 2 eventa
Dacia NOD 0 = 9 atunct
c+c+1, b+d Subalgoritm identificare(n): Subalgoritm identificare(n): a + a + 1, b + a
SfCatTimp
returneazá b
SfSubalgoritm a + 1, b + 1, c + 1 CatTimp c < n executa d ← d + 1 SfCåtTimp d + d + 1 SfDaca SfCåtTimp returneazá b SfSubalgoritm SfDaca SfCåtTimp Subalgoritm identificare(n):

a + 1, b + 1, c + 1

ctflisp c n executs

a + 3 + 1, b + 3, c + c + 1, d + 2

ctflisp c ≤ n sid d s a DIV 2 executs

bas a MOD d = 0 atunct Subalgoritm identificare(n): SfCåtTimp returneazá b SfSubalgoritm returneazá b SfSubalgoritm SfCåtTimp SfCåtTimp

CátTimp c ≤ n și d ≤ a DIV 2 execută Dacă a MOD d = 0 atunci a + 1, b + a, c + c + 1, d + 2 c + c + 1, b + d, f + true e. | Subalgoritm identificare(n): CâtTimp c < n execută a + 1, b + 1, c + 1 SfCåtTimp Dacå f atunci c + c - 1 + false

#### A.6. Factori primi (5p)

Fie subalgoritmul factoriPrimi(n, d, k, x) care determină cei k factori primi ai unui număr natural n, începând căutarea factor<del>fi</del>or primi de la valoarea d. Parametrii de intrare sunt numerele naturale n, dei k, iar parametrii de ieșire sunt şirul x cu cei k factori primi  $(1 \le n \le 10000, 2 \le d \le 10000, 0 \le k \le 10000)$ .

Subalgoritm factoriPrimi(n, d, k, x): factoriPrimi(n, d + 1, k, x) CatTimp n MOD d = 0 executá Dacá n MOD d = 0 atunci Dacá n > 1 atunci P AIQ u → u K ← K + 1  $x[k] \leftarrow d$ SfSubalgoritm SfCatTimp SfDaca SfDaca

Stabiliți de câte ori se autoapelează subalgoritmul factoriPrimi(n, d, k, x) în următoarea secvență de instrucțiuni: n + 128

factoriPrimi(n, d, k, x)

a de 3 ori de 5 ori

de 9 ori

de același număr de ori ca și în cadrul secvenței de instrucțiuni: de 6 ori

factoriPrimi(n, d, k, x) n + 750

#### Partea B (60 puncte)

#### B.1. Conversie (10 puncte)

Fie subalgoritmul conversie(s, lung) care transformă un șir s de caractere, exprimând un număr în baza 16, în numărul corespunzător scris în baza 10. Şirul s este format din lung caractere care pot avea ca valori doar cifrele '0', 11, '2, '3, '4, '5, '6, '7, '8, '9' şi literele mari 'A, 'B, 'C, 'D, 'E, 'F' (**lung** este număr natural, 1 ≤ **lung** ≤ 10).

Scrieți o variantă recursivă a subalgoritmului conversie(s, lung) care are același antet și același efect cu acesta.

nr ← nr \* 16 + s[i] - 'A' + 10 nr - nr \* 16 + s[i] - '0' nr ← 0 Pentru i ← 1, lung executâ Dacâ s[i] ≥ 'A' atunci Dacâ s[i] = 'A' atunci Subalgoritm conversie(s, lung): SfPentru returneazá nr SfSubalgoritm altfel SfDaca

#### B.2. Cifre identice (20 puncte)

Se consideră două numere naturale a și b, unde  $1 \le a \le 1\,000\,000$  și  $1 \le b \le 1\,000\,000$ .

Scrieți un subalgoritm care determină șirul x, având k elemente (k - număr natural,  $0 \le k \le 1000$ ), format din toate numerele naturale cuprinse în intervalul [a, b] care au toate cifrele identice. Dacă nu există astfel de numere, k va fi 0 Numerele a și b sunt parametrii de intrare ai subalgoritmului, iar k și x vor fi parametrii de ieșire

**Exemplul I**: dacă a = 8 și b = 120, atunci k = 12 și x = (8, 9, 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99, 111).Exemplul 2: dacă a = 590 și b = 623, atunci k = 0 și x este sirul vid.

### B.3. Robotel plimbăret (30 puncte)

Un robotel se poate plimba pe o hartă dată sub forma unei matrice pătratice de dimensiune impară, lăsând în fiecare celulă a hărții un anumit număr de obiecte. Plimbarea roboțelului se desfășoară după următoarele reguli:

- roboţelul pomește din mijlocul ultimei coloane și merge întotdeauna un pas pe diagonală în celula alăturată de în celula din care pomește roboțelul lasă un obiect, în a doua celulă în care ajunge lasă 2 obiecte, în a treia celulă în care ajunge lasă 3 obiecte, ş.a.m.d.;
- sus-dreapta (direcție paralelă cu diagonala secundară) dacă această celulă există și ea este liberă; dacă celula nu o dacă roboțelul se află pe ultima coloană, atunci el "sare" în celula aflată pe coloana întâi și linia de deasupra există, atunci:
  - o dacă roboțelul se află pe prima linie, el "sare" în celula aflată pe ultima linie și coloana din dreapta lui dacă lui dacă aceasta este liberă;
- o dacă roboțelul se află în colțul dreapta-sus al hărții, el "sare" în celula aflată pe ultima linie și prima coloană aceasta este liberă;
  - în situația în care celula pe care trebuie să ajungă nu este liberă, roboțelul face un pas la stânga în celula alăturată dacă aceasta este liberă.

Aceste reguli asigură vizitarea o singură dată a tuturor celulelor din hartă (și, implicit, evitarea blocajelor în deplasare). După ce roboțelul lasă obiecte în toate celulele hărții, el se oprește. de pe aceeași linie cu el.

De exemplu, pentru o hartă cu 5 x 5 celule, primii 22 pași efectuați de roboțel ar fi:

15	00	-		17
16	14	7	S	
22	20	13	9	4
3	21	19	12	10
6	7		18	11

Scrieți un subalgoritm care determină numărul de obiecte nr lăsate de robojel în celulele de pe diagonala principală a hărții. Parametrul de intrare al subalgoritmului este dimensiunea hărții n (n - număr natural impar,  $3 \le n \le 100$ ), iar nr va fi parametrul de ieșire (nr - număr natural).

Exemplu 1: dacă n = 5, atunci nr = 65. Exemplu 2: dacă n = 11, atunci nr = 671.

- Toate subjectele sunt obligatorii.
- Ciornele nu se iau în considerare.
- Se acordă 10 puncte din oficiu.

Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

10	30		שישיש	69			NA
BAREM OFICIU ,	Partea A	A. 2. b. A. 3. a. d. A. 3. a. a. a. a. A. 3. a.	A. 4. a, c, d	Partea B	respectarea antetului	- valoarea returnată la oprirea recursivității - condita pentru caracter diferit de cifră	- valoarea returnată atunci când condiția pentru caracter diferit de cifră este îndeplinităvaloarea returnată atunci când condiția pentru caracter diferit de cifră nu este îndeplinită
OF	Pal A	44	444	Pal B.	- 10	7 -	> >

Subalgoritm conversie (s, lung):
 Dack lung > 0 atunct
 Dacks [lung] 2 A' atunct
 returnază conversie(s, lung - 1) \* 16 + s[lung] - 'A' + 10
altfel returnează conversie(s, lung - 1) \* 16 + s[lung] - '0' altfel returnează, 0 SfDacă SfSubalgoritm

# B. 2. Cifre identice

V1: generarea numerelor având cifre identice pe bază de calcule

2 puncte 16 puncte 2 puncte 2 puncte 4 puncte 10 puncte o generarea numerelor (cu o singură cifră şi/sau ca multipli de 11, 111, 1111, ...).. • V2: considerarea și verificarea tuturor numerelor din intervalul [a, b]. verificarea dacă un număr are toate cifrele identice. o salvarea numerelor cu cifre identice în vector o respectarea parametrilor de intrare și ieșire... o respectarea parametrilor de intrare și ieșire.

## V1: determinarea corectă a valorii prin calcule (n \*n \*n+n)/2 B. 3. Robotel plimbăret.

parcurgerea și verificarea tuturor numerelor din [a,b]...

o salvarea numerelor cu cifre identice în vector

- 30 puncte 2 puncte 14 puncte 14 puncte 25 puncte prezentarea detaliată a metodei de obținere a formulei de calcul respectarea parametrilor de intrare şi ieşire.
  - respectarea parametrilor de intrare şi ieşire. V2: determinarea corectă a valorii prin simulare.

parcurgerea celor  $n \times n$  celule.

deplasarea corectă (în cele 4 cazuri posibile) calculul sumei elementelor de pe diagonală

Subalgoritm conversie(s, lung): Daca lung > θ atunci	A STATE OF THE STATE OF
Daca s[lung] 2 'A' atunci	
returnează conversie(s, lung - 1).* 16 + s[lung] - 'A' + 10 altfel	
returnează conversie(s, lung - 1) * 16 + s[lung] - '0'	
SfBeca	
alffel	
returnează 0	
Sfbaca	
SfSubalgoritm	

puncte . puncte

puncte puncte puncte puncte puncte puncte puncte puncte

puncte puncte

puncte

 generarea numerelor având cifre identice pe bază de calcule B. 2. Cifre identice

20 puncte 20 puncte

7 - 7	
for (int i = s; ((i < 10) && (i <= b)); i++){	
1 - [ - ]	
int crt = 11;	
int ratie = 11;	
while (crt <= b){	
if (crt >= 3)	
x[++k] = crt;	
crt = crt + ratie;	
if (crt > 9 * ratie){	
crt = ratie * 10 + 1;	
ratie = crt;	

30 puncte 30 puncte determinarea corectă a valorii prin calcule (n\*n\*n+n)/2. B. 3. Roboțel plimbăreț ....

> 20 puncte 20 puncte

_	_	_	_	_
	18	25		
		19	21	
		13	20	22
23			14	16
7	4			5
1	2			1
17	2			
17	2			
17	8 2	1		
17	8 2	7 1	2	
17	8 2	13 7 1	6 5	4
3	8 2	13 7 1	12 6 5	10 4 1

2 puncte

2 puncte

30 puncte

CI 01 77	0 14	3	24	23 17	
7	21 20	19 13	18		
		25	18		

15	8	1		17
16	14	7	5	4 17
22	20	13	9	4
3	21	19	12	11 10
6	2	25	18	11
15	-		24	3 17
10	-+			

mijlocul laturii din stânga). De aici rezultă că, pentru orice pereche de pătrățele simetrice față de centru, suma valorilor lor jumătate, inversând sensul de parcurgere și rotindu-1 180 grade față de centrul pătratului (de exemplu, ultimul pătrățel este exact 'a mijlocul drumului roboțelului (după (n\*n-1)/2 mutări), iar a doua jumătate : drumului este obținută luând prima Traseul roboțelului este simetric față de centrul pătratului. Altfel spus, centrul pătratului este întotdeauna vizitat este n\*n+1. Aplicând observația anterioara asupra elementelor de pe diagonală și grupându-le două câte două, rezultă formula sumă=n\*(n\*n+1)/2

Dacă n = 5, suma va fi 65

2 puncte

4 puncte 4x4 puncte

int objecte(int n){ return (n \* n \* n + n) / 2;