

TEST 11(F)

1. Fie $f, g \in \mathbb{R}[x]$. Dacă polinomul $f(x^3) + x^{2005}g(x^3)$ este divizibil cu $x^2 + x + 1$ atunci f și g au rădăcina 1.
2. Fie ecuația $x^3 - 2x^2 + 2x + 17 = 0$
Să se calculeze
$$D = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix}$$
3. Să se calculeze $\int \frac{2 \tan x + 3}{\sin^2 x + 2 \cos^2 x} dx$, $x \in (0, \frac{\pi}{2})$
4. Fie familia de parabole $f_u(x) = ux^2 + 2(u+1)x + u+2$
Să se afle locul geometric al vârfurilor acestor parabole
5. Să se arate că : $\frac{x}{1+x^2} \leq \arctan x$, $\forall x \geq 0$.