Verossimilhança

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas

Contínuas Variáveis

aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis

aleatórias Distribuições

de probabilidade

Teorema do Limite Central Verossimilhança — Capítulos 1 e 2 Revisão de resultados da Teoria de Probabilidades

26 de abril de 2013

Verossimilhanca

Variáveis aleatórias Discretas Continuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperanca de

variáveis aleatórias

Distribuições probabilidade

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- Esperança de variáveis aleatórias
- Distribuições de probabilidade
- Teorema do Limite Central

Verossimilhança

MATH 23:

- Variáveis aleatórias Discretas Contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- Esperança de variáveis aleatórias
- Distribuições de probabilidade
- Teorema do Limite Central

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- 3 Esperança de variáveis aleatórias
- 4 Distribuições de probabilidade
- 5 Teorema do Limite Centra

Variáveis aleatórias

Verossimilhança

MATH 23

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central Vamos considerar apenas variáveis quantitativas (qualitativas devem ser tratadas de maneira apropriada . . .)

Definição "intuitiva"

- Uma variável é uma característica de uma população que pode ser mensurada
- Uma variável é dita aleatória quando não podemos determinar seu resultado (embora possamos prever, conforme será mostrado adiante)

Variáveis aleatórias

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central

Definição "fraca" (Meyer, Dantas)

• Variável Aleatória (VA) é uma função $X(\omega)$, de um evento (realização) ω , definida em um espaço amostral Ω , que assume valores reais $\mathbb R$

$$X(\omega) = \omega;$$
 $X(\omega) \in \mathbb{R}, \ \omega \in \Omega$

- Se a VA $X(\omega)$ assume valores enumeráveis (não necessariamente finitos), são denominadas **discretas**
- Se a VA $X(\omega)$ assume valores em um intervalo da reta real, são denominadas **contínuas**

Variáveis aleatórias

Verossimilhanca

MATH 23

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais

variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central Definição "forte" (formal) (Magalhães, James)

- Definida em função de σ -álgebra, ...
- Não

Verossimilhanca

- Variáveis aleatórias Discretas Continuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- Esperanca de variáveis
- Distribuições probabilidade

aleatórias

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas

Variáveis aleatórias discretas

Verossimilhança

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais Esperanca de

variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central Uma VA **discreta** é uma função que atribui uma probabilidade a cada valor específico. É denominada *função discreta de probabilidade*, *função massa de probabilidade* e é denotada por

$$P(X = x_i) = p(x_i) = p_i, \quad i = 1, 2, ...$$

e tem as seguintes propriedades:

$$0 \le P(X = x_i) \le 1$$

Variáveis aleatórias discretas

Verossimilhança

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas

Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais Esperanca de

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições

probabilidade

- Exemplos . . .
- Principais "funções" discretas
 - Binomial
 - Poisson
 - Hipergeométrica
 - Binomial negativa

Verossimilhanca

Variáveis aleatórias Discretas Continuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperanca de

variáveis aleatórias

Distribuições probabilidade

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais Esperanca de

aleatórias Distribuições

de probabilidade

Teorema do Limite Central Para uma VA contínua, não é possível atribuir uma probabilidade a um valor específico, pois existe uma quantidade não enumerável de valores positivos em um ponto da reta, e portanto a soma não poderia ser 1.

• Por isso, devemos atribuir probabilidades à **intervalos** de valores da VA contínua, por meio da função f(x) que a descreve. Essa função deve ter as seguintes propriedades:

$$\mathbf{0} \quad f(x) \geq 0 \quad \forall x \in (-\infty, \infty)$$

Portanto, para calcular uma probabilidade para um intervalo entre $a \le b$, temos a relação

$$P(a \le X \le b) = \int_a^b f(x) dx$$

Verossimilhanca

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central VAs contínuas também podem ser definidas pela função de distribuição acumulada F(x),

$$F(X) = P(X \le x)$$

que possui as seguintes propriedades

- $0 \le F(x) \le 1$

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis

aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central Pelas definições da fda, podemos agora calcular probabilidades entre x e x+dx (onde dx>0 é um valor incremental), através de

$$P(x \le X \le x + dx) = F(x + dx) - F(x)$$

Verossimilhança

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas

Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições

probabilidade

- Exemplos . . .
- Principais "funções" contínuas
 - Beta
 - Exponencial
 - Gama
 - Uniforme
 - Normal
 - t-Student

Verossimilhança

MATH 23:

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- 3 Esperança de variáveis aleatórias
- 4 Distribuições de probabilidade
- 5 Teorema do Limite Centra

Variáveis aleatórias bidimensionais

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais Esperança de

variáveis aleatórias

Distribuições de

probabilidade
Teorema do
Limite Central

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

bidimensionais Esperança de

Distribuições de probabilidade

aleatórias

- Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- 3 Esperança de variáveis aleatórias
- 4 Distribuições de probabilidade
- 5 Teorema do Limite Centra

Esperança de variáveis aleatórias

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais Esperança de

variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis aleatórias

Distribuições de probabilidade

- 1 Variáveis aleatórias
 - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas
- Variáveis aleatórias bidimensionais
- Separança de variáveis aleatórias
- 4 Distribuições de probabilidade
- 5 Teorema do Limite Centra

Distribuições de probabilidade

Verossimilhanca

MATH 23

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis

Distribuições de probabilidade

Teorema do Limite Central A maioria das distribuições de probabilidade tradicionais estão implementadas no R, e podem ser utilizadas para substituir as tabelas estatísticas tradicionais. Existem 4 itens fundamentais que podem ser calculados para cada distribuição:

- d* Calcula a densidade de probabilidade ou probabilidade pontual
- p* Calcula a função de probabilidade acumulada
- q* Calcula o quantil correspondente a uma dada probabilidade
- r* Gera números aleatórios (ou "pseudo-aleatórios")

Distribuições de probabilidade

Verossimilhanca

MATH 23

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis

aleatórias Distribuições

probabilidade

Teorema do Limite Central As distribuições de probabilidade mais comuns são:

Distribuição	Nome no R	Parâmetros
Binomial	*binom	size, prob
χ^2	*chisq	df
Normal	*norm	mean, sd
Poisson	*pois	lambda
t	*t	df
Uniforme	*unif	min, max

Verossimilhanca

Variáveis aleatórias Discretas Continuas

Variáveis aleatórias

bidimensionais Esperanca de

Distribuições probabilidade

variáveis aleatórias

- - Variáveis aleatórias discretas
 - Variáveis aleatórias contínuas

- Teorema do Limite Central

Teorema do Limite Central

Verossimilhança

MATH 232

Variáveis aleatórias Discretas Contínuas

Variáveis aleatórias bidimensionais

Esperança de variáveis

aleatórias

Distribuições

probabilidade Teorema do Limite Central