Bioestatística — CE001

Prof. Fernando de Pol Mayer — Departamento de Estatística — DEST

Exercícios: inferência

Nome: GRR:



Observação: em todos os problemas que envolvem teste de hipótese, é necessário deixar claro e responder nesta ordem:

- (a) As hipóteses nula  $(H_0)$  e alternativa  $(H_a)$
- (b) O valor crítico
- (c) A estatística de teste
- (d) A decisão do teste (rejeita ou não rejeita  $H_0$ )
- (e) Uma frase escrevendo a conclusão com base na decisão
- 1. Os diâmetros de uma população de rolamentos fabricados por uma empresa tem distribuição normal com média de 1 mm e desvio padrão de 0,2 mm. Qual é a probabilidade de:
  - (a) Amostrarmos 100 rolamentos e obtermos um diâmetro médio maior que 1,13 mm?
  - (b) Amostrarmos 5 rolamentos e obtermos um diâmetro médio menor que 0,93 mm?
  - (c) Amostrarmos 35 rolamentos e obtermos um diâmetro médio superior a 1,15 mm ou inferior a 0,97 mm?
  - (d) Refaça o item (b), mas agora com uma amostra de 50 rolamentos. Compare as respostas e explique a diferença.
- 2. A quantidade de horas diárias que um adulto passa em frente ao computador possui uma distribuição com assimetria positiva, com média de 3,6 horas e desvio padrão de 0,5 horas. Qual é a probabilidade de:
  - (a) Avaliarmos 87 pessoas e obtermos uma média superior a 3,7 horas?
  - (b) Avaliarmos 6 pessoas e obtermos uma média inferior a 2,9 horas?
  - (c) Avaliarmos 37 pessoas e obtermos uma média superior a 3,67 horas ou inferior a 3,47 horas?
  - (d) O que pode-se dizer com relação ao resultado obtido no item (b)?
- 3. Se queremos construir intervalos de confiança para as estimativas de médias populacionais, quais seriam os valores de  $\alpha$  e críticos de  $z_{\alpha/2}$  se estamos interessados nos níveis de confiança de:
  - (a) 90%
- (b) 94%
- (c) 95%
- (d) 98%
- (e) 99%
- 4. Retiramos uma amostra aleatória de 55 preços de um determinado produto. A média amostral foi de R\$ 18,30, e assume-se que o desvio padrão populacional é conhecido, com valor de R\$ 4,10. Com isso:
  - (a) Verifique se as suposições necessárias para o cálculo de intervalos de confiança estão satisfeitas.
  - (b) Calcule as margens de erro para os níveis de confiança

    - (i)  $\gamma = 0.90$  (ii)  $\gamma = 0.95$  (iii)  $\gamma = 0.99$
  - (c) Construa os intervalos de confiança para os três casos do item anterior.
  - (d) Explique o que significa cada intervalo de confiança obtido.
- 5. Por analogia a produtos similares, o tempo de reação de um novo medicamento pode ser considerado como tendo distribuição Normal com desvio-padrão igual a 2 minutos (a média é desconhecida). Vinte pacientes foram sorteados, receberam o medicamento e tiveram seu tempo de reação anotado. A média do tempo de reação dos 20 pacientes amostrados foi de 4,75 minutos.
  - (a) Construa um intervalo de confiança de 90% para estimar a verdadeira média para o tempo de reação.
  - (b) Construa um intervalo de confiança de 99% para estimar a verdadeira média para o tempo de reação.
  - (c) Compare e interprete os resultados. O que você pode afirmar quanto à influência do aumento do nível de confiança na amplitude dos intervalos?
- 6. Seja  $X \sim N(\mu, 16)$ 
  - (a) Uma amostra de tamanho 25 foi coletada e forneceu uma média amostral de 8. Construa intervalos de confiança de 90% e 95%.
  - (b) Para um nível de confiança de 95%, construa intervalos de confiança supondo tamanhos de amostra de 15 e 65 (admita a mesma média amostral de 8). Comente sobre o porque os intervalos de confiança são diferentes.
  - (c) Calcule o tamanho da amostra, para que com 90% de probabilidade, a média amostral não se afaste da média populacional por mais de (i) 0,2 unidades, (ii) 2 unidades. Comente sobre o porque os tamanhos amostrais são diferentes.

- 7. Desejamos coletar uma amostra de uma variável aleatória *X*, com distribuição Normal, de média desconhecida e variância 30. Qual deve ser o tamanho da amostra para que, com 95% de probabilidade, a média amostral não difira da média populacional por mais de 3 unidades?
- 8. Considere que a altura de árvores em uma floresta é o objeto de interesse. Temos interesse em fazer inferências sobre a verdadeira altura média populacional das árvores. Alguns monitoramentos são feitos para a coleta de dados sobre as alturas das árvores. Após uma análise descritiva verificamos que a distribuição das alturas das árvores segue uma distribuição normal. Se temos interesse em estimar intervalos de confiança para a média verdadeira das alturas:
  - (a) Qual seria a distribuição de probabilidade apropriada para a análise da distribuição das médias amostrais?
  - (b) Quais as suposições necessárias para construirmos intervalos de confiança quando o  $\sigma$  é desconhecido?
  - (c) Quais seriam os valores de  $\alpha$  e críticos se estivéssemos interessados em construir intervalos de confiança de 99%, 95% e 90% para a média verdadeira com uma amostra de 38 alturas de árvores.
  - (d) Quais seriam os valores críticos apropriados se estivéssemos interessados em construir intervalos de confiança de 99%, 95% e 90% para a média verdadeira com uma amostra de 13 alturas de árvores.
- 9. No caso do problema anterior, estime as margens de erro das médias amostrais em relação à verdadeira média se:
  - (a) O tamanho amostral é 14 e queremos margens de erro associadas a 95% de confiança. Na amostra encontramos uma média de 1,3 m e um desvio padrão de 0,4 m.
  - (b) O tamanho amostral é 65 e queremos margens de erro associadas a 95% de confiança. Na amostra encontramos uma média de 2 m e um desvio padrão de 1 m.
  - (c) O tamanho amostral é 28 e queremos margens de erro associadas a 99% de confiança. Na amostra encontramos uma média de 0,6 m e um desvio padrão de 0,2 m.
- 10. Quais são os intervalos de confiança para a verdadeira média populacional para os itens (a), (b) e (c) da questão anterior? Escreva uma conclusão à respeito de cada intervalo de confiança obtido.
- 11. Uma pesquisa de consumo de combustível realizada entre 61 clientes de um posto indicou um consumo médio de 11,2 km/l, com desvio-padrão de 2,8 km/l. Suponha distribuição normal para o consumo médio. Com isso:
  - (a) Determine um intervalo de confiança de 95% para o consumo médio populacional dos clientes.
  - (b) Assuma que foram avaliados apenas 9 clientes. Calcule intervalos de confiança para a média ( $\bar{x} = 11, 2$ ) para os seguintes casos
    - i. Assumindo  $\sigma$  desconhecido (s = 2, 8)
    - ii. Assumindo  $\sigma$  conhecido ( $\sigma = 2,8$ )

Qual a sua conclusão referente à diferença observada entre os dois intervalos de confiança? Por que ocorre essa diferença?

- 12. Você deseja estimar a quantia média de taxas anuais pagas por estudantes de universidades privadas. É razoável supor que estas quantidades variam entre R\$ 0,00 (por exemplo, para estudantes com bolsa integral) até R\$ 40.000,00. Determine o número de estudantes que devem ser selecionados para termos 95% de confiança de que a média amostral esteja no máximo a:
  - (a) R\$ 100,00 da verdadeira média populacional
  - (b) R\$ 500,00 da verdadeira média populacional

O que você pode dizer à respeito das diferenças entre os tamanhos amostrais obtidos?

- 13. O que é a probabilidade de cometer um erro do tipo I, e o que significa esse termo?
- 14. Uma máquina é projetada para fazer esferas de aço de 1 cm de raio. Uma amostra de 10 esferas é produzida, e tem raio médio de 1,004 cm, com s = 0,003. Há razões para suspeitar que a máquina esteja produzindo esferas com raio maior que 1 cm? (Use um nível de significância de 10%).
- 15. O desvio-padrão da vida útil de um monitor de LED é  $\sigma=500$ , e a distribuição da vida útil é considerada normal. O fabricante afirma que a vida útil média é, no mínimo 9000 horas. Testar esta afirmação ao nível de significância de 5%, dado que em uma amostra de 15 televisores de LED, a média foi de 8800 horas.

- 16. Uma fábrica de automóveis anuncia que seus carros consomem, em média, 11 litros por 100 km, com desvio-padrão de 0,8 litro. Uma revista decide testar essa afirmação e analisa 35 carros dessa marca, obtendo 11,4 litros por 100 km como consumo médio. Admintindo que o consumo tenha distribuição normal, ao nível de 10%, o que a revista concluirá sobre o anúncio da fábrica?
- 17. Um investidor interessado em desenvolver um centro comercial, é informado por um representante de um grupo comunitário que a renda média familiar na comuidade é de no mínimo R\$ 15.000,00 por ano. Supõe-se que os valores de renda na população sejam normalmente distribuídos. Para uma amostra aleatória de *n* = 15 famílias, a média amostral é de R\$ 14.000,00, e o desvio-padrão amostral é de R\$ 2.000,00. Testar a hipótese do salário médio na comunidade ser no mínimo R\$ 15.000,00, ao nível de 5% de significância.
- 18. Cinco medidas do conteúdo de alcatrão em um cigarro acusaram  $\bar{x} = 14,4$  mg e s = 0,274 mg. Pretende-se testar a hipótese de que a média de alcatrão nos cigarros é igual a 14,1 mg, conforme declarado na embalagem, ao nível de 5% de significância. Qual seria a conclusão do teste quando as hipóteses alternativas forem:
  - (a)  $H_a \neq 14, 1$
- (b)  $H_b < 14, 1$
- (c)  $H_a > 14, 1$
- 19. Um pesquisador deseja estudar o efeito de certa substância no tempo de reação de seres vivos a um certo tipo de estímulo. Um experimento é desenvolvido com cobaias que são inoculadas com a substância e submetidas a um estímulo elétrico. Os tempos de reação, em segundos, foram: 9,1; 9,3; 7,2; 7,5; 13,3; 10,9; 7,2; 9,9; 8,0; 8,6. Admite-se que o tempo de reação sugue, em geral, o modelo normal com média 8 e desvio-padrão  $\sigma=2$ . O pesquisador desconfia, entretanto, que o tempo médio sofre alteração por influência da substância. Faça um teste de hipótese para, ao nível de 6% de significância, para verificar a desconfiança do pesquisador.