Bioestatística — CE001

Prof. Fernando de Pol Mayer — Departamento de Estatística — DEST

Exercícios: probabilidade





- 1. Para cada um dos eventos abaixo, escreva o espaço amostral correspondente e conte seus elementos:
 - (a) $\Omega = \{CC, CR, RC, RR\}$ $n(\Omega) = 4$
 - (b) $\Omega = \{PP, PI, IP, II\}$ $n(\Omega) = 4$
 - (c) $\Omega = \{AA, AV, VA, VV\}$ $n(\Omega) = 4$
 - (d) $\Omega = \{2, 3, 4, \dots, 12\}$ $n(\Omega) = 11$
 - (e) $\Omega = \{MMM, MMF, MFM, FMM, FFM, FMF, MFF, FFF\}$ $n(\Omega) = 8$
 - (f) $\Omega = \{\omega : 0 \le \omega \le 20\}$ $n(\Omega) = 21$
 - (g) $\Omega = \{C, RC, RRC, RRRC, RRRRC, \ldots\}$ $n(\Omega) = \infty$
 - (h) $\Omega = \{\omega : \omega > 0\} = \mathbb{R}^+ \quad n(\Omega) = \infty$
 - (i) $\Omega = \{3, 4, 5, \dots, 10\}$ $n(\Omega) = 8$
 - (j) $\Omega = \{1, 2, 3, ...\}$ $n(\Omega) = \infty$
 - (k) $\Omega = \{AA, AB, AC, AD, AE, BA, BB, BC, BD, BE, CA, CB, CC, CD, CE, DA, DB, DC, DD, DE, EA, EB, EC, ED, EE\}$ $n(\Omega) = 25$
 - (1) $\Omega = \{AB, AC, AD, AE, BA, BC, BD, BE, CA, CB, CD, CE, DA, DB, DC, DE, EA, EB, EC, ED\}$ $n(\Omega) = 20$
 - (m) $\Omega = \{AB, AC, AD, AE, BC, BD, BE, CD, CE, DE\}$ $n(\Omega) = 10$
- 2. $\Omega = \{BC, BR, VB, VV\}$
- 3. (a) $\Omega = \{VV, VA, VB, AA, AV, AB, BB, BA, BV\}$
 - (b) $\Omega = \{VA, VB, AV, AB, BA, BV\}$
- 4. (a) $\Omega = \{x : x > 0\}$
 - (b) $A \cup B = \{x : x > 11\}$
 - (c) $A \cap B = \{x : 11 < x \le 15\}$
 - (d) $A^c = \{x : x \le 11\}$
 - (e) $A \cup B \cup C = \{x : x \ge 8\}$
 - (f) $(A \cup C)^c = \{x : x < 8\}$
 - (g) $A \cap B \cap C = \emptyset$
 - (h) $B^c \cap C = \emptyset$
 - (i) $A \cup (B \cap C) = \{x : x \ge 8\}$
- 5. $\Omega = \{\omega : \omega \ge 0\}$
 - (a) $A = \{\omega : 675 \le \omega \le 700\}$
 - (b) $B = \{\omega : 450 \le \omega \le 500\}$
 - (c) $A \cap B = \emptyset$
 - (d) $A \cup B = \{\omega : 450 \le \omega \le 500 \cup 675 \le \omega \le 700\}$
- 6. $\Omega = \{PPP, PPN, PNP, NPP, PNN, NPN, NNP, NNN\}$
 - (a) $A = \{PPP\}$
 - (b) $B = \{NNN\}$
 - (c) $A \cap B = \emptyset$
 - (d) $A \cup B = \{PPP, NNN\}$

- 7. (a) $A = \{(3,6), (4,5), (5,4), (6,3)\}\ e\ B = \{(4,1), (4,2), \dots (6,6)\}\$
 - (b) $A \cup B = \{(3,6),(4,1),(4,2),\dots(6,6), A \cap B = \{(4,5),(5,4),(6,3)\}, e$ $A^c = \{(1,1),(1,2),\dots(3,5),(4,1),\dots,(4,4),(4,6),(5,1),\dots,(5,3),(5,5),(5,6),\dots,(6,2),(6,4),(6,5),(6.6)\}.$
 - (c) P(A) = 0.11, P(B) = 0.5, $P(A \cup B) = 0.53$, $P(A \cap B) = 0.083$, $P(A^c) = 0.89$
- 8. (a) 0,0296 (b) 0,0298
- 9. (a) 0,049 (b) 0,463 (c) 0,295
- 10. (a) 0,8 (b) 0,3 (c) 0
- 11. (a) 0,3 (b) 0,4 (c) 0,1 (d) 0,2 (e) 0,6 (f) 0,8
- 12. (a) 0,9 (b) 0 (c) 0 (d) 0 (e) 0,1
- 13. (a) $A \cap B = 70$, $A^c = 14$, $e A \cup B = 95$.
 - (b) i. 0,86 ii. 0,79 iii. 0,14 iv. 0,7 v. 0,95 vi. 0,84 vii. 70/79 viii. 70/86
 - (c) 0,7
 - (d) 0,95
 - (e) Não, pois $P(A \cap B) = 70/100$
 - (f) Não, pois $P(A \cap B) \neq P(A)P(B)$
- 14. 0,4
- 15. (a) 20/100 (b) 19/99 (c) 0,038 (d) 0,2
- 16. (a) i. 36 ii. 92 iii. 148 iv. 168 v. 56
 - (b) i. 0, 2745 ii. 0, 4510 iii. 0, 7255 iv. 0, 8235 v. 0, 2745 vi. 0, 7255 vii. 0, 6087 viii. 0, 3913 ix. 0, 5 x. 0, 5
 - (c) Como $P(A)P(B) = (0.5490)(0.4510) = 0.2476 \neq 0.2745 = P(A \cap B)$, não são independentes.
- 17. (a) 0,2 (b) 0,3
- 18. 0, 22
- 19. (a) i. 673 ii. 1672 iii. 6915 iv. 8399 v. 1578
 - (b) i. 0,0792 ii. 0,1969 iii. 0,8142 iv. 0,9889 v. 0,1858 vi. 0,9208 vii. 0,877
 - (c) 0,0987
 - (d) 0,0650
 - (e) Como $P(A)P(B) = (0.8031)(0.0903) = 0.0725 \neq 0.0792 = P(A \cap B)$, não são independentes.
- 20. (a) $A^c = \{x : x > 72, 5\}$ (b) $B^c = \{x : x \le 52, 5\}$ (c) $A \cap B = \{x : 52, 5 < x \le 72, 5\}$ (d) $A \cup B = \{x : x > 0\}$
- 21. (a) 0,0949 (b) 0,3828
- 22. (a) {*ab*, *ac*, *ad*, *bc*, *bd*, *cd*, *ba*, *ca*, *da*, *cb*, *db*, *dc*}
 - (b) {ab,ac,ad,ae,af,ag,bc,bd,be,bf,bg,cd,ce,cf,cg,ef,eg,fg,ba,ca,da,ea,fa,ga,cb,db,eb,fb,gb,dc,ec,fc,gc,fe,ge,gf}
 - (c) $\Omega = \{BB, BD, DB, DD\}$
 - (d) $\Omega = \{BB, BD, DB\}$

- 23. (a) 2/5 (b) 3/5 (c) 3/5 (d) 1 (e) 0
- 24. (a) 0,4 (b) 0,8 (c) 0,6 (d) 1 (e) 0,2
- 25. (a) $\Omega = \{BB, BP, BG, PB, PP, PG, GB, GP, GG\}$
 - (b) $\Omega = \{BB, BP, BG, PB, PP, PG, GB, GP\}$
- 26. $\Omega = \{95, 96, ..., 104\}$ (a) 0,1 (b) 0,5 (c) 0,5 (d) i. 0,01 ii. 0,49
- 27. 0,74
- 28. (a) 0,83 (b) 0,85
- 29. Tabela de contingência

| | Economia (E) | Administração (A) | Outros (O) | Total |
|--|--------------|-------------------|------------|-------|
| Esportista (Es) | 100 | 200 | 3700 | 4000 |
| Não esportista (Es ^c) | 400 | 500 | 5100 | 6000 |
| Total | 500 | 700 | 8800 | 10000 |

- (a) 4000/10000 = 2/5 (b) 200/10000 = 1/50 (c) 8800/10000 = 22/25 (d) 5100/10000 = 51/100 (e) 100/500 = 1/5 (f) 500/6000 = 1/12 (g) 5100/8800 = 51/88 (h) 3700/4000 = 37/40
- 30. (a) Sim, porque não é possível receber conceito A e B ao mesmo tempo.
 - (b) 0
 - (c) $P(A \cap B) = 0 \neq 0, 24 = P(A) \cdot P(B)$. São dependentes.
- 31. (a) 0,4 (b) 0,5
- 32. (a) 3/8 (b) 1/2 (c) 1/2
- 33. (a) (b) 0,5 (c) 0,3 (d) 0,5 (e) $P(C|E) = 0,5 \neq 0,3 = P(C)$. São dependentes.
- 34. 0,064
- 35. (a) 0,0736
 - (b) 0,1013
 - (c) Calcular todas as probabilidades condicionais de um nível para outro. Fase madura da larva.
- 36. Não, pois $P(A|B) \neq P(A)$.
- 37. $P(A^c) = 1 P(A) = 0.7$ e $P(A^c|B) = 1 P(A|B) = 0.7$, portanto são independentes.
- 38. Como A e B são mutuamente excludentes, então $P(A \cap B) = 0$ e P(A)P(B) = 0.04, portanto não são independentes.
- 39. (a) 10^{-6} (b) 0,002
- 40. (a) 0,087 (b) 0,032 (c) 0,2 (d) 0,113 (e) 0,2207 (f) 0,005