



# Estrutura de Dados

Prof. Adriano Teixeira de Souza

# Pilhas

- ▶ É uma das estruturas de dados mais simples
- ▶ A idéia fundamental da pilha é que todo o acesso a seus elementos é feito através do seu topo.
- ▶ Assim, quando um elemento novo é introduzido na pilha, passa a ser o elemento do topo, e o único elemento que pode ser removido da pilha é o do topo.

# Pilhas

## :: Aplicações

- ▶ Verificação de parênteses.
- ▶ Retirada de vagões de um trem.
- ▶ Retirada de mercadorias em um caminhão de entregas.

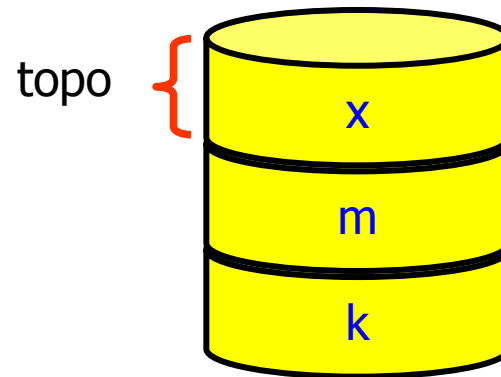
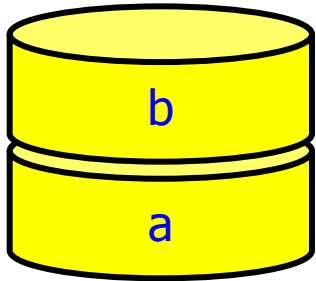
# Pilhas

- ▶ Os elementos da pilha são retirados na ordem inversa à ordem em que foram introduzidos: o primeiro que sai é o último que entrou (LIFO – last in, first out).
- ▶ Existem duas operações básicas que devem ser implementadas numa estrutura de pilha:
  - operação para **empilhar** (**push**) um novo elemento, inserindo-o no topo,
  - operação para **desempilhar** (**pop**) um elemento, removendo-o do topo

# Pilhas

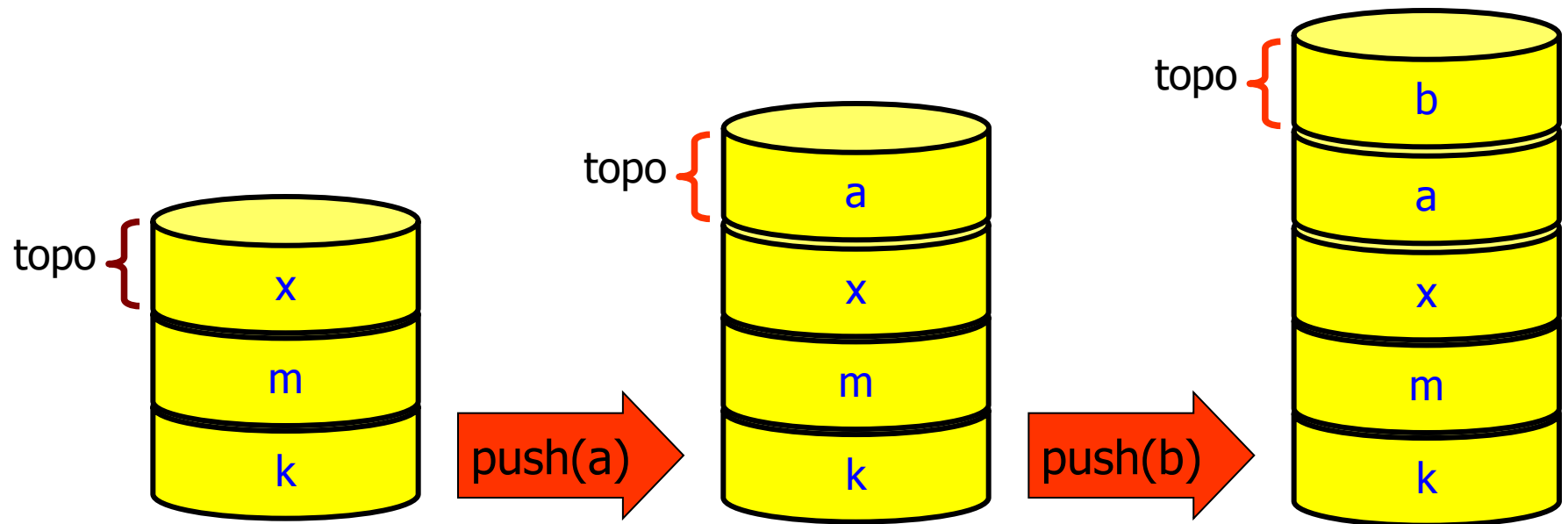
:: Push

push(b)



# Pilhas

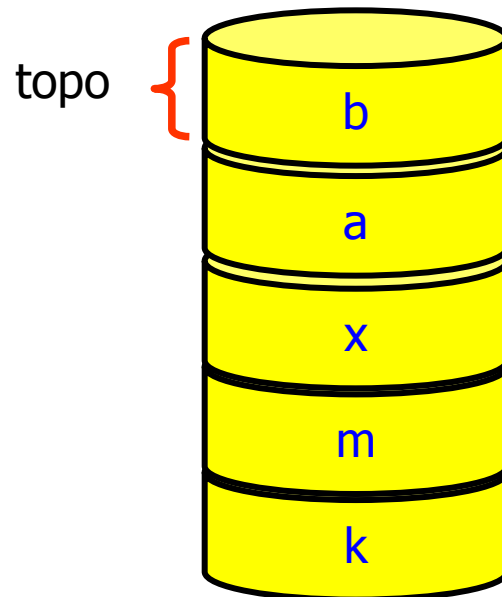
:: Push



# Pilhas

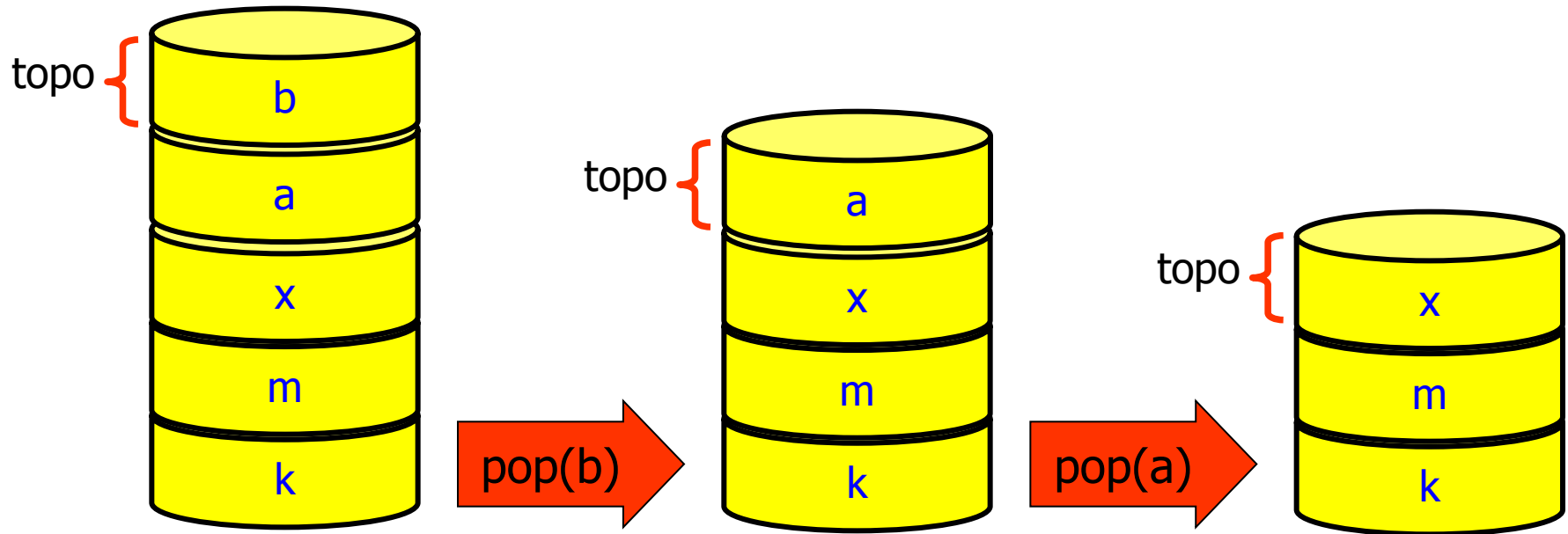
:: Pop

pop(a)



# Pilhas

:: Pop

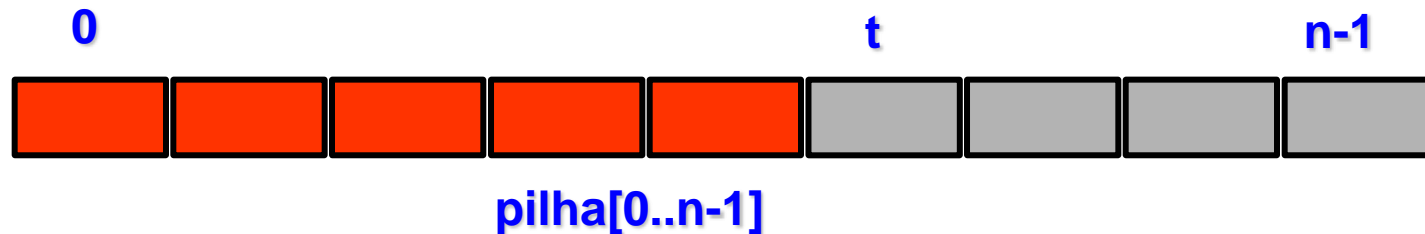




# Pilhas

## :: Implementação de pilha com vetor

- ▶ Supondo a pilha está armazenada em um vetor `pilha[0..n-1]`.
- ▶ A parte do vetor ocupada pela pilha será:



# Pilhas

:: Implementação de pilha com vetor

```
#define MAX 50

typedef struct {
    int n;
    float vet[MAX];
} Pilha;
```

# Pilhas

:: Cria estrutura de pilha

```
Pilha* cria(void)
{
    Pilha* p;
    p = (Pilha*) malloc(sizeof(Pilha)) ;
    p->n = 0; /*Inicializa com zero elementos*/
    return p;
}
```

# Pilhas

:: Inserir o elemento do topo – **push()**

```
void push(Pilha* p, float v)
{
    if (p->n==MAX) {
        printf("Capacidade da pilha estourou.\n");
        exit(1); /*aborta programa*/
    }
    /* insere elemento na próxima posição livre */
    p->vet[p->n] = v;
    p->n++;
}
```

# Pilhas

:: Remover o elemento do topo – **pop()**

```
float pop(Pilha* p)
{
    float v;
    if (vazia(p)) {
        printf("Pilha vazia.\n");
        exit(1); /*aborta programa*/
    }
    /*retira elemento do topo*/
    v = p->vet[p->n-1];
    p->n--;
    return v;
}
```

# Pilhas

:: Verificar se a pilha está vazia

```
int vazia(Pilha* p)
{
    return (p->n == 0);
}
```

# Pilhas

:: Liberar a estrutura de pilha

```
void libera(Pilha* p)
{
    free(p);
}
```

# Pilhas

:: Imprime estrutura de pilha

```
void imprime (Pilha* p) {  
    int i;  
    for (i=p->n-1; i>=0; i--)  
        printf("%f\n",p->vet[i]);  
}
```



# Pilhas

## :: Teste

```
main(){  
    Pilha* p = cria();  
    push(p,20.0);  
    push(p,20.8);  
    push(p,20.3);  
    push(p,44.5);  
    push(p,33.3);  
    push(p,20.9);  
    imprime (p);  
    printf ("Retirado: %4.2f\n", pop(p));  
    printf ("Retirado: %4.2f\n", pop(p));  
    printf ("Configuracao da fila:\n");  
    imprime (p);  
    libera (p);  
    system("pause");  
}
```

# Implementação de pilha com lista

- ▶ Quando o número máximo de elementos que serão armazenados na pilha não é conhecido, devemos implementar a pilha usando uma estrutura de dados dinâmica, no caso, empregando uma lista encadeada.
- ▶ Os elementos são armazenados na lista e a pilha pode ser representada simplesmente por um ponteiro para o primeiro nó da lista.

# Pilhas

:: Implementação de pilha com estruturas

```
typedef struct {  
    float      info;  
    struct No*  anterior;  
} No;
```

```
typedef struct {  
    No* topo;  
} Pilha;
```

# Pilhas

## :: Operações básicas

- ▶ Criar uma estrutura de pilha;
- ▶ Inserir um elemento no topo (push);
- ▶ Remover o elemento do topo (pop);
- ▶ Verificar se a pilha está vazia;
- ▶ Liberar a estrutura de pilha

# Pilhas

:: Criar uma estrutura de pilha

```
Pilha* cria(void)
{
    Pilha *p;
    p = (Pilha*) malloc(sizeof(Pilha)) ;
    p->topo = NULL;
    return p;
}
```

# Pilhas

:: Inserir o elemento do topo – **push()**

```
Pilha* push(Pilha *p, float v)
{
    No* aux;
    aux = (No*) malloc(sizeof(No));
    aux->info = v;
    aux->anterior = p->topo;
    p->topo = aux;
    return aux;
}
```

# Pilhas

:: Remover o elemento do topo – **pop()**

```
float pop(Pilha *p)
{
    float v;
    No* aux;
    if (vazia(p))
    {
        printf("Pilha vazia.");
        exit(1); /*aborta o programa*/
    }
    v      = p->topo->info;
    aux    = p->topo;
    p->topo = aux->anterior;
    free(aux);
    return v;
}
```

# Pilhas

:: Verificar se a pilha está vazia

```
int vazia(Pilha *p)
{
    return (p->topo == NULL);
}
```



# Pilhas

:: Liberar a estrutura de pilha

```
void libera(Pilha *p)
{
    No* q = p->topo;
    while (q != NULL)
    {
        No *t = q->anterior;
        free(q);
        q = t;
    }
    free(p);
}
```

# Pilhas

:: Imprime estrutura de pilha

```
void imprime (Pilha* p) {  
    No* q;  
    for (q=p->topo; q!=NULL; q=q->anterior)  
        printf("%4.2f\n",q->info);  
}
```

# Pilhas

## :: Teste

```
main(){
    Pilha* p = cria();
    push(p,20.0);
    push(p,20.8);
    push(p,20.3);
    push(p,44.5);
    push(p,33.3);
    push(p,20.9);
    imprime (p);
    printf ("Retirado: %4.2f\n", pop(p));
    printf ("Retirado: %4.2f\n", pop(p));
    printf ("Configuracao da fila:\n");
    imprime (p);
    libera (p);
    system("pause");
}
```

# Exercício

- ▶ Utilizando o algoritmo anteriormente apresentado implemente um programa que insira dados em uma pilha A e em seguida remova-os elementos da pilha A e insira-os na pilha B com sua ordem invertida.