### UBA - Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - Departamento de Computación

## Algoritmos y Estructura de Datos I

Segundo cuatrimestre de 2018 05/11/18

# Trabajo Práctico de Implementación (TPI)

# Encuesta Permanente de Hogares del INDEC (EPH)

### 1. Introducción

El Trabajo Práctico de Implementación consiste en que cada grupo debe implementar en C++ todas las funciones propuestas en el TP de Especificación. Para ello deben seguir la especificación de este enunciado, y no la propia que habían realizado en el transcurso del Trabajo Práctico de Especificación.

A continuación, repetimos el detalle del contenido de las tablas de Individuos y Hogares.

## DISEÑO DE REGISTROS DE LA BASE PERSONAS

- CODUSU: Código único (mayor a cero) para distinguir VIVIENDAS u HOGARES. Todos los individuos que vivan en un mismo HOGAR tendran a su vez el mismo CODUSU.
- COMPONENTE: Código único (mayor a cero) que se asigna a los individuos que conforman cada hogar de la vivienda. Todos los integrantes de una VIVIENDA son encuestados (generan un registro).
- $A\tilde{N}O$ : Año de relevamiento.
- TRIMESTRE: Trimestre del año de relevamiento.
- CH4: Género: Trimestre del año de relevamiento.
  - 1 Varón
  - 2 Mujer
- *CH6*: Cuantos años cumplidos tiene.
- *NIVEL\_ED*: Estudios universitarios completos
  - 0 NO
  - 1 SI
- ESTADO: Condición de actividad
  - 0 Desocupado, Inactivo
  - 1 Ocupado
- CAT\_OCUP: Categoría Ocupacional (Para ocupados y desocupados con ocupación anterior)
  - 0 Ns./Nr.
  - 1 Patrón
  - 2 Cuenta propia
  - 3 Obrero o empleado,
  - 4 Trabajador familiar sin remuneración
- PP3E\_TOT: Total de horas que trabajó en la semana en la ocupación principal.
- *PP04D\_COD*: Código de ocupación principal del Clasificador Nacional de Ocupaciones.
- **P21**: Monto de ingresos de la ocupación principal.

## DISEÑO DE REGISTROS DE LA BASE HOGARES

- CODUSU: Código único (mayor a cero) para distinguir VIVIENDAS u HOGARES. Todos los individuos que vivan en un mismo HOGAR tendran a su vez el mismo CODUSU.
- $\tilde{ANO}$ : Año de relevamiento.
- *TRIMESTRE*: Trimestre del año de relevamiento.
- *ITF*: Monto de Ingreso Total Familiar.
- *II7*: Régimen de tenencia de los habitantes
  - 1 Propietario
  - 2 Inquilino
  - 3 Ocupante

En el transcurso de la encuesta, puede ocurrir que alguno de los ítems mencionados no haya sido completado, ya sea porque no fue informado o por un error del encuestador. Esa situación la representaremos con el entero -1.

## 1.1. Funciones C++

La declaración de cada una de las funciones a implementar es la siguiente:

Donde declaramos las siguientes estructuras de datos

```
typedef vector <int > individuo;
typedef vector <int > hogar;
typedef vector <individuo > eph_i;
typedef vector <hogar > eph_h;
typedef tuple <int, float > nivel_ed_hogar;
typedef vector <nivel_ed_hogar > lista_nivel_ed;
typedef tuple <int, float, float, int > evolucion_hogar;
typedef vector <evolucion_hogar > lista_ev_hogares;
```

Funciones adicionales para leer y grabar encuestas:

```
void leerEncuesta(string filename, eth_i & ti, eth_h & th);
void grabarEncuesta(eth_i ti, eth_h th, string filename);
```

# 2. Consignas

- Implementar todas las funciones que se encuentran en el archivo ejercicios.h. Para ello, deberán usar la especificación que se encuentra en la última sección del presente enunciado.
- Extender el conjunto de casos de tests de manera tal de lograr una cobertura de líneas del 100 %. En caso de no poder alcanzarla, explicar el motivo. La cobertura debe estar chequeada con herramientas que se verán en laboratorio de la materia.
- No está permitido el uso de librerías de C++ fuera de las clásicas: **math**, **vector**, **tuple**, las de input-output, etc. Consultar con la cátegra por cualquier librería adicional.

Dentro del archivo que se que se descarguen desde la página de la materia van a encontrar los siguientes archivos y carpetas:

- definiciones.h: Aquí están los renombres mencionados arriba junto con la declaración del enum Item.
- ejercicios.h: headers de las funciones que tienen que implementar.
- ejercicios.cpp: Aquí es donde van a volcar sus implementaciones.

- main.cpp: Punto de entrada del programa.
- tests: Estos son algunos Tests Suites provistos por la materia. Aquí deben completar con sus propios Tests para lograr la cobertura pedida.
- 1ib: Todo lo necesario para correr Google Tests. Aquí no deben tocar nada.
- datos: Aquí están los datos que se usan en los tests y datos reales correspondientes a los años 2016 y 2017 de la EPH en CABA.
- CMakeLists.txt: Archivo que necesita CLion para la compilación y ejecución del proyecto. NO deben sobreescribirlo al importar los fuentes desde CLion.

Es importante recalcar que la especificación de los ejercicios elaborada por la materia puede diferir del enunciado propuesto para el TPE. Por ello, recomendamos fuertemente utilizar el enunciado anterior solo como guía y basarse en la especificación a la hora de implementarlas.

## 3. Entregable

La fecha de entrega del TPI es el 16 de NOVIEMBRE de 2018.

- 1. Entregar una implementación de las funciones anteriormente descritas que cumplan el comportamiento detallado en la Especificación. El entregable debe estar compuesto por todos los archivos necesarios para leer y ejecutar el proyecto y los casos de test adicionales propuestos por el grupo.
- 2. El proyecto debe enviarse en un archivo comprimido, sin el directorio de compilación de CLion (binarios) y el directorio de GTEST. Enviarlo en formato .zip por correo a algo1-tm-doc@dc.uba.ar, poniendo como título: "Entrega TPI Grupo XX", donde XX es el número de grupo que será asignado por la cátedra.
- 3. Importante: Utilizar la especificación diseñada para este TP, no la solución del TPE!.
- 4. Importante: Es condición necesaria que la implementación pase todos los casos de tests provistos en el directorio tests. Estos casos sirven de guía para la implementación, existiendo otros TESTS SUITES secretos en posesión de la materia que serán usados para la corrección.

## 4. Especificación

En esta sección se encuentra la Especificiación de los ejercicios a resolver, a partir del enunciado del TPE. La implementación de cada ejercicio DEBE SEGUIR OBLIGATORIAMENTE ESTA ESPECIFICACIÓN.

Todos aquellos auxiliares que no se encuentren definidos inmediatamente después del *proc*, se encuentran en la sección de Predicados y Auxiliares comunes.

### 4.1. Definición de columnas

```
Dado el tipo
     enum ItemIndividuo { CODUSU, ANO4, TRIMESTRE, COMPONENTE, ... }
     enum ItemHogar { CODUSU, ANO4, TRIMESTRE, ITF, ... }
Definimos los siguientes auxiliares:
aux cantidadItemsIndividuo : \mathbb{Z} = 12;
aux cantidadItemsHogar: \mathbb{Z} = 5;
aux @Codusu : \mathbb{Z} = ord(CODUSU);
aux @Ano4 : \mathbb{Z} = ord(ANO4);
aux QTrim : \mathbb{Z} = ord(TRIMESTRE);
aux @Componente : \mathbb{Z} = ord(COMPONENTE);
aux @Nivel_Ed : \mathbb{Z} = ord(NIVEL\_ED);
aux @Estado : \mathbb{Z} = ord(ESTADO);
aux QCat_Ocup : \mathbb{Z} = ord(CAT_OCUP);
aux @Edad : \mathbb{Z} = ord(CH6);
aux @Genero : \mathbb{Z} = ord(CH4);
aux @PP3E_Tot : \mathbb{Z} = ord(PP3E\_TOT);
aux @PPO4D_Cod : \mathbb{Z} = ord(PP04D\_COD);
aux @P21 : \mathbb{Z} = ord(P21);
aux @Itf : \mathbb{Z} = ord(ITF);
aux @Prop : \mathbb{Z} = ord(II7);
```

#### 4.2. Problemas

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ mayorIngresoPorPersonaActiva\ (in\ ti:\ eph_i,\ in\ th:\ eph_h,\ out\ res:\ hogar)\ \left\{ \\ \operatorname{Pre}\ \left\{ encuestaValida(ti,th) \wedge_L\ hayUnActivoDeMayorIngreso(ti) \right\} \\ \operatorname{Post}\ \left\{ res \in th\ \wedge_L\ (\exists\ p:\ individuo)\ p \in ti\ \wedge_L\ individuoEnHogar(p,res) \wedge esElActivoDeMayorIngreso(p,ti)) \right\} \\ \end{array} \right\} \\ \operatorname{pred\ hayUnActivoDeMayorIngreso\ (ti:\ eph_i)\ } \left\{ \\ \left( \exists\ p:\ individuo \right)\ p \in ti\ \wedge_L\ trabaja(p) \wedge p[@p21] > 0\ \wedge\ (\forall\ q:\ individuo)\ (q \in ti\ \wedge\ q \neq p)\ \longrightarrow_L\ (trabaja(q)\ \wedge\ p[@p21] > q[@p21]) \\ \end{array} \right\} \\ \operatorname{pred\ esElActivoDeMayorIngreso\ (p:\ individuo,\ ti:\ eph_i)\ } \left\{ \\ \left( \forall\ q:\ individuo \right)\ (q \in ti\ \wedge\ q \neq p)\ \longrightarrow_L\ trabaja(q)\ \wedge\ p[@p21] > q[@p21] \right) \\ \end{array} \right\} \\ \end{array}
```

3. proc porcHogaresNoPropMiemMay3(in  $ti:eph_i$ , in  $th:eph_h$ , out  $result:\mathbb{R}$ ).

Dada la encuesta th y ti (hogares e individuos, respectivamente), se devuelve el porcentaje de hogares donde no hay miembros propietarios del hogar y donde la cantidad de miembros en el hogar es mayor e igual a tres.

```
proc porcHogaresNoPropMiemMay3 (in ti: eph_i, in th: eph_h,out result:\mathbb{R}) {
    Pre \{encuestaValida(ti,th)\}
    Post \{result = \frac{100}{|th|} \sum_{i=0}^{|th|-1} hogaresNoPropMay3(th[i],ti))\}
}

aux hogaresNoPropMay3 (h: hogar, ti: eph_i) : \mathbb{Z} = if \neg esPropietario(h) \land (\exists si : seq\langle individuo\rangle) \ losIndividuosDelHogar(ti,si,h) \land_L \ |si| \geq 3 \ then 1 \ else 0 \ fi ;
aux esPropietario (h: hogar) : Bool = h[@Prop] = 1;
```

4. proc generoGPosiblesClientes(in  $ti:eph_i$ , in  $th:eph_h$ , in  $g:\mathbb{Z}$ , out result:Bool).

Para un análisis de mercado y con el objetivo de lanzar paquetes turísticos para solteros, se quiere establecer si hay mas personas universitarias activas menores a 45 años de un género g que se recibe como parámetro, que otro género. Se va a suponer, como una aproximación, que las personas solteras viven solas. El ejercicio debe devolver verdadero en caso afirmativo.

```
 \begin{aligned} & \text{pro } \{encuestaValida(ti,th)\} \\ & \text{post } \{result = true \leftrightarrow \#hogaresXGenero(ti,th,g) > \#hogaresXNoGenero(ti,th,g)\} \\ \} \\ & \text{aux } \#hogaresXGenero ( \ \text{ti: } eph_i, \text{th: } eph_h, \ \text{g: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \\ & \sum_{i=0}^{|th|-1} \text{ if } esPerfilBuscado(th[i],ti) \wedge hogarSoloGeneroG(th[i],ti,g) \ \text{then } 1 \ \text{else } 0 \ \text{fi} \ ; \\ \text{aux } \#hogaresXNoGenero ( \ \text{ti: } eph_i, \text{th: } eph_h, \ \text{g: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \\ & \sum_{i=0}^{|th|-1} \text{ if } esPerfilBuscado(th[i],ti) \wedge -(hogarSoloGeneroG(th[i],ti,g)) \ \text{then } 1 \ \text{else } 0 \ \text{fi} \ ; \\ \text{pred } esPerfilBuscado(th[i],ti) \wedge -(hogarSoloGeneroG(th[i],ti,g)) \ \text{then } 1 \ \text{else } 0 \ \text{fi} \ ; \\ \text{pred } esPerfilBuscado(h: hogar, \ \text{ti: } eph_i) \ \{ \\ & (\exists si : seq\langle individuo\rangle) \ losIndividuosDelHogar(ti,si,h) \wedge_L \ |si| = 1 \wedge (\exists i : individuo) \ i \in ti \wedge_L \ individuoEnHogar(i,h) \wedge trabaja(i) \wedge i @Edad] < 45 \wedge i @NivelEd] = 1 \\ \} \\ \text{pred } hogarSoloGeneroG \ (h: hogar, \ \text{ti: } eph_i, \ \text{g: } \mathbb{Z}) \ \{ \\ & (\forall i : individuo) \ i \in ti \longrightarrow_L \ individuoEnHogar(i,h) \wedge i @Genero] = g \\ \} \end{aligned}
```

5. proc ordenarPorlTF(inout  $ti : eph_i$ , in  $th : eph_h$ )

Dada la encuesta th y ti (hogares e individuos, respectivamente), se pide ordenar la tabla de individuos en forma descendente segun el ingreso total familiar. En caso de empate ordenar ascendentemente por CODUSU. Dentro de cada hogar, los individuos se ordenan por el código de componente, de menor a mayor.

```
proc ordenarPorITF (inout ti: eph_i, in th: eph_h) {
                     Pre \{encuestaValida(ti, th) \land ti = ti_0\}
                     Post \{mismosIndividuos(ti, ti_0) \land_L estaOrdenado(ti, th)\}
         }
        pred mismosIndividuos (t1: eph_i, t2: eph_i) {
                     estaContenida(t1, t2) \land estaContenida(t2, t1)
        pred estaOrdenado (ti: eph_i, th : eph_h) {
                     (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |ti| - 1 \longrightarrow_L (mayorITF(ti[i], ti[i+1], th) \lor menorComponente(ti[i], ti[i+1], th) \lor menorCODUSU(ti[i], ti[i+1], th)) \lor menorCODUSU(ti[i], ti[i+1], th) \lor 
         }
        pred mayorITF (ind1: individuo, ind2: individuo, th: eph_h) {
                     (\exists \, i,j:\mathbb{Z}) \,\, 0 \leq i,j < |th| \,\, \land_L \,\, individuoEnHogar(ind1,th[i]) \,\, \land \,\, individuoEnHogar(ind2,th[j]) \,\, \land \,\, th[i][@Itf] > th[j][@Itf] > th[j][@It
        pred menorCODUSU (ind1: individuo, ind2: individuo, th: eph_h) {
                     igualITF(ind1, ind2, th) \land ind1[@Codusu] < ind2[@Codusu]
        pred menorComponente (ind1: individuo, ind2: individuo, th: eph_h) {
                     igualITF(ind1, ind2, th) \land mismoCodusu(ind1, ind2) \land ind1[@Componente] < ind_2[@Componente]
        pred estaContenida (t1: eph_i, t2: eph_i) {
                     (\forall i : individuo) \ i \in t1 \longrightarrow_L i \in t2
        pred mismoCodusu (ind1: individuo, ind2: individuo) {
                     ind1[@Codusu] = ind2[@Codusu]
        pred igualITF (ind1: individuo, ind2: individuo, th: eph_h) {
                     (\exists \, i,j:\mathbb{Z}) \,\, 0 \leq i,j < |th| \,\, \land_L \,\, individuoEnHogar(ind1,th[i]) \,\, \land \,\, individuoEnHogar(ind2,th[j]) \,\, \land \,\, th[i][@Itf] = th[j][@Itf] \,\, and \,\, th[i][@Itf] = t
6. proc nivelEducativoXHogar(in th : eph_h, in ti : eph_i, out result : seq(\mathbb{Z}, \mathbb{R})).
        Dada la encuesta th y ti (hogares e individuos, respectivamente), se busca establecer los máximos niveles educativos por hogar
        en la distribución habitacional. El ejercicio debe devolver una secuencia de tuplas result de dos elementos. El primero es el
        código de nivel educativo, y el segundo el porcentaje de hogares (del total), que poseen ese máximo nivel educativo entre sus
        proc nivelEducativoXHogar (in th: eph_h,in ti: eph_i,out result:seq(\mathbb{Z}, \mathbb{R})) {
                     Pre \{encuestaValida(ti, th)\}\
                     \mathsf{Post} \; \{ | result | = 2 \; \land \; (\forall \, i : \mathbb{Z}) \; esNivelEducativo(i) \longrightarrow_L \left( result[i]_0 = i \land result[i]_1 = 100 * \frac{\#hogaresNivelEducativo(i,ti,th)}{|th|} \right) \}
         }
        pred esNivelEducativo (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i \le 1\}
        aux #hogaresNivelEducativo (ne: \mathbb{Z}, th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|th|-1} if esMaxNivelEducativo(ne, th[i], ti) then 1 else 0 fi;
        pred esMaxNivelEducativo (ne : \mathbb{Z}, h: hogar, ti:eph_i) {
                     (\exists i: individuo) \ i \in ti \land_L \ (individuoEnHogar(i,h) \land \ i[@NivelEd] = ne \land
         (\forall j : individuo) \ j \in ti \longrightarrow_L \ (individuoEnHogar(j,h) \land j[@NivelEd] \le ne))
7. proc crecimientoHogareñoVsIngresos(in t1i:eph_i, in t1h:eph_h, in t2i:eph_i, in t2h:eph_h, out result:seq\langle \mathbb{Z},\mathbb{R},\mathbb{R},\mathbb{Z} \rangle \rangle).
         Dadas dos encuestas t1 y t2 correspondientes a dos trimestres distintos, devolver una secuencia result de tuplas. Cada tupla
         contiene un análisis de la evolución de los hogares que pertenecen al cuartil correspondiente a sus ingresos (ITF). La tupla
         contiene la siguiente información: número de cuartil (el primer cuartil corresponde al 25 % de hogares con mayores ingresos),
         incremento porcentual promedio de componentes de hogares en ese cuartil, incremento porcentual promedio de ingresos de
         hogares del cuartil, cantidad de hogares promedio de donde surgieron los datos.
        proc crecimientoHogareñoVsIngresos (in t1i: eph_i, in t1h: eph_h, in t2i: eph_i, in t2h: eph_h, out result: seq \langle \langle \mathbb{Z}, \mathbb{R}, \mathbb{R}, \mathbb{Z} \rangle \rangle) {
                     \text{Pre } \{encuestaValida(t1i,t1h) \ \land \ encuestaValida(t2i,t2h) \ \land_L \ sonDistintosTrimestres(t1i,t2i) \land |t1h| \geq 4 \land |t2h| \geq 4 \}
                     Post \{|result| = 4 \land_L \ (\forall k : < \mathbb{Z}, \mathbb{R}, \mathbb{R}, \mathbb{Z} >) \ k \in result \leftrightarrow
                                        esPromCasosEnCuartil(k_0, k_3, t1h, t2h)) \land ordenadaAscendentePorCuartil(result))\}
         }
        pred ordenadaAscendentePorCuartil (s: seq \langle \langle \mathbb{Z}, \mathbb{R}, \mathbb{R}, \mathbb{Z} \rangle \rangle) {
                     (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |s| - 1 \longrightarrow_L s[i]_0 < s[i+1]_0
```

```
pred sonDistintosTrimestres (t1i: eph_i, t2i: eph_i) {
                                                                  (\forall i: individuo) \ i \in t1i \ \land \ (\forall j: individuo) \ j \in t2i \ \longrightarrow_L \ (i[@Ano4] \neq j[@Ano4] \ \lor \ i[@Trim] \neq j[@Trim] \ i[@Trim] \ i[
                                     pred esIncCompHogarCuartil (Z: c, rComp: R, t1i: eph_i, t1h: eph_h, t2i: eph_i, t2h: eph_h) \ \{ eph_i, e
                                                                  rComp = \text{if } promedCmopHogCuart(t1i, t1h, c) > 0 \text{ then } 100*\frac{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t2i, t2h, c) - promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)}{promedCompHogCuart(t1i, t1h, c)} \text{ else } 0 \text{ find } 100*\frac{promedCompHog
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         promedCompHogCuart(t1i,t1h,c)
                                    pred esIncIngresoHogarCuartil (\mathbb{Z}: c, rIng: \mathbb{R}, t1h: eph_h, t2h: eph_h) {
                                                                  rIng = \text{if } promedIngHogarCuart(t1h,c) > 0 \text{ then } 100 * \frac{promedIngHogarCuart(t2h,c) - promedIngHogarCuart(t1h,c)}{control of the control of the cont
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     promedIngHogarCuart(t1h,c)
                                    pred esPromCasosEnCuartil (c: \mathbb{Z}, q: \mathbb{Z}, t1h: eph_h, t2h: eph_h) \{q = promCasosCuartil(t1h, t2h, c)\}
                                    pred estaEnCuartil (t: eph_h, h: hogar, c: \mathbb{Z}) {
                                                                  (\exists tord : eph_h) \ esVersionOrdenadaPorITFyCODUSU(t, tord) \ \land_L
                                       h \in subseq(tord, limIzquierdoCuartil(tord, c), limDerechoCuartil(tord, c))
                                    pred esVersionOrdenadaPorITFyCODUSU (th: eph_h, tord: eph_h) {
                                                                 hogaresUnicos(tord) \land mismosHogares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor i = logaresUnicos(tord) \land mismosHogares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i][@Itf] > tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i \leq |tord| - 1 \longrightarrow_L tord[i+1][@Itf] \lor logares(th,tord) \land (\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i
                                       (tord[i][@Itf] = tord[i+1][@Itf] \wedge tord[i][@CODUSU] < tord[i+1][@CODUSU])
                                    pred mismosHogares (ta: eph_h, tb: eph_h) {
                                                                  estaContenida(ta, tb) \land estaContenida(tb, ta)
                                    pred estaContenida (ta: eph_h, tb: eph_h) {
                                                                  (\forall h : hogar) \ h \in ta \longrightarrow_L h \in tb
                                       }
                                      aux promedCompHogarCuart (ti: eph_h, th : eph_h, q: \mathbb{Z}) : \mathbb{R} =
                                                                     \sum_{i=0}^{|th|-1} \text{if } estaEnCuartil(th,th[i],q) \text{ then } \frac{\#individuosEnHogar(th[i],ti)}{\#hogaresEnCuartil(th,q)} \text{ else } 0 \text{ fi };
                                      aux promedIngHogarCuart (th: eph_h, c: \mathbb{Z}): \mathbb{R} = \sum_{j=0}^{|th|-1} \text{if } estaEnCuartil(th,th[i],c) \text{ then } \frac{th[i]@Itf]}{\#hogaresEnCuartil(th,c)} \text{ else } 0 \text{ fi};
                                      aux #hogaresEnCuartil (th: eph_h, c: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}=\sum_{i=0}^{|th|-1} if estaEnCuartil(th,th[i],c) then 1 else 0 fi;
                                       aux limIzquierdoCuartil (th: eph_h, c: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \lfloor 0.25 * |th| * (c-1) \rfloor;
                                       aux limDerechoCuartil (th: eph_h, c: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = |0.25*|th|*c|;
                                       aux promCasosCuartil (t1h: eph_h, t2h: eph_h, c: \mathbb{Z}): \mathbb{R} = \frac{1}{2}(\#hogaresEnCuartil(t1h,c) + \#hogaresEnCuartil(t2h,c));
4.3.
                                                   Predicados y Auxiliares comunes
                     pred encuestaValida (ti: eph_i, th: eph_h) {
                                                             |ti| > 0 \wedge |th| > 0 \wedge_L
                                                             esMatrizIndividuo(ti) \land esMatrizHogar(th) \land_L
                                                             individuosValidos(ti) \land hogaresValidos(th) \land_L
                                                             individuos Distintos(ti) \ \land \ hogares Unicos(th) \ \land_L
                                                             tablasCompatibles(ti, th)
                           }
                     pred esMatrizIndividuo (ti: eph_i) {
                                                             (\forall i,j: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti| \ \land \ 0 \leq j < |ti|) \longrightarrow_L (|ti[i]| = |ti[j]| \ \land \ |ti[i]| = cantidadItemsIndividuo)
                           }
                    pred esMatrizHogar (t: eph_h) {
                                                             (\forall i, j: \mathbb{Z})(0 \leq i < |t| \land 0 \leq j < |t|) \longrightarrow_L (|t[i]| = |t[j]| \land |t[i]| = cantidadItemsHogar)
                     pred individuos Validos (ti: eph_i) {
                                                             (\forall p : individuo) \ p \in ti \longrightarrow_L individuoValido(p)
                     pred individuoValido (p: individuo) {
                                                          p[@Codusu] > 0 \land p[@Componente] > 0 \land p[@Ano4] > 0 \land trimestreEnRango(p[@Trim]) \land nivelEdEnRango(p[@Nivel\_Ed]) \land p[@Ano4] > 0 \land p[@Ano4] > 
estadoEnRango(p[@Estado]) \land catOcupEnRango(p[@Cat\_Ocup]) \land edadEnRango(p[@Edad]) \land horasEnRango(p[@PP3E\_Tot]) \land edadEnRango(p[@Edad]) \land horasEnRango(p[@PP3E\_Tot]) \land edadEnRango(p[@PP3E\_Tot]) \land eda
p21EnRango(p[@P21]) \ \land \ p[@PP04D\_Cod] \ge -1 \ \land \ \neg(trabaja(p) \longrightarrow p[@P21] = 0) \ \land \ (\neg trabaja(p) \longrightarrow p[@PP3E\_Tot] < -1 \ \land \ \neg(trabaja(p) \longrightarrow p[@PP3E\_Tot] < -1 \ \land \ \ \neg(trabaja(p) \longrightarrow p[@PP3E\_Tot] < -1 \ \land \ \ \ \ 
0) \land (trabaja[p] \longrightarrow p[@Edad] > 10)
                     pred hogares Validos (th: eph_h) {(\forall h : hogar) \ h \in th \longrightarrow_L hogar Valido(h)}
                     pred hogarValido (h: hogar) {
                                                             h[@Codusu] > 0 \land h[@Ano4] > 0 \land trimestreEnRango(h[@Trim]) \land h[@Itf] \ge 0 \land pII7EnRango(h[@Prop])
                     pred trimestreEnRango (i: \mathbb{Z}) \{1 \leq i \leq 4\}
                     pred nivelEdEnRango (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i \le 1 \lor noSabeNoContesta(i)\}
                     pred estadoEnRango (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i \le 1 \lor noSabeNoContesta(i)\}
                     pred cat0cupEnRango (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i \le 4 \lor noSabeNoContesta(i)\}
                    pred edadEnRango (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i \le 110 \lor noSabeNoContesta(i)\}
                     pred p21EnRango (i: \mathbb{Z}) { i \geq 0 \lor noSabeNoContesta(i)}
```

```
pred pII7EnRango (i: \mathbb{Z}) \{1 \leq i \leq 3 \lor noSabeNoContesta(i)\}
         pred horasEnRango (i: \mathbb{Z}) \{0 \le i < 56 \lor noSabeNoContesta(i)\}
         pred noSabeNoContesta (i: \mathbb{Z}) \{i = -1\}
         pred trabaja (p: individuo) \{p[@Estado] = 1\}
        pred individuosDistintos (ti: eph_i) {
                           (\forall p1, p2: individuo) \ (p1 \in ti \ \land \ p2 \in ti \ \land \ p1 \neq p2) \longrightarrow_{L} (p1[@Codusu] \neq p2[@Codusu] \ \lor \ p1[@Componente] \neq p2[@Codusu] \ \lor \ p1[@Componente] \neq p2[@Codusu] \ \lor \ p1[@Componente] \neq p2[@Codusu] \ \lor \ p2[@Codusu] \ \lor \
p2[@Componente])
         pred hogaresUnicos (th: eph_h) {
                          (\forall p1, p2: hogar) \ (p1 \in th \land p2 \in th \land p1 \neq p2) \longrightarrow_L p1[@Codusu] \neq p2[@Codusu]
        pred tablasCompatibles (ti: eph_i, th: eph_h) {
                          mismoPeriodo(ti,th) \land individuosConHogar(ti,th) \land hogaresConIndividuos(ti,th) \land ingresoHogarEnRango(ti,th)
        pred mismoPeriodo (ti: eph_i, th: eph_h) {
                          (\forall i:individuo) \ \ i \in ti \ \land \ (\forall h:hogar) \ h \in th \longrightarrow_L (i[@Ano4] = h[@Ano4] \ \land \ i[@Trim] = h[@Trim])
           }
        pred individuosConHogar (ti: eph_i, th: eph_h) {
                          (\forall i : individuo) \ i \in ti \longrightarrow_L ((\exists h : eph_h) \ h \in th \land_L \ individuoEnHogar(i, h))
           }
        pred hogaresConIndividuos (ti: eph_i, th: eph_h) {
                          (\forall h : hogar) \ h \in th \longrightarrow_L ((\exists i : individuo) \ i \in ti \land_L \ individuoEnHogar(i, h))
           }
         pred ingresoHogarEnRango (ti: eph_i, th: eph_h) {
                          (\forall\, h: hogar)\ h \in th \ \longrightarrow_L h[@Itf] \leq ingresoTotalHogar(ti,h)
         pred individuoEnHogar (i: individuo, h : hogar) {
           i[@Codusu] = h[@Codusu]
         pred losIndividuosDelHogar (ti: eph_i, si: seq\langle individuo\rangle, h: hogar) {
            \#individuosEnHogar(h,ti) = |si| \land individuosDistintos(si) \land (\forall i:individuo) \ i \in si \longrightarrow_L individuoEnHogar(i,h)
         aux ingresoTotalHogar (ti: eph_i, h: hogar) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|ti|-1} if individuoEnHogar(ti[i],h) then ti[i][@p21] else 0 fi; aux #individuoEnHogar (h: hogar,ti: eph_i) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|ti|-1} if individuoEnHogar(ti[i],h) then 1 else 0 fi;
```