Análise de Algoritmos - Unidade 2 - Exercício 4 - Divisão e Conquista

Fernando Lucas da Silva

1. Considere o algoritmo máximo (v, i, f) que devolve o índice de um elemento máximo de {v[i], ..., v[f]}:

$$\begin{aligned} \mathsf{m\'{a}ximo}(v,i,f) \\ & \text{se } i = f, \, \mathsf{devolva} \, i \\ & p \leftarrow \mathsf{m\'{a}ximo}(v,i,\lfloor(i+f)/2\rfloor) \\ & q \leftarrow \mathsf{m\'{a}ximo}(v,\lfloor(i+f)/2\rfloor+1,f) \\ & \text{se } v[p] \geq v[q], \, \mathsf{devolva} \, p \\ & \mathsf{devolva} \, q \end{aligned}$$

a. Esse algoritmo se baseia em divisão-e-conquista? Justifique.

Sim. O algoritmo se baseia na repetida divisão do conjunto em partes iguais ou de tamanhos semelhantes, além de utilizar a recursividade.

b. Considerando n = f - i + 1, qual é o número de comparações entre elementos de v numa execução de máximo(v, i, f)? Justifique.

São (n - 1) comparações. Considerando que n é a quantidade de elementos do vetor, cada execução da função 'máximo' compara os resultados das suas recursões, exceto pela última, que já devolve o índice na primeira linha.