

Prova 1

The respondent's email (henrique.padula@ufv.br) was recorded on submission of this form.

QUESTÃO 5. O seguinte algoritmo recursivo recebe como entrada uma matriz de ordem $n \times n$ (note que as linhas e colunas da matriz variam de 0 a $n-1$). Indique o que faz/determina o algoritmo, e quais são as complexidades do algoritmo no pior caso e melhor caso. Justifique suas respostas. *

```
MATRIZ(n, M[0..n-1][0..n-1]) //entrada: matriz de ordem  $n \times n$ 
  if n == 1: //se a matriz é de ordem  $1 \times 1$ 
    if M[0][0] != 1: return false
    else: return true
  else:
    if MATRIZ(n-1, M[0..n-2][0..n-2]):
      if M[n-1][n-1] != 1: return false
      for i = 1 to n-1:
        if M[n-1][i] != 0 or M[n-1][i] != 0: return false

      return true
    else:
      return false
```

- ☒ O algoritmo verifica se a matriz é identidade. O algoritmo possui complexidade $O(n^2)$ no pior caso e $O(1)$ no melhor caso.
- ☐ O algoritmo verifica se todos os elementos da matriz são iguais a 1 (exceto os elementos da diagonal principal que são iguais a zero). O algoritmo possui complexidade $O(n^2)$ no pior caso e $O(n)$ no melhor caso.
- ☐ O algoritmo verifica se todos os elementos da matriz são iguais a zero, exceto os elementos das duas diagonais que são iguais a 1. O algoritmo possui complexidade $O(n^2)$ no pior caso e $O(n)$ no melhor caso.
- ☐ O algoritmo verifica se a matriz é identidade. O algoritmo possui complexidade $O(2n^2)$ no pior caso e $O(n)$ no melhor caso.
- ☐ O algoritmo verifica se todos os elementos da matriz são iguais a 0 (exceto os elementos da diagonal principal que são iguais a 1). O algoritmo possui complexidade $O(n^2)$ no pior caso e $O(n)$ no melhor caso.



QUESTÃO 6. Assinale a função fechada $T(n)$ obtida após resolver a recorrência $T(n) = 3T(n/3) + n$, para $n > 1$, com $T(1) = 1$ (considerando n potencia de 3). Justifique sua resposta. *

- ☒ $T(n) = n \log_3 n + n$
- ☐ $T(n) = n^2 \log_3 n + n$
- ☐ $T(n) = n \log_3 n + n^2$
- ☐ $T(n) = n \log_3 n + \log_3 n$
- ☐ $T(n) = n \log_3 n + 3n$

QUESTÃO 2. Para provar que $2n^2 - 4n - 20 \in \Omega(n^2)$ deve-se mostrar que existem * duas constantes $c \in \mathbb{R}^+$ e $n_0 \in \mathbb{Z}^+$ tal que, $2n^2 - 4n - 20 \geq c \cdot n^2$, para todo $n \geq n_0$. Assinale as constantes que podem ser utilizadas para fazer essa prova. Justifique sua resposta.

- ☒ Todas as alternativas são corretas.
- ☐ $c = 1, n_0 = 7$
- ☐ $c = 1/4, n_0 = 5$
- ☐ $c = 5/9, n_0 = 6$
- ☐ $c = 2/5, n_0 = 5$



QUESTÃO 1. Determine a complexidade do seguinte algoritmo (considere entradas n potências de 2). Justifique sua resposta. *

```
ALG (n):  
  if n > 1:  
    ALG(n/2)  
    for i = 0 to n-1 do  
      for j = 0 to i-1 do  
        print('* *')  
    ALG(n/2)
```

- ☐ $\Theta(n^2 \log_2 n)$
- ☐ $\Theta(2^n)$
- ☐ $\Theta(n \log_2 2^n)$
- ☒ $\Theta(n^3)$
- ☐ $\Theta(n \log_2 n)$

Individual feedback

Obtido $2T(n/2) + n(n-1)/2$, aplicando Teorema mestre obtém-se: $\Theta(n^2) = \Theta(n \log_2 2^n)$



QUESTÃO 4. Sejam $f(n)$, $g(n)$ e $h(n)$ os tempos de execução de pior caso de, respectivamente, três algoritmos A, B e C propostos para um mesmo problema computacional, onde n é o tamanho da entrada. Dizemos que, assintoticamente no pior caso, o algoritmo A é mais eficiente que o algoritmo B, e o algoritmo C é pior que o algoritmo B quando (justifique sua resposta): *

- ☐ $f(n) \in \theta(g(n))$ e $h(n) \in \theta(g(n))$
- ☐ $f(n) \in o(g(n))$ e $g(n) \in \omega(h(n))$
- ☐ $g(n) \in o(f(n))$ e $h(n) \in \omega(g(n))$
- ☐ $g(n) \in O(f(n))$ e $h(n) \in O(g(n))$
- ☒ $g(n) \in \omega(f(n))$ e $g(n) \in o(h(n))$

QUESTÃO 3. Para cada uma das afirmações seguintes, diga se é Verdadeiro ou Falso. Justifique sua resposta. *

- A) Se $f(n) \in \Theta(g(n))$, então $f(n) \in O(g(n))$
- B) $f(n) \in O(g(n))$, então $f(n) \in o(g(n))$
- C) Se $f(n) \in o(g(n))$, então $g(n) \in \Omega(f(n))$
- D) Se $f(n) \in \omega(g(n))$, então $f(n) \in O(g(n))$
- E) Se $f(n) \in O(g(n))$, então $\lim_{n \rightarrow \infty} f(n)/g(n) = 0$
- F) Se $\lim_{n \rightarrow \infty} f(n)/g(n) = \infty$, então $f(n) \in \omega(g(n))$
- G) $2^{2^n} \in \Theta(2^n)$
- H) $2^n \in o(n!)$
- I) $n^2 \log_2 n \in o(n^2 \sqrt{n})$
- J) $f(n) \in \omega(g(n))$ se e somente se existem as constantes $c \in \mathbb{R}^+$ e $n_0 \in \mathbb{Z}^+$ tal que, $f(n) > c.g(n)$, para todo $n \geq n_0$.

- ☐ A, F e I
- ☐ C, E, F, I e J
- ☒ A, C, E e F
- ☐ A, C, F e I
- ☐ A, C, F, I e J



Google Forms

