

UNIVERSIDADE FEDERAL DE VIÇOSA CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E TECNOLÓGICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

MAT 140 - CÁLCULO I - PER

LISTA 12 - DERIVAÇÃO IMPLÍCITA E DERIVADA DA FUNÇÃO INVERSA:

1. Utilizando derivação implícita, determine $\frac{dy}{dx}$:

(a)
$$x^2 + y^2 = \sqrt{7}$$

(c)
$$\cos^2 y + \sin^2 y = y + 2$$

(c)
$$\cos^2 y + \sin^2 y = y + 2$$
 (e) $e^{\cos x} + e^{\sin y} = \frac{1}{4}$ (d) $y tg(x + y) = 4$

(b)
$$xy + x + y = 5$$

(d)
$$y tg(x+y) = 4$$

2. Determine a equação da reta tangente à curva no ponto indicado:

(a)
$$xy^2 = 1$$
 em $(1, -1)$.

(c)
$$y^2 = \frac{x^2}{xy - 4}$$
 em $(4, 2)$.

- (b) $sen(xy) = x em \left(1, \frac{\pi}{2}\right)$.
- 3. A função $f(x) = x^3 9x$ é crescente para $x < -\sqrt{3}$. Se g é a função inversa de f neste intervalo, encontre g'(0).
- 4. A função $f(x) = x^3 9x$ é decrescente para $-\sqrt{3} < x < \sqrt{3}$. Se h é a função inversa de f neste intervalo, encontre h'(0).