LAB3. Long Latency Operations

Primer timing:

```
16:17 quim: ~/UPC/PCA/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/primers [main]$ ../../../scripts/autopca -e ./primers.0
        Acounting de ./primers.0, numero de repeticions: 1
        Max. elapsed:
                        .83 seconds
       Min. elapsed:
                        .83 seconds
        Avg. elapsed:
                       .8300 seconds
       Max. CPU time: .81 seconds
        Min. CPU time:
                        .81 seconds
        Avg. CPU time: .8100 seconds
       Max. CPU:
                        97%
       Min. CPU:
                        97%
        Avg. CPU:
                        97.00%
```

Primer profiling amb gprof. Veiem una latència important a les línies 47, 48, 56 i 57 que pertanyen a les funcions *clearBit* i *getBit*:

```
Each sample counts as 0.01 seconds.
    cumulative
                   self
                                        self
                                                  total
 time
        seconds
                   seconds
                               calls ns/call ns/call
                                                          name
 22.86
             0.10
                                                          clearBit (primers.c:47 @ 400910)
                      0.10
 18.29
             0.18
                      0.08
                                                          getBit (primers.c:56 @ 40098d)
                                                          clearBit (primers.c:48 @ 400936)
 13.71
             0.31
                      0.06
                                                          getBit (primers.c:57 @ 4009b3)
 6.86
             0.34
                      0.03
                                                          clearBit (primers.c:51 @ 400964)
clearBit (primers.c:49 @ 400950)
 5.71
             0.37
                      0.03
  4.57
             0.39
                      0.02
                                                          getBit (primers.c:59 @ 4009d6)
  2.29
                      0.01 23492030
                                          0.43
                                                    0.43 clearBit (primers.c:46 @ 4008fb)
  2.29
             0.41
                      0.01 10003162
                                          1.01
                                                    1.01 getBit (primers.c:55 @ 400978)
  2.29
             0.42
                      0.01
                                                          clearBit (primers.c:50 @ 400961)
  2.29
             0.43
                                                          getBit (primers.c:58 @ 4009cd)
                      0.01
  1.14
             0.43
                      0.01
                                                          clearBit (primers.c:52 @ 400975)
             0.44
                                                          getBit (primers.c:60 @ 4009e7)
  1.14
             0.44
                      0.01
                                                          getBit (primers.c:61 @ 4009f1)
             0.44
                              664579
                                          0.00
                                                    0.00
                                                          printPrime (primers.c:80 @ 400a85)
  0.00
                      0.00
  0.00
             0.44
                                          0.00
                                                    0.00
                                                         createBitArray (primers.c:24 @ 40078b)
findPrimes (primers.c:85 @ 400aaf)
                      0.00
                                   1
  0.00
                      0.00
                                                    0.00
  0.00
             0.44
                      0.00
                                                    0.00
                                                         freeBitArray (primers.c:18 @ 400777)
  0.00
                      0.00
                                          0.00
                                                    0.00 setAll (primers.c:72 @ 400a3c)
                          Call graph
```

Mirant el codi veiem que estem dividint i fent el mòdul amb el nombre 32 que és potència de 2. Podem usar BitHacks per a canviar aquesta operació per una de menys costosa. Codi Original:

```
ba->bvtesPerInt = sizeof(unsigned int):
  ba->bitsPerInt = ba->bitsPerByte * ba->bytesPerInt; bytesPer
   ba->bytesPerInt = sizeof(unsigned int);
   ba->bitsInArray = bits;
   ba->intsInArray = bits / ba->bitsPerInt + 1;
   ba->p = malloc(ba->intsInArray * ba->bytesPerInt);
    assert(ba->p != NULL);
    return ba;
}
void setBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
   unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS / ba->bitsPerInt);
   unsigned int remainder = (bitSS % ba->bitsPerInt);
    *pInt |= (1 << remainder);
}
void clearBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
   unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS / ba->bitsPerInt);
   unsigned int remainder = (bitSS % ba->bitsPerInt);
   unsigned int mask = 1 << remainder;</pre>
   mask = ~mask;
    *pInt &= mask;
}
int getBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
{
   unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS / ba->bitsPerInt);
   unsigned int remainder = (bitSS % ba->bitsPerInt);
   unsigned int ret = *pInt;
    ret &= (1 << remainder);</pre>
    return (ret != 0);
```

Optimitzacions:

```
void setBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
43
42
           unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS >> 5);
unsigned int remainder = (bitSS & 31);
*pInt |= (1 << remainder);</pre>
41
40
    }
    void clearBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
           unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS >> 5); //Cal optimitzar: unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS / ba->bitsPerInt) unsigned int remainder = (bitSS & 31); //Cal optimitzar unsigned int mask = 1 << remainder;
36
            mask = ~mask;
32
31 }
            *pInt &= mask;
30
29
     int getBit(BITARRAY * ba, bignum bitSS)
28
           unsigned int *pInt = ba->p + (bitSS >> 5); //Cal optimitzar unsigned int remainder = (bitSS & 31); //Cal optimitzar unsigned int ret = *pInt; ret &= (1 << remainder);
            return (ret != 0);
```

Tornant a fer profiling veiem que les línies han canviat. Ara el màxim pes de l'execució recau en operacions de shift de bits:

```
Each sample counts as 0.01 seconds.
      cumulative
                     self
                                          self
                                                    total
                                 calls ns/call ns/call
 time
         seconds
                    seconds
                                                             name
 18.29
             0.04
                        0.04
                                                             clearBit (primers.opt.c:49 @ 400934)
             0.08
 18.29
                       0.04
                                                             getBit (primers.opt.c:56 @ 400971)
                       0.03
             0.11
 11.43
                                                             clearBit (primers.opt.c:51 @ 400948)
             0.12
 6.86
                       0.02
                                                             clearBit (primers.opt.c:50 @ 400945)
                                                             findPrimes (primers.opt.c:98 @ 400b23)
  6.86
             0.14
                       0.02
  6.86
             0.15
                       0.02
                                                             findPrimes (primers.opt.c:96 @ 400b2b)
 4.57
4.57
             0.16
                                                      0.43 clearBit (primers.opt.c:46 @ 4008fb)
1.01 getBit (primers.opt.c:55 @ 40095c)
                       0.01 23492030
                                            0.43
             0.17
                        0.01 10003162
                                            1.01
                                                             clearBit (primers.opt.c:47 @ 400910)
  4.57
             0.18
                       0.01
             0.19
  4.57
                       0.01
                                                             findPrimes (primers.opt.c:97 @ 400b10)
  4.57
             0.20
                       0.01
                                                             getBit (primers.opt.c:58 @ 400995)
             0.21
                                                             clearBit (primers.opt.c:48 @ 40092a)
  2.29
                       0.01
  2.29
             0.21
                       0.01
                                                             clearBit (primers.opt.c:52 @ 400959)
  2.29
2.29
             0.22
                                                             findPrimes (primers.opt.c:100 @ 400b35)
findPrimes (primers.opt.c:101 @ 400b42)
                       0.01
             0.22
                       0.01
  0.00
             0.22
                       0.00
                                664579
                                            0.00
                                                      0.00
                                                             printPrime (primers.opt.c:80 @ 400a4d)
             0.22
                                                             createBitArray (primers.opt.c:24 @ 40078b)
  0.00
                       0.00
                                     1
                                            0.00
                                                      0.00
                                                             findPrimes (primers.opt.c:85 @ 400a77)
             0.22
  0.00
                       0.00
                                     1
                                            0.00
                                                      0.00
                                                             freeBitArray (primers.opt.c:18 @ 400777)
setAll (primers.opt.c:72 @ 400a04)
  0.00
                       0.00
                                                      0.00
             0.22
                                     1
                                            0.00
  0.00
             0.22
                        0.00
                                     1
                                            0.00
                                                       0.00
```

I l'speedup que aconseguim és de 2.8 i creiem que ens podem considerar satisfets.

```
PCA/PCA-FIB> scripts/autopca -e LAB3/lab3_session/primers.opt.0 -g LAB3/lab3_session/primers.0 -n 4

[i] Comparant els outputs dels executables...

[ii] Acounting de LAB3/lab3_session/primers.0, numero de repeticions: 4

Max. elapsed: .64 seconds
Min. elapsed: .64 seconds
Min. CPU time: .63 seconds
Min. CPU time: .63 seconds
Min. CPU time: .6375 seconds

Max. CPU: 99%
Min. CPU: 99%
Avg. CPU: 99.00%

[ii] Acounting de LAB3/lab3_session/primers/primers.opt.0, numero de repeticions: 4

Max. elapsed: .23 seconds
Min. elapsed: .23 seconds
Avg. elapsed: .23 seconds
Avg. elapsed: .23 seconds
Min. elapsed: .23 seconds
Avg. elapsed: .23 seconds
Min. CPU time: .22 seconds
Avg. elapsed: .23 seconds
Min. CPU time: .22 seconds
Avg. elapsed: .23 seconds
Min. CPU time: .22 seconds
Avg. (PU time: .22 seconds
Avg. (PU time: .29 seconds
Avg. (PU time: .22 seconds
Avg. (PU time: .22 seconds
Avg. (PU time: .23 seconds
Max. (PU: 99%
Avg. (PU: 99.00%

[ii] Calcul del Speedup
Speedup elapsed: 2.7826
Speedup elapsed: 2.7826
Speedup elapsed: 2.7826
Speedup elapsed: 2.7826
```

Si compilem la nostra versió de primers amb -02 i -03 obtenim un speedup de 8.07 i 8.56 respectivament.

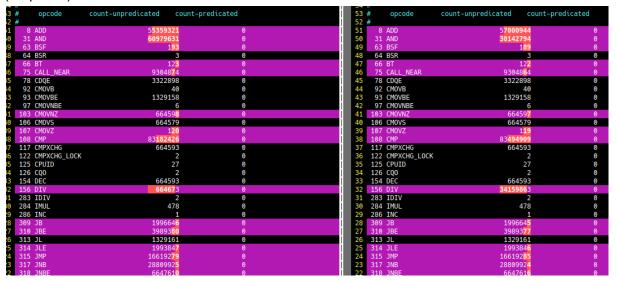
Speedup amb O2:

```
m: ~/UPC/PCA/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/primers [main]$ ../../../scripts/autopca -e ./primers.opt.2 -g ./primers.0 -n 4
           Comparant els outputs dels executables...
Acounting de ./primers.0, numero de repeticions: 4
[i]
[i]
           Max. elapsed: .79 seconds
Min. elapsed: .78 seconds
Avg. elapsed: .7875 seconds
           Max. CPU time: .79 seconds
Min. CPU time: .77 seconds
Avg. CPU time: .7800 seconds
           Max. CPU:
                                  99%
           Min. CPU:
           Avg. CPU:
                                  99.00%
[i]
           Acounting de ./primers.opt.2, numero de repeticions: 4
           Max. elapsed: .10 seconds
           Min. elapsed: .09 seconds
Avg. elapsed: .0975 seconds
           Max. CPU time: .10 seconds
Min. CPU time: .09 seconds
Avg. CPU time: .0950 seconds
           Max. CPU:
                                  100%
           Min. CPU:
           Avg. CPU:
                                  99.50%
           Calcul del Speedup
Speedup elapsed: 8.0769
[i]
           Speedup CPU: 8.2105
           uim: ~/UPC/PCA/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/primers [main]$
```

Speedup amb O3:

```
/UPC/PCA/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/primers [main]$ ../../../scripts/autopca -e ./primers.opt.3 -g ./primers.o
[i]
[i]
         Comparant els outputs dels executables...
         Acounting de ./primers.0, numero de repeticions: 4
         Max. elapsed:
                          .80 seconds
         Min. elapsed:
                          .79 seconds
         Avg. elapsed:
                          .7925 seconds
        Max. CPU time: .80 seconds
Min. CPU time: .78 seconds
Avg. CPU time: .7875 seconds
         Max. CPU:
                          99%
         Min. CPU:
                          99%
         Avg. CPU:
                          99.00%
[i]
        Acounting de ./primers.opt.3, numero de repeticions: 4
        Max. elapsed:
                          .10 seconds
        Min. elapsed:
                          .09 seconds
        Avg. elapsed:
                          .0925 seconds
        Max. CPU time: .09 seconds
Min. CPU time: .09 seconds
         Avg. CPU time: .0900 seconds
         Max. CPU:
                          100%
        Min. CPU:
                          98%
                          98.75%
         Avg. CPU:
[i]
        Calcul del Speedup
         Speedup elapsed: 8.5675
         Speedup CPU: 8.7500
       quim: ~/UPC/PCA/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/primers [main]$
```

Amb el output d'insmix podem indagar en aquest comportament veient que s'està reduint considerablement el nombre de divisions entre el programa compilat amb 02 (dreta) i 03 (esquerra).



Programa pi.c

El programa que expliquem en aquesta secció és el que hem penjat al servidor com a *pi.opt3.c.* Hem aplicat les següents optimitzacions al codi:

• Hem creat funcions especialitzades per a fer la divisió de 5, 25 i 239.

 Hem aplicat la tècnica de memoization per a pre-calcular els valors que poden donar el quocient i el residu en cada una de les iteracions de la funció que divideix entre aquests nombres.

Per a fer-ho, hem creat 2 vectors per a cada especialització que emmagatzemen els valors possibles de q i r:

```
int memo_q5[50];
int memo_r5[50];
int memo_q25[250];
int memo_r25[250];
int memo_q239[2390];
int memo_r239[2390];
```

Aquests vector s'inicialitzen a l'inci del programa amb una funció d'incialització que accepta com a paràmetres els vectors i el divisor:

```
void init_memo(int *q, int *r, int num){
    int i,j,div;
    i=0;
    div=0;
    while (i<num*10){
        for (j=0; j<num; j++){
            q[i] = div;
            r[i] = j;
            i++;
        }
        div++;
    }
}</pre>
```

I posteriorment procedim a l'especialització de la funció DIVIDE:

```
void DIVIDE_239( signed char *x)
{
   int j, k;
   unsigned q, r, u;
   long v;
   r = 0;
   for(k = 0; k \le N4; k++)
    {
       u = r * 10 + x[k];
       x[k] = memo_q239[u];
       r = memo_r239[u];
       //x[k] = q; //resultat
    }
void DIVIDE_25( signed char *x)
{
   int j, k;
   unsigned q, r, u;
    long v;
    r = 0;
    for(k = 0; k \le N4; k++)
       u = r * 10 + x[k];
       x[k] = memo_q25[u];
```

 $r = memo_r25[u];$

}

//x[k] = q; //resultat

```
void DIVIDE_5( signed char *x)
{
   int j, k;
   unsigned q, r, u;
   long v;

   r = 0;
   for( k = 0; k <= N4; k++ )
   {
      u = r * 10 + x[k];
      x[k] = memo_q5[u];
      r = memo_r5[u];
      //x[k] = q; //resultat
   }
}</pre>
```

Aconseguim obtenir un speed-up de 1.4 respecte l'original quan compliem amb O0:

```
dhap@@kali:~/UNI/pca/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/pi$ ../../../scripts/autopca -e ./pi.opt.0 -g ./pi.0 -n 10
[i] Comparant els outputs dels executables...
[i] Acounting de ./pi.0, numero de repeticions: 10
 Max. elapsed: 10.61 seconds
Min. elapsed: 10.57 seconds
 Avg. elapsed: 10.5830 seconds
 Max. CPU time: 10.61 seconds
Min. CPU time: 10.56 seconds
Avg. CPU time: 10.5770 seconds
 Max. CPU: 100%
 Min. CPU: 99%
 Avg. CPU: 99.20%
[i] Acounting de ./pi.opt.0, numero de repeticions: 10
 Max: elapsed: 7.44 seconds
 Min. elapsed: 7.34 seconds
Avg. elapsed: 7.3650 seconds
 Max. CPU time: 7.40 seconds
Min. CPU time: 7.33 seconds
Avg. CPU time: 7.3500 seconds
 Max. CPU: 100%
  Min. CPU: 99%
 Avg. CPU: 99.10%
[i] Calcul del Speedup
 Speedup elapsed: 1.4369
  Speedup CPU: 1.4390
```

Trigon.c

trigon.c és un codi calcula els valors x i y a partir dels cosinus i sinus per un angle en radiants que va incrementant. Tenim dues constants PUNTS i N. La primera ens dona la quantitat de valors en la que es dividirà la circumferència i per tant el nombre de sinus i cosinus que farem per a cada repetició. N és el nombre de repeticions, és a dir, el nombre

de cops que calcularem *PUNTS* sinus i cosinus. Cada cop que es calcula un sinus i un cosinus es mostren per pantalla amb la funció *fwrite*.

Fent un profiling amb *gprof* de *trigon.c* compilat amb -O3 obtenim els següents resultats:

```
Flat profile:
Each sample counts as 0.01 seconds.
    cumulative self
                              self
                                     total
time seconds calls Ts/call Ts/call
                                           name
47.06 0.16 0.16
                                            sincosf32x
32.35
        0.27
                                            fwrite
               0.11
         0.32
                                            _IO_new_file_xsputn
14.71
                0.05
         0.34
 5.88
                0.02
                                           write
 0.00
         0.34
                 0.00
                               0.00
                                       0.00 main (trigon.c:12 @ 401670)
```

Podem veure clarament que la crida a sistema write està pesant molt en l'execució del programa i també les crides a funcions trigonomètriques. Si fem el *gprof* de *trigon.c* compilat amb llibreries estàtiques el write triga molt menys ja que no ha de calcular l'*offset* per accedir a la *libc* de manera dinàmica:

```
Flat profile:
Each sample counts as 0.01 seconds.
 % cumulative self
                              self
                                      total
                       calls Ts/call Ts/call name
 time seconds seconds
        0.19 0.19
 52.78
                                             sincosf32x
 16.67
        0.25
                0.06
                                             _IO_new_file_xsputn
 16.67
        0.31
                0.06
                                             write
 11.11
        0.35
                0.04
                                             fwrite
                0.01
 2.78
        0.36
                                             __memcpy_avx_unaligned_erms
 0.00
         0.36
                 0.00
                           1
                                0.00
                                        0.00 main (trigon.c:12 @ 401670)
```

A continuació mostrem l'elapsed time i el nombre de crides a sistema obtingudes amb strace:

```
| Max. elapsed: .61 seconds | Max. elapsed: .53 seconds | Max. elapsed: .5530 seconds | Max. ela
```

Per a millorar el problema amb el nombre de *writes* podem fer *buffering* i realitzar aquestes crides ajuntant buffers de tamany *PUNTS*. A continuació veiem el codi, l'elapsed i l'strace:

```
11#includeo<mathch>
21#includeo<stdioth>
33#includet<unistd.h>
4 #include / <string h>
5 #include <stdlib.h>
7-#define N 6000
8 #define PUNTS 1000
l@pint\main(int argc, char *argv[])
    unsignedUintdi, r, j, n, a;
    double d;
    double memo_cos[PUNTS], memo_sin[PUNTS];
    double xy[PUNTS*2];
    if (argc = 1) n = N; else n = atoi(argv[1]);
    srand(0);
     for (i=0; i<n; i++)
       r = rand();
       for (j=0, d=0, a=0; j<PUNTS; j++, a+=2)
         xy[a] = r*cos(d);
         xy[a+1] = r*sin(d);
         idh+=t2*M_PI/PUNTS;
       fwrite(xy,psizeof(double), 2*PUNTS, stdout);
  ap@@kali:~/UNI/pca/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/trigon$ ../../../scripts/autopca -e ./trigon.opt2.0 -n 10

Acounting de ./trigon.opt2.0, numero de repeticions: 10
[i]
       Max. elapsed:
                     .33 seconds
       Min. elapsed:
                     .30 seconds
       Avg. elapsed:
                     .3080 seconds
       Max. CPU time: .32 seconds
Min. CPU time: .29 seconds
Avg. CPU time: .3030 seconds
       Max. CPU:
                     100%
       Min. CPU:
                     99%
       Avg. CPU:
                     99.20%
errors syscall
100.00
        0.038464
                               12000
                                             write
        0.000000
                                             fstat
  0.00
                         0
        0.000000
  0.00
                         0
                                             mmap
  0.00
        0.000000
                         0
                                  4
                                             brk
         0.000000
                                             execve
  0.00
                         0
         0.000000
  0.00
                         0
                                             uname
                                             readlink
         0.000000
  0.00
                         0
                                             arch_prctl
  0.00
         0.000000
                         0
        0.038464
```

I l'speedup obtingut:

```
ali:~/UNI/pca/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/trigon$ ../../../scripts/autopca -e ./trigon.opt2.0 -g ./trigon.0 -n 10
           Comparant els outputs dels executables...
Acounting de ./trigon.0, numero de repeticions: 10
           Max. elapsed:
                                 .60 seconds
           Min. elapsed:
                               .5650 seconds
           Avg. elapsed:
          Max. CPU time: .59 seconds
Min. CPU time: .54 seconds
Avg. CPU time: .5600 seconds
                                 100%
          Min. CPU:
Avg. CPU:
                                 99.20%
[i]
          Acounting de ./trigon.opt2.0, numero de repeticions: 10
           Max. elapsed:
                                 .30 seconds
          Min. elapsed:
Avg. elapsed:
                               .3070 seconds
          Max. CPU time: .33 seconds
Min. CPU time: .29 seconds
           Avg. CPU time:
                                .3020 seconds
           Max. CPU:
Min. CPU:
                                 100%
           Avg. CPU:
                                 99.40%
           Calcul del Speedup
Speedup elapsed: 1.8403
Speedup CPU: 1.8543
[i]
```

Tornant a fer profiling podem veure com les funcions trigonomètriques ocupen el 45.35% del temps d'execució. Segons la llei d'Amdahl podem aconseguir fins a un speedup teòric màxim de 1.83 respecte la versió anterior.

```
        Samples:
        1K of event 'cycles', Event count (approx.):
        703312530

        Overhead
        Samples
        Command
        Shared Object
        Symbol

        28.64%
        346 trigon.opt2.0 trigon.opt2.0 [.] main

        23.21%
        284 trigon.opt2.0 trigon.opt2.0 [.] __sin_fma

        22.13%
        272 trigon.opt2.0 trigon.opt2.0 [.] __cos_fma

        3.43%
        40 trigon.opt2.0 [kernel.kallsyms] [k] copy_user_enhanced_fast_string

        1.54%
        19 trigon.opt2.0 trigon.opt2.0 [.] _init

        1.54%
        19 trigon.opt2.0 [kernel.kallsyms] [k] do_syscall_64

        1.13%
        14 trigon.opt2.0 [crc32c_intel] [k] crc32c_pcl_intel_update

        1.10%
        13 trigon.opt2.0 [ext4] [k] ext4_mark_iloc_dirty
```

Procedim doncs a canviar el codi per a eliminar la repetició de crides a la funció sinus i cosinus. S'ha precalculat tots els valors que prendran els sinus i cosinus. Aquest codi pertany al fitxer *trigon.opt4.c* penjat al servidor de PCA:

```
#include <math.h>
#include <stdio.h>
#include <unistd.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
#define N 6000
#define PUNTS 1000
int main(int argc, char *argv[])
       unsigned int i, r, j, n, a;
       double d;
       double memo_cos[PUNTS], memo_sin[PUNTS];
        double xy[PUNTS*2];
        if (argc == 1) n = N; else n = atoi(argv[1]);
        for(i=0, d=0; i<PUNTS; i++){
                        memo_cos[i] = cos(d);
                        memo_sin[i] = sin(d);
                        d += 2*M_PI/PUNTS;
        srand(0);
        for (i=0; i<n; i++)
                r = rand();
                for (j=0, a=0; j<PUNTS; j++, a+=2)
                        xy[a] = r*memo_cos[j];
                        xy[a+1] = r*memo_sin[j];
                fwrite(xy, sizeof(double), 2*PUNTS, stdout);
       return 0;
```

Podem doncs comparar les dues versions amb l'script que vàrem fer per al laboratori anterior per veure que efectivament l'output és idèntic i obtenim un speedup de 3.46 respecte l'original quan compilem amb 03.

```
dhap@@kali:~/UNI/pca/PCA-FIB/LAB3/lab3_session/trigon$ ../../.scripts/autopca -e ./trigon.opt2.0 -g ./trigon.0 -n 10
[i] Comparant els outputs dels executables...
[i] Acounting de ./trigon.0, numero de repeticions: 10

Max. elapsed: .54 seconds
Min. elapsed: .54 seconds
Avg. elapsed: .5680 seconds

Max. CPU time: .65 seconds
Avg. CPU time: .53 seconds
Avg. CPU time: .53 seconds

Max. CPU: 100%
Min. CPU: 99%
Avg. CPU: 99.10%

[i] Acounting de ./trigon.opt2.0, numero de repeticions: 10

Max. elapsed: .19 seconds
Min. elapsed: .16 seconds
Avg. elapsed: .1640 seconds

Max. CPU time: .19 seconds
Min. CPU time: .15 seconds
Avg. CPU time: .15 seconds
Avg. CPU time: .1580 seconds

Max. CPU: 100%
Min. CPU time: .1580 seconds

Min. CPU: 99%
Avg. CPU: 99.30%

[i] Calcul del Speedup
Speedup elapsed: 3.4634
Speedup CPU: 3.35699
```

I comparant els profilings veiem que hem aconseguit reduir l'efecte que tenia la realització de múltiples crides a les funcions *sin* i *cos*. Tanmateix, el major pes ara recau en la funció main degut a la inicialització dinàmica d'aquests vectors que emmagatzemen els resultats de sinus i cosinus.

perf record actual:

```
Samples: 668 of event 'cycles', Event count (approx.): 384704675

Overhead Samples Command Shared Object Symbol

59.00% 391 trigon.opt2.g0 trigon.opt2.g0 [.] main

4.52% 29 trigon.opt2.g0 [kernel.kallsyms] [k] copy_user_enhanced_fast_string

2.81% 19 trigon.opt2.g0 [crc32c_intel] [k] crc32c_pcl_intel_update

2.69% 18 trigon.opt2.g0 [kernel.kallsyms] [k] do_syscall_64

1.19% 8 trigon.opt2.g0 [ext4] [k] ext4_da_get_block_prep
```

perf record del programa original:

```
Samples: 2K of event 'cycles', Event count (approx.):
                                                             1252793465
                                       Shared Object
                Samples Command
                                                              Symbol
                     465 trigon.g0 trigon.g0
                                                             [.] __cos_fma
                                                             [.] _IO_f
[.] main
                                                                 _IO_fwrite
                     390 trigon.g0 trigon.g0
                     362 trigon.g0 trigon.g0
                                                             [.] __sin_fma
[.] _IO_new_file_xsputn
[.] __memmove_avx_unaligned_erms
                     266 trigon.g0
258 trigon.g0
                                       trigon.g0
                                       trigon.g0
                     68 trigon.g0 trigon.g0
                      31 trigon.g0 trigon.g0
                                                                  _init
                         trigon.g0 [kernel.kallsyms]
trigon.g0 [crc32c_intel]
                      25
                                                             [k] do_syscall_64
  0.86%
                      19
                                                             [k] crc32c_pcl_intel_update
                          trigon.g0
                                       [kernel.kallsyms]
                                                              [k] copy_user_enhanced_fast_string
```