Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes

7. Optimización de Código Intermedio

7.1. Introducción al problema de la optimizaión

- > Motivación, criterios, fuentes y estrategias de optimización
- > Boques Básicos y Grafo de Flujo
- > Actividad de las variables

7.2. Optimizaciones Locales

- > Transformaciones algebraicas
- > Transformaciones que preservan la estructura
- > Grafos Dirigidos Acíclicos (GDAS)
- > Reconstrucción del código a partir de los GDA

7.3. Optimizaciones Globales

- > Transformaciones que optimizan los saltos
- > Detección de Bucles Naturales
- > Extracción de código invariante a un bucle
- > Reducción de intensidad y eliminación de variables de inducción

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 1

OPTIMIZACIÓN DE CÓDIGO INTERMEDIO

"La optimización prematura es la raiz de todos los males".

D.Knuth

> Motivación

- Necesidad de una optimización de código independiente de la máquina.
- El 90 % del tiempo de ejecución de un programa se realiza en el 10 % del código.
- Ejemplo

a:=
$$x \uparrow 2 + y$$
 \Rightarrow $t_1 \leftarrow 2$ \Rightarrow $t_2 \leftarrow x * x$ $t_2 \leftarrow x \uparrow t_1$ $a \leftarrow t_2 + y$ $t_3 \leftarrow t_2 + y$ $a \leftarrow t_3$

- > Reducción del número de instrucciones
- > Reducción de las variables temporales
- > Eficiencia de los operadores

José Miguel Benedí (2016-2017)

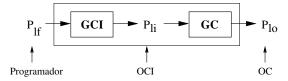
Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 2

OPTIMIZACIÓN DE CÓDIGO INTERMEDIO

> Criterios de optimización

- > preservar el significado,
- > acelerar (significativamente) la ejecución del código objeto,
- > valorar el coste de la transformación.

> Fuentes de optimización



> Estrategias de optimización:

- > Optimizaciones Locales.
- > Optimizaciones Globales.

EJEMPLO DE OPTIMIZACIÓN DE CÓDIGO (INTERMEDIO)

var A: array of [1..10,1..20] of integer; /* talla de enteros=2 */ \dots while A[i,k] < M do k:=k-1;

| | Cod. original | | Op. locales | | Op. globales |
|---|--|---|--|--|--|
| 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 | $ \begin{array}{c} Cod. original \\ t_1 := 10 \\ t_2 := i * t_1 \\ t_3 := t_2 + k \\ t_4 := t_3 * 2 \\ t_5 := A[t_4] \\ if t_5 < M goto 107 \\ goto 111 \\ t_6 := 1 \\ t_7 := k - t_6 \\ k := t_7 \\ goto 100 \\ \end{array} $ | 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 | Op. locales $t_2 := i*10$ $t_3 := t_2 + k$ $t_4 := t_3*2$ $t_5 := A[t_4]$ if $t_5 < M$ goto 107 goto 111 $k := k-1$ goto 100 | 100 101 102 103 104 105 106 107 | Op. globales $ t_2 := i*10 \\ t_3 := t_2 + k \\ t_4 := t_3*2 \\ t_5 := A[t_4] \\ \text{if } t_5 \geq M \text{ goto } 107 \\ t_4 := t_4 - 2 \\ \text{goto } 103 $ |
| 111 | | 111 | | | |

Bloques Básicos

ALGORITMO: Detección de los Bloques Básicos

- > Se define como líder, la primera instrucción de un Bloque Básico.
- ➤ Dada una secuencia de instrucciones de Código Intermedio inicial, el conjunto de líderes se obtiene como:
 - > la primera instrucción del programa,
 - > toda instrucción apuntada por una instrucción de salto,
 - > toda instrucción siguiente de una instrucción de salto.
- ➤ Para cada uno de los líderes detectados, su Bloque Básico lo forman: el líder y la secuencia de instrucciones que le siguen hasta el siguiente líder (sin incluirlo) o el fin de programa.

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 5

CÓDIGO EN C PARA EL quicksort

```
void quicksort (m, n)
int m, n;
{
   int i, j, v, x;
   if (n <= m) return;
/*----- el fragmento comienza aquí ----*/
   i = m-1; j = n; v = a[n];
   while (1)
   {
      do i = i+1; while (a[i] < v);
      do j = j-1; while (a[j] > v);
      if (i >= j) break;
      x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;
}
   x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;
/*----- el fragmento termina aquí -----*/
   quicksort (m, j);
   quicksort (i+1, n);
}
```

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 6

CÓDIGO INTERMEDIO DEL FRAGMENTO DEL quicksort

```
132 t_1 := 1
                                          152 t_{13} := 4 * i
133 t_2 := m - t_1
                                         153 t_{14} := a[t_{13}]
134 i := t_2
                                         154 x := t_{14}
135 i := n
                                        155 t_{15} := 4 * i
136 t_3 := 4 * n
                                         156 t_{16} := 4 * j
137 t_4 := a[t_3]
                                       157 t_{17} := a[t_{16}]
138 v := t_A
                                       158 a[t_{15}] := t_{17}
139 t_5 := 1
                                        159 t_{18} := 4 * j
140 t_6 := i + t_5
                                         160 a[t_{18}] := x
141 i := t_6
                                         161 goto 139
142 t_7 := 4 * i
                                         162 t_{19} := 4 * i
143 t_8 := a[t_7]
                                         163 t_{20} := a[t_{19}]
144 if t_8 < v goto 139
                                         164 x := t_{20}
145 t_0 := 1
                                         165 t_{21} := 4 * i
146 t_{10} := j - t_9
                                         166 t_{22} := 4 * n
147 j := t_{10}
                                         167 t_{23} := a[t_{22}]
148 t_{11} := 4 * j
                                         168 a[t_{21}] := t_{23}
149 t_{12} := a[t_{11}]
                                         169 t_{24} := 4 * n
150 if t_{12} > v goto 145
                                         170 a[t_{24}] := x
151 if i \geq j goto 162
```

BBs para el fragmento del quicksort

```
B_1 \rightarrow \overline{132} \quad t_1 := 1
                                                            B_5 \rightarrow 152 \quad t_{13} := 4 * i
            133 t_2 := m - t_1
                                                                        153 t_{14} := a[t_{13}]
            134 i := t_2
                                                                        154 x := t_{14}
            135 j := n
                                                                        155 t_{15} := 4 * i
            136 t_3 := 4 * n
                                                                        156 t_{16} := 4 * i
            137 t_4 := a[t_3]
                                                                        157 t_{17} := a[t_{16}]
            138 v := t_A
                                                                       158 a[t_{15}] := t_{17}
                                                                     159 t_{18} := 4 * j
B_2 \rightarrow 139 \quad t_5 := 1
            140 t_6 := i + t_5
                                                                       160 a[t_{18}] := x
            141 i := t_6
                                                                        161 goto 139
            142 t_7 := 4 * i
                                                           B_6 \rightarrow 162 \quad t_{19} := 4 * i
            143 t_8 := a[t_7]
                                                                        163 t_{20} := a[t_{19}]
            144 if t_8 < v goto 139
                                                                        164 x := t_{20}
B_3 \rightarrow 145 \quad t_9 := 1
                                                                       165 t_{21} := 4 * i
            146 t_{10} := j - t_9
                                                                        166 t_{22} := 4 * n
            147 j := t_{10}
                                                                       167 t_{23} := a[t_{22}]
            148 t_{11} := 4 * j
                                                                       168 a[t_{21}] := t_{23}
            149 t_{12} := a[t_{11}]
                                                                       169 t_{24} := 4 * n
            150 if t_{12} > v goto 145
                                                                        170 a[t_{24}] := x
B_4 \rightarrow \overline{151} \text{ if } i \geq j \text{ goto } 162
```

José Miguel Benedí (2016-2017) Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 7 José Miguel Benedí (2016-2017)

Grafo de Flujo

ALGORITMO: Construcción del Grafo de Flujo

- ightharpoonup Sea $B_1, B_2, \dots B_N$ el conjuto de BB, donde B_1 es el bloque inicial;
- \triangleright Para todo i := 1..N hacer
 - Si B_i no finaliza en ningún salto entonces crea_arco $(B_i \to B_{i+1})$;
 - $\underline{\mathsf{Si}}\ B_i$ finaliza en un salto incondicional a B_j entonces crea_arco $(B_i \to B_j)$;
 - $\underline{\mathsf{Si}} \;\; B_i \;\; \mathsf{finaliza} \; \mathsf{en} \; \mathsf{un} \; \mathsf{salto} \; \mathsf{condicional} \; \mathsf{a} \;\; B_j \;\; \underline{\mathsf{entonces}}$

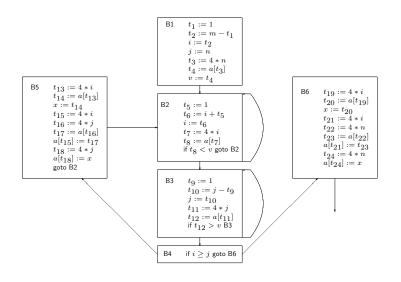
```
crea_arco (B_i \to B_{i+1}) y crea_arco (B_i \to B_j);
```

Hecho.

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 9

GF para el fragmento del quicksort



José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 10

ACTIVIDAD DE LAS VARIABLES EN UN BB

- > Definidas: aparecen en la parte izquierda de alguna asignación
- ➤ Usadas: aparecen en la parte derecha de alguna asignación o se emplean en el cómputo de una instrucción (p.ej. saltos condicionales);
- ightharpoonup Activas en un BB B_i : si B_i está en un camino del GF desde el BB donde se definen hasta el BB donde se usan. Las variables activas son:
 - ightharpoonup de entrada: $entrada(i) = usadas^{\dagger}(i) \cup (salida(i) definidas(i))$
 - ightharpoonup de salida: $salida(i) = \bigcup_{k \in sucesor(i)} entrada(k)$

† solo las usadas que no han sido definidas previamente en el BB.

ACTIVIDAD DE LAS VARIABLES DEL FRAGMENTO DEL quicksort

| | Definidas | Usadas | Activas | |
|----|--------------------------|------------------------|---------------|---------------|
| | | | de entrada | de salida |
| B1 | t_1,\ldots,t_4 | t_1,\ldots,t_4 | m, n, a | i, a, v, j, n |
| | i, j, v | m, n, a | | |
| B2 | t_5,\ldots,t_8 | t_5,\ldots,t_8 | i, a, v, j, n | i, a, v, j, n |
| | i | i, a, v | | |
| B3 | t_9,\ldots,t_{12} | t_9,\ldots,t_{12} | j, a, v, i, n | i, j, a, v, n |
| | j | j, a, v | | |
| B4 | | i, j | i, j, a, n, v | i, a, j, n, v |
| | | | | |
| B5 | t_{13},\ldots,t_{18} | t_{13},\ldots,t_{18} | i, a, j, v, n | i, a, v, j, n |
| | x, a | i, a, j, x | | |
| B6 | t_{19}, \ldots, t_{24} | t_{19},\ldots,t_{24} | i, a, n | _ |
| | x, a | i, n, a, x | | |

José Miguel Benedí (2016-2017)

Transformaciones algebraicas

1. Simplificaciones algebraicas

> Expresiones de identidad

$$x + 0 = 0 + x = x$$
 $x * 1 = 1 * x = x$ $x / 1 = x$
 $x - 0 = x$ $0 - x = -x$ $-(-a) = a$
false or $x = x$ true and $x = x$ not not $x = x$

> Propiedades algebraicas

$$A * (B * C) + (B * A) * D + A * E = (B * A) * C + (B * A) * D + A * E$$

= $(B * A) * (C + D) + A * E$
= $A * (B * (C + D)) + A * E$
= $A * (B * (C + D) + E)$

2. Reducción de intensidad de los operadores

$$x^2 = x * x$$
 $x * 2 = x + x$ $x / 2 = x * 0.5$

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 13

Transformaciones algebraicas

3. Cálculo previo de constantes

Precauciones en la aplicación de transformaciones algebraicas:

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 14

Transformaciones que preservan la estructura

1. Eliminación de subexpreseiones comunes

$$a \leftarrow b + c$$
 \Rightarrow $a \leftarrow b + c$
 $b \leftarrow a - d$ $b \leftarrow a - d$
 $c \leftarrow b + c$ $c \leftarrow b + c$
 $d \leftarrow a - d$ $d \leftarrow b$

2. Propagación de copias

3. Renombrado de variables temporales

Transformaciones que preservan la estructura

4. Eliminación de código inactivo

 \forall s = (a <- α) $\in B_k : a \notin \text{de_salida}(B_k) \land \text{a no se usa en el resto del } B_k$ \Rightarrow eliminar s de B_k y a de la tabla de actividad de las variables de B_k

$$a \leftarrow b + c$$
 \Rightarrow $a \leftarrow b + c$ \Rightarrow $a \leftarrow b * c$ $x \leftarrow a * k$ $a \leftarrow b * c$ $x \leftarrow b * k$ $x \leftarrow b * k$

5. Intercambio de instrucciones independientes advacentes

$$a \leftarrow b + c$$
 \Rightarrow $x \leftarrow b * k$
 $x \leftarrow b * k$ $a \leftarrow b + c$

GRAFO DIRIGIDO ACÍCLICO

Grafo Dirigido Acíclico

- 1. Hay un nodo (hoja) para cada uno de los valores iniciales de los operandos: variables o constantes.
- 2. Hay un nodo (interno) para cada una de las operaciones.
- 3. Cada nodo tiene asociado una lista (posiblemente vacía) de variables.

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 17

ALGORITMO DE CONSTRUCCIÓN DEL GDA

Consideraciones:

➤ Copia:

x=j Se añade j a la lista de variables del nodo de x

> Representación de los array

- 1. Para las instruccines del tipo $x \leftarrow a[i]$, se crea un nodo interno =[], con dos hijos a los valores iniciales de a y i. La variable x será la etiqueta del nuevo nodo.
- 2. Para las instruccines del tipo a[j] <- y, se crea un nodo interno []=, con tres hijos a los valores de a, j y y. Este nodo no tiene etiqueta. La creación de este nodo bloquea todos los nodos cuyos valores dependan de a. Un nodo bloqueado no puede recibir nuevas etiquetas; es decir, no puede ser una subexpresión común.</p>

ALGORITMO DE CONSTRUCCIÓN DEL GDA

Dado un BB $B_i = (I, E, S, U, D)$, su GDA se calcula como:

Para toda instrucción $(x \leftarrow y \ op \ z) \in I$

// Construcción de los nodos de los operandos:

nodo(y) = buscaHoja(y); nodo(z) = buscaHoja(z);

// Construcción del nodo de la operación:

 $n = \mathtt{buscaSubarbol}(op, y, z)$,

// Actualización de las listas:

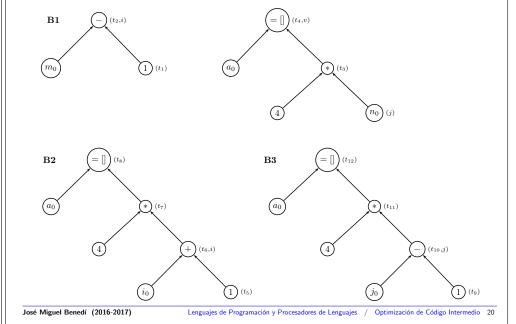
- eliminar, si existe, x de la lista de variables del nodo nodo(x),
- añadir x a la lista de variables del nodo n y hacer nodo(x) = n

 $\operatorname{nodo}(x)$: enlaza con el nodo del último uso de x; y por tanto x estará en su lista de variables. **buscaHoja**(x): si el nodo existe, devuelve su enlace; y si no, lo crea y añade x a su lista de variables devolviendo su enlace. **buscaSubarbol**(f(y,z)): busca un subárbol cuya estructura y valores coincidan con el argumento de la operación; si existe, devuelve el enlace de la raíz del subárbol; si no lo crea y devuelve su índice.

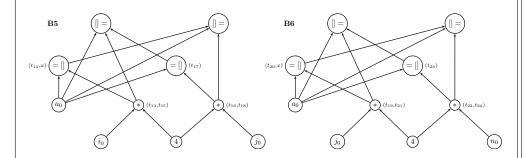
José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 18

GDA PARA EL FRAGMENTO DEL quicksort 1/2



GDA PARA EL FRAGMENTO DEL quicksort 2/2



José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 21

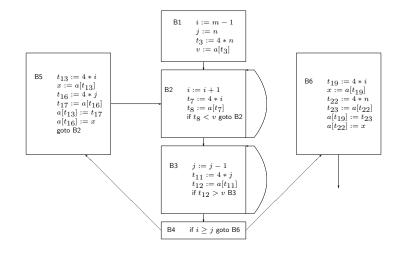
ALGORITMO DE RECONSTRUCCIÓN APARTIR DE LOS GDA

- 1. La reconstrucción debe seguir el orden topológico.
- 2. La reconstrucción del código no es determinista.
- 3. Se debe de respetar el orden en caso de redefinición de variables.
- 4. <u>Si</u> todos los operandos de una instrucción son constantes o se pueden aplicar simplificaciones algebraicas <u>entonces</u> actualizar la lista de variables de su nodo interno.
- 5. <u>Si</u> existe un nodo (raiz) que no es argumento de otros nodos y su lista de variables está vacía entonces eliminar la estructura que define dicho nodo.
- 6. Si hay un nodo con más de una variable en su lista entonces:
 - a) si no hay ninguna variable activa a la salida del BB, se elige una de ellas al azar,
 - b) si una sola variable activa a la salida del BB, ésta es la que se elige,
 - c) si hay más de una variable activa a la salida del BB, se deberán generar tantas instrucciones de copia como sea necesario.

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 22

GF del quicksort después de las optimizaciones locales:†



† eliminación de subexpresiones comunes, propagación de copias y eliminación de código inactivo

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 23

OPTIMIZACIONES GLOBALES

> Transformaciones que optimizan los saltos:

```
a) ... | ... | ... | ... | goto 11 | if a<b goto 27 | if a<b goto 11 | if a<b goto 27 | ... | ==> | ... | ==> | 11 goto 27 | 11 goto 27 | 11 goto 27 | 11 goto 27 | ... | goto 11 | | if a<b goto 11 | | if a<b goto 11 | if a<b goto 11 | if a>=> 11 ... | goto 27 | ==> 11 ... | 11 ...
```

> Bucles naturales

- 1. un bucle natural debe tener un solo punto de entrada (encabezamiento),
- 2. en un bucle natural debe haber al menos una forma de iterar el bucle.

José Miguel Benedí (2016-2017)

BUCLES NATURALES

Dado un GF se pueden definir:

> Árbol de dominación.- Sean i, i dos nodos del GF, i domina_a i si todo camino desde el nodo inicial del GF a i pasa por i.

Todo nodo se domina a sí mismo.

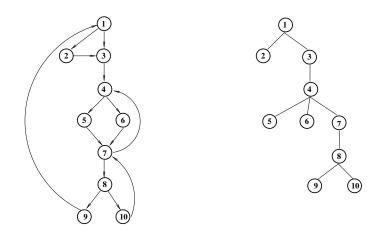
El árbol de dominación representa la relación de dominación entre los nodos del GF.

- ightharpoonup Arista de retroceso es una arista $\mathbf{j} \to \mathbf{i}$ en el GF tal que \mathbf{i} domina_a \mathbf{j} .
- \triangleright Bucle natural.- Dado una arista de retroceso $\mathbf{i} \rightarrow \mathbf{i}$, su bucle natural se define como el conjunto de todos los nodos que pueden alcanzar a j sin hacerlo a través de i. Los nodos i, j también pertenecen al bucle.

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 25

EJEMPLO DE BUCLES NATURALES



 $7 \rightarrow 4 \quad 4.5.6.7.8.10$ $10 \rightarrow 7 \quad 7.8.10$

 $9 \rightarrow 1$ 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 26

EXTRACCIÓN DE CÓDIGO INVARIANTE A UN BUCLE

> Detección del código invariante

Marcar aquellas instrucciones cuyos operandos sean: todos constantes, tengan sus definiciones fuera del bucle, o tengan una sola definición dentro del bucle y esté marcada como invariante.

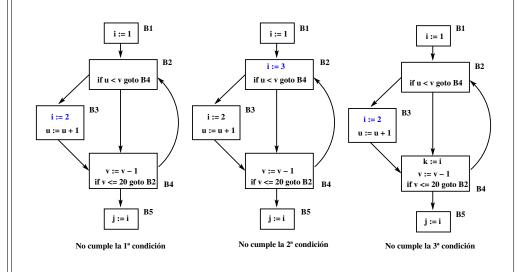
> Traslado de código invariante

para toda instrucción s que defina x, marcada como invariante, que cumpla:

- 1. que esté en un bloque que domine todas las salidas del bucle (o que no esté activa a la salida del bucle),
- 2. que x no se defina en otro lugar en el bucle,
- 3. que todos los usos de x en el bucle solo puedan ser alcanzados por la definición de x en la instrucción s.

hacer trasladar la instrucción s al bloque de preencabezamiento del bucle.

Ejemplos de traslado erróneo de código invariante



José Miguel Benedí (2016-2017)

VARIABLES DE INDUCCIÓN EN UN BUCLE

> Variable de inducción

Durante la ejecución del bucle, $\,x\,$ cambia su valor incrementándose o decrementándose en una constante.

> Variable básica de inducción

Su única definición en el bucle es de la forma i = i + c

> ALGORITMO: detección de variables de inducción

- \triangleright Detectar todas las variables básicas de inducción i y generar su terna i(i,1,0).
- ightharpoonup Buscar todas las variables k con una sola definición en el bucle, de la forma: k=j*b ó k=j+b. Siendo b una constante.

| | | k = j * b | k = j + b |
|---|------------|--------------|------------------|
| (1) j es variable básica de inducción | j(j, 1, 0) | k(j,b,0) | k(j, 1, b) |
| (2) i es variable de inducción [†] | i(i c d) | k(i c*h d*h) | $k(i \ c \ d+b)$ |

† Si ($\mathbb Z$ definición de i entre la de j y la de k) \wedge ($\mathbb Z$ definición de j que alcance la de k)

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 29

REDUCCIÓN DE INTENSIDAD EN LAS VARIABLES DE INDUCCIÓN

- ightharpoonup Para toda variable de inducción j(i, c, d) hacer:
 - crear una variable temporal s con s(i, c, d),
 - $\ \ \text{para toda} \quad i = i + n \quad \underline{\text{hacer}} \quad \text{añadir a continuación} \quad s = s + c*n,$
 - sustituir las asignaciones a j por j = s,
 - añadir en el preencabezamiento del bucle: s=c*i y s=s+d.

EJEMPLO CORTO

$$B_1 \rightarrow \begin{array}{c} t_4 = k + 10 \\ t_5 = t_4 * 2 \\ t_6 = a[t_5] \\ \text{if } k \ge M \text{ goto } B_3 \\ B_2 \rightarrow \begin{array}{c} k = k - 1 \\ \text{goto } B_1 \\ \end{array}$$

| Aristas de retroceso | Bucle natural |
|----------------------|---------------|
| $B_2 \to B_1$ | $\{B_1,B_2\}$ |

| | inte | eracio | ones | ecuaciones |
|-------|---------------|--------|------|------------------------|
| k | 9 | 8 | 7 | k = k |
| t_4 | 19 | 18 | 17 | $t_4 = k + 10$ |
| t_5 | 9 19 38 | 36 | 34 | $t_5 = 2 \cdot k + 20$ |

 $\begin{array}{ll} \text{Variable básica de inducción} & k(k,1,0) \\ \text{Variable de inducción} & t_4(k,1,10) \\ \text{Variable de inducción} & t_5(k,2,20) \end{array}$

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 30

ELIMINACIÓN DE VARIABLES DE INDUCCIÓN

- 1. <u>Para toda</u> variable de inducción no activa a la salida del bucle, y solo usada en su propia definición o en una instrucción de copia <u>hacer</u>:
 - > Eliminar la(s) instrucción(es) de su definión en el bucle y en el pre-encabezamiento.
- 2. Para toda variable de inducción i usada solo para calcular otra variable de inducción o saltos condicionales hacer:
 - \triangleright seleccionar una j(i,c,d), con un cálculo simple,
 - ightharpoonup modificar cada comprobación de i para utilizar j.

if i oprel x goto B \Rightarrow if j oprel c*x+d goto B

- > borrar todas las variables de inducción eliminadas en el bucle.
- ightharpoonup ir al paso 1
- 3. Para toda variable de inducción j en la que se introdujo una instrucción j=s en el algoritmo anterior hacer:
 - ightharpoonup comprobar que no se define s entre j=s y los usos de j,
 - ightharpoonup sustituir usos de j por los de s,
 - ightharpoonup borrar j=s, si j no está activa fuera del bucle.

EJEMPLO COMPLETO 1/8

```
int A [10][10][10];  /* talla de enteros=2 */
int B [10][10]
. . .
for (int j=0; j<10; j++)
  for (int k=0; j<10; k++) B[7][k] = B[7][k] + A[7][j][k]</pre>
```

| 100 | $t_1 := 0$ | 112 | $t_9 := B[t_8]$ | 124 | $t_{21} := t_{20} * 2$ |
|-----|----------------------------|-----|--------------------------|-----|------------------------|
| 101 | $j := t_1$ | 113 | $t_{10} := 7$ | 125 | $B[t_{21}] := t_{17}$ |
| 102 | $t_2 := 10$ | 114 | $t_{11} := t_{10} * 10$ | 126 | $t_{22} := 1$ |
| 103 | if $j \leq t_2$ goto 134 | 115 | $t_{12} := t_{11} + j$ | 127 | $t_{23} := k + t_{22}$ |
| 104 | $t_3 := 0$ | 116 | $t_{13} := t_{12} * 10$ | 128 | $k := t_{23}$ |
| 105 | $k := t_3$ | 117 | $t_{14} := t_{13} + k$ | 129 | $goto\ 107$ |
| 106 | $t_4 := 10$ | 118 | $t_{15} := t_{14} * 2$ | 130 | $t_{24} := 1$ |
| 107 | if $k \leq t_4$ goto 130 | 119 | $t_{16} := A[t_{15}]$ | 131 | $t_{25} := j + t_{24}$ |
| 108 | $t_5 := 7$ | 120 | $t_{17} := t_9 + t_{16}$ | 132 | $j := t_{25}$ |
| 109 | $t_6 := t_5 * 10$ | 121 | $t_{18} := 7$ | 133 | goto 103 |
| 110 | $t_7 := t_6 + k$ | 122 | $t_{19} := t_{18} * 10$ | 134 | |
| 111 | $t_8 := t_7 * 2$ | 123 | $t_{20} := t_{19} + k$ | | |

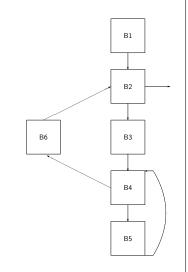
José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 33

EJEMPLO COMPLETO 2/8

| $B_1 \rightarrow 100$ | $t_1 := 0$ |
|----------------------------------|---------------------------|
| 101 | $j := t_1$ |
| 102 | $t_2 := 10$ |
| $B_2 \rightarrow \overline{103}$ | if $j \leq t_2$ goto 13 |
| $B_3 \rightarrow \overline{104}$ | $t_3 := 0$ |
| 105 | $k := t_3$ |
| 106 | $t_4 := 10$ |
| $B_4 \rightarrow \overline{107}$ | if $k \leq t_4$ goto 13 |
| $B_5 \rightarrow \overline{108}$ | $t_5 := 7$ |
| 109 | $t_6 := t_5 * 10$ |
| 110 | $t_7 := t_6 + k$ |
| 111 | $t_8 := t_7 * 2$ |
| 112 | $t_9 := B[t_8]$ |
| 113 | $t_{10} := 7$ |
| 114 | $t_{11} := t_{10} * 10$ |
| 115 | $t_{12} := t_{11} + j$ |
| 116 | $t_{13} := t_{12} * 10$ |
| | |

| 117 | $t_{14} := t_{13} + k$ |
|----------------------------------|--------------------------|
| 118 | $t_{15} := t_{14} * 2$ |
| 119 | $t_{16} := A[t_{15}]$ |
| 120 | $t_{17} := t_9 + t_{16}$ |
| 121 | $t_{18} := 7$ |
| 122 | $t_{19} := t_{18} * 10$ |
| 123 | $t_{20} := t_{19} + k$ |
| 124 | $t_{21} := t_{20} * 2$ |
| 125 | $B[t_{21}] := t_{17}$ |
| 126 | $t_{22} := 1$ |
| 127 | $t_{23} := k + t_{22}$ |
| 128 | $k := t_{23}$ |
| 129 | goto 107 |
| $3_6 \rightarrow \overline{130}$ | $t_{24} := 1$ |
| 131 | $t_{25} := j + t_{24}$ |
| 132 | $j:=t_{25}$ |
| 133 | goto 103 |
| | |



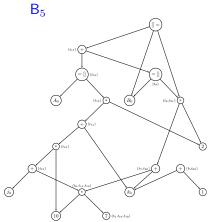
José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 34

EJEMPLO COMPLETO 3/8

| | Definidas | Usadas | Activas | |
|----|----------------------|----------------------------|------------------------|------------------------|
| | | | de entrada | de salida |
| B1 | t_1, t_2, j | t_1 | A, B | j, t_2, A, B |
| B2 | _ | t_2, j | j, t_2, A, B | A, B, j, t_2 |
| В3 | t_3, t_4, k | t_3 | A, B, j, t_2 | t_4, k, A, B, j, t_2 |
| B4 | _ | t_4, k | t_4, k, B, A, j, t_2 | A, B, k, j, t_2, t_4 |
| B5 | $t_5 - t_{23}, B, k$ | $t_5 - t_{23}, k, j, A, B$ | k, j, A, B, t_4, t_2 | k, t_4, A, B, j, t_2 |
| В6 | t_{24}, t_{25}, j | t_{24}, t_{25}, j | j, t_2, A, B | j, t_2, A, B |

EJEMPLO COMPLETO 4/8

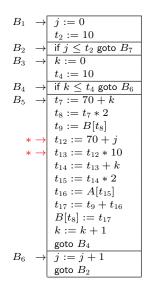


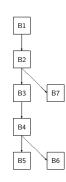
 B_1 , B_3 , B_6

 $(t_{24}) \qquad \qquad (j_0)$

José Miguel Benedí (2016-2017)

EJEMPLO COMPLETO 5/8





Aristas de retroceso Bucle natural

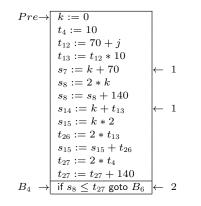
$$B_6 \to B_2$$
 $\{B_2, B_3, B_4, B_5, B_6\}$ $\{B_4, B_5\}$

José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 37

EJEMPLO COMPLETO 6/8

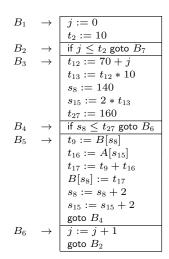
Variable básica de inducción del bucle interno $\{B_4, B_5\}$ k(k, 1, 0) Variables de inducción $t_7(k, 1, 70)$ $s_7;$ $t_{14}(k, 1, t_{13})$ s_{14} $t_8(k, 2, 140)$ $s_8;$ $t_{15}(k, 2, 2*t_{13})$ s_{15}



José Miguel Benedí (2016-2017)

Lenguajes de Programación y Procesadores de Lenguajes / Optimización de Código Intermedio 38

EJEMPLO COMPLETO 7/8



Bucle externo $\{B_2, B_3, B4, B_5, B_6\}$

Instrucciones invariantes

 $s_8 \leftarrow \text{NO es invariante}$ $t_{27} \leftarrow \text{si es invariante}$

Variable básica de inducción

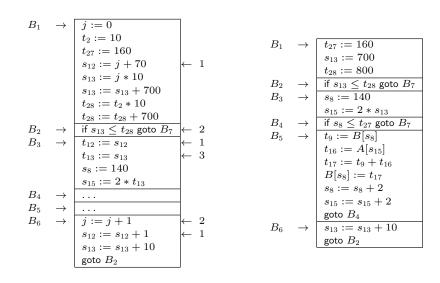
j(j, 1, 0)

Variables de inducción

$$t_{12}(j, 1, 70) \ s_{12}$$

 $t_{13}(j, 10, 700) \ s_{13}$

EJEMPLO COMPLETO 8/8



José Miguel Benedí (2016-2017)