

# 30-769 Sistemas Distribuídos

MSc. Fernando Schubert

 Além da comunicação, da nomeação temos também a sincronização e coordenação de processos em SDs.

- A sincronização entre processos é importante em diversas situações:
  - Para que vários processos não acessem ao mesmo tempo um recurso compartilhado
  - Processos devem cooperar para garantir um acesso temporário exclusivo exemplo: impressora, arquivos
  - Para que os processos tenham a mesma visão da ordenação de eventos
    - Se uma mensagem m1 do processo P foi enviada antes ou depois de m2 do processo Q



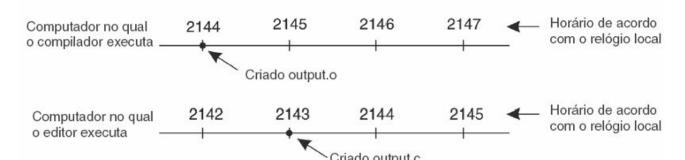
- Sincronização e coordenação são relacionados:
  - Na sincronização de processos é garantido que um processo espera pela finalização de outro processo
  - Na sincronização de dados é garantida que a cópia do dado é consistente
  - Na coordenação o objetivo é gerenciar as interações e dependências entre as atividades de um sistema distribuído



 Problema – sincronização em sistemas distribuídos é frequentemente mais difícil comparada com a sincronização em sistemas monoprocessados ou multiprocessados.

 Objetivo: permitir que os processos cooperem entre si para garantir que cada um acesse individualmente e, por uma certo período de tempo, o recurso objeto do compartilhamento.

- Em um sistema centralizado, o tempo não é ambíguo:
  - Quando um processo quer saber a hora, ele faz uma chamada ao sistema, e o núcleo responde
  - Se A pergunta a hora, e um pouco mais tarde B perguntar a hora, o valor obtido por B será maior do que o obtido por A
  - Em um SD, conseguir acordo nos horários não é trivial
- Exemplo: programa make:



- Computadores tem circuitos para monitorar a passagem de tempo
- Um temporizador é um cristal de quartzo lapidado, que quando mantidos sob tensão, oscilam em uma frequência bem definida
- Associado a cada cristal
  - Contador
  - Registrador de Retenção

- Funcionamento do Temporizador:
  - Cada oscilação do cristal reduz uma unidade do contador
  - Quando o contador chega a zero é gerada uma interrupção e o contador é recarregado pelo registrador de retenção
  - É possível programar o temporizador para gerar uma interrupção em uma determinada frequência
  - Cada interrupção é denominada ciclo do relógio
  - A cada ciclo de relógio é somada uma unidade a hora armazenada relógio é mantido atualizado

- Com um único computador e um único relógio, não há problema se este estiver um pouco defasado
  - Todos os processos da máquina utilizam o mesmo relógio
  - O que importa são os horários relativos
- Com múltiplas CPUs é impossível garantir que todos os cristais funcionem exatamente à mesma frequência
  - A diferença entre os horários é chamada defasagem de relógio
  - Como sincronizar os relógios uns com os outros e com o tempo real?

- Como o tempo é realmente medido?
  - Até invenção dos relógios mecânicos (século XVII):
  - Tempo medido com auxílio dos astros
  - Sol nasce no horizonte a leste
  - Sol alcança uma altura máxima no céu
  - Sol se põe no horizonte a oeste
  - O ponto mais alto do Sol é chamado trânsito solar
  - Intervalo entre 2 trânsitos solares consecutivos do Sol é um dia solar
- Sendo 24 horas em um dia e cada hora com 3600 segundos
  - Um segundo solar é exatamente 1/86.400 de um dia solar

- Em meados de 1940 foi estabelecido que a rotação da Terra não é constante:
  - Devido à desaceleração gradativa resultante de marés e do atrito com atmosfera
  - Acredita-se que há 300 milhões de anos o ano tinha 400 dias!
  - A Terra gira mais devagar, mas não alterou sua órbita
  - Logo, o tamanho do ano aparenta ser o mesmo, mas os dias ficaram mais longos!
  - Também existem variações de curto prazo no comprimento dos dias

- Em 1948 foi inventado o relógio atômico Tal fato tornou possível:
  - Medir o tempo com maior precisão
  - Medir o tempo independentemente das condições do globo terrestre e da atmosfera ]
  - O tempo é calculado através de contagens de transições do átomo de césio 133
  - 1 segundo atômico = 9.192.631.770 transições
  - 1 segundo atômico = 1 segundo solar médio no ano em que foi lançado

- Vários laboratórios ao redor do mundo possuem relógios de césio 133
- Cada laboratório informa ao BIH (Bureau International de l'Heure) quantas vezes o seu relógio pulsou
- O BIH calcula a média destes valores e produz a hora atômica internacional (TAI)
- A TAI é um número médio de ciclos dos relógios de césio 133 divididos por 9.192.631.770
- A TAI é estável, mas apresenta um problema. Qual?

#### Problema:

- Dias solares estão aumentando 86.400 segundos
- TAI equivalem a aproximadamente 3ms a menos que um dia solar médio atual
- Usar a TAI para medir o tempo significaria que no decorrer dos anos o meio-dia aconteceria sempre mais cedo até que um dia aconteceria de madrugada!

#### Solução:

 O BIH introduz segundos extras sempre que a discrepância entre a TAI e a hora solar alcançar mais de 800ms

- Com base na TAI com correções de segundos foi estabelecido o sistema UTC (Universal Coordinated Time)
- UTC é a base de toda a moderna medição de tempo
- A maioria das empresas geradoras de energia elétrica sincroniza a temporização de seus relógios com o UTC
- Quando o BIH anuncia segundos extras, essas empresas aumentam a frequência dos seus relógios a fim de alinhar todos os seus relógios em sua área de distribuição
- 30 segundos extras foram introduzidos no UTC até hoje
- O NIST (National Institute of Standard Time) fornece UTC através da operação de uma estação de rádio de ondas curtas cujo prefixo é WWV
- Além disso vários satélites fornecem UTC
- Segundo bissexto

- Se uma das máquinas possui receptor UTC
  - O objetivo é manter todas as outras máquinas sincronizadas com ela
- Se nenhuma possui receptor UTC
  - Cada máquina cuida de seu próprio horário
  - O objetivo passa a ser manter o horário de todas máquinas o mais próximo possível
- Foram propostos vários algoritmos de sincronização de relógios, todos seguindo as mesmas ideias básicas



- Algoritmo:
  - Todas máquinas possuem um temporizador que gera uma interrupção H vezes por segundo
  - Quando o temporizador esgota o tempo fixado o manipulador de interrupção adiciona 1 unidade ao clock C conhecido por todas máquinas do sistema
- Considere que quando o tempo UTC for t o valor de clock de uma máquina p é dado por Cp(t)
- Clock skew (defasagem do relógio) denota a magnitude de diferença entre as frequências de dois relógios

- Em condições ideais:
  - Cp(t) = t, para qualquer valor de p e t
  - $\circ$  C'p(t) =dC/dt = 1
  - Condições impossíveis de se obter na prática!
  - O erro relativo aproximado dos temporizadores é 10-6

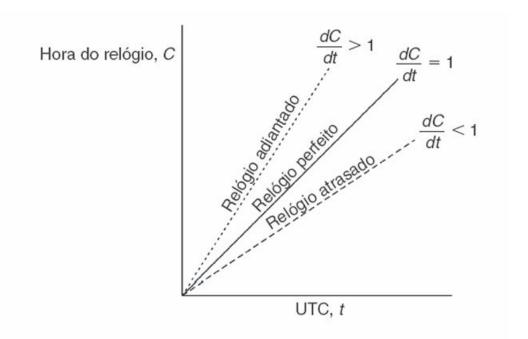


Figura 6.5 Relação entre a hora do relógio e a hora UTC quando as taxas de ciclos de relógios são diferentes.

- Proposto por Cristian(1989), baseia-se em clientes consultarem um servidor de tempo
  - Funcionamento:
    - Cada máquina envia uma mensagem para o servidor de tempo (máquina com receptor WWV ou relógio de precisão), perguntando pelo tempo corrente
    - Servidor de tempo responde o mais rápido possível, com uma mensagem contendo o tempo corrente C-UTC
    - Quando o transmissor obtém uma resposta, ajusta seu clock.

- Proposto por Cristian(1989), baseia-se em clientes consultarem um servidor de tempo
  - Funcionamento:
    - Cada máquina envia uma mensagem para o servidor de tempo (máquina com receptor WWV ou relógio de precisão), perguntando pelo tempo corrente
    - Servidor de tempo responde o mais rápido possível, com uma mensagem contendo o tempo corrente C-UTC
    - Quando o transmissor obtém uma resposta, ajusta seu clock.
  - O problema é que quando se contata o servidor, os atrasos nas mensagens farão que a hora fornecida esteja desatualizada!

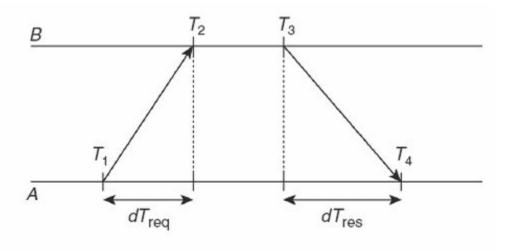


Figura 6.6 Obtenção da hora corrente por meio de um servidor de tempo.

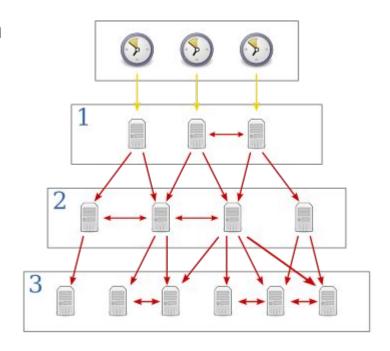
- Após calcular o atraso no envio das mensagens, o relógio de A deve ser sincronizado com o valor enviado por B
- Se o relógio de A estiver adiantado o tempo não pode retroceder
- Uma solução é ajustar o tempo gradativamente
  - Suponha que o relógio de A esteja programado para gerar cem interrupções por segundo
    - Cada interrupção soma 10ms ao relógio
    - Atrasa somando a cada interrupção apenas 9ms ao invés de 10ms
    - O mesmo pode ser empregado para adiantar o relógio somar 11ms ao invés de 10ms

- Protocolo de Tempo de Rede NTP (Network Time Protocol)
  - Neste protocolo, o relógio é ajustado entre pares de servidores
  - A consulta B e B consulta A
  - Qual horário prevalece?
  - Qual relógio possui melhor precisão?
- Cada computador possui seu "estrato"
- Um servidor que possui um receptor WWV ou um relógio atômico é conhecido como servidor de estrato 1

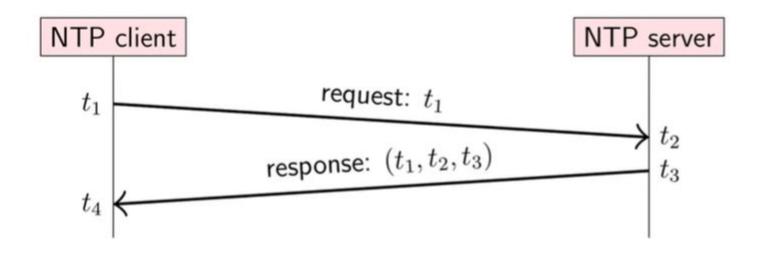


Hierarquia de servidores organizada em estratos (strata)

- Stratum 0: servidor é sincronizado diretamente de um relógio atômico ou receptor GPS
- Stratum 1: servidor é sincronizado com o servidor de stratum 0
- Stratum 2: servidor é sincronizado com servidor de stratum 1.



- Protocolo de Tempo de Rede NTP
  - Quando A contata B só ajustará seu horário se seu estrato for maior do que B
  - Prevalece o horário do servidor com menor estrato
- Para aumentar a precisão no cálculo do atraso de envio entre os servidores, o NTP também se baseia em médias já calculadas anteriormente.
- O cliente efetua múltiplas requisições com o intuito de reduzir o erro médio
- O NTP alcança uma precisão em âmbito mundial na faixa de 1 a 50 ms



Delay da rede dT = (t4 - t1) - (t3 - t2)

Hora no servidor em t4 tS = t3 + dT/2

Clock skew: CS = t3 + tS/2 - t4

- Ajuste do relógio no NTP:
  - Clock skew entre 0 e 125ms: acelerar ou lentamente reduzir o relógio do computador até convergência com o relógio remoto (slew clock skew)
  - Clock skew entre 125ms e 1000s: ajusta o relógio automaticamente para o tempo remoto (step clock skew)
  - Clock skew é maior que 1000s: erro não faz nada, espera ação humana.

```
// BAD:
long startTime = System.currentTimeMillis();
doSomething();
long endTime = System.currentTimeMillis();
long elapsedMillis = endTime - startTime;
// elapsedMillis may be negative!
```

```
// BAD:
long startTime = System.currentTimeMillis();
doSomething();
long endTime = System.currentTimeMillis();
long elapsedMillis = endTime - startTime;
// elapsedMillis may be negative!
// GOOD:
long startTime = System.nanoTime();
doSomething();
long endTime = System.nanoTime();
long elapsedNanos = endTime - startTime;
// elapsedNanos is always >= 0
```



- Algoritmo de Berkeley:
  - No NTP o servidor de tempo é passivo
  - No algoritmo Berkeley o servidor consulta todas as máquinas de tempos em tempos, obtendo o horário de cada máquina
  - Gera uma média de todas as horas, e informa a todos os computadores o deslocamento de tempo a ser feito
  - Este método é adequado quando nenhuma das máquinas possui um receptor WWV



Algoritmo de Berkeley:

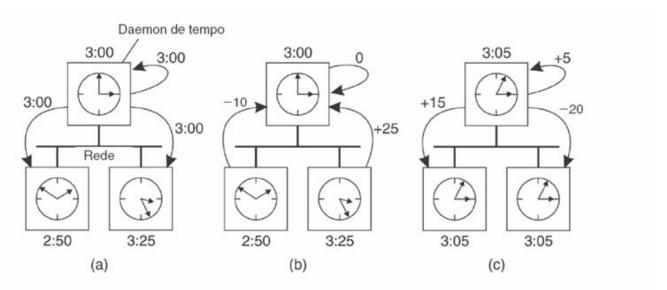
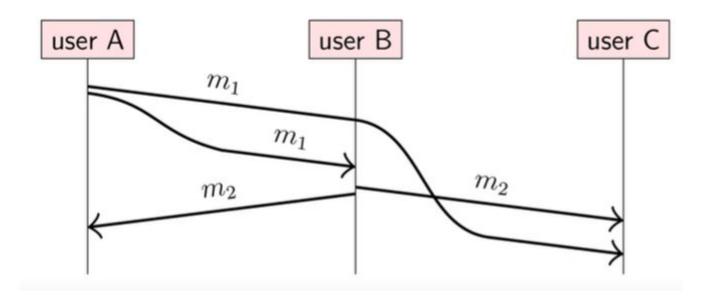


Figura 6.7 (a) O daemon de tempo pergunta a todas as outras máquinas os valores marcados por seus relógios. (b) As máquinas respondem. (c) O daemon de tempo informa a todas como devem ajustar seus relógios.

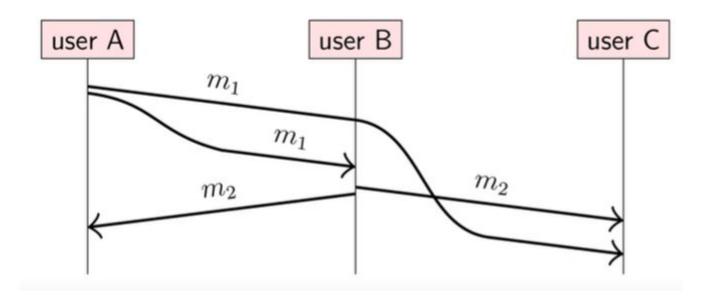




*m1*: a terra é plana!

m2: não é não!

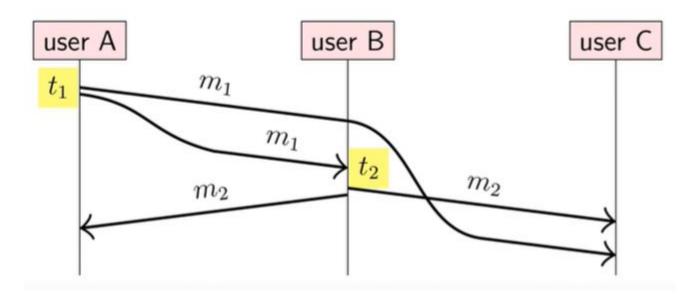




*m1*: a terra é plana!

m2: não é não!





**Problema**: mesmo com sincronização de relógios com, por exemplo NTP, não podemos garantir a correta ordenação dos eventos e t2 pode ser menor que t1



**Problema**: mesmo com sincronização de relógios com, por exemplo NTP, não podemos garantir a correta ordenação dos eventos e t2 pode ser menor que t1

#### RELÓGIOS LÓGICOS

- Até o momento foi considerada a sincronização de relógios como naturalmente relacionada com a hora real
- Entretanto pode ser suficiente que cada nó concorde com a hora corrente sem que esta seja igual a hora real
- Relógios Lógicos
  - Em 1978 Lamport mostrou que, embora a sincronização de relógios seja possível, não precisa ser absoluta:
    - Se dois processos não interagem entre si, não é necessário que seus relógios sejam sincronizados
    - Não é necessário que todos os processos concordem com a hora exata mas com a ordem em que os eventos ocorrem

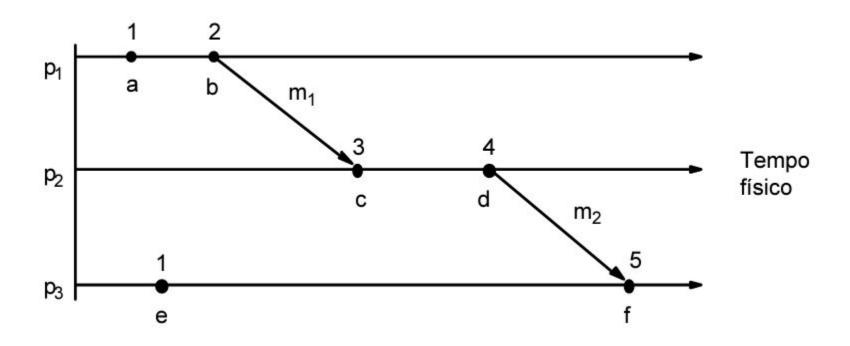
#### RELÓGIOS LÓGICOS DE LAMPORT

- Definida a relação acontece antes:
  - Se ae b são eventos do mesmo processo:
    - Se a acontece antes de b: a -> b
    - Sendo a o envio da mensagem e b o recebimento da mensagem então: a -> b
  - Se a -> b e b -> c, então a -> c (propriedade transitiva)
  - Se x e y acontecem em processos diferentes e tanto x -> y quanto y -> x são falsas, os processos x e y são ditos concorrentes

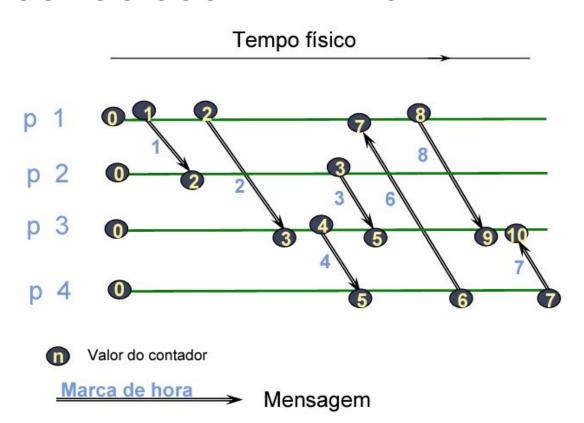
- Cada processo tem um contador (relógio lógico)
- Inicialmente o relógio lógico tem valor 0
- Processo incrementa seu contador quando um evento de envio ou processamento é realizado
- Contador é atribuído a um evento como seu marcador de hora
- Um evento de envio de mensagem carrega seu marcador de hora
- Em um evento de recebimento de mensagem o contador é atualizado por:

max(contador local, marcador de hora da mensagem) + 1











#### Arquitetura

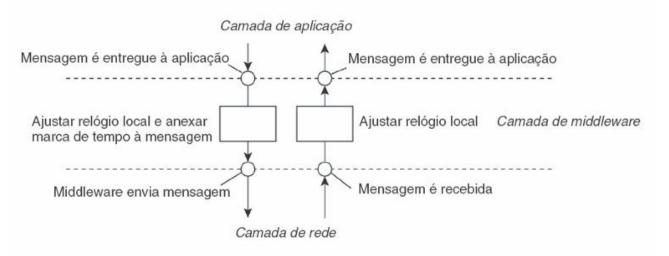
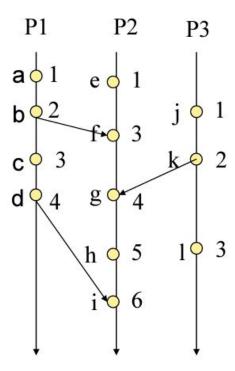


Figura 6.10 Posicionamento de relógios lógicos de Lamport em sistemas distribuídos.





Assumindo que o relógio lógico de cada processo começa em 0

A partir do diagrama de tempo anterior, o que se pode falar da relação entre os seguintes eventos?

a e b: a → b

 $b \in f: b \rightarrow f$ 

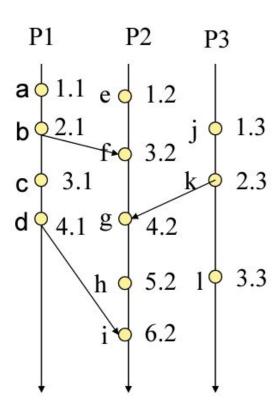
e e k: concorrentes

c e h: concorrentes

*k* e *h*: k→h

#### Eventos totalmente ordenados

- Um marcador de hora igual a 1 está associada aos eventos a, e, j nos processos P1, P2, P3
  respectivamente.
- Um marcador de hora igual a 2 está associada aos eventos *b, k* nos processos *P1, P3* respectivamente.
- As marcadores de horas são os mesmos, mas os eventos são distintos.
- Seria bom criar uma ordem total dos eventos i.e. para qualquer evento a, b poder dizer que a
   b ou b -> a
- Cria uma ordem total atribuindo um número de processo ao evento.
- Pi atribui o marcador de hora Ci (e).i para o evento e
- Então dizemos que Ci(a).i acontece antes de Cj(b).j se e somente se:
- Ci(a) < Cj(b); ou</li>
- Ci(a) = Cj(b) e i < j





- Exemplo Multicast totalmente ordenado
  - Considere que um banco de dados foi replicado
  - O problema:
    - As operações de atualização devem ser executadas na mesma ordem em cada cópia
  - Em geral, situações como estas exigem um ordenação total de envio
  - Os relógios lógicos de Lamport podem ser usados para implementar envio totalmente ordenado de forma distribuída

- Suponha que um cliente em San Francisco quer adicionar \$100 à sua conta, que contém atualmente \$1000
- Ao mesmo tempo, um funcionário de banco em NY inicia uma atualização pela qual a conta do cliente recebe um acréscimo de 1% de juros
- Ambas as atualizações devem ser efetuadas em duas cópias do banco de dados
- Operação de atualização do cliente é realizada em San Francisco antes da atualização de juros de 1%.
- Por outro lado, a cópia da conta em NY é primeiro atualizada com os juros de 1% e depois com o depósito de \$ 100.



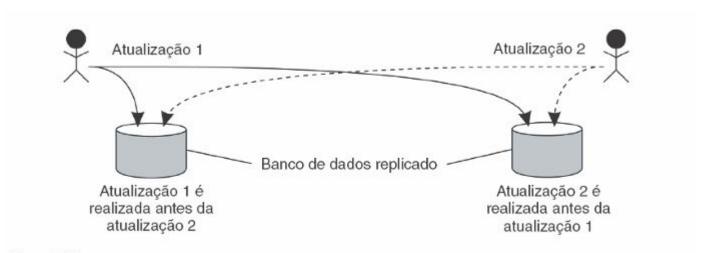


Figura 6.11 Atualização de banco de dados replicado que o deixa em estado inconsistente.

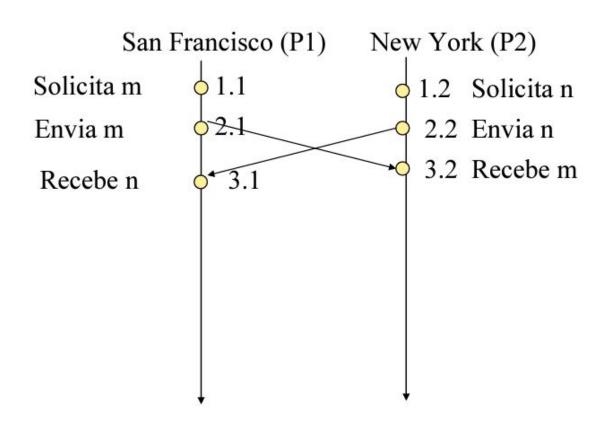
- Consequentemente:
  - No banco de dados de San Francisco será gravado um montante total de \$1111
  - Já, no banco de dados de NY será gravado o total de \$1110
  - Para manter a consistência, as duas operações de atualização deveriam ter sido realizadas na mesma ordem em ambas as cópias
  - Neste caso, deve ser usado um multicast totalmente ordenado
- Mensagens de atualização recebem o marcador de hora com a hora lógica que a atualização foi solicitada pelo cliente
- A mensagem de atualização é enviada para todos os processos que devem realizar a atualização (inclusive para eles mesmos)

- Quando uma mensagem de atualização é recebida:
  - Ela é colocada em uma fila local que é ordenada de acordo com o seu marcador de hora
  - O processo Pi envia uma mensagem de reconhecimento de uma mensagem da fila local somente quando:
    - Não há pedido de atualização em Pi ou
    - Identificador do processo Pi é maior ou igual que identificador do processo Pj da mensagem ou
    - A atualização solicitada em Pi já foi realizada
- A atualização contida em uma mensagem vai ser executada em um processo quando:
  - A mensagem que contém a atualização é a cabeça da fila
  - A mensagem foi reconhecida por todos os processos



- Considere que m corresponde à atualização "Adicionar \$100" e n corresponde à atualização "Adicionar juros de 1%".
- Quando uma mensagem de atualização for enviada (e.g., m, n) a mensagem vai incluir o marcador de hora gerado quando a atualização foi solicitada pelo cliente.





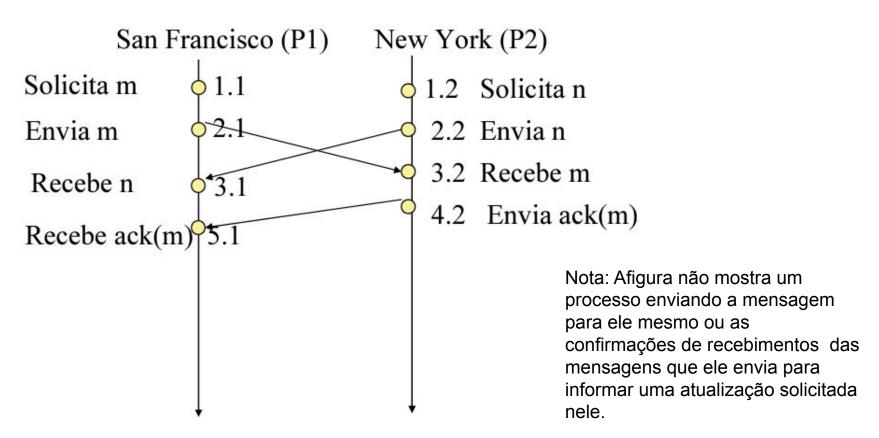
- O envio da mensagem m consiste no envio da operação de atualização m junto com o marcador de hora em que esta atualização foi solicitada que é 1.1
- O envio da mensagem n consiste no envio da operação de atualização n junto com o marcador de hora em que esta atualização foi solicitada que é 1.2
- Mensagens são enviadas para todos os processos do grupo incluindo eles mesmos
  - Assuma que a mensagem enviada para um processo para si mesmo é recebida pelo processo quase que imediatamente.
  - Para os outros processos, pode ter um atraso no recebimento.

- Neste ponto, temos as seguintes filas locais para cada processo:
  - o P1: (m,1.1), (n,1.2)
  - o P2: (m,1.1), (n,1.2)
- P1 vai enviar uma mensagem de reconhecimento de (m,1.1) mas não de (n,1.2)
  - Porque? Identificador de P1 que é 1 é igual ao identificador do processo em (m,1.1),
     mas é menor que o identificador do processo em (n,1.2)
- P2 vai enviar uma mensagem de reconhecimento para todos de (m,1.1)
   e (n,1.2)
  - Porque? Identificador de P2 que é 2 é maior que o identificador do processo em (m,1.1)
     , e igual ao identificador do processo em (n,1.2)

- P1 não envia a mensagem de reconhecimento de (n,1.2) até que atualização m tenha sido processada.
- Nota: O evento de recebimento da mensagem (n,1.2) por P1 recebe o marcador de hora 3.1.
- Nota: O evento de recebimento da mensagem (m,1.1) por P2 recebe o marcador de hora 3.2.

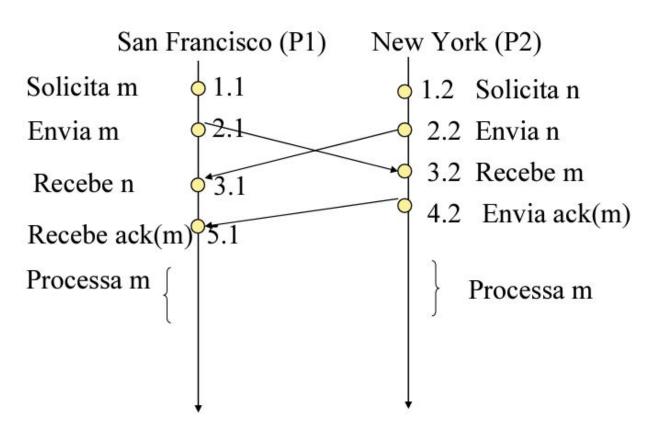
- Se P2 recebe (n,1.2) antes de (m,1.1) ele envia a mensagem de reconhecimento de (n,1.2) para todos?
  - o Sim
- Então como P2 sabe que tem outras atualizações que devem ser realizadas na frente da atualização que ele recebeu do cliente (n) ?
  - Ele não sabe;
  - Ele não executa a atualização especificada em (n,1.2) até que ele receba um reconhecimento de todos os processos que neste caso é ele mesmo e P1
- P2envia uma mensagem de recebimento quando recebe (m,1.1)? Sim pois seu identificador (2) é maior que o identificador 1 da mensagem.





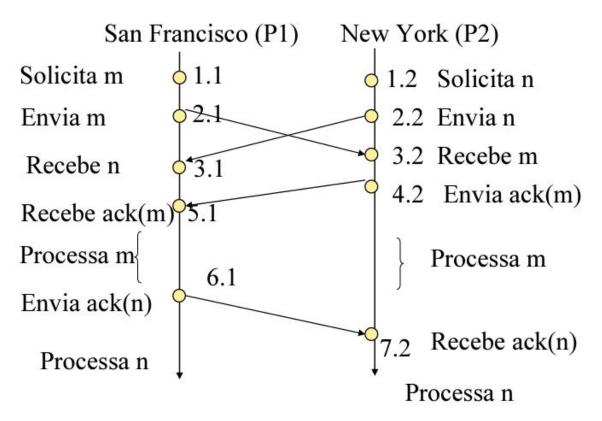
- Resumindo, o processamento das mensagens:
  - P1e P2 necessitam realizar operações de atualização
  - P1 enviou uma mensagem de reconhecimento de recebimento de (m,1.1).
  - P2 enviou uma mensagem de reconhecimento de recebimento de (m,1.1) e de (n,1.2).
- P1e P2 receberam mensagens de reconhecimento de recebimento de (m,1.1) de todos os processos.
- Então, a atualização representada por m pode ser realizada por P1 e P2





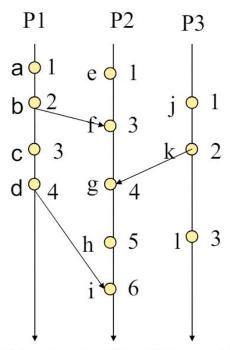
- Quando P1 finaliza a atualização m, ele pode enviar a mensagem de reconhecimento de recebimento de (n,1.2).
- Quando P1 e P2 tiverem recebido esta mensagem de reconhecimento, ambos processos receberam todas as mensagens de reconhecimento de recebimento de (n,1.2) de todos os processos.
- Neste ponto, P1 e P2 podem realizar a atualização representada por n





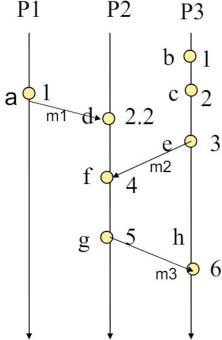
- Usando simplesmente os relógios lógicos de Lamport, nada pode ser dito sobre a relação de causalidade entre dois eventos a e b, apenas comparando seus valores de tempo C(a) e C(b).
  - Se C(a) < C(b) não é verdadeiro implica que a aconteceu antes de b não é verdadeiro.</li>
  - Se C(a) < C(b) é verdadeiro, isso não implica necessariamente que a aconteceu antes de b.





C(j) = 1 and C(b) = 2; então C(j) < C(b) mas j não aconteceu antes de b





 $C(d) \le C(g)$  e d e g são eventos que estão em  $P_2$  então pode indicar que envio de m3 pode depender do que foi recebido em m1

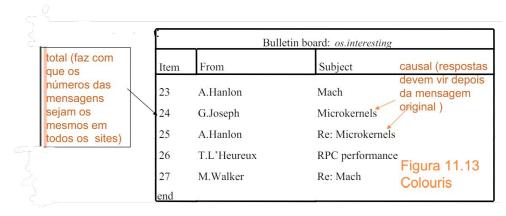


- Anteriormente vimos um ambiente totalmente ordenado onde as mensagens são processadas da mesma maneira em cada processo
- Pode-se ter um ambiente de qualquer ordem no qual todas as mensagens são recebidas por todos os processos, mas podem chegar em ordens diferentes para cada processo
- Ordem causal é usada quando uma mensagem recebida por um processo pode potencialmente afetar qualquer mensagem enviada posteriormente pelo processo. Estas mensagens devem ser recebidas na mesma ordem em todos os processos. Mensagens que não se relacionam entre elas podem ser entregues em qualquer ordem.

- Um servico de boletim eletronico da Internet
- Usuários (processos) se juntam a grupos específicos (grupos de discussão).
- Postagens, sejam novas mensagens ou respostas a mensagens, são enviadas a todos os membros do grupo.
- Pode ser usado um esquema totalmente ordenado



- Um serviço de boletim eletrônico da Internet
- Usuários (processos) se juntam a grupos específicos (grupos de discussão).
- Postagens, sejam novas mensagens ou respostas a mensagens, são enviadas a todos os membros do grupo.
- Pode ser usado um esquema totalmente ordenado

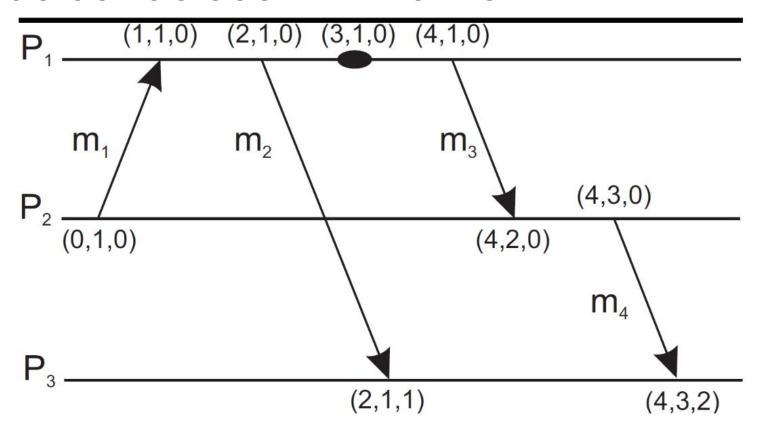


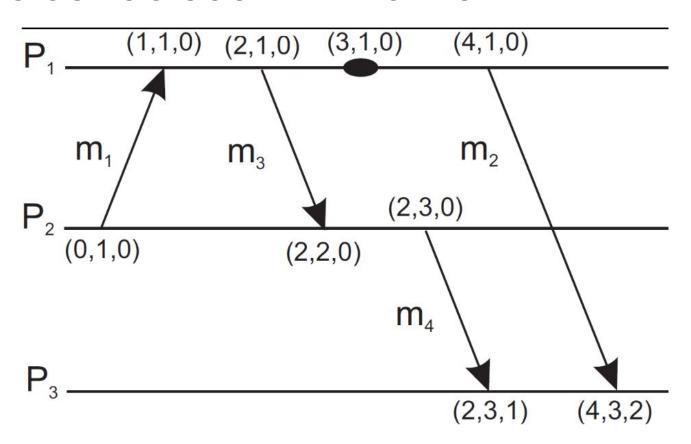
- Em um ambiente totalmente ordenado, caso uma mensagem B seja entregue depois de uma mensagem A, isso não significa que B é uma reação à A.
- Não se necessita de um ambiente tão rígido como o totalmente ordenado
- A recepção de um artigo precede causalmente a postagem de uma reação ao artigo.
- A recepção da reação a um artigo deve sempre seguir a recepção do artigo.
- No exemplo do boletim, os itens 26 e 27 podem ser apresentados em ordens diferentes em sites diferentes.
- Os itens 25 a 26 podem ser apresentados em ordens diferentes em sites diferentes.

- O problema é que relógios lógicos de Lamport não capturam causalidade
- Algo mais é necessário:
  - Relógios Lógicos Vetoriais tentam solucionar problemas de causalidade apresentados nos relógios de Lamport
- Um relógio vetorial VC(a) designado a um evento a, tem a seguinte propriedade: se VC(a) < VC(b) para algum evento b, então a precede por causalidade o evento b

- Cada processo Pi mantém um vetor VCi com as propriedades:
  - 1. VCi [i] é o número de eventos que ocorreram em Pi até o instante em questão. VCi [i] é o relógio lógico local em Pi
  - 2. Se VCi [j] = k, então Pi sabe que k eventos ocorreram em Pj. Portanto, Pi conhece o tempo local de Pj
- A primeira propriedade é mantida incrementando VCi [i] na ocorrência de cada evento em Pi
- A segunda propriedade é mantida por meio de caronas que os vetores pegam com as mensagens que são enviadas.

- Ocorrem as seguintes etapas
  - Antes de executar um evento, Pi faz VCi [i] ← VCi [i] + 1
  - Quando o processo Pi envia uma mensagem m a Pj , ele iguala a etiqueta de tempo de m, ou seja ts(m) ← VCi [i]
  - Quando o processo *Pj* recebe *m*, ajusta seu próprio vetor definindo cada entrada *Vj [k]* para max {Vj [k], ts(m)[k]}
- Desta forma, um receptor é informado sobre o número de eventos que ocorreram em outros processos antes de *Pi* enviar a mensagem *m*







#### Analysis

Situation	ts(m <sub>2</sub> )	ts(m <sub>4</sub> )	ts(m <sub>2</sub> ) < ts(m <sub>4</sub> )	ts(m <sub>2</sub> ) > ts(m <sub>4</sub> )	Conclusion
(a)	(2,1,0)	(4,3,0)	Yes	No	$m_2$ may causally precede $m_4$
(b)	(4,1,0)	(2,3,0)	No	No	$m_2$ and $m_4$ may conflict

- Os marcadores de hora do vetor são atualizados somente quando postam ou recebem artigos i.e., quando uma mensagem é enviada ou recebida.
- Vq é colocada na mensagem enviada pelo processo q para o processo p
- Quando *p* recebe uma mensagem, ele executa:
  - $\circ$  For i = 1 to n do
    - V p [i] = max(Vp [i], Vq [i]);
- Quando p envia uma mensagem, ele executa:
  - $\circ$  Vp [p] = Vp [p] + 1;



- Quando um processo *Pi* publica um artigo, ele envia para o grupo uma mensagem com o artigo e o vetor de marcadores de hora. Esta mensagem vai ser chamada de *a*. Assuma que o vetor desta mensagem seja *Vi*.
- O processo *Pj* posta uma reação e envia uma mensagem com a reação e o vetor *Vj* chamada de *r*.
- Note que Vj > Vi
- Mensagem r pode chegar em Pk antes da mensagem a.

- Pk vai adiar enviar a reação r para o display até que todas a mensagens que precedem casualmente r também tenham sido recebidas.
- A mensagem r é enviada para o display se somente se ocorrem as seguintes condições:
  - *Vj* [j] = *Vk* [j]+1
    - Isso mostra que r é a próxima mensagem que Pk estava esperando do processo Pj
  - Vj [i] <= Vk [i] para todo i não igual a j
    - Isso mostra que *Pk* viu pelo menos o mesmo número de mensagens vistas pelo processo *Pj* quando ele enviou a mensagem *r*.

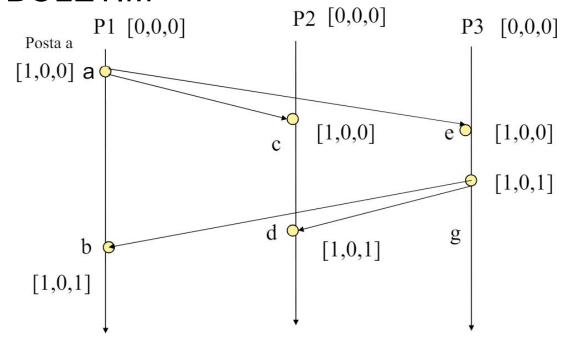


- Inicialmente Vj [i] = 0 e Vk [i] = 0 para todo i. Faz sentido pois nenhuma mensagem foi enviada.
- Suponha que Pj envia uma mensagem com Vj [j] = 1. Isso implica que esta é a primeira mensagem enviada por Pj
- Como Vk [j] é 0, Pk vai aceitar a mensagem enviada por Pj pois ele está esperando a primeira mensagem de Pj.
- Suponha que Pj envia uma mensagem com Vj [j] = 5 (indicando que é a quinta mensagem enviada) e que Vk [j] é 3, o que indica que Pk está esperando pela quarta mensagem enviada por Pj . Isso indica que a mensagem recebida deve ser atrasada por Pk para ser mostrada no display



- Assuma que Vj [i] <= Vk [i] não seja verdadeiro para algum i. Ou seja, Vj [i]</li>
   Vk [i] para algum i. Isso indica que Pi enviou uma mensagem que foi recebida por Pj mas não por Pk.
- Neste caso, Pk não vai enviar a mensagem para o display até que ele receba a mensagem que está faltando

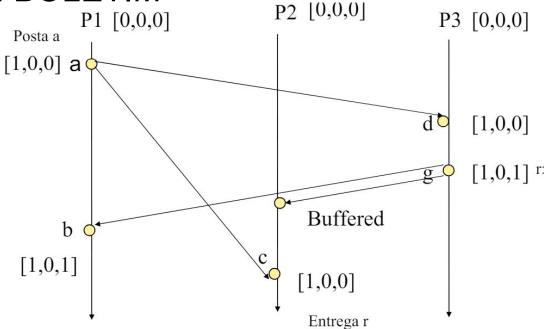




Mensagem a chega em P2 antes da resposta r de P3



**EXEMPLO: BOLETIM** 



A mensagem *a* chega em P2 depois da resposta de P3; A resposta não é entregue logo que é recebida.