



**UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO
INSTITUTO DE ASTRONOMÍA**

**METODOLOGÍA PARA LA DETECCIÓN AUTOMÁTICA
DE CANDIDATOS A TRÁNSITOS DE EXOPLANETAS
EN CURVAS DE LUZ DE ALTA CADENCIA**

**T E S I S
QUE PARA OBTENER EL TÍTULO DE
MAESTRO EN CIENCIAS (ASTROFÍSICA)**

**PRESENTA:
FERNANDO IVAN ALVAREZ SANTANA**

**DIRECTORES:
DR. JOEL H. CASTRO CHACÓN DR. MAURICIO REYES RUIZ
INSTITUTO DE ASTRONOMÍA, UNAM.**

Ensenada, Baja California, México. FECHA

AGRADECIMIENTOS

Índice general

| | |
|---|----|
| Resumen | 1 |
| I. Introducción | 3 |
| I.1 Contexto histórico | 3 |
| I.2 Proyectos enfocados en la búsqueda de exoplanetas por el método de tránsito | 5 |
| I.2.1 CoRoT | 5 |
| I.2.2 HATNet y HATSouth | 7 |
| I.2.3 SuperWASP | 7 |
| I.2.4 Telescopio espacial <i>Kepler</i> | 8 |
| I.2.5 Satélite <i>TESS</i> | 10 |
| I.3 Proyecto TAOS II | 11 |
| I.4 Objetivos, Hipótesis y estructura de la tesis | 12 |
| II. Marco teórico | 14 |
| II.1 Señales observadas por tránsitos de exoplanetas | 14 |
| II.1.1 Sistema general de ecuaciones | 14 |
| II.1.2 Efecto del oscurecimiento del limbo en las curvas de luz | 16 |
| II.1.3 Falsos positivos en la búsqueda de tránsitos | 18 |
| II.2 Observación convencional de tránsitos de exoplanetas | 19 |
| II.3 Reducción de imágenes en curvas de luz | 21 |
| II.3.1 Preprocesamiento de imágenes | 22 |
| II.3.2 Fotometría rápida | 23 |
| II.3.3 Fotometría de apertura | 24 |
| II.3.2 Fotometría diferencial | 26 |
| II.4 Análisis de ruido en series de tiempo | 28 |
| II.5 Transformada de Fourier para estudiar tiempo y frecuencia | 30 |
| II.6 Análisis de componentes principales | 32 |
| III. Metodología | 34 |
| III.1 Datos observacionales, estudios preparatorios para TAOS II | 34 |
| III.1.1 Telescopio e instrumentos en la temporada de observación | 35 |
| III.1.2 Descripción de objetos observados | 36 |

| | |
|---|-----------|
| III.1.3 Descripción de datos, influencia del seeing y ruido sistemático | 36 |
| III.2 Análisis de ruido en curvas de luz de alta cadencia | 38 |
| III.2.1 Distribución temporal del ruido | 38 |
| III.2.1 Espectro de frecuencias del ruido | 42 |
| III.2.3 Simulación de ruido | 45 |
| III.3 Simulación de tránsitos de exoplanetas | 49 |
| III.3.1 Descripción y uso de BATMAN | 49 |
| III.4 Análisis de datos observacionales | 50 |
| III.4.1.1 Fotometría con APPHi | 51 |
| III.5 Reducción de ruido en curvas de luz | 53 |
| III.5.1 Reducción del ruido usando promedio móvil | 53 |
| III.5.2 Identificación de firma de tránsito usando filtro de Fourier | 55 |
| III.6 Criterio de validación para candidatos a tránsitos de exoplanetas | 59 |
| III.6.1 Modelo del trapezoide | 59 |
| III.6.2 Coeficiente de correlación de Pearson | 59 |
| IV. Análisis de Resultados | 61 |
| IV.1 Simulaciones | 61 |
| IV.1.1 Mejora de la señal a ruido en curvas de luz | 61 |
| IV.1.2 Determinación de candidatos a tránsitos | 63 |
| IV.2 Datos observacionales | 67 |
| IV.2.1 Mejora de la señal a ruido en datos observacionales | 68 |
| IV.2.2 Determinación de candidatos a tránsitos | 72 |
| V. Conclusiones | 74 |
| Anexos | 76 |

Índice de figuras

| | | |
|------|---|----|
| 2.1. | Esquema de un tránsito de exoplaneta observable. i representa la inclinación de la órbita, R_* es el radio de la estrella y b el parámetro de impacto. | 14 |
| 2.2. | Proceso que ocurre durante un tránsito planetario. La curva en la parte inferior representa el flujo de la estrella medido por el observador, i representa la inclinación de la órbita, R_* es el radio de la estrella, R_p el radio del planeta, ΔF es el cambio en el flujo visto por el observador, t_T es la duración total del tránsito y b el parámetro de impacto. | 17 |
| 2.3. | Efecto del oscurecimiento del limbo (LD) en curvas de luz de tránsitos simulados. Se muestran 3 modelos distintos, en azul tenemos LD constante, en naranja un modelo lineal, en verde un modelo cuadrático y en rojo un modelo no-lineal. Aquí valdría la pena agregar una curva que no considere el LD... | 18 |
| 2.4. | Curva de luz de XO-3, tomada con el filtro R de Johnson en el telescopio de 84 cm en el Observatorio Astronómico Nacional (OAN-SPM) el 21 de octubre del 2016. | 20 |
| 2.5. | Ejemplo de la imagen de una estrella estudiada en este trabajo, obtenida con una cámara rápida IXON en el telescopio de 84 cm en el OAN-SPM. | 21 |
| 2.6. | Ejemplo de aperturas circulares para realizar fotometría de HAT-P-37B. El anillo formado por las circunferencias en azul se utiliza para calcular la contribución del flujo debido al cielo. usar colores de mejor contraste para el anillo y etiquetar/resaltar las áreas correspondientes | 25 |
| 2.7. | Curva de luz de alta cadencia de Kepler17b obtenida mediante fotometría de apertura. La observación de Kepler17b se realizó en el sitio 2 de TAOS II, utilizando una cámara <i>Zyla</i> de Andor. Esta curva de luz se obtuvo utilizando APPHi véase (sección III.4.1). | 27 |
| 2.8. | Curva de luz de alta cadencia de Kepler17b obtenida mediante fotometría diferencial. La observación de Kepler17b se realizó en el sitio 2 de TAOS II, utilizando una cámara <i>Zyla</i> de Andor. Esta curva de luz se obtuvo utilizando APPHi véase (sección III.4.1). | 28 |
| 2.9. | Arriba: Curva de luz de alta cadencia de HAT-p-14b, tomada a 20Hz, con el telescopio de 84cm del OAN. Abajo: mostramos su espectro de frecuencias (FFT), con la amplitud en escala logarítmica para mejorar la visualización. | 31 |

| | | |
|-------|---|----|
| 3.1. | Telescopio de 84 cm, en el OAN-SPM, cámara rápida iXon y rueda de filtros MEXMAN. | 35 |
| 3.2. | SNR en función de la magnitud en el filtro R. Los puntos representan la SNR medida utilizando curvas de luz obtenidas en TAOS I. Las lineas solidas representan la predicción de SNR utilizando ruido con distribución de Poisson, ruido del cielo y ruido de lectura. Gráfica tomada de Lehner et al. (2016). | 37 |
| 3.3. | Arriba: Ejemplo de ruido blanco (gaussiano). Abajo: Histograma del ruido generado. | 39 |
| 3.4. | Curva de luz de WASP-74b, calculada mediante fotometría diferencial usando APPHi. | 40 |
| 3.5. | Arriba: Los puntos rojos son la distribución temporal de la curva de luz de WASP-74b. La linea azul sólida, es $m(t)$ resultado de un ajuste no lineal utilizando el algoritmo de Levenberg-Marquardt. Abajo: se aprecia los residuales de la diferencia entre la distribución y el modelo. Estás seguro que los valores de los residuales son correctos??? me parecen muy altos... | 41 |
| 3.6. | Se muestra la contribución de las componentes G_1 y G_2 y la suma $m(t)$ | 42 |
| 3.7. | Arriba: se muestra una curva de ruido blanco con dos componentes G_1 y G_2 . Abajo: el espectro de frecuencias de la curva de luz, el cual permanece blanco sin importar el número de componentes gaussianas no entendí la explicación sobre el espectro | 43 |
| 3.8. | Arriba: se muestra una curva de luz de WASP-74b. Abajo: la zona de bajas frecuencias del espectro de la curva de luz, la linea roja es el ajuste de la envolvente exponencial $E(f)$ del espectro. | 45 |
| 3.9. | Arriba: se muestra la FFT de la curva de luz de WASP-74b. Abajo: el espectro de frecuencias de la serie de tiempo $R(t)$ generada utilizando la metodología planteada en esta sección. Ambas gráficas son un acercamiento a la zona de bajas frecuencias para mejorar la visualización. La linea roja es la misma envolvente exponencial $E(f)$ para ambos espectros. valdría la pena agregar las curvas de luz para comparar | 48 |
| 3.10. | Curvas de luz de tránsitos de exoplanetas con $P = 1$ día, $i = 90^\circ$, $a = 15R_*$, $\epsilon = 0$, $\bar{\omega} = 90$ y un modelo de oscurecimiento lineal. Las distintas curvas representan la diferencia en el cambio del flujo ΔF para diferentes valores de R_p | 50 |
| 3.11. | Diagrama de flujo para ambos programas (<i>APPHi field</i> y <i>APPHi star</i>), donde D, B, F y Z representan los darks, bias, flats e imágenes de estudio respectivamente. Imágen tomada de Sánchez et al. (2019). | 52 |

| | |
|---|----|
| 3.12. Curva de luz de WASP-74 tomada el día 28 de mayo del 2017. En azul se muestra la curva de luz original obtenida mediante fotometría de apertura. En naranja la curva resultado del promedio móvil, y el verde la curva resultado de tomar la mediana en lugar del promedio Yo veo azul rojo y negro, Que pasa?? . En el recuadro se muestra la SNR calculada para cada curva de utilizando (2.11). | 55 |
| 3.13. Filtro pasa-bajas $\mathcal{H}(f)$ utilizado para remover altas frecuencias. FC representa la frecuencia de corte la cual puede variar dependiendo la curva de luz. | 56 |
| 3.14. Curva de luz de WASP-74 tomada el día 28 de mayo del 2017. En azul se muestra la curva de luz original obtenida mediante fotometría de apertura. En naranja No es rojo la curva resultado del filtrado de Fourier, utilizando una frecuencia de corte $FC = 2 \times 10^{-3}$ | 57 |
| 4.1. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando Fourier. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas simuladas con una $SNR = 10$ | 64 |
| 4.2. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando Fourier. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas simuladas con una $SNR = 100$ | 64 |
| 4.3. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando promedio móvil. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 10$ | 65 |
| 4.4. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando promedio móvil. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 100$ | 66 |
| 4.5. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando PCA. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 10$ | 67 |
| 4.6. Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando PCA. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 100$ | 67 |

| | |
|--|----|
| 4.7. Curva de luz de HAT-P-37b tomada a 20 fps, durante la segunda mitad del tránsito. La curva de luz se obtuvo mediante fotometría de apertura con una $SNR = 11.73$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). | 68 |
| 4.8. Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del filtrado de altas frecuencias. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 124.75$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.982$ | 69 |
| 4.9. Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del promedio móvil. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 116.64$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.962$ | 70 |
| 4.10. Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del filtrado con PCA. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 135.51$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.889$ | 71 |

RESUMEN

La detección y caracterización de exoplanetas ha tenido un gran crecimiento en los últimos años, proyectos como *Kepler* nos brindaron una visión amplia de las posibilidades cuando de encontrar sistemas planetarios se refiere. La sonda espacial *TESS* mapeará cerca del 90 % de la bóveda celeste, en la búsqueda de exoplanetas por el método del tránsito Ricker et al. (2014). En este trabajo se presenta un algoritmo rápido y exclusivo para la detección de tránsitos de exoplanetas en curvas de luz de alta cadencia como las que se tendrán por parte del proyecto TAOS II.

El proyecto *Transneptunian Automated Occultation Survey* (TAOS II), es producto de la colaboración internacional (TAIWAN, EU, MEXICO), en el cual se busca descubrir y censar los objetos pequeños (0.5 km – 10km) del cinturón de Kuiper por el método de occultación estelar Lehner et al. (2012). El proyecto cuenta con 3 telescopios de 2.1 m instalados en el Observatorio Astronómico Nacional, en la Sierra de San Pedro Mártir (OAN-SPM). Este proyecto generará una gran cantidad de datos fotométricos (2.5 TB por noche) en imágenes de alta cadencia (20 Hz) de alrededor de 10,000 estrellas por campo de observación. Es aquí donde se hace evidente la necesidad de pipelines de procesos, herramientas que faciliten el manejar y trabajar con grandes volúmenes de datos. El algoritmo que se presenta en este trabajo de tesis consiste principalmente en dos partes: el filtrado de ruido, y la validación de posibles candidatos a tránsitos.

En las curvas de luz de alta cadencia, al tener menor tiempo de exposición, el ruido debido a perturbaciones en la atmósfera, ruido electrónico y de lectura, se vuelven un factor importante. Al ganar resolución temporal de los eventos, perdemos calidad en la medición del flujo estelar. Este ruido en la curva de luz puede enmascarar cualquier señal causada por el tránsito de un exoplaneta en su estrella madre. Por lo que para poder detectarlos, es necesario tener un buen proceso fotométrico y un algoritmo de reducción de ruido en curvas de luz. Se implementaron 3 métodos diferentes: filtro de Fourier, promedio móvil y análisis de componentes principales, los cuales nos sirven para comparar y etiquetar objetivos de interés, tras la validación de candidatos a tránsitos.

Para determinar si un objetivo es un posible candidato a tener un planeta transitando, se comparan las curvas de luz con bases de datos de tránsitos simulados. Aplicando un modelo de regresión, utilizamos como primera aproximación un trapezoide para caracterizar la curva del tránsito. Basados en el parecido entre el modelo y las curvas filtradas, se decide si etiquetar el objetivo como posible candidato a tránsito.

Para evaluar el desempeño de dicho algoritmo se han llevado a cabo temporadas en el OAN-SPM donde se obtuvieron datos con y sin tránsitos de exoplanetas, bajo condiciones de observación muy similares a las que se espera del proyecto TAOS II. Después de llevar a cabo la reducción de los datos, se introdujeron las curvas de luz al algoritmo aquí presentado y se determinó la eficiencia de detección con tránsitos reales y simulados.

CAPÍTULO I: INTRODUCCIÓN

I.1 Contexto histórico

En el pasado se pensaba que el planeta Tierra era el centro del universo, más adelante con el surgimiento de la ciencia como la conocemos hoy en día, se abandonó esta idea basándose en observaciones de los cuerpos celestes en el cielo nocturno. En la era moderna, en 1930 el astrónomo Clyde Tombaugh (1906-1997) descubrió el entonces considerado noveno y más pequeño planeta del sistema solar, Plutón. Para este entonces ya se conocía la complejidad de nuestro sistema solar, compuesto por planetas, satélites naturales, asteroides, cometas y más cuerpos menores. Sin embargo siempre existió la pregunta: *¿Existen otros sistemas solares como el nuestro en el universo?*.

En los años ochenta, un equipo encabezado por el astrónomo Gordon Walker, planearon utilizar el telescopio en la cima del volcán Mauna Kea en Hawái, para intentar encontrar la presencia de un planeta en una estrella lejana. En ese entonces ya se conocía que Júpiter completa una órbita alrededor del Sol en aproximadamente 12 años terrestres, y que debido a su gran masa, la interacción gravitacional entre estos dos cuerpos provoca que el Sol se mueva alrededor del baricentro del sistema, con un periodo igual al de Júpiter. La hipótesis del Dr. Walker para la búsqueda de un planeta se basaba en este fenómeno, si era capaz de medir una estrella moviéndose con un periodo orbital similar al de Júpiter, entonces podría asumir que esta estrella poseía un planeta de masa similar a la de Júpiter. Se comenzó con una muestra de 29 estrellas de tipo solar, relativamente cercanas para las cuales se intentó medir su movimiento utilizando la técnica de velocidad radial. Unos años después, se analizaron las 29 estrellas de la muestra inicial sin ningún resultado positivo.

No fue hasta 1995 cuando Michel Mayor y Didier Queloz encontraron una estrella con un movimiento extraño. 51 Pegasi, una estrella de una muestra de 142 que habían estado bajo observación, con una temperatura similar a la del Sol (5768 K), a unos 50 años luz (1 año luz = $9.461e+15$ m) de distancia. Los datos de la observación revelaron que 51 Pegasi tenía un periodo orbital de 4.2 días, lo cual resultó asombroso y difícil de creer para el Dr. Mayor. El hecho de que un planeta como Júpiter completara una órbita alrededor de una estrella tipo solar en tan solo 4.2 días parecía increíble. Después de corroborar las observaciones, finalmente el 23 de Noviembre de 1995 se publicó el hallazgo de un planeta de una masa similar a la de Júpiter (Mayor and Queloz, 1995). En 2019 Michel Mayor y Didier Queloz fueron galardonados con el premio Nobel de Física por el descubrimiento del primer planeta alrededor de una estrella tipo solar, lo que actualmente conocemos como exoplaneta.

En los meses siguientes al descubrimiento de 51 Pegasi b en 1995, se encontraron planetas con periodos similares, como Marcy and Butler (1996) y Butler and Marcy (1996), descubiertos por el equipo conformado por Geoffrey Marcy y Paul Butler. En los años siguientes se siguieron descubriendo planetas en estrellas de tipo solar utilizando esta misma técnica, de hecho, en 2003 el Dr. Walker y un equipo internacional, confirmó la existencia de un planeta del tamaño de Júpiter en la muestra inicial de 29 estrellas que fue estudió en los 80's Hatzes et al. (2003), Walker (2012).

Años después, David Charbonneau y Gregory W. Henry estudiaban una de las estrellas de la muestra original del Dr. Mayor, para la cual ya se había confirmado la existencia de un exoplaneta utilizando mediciones de velocidad radial. Sin embargo, estaban en busca de variaciones de brillo debido al paso del planeta frente a la estrella, este fenómeno es conocido como tránsito. En 1999 publicaron el hallazgo del tránsito de HD209458b Charbonneau et al. (1999), un planeta 60 % más grande que Júpiter, con una órbita de 3.5 días, el cual provocó una caída del 1.7 % en el brillo de HD209458. Este mismo año se publicó el descubrimiento del primer sistema múltiple, alrededor de *Upsilon Andromedae* Marcy et al. (1999), 3 planetas de masas similares a la de Júpiter que orbitan una estrella de $1.28 M_{\odot}$.

Estos primeros planetas en ser descubiertos tenían algo en común, eran de una masa similar a la de Júpiter con periodos orbitales cortos, los cuales se denominan Júpites calientes (*Hot Jupiters*); o tenían órbitas muy excéntricas como el caso de HD222582b Vogt et al. (2000), ambas características son bastante diferentes a lo que conocemos en nuestro sistema solar, lo cual originaba más preguntas: *¿por qué los sistemas planetarios descubiertos son tan diferentes al nuestro?, y entonces, ¿cómo se formó nuestro Sistema Solar?*, preguntas para las cuáles, aún no tenemos una respuesta clara.

I.2 Proyectos enfocados en la búsqueda de exoplanetas por el método de tránsito

Los primeros exoplanetas fueron descubiertos utilizando el método de velocidad radial. Para llevar a cabo una medición de este tipo, se necesita de un espectrógrafo de alta resolución y mucho tiempo de monitoreo a una sola estrella, para obtener las mediciones de velocidad que corroboren la existencia de anomalías gravitacionales provocadas por un planeta. Por otra parte, con el descubrimiento del tránsito de HD209458b, el método del tránsito se volvió el más exitoso para buscar planetas que orbitan otras estrellas. Una de las ventajas más importantes es que se puede monitorear la intensidad de muchas estrellas al mismo tiempo, como es el caso del proyecto TAOS II, el cual observará alrededor de 10,000 estrellas simultáneamente.

Desde entonces y hasta la actualidad, se han desarrollado cerca de 50 proyectos enfocados en la búsqueda de exoplanetas, midiendo variaciones periódicas en la luminosidad provocadas por un tránsito exoplanetario. Enseguida se mencionan solo algunos de los proyectos más exitosos.

I.2.1 CoRoT

Para mediados de 2006, todos los planetas descubiertos orbitando estrellas lejanas, eran del tipo *Hot Jupiters*, gigantes gaseosos de más de veinte veces el radio del planeta Tierra ($>20R_{\oplus}$). El 27 de diciembre de 2006, se lanzó el primer satélite enfocado en la

búsqueda de exoplanetas por el método de tránsito, el *COnvection ROtation and planetary Transits* (CoRoT), dedicado a la búsqueda de planetas rocosos un poco más parecidos a la Tierra Aigrain et al. (2007), Barge et al. (2007), cosa que desde la superficie terrestre no era posible debido a los efectos de distorsión atmosférica.

Originalmente CoRoT fue pensado como un proyecto de astrosismología¹, sin embargo, se acordó el incluir la búsqueda de tránsitos de exoplanetas como su nombre lo indica. En mayo del 2007 se reportó el descubrimiento del primer tránsito de un exoplaneta no conocido, el denominado CoRoT-1b Barge et al. (2008).

La misión CoRoT estaba equipada con un espejo primario de 0.27 m y una cámara de campo amplio que funcionaba en el espectro visible. El telescopio contenía un deflector de rendimiento extremadamente alto para minimizar la luz directa en el detector. La luz capturada por el telescopio se dirige al plano focal, que consta de cuatro CCD con 2048x4096 píxeles dispuestos en un patrón cuadrado con una escala de placa de 2.32"/pix ('/pix = segundos de arco por pixel). Dos de los CCD estaban dedicados a la astrosismología, mientras que los dos restantes al programa exoplanetas. Las curvas de luz de las estrellas son producidas por el software a bordo que utiliza fotometría de apertura y posteriormente se transmiten a la Tierra cada 512 segundos. Este instrumento es clasificado como satélite de clase mini (630 kg), que se colocó en una órbita polar con una altitud de 896 km y un período de 6,714 s.

Al final, se recolectaron 163,000 curvas de luz, con más de 500 candidatos a tránsitos, de los cuales solo 34 (7%) fueron confirmados como planetas (Moutou et al., 2013). CoRoT tuvo contribuciones relevantes como el descubrimiento del primer exoplaneta de tipo rocoso el CoRoT-7b (Léger et al., 2009), el estudio de estructuras internas de estrellas y aportó algunas restricciones para las teorías de formación y evolución de sistemas planetarios.

¹ La asteroseismología estudia la estructura interna de las estrellas mediante la interpretación de sus espectros como ondas sísmicas.

I.2.2 HATNet y HATSouth

Los proyectos *Hungarian-made Automated Telescope Network* (HATNet) y *Hungarian-made Automated Telescope Network-South* (HATSouth) conforman una red de 13 telescopios distribuidos en 3 continentes, optimizados para la búsqueda de tránsitos de exoplanetas ((Bakos et al., 2002); Bakos et al. (2004); Bakos et al. (2013)).

Esta red de telescopios intenta detectar y caracterizar planetas extrasolares, utilizando telescopios pequeños totalmente automatizados, constituidos con cuatro telescopios f/2.8 de 0.18 m de diámetro en una montura común que cubren un área de ocho grados cuadrados en el cielo, usando cuatro cámaras con CCD's 4K con iluminación frontal y filtros *Sloan*, para obtener una escala de $3.7'$ /pix (minutos de arco por pixel). Como se mencionó anteriormente, las principales ventajas de los estudios de tránsito son los grandes campos que se pueden observar, lo que se traduce en un gran número de estrellas observadas simultáneamente, sin embargo, debido a las características ópticas de los telescopios, sus objetivos se limitan a estrellas brillantes (magnitud $V \leq 13$).

Para HATNet y HATSouth, en total, se han realizado observaciones de seguimiento para 3,200 de los 4,200 candidatos. Se tienen 140 objetos subestelares confirmados de los cuales 128 son exoplanetas, el más reciente publicado en diciembre del 2018 Bakos et al. (2018). Se concluyó que 2,300 son falsos positivos o falsas alarmas. Los candidatos restantes requieren más observaciones de seguimiento.

I.2.3 SuperWASP

El proyecto *Wide Angle Search for Planets* (SuperWASP) es una red de observadores internacionales dedicados a la búsqueda de exoplanetas, uno de los proyectos con telescopios terrestres líderes en el área con 185 exoplanetas confirmados (Pollacco et al., 2006). El proyecto utiliza dos telescopios robóticos ubicados en el Observatorio del Roque de los Muchachos en la isla de La Palma en las Islas Canarias (SuperWASP-North) y en el Observatorio Astronómico Sudafricano (SuperWASP-South), lo que permite observaciones en ambos hemisferios. SuperWASP-North y SuperWASP-South comenzaron con sus

actividades en 2003 y 2005 respectivamente, poco tiempo después se reportó el descubrimiento de dos planetas de 1.33 y $1.26 R_{Jup}$ (Cameron et al., 2007).

Tanto *SuperWASP-North* como *SuperWASP-South* poseen monturas ecuatoriales con 8 cámaras de campo amplio. Cada cámara está equipada con un CCD que consta de 2048x2048 pixeles, con un tamaño de $13.5 \mu m$. El campo de visión de cada cámara cubre un área de 64 grados cuadrados con una escala angular de $13.7' / \text{pix}$. Las cámaras observan campos extremadamente amplios, y el conjunto completo de 8 cámaras es capaz de monitorear hasta 480 grados cuadrados en el cielo, siendo considerablemente más grande que otros telescopios convencionales. Durante los primeros 6 meses de observaciones, el SuperWASP-North proporcionó más de 6.7 millones de curvas de luz para estrellas con $V \sim 7.5 - 15$ mag.

Los datos recopilados por las cámaras son automáticamente procesados por un pipeline, que incluye varios pasos. En el primer paso, el *pipeline* corrige las imágenes eliminando errores causados por el detector o defectos ópticos. Posteriormente, las imágenes se reducen, de forma convencional, al aplicar la calibración de *Bias master*, *Darks* y *Flats*, para cada noche de observación. La fotometría de apertura se utiliza para medir el flujo estelar y construir las curvas de luz de cada fuente individual que se logra identificar en los pasos anteriores. Finalmente, la detección de tránsitos periódicos se realiza aplicando el algoritmo Box Fitting Algorithm a las curvas de luz (Kovács et al., 2002). Para más detalles sobre la selección de candidatos, ver Collier Cameron et al. (2006).

I.2.4 Telescopio espacial *Kepler*

La misión Kepler es por mucho, el proyecto más exitoso dedicado a la búsqueda de exoplanetas por el método del tránsito Borucki et al. (2010). La misión fue diseñada con el objetivo de encontrar planetas rocosos, con masas y tamaños similares a la Tierra en la zona de habitabilidad. La misión se lanzó el 6 de marzo del 2009, tres años después se anunció el descubrimiento del primer planeta rocoso en la zona habitable *Kepler-22b* Borucki et al. (2012), un planeta con $2.4R_\oplus$ el cual se denominó como SuperTierra. Conforme avanzaba el proyecto, más descubrimientos importantes se anuncianaban, con esto,

nos dimos cuenta que los sistemas múltiples y planetas en la zona habitable son más comunes de lo que pensábamos.

La misión estaba diseñada para observar constantemente alrededor de 150,000 estrellas de secuencia principal con magnitudes menores a $V = 14$ mag en la misma región en el cielo, en la dirección de las constelaciones de *Cygnus*, *Lyra* y *Draco*. La sonda espacial *Kepler* está equipada con un telescopio Schmidt 24 de 0.95 m de apertura y un espejo primario de 1.4 m de diámetro. El detector consiste en una matriz de 42 CCD's que se leen cada 6 segundos para evitar la saturación. Cada CCD tiene un tamaño de 50x25 mm con 2200x1024 pixeles, cubriendo un área en el cielo de 105 grados cuadrados.

Los datos obtenidos se almacenaban en la sonda espacial y enviados a la Tierra cada mes. Los datos se recopilan en el Kepler Mission Science Operations Center y eran procesados mediante el pipeline de *Science Processing Pipeline* (Jenkins et al., 2010a), el cual consiste de distintos procesos: calibración de nivel, análisis fotométrico, extracción y corrección de curvas de luz, algoritmo de detección de tránsitos, selección de candidatos y validación de candidatos. Las curvas de luz se extraen mediante fotometría de apertura y posteriormente se corrigen eliminando las firmas correlacionadas con variables instrumentales, como los desplazamientos apuntado y los cambios de foco. Además, se eliminan los valores atípicos (outliers) y las discontinuidades causadas por los cambios de sensibilidad de pixeles. La detección de tránsitos periódicos se lleva a cabo mediante el *Transiting Planet Search (TPS)*, un algoritmo que realiza una estimación el espectro de potencia del ruido de observación en función del tiempo Jenkins et al. (2010b).

A lo largo de su operación se realizaron muchos descubrimientos importantes, como un sistema planetario orbitando una estrella gigante roja (Charpinet et al., 2011), *Kepler-47* un sistema de dos planetas, uno de ellos en la zona habitable que orbitan un sistema estelar binario (Orosz et al., 2012), *Kepler-90* un sistema de 8 planetas pequeños, todo el sistema es más pequeño que la órbita del planeta Tierra (Shallue and Vanderburg, 2018), el octavo planeta se confirmó utilizando un algoritmo de Deep Learning desarrollado por miembros de Google, y muchos más. El 30 de Octubre del 2018 la sonda quedó sin combustible y oficialmente el final del proyecto, esta se trasladó a una órbita segura. Después

de casi 10 años, se observaron cerca de 530,506 estrellas, 2662 planetas confirmados, 61 supernovas documentadas, 2878 estrellas binarias eclipsantes confirmadas y alrededor de 3000 publicaciones relacionadas con el proyecto, hacen del telescopio espacial Kepler el proyecto más exitoso en la historia de la búsqueda de nuevos planetas, gracias al cual, ahora sabemos que seguramente existen más planetas que estrellas en el universo.

I.2.5 Satélite *TESS*

El satélite *TESS* del inglés *Transiting Exoplanet Survey Satellite* es el sucesor del telescopio *Kepler*. El objetivo principal de *TESS* es detectar planetas pequeños en estrellas brillantes relativamente cercanas, utilizando el método del tránsito. La primera gran diferencia con *Kepler*, es que *TESS* realizará un monitoreo de aproximadamente el 90% de la bóveda celeste, con un alcance cerca de 200 años luz de distancia. La gran ventaja de esto, es que al estudiar principalmente estrellas brillantes, estas pueden ser observadas fácilmente por telescopios en tierra y otros telescopios espaciales.

Cuenta con 4 cámaras idénticas de campo amplio ($24^\circ \times 24^\circ$) cada una, lo que resulta en un campo de $24^\circ \times 96^\circ$ (un total de 3200 grados cuadrados) y un radio focal $f/1.4$. A su vez, cada cámara está equipada con lentes para prevenir la dispersión de la luz provenientes de la Tierra y la Luna y un arreglo de 4 CCD's de 4096x4094 pixeles con una escala angular de $21''/\text{pixel}$.

Los CCD's de las cámaras producen constantemente imágenes de 2 segundos de exposición, las cuales se combinan de 2 diferentes maneras. Primeramente se suman 900 imágenes para simular una exposición continua de 30 minutos del campo completo llamado *Full-Frame Images (FFIs)*, también se suman grupos de 60 imágenes como exposiciones de 2 minutos catalogadas como "*Postage Stamps*", las cuales son preprocesadas y recortadas en secciones de 10×10 pixeles centradas en estrellas de interés. Ricker et al. (2014).

El plan es que el proyecto tenga una duración de 2 años, en el cual se observe completamente el hemisferio sur el primer año y el hemisferio norte en el segundo. Se utiliza un método de apuntado denominado "*stop and stare*", lo que significa que observará un mismo campo completo ($24^\circ \times 96^\circ$) por una duración de 24 días, para después rotar 27.7° hacia el este y repetir el proceso de observación. Con esta estrategia se necesitarán un total de 26 sectores para cubrir el 90% del cielo (Schliegel, 2017).

TESS está enfocado en estrellas de tipo espectral F5 a M5, es decir estrellas relativamente pequeñas en las cuales es más sencillo encontrar planetas pequeños del tipo rocoso. *CoRoT* y *Kepler* tenían mayor precisión fotométrica capaz de detectar planetas más pequeños, sin embargo, la desventaja es que estos planetas no son viables para su estudio continuo debido al poco brillo de sus estrellas anfitrionas, en las cuales sería prácticamente imposible realizar estudios sobre sus propiedades atmosféricas (Sullivan et al., 2015).

El satélite fue lanzado el 18 de abril de 2018 y entró en completa operación el 25 de Julio del mismo año. Al momento de la escritura de este trabajo, *TESS* ha confirmado 37 nuevos planetas y se tienen alrededor de 1600 candidatos, entre ellos el primer planeta del tipo rocoso, en la zona de habitabilidad, con un radio de $1.22R_{\oplus}$ y una órbita de 37.42 días. Gilbert et al. (2020)

Se espera que en los 2 años de operación, la sonda *TESS* descubra alrededor de 20,000 planetas, con un estimado de 500 con un radio menor a $2R_{\oplus}$.

I.3 Proyecto TAOS II

El proyecto *Transneptunian Automated Occultation Survey* (TAOS II) es producto de la colaboración entre instituciones de Taiwán (ASIAA), Estados Unidos (CfA) y México (IA-UNAM). El proyecto contará con 3 telescopios robóticos, con un espejo primario de 1.3 m de diámetro cada uno. Cada telescopio tendrá instalada una cámara enfriada con helio y un detector de 80 Mpx controlado por 10 FPGAs (del inglés *Field Proframable Gate Array*). Con esto se podrán tomar imágenes a 20 fps de más de 10,000 estrellas simultáneamente Lehner et al. (2012).

El proyecto TAOS (2005-2011) es el precursor de TAOS II, el cual contaba con telescopios mas pequeños y cámaras menos rápidas. Se encuentra ubicado en el observatorio de Lulin en Taiwán, lugar donde sólo se dispone de menos de 100 noches de observación útiles por año, debido a la calidad del cielo (Lehner et al., 2010).

TAOS II, está ubicado en el Observatorio Astronómico Nacional en San Pedro Mártir (OAN-SPM) en Ensenada B.C., México, donde se tienen mas de 250 noches de observación al año, un cielo más oscuro, menor humedad y mejor *seeing*.

El objetivo principal es detectar occultaciones de estrellas, por objetos pequeños (~ 1 km de diámetro) del cinturón de Kuiper. Descubierto en 1992, el cinturón de Kuiper (Luu

and Jewitt, 2002) se encuentra más allá de Neptuno, en un rango aproximado de 30 a 50 UA (1 UA = 149.597×10^6 km). Está formado por un gran número de cuerpos del orden de 0.5 - 30 km de radio con una órbita heliocéntrica. El estudio de estos objetos, puede brindarnos la clave para el entendimiento de la formación del sistema solar, así como del origen de los objetos mas lejanos en el mismo, tales como cometas y objetos más allá de Neptuno (TNOs).

Estos eventos son muy raros, la probabilidad de observar una occultación estelar por objetos del cinturón de Kuiper es de 10×10^{-4} a 10×10^{-2} eventos/estrella/año y tienen una duración muy corta (~ 200 ms), debido a estos factores, se pretende monitorear una gran cantidad de estrellas simultáneamente a una alta cadencia, para así aumentar significativamente la probabilidad de detección de occultaciones. Los datos del proyecto generarán una base de datos enorme, alrededor de 5 PB (1 Petabyte= 1×10^{15} bytes), cuya infraestructura ya está siendo instalada en el Instituto de Astronomía de la UNAM en Ensenada (IA-UNAM).

La base de datos de TAOS II estará a la disposición de la comunidad científica involucrada en el proyecto, y estos podrían ser utilizados para múltiples propósitos, diferentes a los objetivos principales del proyecto. Este trabajo de tesis es uno de esos casos, donde se busca encontrar candidatos a exoplanetas utilizando las curvas de luz que generará el proyecto, implementando un pipeline de procesos para automatizar el análisis y la clasificación de los objetivos. A pesar de las complicaciones, esto puede ser un buen aporte en la comunidad científica que estudia exoplanetas. Los campos de observación de TAOS II serán de 2.3 grados cuadrados cerca de la eclíptica, donde se ha corroborado que no hay traslape con ninguno de los proyectos dedicados a búsqueda de exoplanetas a excepción de TESS.

I.4 Objetivos, hipótesis y estructura de la tesis

Debido a que la detección de exoplanetas no es el objetivo principal del proyecto, los datos presentan algunas complicaciones, ya que están optimizados para detectar eventos rápidos, en lugar de eventos de largo periodo como un tránsito exoplanetario. Por lo que las herramientas y metodologías convencionales para la identificación de tránsitos, no pueden emplearse exitosamente con los datos de TAOS II. El objetivo es tener una herramienta,

capaz de analizar las curvas de luz de la base de datos de TAOS II de manera automática y eficiente, identificando candidatos a tránsitos de exoplanetas, los cuales después se podrán estudiar a mayor profundidad por medio del seguimiento con otros telescopios.

La alta cadencia en las curvas de luz presenta dos principales problemas al querer identificar tránsitos de exoplanetas. Primeramente las curvas de luz contienen una componente de ruido considerable, la cual enmascara cualquier señal producida por un tránsito. Segundo, las curvas de luz tienen una duración de 2 horas, lo cual se traduce en 144,000 muestras, lo cual se vuelve computacionalmente costoso de analizar al momento de tener una gran base de datos (50,000 curvas de luz por día). Adicionalmente, hay muy pocas probabilidades de poder captar una señal de un tránsito completo en una sola curva de luz. Debido a esto esto las metodologías explicadas en capítulo II se basan en mejorar la señal a ruido (SNR) utilizando metodologías eficientes y en buscar solo ingresos o egresos de los posibles tránsitos.

En el capítulo III, se presentan las herramientas con las cuales evaluamos el desempeño del algoritmo para identificar posibles candidatos a tránsitos de exoplanetas, tales como datos observacionales, bases de datos simulados y las metodologías para el filtrado de ruido en curvas de luz de alta cadencia.

En el capítulo IV se presentan los resultados obtenidos al analizar los datos simulados y observacionales, siguiendo las metodologías planteadas en el capítulo III.

Finalmente en el capítulo V se presentan las conclusiones del trabajo.

CAPÍTULO II: MARCO TEÓRICO

II.1 Señales observadas por tránsitos de exoplanetas

Como se mencionó anteriormente, el método del tránsito es la técnica más popular y exitosa para descubrir nuevos planetas. Un tránsito ocurre cuando un exoplaneta está alineado de manera particular con la línea de observación ($i \sim 90^\circ$) y el planeta bloquea parte de la luz de la estrella, lo cual provoca una ligera disminución en su brillo. Como se muestra en la figura 2.1, si i disminuye el tránsito deja de ser visible por el observador, por lo que la probabilidad de observar un tránsito, está en función del ángulo de inclinación con respecto a la perpendicular de la línea de visión.

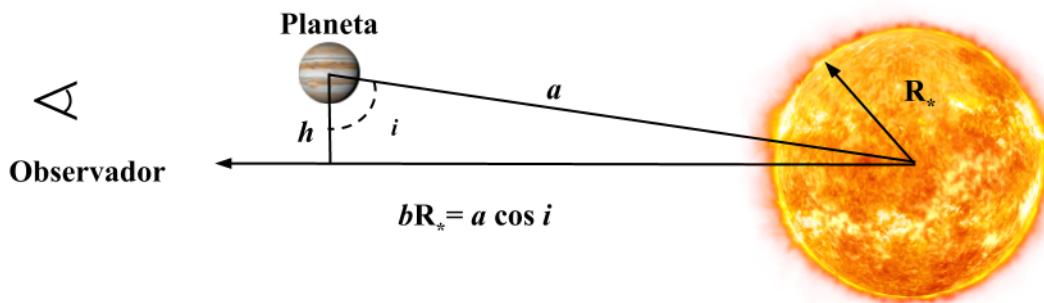


Figura 2.1: Esquema de un tránsito de exoplaneta observable. i representa la inclinación de la órbita, R_* es el radio de la estrella y b el parámetro de impacto.

II.1.1 Sistema general de ecuaciones

A partir de las señales observadas de tránsitos de exoplanetas, podemos calcular algunas de las propiedades físicas del sistema, teniendo en cuenta las siguientes suposiciones (para este trabajo):

- La órbita del planeta es circular ($\epsilon = 0$).

- La masa del planeta es despreciable comparada con la de la estrella anfitriona $M_p \ll M_*$.
- La relación masa-radio de la estrella es conocida.
- La luz proviene de una sola estrella.
- No se considerará el oscurecimiento al limbo (*Limb Darkening*).

Las primeras 3 suposiciones son aceptables para estrellas de secuencia principal, la gran mayoría de los sistemas planetarios cumplen con relaciones similares. Los planetas con períodos orbitales cortos (~ 5 días) tienen excentricidades cercanas a 0.

Bajo estas aproximaciones, podemos describir la curva de luz de un tránsito a partir de 4 ecuaciones. La primera (2.1) representa la profundidad del tránsito ΔF . El flujo total F de una estrella es proporcional a su superficie, el cambio en el flujo debido al tránsito se traduce en el cociente de las áreas de la estrella y el planeta transitando frente a esta.

$$\frac{\Delta F}{F} = \left(\frac{R_*}{R_p} \right)^2; \quad (2.1)$$

De esta relación podemos claramente ver que si conocemos el radio de la estrella R_* , podemos entonces calcular el radio del planeta R_p . También esta es la razón por la cual el proyecto *TESS* se enfoca en estrellas pequeñas, porque de esta manera es más sencillo medir ΔF provocados por planetas más pequeños.

La duración total del tránsito t_T está definida por sus parámetros orbitales y el radio estelar.

$$t_T = \frac{P}{\pi} \arcsin \left(\frac{R_*}{a} \left[\frac{\left(1 + \frac{R_p}{R_*} \right)^2 - \left(\frac{a}{R_*} \cos i \right)^2}{1 - \cos^2 i} \right]^{1/2} \right); \quad (2.2)$$

esta relación se puede reducir a:

$$t_T = \frac{P}{\pi} \sqrt{\left(\frac{R_*}{a} \right)^2 - \cos^2 i}; \quad (2.3)$$

solo considerando que $a \gg R_* \gg R_p$ (Winn, 2010), donde P es el periodo orbital dado por la tercera ley de Kepler 2.4, a es el semi-eje e i la inclinación de la órbita. Usando i , podemos definir $b = \frac{a}{R_*} \cos i$ conocido como parámetro de impacto, el cual es comúnmente más utilizado para cuantificar la inclinación de la órbita. El periodo orbital se define como:

$$P = \sqrt{\frac{4\pi^2 a^3}{GM_*}}; \quad (2.4)$$

donde G es la constante de la gravitación universal ($G = 6.674 \times 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2}$), y M_* la masa de la estrella.

El tiempo total t_T puede desglosarse en 2 diferentes procesos. El tiempo de que le toma al planeta estar completamente sobre el disco solar, el cual denotaremos como t_c y la parte “plana” del tránsito t_F , donde:

$$t_T = 2t_c + t_F; \quad (2.5)$$

Por último, la relación masa-radio, por ejemplo $R_* = kM_*^x$ ($x \sim 0.8$ para estrellas de secuencia principal del tipo espectral F-K), y k una constante el cual su valor depende del tipo estelar de la estrella y su edad (Allen and Cox, 2001).

Utilizando la información contenida en las curvas de luz de tránsitos, podemos calcular cantidades físicas como el radio del planeta R_p y el periodo orbital P . El radio del planeta R_p se obtiene midiendo en la variación del flujo ΔF proveniente de la estrella eclipsada (2.1). El periodo orbital P si se tienen múltiples observaciones del tránsito en diferentes épocas. Para los demás parámetros orbitales se necesita información complementaria de la dinámica de los cuerpos, normalmente obtenida mediante la técnica de velocidad radial. Es por este motivo que para la confirmación de un exoplaneta, este debe ser detectado por un mínimo de 2 técnicas diferentes.

II.1.2 Efecto del oscurecimiento del limbo en las curvas de luz

Las ecuaciones de la subsección anterior y sus soluciones no consideran el oscurecimiento del limbo el cual denotaremos como LD (por sus siglas en inglés).

Es posible incorporar el efecto del LD a la descripción matemática del tránsito, incorporando un modelo en el cual el brillo de la estrella varía en función de la distancia a su

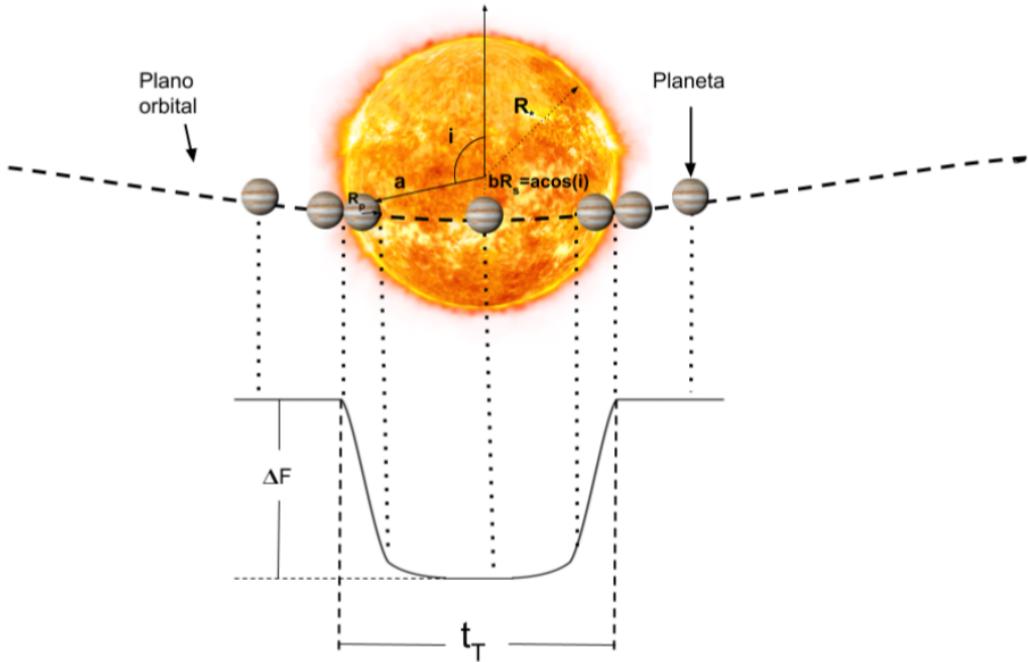


Figura 2.2: Proceso que ocurre durante un tránsito planetario. La curva en la parte inferior representa el flujo de la estrella medida por el observador, i representa la inclinación de la órbita, R_* es el radio de la estrella, R_p el radio del planeta, ΔF es el cambio en el flujo visto por el observador, t_T es la duración total del tránsito y b el parámetro de impacto.

centro. Esto puede provocar que la profundidad del tránsito ΔF se vea afectada, a su vez, se pierde claridad de cuando ocurre el principio/final del eclipse. En el trabajo de Mandel and Agol (2002) se muestra la solución analítica de la forma del tránsito, e incorporan el efecto del LD utilizando 3 distintos modelos. En la figura 2.3 podemos observar curvas de luz de tránsitos simulados a partir de las ecuaciones propuestas por Mandel and Agol (2002).

Para los propósitos de este trabajo, el modelo de LD que se utilice no es importante, debido a que, para la detección del tránsito, solamente buscamos detectar el cambio en el flujo ΔF independientemente de la forma de la curva de luz. El modelo de reconocimiento utilizado y descrito más adelante (véase III.6.1) es equivalente a una curva de luz con un

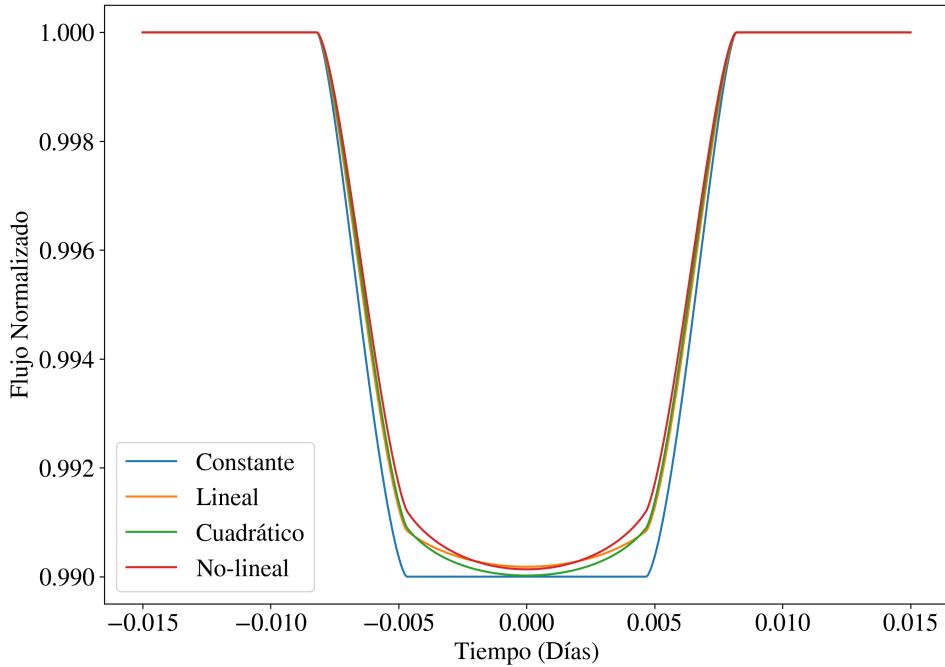


Figura 2.3: Efecto del oscurecimiento del limbo (LD) en curvas de luz de tránsitos simulados. Se muestran 3 modelos distintos, en azul tenemos LD constante, en naranja un modelo lineal, en verde un modelo cuadrático y en rojo un modelo no-lineal. **Aquí valdría la pena agregar una curva que no considere el LD...**

LD constante.

II.1.3 Falsos positivos en la búsqueda de tránsitos

Los grandes proyectos como *TESS* y *Kepler*, observan miles, incluso cientos de miles de estrellas de manera simultánea, esto aumenta significativamente la probabilidad de encontrar sistemas planetarios, cuyo plano orbital se encuentra lo suficientemente alineado con la linea de visión ($i \sim 90^\circ$), para poder observar un tránsito exoplanetario (véase Fig 2.1). Por lo general, los datos recolectados por estos grandes proyectos, son preprocesados de manera automática, y se archivan las curvas de luz de interés en las cuales se observan algunas características similares a las que tendría un tránsito real. En el caso de *Kepler*, la estrella se cataloga como *Kepler Object of Interest (KOI)*, sin embargo, un porcentaje

de estos objetos de interés no son realmente planetas. Las posibles detecciones fallidas se dividen en dos grupos: falsos positivos y falsas alarmas.

Los falsos positivos ocurren cuando tenemos curvas de luz que parecen ser producidas por un tránsito de exoplanetas pero no lo son. Por ejemplo, para el telescopio espacial *Kepler* se estima que cerca del 10 % de todos los candidatos son falsos positivos (Fressin et al., 2013). Los dos casos más comunes son lo siguientes:

- **Estrellas binarias eclipsantes:** son eventos muy similares a los tránsitos, la diferencia es que una estrella es eclipsada por otra estrella compañera. En algunos casos es evidente a simple vista, que la curva de luz no tiene la forma que produciría un planeta. Sin embargo, algunas veces la caída del brillo puede ser muy similar a la producida por un tránsito exoplanetario. Estos falsos positivos son descartados después de un análisis más detallado de la curva de luz, al observar la forma y profundidad del tránsito secundario o analizando las variaciones de fase (Bryson et al., 2017).
- **Binarias eclipsantes o tránsitos de fondo:** ocurren cuando ya sea un sistema binario eclipsante o un tránsito sucede en una estrella que ocupan el mismo espacio en el cielo nocturno, es decir objetos que están tan cerca en el plano del cielo que parecen ser un solo objetivo. Este fenómeno es un caso particular del primer falso positivo más común.

Algunas veces también se observan falsas alarmas, las cuales son curvas de luz con variaciones en el flujo que no son debidas a ningún tipo de tránsito. Pueden ser causadas por variabilidad estelar, condiciones atmosféricas para el caso de telescopios terrestres y/o fallas instrumentales.

II.2 Observación convencional de tránsitos de exoplanetas

Los proyectos dedicados a la detección de tránsitos de exoplanetas (véase I.2), forman parte de los más exitosos proyectos en el área. Todos ellos observan estrellas utilizando prácticamente los mismos principios en cuanto a tiempos de exposición de las imágenes obtenidas, y reducción de las mismas en curvas de luz para su análisis.

Para detectar exitosamente un tránsito exoplanetario, se necesita medir con precisión el flujo proveniente de su estrella anfitriona. Por ejemplo, el tránsito de Júpiter frente a al Sol, provoca una caída en el flujo de $\sim 1\%$. Es por esto que se necesitan técnicas fotométricas para aumentar la precisión de la curva de luz. Debido a este mismo motivo, se vuelve complicado detectar planetas más pequeños desde telescopios en Tierra.

Por lo general, se utilizan tiempos de exposición de (30s - 120s), dependiendo de la magnitud de la estrella observada. Cuando el planeta es suficientemente grande, y se tiene una buena SNR (del inglés *Signal to Noise Ratio*) se puede observar a simple vista el tránsito en la curva de luz, en la 2.4, se muestra un ejemplo de una curva de luz del exoplaneta XO-3 (Johns-Krull et al., 2008) utilizando 30 segundos de exposición tomada desde el telescopio de 84 cm en el Observatorio Astronómico Nacional (OAN-SPM) el 21 de octubre del 2016, en la cual se puede apreciar el tránsito sin ningún post-procesamiento en la curva de luz.

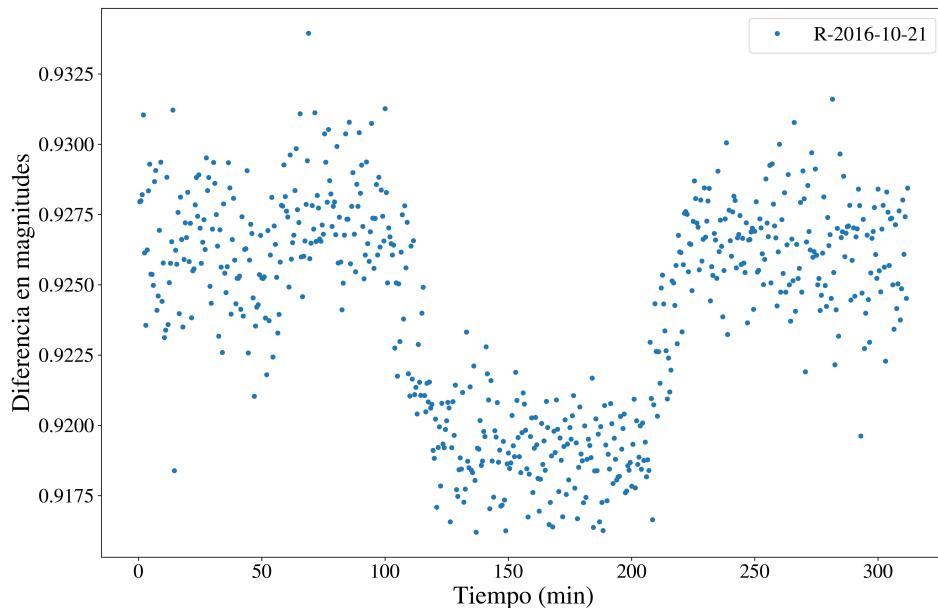


Figura 2.4: Curva de luz de XO-3, tomada con el filtro R de Johnson en el telescopio de 84 cm en el Observatorio Astronómico Nacional (OAN-SPM) el 21 de octubre del 2016.

II.3 Reducción de imágenes en curvas de luz

Como mencionamos en la sección anterior, necesitamos medir con precisión el flujo F_λ recibido de las estrellas. Es decir, medir la energía por segundo, por unidad de área, **por unidad de longitud de onda, POR QUÉ LONGITUD DE ONDA??:**

$$F_\lambda = W s^{-1} m^{-2} nm^{-1}. \quad (2.6)$$

Para esto, utilizamos cámaras equipadas con CCD's (*Couple Charge Detectors*) los cuales son un conjunto de “chips”, generalmente de silicio muy sensibles a la luz. Cada CCD está conformado por una matriz de estos “chips”, mejor conocidos como pixeles (para mayor detalle sobre su funcionamiento véase Mortara and Fowler (1981)).

Estos dispositivos en combinación con grandes telescopios, nos brindan imágenes de alta calidad. Por lo general, en astronomía se utilizan CCD's monocromáticos debido a que son más sensibles y puede hacerse mejor ciencia con ellos, a diferencia de los CCD's a colores, como las cámaras comerciales para fotografía convencional. Como consecuencia de esto, con la fotometría convencional medimos la intensidad del flujo integrado F que se define como:

$$F = \int_0^{\text{ínf}} F_\lambda d\lambda \quad (2.7)$$

Sin embargo, el detector es sensible a un rango finito del espectro electromagnético.

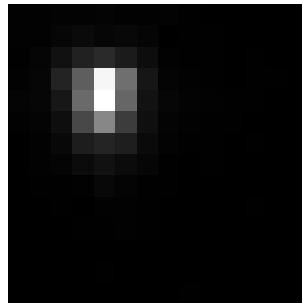


Figura 2.5: Ejemplo de la imagen de una estrella estudiada en este trabajo, obtenida con una cámara rápida IXON en el telescopio de 84 cm en el OAN-SPM.

Sin embargo, las imágenes por si solas no son muy útiles cuando se quiere calcular propiedades físicas de los objetos observados, es por eso que necesitamos procesarlas para

extraer información de ellas. En este trabajo, estudiamos las estrellas mediante curvas de luz, que son la medida del flujo F durante intervalos de tiempo regulares, las cuales se obtienen mediante un procesado denominado fotometría. Existen distintas metodologías dependiendo del objeto que se esté estudiando, en las subsecciones (II.3.2) y (II.3.3) se explican 2 de ellas.

II.3.1 Preprocesamiento de imágenes

El preprocesado de las imágenes de ciencia nos ayuda a tener mejores resultados después de la fotometría, este proceso limpia las imágenes de variaciones sistemáticas, aberraciones del espejo, ruido electrónico, entre otras. Para esto, es necesario contar con imágenes de calibración comumente llamadas *bias*, *darks* y *flats*, las cuales describiremos a continuación:

- bias: estas imágenes son resultado de la lectura del CCD, sin exponer el detector a la radiación. Es decir una imagen tomada con cero segundos de exposición. Estas imágenes contienen información sobre el ruido electrónico y el ruido de lectura del CCD.
- darks: estas imágenes resultan de integrar el CCD t segundos de integración, pero de igual manera que los *bias*, sin exponer el detector a ningún tipo de radiación externa. Se recomienda que los *darks* y las imágenes de ciencia tengan el mismo tiempo de exposición t .
- flats: estas imágenes resultan de exponer todo el detector a una fuente brillante uniforme. Se busca que todo el detector este sometido a un nivel de radiación similar al objetivo que se va a estudiar. Esto nos ayuda a detectar y corregir las irregularidades en las imágenes por el detector mismo, la óptica del telescopio, polvo, etc. Existen diversas maneras de tomar *flats*, para más detalle véase Chromey (1996).

Es necesario contar con un conjunto de imágenes de calibración, de 20 a 40, para cada una de las mencionadas anteriormente. Para el tratamiento matemático con estas imágenes, denotaremos a los *bias*, *darks* y *flats* como $B_t(x, y)$, $D_t(x, y)$ y $F_t(x, y)$ respectivamente.

El primer paso en el preprocesamiento es obtener las "*master images*" de cada conjunto. El *bias master* $B_{master}(x, y)$ se obtiene al calcular la mediana por pixel de todo el conjunto de *bias*

$$B_{master}(x, y) = \text{Mdn} [B_t(x, y)]. \quad (2.8)$$

Para calcular el *dark master* $D_{master}(x, y)$, restamos el *bias master* al conjunto de *darks* y se calcula la mediana del resultado:

$$D_{master}(x, y) = \text{Mdn} [D_t(x, y) - B_{master}(x, y)]. \quad (2.9)$$

Para calcular el *flat master* $F_{master}(x, y)$, primero restamos el *bias master* al conjunto de *flats* y normalizamos a 1 el resultado:

$$F_t^{norm}(x, y) = \text{Norm} [F_t(x, y) - B_{master}(x, y)], \quad (2.10)$$

donde *Norm* representa:

$$\text{Norm} [I_t(x, y)] = \frac{I_t(x, y)}{\frac{1}{m * n} \sum_{x=0}^m \sum_{y=0}^n I_t(x, y)}. \quad (2.11)$$

Después, calculamos la mediana de $F_t^{norm}(x, y)$ y normalizamos nuevamente para obtener $F_{master}(x, y)$:

$$F_{master}(x, y) = \text{Norm} [\text{Mdn} (F_t^{norm}(x, y))]. \quad (2.12)$$

Finalmente, utilizamos estas *master images* para limpiar las imágenes de ciencia $O_t(x, y)$:

$$R_t(x, y) = \frac{O_t(x, y) - B_{master}(x, y) - D_{master}(x, y)}{F_{master}(x, y)}. \quad (2.13)$$

II.3.2 Fotometría rápida

La fotometría se encarga de integrar el flujo F_λ medido con ayuda del CCD. Con la imagen de una estrella como la que se muestra en la Figura 2.2, se puede obtener una

curva de luz mediante la fotometría rápida. Este proceso se realiza tanto como para curvas de luz, como para espectroscopía.

Cada pixel en la imagen tiene asociado un valor comúnmente denominado como “cuentas”, este valor representa el número de electrones producidos en ese pixel durante el proceso de captura de fotones. Un CCD ideal, es uno que por cada fotón produce un electrón, los CCD’s de la actualidad están cerca de este límite.

La fotometría rápida consiste en sumar las “cuentas” de cada pixel (x_i, y_i) , de $R_t(x, y)$, donde i va de 1 hasta N , donde N es el número de pixeles en cada eje de la imagen ciencia y t es el número de imágenes. En este caso consideraremos el caso con imágenes simétricas, donde el número de pixeles en el eje x (N_x), y en el eje y (N_y) son iguales $N_x = N_y = N$.

$$F_t = \sum_{x_i}^N \sum_{y_i}^N R_t(x_i, y_i), \quad i = 1, \dots, N; \quad (2.14)$$

La integración de cada imagen produce un solo valor F_t en la curva de luz (Romanishin, 2006). Por ejemplo, la 2.4 fue obtenida mediante la fotometría de 624 imágenes de una región de 7x7 pixeles. Este procesado de las imágenes puede realizarse utilizando distintas metodologías. Como su nombre lo indica, la fotometría rápida toma poco tiempo generar la curva de luz y es muy útil para análisis in situ, sin embargo, no permite observar variaciones pequeñas de flujo, pues regularmente el ruido en las imágenes es suficientemente grande para enmascarar dicha señal. En este trabajo, las curvas de luz fueron obtenidas utilizando la metodología de fotometría de apertura diferencial.

II.3.1 Fotometría de apertura

Con el fin de mejorar la SNR en la curva de luz resultante de la fotometría, este proceso se mejora realizando lo que se conoce como fotometría de apertura, lo cual consiste en utilizar aperturas circulares para integrar el flujo de la estrella, y además se resta la contribución debido al cielo, aunque en fotometría de alta cadencia, la contribución del cielo es prácticamente nula.

Primeramente definimos 2 máscaras circulares centradas en las coordenadas (x_c, y_c) del centroide C_t de la estrella. El anillo formado por los círculos azules de la 2.6, se utiliza para restar la contribución del flujo debido al cielo (S_t), siendo D_t el círculo exterior y

A_t el interior. La apertura de medición M_t mostrada con un círculo rojo en la Figura 2.3 contiene información tanto de la estrella como del cielo ($F_t + S_t$) con F_t el flujo de la estrella, de la imagen t .

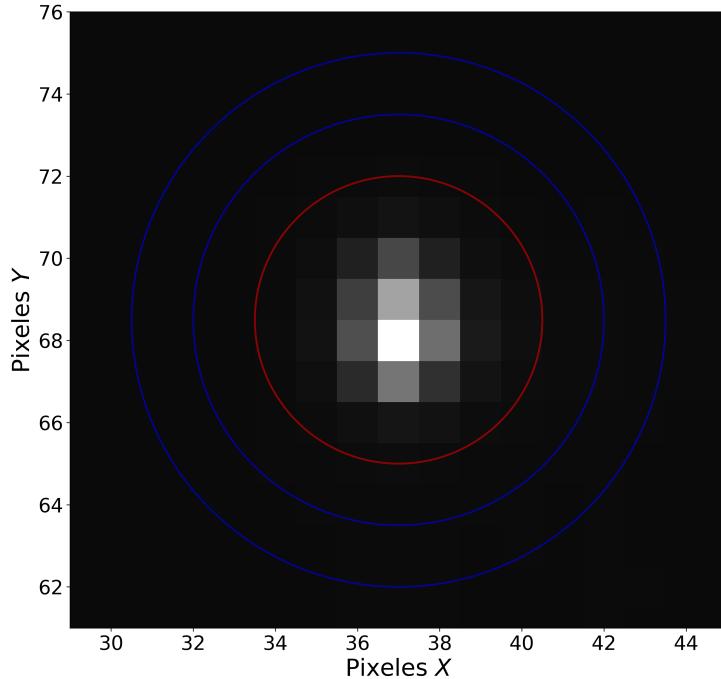


Figura 2.6: Ejemplo de aperturas circulares para realizar fotometría de HAT-P-37B. El anillo formado por las circunferencias en azul se utiliza para calcular la contribución del flujo debido al cielo.
usar colores de mejor contraste para el anillo y etiquetar/resaltar las áreas correspondientes

Denotaremos el área entre D_t y A_t como $\text{Area}_{D_t-A_t}$, esta área en conjunto con S_t se puede calcular la contribución del flujo debido al cielo por unidad de área S_t^{Area} .

$$S_t^{\text{Area}} = \frac{S_t}{\text{Area}_{D_t-A_t}}; \quad (2.15)$$

El brillo del cielo por unidad de área S_t^{Area} multiplicado por el área de M_t denotada como Area_{M_t} nos da la contribución del cielo dentro de M_t , es decir **esta ecuación no está**

clara, contiene el término F_t dentro y no describe bien el proceso, que debe ser así... se obtiene la mediana o la media del flujo del área del anillo para obtener el valor por pixel, que luego se multiplica por el área del círculo central para obtener la contribución del cielo... Tienes que definir cada uno de los términos con palabras y en la figura:

$$F_t = F_t + S_t - (S_t^{Area} \times Area_{M_t}); \quad (2.16)$$

Con esta metodología podemos obtener F_t libre de contribución del cielo. Este proceso se repite para las t imágenes. Si existe movimiento de la estrella debido a perturbaciones atmosféricas, o mal guiado, el centroide C_t se recalcula en cada imagen.

II.3.2 Fotometría diferencial

Si en el campo de observación hay N estrellas, denotaremos la curva de luz de ellas como F^i con $i = 1, \dots, N$. La curva de luz de una estrella por fotometría diferencial F_{Diff}^i se calcula utilizando F^i y el flujo de una estrella compañera F^j , ambas obtenidas mediante fotometría de apertura.

$$F_{Diff}^i = \frac{F^i}{F^j}; \quad (2.17)$$

Idealmente, estas estrellas deben tener una magnitud similar ($\pm 10\%$) y estar cerca de una de otra (< 3 arcmin) para que la contribución debido a la atmósfera sea comparable.

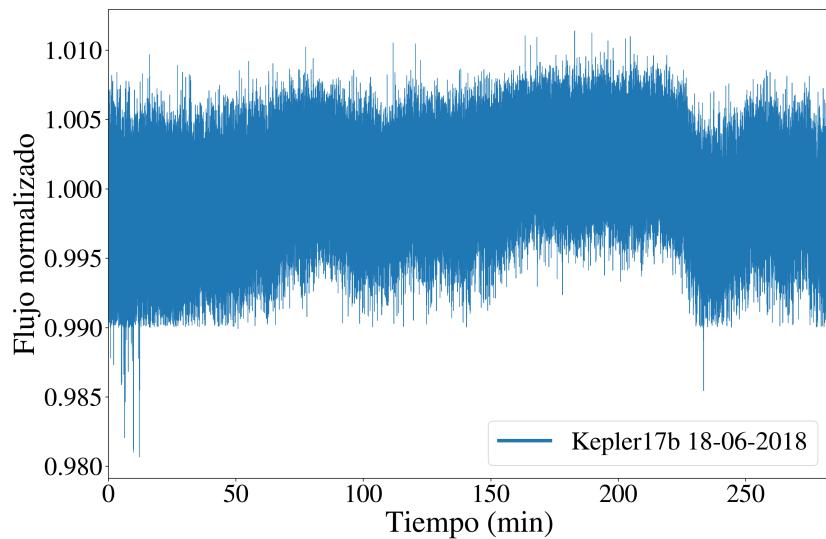


Figura 2.7: Curva de luz de alta cadencia de Kepler17b obtenida mediante fotometría de apertura. La observación de Kepler17b se realizó en el sitio 2 de TAOS II, utilizando una cámara *Zyla* de Andor. Esta curva de luz se obtuvo utilizando APPHi véase (sección III.4.1).

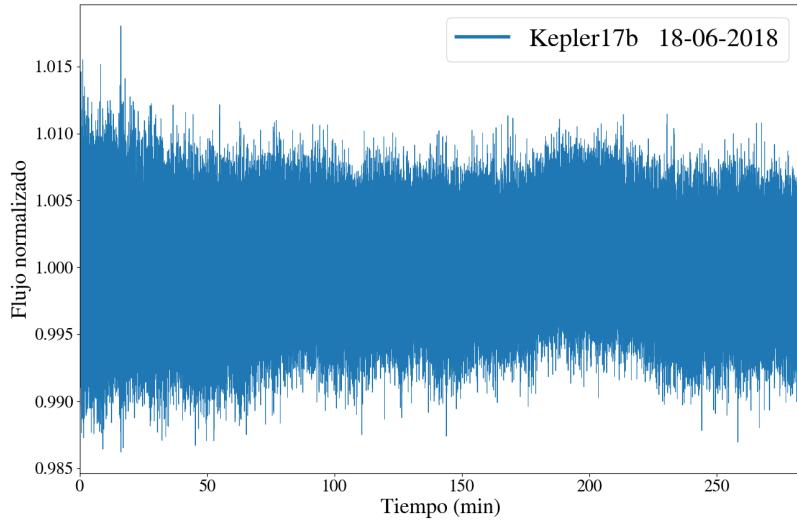


Figura 2.8: Curva de luz de alta cadencia de Kepler17b obtenida mediante fotometría diferencial. La observación de Kepler17b se realizó en el sitio 2 de TAOS II, utilizando una cámara *Zyla* de Andor. Esta curva de luz se obtuvo utilizando APPHi véase (sección III.4.1).

II.4 Análisis de ruido en series de tiempo

El análisis de las series de tiempo se basa en suponer que el flujo observado en la curva de luz de la estrella que se está estudiando (F_t^{obs}), está compuesto a partir de la contribución de distintos fenómenos:

$$F_t^{obs} = F_t \times R_t; \quad (2.18)$$

donde $F-t$ es el flujo real de la estrella, sin ningún tipo de contribución debido a la atmósfera o el instrumento de medición. Todas estas contribuciones que añaden ruido al flujo observado están representadas por R_t . A su vez, R_t está conformado por ruido de alta o baja frecuencia.

Las componentes de baja frecuencia se conocen como “tendencias”, se define como un cambio suave del flujo en la curva de luz a largo plazo que afecta a todas las estrellas del campo en forma similar. Generalmente provocadas por condiciones climáticas como la masa de aire, la cual cambia lentamente en unas horas de observación. Otras variables

climáticas como densidad del aire, presión y cantidad de agua en la atmósfera cambian más rápidamente, en escalas de tiempo de minutos. Las componentes de alta frecuencia se deben principalmente a ruido electrónico al momento de la lectura del CCD y a la aberraciones del frente de onda causados por la atmósfera. Tiempos de exposición largos ($T_{exp} \sim 100s$) disminuyen la contribución del ruido de lectura, sin embargo en este trabajo nos enfocaremos en estudiar curvas de luz de alta cadencia ($T_{exp} < 1s$), por lo tanto, la imagen se lee mas veces por unidad de tiempo, lo cual incrementa en esa misma medida el ruido electrónico (**aquí puede quedar nuestro paper de efectos atmosféricos, no tardan en publicarlo**).

Estos fenómenos representados en R_t , afectan la curva de luz creando un ruido aleatorio, el cual puede tener diferentes distribuciones estadísticas como Gaussiana o de Poisson o una convolución de estas distribuciones Luisier et al. (2010).

Entender el comportamiento de cada componente es importante cuando se desea realizar un análisis numérico, debido a que si se desea simular una curva de luz, esta debe contener la suma de las distintas componentes que conforman una señal real (véase sección II.2). Para el caso de las curvas de luz, estas componentes son catalogadas como tipos de ruido. Como se mencionó anteriormente, el ruido en las curvas de luz, cambia de manera significativa dependiendo de la cadencia de adquisición.

Los tipos de ruido que están presentes en todas las curvas de luz, son el ruido instrumental, el producido por la masa de aire y el causado por las condiciones climáticas. Estos tipos de ruido afectan por igual a las imágenes de alta y baja cadencia, y el tratamiento estadístico utilizado para eliminarlo es el mismo en ambos tipos de curvas. Sin embargo, el ruido en las curvas de luz de alta cadencia, es mucho mas notable que en las de baja cadencia. Esto se debe a que el tiempo de exposición es corto, por lo tanto se captan menos fotones provenientes de la estrella, y la magnitud del ruido de lectura puede llegar a ser comparable con la de la estrella. Esto provoca que la señal de un tránsito en la estrella F^t se vea ocultada por el ruido R_t Pont et al. (2006). Para cuantificar la contribución del ruido, calculamos el coeficiente de señal a ruido (SNR):

$$SNR = \frac{\bar{F}_t^{obs}}{\sigma}; \quad (2.19)$$

donde \bar{F}_t^{obs} es la media aritmética de la curva de luz y σ su desviación estándar.

Por otra parte, analizar el espectro de frecuencias de la serie de tiempo, nos puede dar

información sobre las distintas componentes de ruido como veremos a continuación.

II.5 Transformada de Fourier para estudiar series de tiempo

Dentro del estudio de las series de tiempo, una herramienta matemática fundamental es la transformada de Fourier (FT), definida de manera analítica como:

$$\mathcal{F}(\omega) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{i\omega t} dt; \quad (2.20)$$

donde $\mathcal{F}(\omega)$ es la transformada de Fourier de $f(t)$. Sin embargo, al trabajar con series de tiempo numéricas haremos uso de la transformada de Fourier discreta (DFT):

$$\mathcal{F}_{\omega} = \sum_{n=0}^{N-1} F_t e^{-\frac{i2\pi}{N}\omega t}; \quad (2.21)$$

de la ec. 2.13 podemos observar que es necesario realizar N multiplicaciones y N sumas, lo que resulta en N^2 operaciones. El método más usual de calcular una transformada de Fourier Discreta es utilizar el algoritmo conocido como *Fast Fourier Transform* (FFT). Como su nombre lo indica, es una manera de calcular la transformada más eficientemente, lo cual es útil cuando analizamos una gran cantidad de datos y/o N es grande. En la FFT se reduce el número de operaciones a $N \log_2 N$ (Cooley and Tukey, 1965).

Esta transformada integral, nos ayuda a convertir una serie de tiempo F_t , a una serie de frecuencias \mathcal{F}_{ω} , también llamado *espectro de frecuencias*. Las variaciones sistemáticas en la serie de tiempo F_t provocan “picos” en el espectro de frecuencias, identificar estas componentes de frecuencia nos ayuda a visualizar las diferentes contribuciones de ruido a la curva de luz.

En la figura 2.6 podemos apreciar una curva de luz de alta cadencia y su respectivo espectro de frecuencias. Como podemos observar, se aprecia una importante componente de bajas frecuencias debido a las tendencias en la curva de luz, provocadas por variables atmosféricas. Es por eso que en este trabajo se modeló el ruido de una manera en la que el ruido simulado tenga componentes que observamos en curvas de luz reales (véase III.2.2), a diferencia de simplemente añadir un ruido con distribución gaussiana (ruido blanco) el cual tiene un espectro de frecuencias plano.

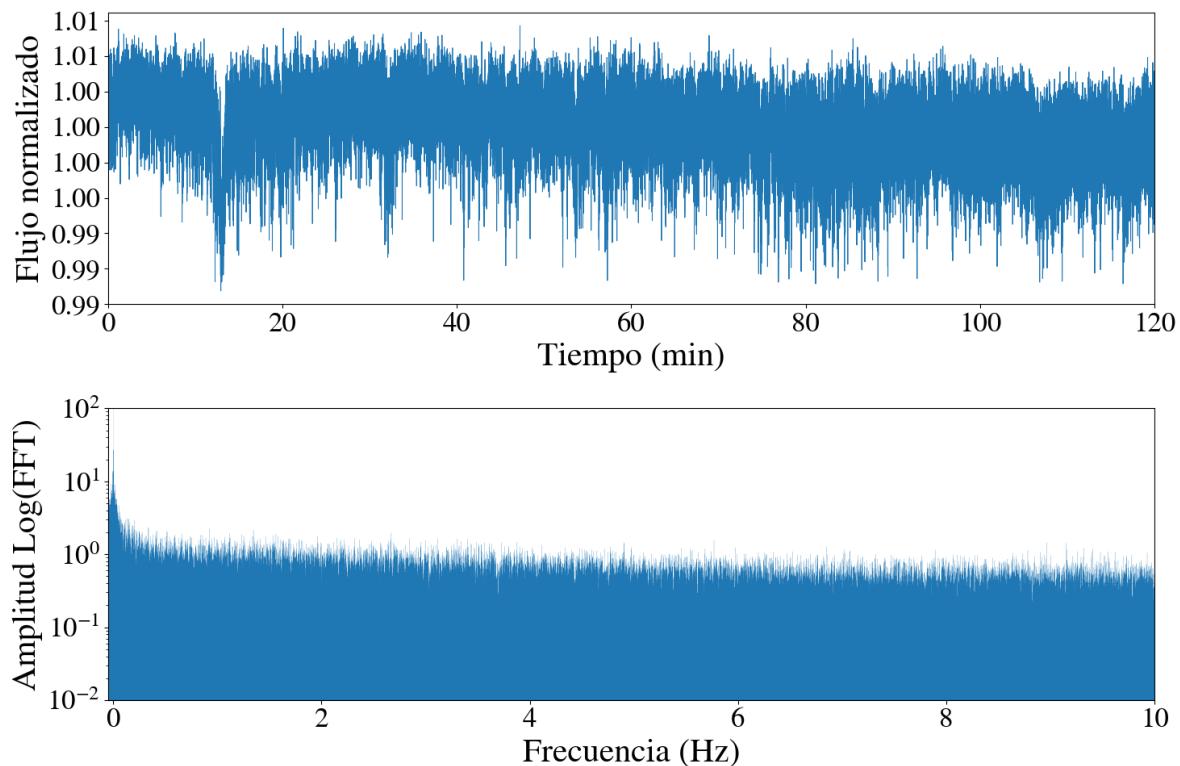


Figura 2.9: Arriba: Curva de luz de alta cadencia de HAT-p-14b, tomada a 20Hz, con el telescopio de 84cm del OAN. Abajo: mostramos su espectro de frecuencias (FFT), con la amplitud en escala logarítmica para mejorar la visualización.

En este trabajo se utilizó el análisis de Fourier para encontrar las componentes del ruido y limpiar la curva de luz con una metodología ágil y rápida Kosarev and Pantos (1983), Brault and White (1971). U

II.6 Análisis de componentes principales

Para toda matriz A con dimensiones $m \times n$, su descomposición en valores singulares ó SVD (del inglés *Singular Value Decomposition*) es:

$$A = U\Sigma V^T; \quad (2.22)$$

donde:

- U es llamado *vector singular* y es ortogonal ($UU^T = I$),
- Σ está compuesta por los valores singulares de U y es diagonal no negativa,
- V es también un *vector singular* y es ortogonal ($VV^T = I$).

Si multiplicamos la ecuación 2.14 por su transpuesta tenemos:

$$AA^T = U\Sigma V^T V\Sigma U^T = U\Sigma^2 U^T; \quad (2.23)$$

el resultado es el conocido teorema de diagonalización para matrices simétricas que dice: *Sea S una matriz cuadrada de $M \times M$ con M eigenvectores linealmente independientes, entonces existe una descomposición simétrica tal que:*

$$S = Q\Lambda Q^T;$$

donde las columnas de Q son los eigenvectores normalizados de S , y Λ es la matriz diagonal con los eigenvalores de S .

El significado matemático de la SVD, depende de la forma de A . Normalmente A con dimensiones $m \times n$ está compuesta por los datos, donde m es el número de muestras y n el número de variables. Los *vectores singulares* U , son también conocidos como *ejes principales* y la proyección de los datos A sobre estos ejes principales son llamados *componentes*

principales (P_{comp}), es decir ($P_{comp} = AU$), de ahí el nombre de análisis de componentes principales ó PCA (del inglés *Principal Component Analysis*).

Esta descomposición es utilizada para la extracción de características y disminuir la dimensionalidad de los datos que se estén analizando (McGurk et al. (2010); Medeiros et al. (2018)). En este trabajo se utilizan las componentes principales para limpiar la curva de luz del ruido sistemático (Shin et al. (1999); Bailey (2012)).

CAPÍTULO III: METODOLOGÍA

En este capítulo se expone la metodología seguida para la obtención de los resultados de este trabajo, además de los conocimientos teóricos básicos y las herramientas numéricas para el análisis de los datos obtenidos.

III.1 Datos observacionales, estudios preparatorios para TAOS II

Este trabajo está pensado para llevarse acabo con datos del proyecto TAOS II, cuando entre en completo funcionamiento. Como parte de este trabajo de tesis, se realizaron observaciones de tránsitos de exoplanetas a una cadencia de 20 fps **y escala de placa de 0.61'/pix**, es decir, bajo las mismas condiciones que se tendrán en TAOS II Lehner et al. (2012). Todo esto con el fin, de que cuando el proyecto comience, se tengan las herramientas y metodología para analizar los datos.

Hay que destacar que TAOS II, como ya se mencionó antes, tendrá curvas de luz de 2 horas de duración por campo de observación, esto para observar con la menor masa de aire posible. Debido a esto será muy difícil observar un tránsito completo, se espera observar la entrada o la salida del exoplaneta frente al disco estelar.

A una cadencia de 20 fps, esto se traduce en curvas con $N = 144,000$ muestras. Además, por campo de observación se espera observar alrededor de 10,000 estrellas simultáneamente **en tres telescopios....ESTO ES ALGO QUE VALE LA PENA MENCIONAR PARA DESCARTAR FALSOS POSITIVOS, ES ALGO DE LO QUE NO HEMOS HABLADO PERO ES MUY IMPORTANTE**. Por este motivo, los análisis y la metodología presentadas en este trabajo, se enfocan en detectar las firmas de tránsitos de exoplanetas de la manera más eficiente posible. **Aunque por su naturaleza los datos de TAOS II no presentan ventajas fométricas para la detección de tránsitos por exoplanetas, el hecho de que este proyecto cuente con tres telescopios que estarán observando las mismas estrellas a la vez, constituye una gran ventaja para descartar falsos positivos.**

III.1.1 Telescopio e instrumentos en la temporada de observación

La mayoría de las observaciones se realizaron en el telescopio de 84 cm en el OAN-SPM (Figura 3.1). Utilizando la rueda de filtros MEXMAN, este instrumento permite intercambiar el filtro que se antepone al detector. En total se cuenta con dos ruedas de filtros con 8 posiciones, lo cual resulta en 14 filtros en total (dos posiciones están normalmente vacías).

Como detector se utilizaron dos cámaras en distintas temporadas. La primera de ellas fue del 1 al 6 de agosto del 2016, usando una cámara rápida iXon Ultra 888 de la marca ANDOR, capaz de tomar imágenes de muy corta exposición, con cadencias de hasta 300 imágenes por segundo (fps del inglés *frames per second*). Esta cámara fue la única disponible en el OAN-SPM que podía trabajar a 20 fps, hasta que llegaron las cámaras provisionales del proyecto TAOS II. A su vez, las imágenes se tomaron en un *binning*² de 3x3, con esto, se logró igualar la escala de placa del telescopio de 84 cm, con los telescopios de TAOS II en donde el campo de visión fue de 3.5 minutos de arco.



Figura 3.1: Telescopio de 84 cm, en el OAN-SPM, cámara rápida iXon y rueda de filtros MEXMAN.

La segunda temporada de observación ocurrió del 26 de mayo al 05 de junio del 2017, igualmente en el telescopio de 84 cm. El detector fue una cámara *frame transfer* de la marca *Spectral Instruments*. El campo de la cámara fue disminuido para alcanzar la

² Binning es una manera de medir el CCD, uniendo la constibución de varios pixeles adyacentes.

| Nombre | Parámetros del planeta | | | Parámetros de la estrella | | | | Referencia |
|------------|-------------------------|------------------------|----------|---------------------------|------------------|-------|-------|------------------------|
| | $M_p(M_J)$ | $R_p(R_J)$ | P (días) | $\Delta F(\%)$ | $M_*(M_\odot)$ | M_v | T_s | |
| HAT-P-14b | 2.2 ± 0.04 | 1.2 ± 0.04 | 4.62 | 0.55 | 1.38 ± 0.045 | 9.9 | F | Torres et al. (2010) |
| HAT-P-31b | $2.1^{+0.105}_{-0.07}$ | $1.07^{+0.24}_{-0.16}$ | 5 | 1.08 | 1.21 ± 0.063 | 11.6 | - | Kipping et al. (2011) |
| HAT-P-32b | $0.86^{+0.105}_{-0.07}$ | 1.79 ± 0.025 | 2.15 | 2.44 | 1.12 ± 0.07 | 11.29 | F/G | Hartman et al. (2011) |
| HAT-P-37b | 1.1 ± 0.103 | 1.17 ± 0.07 | 2.79 | 2.04 | 0.92 ± 0.043 | 13.2 | - | Bakos et al. (2012) |
| WASP-48b | 0.98 ± 0.09 | 1.6 ± 0.08 | 2.14 | 1.08 | 1.19 ± 0.05 | 11.06 | - | Enoch et al. (2011) |
| WASP-74b | 0.82 ± 0.014 | 1.4 ± 0.018 | 2.13 | 1.04 | 1.48 ± 0.12 | 9.7 | F9 | Hellier et al. (2015) |
| WASP-3b | 2.6 ± 0.13 | 1.45 ± 0.084 | 1.84 | 1.23 | 1.24 ± 0.11 | 10.6 | F7V | Pollacco et al. (2008) |
| Kepler 17b | 2.45 ± 0.014 | 1.31 ± 0.018 | 1.48 | 2.13 | 1.16 ± 0.06 | 14 | G2V | Désert et al. (2011) |

Tabla 3.1: Resumen de propiedades físicas de los objetos observados en distintas temporadas en el OAN-SPM. M_p es la masa del planeta en unidades de masas de Júpiter, R_p es el radio del planeta en radios de Júpiter, P es el periodo orbital en días, ΔF es el cambio en el flujo de la estrella debido al transito en porcentaje, M_* es la masa de la estrella anfitriona en unidades de masas solares, M_v y T_s son la magnitud y el tipo espectral de la estrella respectivamente.

cadencia necesaria (20 fps), al igual el *binning* de las imágenes variaba dependiendo de la magnitud de la estrella.

El 18 de junio del 2018 se obtuvo una curva de luz de alta cadencia (20 fps) de Kepler17b en tránsito. Se utilizó el telescopio del sitio 2 de TAOS II, en donde se instaló una cámara provisional *Zyla* de Andor.

III.1.2 Descripción de objetos observados

A continuación en la Tabla 3.1 se muestra un resumen de los parámetros de los objetivos observados en las múltiples temporadas, algunos objetivos fueron observados en varias ocasiones y bajo distintas condiciones dependiendo del detector utilizado.

III.1.3 Descripción de datos, influencia del seeing y ruido sistemático

Debido al corto tiempo de exposición, el número de cuentas por estrella es pequeño, por lo cual, el ruido electrónico se vuelve un factor importante. Por otro lado, las perturbaciones atmosféricas afectan el *seeing* que es una medida de la estabilidad de la atmósfera. Esto afecta a las imágenes de alta cadencia de dos maneras: 1) cambiando de posición la estrella en el detector o deformándola, lo cual se convierte en una fuerte contribución al ruido cuando se lleva a cabo la fotomtría de apertura **Aquí también puede**

ir nuestro artículo de referencia. El *seeing* durante las temporadas fue bueno NO se si esta oración sea correcta, pues no hicimos ninguna evaluación del seeing, aunque se presentan ligeras variaciones en la posición de la estrella de toma a toma, este es el motivo por el cual no vemos la estrella como una circunferencia perfecta. Este ruido se ve reflejado a la hora de obtener la curva de luz de las imágenes. La cantidad de ruido se puede cuantificar calculando la SNR (2.11), la cual está en función de la magnitud aparente de la estrella.

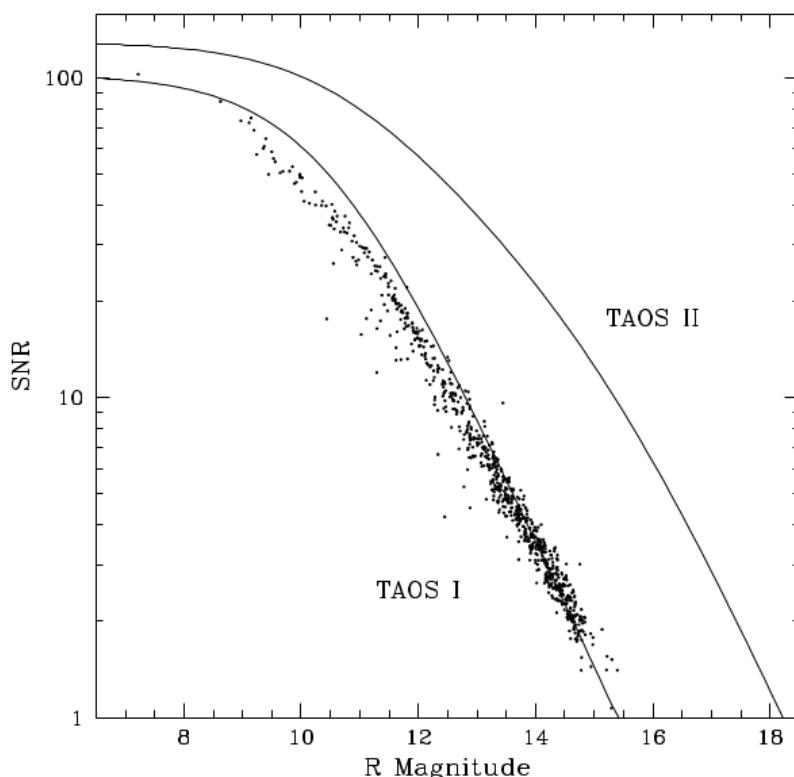


Figura 3.2: SNR en función de la magnitud en el filtro R. Los puntos representan la SNR medida utilizando curvas de luz obtenidas en TAOS I. Las líneas sólidas representan la predicción de SNR utilizando ruido con distribución de Poisson, ruido del cielo y ruido de lectura. Gráfica tomada de Lehner et al. (2016).

Utilizamos fotometría diferencial para reducir los ruidos sistemáticos, sin embargo, no todos los campos observados contaban con buenas estrellas de comparación, por lo que en algunos casos se utilizó simplemente fotometría de apertura. Como se aprecia en las Figuras 2.7 y 2.8, las curvas de luz resultantes están dominadas por ruido. El propósito de este trabajo de tesis es idear metodologías para caracterizar el ruido y removerlo de las

curvas de luz para poder detectar tránsitos de exoplanetas, es decir, detectar variaciones en el flujo de ($\sim 1 - 2\%$). Como se muestra mas adelante, algunas técnicas de las que utilizamos en esta tesis permiten mejorar las curvas de luz sacrificando cadencia, sin embargo, ya que los tránsitos son señales de baja frecuencia, esto no afecta la firma de los mismos

III.2 Análisis de ruido en curvas de luz de alta cadencia

A continuación se muestra la metodología para la caracterización del ruido, a partir de las curvas de luz resultantes de las temporadas de observación.

III.2.1 Distribución temporal del ruido

El primer paso para la caracterización del ruido, fue saber que tipo de distribuciones podemos encontrar en los datos. En esta subsección analizaremos el ejemplo de la curva de luz de WASP-74b (ver Tabla 3.1 para más detalle) calculada usando fotometría diferencial de las imágenes obtenidas el 27 de mayo del 2017. La metodología explicada a continuación se utilizó para caracterizar el ruido en todas las curvas de luz.

$$G(x) = Ae^{-\frac{(x - \mu)^2}{2\sigma^2}}; \quad (3.1)$$

Un ruido con una distribución gaussiana (3.1) es conocido como ruido blanco. Se puede apreciar un ejemplo en la figura 3.3.

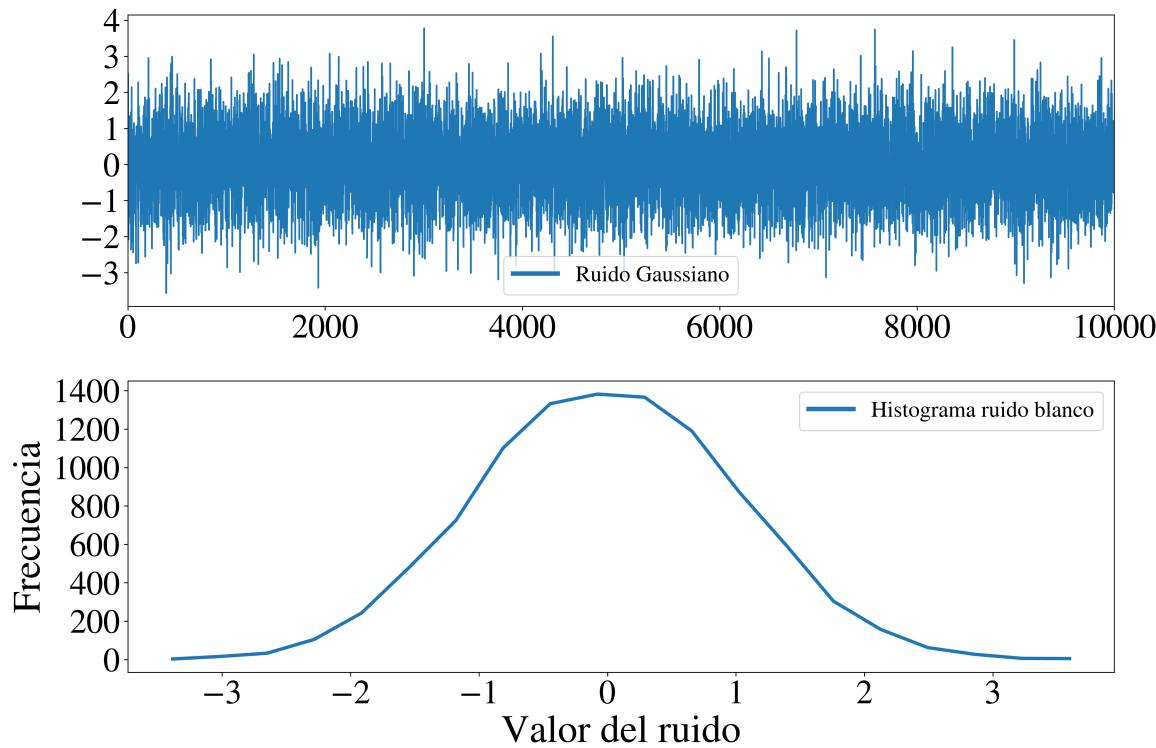


Figura 3.3: Arriba: Ejemplo de ruido blanco (gaussiano). Abajo: Histograma del ruido generado.

Esta es la manera mas común y simple de modelar el ruido, sin embargo, al analizar la curva de luz se encontraron 2 componentes gaussianas que conforman el ruido observado en la curva de luz de WASP-74b que se aprecia en la figura 3.4.

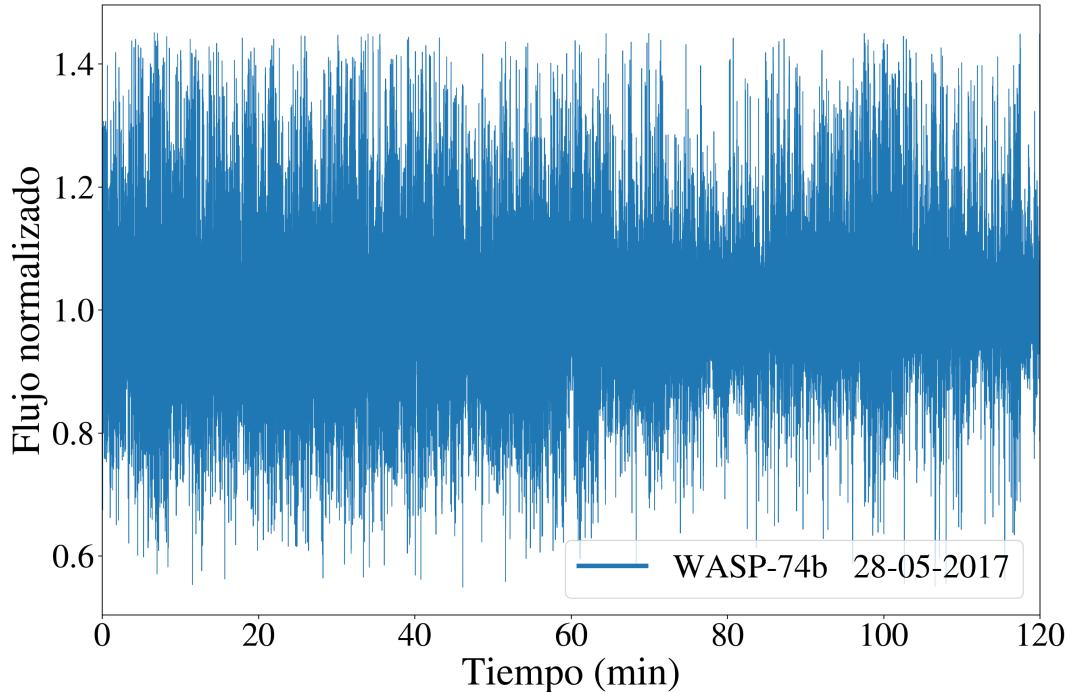


Figura 3.4: Curva de luz de WASP-74b, calculada mediante fotometría diferencial usando APP-Hi.

Esta misma distribución se encontró en diferentes curvas de luz, por lo que se ajustó un modelo de ruido con dos componentes gaussianas (3.2) a las distribuciones temporales de las curvas de luz [La ecuación se ve desacomodada en el PDF](#).

$$m(t) = A_1 e^{-\frac{(t - \mu_1)^2}{2\sigma_1^2}} + A_2 e^{-\frac{(t - \mu_2)^2}{2\sigma_2^2}} = G_1(t) + G_2(t); \quad (3.2)$$

El resultado del ajuste de $m(t)$ al histograma de la curva de WASP-74b se muestra en la figura 3.5.

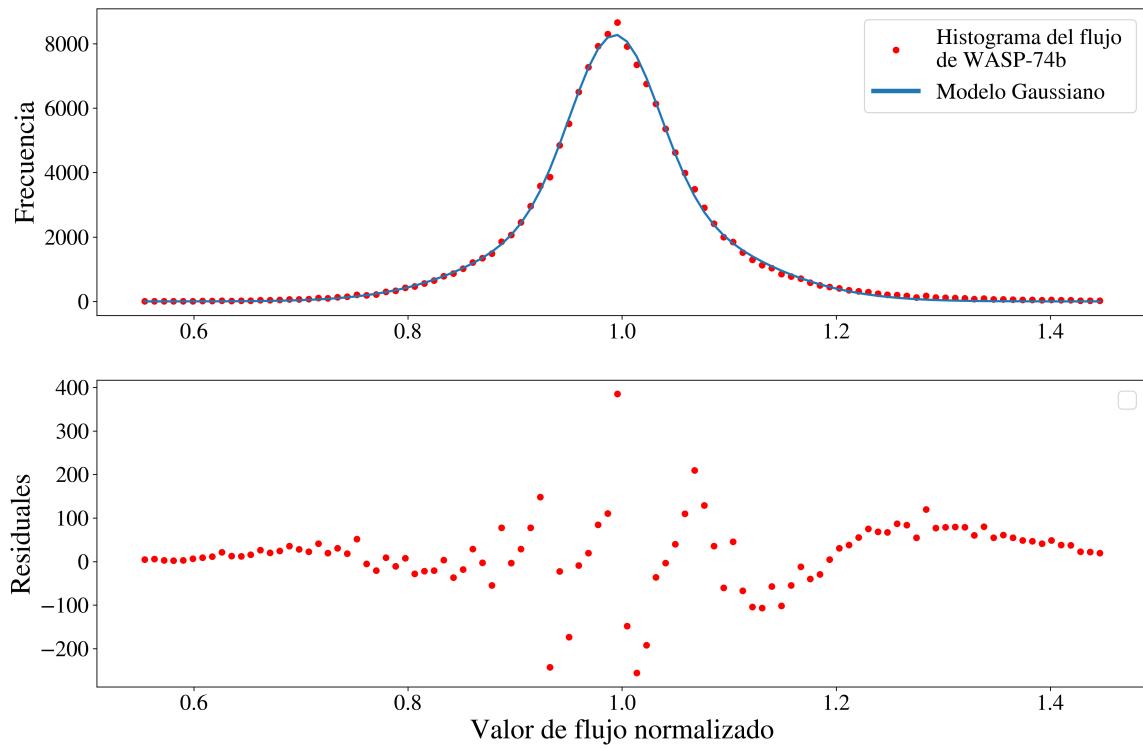


Figura 3.5: Arriba: Los puntos rojos son la distribución temporal de la curva de luz de WASP-74b. La linea azul sólida, es $m(t)$ resultado de un ajuste no lineal utilizando el algoritmo de Levenberg-Marquardt. Abajo: se aprecia los residuales de la diferencia entre la distribución y el modelo. **Estás seguro que los valores de los residuales son correctos???** **me parecen muy altos...**

La contribución de cada componente $m(t)$ se aprecia en la figura 3.6. De este gráfico podemos intuir que existen 2 componentes que contribuyen al ruido final en la curva de luz, sin embargo, la fuente de estas componentes no es de interés para los propósitos de este trabajo.

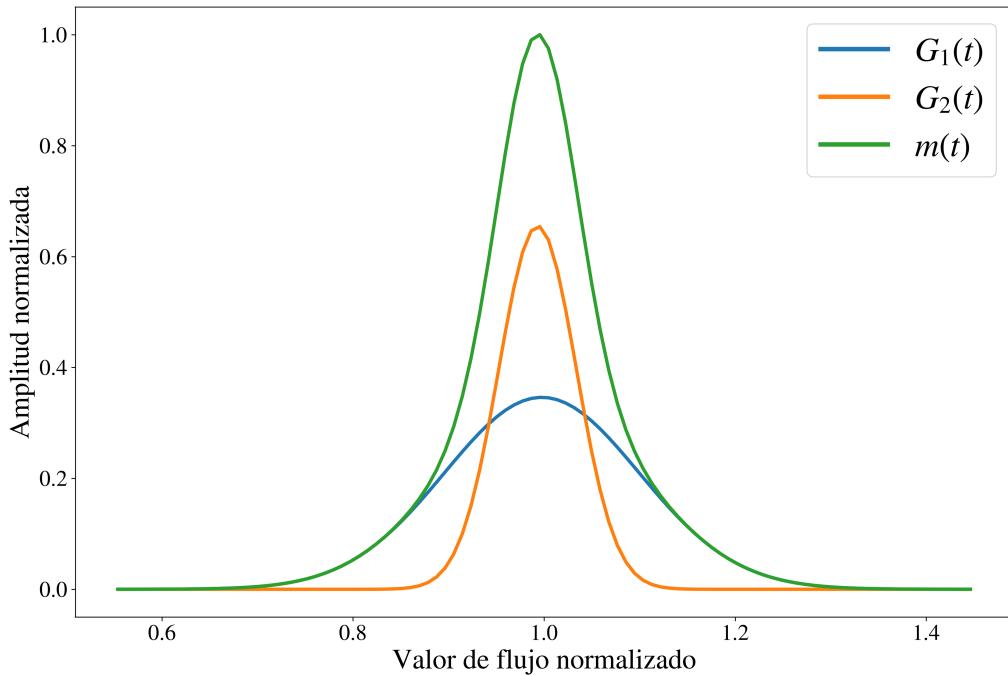


Figura 3.6: Se muestra la contribución de las componentes G_1 y G_2 y la suma $m(t)$.

Ajustando $m(t)$ a todas las curvas de luz, se encontraron restricciones para el momento en que estemos modelando el ruido (véase III.2.3). **Qué quisiste decir aquí?? puedes ampliarlo??**

III.2.2 Espectro de frecuencias del ruido

El ruido blanco como el de la figura 3.3 tiene un espectro de frecuencias plano, incluso la suma de 2 componentes de ruido gaussiano sigue teniendo un espectro de potencias plano como se aprecia en la figura 3.7.

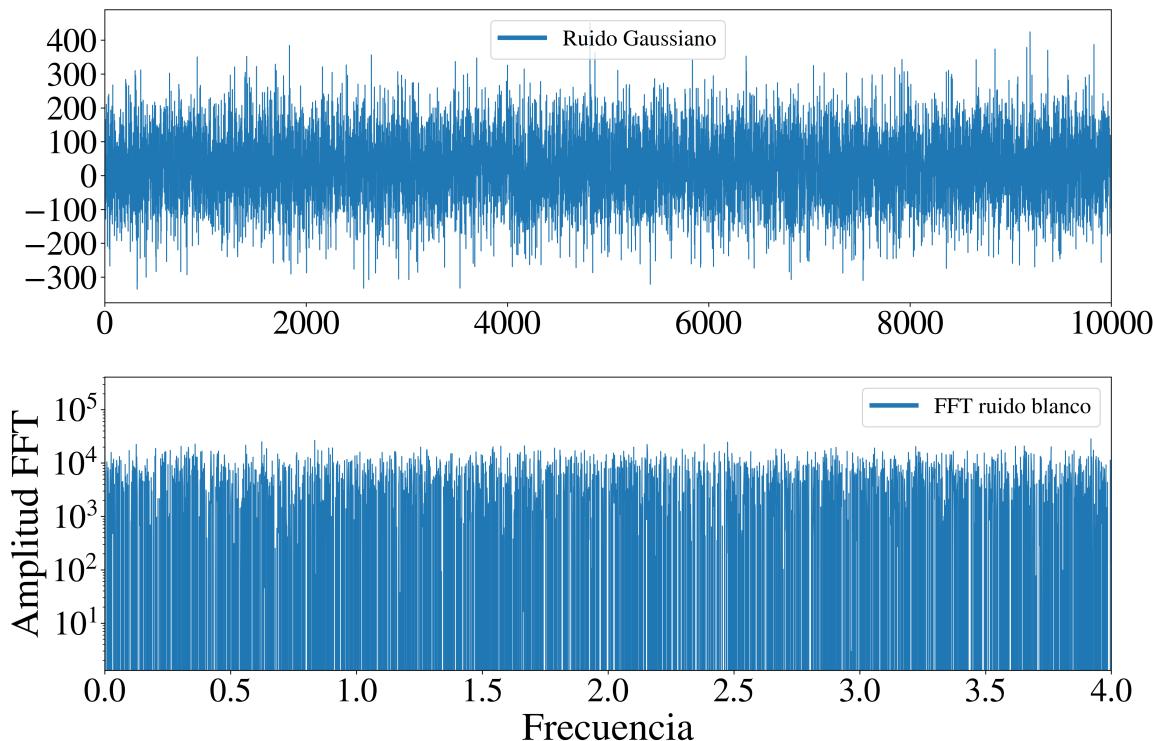


Figura 3.7: Arriba: se muestra una curva de ruido blanco con dos componentes G_1 y G_2 . Abajo: el espectro de frecuencias de la curva de luz, el cual permanece blanco sin importar el número de componentes gaussianas [no entendí la explicación sobre el espectro](#).

Sin embargo, al analizar las curvas de luz se encontró que un espectro de frecuencias plano, es solo un caso muy particular, solo 2 de las 12 mejores curvas de luz presentaron un espectro plano. Todas las otras curvas tienen una significativa componente de bajas frecuencias, así como una ligera pendiente negativa, disminuyendo hacia las frecuencias altas como se aprecia en la figura 3.7.

Entonces si queremos simular ruido, que posea características que se aprecian en una curva de luz real, necesitamos más que una simple distribución gaussiana, por lo que esta distribución temporal es solo el punto de partida para generar un ruido sintético.

Para añadir estas contribuciones de baja frecuencia, se modeló una envolvente exponencial de la forma [la ecuación se ve rara en el PDF](#):

$$E(f) = C + a_1 e^{-\frac{f}{b_1}} + a_2 e^{-\frac{f}{b_2}}; \quad (3.3)$$

la función envolvente (3.19)**No encuentro esta referencia, deberías usar las referencias cruzadas de latex...**, está compuesta por dos componentes que decaen de manera exponencial hacia las altas frecuencias. Estas componentes son provocadas por fenómenos de baja frecuencia en la curva de luz, como tendencias o un posible tránsito. La envolvente tiene una asíntota horizontal en C , que representa el valor mínimo del espectro de frecuencias observado.

Utilizando esta envolvente, se altera el espectro de frecuencias de acuerdo a lo analizado en las curvas de luz de las observaciones. De manera similar a la metodología implementada para las distribuciones temporales**cuáles distribuciones temporales??**, se calcularon los parámetros de $E(f)$ para todas las curvas de luz y se obtuvieron restricciones para la posterior simulación de ruido sintético.

otra vez, por favor explica la ecuacion, describe cada factor

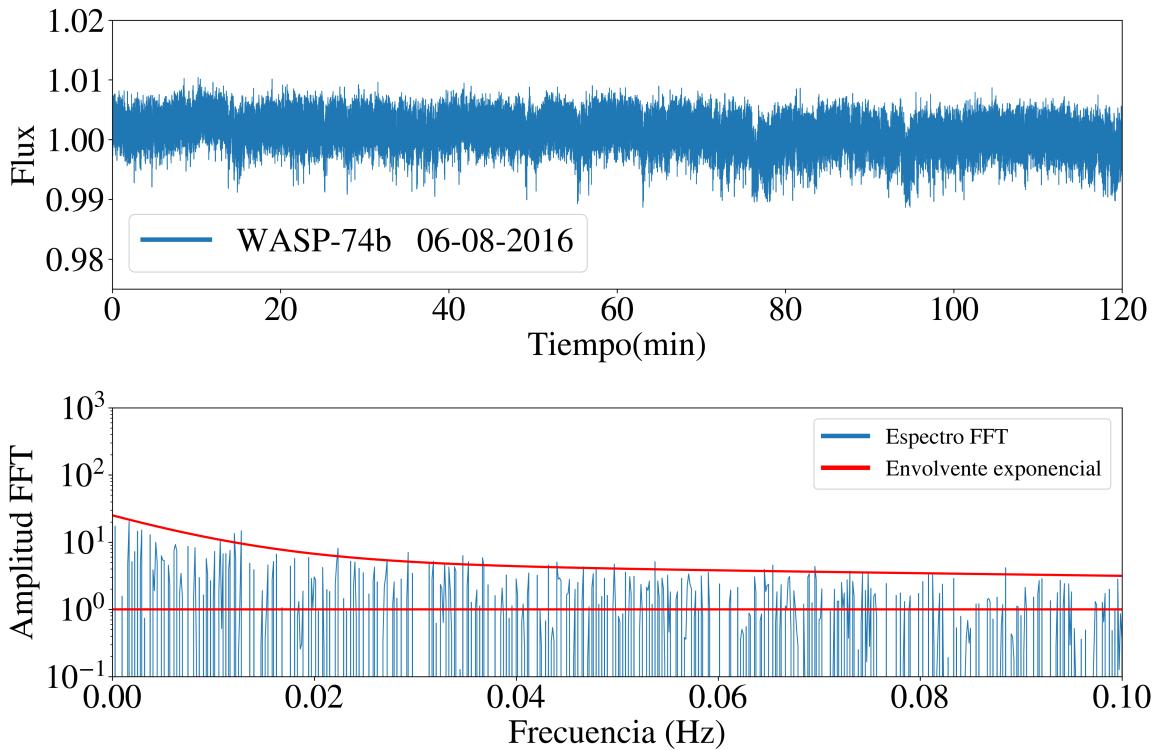


Figura 3.8: Arriba: se muestra una curva de luz de WASP-74b. Abajo: la zona de bajas frecuencias del espectro de la curva de luz, la linea roja es el ajuste de la envolvente exponencial $E(f)$ del espectro.

En la figura 3.9 en el PDF aparece 3.9, podemos observar la envolvente exponencial $E(f)$, del espectro de potencias de la curva de luz de WASP-74b. Como se puede apreciar en la parte superior (temporal), esta curva contiene una ligera tendencia, y variaciones de flujo en el rango de 1-3 minutos. Estas variaciones contribuyen a que la amplitud del espectro en bajas frecuencias sea significativamente mayor que en altas frecuencias. La contribución de un tránsito de exoplaneta al espectro de frecuencias se encontraría en la región de frecuencias alrededor de $f < 0.01$.

III.2.3 Simulación de ruido

Utilizando los resultados obtenidos y siguiendo la metodología de las secciones anteriores (III.2.2 y III.2.3) se implementó un algoritmo para generar ruido con características

que podemos observar y medir en curvas de luz reales.

Primeramente, para simular un ruido $R(t)$, dada una función de distribución $m(t)$ (por ejemplo ec. 3.18 NO encuentro esta ecuación), calculamos la función de distribución acumulativa:

$$M(t) = \int m(t)dt; \quad (3.4)$$

y después normalizamos $M(t)$:

$$M_{norm}(t) = \frac{M(t)}{\text{MAX}(M(t))}. \quad (3.5)$$

Para generar el vector de ruido, se realiza un muestreo de puntos aleatorios t_i con distribución uniforme $\mathcal{U}(a, b)$, evaluados en la función inversa de la distribución acumulada normalizada, denotada como: M_{norm}^{-1} . Resumiendo, a continuación se muestran los pasos a seguir OJO:Las referencias a las ecuaciones siguientes están mal numeradas:*****

- Elegir la distribución del ruido deseado, (en este caso usamos $m(t)$ (3.17)).
- Calcular la función de distribución acumulada $M(t)$ (3.19).
- Normalizar $M(t)$ (3.20).
- Encontrar la función inversa de $M_{norm}(t)$.
- Evaluar t_i con $i = 1, \dots, N$ puntos en $M_{norm}^{-1}(t_i)$

según entiendo, tu simulación del ruido se basa en dos gaussianas y una envolvente exponencial negativa... es importante explicarlo así para una mejor comprensión en la lectura... El resultado es una serie de tiempo $R(t)$ normalizada, de longitud N con distribución $m(t)$. Los valores para la amplitud (A_1, A_2), las medias (μ_1, μ_2) y la desviaciones (σ_1, σ_2) de la función de distribución $m(t)$ y los factores a_1, b_1, a_2, b_2 aunque estos son de la envolvente, pueden ser elegidos de manera arbitraria pero dentro de un rango específico donde caben todas nuestras observaciones, auqnue no se si este rango solo lo obtuviste para las envolventes. Esto es MUYYY importante, dado que podemos cambiar la SNR

de la serie de tiempo simplemente con: $R(t) * \sigma$. Para una curva normalizada ($\mu = 1$) la SNR es igual a σ^{-1} . Con esto podemos elegir la SNR que se necesite.

Sin embargo, como mencionamos anteriormente, para representar las adecuadamente las observaciones necesitamos una serie de tiempo de ruido simulado $R(t)$ con un espectro **no** plano. Para obtener dicha serie de tiempo calculamos la FFT de $R(t)$ y multiplicamos su espectro de frecuencias por una envolvente $E(f)$. El desglose detallado de los pasos a seguir es el siguiente:

- Calcular la FFT de $R(t)$ la cual denotaremos como $\mathcal{R}(f)$.
- Generar de manera aleatoria los parámetros (C, a_1, b_1, a_2, b_2) distribuidos de manera uniforme dentro de los límites.
- Generar una envolvente evaluando los parámetros del paso anterior $E((C, a_1, b_1, a_2, b_2), f)$.
- Multiplicar $\mathcal{R}(f) * E(f)$.
- Calcular la FFT inversa para regresar al dominio del tiempo.
- Normalizar la nueva $R(t)$.
- Elegir σ para obtener la SNR deseada.

Esto resulta en una serie de tiempo, con $SNR = \sigma^{-1}$, con algunos ruidos sistemáticos aleatorios. En la figura 3.8~~creo que debe ser 3.9~~ se muestra una comparación del espectro de frecuencias de la curva de luz de WASP-74b comparado con el ruido simulado, usando la envolvente $E(f)$ calculada de su espectro.

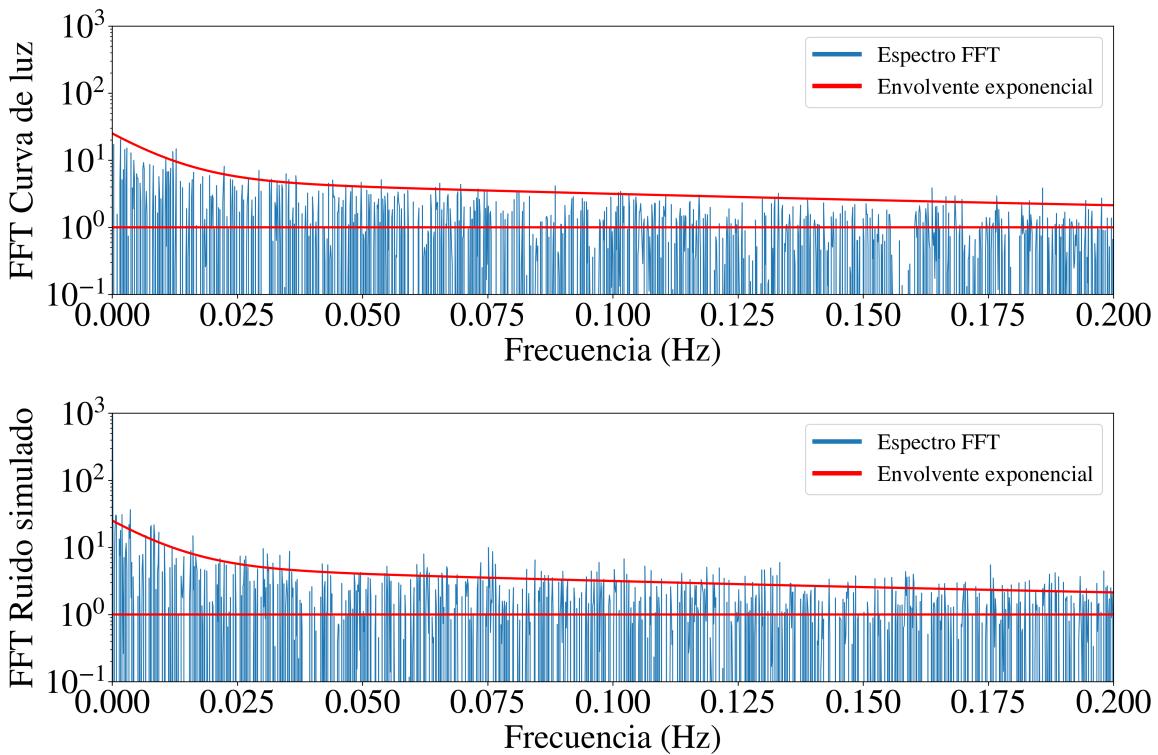


Figura 3.9: Arriba: se muestra la FFT de la curva de luz de WASP-74b. Abajo: el espectro de frecuencias de la serie de tiempo $R(t)$ generada utilizando la metodología planteada en esta sección. Ambas gráficas son un acercamiento a la zona de bajas frecuencias para mejorar la visualización. La linea roja es la misma envolvente exponencial $E(f)$ para ambos espectros. valdría la pena agregar las curvas de luz para comparar

Utilizando esta metodología, se creó una base de datos de ruidos simulados para asegurar reproducibilidad y posteriormente hacer estadística. Se variaron los parámetros (C, a_1, b_1, a_2, b_2) de manera uniforme dentro de los intervalos que comprenden los valores de cada curva de luz en los datos reales:

$$\begin{aligned}
 0.85 &\leq C \leq 10 \\
 0 &\leq a_1 \leq 30 \\
 0.02 &\leq b_1 \leq 2.5 \\
 0 &\leq a_2 \leq 150 \\
 0.0029 &\leq b_2 \leq 0.06
 \end{aligned} \tag{3.6}$$

estos intervalos se calcularon a partir de los espectros de los datos observacionales. Se generaron 100 curvas de ruido por cada valor de SNR. Los valores de SNR utilizados fueron 10, 20, 50, 80 y 100.

III.3 Simulación de tránsitos de exoplanetas

Como se mencionó anteriormente (sección II.1), la curva de luz de un tránsito de exoplaneta depende de múltiples factores como el tamaño de la estrella, el tamaño del planeta, la velocidad orbital del planeta, el ángulo con respecto a la línea de visión etc.

Para la simulación de curvas de luz en este trabajo, se utilizó la paquetería BATMAN (del inglés *BAsic Transit Model cAlculatioN*) desarrollada en *Python* Kreidberg (2015). Este algoritmo utiliza el modelo analítico propuesto en Mandel and Agol (2002)

III.3.1 Descripción y uso de BATMAN

BATMAN es un paquete para *Python*, con el cual se modelan tránsitos de exoplanetas y sus curvas de luz. El código usa extensiones en C para aumentar la velocidad de cálculo y está paralelizado con OpenMP Kreidberg (2015). BATMAN puede calcular curvas de luz para cualquier ley de oscurecimiento de limbo radial, usando un nuevo algoritmo de integración que no puede ser calculado analíticamente.

Para utilizar BATMAN, se requiere ingresar los parámetros físicos de los cuales depende el tránsito, tales como: el periodo orbital (P), el radio del planeta (R_p) y el semieje mayor (a), ambos en unidades del radio de la estrella anfitriona (R_*); la excentricidad de la órbita (ϵ), la inclinación orbital (i) y la longitud del periastro ($\bar{\omega}$) ambos en grados. Además se puede seleccionar la ley de oscurecimiento radial **explicar en que consiste dicha**

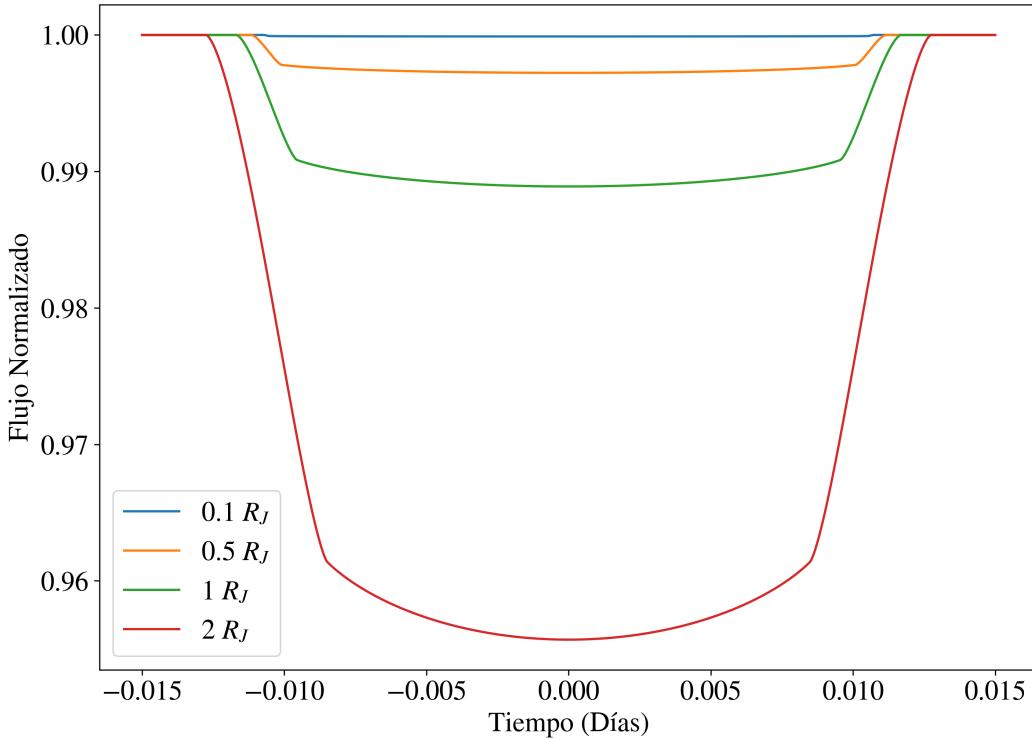


Figura 3.10: Curvas de luz de tránsitos de exoplanetas con $P = 1$ día, $i = 90^\circ$, $a = 15R_*$, $\epsilon = 0$, $\bar{\omega} = 90$ y un modelo de oscurecimiento lineal. Las distintas curvas representan la diferencia en el cambio del flujo ΔF para diferentes valores de R_p .

ley. En la figura 3.9 se muestra un ejemplo de curvas de luz simuladas con BATMAN.

Utilizando BATMAN se creó una base de datos de tránsitos simulados, con un total de 625 curvas diferentes, utilizando 25 diferentes valores de las observables ΔF y P .

III.4 Análisis de datos observacionales

En este capítulo se plantea la metodología seguida para procesar los datos observacionales resultado de las múltiples temporadas en el OAN-SPM, así como las simulaciones. De los 8 objetos descritos en la sección III.1.2, se obtuvieron un total de 32 curvas de luz de alta cadencia (20 fps) y con una duración de aproximadamente 2 horas cada una. Esto

con el propósito de igualar las condiciones que se tendrán en TAOS II.

III.4.1 Fotometría con APPHi

ESTA SECCIÓN DEBERÍA IR AL PRINCIPIO DE LA METODOLOGÍA POR QUE REPRESENTA EL PUNTO DE PARTIDA PARA EL RESTO DEL ANÁLSIS, ES DECIR, LA OBTENCIÓN DE LAS CURVAS DE LUZ

APPHi del inglés *Automated Photometry Pipeline for High Cadence, Large Volume Data* es un código desarrollado en C, el cual consta de dos principales programas, *APPHi field* y *APPHi star* los cuales funcionan de acuerdo al diagrama de flujo mostrado en la figura 3.11. Este pipeline fotométrico se utilizará como herramienta para procesar el gran volumen de datos que va generar el proyecto TAOS II Lehner et al. (2016). Este código consta de 3 partes principales, preprocessamiento de las imágenes, localización de las estrellas en el campo de observación y la fotometría para generar las curvas de luz.

Primero las imágenes son preprocessadas de la manera convencional, utilizando imágenes de calibración (bias, flats y darks) Romanishin (2006). Después de limpiar las imágenes, APPHi localiza de manera automática los centroides correspondientes para cada estrella en el campo de observación usando el método del centro de masa Chong and Zak (2004). Este centroide se recalcula para cada imagen, para mejorar la curva de luz. Este proceso iterativo disminuye los efectos telúricos producidos por la atmósfera y el movimiento mecánico del instrumento, los cuales se vuelven significativos a altas cadencias.

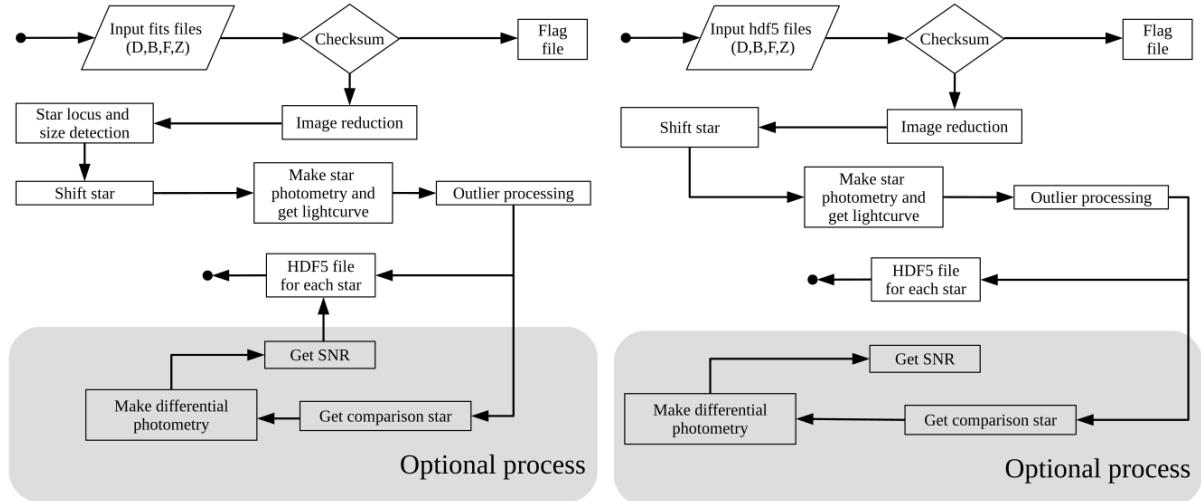


Figura 3.11: Diagrama de flujo para ambos programas (*APPHi field* y *APPHi star*), donde D, B, F y Z representan los darks, bias, flats e imágenes de estudio respectivamente. Imagen tomada de Sánchez et al. (2019).

Este proceso resulta en cubos de imágenes centradas por estrella, a partir de los cuales se realiza la fotometría de apertura. Este proceso sigue la metodología descrita en la subsección II.3.1 y en Romanishin (2006).

APPHi realiza de manera automática otros procesos posteriores a la fotometría para mejorar la SNR. Uno de ellos es la fotometría diferencial, utilizando curvas de luz de estrellas cercanas como se explicó en la subsección II.3.2. Otro método que se aplica directamente a las imágenes es la técnica *Shift & Add* Klückers et al. (1996).

Para ejecutar APPHi desde la línea de comando se utiliza:

```
APPHi_field bias.txt darks.txt flats.txt night.txt
```

donde cada uno de los archivos .txt contiene la lista de imágenes correspondientes en formato FITS. El resultado del procesado de las imágenes es un archivo HDF5 por cada estrella en el campo de observación. Este archivo contiene las imágenes de la estrella, las coordenadas del centroide para cada imagen, la curva de luz obtenida por fotometría de apertura y fotometría diferencial (Sánchez et al., 2019). Todas las curvas de luz analizadas en este trabajo de tesis fueron obtenidas utilizando APPHi, el cual se encuentra disponible

en <http://taos2.astrosen.unam.mx/APPHi.html>.

III.5 Reducción de ruido en curvas de luz

Como se mencionó con anterioridad, para la detección de un tránsito exoplanetario se necesita poder medir variaciones de flujo $\Delta F \sim 1 - 2\%$. Lo cual en las curvas de luz de alta cadencia es difícil debido a la cantidad de ruido. En las subsecciones siguientes, se muestran los métodos para mejorar la SNR y poder identificar la presencia de un tránsito en una curva de luz.

III.5.1 Reducción del ruido usando promedio móvil

En la sección II.2 se explicó la manera convencional en la que los proyectos enfocados a la detección de exoplanetas realizan sus observaciones. Todos ellos utilizan imágenes de mediana-larga exposición, para así aumentar la SNR. Se puede intentar simular una curva de luz de larga exposición desde una de alta cadencia, simplemente integrando la contribución de n muestras de la curva de luz.

Por ejemplo, las curvas de luz de este trabajo fueron tomadas a una cadencia de 20 fps, es decir, 0.05 segundos de exposición, durante aproximadamente 2 horas, lo cual resulta en una curva $F(t)$ de $N = 144,000$ muestras. Entonces, promediando el flujo de $n = 1200$ muestras de la curva de luz $F(t)$, se puede intentar simular una muestra obtenida a partir de una imagen con 60 segundos de exposición $F_{prom}(t)$. Es decir, cada $n = 1200$ muestras de la curva de luz original, resultan en $N_{prom} = 1$ muestras en la curva promediada:

$$F_{prom}(t) = \frac{\sum_{i=m}^{m+n} F(t_i)}{n} \quad m = 0, n, 2n, \dots, N-n; \quad (3.7)$$

Esto resulta en una curva con longitud $N_{prom} = N/n$. Esta misma metodología aplicado a las imágenes, es el método *Shift & Add* de Klückers et al. (1996). Sin embargo, el ruido electrónico resultante de la lectura de cada imagen es imposible de remover con esta técnica, por lo tanto, una curva de luz obtenida de imágenes con 60s de exposición es siempre menos ruidosa que una obtenida promediando 1200 puntos de imágenes de 0.05 s de exposición

Para evitar perder resolución temporal, se utiliza la técnica promedio móvil Borucki et al. (2009). Esta técnica consiste en igualmente promediar la contribución de n muestras, pero desplazando el promediado 1 muestra, en vez de n como en el ejemplo anterior, es decir:

$$F_{mov}(t) = \frac{\sum_{i=m}^{m+n} F(t_i)}{n} \quad m = 0, 1, 2, \dots, N - n; \quad (3.8)$$

Lo cual resulta en una curva de luz $F_{mov}(t)$ de longitud $N_{mov} = N - n$. Otra opción análoga a este método, es usar la mediana, en lugar del promedio, esta tiene un comportamiento mas suave cuando se tienen valores atípicos. Un ejemplo del efecto de estos métodos en la curva de de luz de WASP-74 (figura 3.4) se muestra en la Figura 3.12.

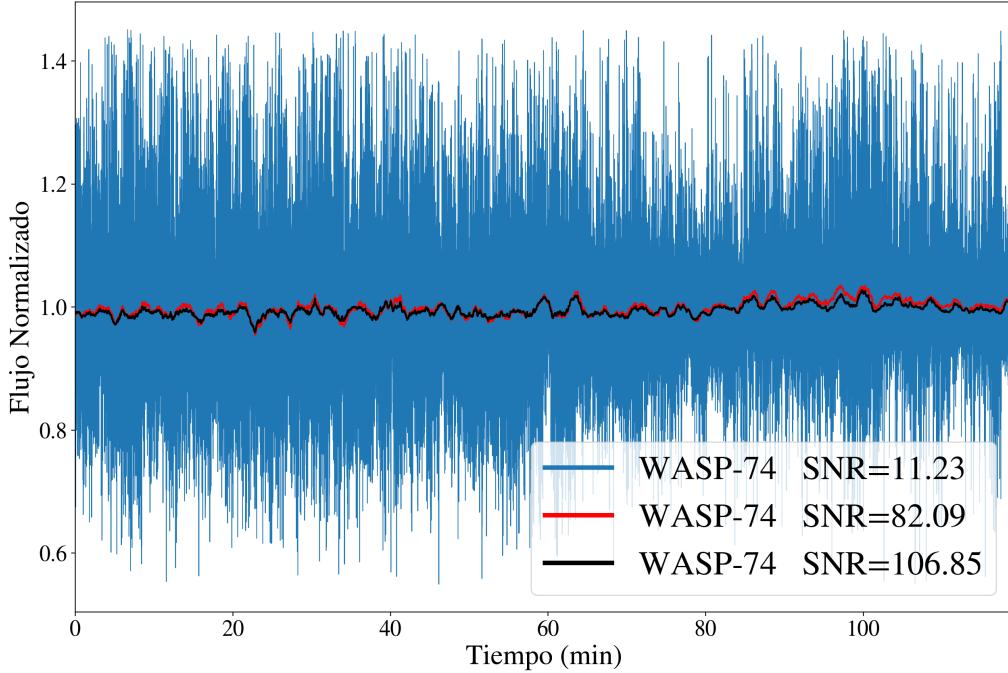


Figura 3.12: Curva de luz de WASP-74 tomada el día 28 de mayo del 2017. En azul se muestra la curva de luz original obtenida mediante fotometría de apertura. En naranja la curva resultado del promedio móvil, y el verde la curva resultado de tomar la mediana en lugar del promedio **Yo veo azul rojo y negro, Que pasa??**. En el recuadro se muestra la SNR calculada para cada curva de utilizando (2.11).

Esta metodología es útil para el suavizado de curvas en general. Sin embargo, de la misma forma que en el promediado fijo, no podemos asumir que la curva $F_{mov}(t)$ con $n = 1200$ es equivalente a una obtenida utilizando un tiempo de exposición de 60 segundos, ya que el ruido electrónico y de lectura del detector tienen una contribución significativa en las curvas de alta cadencia, lo cual puede añadir ciertos sistemáticos.

III.5.2 Identificación de firma de tránsito usando filtro de Fourier

Un tránsito inmerso en una curva de luz de alta cadencia, puede interpretarse como una variación de baja frecuencia en el brillo de la estrella. Partiendo de esta suposición, la firma del tránsito, debe poder distinguirse en el espectro de frecuencias, particularmente

en la zona de bajas frecuencias ($\sim 1 \times 10^{-4} Hz$).

En una curva de luz de alta cadencia, se pueden observar a simple vista variaciones de alta frecuencia, las cuales ocultan el tránsito. Estas contribuciones de alta frecuencia pueden ser atenuadas utilizando un filtro de Fourier, específicamente un filtro pasa-bajas (Thompson, 1983). La Figura 3.12 **está mal la referencia** muestra un ejemplo del filtro pasa-bajas utilizado.

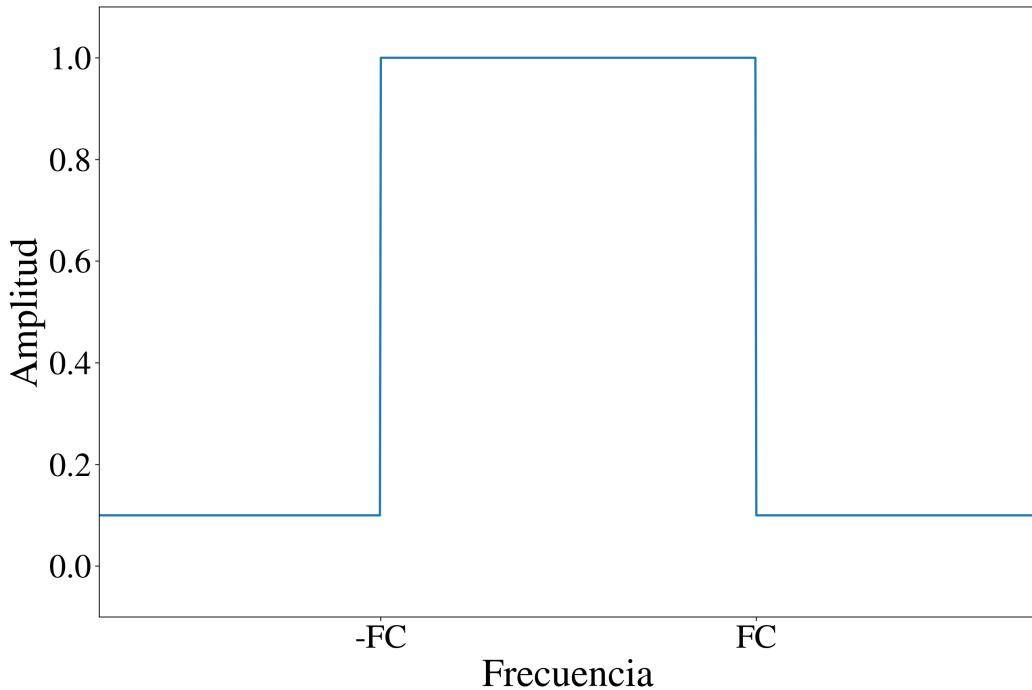


Figura 3.13: Filtro pasa-bajas $\mathcal{H}(f)$ utilizado para remover altas frecuencias. FC representa la frecuencia de corte la cual puede variar dependiendo la curva de luz.

Para aplicar el filtro $\mathcal{H}(f)$ a $F(t)$, primero se calcula su FFT para obtener: $\mathcal{F}(f)$. Después multiplicamos el filtro, por el espectro de frecuencias para obtener el espectro filtrado $\mathcal{F}_{fil}(f)$ **No le vas a poner número a la ecuación??:**

$$\mathcal{F}_{fil}(f) = \mathcal{H}(f) \times \mathcal{F}(f)$$

finalmente regresamos al dominio del tiempo con la FFT inversa. Este proceso es

análogo a utilizar una función $Sinc(t)$ como función ventana y usar la convolución en el dominio del tiempo. Este proceso es conocido como *Windowed Fast Fourier Transform* (WFFT) (Owen, 2007). Sin embargo, el proceso descrito anteriormente es computacionalmente más eficiente y obtenemos los mismos resultados, un ejemplo de la aplicación de este filtrado se muestra en la figura 3.14.

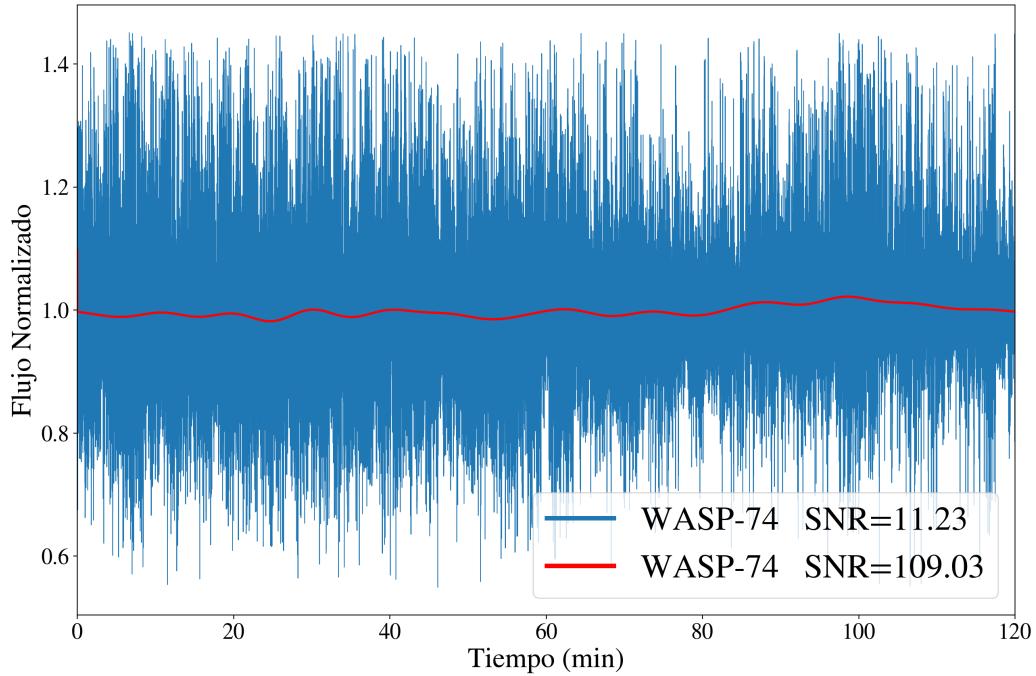


Figura 3.14: Curva de luz de WASP-74 tomada el día 28 de mayo del 2017. En azul se muestra la curva de luz original obtenida mediante fotometría de apertura. En naranja **No es rojo** la curva resultado del filtrado de Fourier, utilizando una frecuencia de corte $FC = 2 \times 10^{-3}$.

Este filtrado es llamado ideal por su simplicidad, sin embargo, no hay necesidad de utilizar otro tipo de funciones para $\mathcal{H}(f)$, ya que las altas frecuencias no aportan información de la firma del tránsito exoplanetario (Mahu et al., 2017).

III.5.3 Identificación de firma de tránsito usando PCA

Existen metodologías para reducir el ruido en series de tiempo utilizando análisis de componentes principales (PCA) Shin et al. (1999), Bailey (2012). Sin embargo, el PCA puede emplearse de manera más conveniente, si se conocen las características de la señal que buscamos inmersa en el ruido, en este caso, tránsitos de exoplanetas.

Primero se necesita construir una matriz X con muestras $\{x_i|i = 1, \dots, N\}$. Cada una de estas muestras x_i , es una curva de luz de un tránsito simulado con BATMAN, con distintos periodos (P) y radios de planeta (R_p):

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_1^1 & v_2^1 & \cdots & v_n^1 \\ v_1^2 & v_2^2 & \cdots & v_n^2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ v_1^N & v_2^N & \cdots & v_n^N \end{pmatrix} \quad (3.9)$$

donde n es el número de puntos en la curva simulada $\{v_i^N|i = 1, \dots, n\}$. Por cual entonces, X tiene dimensiones $N \times n$, y su SVD Creo que es la primera vez que usas este acrónimo, en esta sección, hay que definirlo está dada por:

$$X = U\Sigma V^T; \quad (3.10)$$

Para calcular la matriz de eigenvalores V^T , se utilizó la función `TruncatedSVD` de la paquetería *Scikit Learn* en *Python*. Como su nombre lo indica, esta SVD esta truncada a las primeras k componentes más significativas, donde k es definido por el usuario. Esta función nos proporciona la matriz V^T truncada, de dimensiones $k \times N$.

Después se calcula la contribución de las k componentes sobre una curva de luz F_t o un conjunto de l curvas de luz:

$$C = V^T \times F_t; \quad (3.11)$$

donde C tiene dimensiones $k \times l$, si utilizamos una sola curva de luz $l = 1$. Finalmente para obtener la curva de luz F'_t reconstruida en base a las k componentes principales:

$$F'_t = C^T \times V^T; \quad (3.12)$$

Este proceso utiliza las componentes principales de los tránsitos simulados para reconstruir la curva de luz con ruido **Qué quisiste decir aquí??**. Esto no es análogo a una reducción de ruido. Si la curva F_t que se va analizar no contiene las características que se están buscando (las características de X), el resultado es una curva F'_t que no posee ningún patrón específico. Esto no se convierte en un problema, dado que solo estamos interesados a las curvas que sí presenten las características de un tránsito.

III.6 Criterio de validación para candidatos a tránsitos de exoplanetas

Después de aplicar las metodologías para mejorar la SNR, se necesita un proceso para validar la presencia de un posible tránsito de exoplaneta. Para esto, se ajustó un modelo trapezoidal a los datos filtrados, y basados en la calidad del ajuste, se etiquetan las curvas de luz como posibles candidatos.

III.6.1 Modelo del trapezoide

Las curvas de luz de alta candencia son mucho mas tardadas de procesar por el número de mediciones que se realizan. Como se mencionó anteriormente, TAOS II tendrá curvas de luz de 2 horas de longitud, lo cual se traduce en curvas con $N = 144,000$ muestras. Además, por campo de observación se espera observar alrededor de 10,000 estrellas simultáneamente. Teniendo en cuenta la eficiencia del algoritmo, se utilizó el modelo más simple para un tránsito de exoplaneta, un trapezoide. Este modelo es muy utilizado en el procesamiento de señales producidas por tránsitos de exoplanetas, por ejemplo los trabajos Alapini Odunlade (2010), Hippke and Heller (2019), Kipping and Sandford (2016) y Morton (2012).

Como se explicó en la sección II.1, a partir de curvas de luz de tránsitos solo podemos conocer el periodo orbital P y la profundidad del tránsito ΔF , la cual está en función del radio del planeta R_p y el radio de la estrella R_* . Por lo que el modelo del trapezoide es suficiente para validar un posible candidato a tránsito.

III.6.2 Coeficiente de correlación de Pearson

Después de ajustar el modelo del trapezoide a las curvas de luz, se utilizó el coeficiente de correlación de Pearson, para evaluar la calidad del ajuste.

$$C = \frac{\sigma_{12}}{\sigma_1 \sigma_2}; \quad (3.13)$$

donde σ_{12} es la covarianza entre la curva de luz y el modelo ajustado, definida como:

$$\sigma_{xy} = \sum_i^n \frac{1}{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}); \quad (3.14)$$

donde σ_1 y σ_2 son la desviación estándar de la curva de luz y el modelo respectivamente. A partir de simulaciones, se calculó el límite inferior para el coeficiente de correlación, para evaluar si la estrella y su curva de luz se cataloga como objeto de interés, para elaborar un análisis más detallado (véase IV.2) **Esto va a cambiar cuando organices el capítulo de resultados.**

CAPÍTULO IV: ANÁLISIS DE RESULTADOS

LOS RESULTADOS son BUENOS, PERO LA ESTRUCTURA DE ESTE CAPITULO NO ME GUSTA, ES DECIR, PRIMERO COMIENZAS CON DATOS OBSERVACIONALES Y LUEGO CON SIMULACIONES, DESPUÉS VUELVES A LAS SIMULACIONES... HAY QUE SEPARAR EN DOS PARTES: SIMULACIÓN (MOSTRAR TODO LO QUE SE HIZO INCLUSO LA IDENTIFICACIÓN DEL TRÁNSITO) Y OBSERVACIONES(ESTA ES LA CEREZA DEL PASTEL AQUÍ VAMOS A DECIR QUE TODO EL TRABAJO PREVIO DE ANÁLISIS Y SIMULACIÓN SIRVIÓ PARA ALGO REAL, HABRÁ QUE DECIR CUALES TRÁNSITOS SI SE PUDIERON IDENTIFICAR Y CUALES NO)...NO MEZCLAR AMBAS COSAS, POR FAVOR ORGANIZA ESTA PARTE PARA CONTINUAR LAS REVISIONES... YA FALTA MUY POCO CREO QUE UNA REVISIÓN MAS Y SE LO MANDAMOS A MAURICIO

IV.1 Simulaciones

Primeramente se presentan los resultados de las metodologías para la mejora de la SNR en las curvas simuladas.

IV.1.1 Mejora de la señal a ruido en curvas de luz

Con el propósito de evaluar estadísticamente el desempeño de la metodología planteada en este trabajo, se combinaron las bases de datos de ruidos simulados (véase III.2.3) y de tránsitos simulados (véase III.3) para una prueba de ajuste del modelo del trapezoide y probar el criterio de validación de tránsitos. Se insertaron los tránsitos simulados a las curvas de ruido para distintos valores de señal a ruido (SNR). Las 625 curvas de tránsitos, con cada una de las 100 curvas de ruido. Esto genera un total de 62,500 pruebas por valor de SNR, y un total de 2,500 pruebas por valor de ΔF .

Esto nos genera una distribución 2500 SNR's por cada valor de ΔF , para resumir este resultado, presentamos el intervalo que contiene el 90 % de los resultados, excluyendo los casos más extremos. Es decir, cada intervalo de las tablas 4.1 y 4.2 está compuesto por el percentil 5, 50 y 95.

| ΔF | $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$ | SNR_{mov} | SNR_{PCA} |
|------------|-------------------------------|----------------------------|-----------------------------|
| 0.03 | $56.12^{+21.43}_{-22.53}$ | $46.39^{+26.5}_{-17.83}$ | $66.95^{+20.83}_{-22.37}$ |
| 0.02 | $65.82^{+42.01}_{-29.63}$ | $51.0^{+50.29}_{-21.18}$ | $86.41^{+38.48}_{-37.71}$ |
| 0.01 | $73.24^{+96.5}_{-36.93}$ | $55.08^{+86.07}_{-24.24}$ | $112.47^{+91.6}_{-58.77}$ |
| 0.002 | $76.25^{+163.78}_{-38.76}$ | $56.83^{+108.36}_{-25.37}$ | $127.94^{+228.57}_{-69.19}$ |

Tabla 4.1: Resultados de la mejora de la SNR para tránsitos simulados, a los cuales se les insertó un ruido simulado de $SNR = 10$. ΔF representa la variación en el flujo de la estrella debido al tránsito. $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$, SNR_{mov} y SNR_{PCA} indican el valor de SNR de la curva de luz, obtenida mediante el filtrado de Fourier, promedio móvil y PCA respectivamente. Los intervalos del 90 % fueron obtenidos a partir de la distribución de SNR's que resultan de las pruebas, con $N = 2500$ casos únicos para cada ΔF .

| ΔF | $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$ | SNR_{mov} | SNR_{PCA} |
|------------|-------------------------------|-----------------------------|------------------------------|
| 0.03 | $81.71^{+4.01}_{-4.37}$ | $80.91^{+3.74}_{-4.74}$ | $81.22^{+4.11}_{-3.82}$ |
| 0.02 | $123.01^{+7.08}_{-10.47}$ | $120.85^{+7.21}_{-12.16}$ | $123.04^{+7.65}_{-8.96}$ |
| 0.01 | $240.81^{+24.17}_{-47.93}$ | $226.68^{+32.63}_{-47.63}$ | $248.12^{+27.47}_{-36.71}$ |
| 0.002 | $548.05^{+474.3}_{-237.59}$ | $439.0^{+497.27}_{-182.87}$ | $784.99^{+456.92}_{-357.55}$ |

Tabla 4.2: Resultados de la mejora de la SNR para tránsitos simulados, a los cuales se les insertó un ruido simulado de $SNR = 100$. ΔF representa la variación en el flujo de la estrella debido al tránsito. $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$, SNR_{mov} y SNR_{PCA} indican el valor de SNR de la curva de luz, obtenida mediante el filtrado de Fourier, promedio móvil y PCA respectivamente. Los intervalos del 90 % fueron obtenidos a partir de la distribución de SNR's que resultan de las pruebas, con $N = 2500$ casos únicos para cada ΔF .

Como puede verse en las tablas 4.1 y 4.2, el valor de la SNR depende de la variación en el flujo ΔF , los tránsitos profundos disminuyen la SNR, sin embargo podemos apreciar que los valores centrales son comparables.

El análisis de componentes principales parece tener el mejor desempeño. Como se puede apreciar en la figura 4.10, el resultado es una curva suave con SNR alta. Sin embargo

en la misma imagen podemos apreciar la diferencia entre el modelo y la curva filtrada, por lo que la medida de la SNR, no nos sugiere cual es el mejor método.

Debido a esto, comparamos también las curvas resultantes del filtrado con el modelo trapezoidal, para evaluar el desempeño de las diferentes metodologías, los resultados se presentan a continuación.

IV.1.2 Determinación de candidatos a tránsitos

Para determinar la eficiencia de la metodología en la identificación de candidatos a tránsitos de exoplanetas, se utilizó el coeficiente de correlación como medida de la calidad del filtrado. Utilizando la base de datos de tránsitos simulados (véase III.3.1) y los ruidos simulados (véase III.2.3) se calcularon los coeficientes de correlación de 625 casos únicos (25 ΔF y 25 t_c), las mismas simulaciones que dieron lugar a los resultados presentados en la subsección anterior (IV.1.1).

Presentaremos los resultados por método de filtrado, y para los casos límites de ruido, es decir $SNR = 10$ y $SNR = 100$. Estos valores de SNR's son de antes de cualquier proceso de filtrado.

IV.1.2.1 Correlaciones resultantes del filtrado de Fourier

Las figuras 4.1 y 4.2 muestran la correlación, entre el modelo y la curva filtrada con el filtro de Fourier, para curvas con $SNR = 10$ y $SNR = 100$ respectivamente. El color nos indica la media de los coeficientes de correlación (C), de los 100 ruidos con diferentes parámetros (véase III.2.3).

Estos resultados ayudan a saber que tipos de sistemas planetarios, podrían ser detectados utilizando esta metodología. También nos ayuda a definir la cota inferior para el coeficiente de correlación entre el modelo y la curva filtrada, para que esta, sea considerada como candidato a tránsito. Para el método de filtrado con Fourier, la cota inferior para el coeficiente de correlación es de $C \geq 0.85$.

Esta cota inferior se calculó a partir de un estudio de falsos positivos, donde se aplicó la metodología planteada en este trabajo, a curvas con solo ruido. De estos resultados, tomamos el coeficiente de correlación máximo C_{max} y calculamos la cota inferior como:

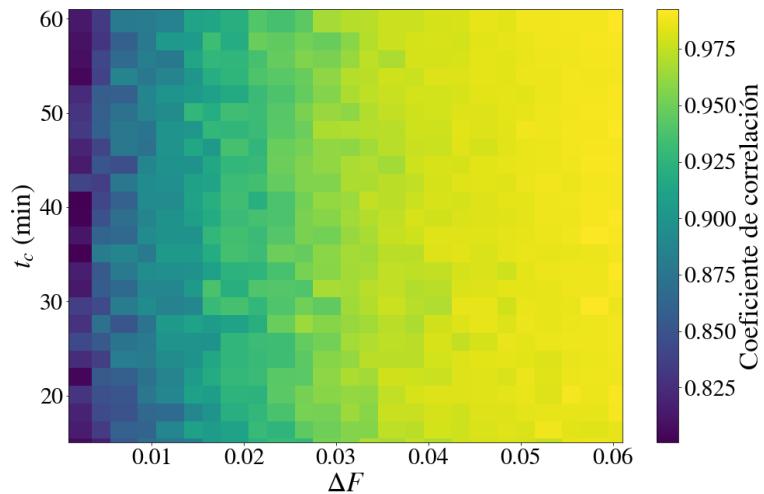


Figura 4.1: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando Fourier. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas simuladas con una $SNR = 10$.

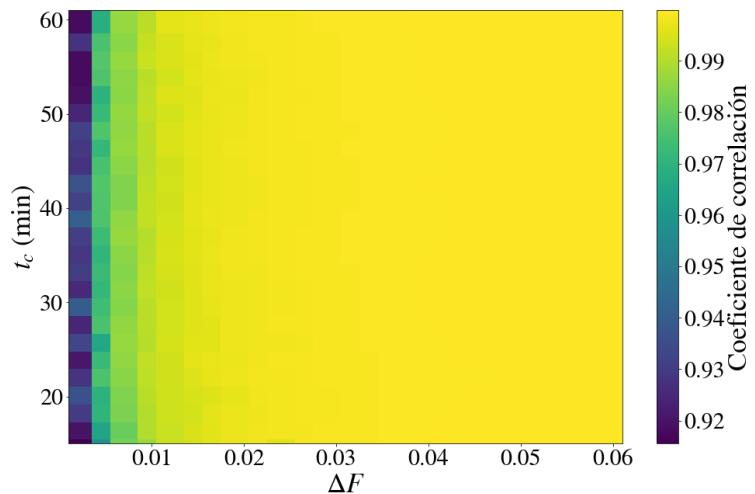


Figura 4.2: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando Fourier. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas simuladas con una $SNR = 100$.

$$C_{cota} = \frac{1 + C_{max}}{2} \quad (4.1)$$

Si analizamos la figura 4.2, vemos que para las curvas con $SNR = 100$, todo el intervalo de valores de ΔF y t_c (dentro de los límites, véase IV.2) tiene un valor de C es mayor que la cota inferior. Esto significaría, que en principio seríamos capaces de detectarlos. Por otra parte, en la figura 4.1, vemos que para curvas con $SNR = 10$ los tránsitos con $\Delta F < \sim 0.005$ no serían detectables.

IV.1.2.2 Correlaciones resultantes del promedio móvil

De manera análoga, las figuras 4.3 y 4.4 muestran la correlación, entre el modelo y la curva filtrada con el promedio móvil, para curvas con $SNR = 10$ y $SNR = 100$ respectivamente. El color nos indica la media de los coeficientes de correlación (C), de los 100 ruidos con diferentes parámetros (véase III.2.3).

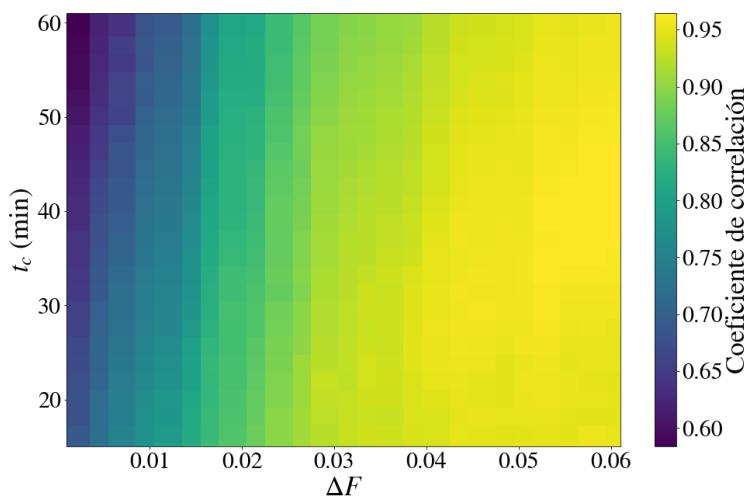


Figura 4.3: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapecio a los datos filtrados utilizando promedio móvil. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 10$.

Para el método de promedio móvil, la cota inferior para determinar una curva como candidata a tránsito es de $C \geq 0.84$.

Si analizamos la figura 4.4, vemos que para este método de filtrado, los valores de C están en función de ΔF y más notablemente de t_c . Esto se debe a lo que se mencionaba anteriormente (véase IV.1.2.2), este método altera la forma de la señal inmersa en el ruido.

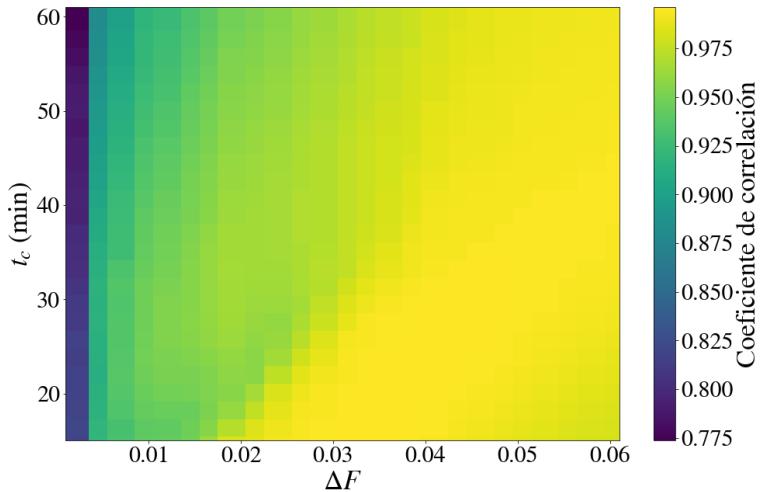


Figura 4.4: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando promedio móvil. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 100$.

Esta deformación aumenta de manera proporcional a t_c .

IV.1.2.3 Correlaciones resultantes de PCA

De manera análoga, las figuras 4.5 y 4.6 muestran la correlación, entre el modelo y la curva filtrada con el método de análisis de componentes principales (PCA), para curvas con $SNR = 10$ y $SNR = 100$ respectivamente. El color nos indica la media de los coeficientes de correlación (C), de los 100 ruidos con diferentes parámetros (véase III.2.3).

El filtrado usando PCA arroja los coeficientes de correlación más altos, sin embargo lo mismo ocurrió en la prueba de falsos positivos. Para este método, la cota inferior para determinar una curva como candidata a tránsito es de $C \geq 0.94$.

Si analizamos las figuras 4.5 y 4.6, vemos que al igual que para el método de Fourier, no se ve una correlación significativa entre C y t_c .

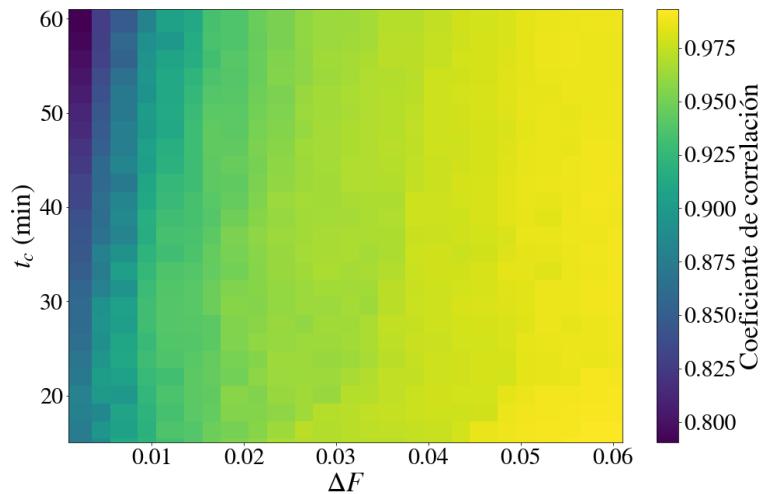


Figura 4.5: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando PCA. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 10$.

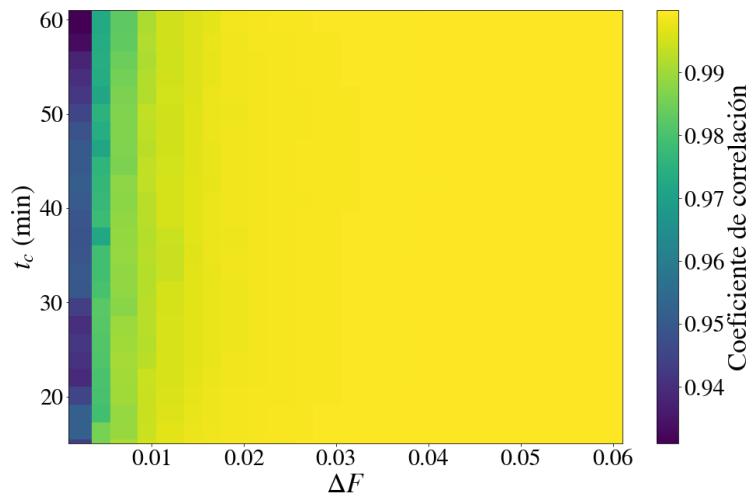


Figura 4.6: Mapa de correlaciones de los parámetros ΔF y t_c entre las simulaciones y los calculados después de aplicar el modelo del trapezoide a los datos filtrados utilizando PCA. Estos resultados se obtuvieron a partir de curvas con una $SNR = 100$.

IV.2 Datos observacionales

Se presentan los resultados de las metodologías para la mejora de la SNR en las curvas de luz reales (véase III.1).

IV.2.1 Mejora de la señal a ruido en datos observacionales

Se presenta un ejemplo del resultado del filtrado de ruido en la curva de luz de alta cadencia de HAT-P-37b, utilizando las 3 metodologías descritas en la sección anterior: el filtro de frecuencias de Fourier, promedio móvil y análisis de componentes principales (PCA). La curva de luz de HAT-P-37b fue obtenida mediante fotometría de apertura, ya que no se encontraron estrellas de campo para la fotometría diferencial.

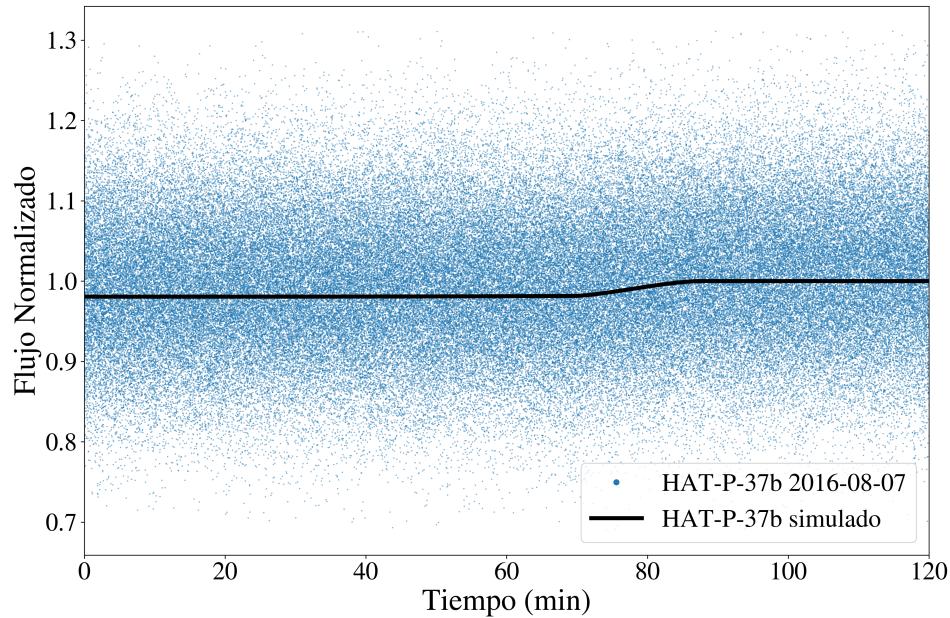


Figura 4.7: Curva de luz de HAT-P-37b tomada a 20 fps, durante la segunda mitad del tránsito. La curva de luz se obtuvo mediante fotometría de apertura con una $SNR = 11.73$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012).

IV.2.1.1 Resultados del filtro de Fourier

En la figura 4.8 podemos apreciar el resultado del filtro pasabajas de Fourier, aplicado a la curva de luz de HAT-P-37b. A pesar de ser una curva con mucho ruido, se puede apreciar a simple vista la forma del tránsito. Se utilizó una frecuencia de corte FC de

2×10^{-3} . También se muestra el modelo teórico del tránsito en negro, simulado usando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012) y *BATMAN* (véase III.3.1). La similitud entre el modelo y la curva filtrada es alto, el coeficiente de correlación es de $C = 0.982$.

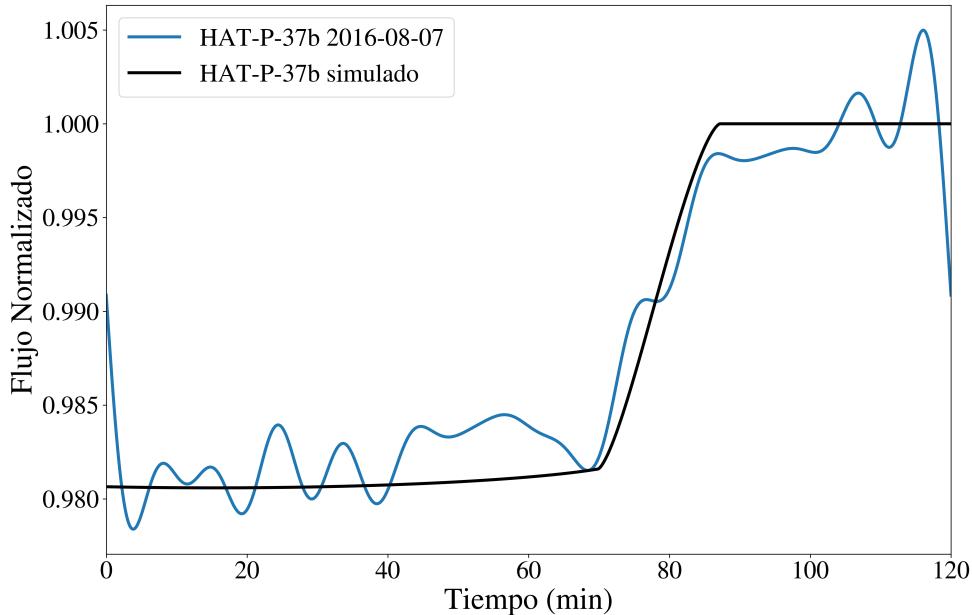


Figura 4.8: Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del filtrado de altas frecuencias. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 124.75$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.982$.

IV.2.1.2 Resultados del promedio móvil

En la figura 4.9 podemos apreciar el resultado del promedio móvil, aplicado a la curva de luz de HAT-P-37b. Para este resultado, se utilizó una ventana de 3000 frames. De igual manera se muestra en negro el modelo teórico. La similitud entre el modelo y la curva filtrada es alto, el coeficiente de correlación es de $C = 0.962$.

Como se observa en la figura 4.9, este método altera la pendiente de la curva, donde el planeta está saliendo de la superficie solar. Esta deformación es proporcional a la longitud

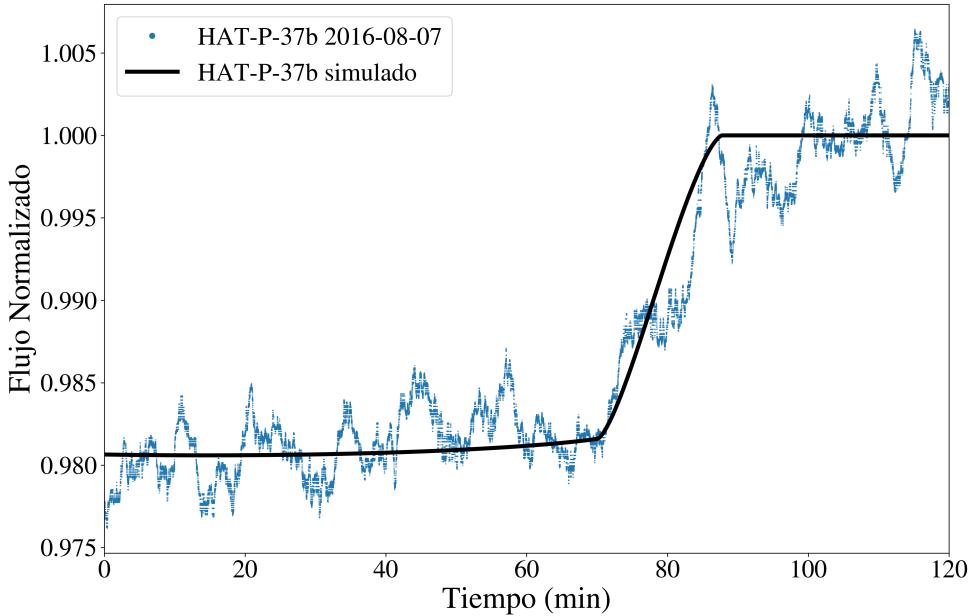


Figura 4.9: Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del promedio móvil. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 116.64$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.962$.

de la ventana de promediado, por lo que ventanas pequeñas (1000-3000 frames) pueden dar mejores coeficientes de correlación.

IV.2.1.3 Resultados de PCA

En la figura 4.10 podemos apreciar el resultado del filtrado utilizando el análisis de componentes principales (PCA), aplicado a la curva de luz de HAT-P-37b. Se calcularon las componentes principales de un conjunto de 25 tránsitos simulados con diferentes ΔF y t_c . Debido a que las componentes principales son calculadas utilizando una variedad de parámetros, la curva resultado solo posee la forma de tránsito, sin embargo, no es ideal para ser utilizada para el cálculo de observables.

Esta metodología funciona para la visualización, y como método de comparación entre los modelos teóricos y las curvas de luz. Si las curva de luz, contiene componentes

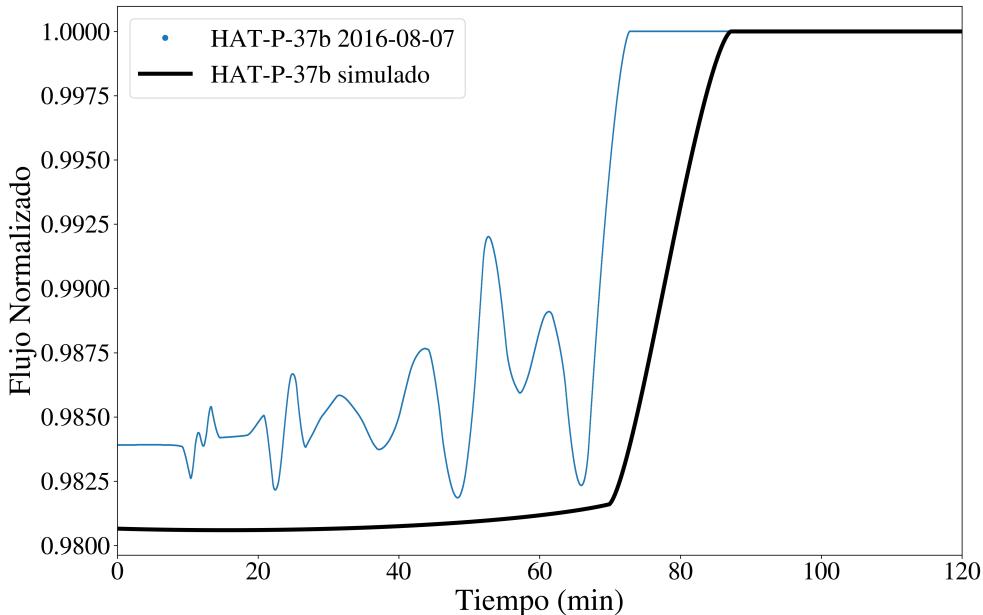


Figura 4.10: Azul: curva de luz de HAT-P-37b después del filtrado con PCA. La señal a ruido resultante fue de $SNR = 135.51$. La línea negra representa el modelo teórico, utilizando los parámetros presentados en Bakos et al. (2012). El coeficiente de correlación entre la curva y el modelo es $C = 0.889$.

principales similares a las del modelo, se producirá una curva similar a la que se observa en la figura 4.10. Si la curva es solo ruido, el resultado será una curva errática sin ningún parecido con el modelo.**HAY QUE PRESENTAR UN EJEMPLO DE ESTO**

IV.2.1.4 Resumen de resultados con datos observacionales

En la tabla 4.3 se presentan todos los resultados de la mejora de la SNR utilizando las metodologías descritas anteriormente, para todo el conjunto de curvas de luz reales (véase III.1)

Todas las curvas de luz de la tabla 4.3 tienen una duración de 2 horas y fueron obtenidas al momento del tránsito de exoplanetario. En la mayoría de las ocasiones, solo se observó la entrada o salida del exoplaneta al disco solar, las curvas con el superíndices ^(1,2) indican que se observó el tránsito completo y se separó en segmentos de 2 horas para

| Fecha | Nombre | SNR | $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$ | SNR_{mov} | SNR_{PCA} |
|-------------|-----------------------|--------|-------------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 06/Ago/2016 | WASP74b ¹ | 47.03 | 226.50 | 212.93 | 279.51 |
| 06/Ago/2016 | WASP74b ² | 39.82 | 114.47 | 114.73 | 156.30 |
| 06/Ago/2016 | HAT-P-32b | 14.55 | 29.68 | 29.43 | 31.85 |
| 07/Ago/2016 | HAT-P-37 ¹ | 11.66 | 176.44 | 166.00 | 180.11 |
| 07/Ago/2016 | HAT-P-37 ² | 11.73 | 124.75 | 116.64 | 135.51 |
| 28/May/2017 | HAT-P-14b | 61.40 | 154.80 | 158.96 | - |
| 29/May/2017 | WASP74b | 9.46 | 93.33 | 82.86 | 93.86 |
| 31/May/2017 | WASP48b | 7.74 | 61.25 | 48.16 | 63.29 |
| 31/May/2017 | WASP74b | 14.70 | 41.36 | 42.60 | 47.97 |
| 02/Jun/2017 | WASP-48b ¹ | 11.07 | 28.10 | 22.91 | 32.71 |
| 02/Jun/2017 | WASP48b ² | 7.67 | 20.37 | 14.78 | 20.32 |
| 05/Jun/2017 | HAT-P-31b | 6.17 | 68.05 | 43.67 | 80.09 |
| 08/Jun/2018 | Kepler17b | 146.52 | 523.31 | 512.25 | 602.00 |

Tabla 4.3: Resumen de los resultados para mejorar la SNR en las curvas de luz de tránsitos de exoplanetas obtenidas en múltiples temporadas en el OAN-SPM. SNR indica el valor de ruido después de la fotometría. $\text{SNR}_{\text{Fourier}}$, SNR_{mov} y SNR_{PCA} indican el valor de ruido resultado del filtrado de Fourier, promedio móvil y PCA respectivamente. Los superíndices indican que la misma curva se dividió en 2 segmentos de 2 horas cada uno, los cuales se analizaron de manera independiente.

su análisis, donde (¹ y ²) indican el comienzo y el final del tránsito respectivamente.

IV.2.2 Determinación de candidatos a tránsitos

Cabe destacar que las técnicas de filtrado utilizadas para la mejora de la SNR, deforman la curva de luz, por lo que no es posible recuperar la curva exacta del tránsito. Sin embargo, el objetivo es encontrar variaciones en el flujo, para determinar si la estrella observada puede ser candidata a tener un exoplaneta.

Se aplicó un ajuste del modelo trapezoidal (véase III.6.1) a las curvas filtradas. El desempeño de los distintos métodos de filtro, se evaluó utilizando el valor de ΔF resultado del ajuste a los datos filtrados y comparándolo con el valor reportado por la comunidad en bases de datos como *Exoplanet Transit Database*. Estos resultados se aprecian en la tabla 4.4.

El ajuste trapezoidal, nos regresa como resultado dos parámetros, ΔF y t_c (véase II.1.1). En estos resultados evaluamos solamente el valor de ΔF , esto nos brinda información sobre la magnitud del cambio en el flujo de la estrella observada, el cual es uno de los principales criterios para la selección de un posible candidato a tránsito.

| Fecha | Nombre | ΔF (%) | $\Delta F_{Fourier}$ (%) | ΔF_{mov} (%) | ΔF_{PCA} (%) |
|-------------|------------------------|----------------|--------------------------|----------------------|----------------------|
| 06/Ago/2016 | WASP74b ¹ | 1.04 | - | - | - |
| 06/Ago/2016 | WASP74b ² | 1.04 | - | - | - |
| 06/Ago/2016 | HAT-P-32b ¹ | 2.44 | - | - | - |
| 07/Ago/2016 | HAT-P-37 ¹ | 2.04 | 1.63 | 1.67 | 1.75 |
| 07/Ago/2016 | HAT-P-37 ² | 2.04 | 1.74 | 1.84 | 1.91 |
| 28/May/2017 | HAT-P-14b ¹ | 0.5 | - | - | - |
| 29/May/2017 | WASP74b ² | 1.04 | 2.42 | 2.59 | 1.62 |
| 31/May/2017 | WASP48b ² | 1.0 | - | - | - |
| 31/May/2017 | WASP74b ¹ | 1.04 | 6.47 | 6.28 | 6.59 |
| 02/Jun/2017 | WASP-48b ¹ | 1.0 | 6.63 | 5.33 | 7.5 |
| 02/Jun/2017 | WASP48b ² | 1.0 | - | - | - |
| 05/Jun/2017 | HAT-P-31b ¹ | 1.23 | - | - | - |
| 08/Jun/2018 | Kepler17b ¹ | 2.13 | - | - | - |

Tabla 4.4: Resultados de ΔF obtenidos ajustando el modelo del trapezoide a las curvas de luz de tránsitos. $\Delta F_{Fourier}$, ΔF_{mov} y ΔF_{PCA} representan el valor de ΔF obtenido después del filtrado de Fourier, promedio móvil y PCA respectivamente. El superíndice ¹ indica que la curva de luz fue obtenida mediante el inicio del tránsito y ² indica que la curva contenía el final del tránsito.

Los signos (-) en la tabla 4.4, indican que el método de ajuste falló. Esto ocurre cuando el ajuste del modelo nos da como resultado un valor de ΔF fuera de los límites permitidos. En este estudio fijamos los límites de ΔF como 0.2 %-5 %, y para t_c como 15-60 minutos, siendo estos los límites inferior y superior respectivamente. Esto nos indica que la detectabilidad fue baja (38 %), en la mayoría de los casos negativos, las curvas de luz tenían tendencias de baja frecuencia después del proceso de fotometría.

CAPÍTULO V: CONCLUSIONES

En este trabajo nos enfocamos en implementar herramientas de computo para el análisis eficiente de curvas de luz de alta cadencia. Para la detección de posibles candidatos a tránsitos de exoplanetas, dividimos el esfuerzo en dos componentes principales: la mejora de la señal a ruido (SNR) y el criterio para la validación de los posibles candidatos.

En la literatura, existen diversas técnicas para el suavizado de series de tiempo. Las metodologías presentadas en este trabajo no pretenden ser las mejores para el análisis, sin embargo, como vemos en la sección IV, estas tienen un buen desempeño. En promedio, se logró mejorar la SNR en un 500 % en curvas de luz reales. En algunos de esos casos ($\sim 30\%$), esto fue suficiente para observar a simple vista la firma del tránsito. En el futuro se pretende indagar en nuevas metodologías, y refactorizar el código implementado con el fin de aumentar la eficiencia.

Para la validación de posibles candidatos a tránsitos, se utilizó el modelo del trapezoide como primera aproximación a una señal observada debido a un tránsito de exoplaneta. Simplificar esta parte del modelo, nos permite aumentar la eficiencia significativamente sin descuidar la confiabilidad del método. Es importante recalcar que con la metodología planteada en este trabajo, no se pretende calcular magnitudes físicas precisas. El propósito es analizar una gran cantidad de datos en poco tiempo, y etiquetar posibles estrellas de interés, para en un futuro realizar más observaciones y análisis solo a estos objetivos preseleccionados. Esto es importante en proyectos con grandes bases de datos como *Kepler*, *TESS* y TAOS II donde la cantidad de objetivos es tan grande, que la implementación de pipelines de procesos de búsqueda rápida es indispensable.

Como se mencionó anteriormente, un factor importante que se mantuvo a consideración fue la eficiencia: esta metodología está pensada para implementarse con la base datos de TAOS II, la cual observará alrededor de $\sim 30,000$ estrellas por noche, con 3 diferentes telescopios. Esto significa que es necesario tener una metodología que sea capaz

de analizar cerca de 100,000 curvas de luz de alta cadencia en menos de 24 horas, esto si queremos evitar el cuello de botella con los datos. Es por eso que como trabajo a futuro, se planea implementar nuevamente esta metodología, de una manera más eficiente, con computo paralelizable y/o en lenguajes de programación más eficiente como *C*.

Los campos de observación de TAOS II no tienen traslape con otros proyectos (a excepción de *TESS* el cual cubre el 90 % de la bóveda celeste). Esto es muy importante, debido a que, cualquier detección que logremos en TAOS II, podrá ser un nuevo descubrimiento. Otra ventaja es que TAOS II, cuenta con 3 telescopios observando el mismo campo de observación, esto nos ayuda a tener una mayor confiabilidad en los resultados, porque podremos confirmar el candidato con tres observaciones simultáneas, esto reducirá significativamente la cantidad de falsos positivos. También, se contarán con telescopios más grandes y mejores detectores que con los que evaluamos la metodología presentada en este trabajo, po lo que esperamos tener mejores resultados con los datos de TAOS II.

ANEXOS

Código en Python del algoritmo de detección de candidatos a tránsitos y el método de mejora de la SNR.

REFERENCIAS

- Aigrain, S., Barge, P., Deleuil, M., Fressin, F., Moutou, C., Queloz, D., Auvergne, M., Baglin, A., et al. (2007). The corot exoplanet programme: exploring the gas-giant/terrestrial planet transition. *arXiv preprint astro-ph/0702062*.
- Alapini Odunlade, A. E. P. (2010). Transiting exoplanets: characterisation in the presence of stellar activity.
- Allen, C. W. and Cox, A. N. (2001). *Allen's astrophysical quantities*. Springer Science & Business Media.
- Bailey, S. (2012). Principal component analysis with noisy and/or missing data. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 124(919):1015.
- Bakos, G., Bayliss, D., Bento, J., Bhatti, W., Brahm, R., Csubry, Z., Espinoza, N., Hartman, J., Henning, T., Jordán, A., et al. (2018). Hats-71b: A giant planet transiting an m3 dwarf star in tess sector 1. *arXiv preprint arXiv:1812.09406*.
- Bakos, G., Csubry, Z., Penev, K., Bayliss, D., Jordán, A., Afonso, C., Hartman, J. D., Henning, T., Kovács, G., Noyes, R. W., et al. (2013). Hatsouth: a global network of fully automated identical wide-field telescopes. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 125(924):154.
- Bakos, G., Hartman, J., Torres, G., Béky, B., Latham, D., Buchhave, L. A., Csubry, Z., Kovács, G., Bieryla, A., Quinn, S., et al. (2012). Hat-p-34b-hat-p-37b: Four transiting planets more massive than jupiter orbiting moderately bright stars. *The Astronomical Journal*, 144(1):19.
- Bakos, G., Lazar, J., Papp, I., Sari, P., and Green, E. M. (2002). System description and

- first light curves of the hungarian automated telescope, an autonomous observatory for variability search. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 114(799):974.
- Bakos, G., Noyes, R., Kovács, G., Stanek, K., Sasselov, D., and Domsa, I. (2004). Wide-field millimagnitude photometry with the hat: A tool for extrasolar planet detection. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 116(817):266.
- Barge, P., Baglin, A., Auvergne, M., et al. (2007). Corot: pioneer space mission for exoplanet transit search. *Proceedings of the International Astronomical Union*, 3(S249):3–16.
- Barge, P., Baglin, A., Auvergne, M., Rauer, H., Léger, A., Schneider, J., Pont, F., Aigrain, S., Almenara, J.-M., Alonso, R., et al. (2008). Transiting exoplanets from the corot space mission-i. corot-exo-1b: a low-density short-period planet around a g0v star. *Astronomy & Astrophysics*, 482(3):L17–L20.
- Borucki, W., Koch, D., Jenkins, J., Sasselov, D., Gilliland, R., Batalha, N., Latham, D., Caldwell, D., Basri, G., Brown, T., et al. (2009). Kepler’s optical phase curve of the exoplanet hat-p-7b. *Science*, 325(5941):709–709.
- Borucki, W. J., Koch, D., Basri, G., Batalha, N., Brown, T., Caldwell, D., Caldwell, J., Christensen-Dalsgaard, J., Cochran, W. D., DeVore, E., et al. (2010). Kepler planet-detection mission: introduction and first results. *Science*, 327(5968):977–980.
- Borucki, W. J., Koch, D. G., Batalha, N., Bryson, S. T., Rowe, J., Fressin, F., Torres, G., Caldwell, D. A., Christensen-Dalsgaard, J., Cochran, W. D., et al. (2012). Kepler-22b: A 2.4 earth-radius planet in the habitable zone of a sun-like star. *The Astrophysical Journal*, 745(2):120.
- Brault, J. and White, O. (1971). The analysis and restoration of astronomical data via the fast fourier transform. *Astronomy and Astrophysics*, 13:169.
- Bryson, S. T., Batalha, N. M., Colon, K. D., Coughlin, J. L., Haas, M. R., Henze, C., Huber, D., Morton, T., Rowe, J. F., Mullally, S. E., et al. (2017). Kepler certified false positive table.
- Butler, R. P. and Marcy, G. W. (1996). A planet orbiting 47 ursae majoris. *The Astrophysical Journal Letters*, 464(2):L153.

- Cameron, A. C., Bouchy, F., Hébrard, G., Maxted, P., Pollacco, D., Pont, F., Skillen, I., Smalley, B., Street, R., West, R., et al. (2007). Wasp-1b and wasp-2b: two new transiting exoplanets detected with superwasp and sophie. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 375(3):951–957.
- Charbonneau, D., Brown, T. M., Latham, D. W., and Mayor, M. (1999). Detection of planetary transits across a sun-like star. *The Astrophysical Journal Letters*, 529(1):L45.
- Charpinet, S., Fontaine, G., Brassard, P., Green, E. M., Van Grootel, V., Randall, S. K., Silvotti, R., Baran, A., Østensen, R., Kawaler, S. D., et al. (2011). A compact system of small planets around a former red-giant star. *Nature*, 480(7378):496.
- Chong, E. K. and Zak, S. H. (2004). *An introduction to optimization*. John Wiley & Sons.
- Chromey, F. (1996). Special considerations for flat fielding. *CCD Astronomy*, pages 18–23.
- Collier Cameron, A., Pollacco, D., Street, R., Lister, T., West, R., Wilson, D., Pont, F., Christian, D., Clarkson, W., Enoch, B., et al. (2006). A fast hybrid algorithm for exoplanetary transit searches. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 373(2):799–810.
- Cooley, J. W. and Tukey, J. W. (1965). An algorithm for the machine calculation of complex fourier series. *Mathematics of computation*, 19(90):297–301.
- Désert, J.-M., Charbonneau, D., Demory, B.-O., Ballard, S., Carter, J. A., Fortney, J. J., Cochran, W. D., Endl, M., Quinn, S. N., Isaacson, H. T., et al. (2011). The hot-jupiter kepler-17b: Discovery, obliquity from stroboscopic starspots, and atmospheric characterization. *The Astrophysical Journal Supplement Series*, 197(1):14.
- Enoch, B., Anderson, D., Barros, S., Brown, D., Cameron, A. C., Faedi, F., Gillon, M., Hébrard, G., Lister, T., Queloz, D., et al. (2011). Wasp-35b, wasp-48b, and hat-p-30b/wasp-51b: two new planets and an independent discovery of a hat planet. *The Astronomical Journal*, 142(3):86.
- Fressin, F., Torres, G., Charbonneau, D., Bryson, S. T., Christiansen, J., Dressing, C. D., Jenkins, J. M., Walkowicz, L. M., and Batalha, N. M. (2013). The false positive rate of kepler and the occurrence of planets. *The Astrophysical Journal*, 766(2):81.

- Gilbert, E. A., Barclay, T., Schlieder, J. E., Quintana, E. V., Hord, B. J., Kostov, V. B., Lopez, E. D., Rowe, J. F., Hoffman, K., Walkowicz, L. M., et al. (2020). The first habitable zone earth-sized planet from tess. i: Validation of the toi-700 system. *arXiv preprint arXiv:2001.00952*.
- Hartman, J. D., Bakos, G., Torres, G., Latham, D. W., Kovács, G., Béky, B., Quinn, S., Mazeh, T., Shporer, A., Marcy, G., et al. (2011). Hat-p-32b and hat-p-33b: Two highly inflated hot jupiters transiting high-jitter stars. *The Astrophysical Journal*, 742(1):59.
- Hatzes, A. P., Cochran, W. D., Endl, M., McArthur, B., Paulson, D. B., Walker, G. A., Campbell, B., and Yang, S. (2003). A planetary companion to γ cephei a. *The Astrophysical Journal*, 599(2):1383.
- Hellier, C., Anderson, D., Cameron, A. C., Delrez, L., Gillon, M., Jehin, E., Lendl, M., Maxted, P., Pepe, F., Pollacco, D., et al. (2015). Three wasp-south transiting exoplanets: Wasp-74b, wasp-83b, and wasp-89b. *The Astronomical Journal*, 150(1):18.
- Hippke, M. and Heller, R. (2019). Optimized transit detection algorithm to search for periodic transits of small planets. *Astronomy & Astrophysics*, 623:A39.
- Jenkins, J. M., Caldwell, D. A., Chandrasekaran, H., Twicken, J. D., Bryson, S. T., Quintana, E. V., Clarke, B. D., Li, J., Allen, C., Tenenbaum, P., et al. (2010a). Overview of the kepler science processing pipeline. *The Astrophysical Journal Letters*, 713(2):L87.
- Jenkins, J. M., Chandrasekaran, H., McCauliff, S. D., Caldwell, D. A., Tenenbaum, P., Li, J., Klaus, T. C., Cote, M. T., and Middour, C. (2010b). Transiting planet search in the kepler pipeline. In *Software and Cyberinfrastructure for Astronomy*, volume 7740, page 77400D. International Society for Optics and Photonics.
- Johns-Krull, C. M., McCullough, P. R., Burke, C. J., Valenti, J. A., Janes, K., Heasley, J., Prato, L., Bissinger, R., Fleenor, M., Foote, C., et al. (2008). Xo-3b: a massive planet in an eccentric orbit transiting an f5 v star. *The Astrophysical Journal*, 677(1):657.
- Kipping, D. M., Hartman, J., Bakos, G. Á., Torres, G., Latham, D. W., Bayliss, D., Kiss, L. L., Sato, B., Béky, B., Kovács, G., et al. (2011). Hat-p-31b, c: A transiting, eccentric, hot jupiter and a long-period, massive third body. *The Astronomical Journal*, 142(3):95.

- Kipping, D. M. and Sandford, E. (2016). Observational biases for transiting planets. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 463(2):1323–1331.
- Klückers, V., Woorder, N., Dainty, J., and Longmore, A. (1996). Comparison of shift-and-add and bispectrum image reconstruction methods for astronomy in the near infrared. *JOSA A*, 13(7):1577–1583.
- Kosarev, E. and Pantos, E. (1983). Optimal smoothing of 'noisy' data by fast fourier transform. *Journal of Physics E: Scientific Instruments*, 16(6):537.
- Kovács, G., Zucker, S., and Mazeh, T. (2002). A box-fitting algorithm in the search for periodic transits. *Astronomy & Astrophysics*, 391(1):369–377.
- Kreidberg, L. (2015). batman: Basic transit model calculation in python. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 127(957):1161.
- Léger, A., Rouan, D., Schneider, J., Barge, P., Fridlund, M., Samuel, B., Ollivier, M., Guenther, E., Deleuil, M., Deeg, H., et al. (2009). Transiting exoplanets from the corot space mission-viii. corot-7b: the first super-earth with measured radius. *Astronomy & Astrophysics*, 506(1):287–302.
- Lehner, M., Coehlo, N., Zhang, Z.-W., Bianco, F., Wang, J.-H., Rice, J., Protopapas, P., Alcock, C., Axelrod, T., Byun, Y.-I., et al. (2010). The taos project: statistical analysis of multi-telescope time series data. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 122(894):959.
- Lehner, M. J., Wang, S.-Y., Alcock, C. A., Cook, K. H., Furesz, G., Geary, J. C., Hiriart, D., Ho, P. T., Lee, W., Melsheimer, F., et al. (2012). The transneptunian automated occultation survey (taos ii). In *Ground-based and Airborne Telescopes IV*, volume 8444, page 84440D. International Society for Optics and Photonics.
- Lehner, M. J., Wang, S.-Y., Reyes-Ruiz, M., Alcock, C., Castro, J., Chen, W.-P., Chu, Y.-H., Cook, K. H., Figueroa, L., Geary, J. C., et al. (2016). Status of the transneptunian automated occultation survey (taos ii). In *Ground-based and Airborne Telescopes VI*, volume 9906, page 99065M. International Society for Optics and Photonics.

- Luisier, F., Blu, T., and Unser, M. (2010). Image denoising in mixed poisson–gaussian noise. *IEEE Transactions on image processing*, 20(3):696–708.
- Luu, J. X. and Jewitt, D. C. (2002). Kuiper belt objects: Relics from the accretion disk of the sun. *Annual Review of Astronomy and Astrophysics*, 40(1):63–101.
- Mahu, R., Rojo, P., Firoozabadi, A. D., Soto, I., Sedaghati, E., and Yoma, N. B. (2017). Estimation of exoplanetary planet-to-star radius ratio with homomorphic processing. *Astronomy and computing*, 20:160–167.
- Mandel, K. and Agol, E. (2002). Analytic light curves for planetary transit searches. *The Astrophysical Journal Letters*, 580(2):L171.
- Marcy, G., Butler, R., and Fischer, D. (1999). Three jupiter-mass companions orbiting upsilon andromedae. In *Bulletin of the American Astronomical Society*, volume 31, page 847.
- Marcy, G. W. and Butler, R. P. (1996). A planetary companion to 70 virginis. *The Astrophysical Journal*, 464(2):L147–L151.
- Mayor, M. and Queloz, D. (1995). A jupiter-mass companion to a solar-type star. *Nature*, 378(6555):355.
- McGurk, R. C., Kimball, A. E., and Ivezić, Ž. (2010). Principal component analysis of sloan digital sky survey stellar spectra. *The Astronomical Journal*, 139(3):1261.
- Medeiros, L., Lauer, T. R., Psaltis, D., and Öznel, F. (2018). Principal component analysis as a tool for characterizing black hole images and variability. *The Astrophysical Journal*, 864(1):7.
- Mortara, L. and Fowler, A. (1981). Evaluations of charge-coupled device (ccd) performance for astronomical use. In *Solid-State Imagers for Astronomy*, volume 290, pages 28–33. International Society for Optics and Photonics.
- Morton, T. D. (2012). An efficient automated validation procedure for exoplanet transit candidates. *The Astrophysical Journal*, 761(1):6.

- Moutou, C., Deleuil, M., Guillot, T., Baglin, A., Bordé, P., Bouchy, F., Cabrera, J., Csizmadia, S., Deeg, H. J., et al. (2013). Corot: Harvest of the exoplanet program. *Icarus*, 226(2):1625–1634.
- Orosz, J. A., Welsh, W. F., Carter, J. A., Fabrycky, D. C., Cochran, W. D., Endl, M., Ford, E. B., Haghighipour, N., MacQueen, P. J., Mazeh, T., et al. (2012). Kepler-47: a transiting circumbinary multiplanet system. *Science*, 337(6101):1511–1514.
- Owen, M. (2007). *Practical signal processing*. Cambridge university press.
- Pollacco, D., Skillen, I., Collier Cameron, A., Loeillet, B., Stempels, H., Bouchy, F., Gibson, N., Hebb, L., Hébrard, G., Joshi, Y., et al. (2008). Wasp-3b: a strongly irradiated transiting gas-giant planet. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 385(3):1576–1584.
- Pollacco, D. L., Skillen, I., Cameron, A. C., Christian, D. J., Hellier, C., Irwin, J., Lister, T., Street, R., West, R. G., Anderson, D., et al. (2006). The wasp project and the super-wasp cameras. *Publications of the Astronomical Society of the Pacific*, 118(848):1407.
- Pont, F., Zucker, S., and Queloz, D. (2006). The effect of red noise on planetary transit detection. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 373(1):231–242.
- Ricker, G. R., Winn, J. N., Vanderspek, R., Latham, D. W., Bakos, G. Á., Bean, J. L., Berta-Thompson, Z. K., Brown, T. M., Buchhave, L., Butler, N. R., et al. (2014). Transiting exoplanet survey satellite. *Journal of Astronomical Telescopes, Instruments, and Systems*, 1(1):014003.
- Romanishin, W. (2006). An introduction to astronomical photometry using ccds. *University of Oklahoma*, 17.
- Sánchez, E., Castro-Chacón, J., Silva, J., Hernández-Águila, J., Reyes-Ruiz, M., Guerrero, C., Hernández-Valencia, B., Alvarez-Santana, F., García-Díaz, M., et al. (2019). Apphi: An automated photometry pipeline for high cadence, large volume data. *Astronomy and computing*, 26:1–13.

- Schliegel, J. (2017). Tess observatory guide, version 1.1. *TESS Guest Investigator Program: TESS Observatory Guide, Version 1.1 (June 30, 2017)*. TESS Science Support Center, NASA Goddard Space Flight Center, Greenbelt, MD.
- Shallue, C. J. and Vanderburg, A. (2018). Identifying exoplanets with deep learning: A five-planet resonant chain around kepler-80 and an eighth planet around kepler-90. *The Astronomical Journal*, 155(2):94.
- Shin, K., Hammond, J., and White, P. (1999). Iterative svd method for noise reduction of low-dimensional chaotic time series. *Mechanical Systems and Signal Processing*, 13(1):115–124.
- Sullivan, P. W., Winn, J. N., Berta-Thompson, Z. K., Charbonneau, D., Deming, D., Dressing, C. D., Latham, D. W., Levine, A. M., McCullough, P. R., Morton, T., et al. (2015). The transiting exoplanet survey satellite: simulations of planet detections and astrophysical false positives. *The Astrophysical Journal*, 809(1):77.
- Thompson, R. O. (1983). Low-pass filters to suppress inertial and tidal frequencies. *Journal of Physical Oceanography*, 13(6):1077–1083.
- Torres, G., Bakos, G., Hartman, J., Kovács, G., Noyes, R., Latham, D., Fischer, D., Johnson, J., Marcy, G., Howard, A., et al. (2010). Hat-p-14b: A 2.2 mj exoplanet transiting a bright f star. *The Astrophysical Journal*, 715(1):458.
- Vogt, S. S., Marcy, G. W., Butler, R. P., and Apps, K. (2000). Six new planets from the keck precision velocity survey. *The Astrophysical Journal*, 536(2):902.
- Walker, G. A. (2012). The first high-precision radial velocity search for extra-solar planets. *New Astronomy Reviews*, 56(1):9–15.
- Winn, J. N. (2010). Transits and occultations. *arXiv preprint arXiv:1001.2010*.