# Aprendizaje de Máquina

# Menú

- Aprendizaje en base a instancias
  - K-vecinos cercanos

### Aprendizaje en Base a Instancias

- Todos los métodos, en realidad, han aprendido usando instancias
- La diferencia es que los métodos de ésta categoría conservan un subconjunto de los ejemplos de entrenamiento, en lugar de derivar en representación explicita de la función objetivo
  - Función lineal, árbol de decisión, una red neuronal, etc.

### Aprendizaje en Base a Instancias

- Estas técnicas memorizan algunos ejemplos y posponen generalizar hasta el momento en que una nueva instancia debe ser clasificada
  - Se conocen como métodos desidiosos ("lazy") pues dejan la realización del cómputo hasta el último momento (cuando hay que clasificar alguna instancia)
- Una ventaja es que pueden estimar una función objetivo (F.O.) especializada localmente para cada instancia a clasificar
  - Esto es bueno cuando la F.O. global es muy compleja pero puede ser expresada como un conjunto de aproximaciones locales

## Aprendizaje en Base a Instancias

- Algunas características
  - Son técnicas de aprendizaje supervisado i.e., los ejemplos con los que se entrena tiene asociado un valor de la función de evaluación
  - Estas técnicas funcionan bien tanto para problemas de regresión como de clasificación
  - Desventajas
    - Costo computacional en línea
    - Desempeño degradado si las instancias tienen muchos atributos irrelevantes (más sobre esto después)



- Vamos a ver un algoritmo de esta familia llamado k-Vecinos Cercanos
  - Versión básica
  - Versión ponderada por distancia

#### Algoritmo k-Vecinos Cercanos Versión Básica

- Cada instancia es considerada como un punto en el espacio ndimensional X<sup>n</sup>, donde n es el número de atributos de cada instancia
- La función objetivo puede ser tanto real como discreta (categórica)
- En el caso de ser discreta, el algoritmo selecciona los k vecinos más cercanos a la instancia a clasificar x<sub>q</sub> y le asigna la categoría más común entre estos. Por ejemplo, dada la instancia
  - $x_q = <1,0,0,1,1>$
  - Supongamos que los k=3 vecinos más cercanos son:
    - (<1,1,0,1,1>,Gato)
    - (<1,0,0,0,1>,Perro)
    - (<0,0,0,1,1>,Gato)
  - La clasificación de <1,0,0,1,1> será Gato

# Ejemplo Clasificar $x_q$ , con k=3

#### k-Vecinos Cercanos Versión Básica

- En el caso de ser continua, se calcula el promedio de los valores de las F.O. de los k vecinos más cercanos a la instancia a clasificar (x<sub>q</sub>). Por ejemplo, dada
  - $x_q = <1,0,0,1,1>$
  - Supongamos que los k=3 vecinos más cercanos son:
    - (<1,1,0,1,1>,1)
    - (<1,0,0,0,1>,2)
    - (<0,0,0,1,1>,1)
  - La clasificación de <1,0,0,1,1> será 4/3=1.3

# Ejemplo Clasificar $x_q$ , con k=3

#### k-Vecinos Cercanos Versión Básica

- La cercanía entre instancias se calcula usando alguna medida de distancia; por ejemplo, la distancia Euclidiana
  - La distancia Euclidiana entre x<sub>q</sub> y x<sub>j</sub> es:

```
distancia(x_q, x_j)=Sqrt(\sum_{r=1,n} (a_r(x_q)-a_r(x_j))^2)
```

-donde  $a_r(x_q)$  es el valor del atributo r de la instancia  $x_q$ . La suma se realiza para cada uno de los n atributos

#### k-Vecinos Cercanos Algoritmo Versión Básica Discreta

- El algoritmo de entrenamiento:
  - Guardar cada ejemplo (x, f(x))
- Algoritmo de clasificación para valores discretos
  - Dada la instancia x<sub>q</sub> a clasificar
  - Calcular la distancia de cada ejemplo de entrenamiento a  $x_q$ . Sean  $x_1$  a  $x_k$  los k ejemplos más cercanos a  $x_q$ 
    - $V^{(x_q)} < ---$  Elemento más común de  $\{f(x_1), f(x_2)... f(x_k)\}$

#### k-Vecinos Cercanos Algoritmo Versión Básica Continua

- Cuando la función objetivo es continua, podemos adaptar el algoritmo de la siguiente manera:
- El algoritmo de entrenamiento:
  - Guardar cada ejemplo (x f(x))
- Algoritmo de clasificación para valores continuos
  - Dada la instancia x<sub>q</sub> a clasificar
  - Calcular la distancia de cada ejemplo de entrenamiento a  $x_q$ . Sean  $x_1$  a  $x_k$  los k ejemplos más cercanos a  $x_q$ 
    - $V^{(x_q) < -1/k} \sum_{i=1,k} f(x_i)$
    - El promedio de la f.o. de los k valores más cercanos

### k-Vecinos Cercanos Ejemplo Caso Discreto

#### Datos

Calif. Mate	Calif. Bio	Estudiante	dist. a Xq
8	8	Bueno	1
9	8	Bueno	1.41421356
7	9	Bueno	2.23606798
9	5	Malo	2.23606798
6	7	Malo	2
7	7	Malo	1

#### Clasificación x<sub>q</sub>=(Calif.Mate=8,Calif.Bio=7)

3-mas cercanos				
8	8	Bueno		
7	7	Malo		
9	8	Bueno		

x<sub>q</sub> es clasificado como Bueno

## k-Vecinos Cercanos Ejemplo Caso Continuo

#### Datos

Calif. Mate	Calif. Bio	Estudiante	dist. a Xq
8	8	2	1
9	8	2	1.41421356
7	9	2	2.23606798
9	5	1	2.23606798
6	7	1	2
7	7	1	1

#### Clasificación

3-mas cercano	Estudiante	
8	8	2
7	7	1
9	8	2

 $x_q$  es clasificado como 5/3=1.6

#### k-Vecinos Cercanos Versión Ponderada

- Una extensión obvia del algoritmos es ponderar la contribución de cada uno de los k vecinos con respecto a su distancia a x<sub>q</sub> (el punto a clasificar)
  - Mientras mas lejano a x<sub>q</sub> menor influencia en su clasificación
  - Se puede utilizar el inverso del cuadrado de la distancia, para que disminuya rápido la influencia de los vecinos lejanos

#### k-Vecinos Cercanos Versión Ponderada

- Para ponderar contribuciones de cada dato con el inverso de la distancia cuadrada, modificación la última línea de los algoritmos
- Caso discreto
  - f(x<sub>q</sub>)<--- Elemento más común de {w<sub>1</sub>f(x<sub>1</sub>), w<sub>2</sub>f(x<sub>2</sub>),..., w<sub>k</sub>f(x<sub>k</sub>)} donde w<sub>i</sub>=1/distancia(x<sub>q</sub>,x<sub>i</sub>)<sup>2</sup>. Note que para determinar cuál es el más común, se deben sumar las w<sub>i</sub> de todas las f(x<sub>i</sub>) que sean iguales
- Caso continuo
  - $f(x_q) < -1/r \sum_{i=1,k} W_i f(x_i)$ donde  $r = \sum_{i=1,k} W_i$
- Nota: Si las distancia entre  $x_q$  y  $x_i$  cero se asigna a  $x_q$  el valor de  $f(x_i)$



#### k-Vecinos Cercanos

#### Ejemplo Versión Ponderada (Caso Discreto)

#### Datos

Calif. Mate	Calif. Bio	Estudiante	dist. a Xq	
8	8	Bueno	2.01246118	
9	8	Bueno	1.80277564	
7	9	Bueno	3.38378486	
9	5	Malo	1.20415946	
6	7	Malo	3.00832179	
7	7	Malo	2.06155281	

Clasificación x<sub>q</sub>=(Calif.Mate=8.9, Calif.Bio=6.2)

3-mas cercano	)S	dist. A Xq	wi	
8	8	2.012	0.24702679	bueno
9	8	1.802	0.30795725	bueno
9	5	1.204	0.68983786	malo

=	0.54(bueno)
	0.68(malo)

x<sub>a</sub> es clasificado como malo

#### k-Vecinos Cercanos

- Algunas características
  - Robusto a ruido (usa muchos ejemplos para clasificar)
  - Necesita muchos ejemplos
  - Utiliza todos los atributos
    - En contraste con los árboles de decisión
    - Esto puede ser un problema: la maldición de la dimensionalidad

### k-Vecinos Cercanos Ejemplo de la Maldición

#### Datos

Distancia	c3 de lluvia	Temp	Calif. Mate	Calif. Bio	Estudiante	dist. a Xq
500	50	25	8	8	Bueno	600.087494
1000	150	23	9	8	Bueno	148.667414
300	60	21	7	9	Bueno	800.255584
600	50	25	9	5	Malo	500.108988
300	100	23	6	7	Malo	802.249338
1500	40	21	7	7	Malo	400.00625

• Clasificación  $x_q = (1100, 40, 23, 8, 7)$ 

3-mas cercano	os				
1000	150	23	9	8	Bueno
1500	40	21	7	7	Malo
600	50	25	9	5	Malo

x<sub>q</sub> es clasificado como malo gracias a los nuevos atributos Irrelevantes (antes lo habíamos clasificado como bueno)

# k-Vecinos Cercanos La maldición de la dimensionalidad

- Algunas posibles soluciones
  - Escoger atributos relevantes
    - "Subset selection"
    - "Principal components": Técnica basada en algebra lineal que determina los atributos o la combinación lineal de atributos que mejor separan los datos
    - Ganancia Informática: Parecido a lo que haremos para determinar nodos en el árbol de decisión
    - "Correlation Based Feature Selection": Calcula la correlación entre diferentes subconjuntos de atributos para determinar cuáles son redundantes y cuáles esenciales
    - Y muchas mas.

# Ejercicio

- Genere un conjunto de datos compuesto por muchos círculos dispersos en el espacio de dos dimensiones. Los puntos dentro de los círculos pertenecen a la categoría "dentro" y los que caen fuera a "fuera"
- Compare con SVM o con RN (escoga una) (No todos SVM por favor)