ML 勉強会

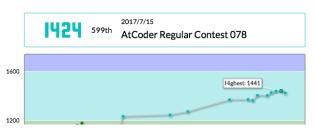
MLでAtCoderに参加した話

@fetburner

2017年7月22日

自己紹介

- ■水野雅之
- Twitter:@fetburner
- Coq でメタ定理の形式化やってる M2
 - 日常生活でCoq しか書かなさすぎてヤバい ので競プロでMLのリハビリ



水色コーダーですが, 宜しければしばしお付き合いを

Q. なぜ At Coder?

- A. 初期の頃から OCaml をサポートして いたから
 - ABC 001 (2013年10月)の頃には既にしてた
 - 現在処理系は OCaml 4.02.3 と比較的新しい
 - ▶ 昔は OCaml 3.12.1 でつらかった
 - ocamlopt でコンパイルするので,定数倍で TLE しない
 - ▶ 昔は ocamlc なので (ry
 - int が 63bit なのでオーバーフロー知らず
- 現在ではSML (MLton) もサポート
 - これも定数倍で TLE しにくい
 - int が 31bit なので最悪

- 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- 3 To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- 5 まとめ

- 1 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- 5 まとめ

(早速ですが)問題例1: 単純な入出力

"高橋君はデータの加工が行いたいです。整数a,b,cと、文字列sが与えられます。整数a+b+cと、文字列sを並べて表示しなさい。"

— practice contest A - はじめてのあっとこーだー

競プロではこの問題と同じように,標準入力から 受け取った値を加工して標準出力に流すプログラム が求められる場合が多い

OCaml による解答例

```
let () =
  let a = Scanf.scanf "%d\n" (fun a -> a) in
  let b, c = Scanf.scanf "%d\n"
      (fun b c -> b, c) in
  let s = Scanf.scanf "%s\n" (fun s -> s) in
    Printf.printf "%d\n%s\n" (a + b + c) s
```

- 入力にはScanf.scanf を使おう
 - OCaml にもあります
 - 空白や改行の読み飛ばしが容易
- 出力には Printf. printf を使おう
 - OCaml にも (ry
 - フォーマットに沿った出力がしやすい

SMLによる解答例

```
fun readInt () =
  TextIO.scanStream (Int.scan StringCvt.DEC)
    TextIO.stdIn
val SOME a = readInt ()
val SOME b = readInt ()
val SOME c = readInt ()
(* skip newline *)
val _ = TextIO.inputLine TextIO.stdIn
val SOME s = TextIO.inputLine TextIO.stdIn
val () = print
  (Int.toString (a + b + c) ^{\circ} "_{\sqcup}" ^{\circ} s)
```

■ 数値の入力にはStringCvtを用いる

Basis Library には printf も scanf もない (絶望)

問題例2: 任意個の入出力

"長さnの数列 a_1, \dots, a_n が与えられます。空の数列bに対して、以下の操作をn回行うことを考えます。i回目には

- 1. 数列のi番目の要素 a_i をbの末尾に追加する。
- 2. *b* を逆向きに並び替える。 この操作をしてできる数列 *b* を求めて下さい。"

— ARC 077 C - pushpush

OCaml による解答例

```
let () =
  let n = Scanf.scanf "%d\n" (fun n -> n) in
  let as_ = Array.init n (fun _ ->
        Scanf.scanf "%d_" (fun a -> a)) in
  Array.fold_left (fun (xs, ys) a ->
        (ys, a :: xs)) ([], []) as_
  |> (fun (xs, ys) -> ys @ List.rev xs)
  |> List.iter (Printf.printf "%d_")
```

- 任意個のデータを入力する際には Array.init が便利
- 陽な再帰関数を書く前に fold で書けな いか検討しよう

SMLによる解答例

```
val SOME n = readInt ()
val as_=List.tabulate(n,fn _=>valOf(readInt()))
val () =
  let val (xs, ys) =
    foldl(fn(a,(xs,ys))=>(ys,a::xs))([],[])as_ in
    app(fn x=>print(Int.toString x^"_"))(ys@rev
    print "\n"
end
```

- 任意個のデータを入力する際には List.tabulate が便利
- ■陽な再帰関数を書く前にfold (ry

構文が重い(半ギレ)

- 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- 5 まとめ

List.fold_left 及び foldl

- ライブラリを整備して良し,問題を解いて良し
- ABC/ARCのCやAGCのAぐらいまでは fold だけで解ける場合が多い
- まずはこれを使いこなしましょう

fold の例 1: 総和

■ある時は総和を求め

```
List.fold_left ( + ) 0 xs
```

■またある時は総乗を求め

```
List.fold_left ( * ) 1 xs
```

剰余類もなんのその

```
List.fold_left (fun x y \rightarrow x * y mod n) 1
List.map (fun x \rightarrow x mod n) xs
```

モノイドだしタイトルは総和で良いかと

fold の例 2: アキュムレータを増やしてみる

■ 隣り合った要素を取り出したり

```
let hd :: tl = xs in
List.fold_left (fun (ps, x) y ->
    ((x, y) :: ps, y)) ([], hd) tl
```

■尺取もいける

```
List.fold_left (fun (m, s) a -> let rec drop s=let a'=Queue.pop q in if a=a' then s else drop(IntSet.remove a' s)in Queue.push a q;if IntSet.mem a s then (max m (IntSet.cardinal s), drop s) else(m,IntSet.add a s))(0,IntSet.empty)as_
```

mapとconcat (リストモナド)

- 組み合わせの列挙に便利
- 再帰で DFS を書かなくても総当たりを 書けることもある

冪集合

```
List.fold_left (fun xss x ->
List.concat @@ List.map (fun xs ->
[xs; x :: xs]) xss) [[]] xs
```

abc からなる長さ n の文字列を列挙

```
Array.init n (fun _ -> ['a'; 'b'; 'c'])
|> Array.fold_left (fun ss cs ->
    List.concat @@ List.map (fun s ->
        List.map (fun c -> c :: s) cs) ss) [[]]
```

有限集合 (Set) と有限写像 (Map)

- 純粋関数型に書きたい時便利
- OCamlのSetとMapは最大値/最小値の 取り出しをサポートしている: 簡易的な優先度付きキューになる!
 - 重複を許さないので気を付けよう
 - 優先度を減らす操作が無いのでダイクスト ラ法はキツい
 - プリム法ぐらいならいける
- SML だと NJ Library にあります
 - こちらは最大値/最小値の取り出しをサポートしない

- 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- 3 To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- **⑤** まとめ

That is the question.

競プロでよく用いられる DP, しかし...

```
let cmb = Array.make_matrix n n 0 in
for i = 0 to n - 1 do
  cmb.(i).(0) <- 1; cmb.(i).(i) <- 1 done;
for i = 1 to n - 1 do for j = 1 to i do
  cmb.(i).(j) <- cmb.(i - 1).(j - 1)
  + cmb.(i - 1).(j) done done</pre>
```

- 評価順にシビア
- ■値域によってデータ構造を使い分ける 必要がある
 - コードの再利用性に乏しい

メモ化再帰の導入

■評価順は計算機が考えれば良い

```
let dp = Array.make_matrix n n None in
let rec body n r =
  if r = 0 \mid \mid n = r then 1
  else cmb (n - 1) r + cmb (n - 1) (r - 1)
and cmb n r =
  match dp.(n).(r) with
  I Some x \rightarrow x
  | None ->
      let x = body n r in
      dp.(n).(r) \leftarrow Some x; x
```

ハッシュの導入・高階関数に

- OCaml の Hashtbl はハッシュ関数を面倒 見てくれる
- メモ化部分を高階関数で括り出そう

```
let memoize n f =
  let dp = Hashtbl.create n in
  let rec get x =
    try Hashtbl.find dp x with Not_found ->
      let r = f get x in
      Hashtbl.add dp x r; r in get
let cmb = memoize 100 (fun cmb (n, r) ->
  if r = 0 || n = r then 1
  else cmb (n - 1, r) + cmb (n - 1, r - 1))
```

- 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- **⑤** まとめ

二分探索にまつわる様々な言い伝え

- 「無限ループに陥りやすい」
- ■「添え字が1ずれる」
- 「半開区間でやれば誤りにくい」



毎回手書きするからバグるのでは?

高階関数による抽象化

再利用できるライブラリを用意すればよい

```
let rec upper_bound p l r =
  if r <= l + 1 then l
  else
    let m = (l + r) / 2 in
    if p m then upper_bound p m r
    else upper_bound p l m</pre>
```

しかし,肝心のライブラリが正しいとは限 らない...

まさかの時の定理証明支援系

Coq で証明を付ければ解決!

```
Require Import Arith Omega Recdef.
Variable P : nat -> Prop.
Hypothesis P_dec : forall n,
{ P n } + { ~P n }.
Function lower_bound_aux b n { wf lt n } :=
(* (中略) *)
Theorem lower_bound_spec l r :
l <= threshold <= r ->
lower_bound l r = threshold.
```

- Coq には与えられたプログラムを OCaml に変換する機能がある
 - SML の人は Isabelle/HOL 使って

- 簡単な問題と入出力テンプレ
- 2 便利な標準ライブラリ関数の紹介
- To DP or Not To DP
- 4 ライブラリ整備について
- **5** まとめ

まとめ

- 高階関数の表現力を武器に,関数プログラミングでも結構闘える
- 抽象化機構を利用して,競プロであってもコードの再利用性を高めよう
 - コードを書かなければバグもない
- 時には定理証明支援系の手を借りるの も良い

MLerにはMLerのやり方がある