Martedì 25 Gennaio 2022 – Prof. Guido Proietti (Modulo di Teoria)

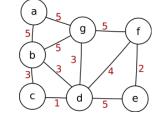
Scrivi i tuoi dati \Longrightarrow	Cognome:	Nome:	Matricola:	PUNTI
ESERCIZIO 1	Risposte Esatte:	Risposte Omesse:	Risposte Errate:	

ESERCIZIO 1: Domande a risposta multipla

Premessa: Questa parte è costituita da 10 domande a risposta multipla. Per ciascuna domanda vengono fornite 4 risposte, di cui soltanto una è corretta. Per rispondere utilizzare la griglia annessa, barrando con una \times la casella corrispondente alla risposta prescelta. È consentito omettere la risposta. In caso di errore, contornare con un cerchietto la \times erroneamente apposta (ovvero, in questo modo \otimes) e rifare la \times sulla nuova risposta prescelta. Se una domanda presenta più di una risposta, verrà considerata omessa. Per tutti i quesiti verrà attribuito un identico punteggio, e cioè: risposta esatta 3 punti, risposta omessa 0 punti, risposta sbagliata -1 punto. Il voto relativo a questa parte è ottenuto sommando i punti ottenuti e normalizzando su base 30. Se tale somma è negativa, verrà assegnato 0.

Attenzione: la domanda 10 è stata neutralizzata

- 1. Si consideri l'algoritmo di ricerca binaria di un elemento in un insieme ordinato di *n* elementi. Quale delle seguenti opzioni descrive in modo corretto il numero di confronti nel caso migliore, peggiore e medio?
 - $\text{a) } T_{\text{best}}(n) = 1, T_{\text{worst}}(n) = \lfloor \log n \rfloor + 1, T_{\text{avg}}(n) = \Theta(1) \qquad \text{b) } T_{\text{best}}(n) = 1, T_{\text{worst}}(n) = \lfloor \log n \rfloor + 1, T_{\text{avg}}(n) = \log n$
 - c) $T_{\text{best}}(n) = 1, T_{\text{worst}}(n) = \lfloor \log n \rfloor + 1, T_{\text{avg}}(n) = \Theta(\log n)$ d) $T_{\text{best}}(n) = 1, T_{\text{worst}}(n) = \lfloor \log n \rfloor, T_{\text{avg}}(n) = \Theta(n)$
- 2. Qual è la complessità temporale dell'algoritmo Radix Sort applicato ad un array A di n elementi in cui l'elemento massimo è pari a $k = n^{3/2}$?
 - a) $\Theta(n^{3/2})$ b) $\Theta(n)$ c) $\Theta(n^2)$ d) $\Theta(n \log n)$
- 3. Quale tra i seguenti algoritmi non è ottimo se applicato al problema descritto?
 - a) Algoritmo di ricerca binaria per cercare un elemento in una sequenza di n interi ordinati
 - b) Quicksort per ordinare una sequenza di n interi arbitrari
 - c) Algoritmo di ricerca sequenziale per cercare un elemento in una sequenza di n interi non ordinati
 - d) RADIX SORT per ordinare una sequenza di n interi con valori $O(n^c)$ con c>1 costante intera.
- 4. Dato un heap binomiale H di n elementi, quale delle seguenti affermazioni è vera:
 - a) Il grado della radice di ogni albero in $H \in \Theta(\log n)$, e il numero di elementi di ogni albero in $H \in \Theta(\log n)$;
 - b) Il grado della radice di ogni albero in $H \in \Theta(\log n)$, e il numero di elementi di qualche albero in $H \in O(\log n)$;
 - c) Il grado della radice di ogni albero in $H \in O(\log n)$, e il numero di elementi di qualche albero in $H \in \Theta(\log n)$;
 - d) Il grado della radice di ogni albero in $H
 in o(\log n)$, e il numero di elementi di ogni albero in $H
 in O(\log n)$.
- 5. Si supponga che in un albero AVL si determini uno sbilanciamento di tipo sinistra-sinistra, sia v la radice del sottoalbero sbilanciato (avente quindi fattore di bilanciamento $\beta(v)=+2$), sia u il suo figlio sinistro e w il suo figlio destro. Con quale tra le seguenti rotazioni si ribilancia l'AVL?
 - a) Rotazione semplice verso sinistra su v; b) Rotazione semplice verso destra su v;
 - c) Rotazione semplice verso destra su u; d) Rotazione semplice verso sinistra su w.



- 6. Dato il grafo in figura, quale dei seguenti affermazioni è vera?
 - a) Il grafo ha grado 4 b) Il grafo contiene un ciclo euleriano
 - c) Il grafo è bipartito d) Il grafo contiene un cammino euleriano
- 7. Dato il grafo di Domanda 6, si applichi su di esso l'algoritmo di Dijkstra con sorgente il nodo c. Qual è la sequenza di nodi aggiunti alla soluzione?
 - a) c, d, b, g, f, e, a b) c, d, b, f, g, e, a c) c, d, b, g, f, a, e d) c, d, b, a, g, f, e
- 8. Dato il grafo di Domanda 6, si orientino gli archi dal nodo con lettera minore al nodo con lettera maggiore secondo l'ordine alfabetico, e si enumerino i vertici in ordine alfabetico. Qual è la lunghezza del cammino minimo 5-vincolato tra il nodo f e il nodo d?
 - a) $+\infty$ b) 4 c) 7 d) 8
- 9. Dato il grafo di Domanda 6, si applichi l'algoritmo di Prim con nodo sorgente il nodo f. Qual è il terzo arco aggiunto alla soluzione?
 - a) (f, e) b) (f, d) c) (f, g) d) (d, c)

Griglia Risposte

	Domanda									
Risposta	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a										
b										
c										
d										