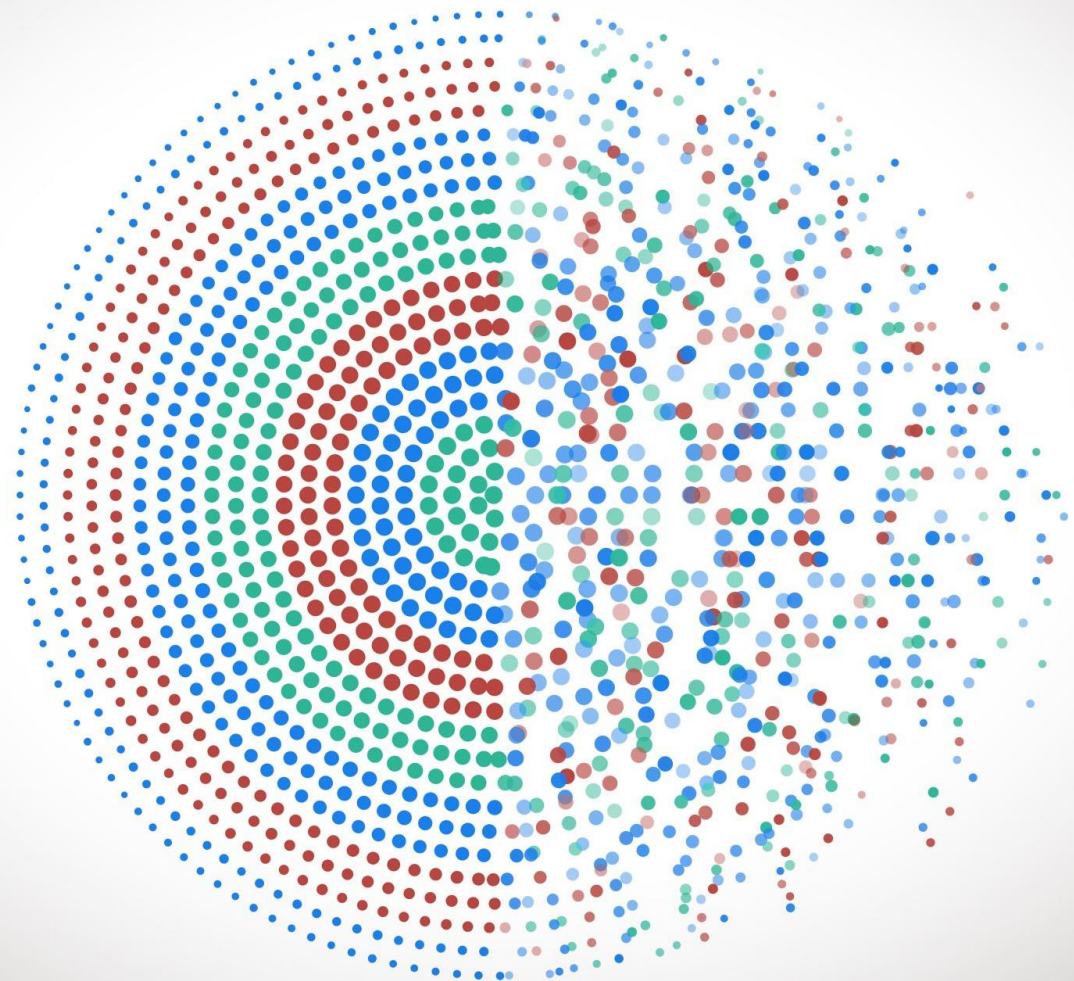


# Fondamenti di programmazione

a.a. 2022-23

Antinisca Di Marco

[antinisca.dimarco@univaq.it](mailto:antinisca.dimarco@univaq.it)



# Modulo Integrato

Fondamenti di Programmazione con Laboratorio (12 CFU). Due moduli:

- **Modulo di Fondamenti di Programmazione** (6 CFU)
  - Antinisca DI MARCO
- Modulo di Laboratorio di Programmazione I (6 CFU)
  - Monica NESI

# Fondamenti di Programmazione (?)

- I fondamenti di programmazione sono quelle **conoscenze basilari** che occorre possedere per la **programmazione** informatica **in un qualunque linguaggio di programmazione**

# Testi di riferimento

Modulo di Fondamenti di Programmazione (6 CFU)

- **Elementi di Sintassi dei Linguaggi di Programmazione** - Corso di Laurea in Informatica Università di Pisa a.a. 2004/05, R. Barbuti, P. Mancarella, D. Pedreschi, F. Turini (\*)
- **Elementi di Semantica Operazionale**, R. Barbuti, P. Mancarella e F. Turini (\*) Questa dispensa rivisita la dispensa precedente "Semantica Operazionale". Gli studenti possono scegliere una delle due.
- **Semantica Operazionale di +/- Java** (versione del 03 Dicembre 2010), M. Autili, P. Inverardi.

Le precedenti dispense sono reperibili sul TEAM del corso, canale generale: File-> materiale del corso

(\*) Le prime due dispense sono comunque disponibili anche on-line nel sito ufficiale dell'Università di Pisa. Sono state pubblicate anche nelle precedenti pagine solo per convenienza degli studenti.

# Parti da Studiare

- Per la dispensa "**Elementi di Sintassi dei Linguaggi di Programmazione**" il corso copre la parte riguardante le grammatiche ma non copre la parte riguardante gli automi. Le parti da studiare sono:
  - da pag. 1 a pag. 5
  - dalla Sezione 3 Grammatiche (cioè da pag. 19) fino alla Sezione 3.4 compresa (cioè fino pag. 40)
- Per la dispensa "**Elementi di Semantica Operazionale**" la parte da studiare va:
  - dall'inizio fino alla Sezione 5.4 compresa (cioè fino pag. 48).
- La dispensa "**Semantica Operazionale +/-Java**" va studiata tutta

# Modalità d'esame

- Due prove parziali scritte sufficienti oppure Prova totale scritta
- Orale obbligatorio dopo il secondo parziale o dopo la prova totale
- La prima prova parziale è a metà corso e prevede gli argomenti delle prime due dispense



**Cosa sono i fondamenti  
di programmazione?**

# Cos'è un linguaggio di programmazione

- Un linguaggio di programmazione è una notazione formale che può essere usata per descrivere algoritmi.
- Due aspetti del linguaggio:
  - sintassi
  - semantica



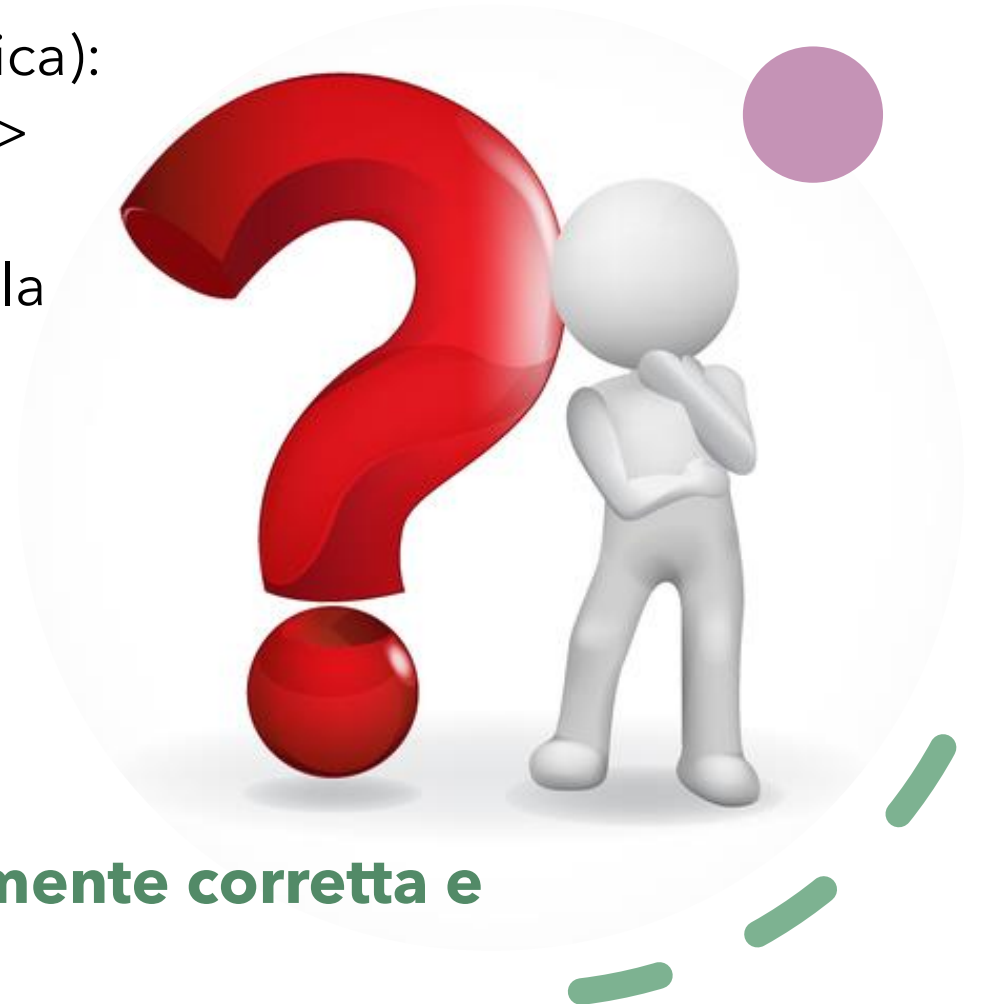
# Sintassi e Semantica

- **Sintassi**: l'insieme di regole formali per la scrittura di programmi in un linguaggio, che dettano le modalità per costruire frasi corrette nel linguaggio stesso
- **Semantica**: l'insieme dei significati da attribuire alle frasi (sintatticamente corrette) costruite nel linguaggio

# Esempi in Italiano

- Struttura di una frase semplice (regola sintattica):  
<soggetto> <verbo> <complemento-oggetto>
- Esempi di frasi **corrette** per quanto riguarda la **struttura sintattica**:
  - Il bimbo mangia il gelato
  - Il papa stira la camicia
  - La ghianda prepara lo zaino
  - Il cane rincorre la palla

**NB: una frase può essere sintatticamente corretta e tuttavia non avere significato!**



# Linguaggio

- È un insieme di frasi (sintatticamente) ammissibili.

Dato un vocabolario, o **alfabeto**, di elementi di base (simboli o **elementi terminali**), un **linguaggio** è un **sottoinsieme di tutte le** frasi (o **stringhe**) ottenibili come sequenze **di elementi terminali**.

# Esempio

- Consideriamo il linguaggio delle espressioni aritmetiche ottenibili a partire da numeri interi e dalle quattro operazioni  $+$ ,  $-$ ,  $\times$  e  $/$ .
- Fra tutte le possibili sequenze (o stringhe) di numeri ed operazioni aritmetiche:
  - ve ne sono di ammissibili, come  $3 \times 4 + 2$ ,
  - e di non ammissibili, come  $3 + \times + 4$ .
- Il linguaggio delle espressioni aritmetiche può essere identificato con il sottoinsieme delle stringhe ammissibili.
- Un linguaggio di programmazione può essere identificato con l'insieme delle proprie stringhe ammissibili, che comunemente chiamiamo **programmi**.

# Esempio

- Consideriamo il linguaggio delle espressioni aritmetiche ottenibili a partire da numeri interi e dalle quattro operazioni  $+$ ,  $-$ ,  $\times$  e  $/$ .
- Fra tutte le possibili espressioni aritmetiche:
  - ve ne sono
  - e di non am
- Il linguaggio delle espressioni aritmetiche è un sottoinsieme di
- Un linguaggio di programmazione può essere identificato con l'insieme delle proprie stringhe ammissibili, che comunemente chiamiamo **programmi**.

**Descrivere un linguaggio significa  
descrivere l'insieme delle stringhe del  
linguaggio stesso**

# Formalizzazione del concetto di linguaggio

Concetti preliminari:

- Alfabeto: insieme finito di simboli detti terminali, lo indichiamo con  $\Lambda$
- Stringa sull'alfabeto  $\Lambda$ : una stringa è una sequenza finita di simboli di  $\Lambda$   $a_1 a_2 \cdots a_n$ , con  $n \geq 0$ , dove ciascun  $a_i$  elemento di  $\Lambda$ .  
In formule,  $\forall i \in [1, n]. a_i \in \Lambda$ .

Se l'alfabeto  $\Lambda$  è l'insieme  $\{0, 1\}$ , un esempio di stringa è 00110110001101.

# Formalizzazione del concetto di linguaggio

Concetti preliminari:

- Consideriamo una stringa  $\mathbf{s} = a_1 a_2 \cdots a_n$  con  $n \geq 0$
- Il numero naturale  $\mathbf{n}$  è detto lunghezza della stringa.
- Se la lunghezza di una stringa  $s$  è 0, allora la stringa  $s$  è chiamata stringa vuota, ed è rappresentata con il simbolo  $\epsilon$ .
- L'insieme di tutte le stringhe su un dato alfabeto  $\mathbf{\Lambda}$  è indicato come  $\mathbf{\Lambda^*}$ .
- In generale, il simbolo  $*$  è un operatore che, dato un insieme  $S$ , costruisce l'insieme di tutte le stringhe sull'insieme  $S$ .

# Formalizzazione del concetto di linguaggio

Concetti preliminari:

- Si noti che, se  $\Lambda$  non è vuoto, allora  $\Lambda^*$  è un insieme infinito, formato cioè da infiniti elementi, anche se ciascuno di questi è di lunghezza finita.

**Un linguaggio su un alfabeto  $\Lambda$  è un sottoinsieme di  $\Lambda^*$ , ovvero un insieme di stringhe sull'alfabeto.**

**In formule,  $L$  è un linguaggio su  $\Lambda$  se  $L \subseteq \Lambda^*$ .**



# Formalizzazione del concetto di linguaggio

- $\Lambda^*$  stesso e l'insieme vuoto  $\emptyset$  sono due esempi di linguaggi, entrambi poco interessanti.
- I linguaggi "interessanti", su un dato alfabeto, saranno infatti insiemi non vuoti e non banali di stringhe che hanno in comune una qualche proprietà rilevante.
- Sui linguaggi, visti come insiemi di stringhe, sono definite tutte le operazioni insiemistiche: unione ( $\cup$ ), intersezione ( $\cap$ ), complemento e quelle da esse derivate.
- E' definita inoltre l'operazione di concatenazione, basata naturalmente sulla concatenazione di stringhe: siano  $L_1, L_2 \subseteq \Lambda^*$   
 $L_1 L_2 = \{\alpha\beta \mid \alpha \in L_1 \wedge \beta \in L_2\}$

Fine

# Grammatiche

- Le grammatiche libere da contesto sono un strumento **generativo** (**ricorsivo**) per descrivere linguaggi
- le grammatiche costituiscono una notazione concisa per descrivere la sintassi di un linguaggio di programmazione.

# Grammatiche

- Le espressioni aritmetiche possono essere definite ricorsivamente in modo naturale. Consideriamo le espressioni aritmetiche che contengono:
  - i quattro operatori binari  $+$ ,  $-$ ,  $*$  e  $/$ ;
  - le parentesi;
  - i numeri come operandi.

Tali espressioni vengono di solito definite in modo induttivo come segue:

**Base.** Un numero è un'espressione.

**Induzione.** Se  $E$  è un'espressione, lo sono anche:

- a)  $(E)$
- b)  $E + E$
- c)  $E - E$
- d)  $E * E$ ;
- e)  $E/E$ .

# Grammatiche

- Le espressioni aritmetiche possono essere definite ricorsivamente in modo naturale. Consideriamo le espressioni aritmetiche che contengono:
  - i quattro operatori binari  $+$ ,  $-$ ,  $*$  e  $/$ ;
  - le parentesi;
  - i numeri come operandi.

Tali espressioni vengono di solito definite in modo ricorsivo.

**Base.** Un numero è un'espressione.

**Induzione.** Se  $E$  è un'espressione, lo sono anche

- a)  $(E)$
- b)  $E + E$
- c)  $E - E$
- d)  $E * E$
- e)  $E / E$ .

**Le grammatiche consentono di scrivere queste regole in modo conciso e con un significato preciso. Come esempio, la nostra definizione delle espressioni aritmetiche potrebbe essere data mediante la grammatica**

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Numero} \rangle$   
 $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow ( \langle \text{Espressione} \rangle )$   
 $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle + \langle \text{Espressione} \rangle$   
 $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle - \langle \text{Espressione} \rangle$   
 $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle * \langle \text{Espressione} \rangle$   
 $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle / \langle \text{Espressione} \rangle$

# Grammatiche

- $\langle \text{Espressione} \rangle$  viene detto categoria sintattica e sta per una qualunque stringa nel linguaggio delle espressioni aritmetiche.
- Il simbolo  $\rightarrow$  significa "può essere composto da": per esempio, la regola  $\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow ( \langle \text{Espressione} \rangle )$  dice che un'espressione può essere composta da una parentesi aperta, seguita da una qualunque stringa che sia un'espressione, seguita da una parentesi chiusa.

**Le grammatiche consentono di scrivere queste regole in modo conciso e con un significato preciso. Come esempio, la nostra definizione delle espressioni aritmetiche potrebbe essere data mediante la grammatica**

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Numero} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow ( \langle \text{Espressione} \rangle )$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle + \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle - \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle * \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle / \langle \text{Espressione} \rangle$

# Grammatiche

- Nella prima regola il simbolo  $\langle \text{Numero} \rangle$  a destra della freccia è anch'esso una categoria sintattica, da interpretarsi come un segnaposto per una generica stringa che possa essere interpretata come un numero.
- Allo stato attuale non ci sono regole in cui  $\langle \text{Numero} \rangle$  compaia a sinistra della freccia, e quindi non è ancora definito quali stringhe possano essere usate per rappresentare i numeri.

**Le grammatiche consentono di scrivere queste regole in modo conciso e con un significato preciso. Come esempio, la nostra definizione delle espressioni aritmetiche potrebbe essere data mediante la grammatica**

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Numero} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow ( \langle \text{Espressione} \rangle )$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle + \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle - \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle * \langle \text{Espressione} \rangle$

$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle / \langle \text{Espressione} \rangle$

# Grammatiche

- Una grammatica è costituita da una o più produzioni : ogni linea della riquadro affianco è una produzione.
- In generale, una produzione `e formata da tre parti:
  1. una testa, che è la categoria sintattica a sinistra della freccia;
  2. il metasimbolo  $\rightarrow$ ;
  3. il corpo, costituito da 0 o più categorie sintattiche e/o simboli terminali a destra della freccia.

**Le grammatiche consentono di scrivere queste regole in modo conciso e con un significato preciso. Come esempio, la nostra definizione delle espressioni aritmetiche potrebbe essere data mediante la grammatica**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Numero} \rangle$**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow ( \langle \text{Espressione} \rangle )$**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle + \langle \text{Espressione} \rangle$**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle - \langle \text{Espressione} \rangle$**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle * \langle \text{Espressione} \rangle$**

**$\langle \text{Espressione} \rangle \rightarrow \langle \text{Espressione} \rangle / \langle \text{Espressione} \rangle$**



# Convenzioni

- $\langle S \rangle \rightarrow \varepsilon$  significa che la stringa vuota fa parte del linguaggio della categoria sintattica  $\langle S \rangle$ .
- $\langle S \rangle \rightarrow B_1, \langle S \rangle \rightarrow B_2, \dots, \langle S \rangle \rightarrow B_n$  è equivalente a  $\langle S \rangle \rightarrow B_1 \mid B_2 \mid \dots \mid B_n$

# Completiamo la grammatica delle espressioni

**<Espressione> → <Numero>**  
**<Espressione> → ( <Espressione> )**  
**<Espressione> → <Espressione> + <Espressione>**  
**<Espressione> → <Espressione> - <Espressione>**  
**<Espressione> → <Espressione> \* <Espressione>**  
**<Espressione> → <Espressione> / <Espressione>**  
**<Numero> → ????**

# Grammatica

- Una **grammatica**  $G$  è definita come una **quadrupla**



# Grammatica

- Una **grammatica**  $G$  è definita come una **quadrupla**

$$\langle \Lambda, V, S, P \rangle$$

$\Lambda$  è un insieme di simboli detto **alfabeto**

# Grammatica

- Una **grammatica**  $G$  è definita come una **quadrupla**

$$\langle \Lambda, V, S, P \rangle$$

$\Lambda$  è un insieme di simboli detto **alfabeto**

$V$  è l'insieme, finito, delle **categorie sintattiche**, ovvero di variabili che rappresentano sotto-linguaggi

# Grammatica

- Una **grammatica**  $G$  è definita come una **quadrupla**

$$\langle \Lambda, V, S, P \rangle$$

$\Lambda$  è un insieme di simboli detto **alfabeto**

$V$  è l'insieme, finito, delle **categorie sintattiche**, ovvero di variabili che rappresentano sotto-linguaggi

$S \in V$  è la **categoria sintattica principale** o iniziale

# Grammatica

- Una **grammatica**  $G$  è definita come una **quadrupla**

$$\langle \Lambda, V, S, P \rangle$$

$\Lambda$  è un insieme di simboli detto **alfabeto**

$V$  è l'insieme, finito, delle **categorie sintattiche**, ovvero di variabili che rappresentano sotto-linguaggi

$S \in V$  è la **categoria sintattica principale** o iniziale

$P$  è un **insieme finito di produzioni**. Ciascuna produzione, nel caso delle grammatiche libere ha la struttura  **$A \rightarrow \alpha$**

$$A \in V$$

$$\alpha \in (\Lambda \cup V)^+$$



**Esercizi:** Definire una grammatica  $G$  per ognuno dei seguenti linguaggi

$$L(G_1) = \{ a^n \mid n \geq 1 \}$$

$$L(G_2) = \{ a^n \mid n \geq 0 \}$$

$$L(G_3) = \{ a^n b^m \mid n \geq 1, m \geq 0 \}$$

$$L(G_4) = \{ a^n b^n \mid n \geq 1 \}$$

$$L(G_5) = \{ a^n (bc)^m \mid n \geq 0, m \geq 0 \}$$

$$L(G_6) = \{ a^n b^m c^n \mid n \geq 0, m \geq 0 \}$$
