UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO

PROVA 03 REFERENTE A DISCIPLINA DE SÉRIES TEMPORAIS

MATHEUS DA SILVA GIL

1 Introdução

A combinação de previsões, uma prática comum em situações em que múltiplas previsões para a mesma variável estão disponíveis, desempenha um papel crucial na tomada de decisões. Essas previsões podem surgir de diferentes previsores ou abordagens de modelagem, refletindo, por vezes, divergências nas interpretações subjetivas dos previsores ou nas escolhas de modelagem. Uma decisão crítica que se coloca diante dessa variedade de previsões é a escolha entre depender de uma única previsão dominante ou combinar as diversas previsões subjacentes.

Teoricamente, a combinação de previsões oferece benefícios de diversificação, presumindo que não seja possível identificar, antecipadamente, um modelo de previsão específico que consistentemente supere seus concorrentes em termos de erros de previsão. Mesmo se o melhor modelo pudesse ser identificado em cada ponto no tempo, a estratégia de combinação ainda seria atraente devido aos ganhos de diversificação, embora o sucesso dependa da capacidade de determinar adequadamente os pesos de combinação.

A prática da combinação de previsões tem sido amplamente validada em diversas áreas, desde previsões macroeconômicas, como o Produto Interno Bruto, até previsões de mercado financeiro, inflação, e até mesmo resultados de jogos de futebol. Diversos estudos empíricos demonstram consistentemente que a combinação de múltiplas previsões resulta em maior precisão do que depender exclusivamente de um único modelo.

Este artigo aborda de maneira abrangente a teoria por trás das combinações de previsões, explorando questões como a diversificação de riscos, métodos de estimação para problemas de combinação linear, esquemas não lineares, variação temporal de pesos, combinações sob perda assimétrica e outros tópicos relevantes. O objetivo é oferecer uma visão aprofundada sobre a importância e os desafios associados à estratégia de combinação de previsões na literatura especializada

2 Combinações de Previsões

Antecipar eventos futuros é uma busca incessante, e na era da informação, a previsão torna-se uma ferramenta crucial. No entanto, diante da complexidade dos dados e da imprevisibilidade de muitos fenômenos, uma abordagem singular pode não ser suficiente. É aqui que entra a fascinante prática da combinação de previsões, uma estratégia que não apenas reconhece a diversidade de métodos de previsão, mas celebra essa diversidade como uma força.

2.1 Racionalidade por trás da Efetividade

Prever o futuro é uma tarefa desafiadora, e nenhum modelo único pode fazê-lo perfeitamente. A estratégia de combinação de previsões surge como uma abordagem inovadora para lidar com essa complexidade. Ao integrar diferentes visões de vários modelos, buscamos uma compreensão mais completa e precisa do que está por vir.

- Eficiência por Diversidade A eficácia das combinações de previsões decorre da diversidade de abordagens. Cada modelo, com suas próprias suposições e métodos, oferece uma perspectiva única para interpretar dados. A diversidade é crucial, pois diferentes modelos podem destacar detalhes específicos e identificar padrões que outros não percebem, melhorando nossa compreensão geral
- Complementaridade de Métodos Além da diversidade, a complementaridade entre métodos de previsão é essencial. Cada abordagem tem suas forças específicas, sendo mais hábil em capturar certos aspectos temporais ou padrões. Ao combinar métodos, as limitações individuais podem ser compensadas, resultando em uma previsão mais equilibrada e precisa.
- Redução da Variância A combinação de previsões não apenas aproveita a diversidade, mas também reduz a variância total do erro. Modelos individuais podem apresentar variabilidades significativas, mas quando combinados, os erros tendem a se compensar. Isso resulta em previsões mais estáveis e confiáveis...
- Gestão de Incertezas A incerteza é inerente às previsões. No entanto, a combinação de diferentes perspectivas proporciona uma gestão eficiente dessa incerteza. Considerando várias fontes de informação, as combinações oferecem uma visão mais robusta do futuro, levando em conta a diversidade de cenários possíveis.
- Aprimoramento da Precisão A combinação frequentemente resulta em maior precisão do que a média dos
 modelos individuais, especialmente quando esses modelos são imperfeitos de maneiras distintas, permitindo
 uma compensação eficaz dessas imperfeições
- Adaptação a Mudanças nas Condições A flexibilidade da combinação de previsões permite adaptação a
 mudanças na dinâmica econômica e ambiental ao longo do tempo, explorando modelos que se destacam em
 contextos específicos.

Em resumo, as combinações de previsões representam uma estratégia poderosa ao capitalizar a heterogeneidade entre modelos, transformando-a em uma vantagem crucial na busca por previsões mais precisas e confiáveis. Esta abordagem reflete a compreensão de que não existe um modelo único universalmente superior, enfatizando a importância da sinergia entre diferentes métodos para previsões mais acuradas e resilientes.

2.2 Desafios Comuns no Uso de Combinações de Previsões

As combinações de previsões têm demonstrado ser uma estratégia eficaz para melhorar a precisão das estimativas, integrando múltiplos modelos. No entanto, seu sucesso não vem sem desafios significativos. Nesta seção, exploraremos alguns dos desafios mais comuns associados ao uso de combinações de previsões e examinaremos a importância de abordá-los para garantir resultados confiáveis.

- Correlação entre Modelos: A correlação entre modelos é um desafio crítico. Se os modelos individuais estiverem altamente correlacionados, a combinação pode não trazer benefícios significativos. Isso ocorre porque, quando os erros dos modelos são semelhantes, a combinação não consegue fornecer uma visão mais abrangente, comprometendo a utilidade da estratégia.
- Peso dos Modelos: Atribuir pesos adequados aos modelos é uma tarefa desafiadora. Determinar a importância relativa de cada modelo pode impactar significativamente o desempenho da combinação. Abordagens inadequadas na atribuição de pesos podem levar a previsões distorcidas, destacando a importância da ponderação cuidadosa.

- Overfitting: O risco de overfitting é ampliado ao combinar muitos modelos complexos. Modelos que se ajustam demais aos dados de treinamento podem apresentar desempenho subestimado em novos dados. Manter um equilíbrio entre complexidade e generalização é crucial para evitar a armadilha do overfitting.
- Estabilidade Temporal: A estabilidade ao longo do tempo é um desafio dinâmico. Mudanças na dinâmica dos dados ou a obsolescência de modelos individuais podem comprometer a eficácia das combinações. Monitorar e adaptar as estratégias ao longo do tempo é essencial para garantir a relevância contínua.
- Interpretabilidade: Combinações complexas podem ser difíceis de interpretar. A falta de transparência nas relações entre os modelos pode obscurecer a compreensão dos fatores que influenciam as previsões. Em cenários onde a interpretabilidade é crucial, é fundamental buscar métodos de combinação mais transparentes.

Enfrentar os desafios associados às combinações de previsões é crucial para aproveitar ao máximo essa estratégia. A compreensão da correlação entre modelos, o gerenciamento do overfitting, a manutenção da estabilidade temporal, a atribuição cuidadosa de pesos e a busca pela interpretabilidade são elementos fundamentais para garantir que as combinações de previsões continuem a ser uma ferramenta confiável e valiosa na tomada de decisões futuras.

2.3 Considerações Importantes na Escolha de Métodos e Interpretação de Resultados

Prever o futuro é uma tarefa complexa que envolve a consideração cuidadosa de métodos e a interpretação criteriosa de resultados, especialmente ao empregar combinações de previsões. Neste contexto, destacam-se considerações cruciais que impactam a eficácia dessas estratégias, visando fornecer insights valiosos para aqueles envolvidos em processos de previsão.

Compreender o contexto específico do problema de previsão é essencial. Métodos que se destacam em determinados cenários podem não ser igualmente eficazes em outros. A adaptação do método ao contexto específico otimiza a precisão das previsões, proporcionando resultados mais relevantes.

A validação cruzada desempenha um papel crucial na avaliação do desempenho dos métodos em dados não utilizados durante o treinamento. Essa abordagem assegura a generalização dos modelos, oferecendo uma perspectiva mais realista de como eles se comportarão em situações do mundo real.

2.3.1 Validação Cruzada

A validação cruzada (cross-validation) é uma técnica crucial em combinações de previsões, que visa avaliar o desempenho de modelos de previsão em dados não utilizados durante o treinamento. O objetivo é verificar como bem o modelo generaliza para novos conjuntos de dados, fornecendo uma estimativa mais confiável do desempenho esperado em condições do mundo real.

Em combinações de previsões, a validação cruzada é frequentemente utilizada para estimar a precisão de diferentes métodos de previsão quando combinados.

Assuma que k é o número mínimo de observações para um conjunto de treinamento.

- Selecione a observação k + i para o conjunto de teste e use observações nos tempos 1, 2, ..., k + i 1 para estimar o modelo. Calcule o erro na previsão para o tempo k + i.
- Repita para i=0,1,...,T-k, onde T é o número total de observações.
- Calcule a medida de precisão sobre todos os erros.

Também chamado de origem de previsão em rotação porque a origem (k+i-1) na qual a previsão é baseada avança no tempo.

Dados Transversais (Cross-sectional data):

Minimizar o AIC é assintoticamente equivalente a minimizar o MSE via validação cruzada leave-one-out (Stone, 1977).

Validação Cruzada de Séries Temporais (Time series cross-validation):

Minimizar o AIC é assintoticamente equivalente a minimizar o MSE via validação cruzada de um passo (Akaike, 1969, 1973).

A dinâmica e complexidade inerentes à utilização de combinações de previsões exigem uma abordagem contínua e adaptável. Monitorar regularmente o desempenho dos modelos e das combinações é crucial para garantir sua relevância ao longo do tempo. A adaptação contínua torna-se fundamental em ambientes dinâmicos, onde as condições podem evoluir rapidamente.

É imperativo priorizar métodos que ofereçam transparência e interpretabilidade, especialmente em situações onde a explicação do processo é essencial. Essa abordagem não apenas promove a confiança nas previsões, mas também facilita a comunicação com partes interessadas, tornando os resultados mais compreensíveis e aplicáveis.

A condução de testes sensíveis ao contexto é essencial para uma avaliação abrangente. Considerar uma variedade de condições e cenários que podem afetar a eficácia das combinações garante uma análise adaptável à dinâmica do ambiente, reforçando a robustez da estratégia.

Reconhecer as limitações inerentes a cada método de combinação é um passo crucial. Compreender quando é apropriado utilizá-los e em que contextos podem não ser eficazes contribui para uma escolha informada e realista, evitando a aplicação inadequada em situações inadequadas.

A avaliação contínua do desempenho dos modelos individuais é fundamental, mesmo ao empregar combinações. Modelos que eram úteis em determinado momento podem perder relevância ao longo do tempo devido a mudanças nas condições. A análise contínua garante a adaptação eficiente às evoluções, mantendo a eficácia das previsões.

Lidar efetivamente com essas considerações é essencial para construir combinações de previsões robustas e confiáveis. Ao integrar métodos com discernimento, monitorar ativamente o desempenho e adaptar estratégias conforme necessário, os profissionais de previsão podem maximizar a utilidade e a precisão dessas abordagens dinâmicas em um ambiente em constante evolução.

2.4 Métodos

No campo da previsão, onde a precisão e confiabilidade são de suma importância, a abordagem de combinação de previsões emerge como uma estratégia promissora para otimizar resultados. Este artigo se dedica à exploração aprofundada de métodos específicos de combinação de previsões, cada um projetado para capturar diferentes nuances nos dados e melhorar a acurácia geral das projeções.

Dentre os métodos em foco, destacam-se abordagens como a Combinação de Médias, que utiliza a média dos dados históricos como base; o Método Ingênuo, que faz previsões com base no último valor observado; e o Método Ingênuo Sazonal, que leva em consideração padrões sazonais ao projetar futuros valores. Cada um desses métodos oferece uma perspectiva única na criação de previsões, e este estudo visa elucidar suas características distintas. Método da Média:

O Método da Média é uma técnica simples de previsão que utiliza a média dos dados históricos como a previsão para todos os valores futuros. A fórmula para as previsões é dada por:

$$\hat{y}_{T+h|T} = \bar{y} = \frac{y_1 + \ldots + y_T}{T}$$

- $\hat{y}_{T+h|T}$: Previsão para o período T+h com base nas informações até o período T.
- \bar{y} : Média dos dados históricos até o período T.
- y_1, \ldots, y_T : Dados históricos.

2.4.1 Método Ingênuo (Apenas para Séries Temporais):

O Método Ingênuo, também conhecido como Método da Persistência ou Método do Último Valor Observado, faz previsões que são simplesmente iguais ao último valor observado na série temporal. A fórmula para as previsões é:

$$\hat{y}_{T+h|T} = y_T$$

- $\hat{y}_{T+h|T}$: Previsão para o período T+h com base nas informações até o período T.
- y_T : Último valor observado na série temporal.

Este método é uma consequência da hipótese de Mercado Eficiente, que sugere que informações passadas já estão refletidas nos preços presentes.

2.4.2 Método Ingênuo Sazonal:

O Método Ingênuo Sazonal é uma extensão do Método Ingênuo, onde as previsões são feitas considerando o último valor da mesma estação (período sazonal). A fórmula é dada por:

$$\hat{y}_{T+h|T} = y_{T+h-km}$$

- $\hat{y}_{T+h|T}$: Previsão para o período T+h com base nas informações até o período T.
- y_{T+h-km} : Último valor da mesma estação sazonal, onde m é o período sazonal e $k = \frac{b(h-1)}{m(c+1)}$.

Este método é útil para prever padrões sazonais, como aqueles observados em dados econômicos que seguem um ciclo anual.

Esses métodos são simples, mas podem ser eficazes em certos contextos. A escolha entre eles dependerá das características específicas dos dados e da natureza das séries temporais que estão sendo analisadas.

2.4.3 Alisamento Exponencial

O alisamento exponencial é uma técnica de previsão de séries temporais que atribui pesos exponencialmente decrescentes às observações passadas. Existem diferentes variações, sendo o Alisamento Exponencial Simples, o Alisamento Exponencial Duplo (método de Holt) e o Alisamento Exponencial Triplo (método de Holt-Winters) as mais comuns.

2.4.4 Alisamento Exponencial Simples:

$$F_t = \alpha \cdot y_t + (1 - \alpha) \cdot F_{t-1}$$

- F_t : Previsão no tempo t
- y_t : Observação real no tempo t
- F_{t-1} : Previsão no tempo t-1
- α : Parâmetro de suavização $(0 < \alpha < 1)$

2.4.5 Alisamento Exponencial Duplo (Método de Holt):

$$F_t = \alpha \cdot y_t + (1 - \alpha) \cdot (F_{t-1} + T_{t-1})$$

$$T_t = \beta \cdot (F_t - F_{t-1}) + (1 - \beta) \cdot T_{t-1}$$

- T_t : Componente de tendência no tempo t
- β : Parâmetro de suavização para a tendência $(0 < \beta < 1)$

2.4.6 Alisamento Exponencial Triplo (Método de Holt-Winters):

Fórmulas mais complexas envolvendo os componentes de nível (L_t) , tendência (T_t) e sazonalidade (S_t) .

O alisamento exponencial é usado para previsões de curto prazo de séries temporais, adaptando-se a padrões e tendências nos dados. A escolha dos parâmetros (α, β, γ) é crucial e depende das características dos dados.

A explanação dos métodos específicos, como a Combinação de Médias, o Método Ingênuo e o Método Ingênuo Sazonal, é apenas o começo. A gama de abordagens para combinação de previsões é vasta e continua a evoluir. Modelos mais avançados, como agregadores ponderados, métodos baseados em aprendizado de máquina e técnicas de ensemble, ampliam ainda mais o horizonte das possibilidades. Cada método traz consigo uma perspectiva única, contribuindo para a diversidade essencial na busca por previsões mais robustas.

Ao explorarmos as nuances da combinação de previsões, fica claro que não há uma abordagem única para prever o futuro. Em vez disso, a força reside na capacidade de integrar, adaptar e inovar. Ao abraçar a diversidade de métodos e reconhecer os desafios associados, os profissionais de previsão podem navegar com sabedoria nas águas turbulentas da incerteza, utilizando estratégias avançadas para obter insights mais precisos e resilientes.

3 Aplicação Prática

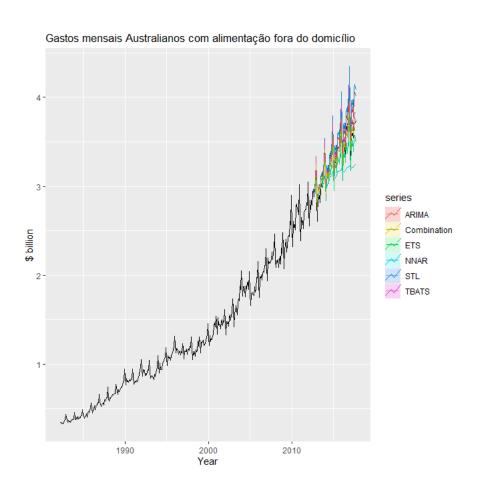
3.1 Exemplo 01: Gastos mensais com alimentos fora de casa na Austrália

O presente estudo fundamentou-se na análise de um extenso conjunto de dados provenientes do banco de dados dos moradores da Austrália, com foco nos gastos relacionados a alimentos fora de casa. Esses dados foram coletados ao longo de um extenso período, compreendendo o intervalo de abril de 1982 a setembro de 2017.

O processo de previsão foi conduzido por meio da implementação de cinco modelos distintos, cada um oferecendo abordagens específicas para a análise temporal dos dados. Esses modelos incluíram:

- ETS (Error-Trend-Seasonal): Um modelo que descompõe a série temporal em componentes de erro, tendência e sazonalidade, buscando capturar padrões complexos e variações temporais.
- ARIMA (AutoRegressive Integrated Moving Average): Um método que incorpora elementos de autocorrelação, diferenciação e médias móveis, sendo especialmente útil para modelar séries temporais estacionárias.
- STL (Seasonal-Trend decomposition using LOESS): Este modelo emprega técnicas de decomposição para separar a série temporal em componentes de sazonalidade, tendência e resíduos, fornecendo uma visão mais detalhada das variações temporais.
- NNAR (Nonlinear Non-Autoregressive): Um modelo não linear que busca capturar padrões não lineares e complexos nos dados, indo além das estruturas autoregressivas tradicionais.
- TBATS (Trigonometric, Box-Cox transform, ARMA errors, Trend and Seasonal components): Um modelo abrangente que incorpora transformações trigonométricas, correções de erros ARMA e componentes de tendência e sazonalidade para lidar com diferentes padrões temporais.

Gráfico 01: Series Temporal com as previsões



Após a aplicação desses modelos, realizou-se a combinação das previsões geradas por cada um. Adicionalmente, vale ressaltar que os últimos 60 meses do conjunto de dados foram reservados exclusivamente para avaliação do desempenho dos modelos, permitindo uma análise crítica de suas capacidades preditivas. Este procedimento proporcionou uma visão abrangente da eficácia de cada modelo individual e da combinação de previsões, destacando suas respectivas contribuições para o contexto específico dos gastos com alimentos fora de casa na Austrália.

Tabela 01: Métricas dos Modelos

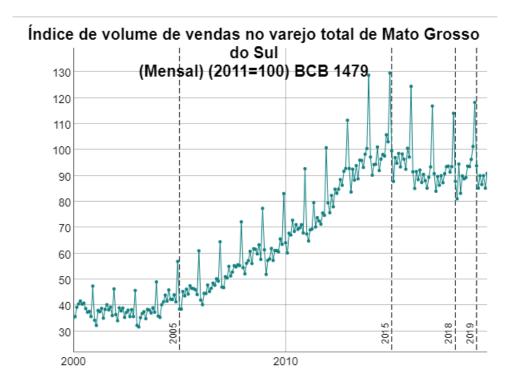
ETS	ARIMA	STL-ETS	NNAR	TBATS	Combinação
0.13699696	0.12146220	0.21446157	0.30645862	0.09406039	0.07128923

O desempenho do modelo TBATS destaca-se notavelmente ao lidar com essa série temporal; no entanto, a eficácia é ainda mais aprimorada pela abordagem combinada.

3.2 Exemplo 02: Gastos mensais de Vendas no Varejo do Mato Grosso do Sul

Neste exemplo, é utilizada a série do Índice de Volume de Vendas no Varejo Total de Mato Grosso do Sul, compreendendo observações mensais de janeiro de 2000 até julho de 2019. Estes dados foram obtidos por meio do pacote BETS e importados do Banco Central do Brasil, totalizando 235 observações mensais.

Gráfico 02: Serié Temporal do Conjunto de Dados



Nos gráficos apresentados acima, é possível visualizar diversas características significativas da série temporal. Notadamente, observa-se uma clara sazonalidade, destacada pelos picos recorrentes em dezembro de cada ano. Além disso, a tendência exibe uma trajetória inicial de crescimento até o ano de 2014, seguida por uma fase de decréscimo associada à chamada "crise" brasileira. Adicionalmente, percebe-se uma possível não-estacionariedade na série, evidenciada pelas mudanças aparentes na média e variância ao longo do tempo.

É relevante observar que, no decorrer deste exemplo analítico, não será realizada a divisão da série temporal em amostra de treino e amostra de teste. A opção é utilizar a série completa para os ajustes dos modelos, o que pode impactar a avaliação da capacidade preditiva. Recomenda-se que, em abordagens mais convencionais, essa divisão seja realizada para garantir a robustez e generalização dos modelos desenvolvidos. A estimação do modelo rápido será conduzida utilizando o forecastHybrid. Inicialmente, a série de varejo (varejoms) será especificada, sem abordar as questões de sazonalidade e não estacionariedade da série. Presume-se que os modelos a serem aplicados conseguirão lidar com essas nuances.

O modelo adotado combina diferentes métodos, incluindo ARIMA (Média Móvel Integrada Auto-Regressiva), ETS (Decomposição Espaço-Estado de Tendência de Erro Sazonal em Séries Temporais), NNETAR (Rede Neural Auto-Regressiva), STLM (Decomposição Sazonal e de Tendência usando Loess), Thetam (método Theta por Assimakopoulos e Nikolopoulos, 2000), e TBATS (Método de Suavização Exponencial + Transformação Box-Cox + Modelo ARMA para resíduos + Sazonal Trigonométrico).

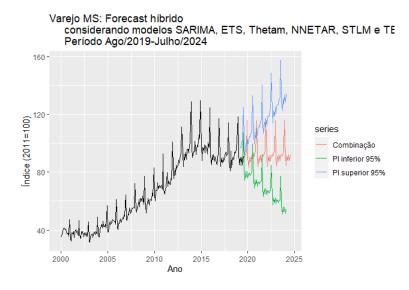
É importante destacar que a combinação de previsões foi realizada através de uma média simples, atribuindo pesos iguais a cada modelo utilizado no processo.

Tabela 02: Métricas dos Modelos

Modelo	RMSE	MAE	MAPE
ETS	2.328173	1.771168	2.656467
ARIMA	2.384598	1.779724	2.619097
STL-ETS	1.938143	1.502007	2.293149
NNAR	3.790273	2.921710	4.351571
TBATS	2.435786	1.930459	2.971000
THETA	6.536434	3.911442	5.539406
SNAIVE	5.817096	4.582511	6.778316
Combinação	2.620127	1.964857	2.834364

Após a implementação dos modelos e a combinação de previsões, foram coletadas métricas de desempenho, incluindo MAPE, RMSE e MAE, para cada modelo individualmente e para a combinação deles. Observou-se que os modelos ETS, ARIMA e STL-ETS apresentaram um desempenho superior em comparação com a combinação. Notavelmente, o destaque entre esses modelos foi o STL-ETS, evidenciando um desempenho especialmente robusto e eficaz.

Gráfico 02: Gráfico com a previsão e intervalo de confiança do modelo de combinações



Foi gerado um gráfico exibindo as previsões para os próximos 60 meses, juntamente com os intervalos superiores e inferiores de 95% de confiança derivados do modelo de combinação. Esses intervalos fornecem uma faixa de confiança em torno das previsões, permitindo uma avaliação mais abrangente da incerteza associada aos resultados do modelo.

Tabela 03: Métricas dos Modelos

Modelo	RMSE	MAE	MAPE
ETS	2.328173	1.771168	2.656467
ARIMA	2.384598	1.779724	2.619097
STL-ETS	1.938143	1.502007	2.293149
NNAR	3.790273	2.921710	4.351571
TBATS	2.435786	1.930459	2.971000
THETA	6.536434	3.911442	5.539406
SNAIVE	5.817096	4.582511	6.778316
Combinação	2.239241	1.727061	2.516960

Foram realizadas combinações utilizando os mesmos modelos, no entanto, desta vez, empregando a função de média ponderada, atribuindo mais peso aos modelos que apresentaram melhor desempenho. O objetivo foi aprimorar o modelo de combinação. Observou-se que, com essa abordagem, o modelo de combinação demonstrou um desempenho superior em comparação com os modelos ETS e ARIMA. No entanto, vale ressaltar que o modelo STL-ETS permanece como o destaque, evidenciando-se como o melhor modelo, mesmo após a ponderação. Essa análise reforça a robustez do modelo STL-ETS na previsão da série temporal em questão.

4 Conclusão

A utilização da combinação de previsões representa uma estratégia amplamente reconhecida e bem recebida em diversos contextos, notadamente pela sua eficácia em aprimorar a precisão das estimativas. No entanto, essa abordagem não é garantia de desempenho máximo, e a variabilidade nos resultados destaca a importância crítica de uma análise meticulosa do método de combinação utilizado.

A escolha do método de combinação desempenha um papel crucial no sucesso da estratégia, sendo essencial avaliar métodos variados, como médias ponderadas, alisamento exponencial e técnicas avançadas, com base nas características específicas do problema em questão. O conhecimento profundo do problema é, portanto, fundamental, permitindo a adaptação da estratégia de combinação ao contexto específico e otimizando a relevância das previsões.

Embora a combinação de previsões seja valiosa, a certeza de alcançar o melhor desempenho não é absoluta. A incerteza destaca a necessidade contínua de avaliação e ajuste das estratégias, reforçando a importância da reflexão constante. A análise contínua do desempenho, a compreensão das limitações e a adaptação constante são elementos cruciais nesse processo, especialmente em ambientes dinâmicos.

Lidar efetivamente com essas considerações maximiza os benefícios das combinações de previsões. A integração ponderada de métodos, aliada à análise contínua, oferece uma estratégia poderosa para obter previsões mais robustas e confiáveis. Em resumo, embora a combinação de previsões seja uma ferramenta valiosa, sua eficácia está intrinsecamente ligada à análise criteriosa do método escolhido e ao entendimento profundo do problema específico em questão.

5 Referências

https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S1574070605010049

https://papers.ssrn.com/sol3/papers.cfm?abstract_id = 1609530

$$\label{linear_state} \begin{split} https://rpubs.com/amrofi/combination_forecast \\ https://robjhyndman.com/uwafiles/fpp-notes.pdf \end{split}$$