Desafio da Semana — Análise de Séries Temporais I

29 de setembro de 2022

Instruções:

- 1. Leia atentamente a questão e responda **rigorosamente** cada item. Respostas **sem justificativas** não serão consideradas;
- As soluções dos desafios devem ser tipografadas no formato disponível no repositório do Github. Para usuários do RMarkdown, solicita-se o uso do formato da ASA: American Statistical Association, disponível no pacote rticles do R. Qualquer formato fora desses dois padrões será desconsiderado;
- As soluções devem ser encaminhadas em PDF no prazo estabelecido para entrega.
 Qualquer entrega fora do prazo será desconsiderada;
- 4. A solução correta terá um valor de 1 ponto na média final da Prova 1;
- 5. Lembre que, as entregas não são obrigatórias. Os discentes que não participarem dos desafios não receberão qualquer tipo de punição. Porém, Encaminhamentos de qualquer tentativa incompleta, inacabada, inconclusa, incorreta, imprecisa ou mesmo ambígua, receberão uma punição de -2 (menos dois) pontos na média final da prova considerada acima;
- 6. Para este desafio, será considerada para avaliação, única e exclusivamente, a primeira entrega recebida;

DESAFIO.

Considere um processo $\{Y_t\}$ representado por uma cadeia de Markov de primeira ordem com dois estados, onde os estados são denotados como -1 e 1. O número de transições é determinado por um processo de Poisson com intensidade $\lambda > 0$.

i. Mostre que o processo $\{Y_t\}$ é estacionário com função de autocorrelação dada por

$$\rho(h) = e^{-2\lambda|h|};$$

ii. Mostre que a densidade espectral do processo é dada por

$$f(\omega) = \frac{1}{2\pi} \frac{4\lambda}{4\lambda^2 + \omega^2}.$$

Solução do Desafio da Semana

Séries Temporais I - Data: 29 de setembro de 2022.

Nome: Escreva aqui seu nome

Matrícula: Escreva aqui seu número de matrícula

Escreva aqui a solução do desafio!