Desafio da Semana — Análise de Séries Temporais I

6 de outubro de 2022

Instruções:

- 1. Leia atentamente a questão e responda **rigorosamente** cada item. Respostas **sem justificativas** não serão consideradas;
- 2. As soluções dos desafios devem ser tipografadas no formato disponível no repositório do Github. Para usuários do RMarkdown, solicita-se o uso do formato da ASA: American Statistical Association, disponível no pacote rticles do R. Qualquer formato fora desses dois padrões será desconsiderado;
- 3. As soluções devem ser encaminhadas em PDF no prazo estabelecido para entrega. Qualquer entrega fora do prazo será desconsiderada;
- 4. A solução correta terá um valor de 1 ponto na média final da Prova 1;
- 5. Lembre que, as entregas não são obrigatórias. Os discentes que não participarem dos desafios não receberão qualquer tipo de punição. Porém, Encaminhamentos de qualquer tentativa incompleta, inacabada, inconclusa, incorreta, imprecisa ou mesmo ambígua, receberão uma punição de -2 (menos dois) pontos na média final da prova considerada acima;
- 6. Para este desafio, será considerada para avaliação, única e exclusivamente, a primeira entrega recebida;

DESAFIO.

Considere o processo $\{X_t\}$ com a seguinte representação (com prob. 1):

$$X_1 = W_1;$$

 $X_t = \phi X_{t-1} + W_t; \quad t = 2, 3, \dots,$

onde $\{W_t\}$ é um processo de ruído branco com média 0 e variância σ_W^2 e $|\phi| < 1$.

- i. O processo $\{X_t\}$ é estacionário? Justifique;
- ii. Calcule a função de autocorrelação do processo $\{X_t\}$;
- iii. Calcule o valor limite de $\gamma_X(0)$ e $\rho_X(h)$, $h \geq 0$, quando $t \to \infty$. Comente;
- iv. Aplique um fator de correção na representação do processo em t=1, i.e., considere $X_1 = \frac{W_1}{\sqrt{1-\phi^2}}$. Repita os itens i. e ii.

Solução do Desafio da Semana

Séries Temporais I - Data: 6 de outubro de 2022.

Nome: Escreva aqui seu nome

Matrícula: Escreva aqui seu número de matrícula

Escreva aqui a solução do desafio!