# Apuntes de Latex Capítulo 3: Fórmulas matemáticas – Conceptos básicos

En éste capítulo se exponen de forma breve unas nociones básicas acerca de la escritura de expresiones matemáticas. Es importante, para disponer de todas las capacidades matemáticas de LATEX en un documento, cargar con \usepackage{...} los paquetes amsmath (capacidades matemáticas extra) y amssymb (librería de símbolos). Como fuente de documentación adicional, se recomienda consultar la guía "Mathmode" de escritura matemática, colgada en el apartado de BIBLIOGRA-FÍA de la web de la asignatura.

Modos matemáticos tipo texto y extendido.
A la hora de escribir expresiones matemáticas de forma elegante y precisa, TEX dispone de un modo de escritura especial, el modo matemático. Así por ejemplo, para tener:
La ecuación de una recta en el plano cartesiano es de la forma $ax + by + c = 0$ , donde $a$ , $b$ , $c$ son constantes.
escribiríamos:
La ecuación de una recta en el plano cartesiano

Modos matemáticos

SECCIÓN 1

Sección 1

es de la forma \$ax+by+c=0\$, donde \$a\$, \$b\$, \$c\$ son constantes.

\$ es el comando a utilizar para entrar y salir del modo matemático *en modo texto* (es decir, cuando queremos las expresiones matemáticas escritas dentro del texto principal,

con un tamaño apropiado para ello). En el ejemplo anterior vemos varias cosas importantes; primero, aunque tecleamos \$ax+by+c=0\$ sin espacios, TEX introduce espacios en la fór-

mula de acuerdo a sus propias reglas (teclear \$ ax + by + c = 0\$ produciría exactamente el mismo resultado); en general, en modo matemático  $T_E X$  asigna espacios entre variables matemáticas de acuerdo con los distintos tipos de separadores (=,

es decir, separadas del texto principal y con un tamaño ma-

La ecuación de una recta en el plano cartesiano

+, <, (, ...) que encuentra. Además, los caracteres de texto

Sección 1 Modos matemáticos

son escritos en itálica.

yor, podemos utilizar:

es de la forma \$\$ax+bv+c=0\$\$

donde \$a\$, \$b\$, \$c\$ son constantes.

que produciría:

La ecuación de una recta en el plano cartesiano es de la forma

ax + by + c = 0

donde *a*, *b*, *c* son constantes.

\$\$ es el comando a utilizar para entrar y salir del modo matemático *resaltado* (es decir, cuando queremos las expresiones matemáticas escritas *fuera* del texto principal, con un tamaño mayor).

Hay tres formas análogas para delimitar cada uno de los

Modos matemáticos

Resaltado

\$\$ ... \$\$ \[ ... \]

\begin{displaymath}

Sección 1

dos tipos (texto y resaltado):

\$a\$, \$b\$, \$c\$, \$d\$ \\ \\

\$a\$, \$b\$, \$c\$, \$d\$

Tenemos la equivalencia

c, d

\frac{c}{d}\$\$ válida para todo

Tenemos la equivalencia \$\$\frac{a}{b}=

Texto

\$ ... \$ \( ... \)

\begin{math}

 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ válida para todo a, b, c, d

Tenemos la equivalencia  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ , válida para todo a, b,

ferencia entre ambos modos: Tenemos la equivalencia \$\frac{a}{b}=

\frac{c}{d}\$, válida para todo

En el ejemplo siguiente puede verse más claramente la di-

Otra alternativa para escribir fórmulas en modo resaltado

La ecuación de una recta en el					
plano cartesiano es de la forma					
\begin{equation*}					
ax+by+c=0					
\end{equation*}					
donde \$a\$, \$b\$, \$c\$ son constantes.					
que produciría:					
La ecuación de una recta en el plano cartesiano es de					
la forma					
ax + by + c = 0					

Modos matemáticos es el entorno equation, como muestra el siguiente ejemplo:

Sección 1

tenemos lo siguiente: La ecuación de una recta en el plano cartesiano es de

¿Cuál es el efecto del "\*" tras equation? Eliminándolo ob-

donde a, b, c son constantes.

la forma ax + by + c = 0(1)donde *a*, *b*, *c* son constantes.

La ecuación es entonces numerada. LATEX utiliza un contador para numerar ecuaciones, según la sección a la que pertenezcan (en el formato article) ó según el capítulo y sección (en el formato book). En capítulos posteriores, se -sección 2 -**Símbolos** 

Símbolos

Sección 2

Las siguientes tablas proporcionan los comandos necesarios para obtener una amplia variedad de símbolos matemáticos. Una gran parte de ellos puede obtenerse a través

maticos. Una gran parte de ellos puede obtenerse a traves del icono " $\Sigma$ " en el programa WinEdt, que abre una serie de pestañas con una aplica colección de símbolos. La colección completa de símbolos matemáticos puede consultarse en la "Comprehensive LaTeX symbol list", colgada en la página de la asignatura. Es importante remarcar que, debido a que son símbolos matemáticos, su utilización en medio del texto requiere incluirlos entre signos \$.

```
\alpha
                  θ
                     \theta
                                                     \tau
\alpha
                                  0
                                     0
                                                  τ
β
                  θ
                     \vartheta
                                     \pi
                                                     \upsilon
   \beta
                                  \pi
                                                  1)
                     \iota
γ
                                     \varpi
                                                  φ
                                                     \phi
   \gamma
                  1
                                  ത
   \delta
                     \kappa
                                     \rho
                                                     \varphi
δ
                                                  \varphi
                  κ
                                  0
                  λ
   \epsilon
                     \lambda
                                     \varrho
                                                     \chi
€.
                                                  χ
                                  0
   \varepsilon
                     \mu
                                     \sigma
                                                  ψ
                                                     \psi
ε
                  μ
                                  σ
C
                                     \varsigma
                                                     \omega
   \zeta
                  ν
                     \nu
                                                  ω
η
   \eta
                     \xi
Γ
   \Gamma
                    \Lambda
                                  \Sigma \Sigma
                                                  Ψ
                                                     \Psi
                  Λ
   \Delta
                  Ξ
                    \Xi
                                  Υ
                                                  Ω
Λ
                                     \Upsilon
                                                     \Omega
Θ
   \Theta
                  Π \Pi
                                     \Phi
                                  Φ
```

Tabla 2: Operadores binarios

±	\pm	$\cap$	\cap	$\Diamond$	\diamond	$\oplus$	\oplus
7	\mp	U	\cup	Δ	\bigtriangleup	$\Theta$	\ominus
×	\times	$\oplus$	\uplus	$\nabla$	\bigtriangledown	$\otimes$	\otimes
÷	\div	П	\sqcap	∢	\triangleleft	0	\oslash
*	\ast	$\sqcup$	\sqcup	<b>&gt;</b>	\triangleright	$\odot$	\odot
*	\star	V	\vee	⊲	\lhd	$\circ$	\bigcirc
0	\circ	$\wedge$	\wedge	$\triangleright$	\rhd	+	\dagger
•	\bullet	\	\setminus	⊴	\unlhd	‡	\ddagger
	\cdot	₹	\wr	⊵	\unrhd	Ц	\amalg
+	+	_	-				

Tabla 3: Operadores de relación

```
\equiv
    \leq
                        \geq
                                                           \models
≤
                                                       F
                                           \sim
<
    \prec
                    \succ
                        \succ
                                        ~
                                                       \perp
                                                           \perp
≤
    \preceq
                        \succeq
                                           \simeq
                                                           \mid
«
    \11
                    >>
                        \gg
                                            \asymp
                                                           \parallel
\subset
    \subset
                                                           \bowtie
                    \supset
                        \supset
                                           \approx
                                                       M
                                        \approx
\subset
    \subseteq
                        \supseteq
                                           \cong
                                                           \Join
                                        \cong
                                                       M
                                                           \smile
\sqsubset
                    \Box
                        \sqsupset
                                        #
                                            \neq
                                                           \frown
    \sqsubseteq
                    \Box
                        \sqsupseteq
                                            \doteq
    \in
                        \ni
                                            \propto
\in
                    \rightarrow
                                                       =
                                                           =
```

```
\vdash
                                 \dashv
                                                                       >
                           Tabla 4: Signos de puntuación
                                          \colon . \ldotp
                                                                     \cdotp
                            Tabla 5: Símbolos de flechas
     \leftarrow
                                       \longleftarrow
                                                                         \uparrow
     \Leftarrow
                                       \Longleftarrow
                                                                         \Uparrow
\Leftarrow
                                \rightleftharpoons
\rightarrow
     \rightarrow
                                       \longrightarrow
                                                                         \downarrow
     \Rightarrow
                                       \Longrightarrow
                                                                    Ш
                                                                         \Downarrow
\Rightarrow
                                \Longrightarrow
     \leftrightarrow
                                       \longleftrightarrow
                                                                    Ì
                                                                         \updownarrow
\leftrightarrow
                                \longleftrightarrow
     \Leftrightarrow
                                       \Longleftrightarrow
                                                                    1î
                                                                         \Updownarrow
\Leftrightarrow
                                \Leftrightarrow
     \mapsto
                                       \longmapsto
\mapsto
                                \longrightarrow
                                                                         \nearrow
     \hookleftarrow
                                \hookrightarrow
                                       \hookrightarrow
                                                                         \searrow
4
     \leftharpoonup
                                       \rightharpoonup
                                _
                                                                         \swarrow
_
     \leftharpoondown
                                       \rightharpoondown
\overline{\phantom{a}}
                                \rightarrow
                                                                         \nwarrow
     \rightleftharpoons
```

Tabla 6: Símbolos varios

\leadsto

 $\sim$ 

 $\rightleftharpoons$ 

```
\ldots
                                   \vdots
                                                      \ddots
                   \cdots
8
    \aleph
                   \prime
                                   \forall
                                                      \inftv
                                                  \infty
    \hbar
                                   \exists
ħ
                   \emptyset
                                                  \Box
                   \nabla
    \imath
              \nabla
                                   \neg
                                                      \Diamond
1
                                                  \Diamond
                                                      \triangle
    \jmath
                   \surd
                                   \flat
                                                  Λ
\ell
    \e11
              Т
                  \top
                                4
                                   \natural
                                                  *
                                                      \clubsuit
Ø
    \wp
              \perp
                   \bot
                                   \sharp
                                                  \Diamond
                                                      \diamondsuit
R
    \Re
             Ш
                                   \backslash
                   VI
                                                  \Diamond
                                                      \heartsuit
I
                                à
                   \angle
                                   \partial
                                                      \spadesuit
    \ Im
              /
77
    \mho
```

#### Tabla 7: Operadores de tamaño variable

\sum		\bigcap	$\odot$	\bigodot
\prod	U	\bigcup	$\otimes$	\bigotimes
\coprod	$\Box$	\bigsqcup	$\oplus$	\bigoplus
\int	V	\bigvee	ŧĴ	\biguplus
\oint	$\wedge$	\bigwedge		
	\prod \coprod \int	\prod ∪ \coprod ⊔ \int ∨	\prod U \bigcup \coprod U \bigsqcup \int V \bigvee	\prod U \bigcup ⊗ \coprod U \bigsqcup ⊕ \int V \bigvee ⊎

#### Tabla 8: Funciones

```
\arccos\cos\csc\ker\limsup\min\sinh\arcsin\cosh\deg\lg\ln\Pr\sup\arctan\coth\det\hom\lim\log\sec\tanh\arg\coth\dim\liminf\max\sin\tanh
```

#### Tabla 9: Delimitadores

#### Tabla 10: Delimitadores grandes

```
\rmoustache \ \lmoustache \) \rgroup \ (\lgroup \)
| \arrowvert | \bracevert
```

#### Tabla 11: Acentos en modo matemático

```
\hat{a} \hat{a} \hat{a} \acute{a} \bar{a} \bar{a} \hat{a} \dot{a} \check{a} \breve{a} \check{a} \check{a} \hat{a} \grave{a} \vec{a} \vec{a}
```

ä \ddot{a} ã \tilde{a}

\dashrightarrow

Sección 2

#### Tabla 12: Otras construcciones

```
abc
                                   abc
        \widetilde{abc}
                                            \widehat{abc}
<del>dbc</del>
                                   \overrightarrow{abc}
        \overleftarrow{abc}
                                            \overrightarrow{abc}
abc
        \overline{abc}
                                            \underline{abc}
                                   abc
        \overbrace{abc}
 ahc
                                     abc
                                            \underbrace{abc}
                                    \sqrt[n]{abc}
\sqrt{abc}
        \sqrt{abc}
                                            \sqrt[n]{abc}
                                    abc
xyz
                                            \frac{abc}{xyz}
```

#### Tabla 13: Delimitadores AMS

「 \ulcorner ¬ \urcorner ∟ \llcorner 」 \lrcorner

#### Tabla 14: Flechas AMS

\dashleftarrow

```
⇇
    \leftleftarrows
                              \stackrel{\smile}{}
                                   \leftrightarrows
    \Lleftarrow
                                  \twoheadleftarrow
€
    \leftarrowtail
                                   \looparrowleft
\leftarrow
                              \leftarrow
                                   \curvearrowleft
    \leftrightharpoons
\Rightarrow
                              ^
O
    \circlearrowleft
                                   \Lsh
\uparrow \uparrow
                              1
    \upuparrows
                                   \upharpoonleft
1
    \downharpoonleft
                              → \multimap
⟨→ \leftrightsquigarrow
                              \Rightarrow
                                   \rightrightarrows
\rightleftharpoons
    \rightleftarrows

⇒ \rightrightarrows

    \rightleftarrows
                              → \twoheadrightarrow
\rightleftharpoons
    \rightarrowtail
                                   \looparrowright
\rightarrow
                              4→
    \rightleftharpoons
                              ()
    \circlearrowright
                              Þ
                                   \Rsh
\coprod
    \downdownarrows
                                   \upharpoonright
    \downharpoonright
                              w)
                                  \rightsquigarrow
```

ħ \hbar

#### Tabla 15: Flechas de negación AMS

← \nleftarrow → \nrightarrow ← \nLeftarrow

⇒ \nRightarrow ← \nleftrightarrow ← \nLeftrightarrow

Tabla 16: Letras griegas AMS

F \digamma  $\varkappa$  \varkappa

Tabla 17: Letras hebreas AMS

□ \beth ¬ \daleth □ \gimel

#### Tabla 18: Símbolos varios AMS

\hslash

\square ♦ \lozenge ∄ \nexists \measuredangle \Game \blacktriangle ▼ \blacktriangledown \sphericalangle ★ \bigstar \diagup \ \diagdown \vartriangle ∀ \triangledown ∠ \angle ∪ \mho ∃ \Finv \backprime Ø \varnothing ♦ \blacklozenge \blacksquare C \complement ð \eth

#### Tabla 19: Operadores binarios AMS

```
\ltimes

→ \rtimes

                                   ٨
  \curlvwedae
                  ∨ \curlvvee
                                   Θ
                                      \circleddash
  \circledcirc
                     \centerdot
                                   т
                                      \intercal
  \Cup
                    \boxminus
                                      \divideontimes
(U)
                  н
                                   ×
  \rightthreetimes ⊛
                    \circledast
/
```

#### Tabla 20: Operadores de relación AMS

```
≦
   \legg
                         \legslant

    ⟨ \eqslantless
≲
   \lessapprox
                         \approxeq
                                           < \lessdot
                      ≊
                      ≨
                                           ≶
   \lessgtr
                         \lesseggtr
   \risingdotseq
                         \fallingdotseg
                                           ∽ \backsim
Ħ.
                      =
   \subsetegg
                         \Subset
                                           ⋐
   \curlyegprec
1
                      ≾
                         \precsim
                                           ≿ \precapprox
   \trianglelefteq
⊴
                         \vDash
                                           ⊪ \Vvdash
                      F
   \smallfrown
                      ~
                         \bumpeq
                                           ⇒ \Bumpeq
≥
   \geqslant
                         \eqslantgtr
                                           ≥ \gtrsim
                      ≽
   \atrdot
                                           ≷ \gtrless
⊳
                         \ggg
                      >>>
   \qtreggless
                         \eacirc
                                           å \circeq
                      =
                         \thickapprox
   \thicksim
                                           ⊇ \supsetegg
                      \approx
                         \succcurlyeq
                                           > \curlyeqsucc
   \sqsupset
                      ≽
≨
   \succapprox
                         \vartriangleright
                                           \triangleright
   \shortmid
                         \shortparallel
ı
                      Ш
                                           0 \between
   \varpropto
                      4
                         \blacktriangleleft : \therefore
α
   \blacktriangleright
                         \because
                                           ≲ \lesssim
▶
≪ \111
                         \doteqdot

√ \smallsmile

   \preccurlyeq
                         \vartriangleleft
≼
                      ⊲
                                           \qeqq
                      ≳
                         \qtrapprox
   \triangleq
                         \Supset
                                           ⋑
```

Tabla 21: Negación de operadores de relación AMS

\pitchfork

→ \backepsilon

Ψ

\Vdash

IH

*	\nless	≰	\nleq	≰	\nleqslant
≨	\lneq	≨	\lneqq	≨	\lvertneqq
≨	\lnapprox	*	\nprec	≰	\npreceq
≾	\nrecnannrox	*	\nsim	r	\nshortmid

⊈	\nsubseteq	⊊	\subsetneq	⊊	\varsubsetneq
⊊	\varsubsetneqq	*	\ngtr	≱	\ngeq
≨	\ngeqq	≥	\gneq	≩	\gneqq
≳	\gnsim	≩	\gnapprox	*	\nsucc
≱	\nsucceq	≿	\succnsim	≽	\succnapprox
Ж	\nshortparallel	∦	\nparallel	¥	\nvDash
⋫	\ntriangleright	⊭	\ntrianglerighteq	⊉	\nsupseteq
⊋	\supsetneq	⊋	\varsupsetneq	⊋	\supsetneqq
≨	\nleqq	≲	\lnsim	≾	\precnsim
ł	\nmid	≰	\ntrianglelefteq	⊊	\subsetneqq
≱	\ngeqslant	≩	\gvertneqq	≱	\nsucceq
≇	\ncong	¥	\nVDash	⊉	\nsupseteqq
⊋	\varsupsetneqq				

Tabla 22: Alfabetos matemáticos

Paquete requerido

ABCdef	\mathrm{ABCdef}	
ABCdef	\mathitABCdef	
ABCdef	\mathnormal{ABCdef}	
$\mathcal{ABC}$	\mathcal{ABC}	
ABC	\mathcal{ABC}	euscript con la opción: mathcal
ABCdef	\mathfrak{ABCdef}	eufrak
$\mathbb{A}\mathbb{B}\mathbb{C}$	\mathbb{ABC}	amsfonts ó amssymb
ABC	\mathscr{ABC}	mathrsfs

SECCIÓN 3

14

Sección 3 Subíndices y superíndices

El teorema de Fermat establece que para n > 2, no hay enteros x, y, z que cumplan:  $x^n + y^n = z^n$ 

se produce escribiendo: El teorema de Fermat establece que para n > 2, no hay enteros x, y, z que cumplan:  $x^v + y^n = z^n$ 

Debe tenerse en cuenta que, si el superíndice tiene más de un carácter de longitud, debe utilizarse {superindice} para agrupar el superíndice; por ejemplo:

 $(x^m)^n = x^m = x^m = x^m$  pero si tecleamos  $x^m = x^m =$ 

También podemos tener superíndices de superíndices, agru pándolos de la siguiente manera:

Los números de la forma  $2^{2^n}+1$ ,

15

Sección 3 Subíndices y superíndices

La forma en que los agrupamos es crítica; probando:  $2^n+1 \longrightarrow 2^n+1$ 

 ${2^2}^n \longrightarrow 2^{2^n} + 1$  obtenemos resultados diferentes (compárese en especial el tamaño de la n).

Para producir subíndices véase el siguiente ejemplo:

La sucesión  $(x_n)$ \$ definida por  $x_1=1$ , \quad  $x_2=1$ , \quad  $x_n=x_{n-1}+x_{n-2}$ \;\;(n>2)\$\$ se llama sucesión de Fibonacci.

La sucesión  $(x_n)$  definida por  $x_1 = 1$ ,  $x_2 = 1$ ,  $x_n = x_{n-1} + x_{n-2}$  (n > 2) se llama sucesión de Fibonacci.

(nótese como introducimos espacios con el comando \quad). Al igual que en el caso de los superíndices, se pueden obte-

ner sub-subíndices con un agrupamiento adecuado.

Con facilidad, podemos agrupar juntos sub- y superíndices: por giamplo: \$(x, n\2) \$ y \$(x\2, n) \$ producon el mismo

ces; por ejemplo:  $(x_n^2)$  y  $(x^2_n)$  producen el mismo resultado:  $(x_n^2)$  De nuevo, ha de tenerse cuidado con el modo

de agrupamiento; compárense los siguientes casos:

Raíces

16

Sección 4

converge a \$\pi\$.

# Raíces

SECCIÓN 4

La raíz cuadrada se introduce con el comando:  $\sqrt{Argumento}$ Así,  $\sqrt{2}$  produce  $\sqrt{2}$ . Este comando tiene un ar-

gumento opcional, para escribir raíces cúbicas, cuartas, ó n-ésimas:  $\sqrt[4]{5}\sqrt[5]{4}\sqrt[5] \sqrt[5]{4} \sqrt[5] \sqrt[5]{4} \sqrt[5] \sqrt[5]{4} \sqrt$ 

El tamaño del signo de raíz se ajusta automáticamente al tamaño del argumento; ésta característica permite anidar

raíces con facilidad, por ejemplo:

La sucesión

\$\$ 2\sqrt{2}\,,\quad 2^2\sqrt{2-\sqrt{2}}\,,

\$\$ 2\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2}\\ 2\sqrt{2}\sq

\$\$ 2\sqrt{2}\,,\quad 2^2\sqrt{2-\sqrt{2}}\,,
\quad 2^3\sqrt{2-\sqrt{2+\sqrt{2}}}\,, \quad
2^4\sqrt{2-\sqrt{2+\sqrt{2+\sqrt{2}}}}\
\,,\;\ldots \$\$

La sucesión  $2\sqrt{2}$ ,  $2^2\sqrt{2-\sqrt{2}}$ ,  $2^3\sqrt{2-\sqrt{2+\sqrt{2}}}$ ,  $2^4\sqrt{2-\sqrt{2+\sqrt{2+\sqrt{2+\sqrt{2}}}}}$ , ... converge a  $\pi$ . Para obtener lo anterior, nótese como se ha hecho uso

de los comandos \, y \;, abreviaturas de \thinspace y \thickspace, respectivamente. En modo matemático, también puede utilizarse \: (\medspace), que produce un espacio intermedio. Otra alternativa, si queremos reducir espa-

**Delimitadores** 

\neamedspace \negthickspace que introducen espacios análogos, pero de longitud negativa.

### SECCIÓN 5 Delimitadores

cios, es utilizar los comandos:

\negthinspace (\( \o \) su abreviatura \!)

Sección 5

Llamamos delimitadores a signos de la forma (), {}, etc...

Una de las capacidades más potentes del modo matemático es el ajuste automático del tamaño del delimitador al tamano del argumento que contiene. Por ejemplo, escribiendo simplemente:

 $\Gamma a + (\frac{b}{c}) = \frac{ac+b}{c}$ 

diferencia: 
$$a + \left(\frac{b}{c}\right) = \frac{ac + b}{c}$$

La lista de símbolos al final del capítulo ofrece una lista de todos los delimitadores disponibles.

**Delimitadores** 

18

Un punto interesante de la pareja \left y \right es que, a pesar de que *siempre* han de ir conjuntados, no es necesario que los delimitadores a los que se aplican sean iguales (po-

demos abrir con paréntesis y cerrar con llaves). Incluyendo un punto, se puede incluso eliminar la apertura y el cierre; por ejemplo:

se obtiene con:
\begin{equation\*}

Sección 5

se obtiene:

\left.
 \begin{aligned}

```
Sección 5
                     Delimitadores
                                                       19
         u \times &= v \vee \setminus
         u v &= -v x
    \end{aligned}
  \right\}
 \quad\text{Ecuaciones de Cauchy-Riemann}
\end{equation*}
(Nótese cómo en el ejemplo anterior se utiliza el comando
\text{...} para incluir un trozo de texto normal dentro de
una fórmula matemática)
  A veces los delimitadores producidos automáticamente
con \left y \right son demasiado grandes ó pequeños.
Por ejemplo:
\begin{equation*}
 (x+y)^2-(x-y)^2=\left((x+y)+(x-y)\right)
\left((x+y)-(x-y)\right)=4xy
\end{equation*}
produce:
(x+y)^2 - (x-y)^2 = ((x+y) + (x-y))((x+y) - (x-y)) = 4xy
Utilizando los modificadores \bigl y \bigr en su lugar:
\begin{equation*}
 (x+y)^2-(x-y)^2=bigl((x+y)+(x-y)
\begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \\ \\ \end{array} \end{array}
\end{equation*}
```

&m+n^2 \\

&m-n

&m

20

Sección 6 Matrices y determinantes

\begin{array}[Posición]{FormatoColumnas}

forma similar al tabular:

\[\begin{array}{crl}

&3

&5

&\sqrt{75}

\end{array}

Por ejemplo:

x x+y

x^z

A11 & A12... & A1N \\
A21 & A22... & A2N \\

21

Sección 6 Matrices y determinantes

de comenzar array)

Basándonos en array, podemos construir una matriz utilizando los delimitadores \right( v \left) un determi-

lizando los delimitadores \right( y \left), un determinante con \right| y \left|, etc... Un método alternativo es usar los entornos específicos pmatrix, bmatrix, Bmatrix,

es usar los entornos específicos pmatrix, bmatrix, Bmatrix, vmatrix y Vmatrix, análogos a array, y que respectivamente añaden automáticamente los delimitadores (), [], { }, | | y || ||. Además, no requieren de especificación del formato de columnas; a diferencia de array, éstos entornos siempre producen columnas contradas. Por ciomplo:

de columnas; a diferencia de array, éstos entornos siempre producen columnas *centradas*. Por ejemplo:

\begin{pmatrix}
A\_1 & A\_2 & A\_3 & A\_4 \\
B\_1 & B\_2 & B\_3 & B\_4 \\

B\_1 & B\_2 & B\_3 & B\_4 \\ C\_1 & C\_2 & C\_3 & C\_4 \\

D\_1 & D\_2 & D\_3 & D\_4 \\
\end{pmatrix}

Sección 6 Matrices y determinantes

Dentro de estos entornos es posible utilizar el comando:

\hdotsfor[Factor]{NúmeroDeColumnas}

que produce un línea de puntos suspensivos en la ma-

Para escribir matrices en modo "texto", se utiliza el entorno smallmatrix (que no produce delimitadores!!!); por

```
ejemplo:
```

```
Dado que \begin{vmatrix} a & h & g \\ h & b & f \\ g & f & c \end{vmatrix} = 0, la matriz \begin{pmatrix} a & h & g \\ h & b & f \\ g & f & c \end{pmatrix} no es invertible.
```

```
Dado que
  \left|\begin{smallmatrix}
          a & h & g\\
```

```
h & b & f\\
        q & f & c
      \end{smallmatrix}\right|
=0
$.
```

Para introducir puntos suspensivos en modo matemático tenemos una amplia colección de comandos. El comando \dots produce puntos suspensivos cuya unicación vertical obedece a determinadas reglas, según le sigan signos +, -, \( \delta \times \) (puntos centrados), una coma (puntos abajo), etc... Los

Puntos suspensivos

Sección 7

la matriz

no es invertible.

\end{smallmatrix}\right)

comandos \ldots  $\rightarrow \dots$  y \cdots  $\rightarrow \dots$  producen *siempre* puntos abajo y centrados, respectivamente. Además, los comandos \vdots  $\rightarrow \vdots$  y \ddots  $\rightarrow \vdots$  producen puntos suspensivos verticales ó diagonales, que son útiles en la escritura de matrices.

Por otra parte, existe otra serie de comandos más especia-

■ \dotso → Otros puntos suspensivos

SECCIÓN 8

# Fracciones y binomios

La forma general de un fracción se obtiene con el comando:

les

\frac{numerador}{denominador}

Para formas binomiales, se utiliza el comando análogo: \binom{numerador}{denominador}

para el cual se carece de barra horizontal, y que incluye paréntesis. Por ejemplo, con:

\begin{equation\*}

Sección 9 Unos símbolos sobre otros

SECCIÓN 9

 $1 - \binom{n}{1} \frac{1}{2} + \binom{n}{2} \frac{1}{2^2} - \dots - \binom{n}{n-1} \frac{1}{2^{n-1}} = 0$ 

## Unos símbolos sobre otros

Podemos subrayar ó poner una línea sobre el argumento con los comandos:  $\label{eq:condition} \begin{tabular}{ll} \begin{tabu$ 

Asimismo, \underbrace{0bjeto}\_{Indice} y \overbrace{0bjeto}^{Indice} colocan llaves bajo ó sobre un objeto, pudiéndose incluso añadir el argumento Indice bajo la llave:

$$\overbrace{x + \underbrace{y + z}_{2} + w}^{4}$$

Los tres primeros comandos colocan la flecha debajo ó encima del objeto, y el último se utiliza para poner objetos

Sección 9 Unos símbolos sobre otros

26

encima ó debajo de una flecha (que es autoextensible, dependiendo de la longitud de los objetos que tenga encima/debajo). Por ejemplo:

\[ \xleftarrow[T]{a+b} \quad \xleftarrow[a+b+c+d]{T} \]

 $z + w \neq z + q \neq \overrightarrow{zw}$ 

 $\stackrel{a+b}{\leftarrow} \stackrel{T}{\leftarrow} \stackrel{T}{\leftarrow}$ 

\[\underleftarrow{z+w} \neg \underrightarrow{z+q}

\neq \overleftrightarrow{zw} \1

Operadores...

Sección 10

Por ejemplo:

```
SECCIÓN 10
Operadores de tamaño variable:
    integrales, sumatorios,...
```

Los signos de integral y sumatorio se obtienen, respectivamente, con los comandos \int y \sum. El tamaño de éstos

signos depende, al igual que ocurría con las fracciones, del modo matemático que se esté utilizando, texto ó resaltado. Operadores...

\begin{equation\*}
\sum\_{n=1}^\infty\frac{1}{n^2}=\frac{\pi^2}{6}
\end{equation\*}

Sección 10

además que:  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$  Se observa también que la posición de los subíndices del

Euler demostró que la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$  converge, pero

sumatorio cambia si estamos en modo texto (sub/superíndices a un lado) ó en modo resaltado (sub/superíndices debajo y encima). Éste comportamiento es común a casi todos los operadores de tamaño variable  $(\sum, \prod, \coprod, \text{ etc..})$  y tambíen a funciones (como la expresión para el límite:  $\$ lim).

En el caso de que queramos, para el modo texto, cambiar la posición de los sub/superíndices (para que aparezcan abajo/arriba), podemos utilizar el comando \limits inmediatamente a continuación del comando de operador de tamaño variable (\sum, \proc, etc...). Por contra, si deseamos que, en modo resaltado, los sub/superíndices aparezcan a un lado, se

debe utilizar el comando \nolimits; por ejemplo:

```
Euler demostró que la serie \ \sum\limits_{n=1}^\infty\frac{1}{n^2}$ converge, pero además que: \begin{equation*} \sum\nolimits_{n=1}^\infty\frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6} \end{equation*}  Euler demostró que la serie \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} converge, pero además que:
```

Operadores...

Todo lo anterior es válido para cualquier signo de tamaño variable, excepto los de tipo integral; para éstos, tanto en modo texto como en resaltado, los límites se colocan a un lado:

 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$ 

```
Así, $\lim\limits_{x\to\infty}
\int_0^x\frac{\sin x}{x}\,\mathrm{d}x
=\frac{\pi}{2}$ y por definición,
\begin{equation*}
\int_0^\infty\frac{\sin x}{x}\,
\mathrm{d}x=\frac{\pi}{2}
\end{equation*}
```

Sección 10

 $\int_{0}^{\infty} \frac{\sin x}{x} \, \mathrm{d}x = \frac{\pi}{2}$ 

30

Sección 11 Varias líneas de subíndices

Si queremos límites abajo/arriba, el comando \limits cambia su ubicación.

SECCIÓN 11

Varias líneas de subíndices

En caso de que se quiera colocar varias líneas de subíndices, se puede utilizar el comando \substack, como en el

siguiente ejemplo: 
$$p_k(x) = \prod_{\substack{i=1\\i\neq k}}^n \left(\frac{x-t_i}{t_k-t_i}\right)$$

se obtiene con:

\begin{equation\*}

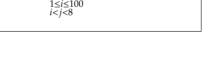
 $p_k(x) = \frac{\sum_{i=1}^{n} k}{i=1}^i e k}^n$  $\left(\frac{x-t_i}{t_k-t_i}\right)$ \end{equation\*}

Integrales múltiples Se observa que todas las líneas de subíndices aparecen centradas. Si se quiere justificarlas a la izquierda, se debe utilizar el entorno: \begin{subarray}{1} Líneas \end{subrray}

31

Sección 12

como por ejemplo:



P(i,j)

\[\sum\_{\begin{subarray}{l} 1\leg i\leg 100\\ i<j<8\end{subarray}} P(i,j) \]</pre>

## Integrales múltiples

SECCIÓN 12

Para utilizar integrales múltiples, el reiterar signos de in-

tegración con \int resulta inadecuado, ya que el espaciado entre signos no es correcto. La forma correcta es utilizar los comandos \iint (int. dobles), \iiint (int. triples) e \iiiint (int. cuádruples). El comando \idotsint produce la abreviatura con puntos suspensivos apropiada para integrales múltiples n-dimensionales:

32

Sección 13 Nombres de funciones

```
\iint f(x,y)dxdy \qquad \iiint f(x,y,z)dxdydz \qquad \int \cdots \int_{M} dx_{1} \ldots dx_{n}
```

Finalmente, \oint produce el símbolo de integral cerrada ∮ (véanse las tablas en "The comprehensive LATEX symbol list"para versiones más complejas del símbolo integral).

SECCIÓN 13

# Nombres de funciones

La forma correcta de escribir una función genérica, como por ejemplo, f(x), es en itálica, la forma estándar en modo matemático. Sin embargo, existen funciones especiales

0.0
como cos, lim, log, etc, que poseen un nombre específico
para designarlas. Estas funciones se escriben habitualmen-
te en fuente de tipo "roman". Existen las siguientes fun-
ciones disponibles, que se obtienen a través del comando
\NombreFunción

\arccos \cos \csc \exp \ker \limsup \min \sinh \arcsin \cosh \deg \gcd \lg  $\ln$ \Pr \sup \lim \arctan \cot \det \hom \log \sec \tan \inf \liminf \arg \coth \dim  $\max$ \sin \tanh

nish d	se pueden		con la opción res castellaniz	

33

Sección 13 Nombres de funciones

```
sen \sen | arcsen | tg \tg | arctg \arctg
```

Algunos de éstos comandos ( $\lim, \det, ...$ ) funcionan de forma similar a los símbolos  $\Sigma$ ,  $\Pi$ , etc..., y al igual que éstos, puede cambiarse su comportamiento con el comando

```
$\lim_{x \rightarrow \infty} 3x+1$
\[ \text{y resaltada:} \quad
\lim_{x \rightarrow \infty} 3x+1 \]
con el comando limits: \
$\lim\lim\ts_{x \rightarrow \infty} 3x+1$
```

Ejemplo de fórmula tipo texto  $\lim_{x\to\infty} 3x + 1$ 

Ejemplo de fórmula tipo texto

\limits:

```
y resaltada: \lim_{x\to\infty} 3x + 1 con el comando limits tenemos: \lim_{x\to\infty} 3x + 1 (en modo texto)
```

Sección 14 Fuentes ... 34 SECCIÓN 14 Fuentes en modo matemático Se ha mencionado al comienzo que las letras que son parte de una fórmula aparecen en itálica. Para seleccionar un tipo de letra diferente se tienen los siguientes comandos: ■  $\mathbb{E} \subset \mathbb{D} \times \mathbb{E}$  (sólo mayúsculas) ■ \mathbf{Texto} → ABCDE ■ \mathcal{Texto}  $\longrightarrow \mathcal{ABCDE}$  (sólo mayúsculas) ■ \mathfrak{Texto} → X B C D C (mayúsculas v minúsculas) ■ \mathit{Texto}  $\longrightarrow ABCDE$ ■ \mathnormal{Texto}  $\longrightarrow A B C D E$  (similar a la itálica) ■ \mathrm{Texto} → ABCDE ■ \mathsf{Texto} → ABCDE ■ \mathtt{Texto} → A B C D E Podemos obtener otro tipos de letras caligráficas cargando el paquete mathrsfs. Con éste paquete cargado, el nuevo comando \mathscr{Texto} produce el siguiente conjunto

de letras caligráficas:  $\mathscr{A} \mathscr{B} \mathscr{C} \mathscr{D} \mathscr{E}$  (sólo mayúsculas).

Si en vez de cargar el paquete mathrsfs, cargamos el eucal con la opción mathscr

(\usepackage[mathscr]{eucal}), el comando \mathscr{Tex produce ahora letras tipo «Euler script» en lugar de caligráficas:

Sección 14	Fuentes	35				
АВСДЕ (tamb	pién sólo para mayúsculas)					
Cuando tratamos con signos matemáticos en vez de con letras, los cambios de tipo de letra anteriores no siempre funcionan adecuadamente. Ésto es especialmente inconveniente cuando se desea poner en negrita una fórmula; por ejemplo, $\mathbf{a}+\mathbf{b}=\mathbf{c}$ produce: $\mathbf{a}+\mathbf{b}=\mathbf{c}$ , con los signos $\mathbf{b}+\mathbf{c}$ no resaltados. Para estas situaciones se dispone del comando:						
Obj	jeto}					
que proporciona	símbolos en negrita:					
<pre>\$a-</pre>	$+b=c$ \$ $\longrightarrow a + b = c$					
-		asimismo pa-				
puede no funcior	mbolos especiales, \boldsymar; por ejemplo, compárese:	nbol{Objeto}				
$\phi \simeq \phi$	$f$ $f \mapsto \int f$					

 $\boldsymbol{\phi}$  \$\boldsymbol{\oint f}\$  $\longrightarrow \boldsymbol{\phi} f$ El comando \boldsymbol no tiene efecto para la integral ce-

rrada \oint. Es éstos casos, se utiliza el comando \pmb{Objeto (poor man's bold), que proporciona a cada símbolo el aspecto de estar en negrita reescribiéndolo con pequeños desplazamientos:

Fórmulas a color

36

Fórmulas a color

El paquete color soporta sin problemas la inclusión de color dentro de expresiones matemáticas a través del comando \textcolor{NombreColor}{Texto}. Éste comando

puede emplearse sin problemas dentro del modo matemá-

f(x)d(x) = g(x) + C\$ ...Texto produce:

Texto... \$\textcolor{green}{\int\_0^\infty

Texto...  $\int_0^\infty f(x)d(x) = g(x) + C...$ Texto

Ó también:
\$\$\int\_0^\infty \textcolor{blue}{f(x)d(x)}

Sección 15

tico. Por ejemplo:

= \textcolor{red}{g(x)} + C\$\$
que produce:

Sección 15 Fórmulas a color 37 
$$\int_0^\infty f(x)d(x) = g(x) + C$$