# Course 2: Crash course in economics Fiat Lux Course: The Economics of Superstars

François Geerolf

**UCLA** 

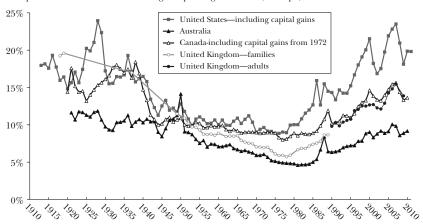
October 16, 2018

Figure 1
Top 1 Percent Income Share in the United States



Figure 2 The Evolution of the Shares of the Top 1 Percent in Different Countries

A: Top 1 Percent Income Shares in English-speaking Countries (U-Shape)



B: Top 1 Percent Income Shares in Continental Europe and Japan (L-Shape)

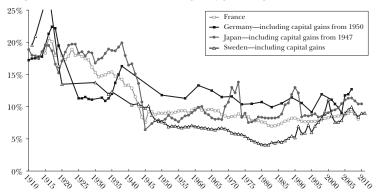
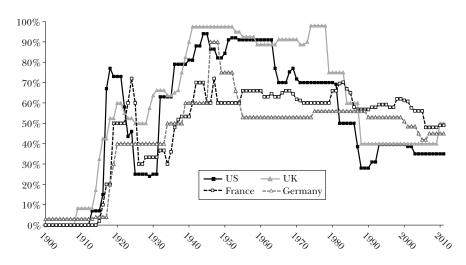


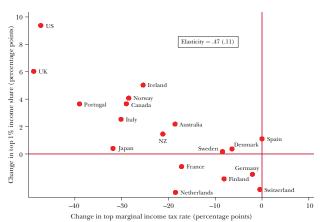
Figure 3

Top Marginal Income Tax Rates, 1900–2011



For some economists, this is due to the fall in top income tax rates, which encouraged superstar CEOs to look for pay raises.

Figure 4
Changes in Top Income Shares and Top Marginal Income Tax Rates since 1960 (combining both central and local government income taxes)



- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

### First / Second welfare theorem

#### • First welfare theorem:

- Under some assumptions, market economies lead to a "Pareto optimum": it is impossible to make someone better off without making someone else worse off.
- Assumes away distributional issues.

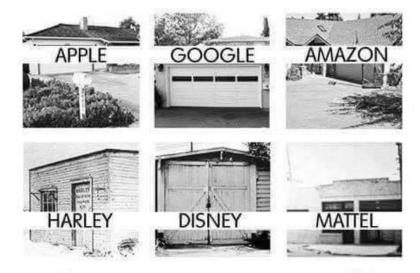
#### Second welfare theorem.

- Any Pareto optimal allocation can be "decentralized" thanks to an appropriate set of "lump sum" transfers.
- ► This assumes that the "planner" knows in advance who will be productive, and who will not be productive
- ► This also assumes that productivity is preexisting, and that this does not come from effort.

#### Efficiency

- ullet au efficiency. Optimal taxation. How do economists think about this?
- Key idea: we don't want to discourage the next Steve Jobs
- Why do people start in their garage: to become rich!

#### How it all starts



- Efficiency / Equity
- 2 Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

#### Basic observations

- Vilfredo Pareto (1848-1923) was an Italian engineer, sociologist, economist, political scientist, and philosopher.
- He is credited for having first observed that incomes systematically followed a certain statistical regularity that now bears his name. We now routinely say "incomes follow a Pareto distribution".
- The amazing thing about is that despite major changes in the structure of the economy, both technological and sociological, incomes still follow quite closely a Pareto distribution, at least the very large incomes.
- Unlike in physics, there are very few empirical regularities in economics. The Pareto distribution for incomes (and wealth, but also firm sizes, and cities) is one.

## Regularity

- When you think about it, this regularity is actually quite puzzling. Not just because it is pervasive.
- Any measure of people's ability you can think of, has the form of a finite support distribution (for example, IQ).
- In general, outcomes in the natural sciences generally take the form of finite support distribution, or of a Gaussian distribution (which we call thin tailed).
- Unlike in physics, there are very few empirical regularities in economics. The Pareto distribution for incomes (and wealth, but also firm sizes, and cities) is one.
- Gaussian distribution: the chances are that you observe something very remote from the mean goes to zero very fast.

#### So, what is a Pareto distribution?

- Denote by f(x) the density function for the population x of cities, and F(x) the cumulative distribution.
- A standard Pareto distribution has two parameters:
  - ▶ A scale parameter  $x_m$  (minimum value that x can take).
  - ► A shape parameter a, governing the fat-tailedness. Also named Pareto parameter, or tail coefficient.
- Then the "survivor function" is:

$$\mathbb{P}[x'>x] = \left|1 - F(x) = \left(\frac{x_m}{x}\right)^a\right|.$$

• The density is then given by:

$$f(x) = a \frac{x_m^a}{x^{a+1}}.$$

 Pareto parameter is obtained as linear regression of log (survivor) on log(x):

$$\log(1 - F(x)) = -\mathbf{a}\log(x) + a\log(x_m).$$

#### Intuition

- Fractal inequality in the case of power law distributions.
- Many way to say the same thing:
  - Average population size above a certain threshold is proportional to this threshold:

$$\mathbb{E}\left[x'|x'\geq x\right] = \frac{a}{a-1}x.$$

- Note: b = a/(a-1) is called the inverted Pareto-Lorenz coefficient (cf. next slide).
- ► Top 0.01% cities have 10<sup>1/a</sup> more inhabitants on average than top 0.1% cities.
- ▶ Share of inhabitants living in the top *p* percent of cities is given by:

$$S(p) = \left(\frac{100}{p}\right)^{1/a-1}.$$

#### Pareto VS Inverted Pareto Coefficients

 ${\it TABLE~3}$  Pareto-Lorenz  $\alpha$  Coefficients versus Inverted-Pareto-Lorenz  $\beta$  Coefficients

α	$\beta = \alpha/(\alpha - 1)$	β	$\alpha = \beta/(\beta - 1)$
1.10	11.00	1.50	3.00
1.30	4.33	1.60	2.67
1.50	3.00	1.70	2.43
1.70	2.43	1.80	2.25
1.90	2.11	1.90	2.11
2.00	2.00	2.00	2.00
2.10	1.91	2.10	1.91
2.30	1.77	2.20	1.83
2.50	1.67	2.30	1.77
3.00	1.50	2.40	1.71
4.00	1.33	2.50	1.67
5.00	1.25	3.00	1.50
10.00	1.11	3.50	1.40

## Known since Pareto (1896) - this slide inspired from Ben Moll



957. Répartition de la richesse. La répartition de la richesse peut dépendre de la nature des hommes dont se compose la société, de l'organisation de celle-ci, et aussi, en partie, du hasard (les conjonctures de Lassalle), c'est-à-dire de cet ensemble de causes inconnues, agissant tantôt dans un sens, tantôt dans un autre, auxquelles, dans notre ignorance de leur vraie nature, nous donnons le nom de hasard.

§ 957-958

C'est à l'observation de nous renseigner sur la part qu'ont réellement ces causes dans la répartition de la richesse. Si nous trouvons que la répartition de la richesse varie considérablement et d'une manière irrégulière, nous en conclurons que « le hasard » a une part considérable dans la production de ce phénomène. Si les variations de la répartition de la richesse suivent les variations de l'organisation économique, c'est à cette organisation que nous devrons attribuer une part prépondérante. Enfin, si la répartition de la richesse varie peu pour des contrées, des époques, des organisations différentes, il nous faudra conclure que, sans vouloir négliger les autres causes, nous devons chercher dans la nature de l'homme la cause principale qui détermine le

phénomène. 958. Malgré les incertitudes que comportent les déclarations des contribuables pour l'impôt sur le revenu, c'est encore la base la plus sûre que nous avons pour connaître, au moins d'une manière approchée, comment se répartit la richesse.

Dans ce qui suit, nous indiquerons par x un certain revenu, et par N le nombre de contribuables avant un revenu supérieur à x.

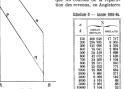
En Angleterre, c'est seulement pour la schedule D : Commerce et professions, que nous avons une classification étendue des contribuables suivant l'importance des revenus. Mais, en compensation, il v a l'avantage d'avoir ces résultats pour des époques assex éloignées et pour des organisations économiques aussi différentes que le sont celles de l'Angleterre proprement dite et de l'Irlande.

Tracons deux axes AB et AC. Sur AB portons les logarithmes de x, sur AC les logarithmes de N.

Nous sommes tout de suite frappé du fait que les points ainsi déterminés, ont une tendance très marquée à se dis-

LA COURBE DES REVENUS § 958





et en Irlande, présentent un parallélisme à peu près complet. Ce fait est à rapprocher d'un autre, que nous allons bientôt constater: les inclinaisons des lignes mn, pq obtenues pour dif-

(958) 1 C'est-à-dire que la courbe réelle est interpolée par une droite

dont l'équation est log N = log A - a log x. L'équation générale de la courbe est peut-être

 $log N = log A - \alpha log (a + x) - \beta x$ ; mais ce n'est que dans un seul cas (Oldenbourg) que nous avons trouvé une valeur appréciable nour  $\beta$ . Il est donc fort probable que  $\beta$  est, en gé-

néral, négligeable, et qu'on a simplement  $log N = log A = \alpha log (a + x).$ 

Quand it s'agit du revenu total, q est aussi, en général, fort petit et le plus souvent, de l'ordre des erreurs d'observation. Nous sommes donc ainsi ramené à l'équation (1).

312 LA COURBE DES REVENUS

305

Pays Angleterre, 1843 .... 3 1879-80 Pérouse, campagne 1.37 Ancône, Arezzo, Parme Prusse, 1852 1.32 Villes italiennes (ensemble), (968 \*), . . . . Båle, 1887 Paris (loyers) Augsburg, en 1471 Saxe, 1890 en 1498 1885 Fiorence Pérouse, ville Perou (fin du 18 siecl.)

§ 959-961

Nous verrons plus loin (9651) qu'une diminution de l'inclinaison a, indique une moindre inégalité des revenus.

960. Ces résultats sont très remarquables. Il est absolument impossible d'admettre qu'ils sont dus seulement au hasard. Il v a bien certainement une cause qui produit la tendance des revenus à se disposer suivant une certaine courbe. La forme de cette courbe parait ne dépendre que faiblement des différentes conditions économiques des pays considérés, puisque les effets sont à peu près les mêmes pour des pays dont les conditions économiques sont aussi différentes que celles de l'Angleterre, de l'Irlande, de l'Allemagne, des villes italiennes, et même du Pérou 1.

Certes, lorsqu'il s'agit de lois purement empiriques, on ne saurait être trop prudent. En tous cas, les conséquences que nous allons tirer de cette loi seront toujours valables, au moins, pour les peuples pour lesquels nous avons vu qu'elle

961. Si nous repassons des logarithmes aux nombres, nous aurons la courbe de la répartition des revenus!. C'est-

(960) Denys d'Halic., Ant., Rom. VII, 79, dit qu'à Rome, les plus pauvres citovens n'étaient pas moins nombreux que tous les autres, pris nsemble : Οι δέ άπορώτατοι των πολιτών οια έλάττους των άλλων άπάντων όντες... Sans attacher trop d'importance à ce rapprochement, on peut observe qu'es prenant, par exemple, la statistique des revenus en Saxe, le nom-bre des citoyens ayant un revenu de 500 à 800 marks est à peu prés égal au nombre des citovens avant un revenu supérieur à 800 marks. Les revenus actuels de 500 à 800 marks peuvent correspondre à ce qu'étaient autrefois les revenus des citoyens les plus paivres. Les esclaves repré-sentent la partie de la population dont, actuellement, les revenus sont audessous de 500 marks.

(961) La courbe ntz de la Fig. 48 est celle qui correspond aux équa-tions (4) et (5) de 158) La surface mnsx représente le nombre total

Considérons l'équation 
$$N_x = \frac{A}{(x+a)^{\bf G}} \, ,$$

## Known since Pareto (1896)

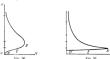
315

\$ 961-962 LA COURBE DES REVENUS

316 LA COURRE DES REVENUS

LA COURBE DES REVENUS

La question de savoir quelle est la forme de la partie st v n'est pas de simple curiosité. Des conséquences importantes découlent du fait que cette forme se rapproche de celle qui est indiquée par la Fig. 51.



If said observer qu'en recherchant la répartition des revenus, nous se nous occupons pas de leur provenance. L'homme, même le plus pauvre, doit être considéré comme ayant pour revenu la somme qui le fait vivre. Il importe pen que cette somme soit le fruit de son travall, ou qu'elle lui soit donnée par charité ou, enfin, qu'elle lui parvienne d'une manière quelconque, licite ou illicite.

962. La répartition des revenus n'est pas l'effet du hasard. A première vue, la courbe de la répartition des revenus ressemble à la courbe des probabilités, bien connue sous le nom de « courbe des erreurs». On pourrait donc supposer que la répartition des revenus est simplement l'effet du hasard (les conjonctures de Lassalle). Les riches auraient eu les cross lots.

Il n'en est rien. Le profil qui résulterait de la loi des probabilités est beaucoup plus cressé que ne l'est cétui de la Fig. 48. En d'autres termes, la courbe des probabilités se rapproche des axes beaucoup plus que la courbe de la Fig. 48. L'importance de cette proposition nous a engagé à faire plusieurs essais pour técher de trouver une démonstration sans recourir aux mathématiques. Malheureusement, ces essais sont deneurés infructeux !

(962) <sup>1</sup> Plusieurs personnes qui manquent des consaissances scientitiques nécessaires pour hien comperendre les nouvelles théories, affirment que l'usage des mathématiques n'ajoute rien à nos connaissances en Econonile politique, et elles croisent le prouver en citant Cairnes. La seule peure variement efficace serait de faire voir que l'on peut, sans repeute, variement efficace serait de faire voir que l'on peut, sans re963. La base vts (Fig. 51) de la « pyramide sociale » étant fort écrasée, on peut, au moins pour une première approximation, la supposer plane. Alors la représentation de la répartition des revenus prend la forme m n b s., Fig. 48.
Pouvons-nous étendre à toute la population la courbe des revenus °Il paraît bien que oui, au moins approximatives revenus °Il paraît bien que oui, au moins approximative.

Prenons comme exemple le royaume de Saxe. Nous avons vu (956) que l'impôt frappe toute personne, homme ou

courir aux mathématiques, démontrer le théorème dont nous venous de parler et bien d'autres encore.

A peine nos savants critiques auront daigné donner de telles démonstrations, nous ne manquerons pas de les substituer aux nôtres. En attendant, lis voudront hien nous permettre de donner ces démonstrations de la seule manière actuellement connue. Si la répartition des reremus était seulement l'effet du hasard, la courbe

v(s,F|g,G), sensit la courbe des probabiliés (pour retrouver la forme qu'on a l'habiboté de domer la courbe des creuns, on odet tegarder la figure en disposant verticalement l'axe  $o_{g}t$ '. L'événement qui correspond à s serait le plus probable. La forme donnet par la Fig. 31 indique qu'il s'agid de la répétion d'un événement ayant une assez câble probabiliés. Juagvici, li n'y a pas de desaccord entre les faits et notre hypothèse; car, en effet, la probabilité de s'enriches ets, partout, assez faible.

en effet, la probabilité de s'enrichir est, partout, assez faible. Soient, comme d'habitude,  $\mu$  le nombre total des épreuves, m le nombre des épreuves favorables, n celui des épreuves contraires,  $\underline{n}$  la probabilité de l'évèrement favorable (le gain d'une certaine somme) et

$$q=1-p.$$
 La probabilité d'avoir un reveau proportionnel à  $m$  sera 
$$U=\frac{1\cdot 2\dots \mu}{1\cdot 2\dots m\cdot 1\cdot 2\dots n} p^m q^m .$$

On sait que l'événement le plus probable est celui pour lequel m est égal à p  $\mu$ . Le plus grand nombre d'individus aurait donc le revenu p  $\mu$ . Les revenus inférieurs, ou supérieurs à p  $\mu$  seraient ceux qui appartient éraient à des nombres moinfers d'individus. Posons donc, en général

$$\begin{split} m' &= p p \;, \; \; m = m' + t \;, \\ n' &= q p \;, \; \; n = n' - t \;, \\ P_{0} &= \frac{1 \cdot 2 \ldots p}{1 \cdot 2 \ldots m' \cdot 1 \cdot 2 \ldots n' \left(\frac{m}{p}\right)^{n'} \left(\frac{n'}{p}\right)^{n'} , \\ P &= \frac{1 \cdot 2 \ldots m' \cdot 1 \cdot 2 \ldots n'}{1 \cdot 2 \ldots n' \cdot 1 \cdot 2 \ldots n' - 1} \left(\frac{m'}{p}\right)^{t} \left(\frac{n'}{p}\right)^{t} ; \end{split}$$

 $U = P_o P$ .

des faits, une grande importance aux mots <sup>1</sup>. On se dispute donc pour savoir auquel des deux phénomènes indiqué doit être réservée la dénomination de moindre inégalité des fortu-

319

Les opinions qui ont cours à ce sujet sont fort bien expliquées par Mr Leroy Beaulieu. Essai sur la répartition des richesses, p. 45 et suiv. Il commence par rappeler ce que dit Lassalle : « Toute souffrance et toute privation humaine, de même que toute satisfaction humaine, par conséquent aussi la situation de chaque partie de l'humanité, ne peuvent se mesurer que par comparaison avec la situation dans laquelle se trouvent d'autres hommes du même temps relativement à la movenne habituelle des besoins. La situation de chaque classe a toujours pour unique mesure la situation des autres classes dans le même temps, » Là dessus, Mr Lerov Beaulieu observe que, suivant Lassalle, « ce n'est pas la situation absolue de la population ouvrière qui importe, c'est la situation relative. Oue les ouvriers soient bien nourris, bien logés, bien meublés, bien vêtus, qu'ils aieni des loisirs, qu'ils jouissent de la sécurité du lendemain et du repos de la vieillesse, tout cela n'a pas d'importance... si d'autres hommes ont une table plus raffinée, des palais plus amples, des meubles plus agréables. Sans doute, Lassalle aimerait mieux que la classe ouvrière fût plus misérable, mais qu'il

Il bat, malbierressenott, diserver quie les économistes litéraires, inse qu'ils alest composite excerver d'une freile vateur, roit pas réusai les qu'ils alest composite excerver d'une freile vateur, roit pas réusai du termin, ils en peritent de jour en jour. Sunf l'Angeleure, noi regule a les échange, principaleurent parce qu'il est d'avonable aux intérêts de certains entrepreneurs, he rené des pays critiles werse de plus en plus de la critique de la composite de la selection de la composite de la composite de la seiment économique soit, paralquement, tout aussi insulte que l'économie politique litéraire, de a constant, vateunel, l'être plans, et det au mantes la métrie durâtre d'arriver à a mantes l'arriver à mantes l'arriver à mantes l'arriver à l

D'ailleurs, toute œuvre scientifique a et doit avoir, de par sa nature snême, moins de lecteurs qu'une œuvre littéraire. Le nombre d'exemplaires anquel ont été tirés les Principia de Newton, n'est rien en comparaison du nombre d'exemplaires qu'on a tiré de l'Assommoir de Zola.

# More contemporaneous evidence - Feenberg, Poterba (1993)

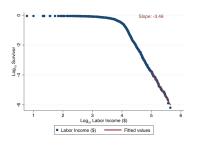
TABLE A-1. Estimated Pareto Distribution Parameters, 1951–1990.

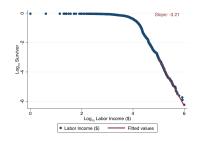
Year	â	ĥ		
1951	1.83	1061		
1952	1.79	967		
1053	1.89	1159		
1954	1.90	1205		
1955	2.08	1720		
1956	2.03	1661		
1957	2.06	1731		
1958	2.08	1782		
1959	1.98	1685		
1960	2.17	2124		
1961	2.18	2240		
1962	2.20	2366		
1963	2.20	2503		
1964	2.15	2454		
1965	2.11	2505		
1966	2.13	2713		
1967	2.12	2919		
1968	2.22	3558		
1700		5555		

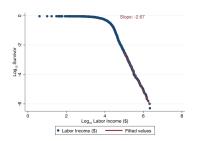
1969	2.32	4006
1970	2.46	4725
1971	2.44	4892
1972	2.38	4959
1973	2.43	5587
1974	2.38	5674
1975	2.38	5891
1976	2.37	6342
1977	2.35	6621
1978	2.36	7445
1979	2.27	7324
1980	2.26	7904
1981	2.24	8293
1982	2.13	7614
1983	2.04	7174
1984	2.04	7876
1985	1.99	8036
1986	1.96	8711
1987	1.73	6830
1988	1.54	5390
1989	1.62	6845
1989	1.59	6698
1990	1.57	0070

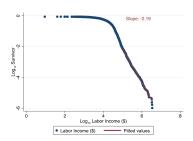
Source: Authors' estimates using the method described in the text.

# Public Tax Use - 1970, 1975 (top), 1980, 1985 (bottom)

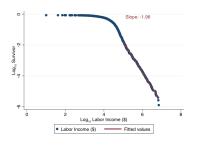


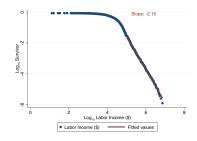


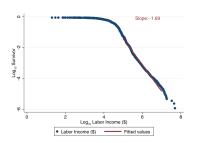


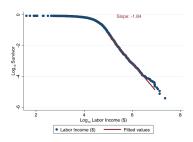


# Still Works - 1990, 1995 (top), 2000, 2005 (bottom)







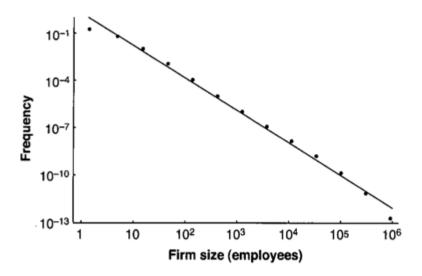


#### Remarks

- Vilfredo Pareto discovered the "Pareto" distribution on the income data, but economists now know that in fact, many economic entities actually follow a Pareto distribution in the upper tail.
  - ▶ **Firm Sizes.** We will see in the following classes that the "span of control" effect helps explain why CEOs earn so much money.
  - ▶ City Sizes. That is also interesting to understand the superstar phenomenon. For example, if people have limited time, then the richest only want to see the best performers. The number of seats in the concert hall can increase when the city is itself larger. Then the Pareto distribution of city sizes translates into that of artists' revenues.
- Let's look at firms, and then at cities.

- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

# Axtell (2001)



#### A model of the CEO labor market

1 to 1 matching problem of CEOs with talents T(n) to preexisting firms with size  $S(n) \sim \text{Zipf}$  exogenous, Terviö (2008), Gabaix, Landier (2008). For a firm m:

$$\max_{n} AS(m)^{\gamma} T(n) - W(n) \quad \Rightarrow_{n=m} \quad W'(n) = AS(n)^{\gamma} T'(n).$$

### Not just the US

#### • Evidence in Di Giovanni, Levchenko (JIE, 2013)

Table A2 Country-by-country estimates of power laws in firm size.

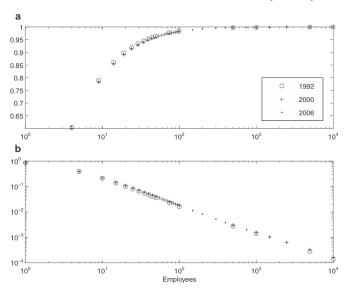
Country	CDF estima	tion		PDF estima	tion	
	PL coef.	R <sup>2</sup>	p-Value	PL coef.	$\mathbb{R}^2$	p-Value
Argentina	- 1.046**	0.988	0.243	-2.039**	0.994	0.466
Australia	-0.992**	0.986	0.838	-1.905**	0.994	0.076
Austria	-0.695**	0.963	0.000	-1.677**	0.989	0.000
Belgium	-0.972**	0.999	0.011	- 1.956***	0.998	0.150
Bosnia and	-1.022**	0.990	0.508	-2.036**	0.992	0.550
Herzegovina						
Brazil	-0.918**	0.966	0.162	-1.892**	0.991	0.096
Bulgaria	-0.981**	0.979	0.686	-2.007**	0.992	0.908
Canada	-0.888**	0.989	0.004	-1.913**	0.995	0.069
China	-1.117**	0.976	0.060	-2.091**	0.996	0.061
Croatia	-1.094**	0.988	0.034	-2.120**	0.992	0.074
Czech Republic	-1.083**	0.992	0.020	-2.072**	0.998	0.031
Denmark	-0.776**	0.950	0.003	-1.684**	0.987	0.001
Estonia	-1.017**	0.986	0.674	-2.067**	0.987	0.389
Finland	-0.869**	0.989	0.001	- 1.879**	0.997	0.006
France	-0.886**	0.999	0.000	-1.894**	1.000	0.000
Germany	-0.853**	0.999	0.000	-1.960**	0.981	0.653
Greece	-0.992**	0.997	0.620	- 1.951**	0.998	0.089
Hungary	-0.953**	0.995	0.050	-1.987**	0.996	0.741
India	-0.975**	0.988	0.476	-1.954**	0.995	0.319
Ireland	-0.761**	0.998	0.000	-1.718**	0.999	0.000
Italy	-1.030**	0.996	0.172	-2.037**	0.999	0.093

Japan         - 0.955**         0.990         0.177         - 1.985**         0.996         0.716           Latvia         - 1.115**         0.892         0.011         - 2.054**         0.995         0.281           Lithuania         - 1.155**         0.992         0.001         - 2.151**         0.996         0.009           Macedonia         - 1.096**         0.999         0.000         - 2.095**         0.990         0.072           Nerway         - 1.086**         0.957         0.454         - 1.977**         0.995         0.082           Portugal         - 1.086**         0.987         0.051         - 2.125**         0.995         0.001           Romania         - 0.880**         0.999         0.001         - 1.807**         0.995         0.002           Romania         - 1.002**         0.999         0.001         - 1.804**         0.995         0.002           Romania         - 1.002**         0.999         0.006         - 2.027**         0.995         0.349
Latvia         -1.118**         0.989         0.011         -2.054**         0.995         0.281           Lithuania         -1.153**         0.992         0.000         -2.095**         0.996         0.009           Macedonia         -1.106**         0.999         0.000         -2.095**         0.990         0.007           Norway         -1.045**         0.994         0.002         -1.917**         0.995         0.017           Poland         -1.045**         0.970         0.454         -1.975**         0.995         0.028           Portugal         -0.919**         0.996         0.001         -1.924**         0.999         0.008           Korea         -0.886**         0.999         0.000         -1.860**         1.000         0.000           Romania         -1.002**         0.990         0.956         -2.047**         0.995         0.000
Lithuania -1.153** 0.992 0.001 -2.151** 0.996 0.009 Macedonia -1.109** 0.999 0.007 -2.095** 0.990 0.017 0.990 0.070 Netherlands -0.906** 0.994 0.002 -1.917** 0.995 0.082 Norway -1.045** 0.970 0.454 -1.975** 0.997 0.516 0.970 0.454 -1.975** 0.997 0.516 0.970 0.970 0.454 0.1975** 0.997 0.028 Portugal -0.919** 0.995 0.001 -1.924** 0.999 0.008 Norea -0.880** 0.999 0.000 -1.806** 1.000 0.000 Romania -1.002** 0.990 0.990 0.000 -2.047** 0.995 0.000
Netherlands
Norway -1.045** 0.970 0.454 -1.975** 0.997 0.516 Poland -1.086** 0.987 0.051 -2.125** 0.995 0.028 Portugal -0.919** 0.996 0.001 -1.924** 0.999 0.001 Korea -0.880** 0.999 0.000 -1.860** 1.000 0.000 Romania -1.002** 0.990 0.956 -2.047** 0.995 0.349
Poland         -1.086**         0.987         0.051         -2.125**         0.995         0.028           Portugal         -0.919**         0.996         0.001         -1.924**         0.999         0.001           Korea         -0.880**         0.999         0.000         -1.860**         1.000         0.000           Romania         -1.002**         0.990         0.956         -2.047**         0.995         0.349
Poland         -1.086**         0.987         0.051         -2.125**         0.995         0.028           Portugal         -0.919**         0.996         0.001         -1.924**         0.999         0.001           Korea         -0.880**         0.999         0.000         -1.860**         1.000         0.000           Romania         -1.002**         0.990         0.956         -2.047**         0.995         0.349
Korea -0.880** 0.999 0.000 -1.860** 1.000 0.000 Romania -1.002** 0.990 0.956 -2.047** 0.995 0.349
Romania -1.002** 0.990 0.956 -2.047** 0.995 0.349
Romania -1.002** 0.990 0.956 -2.047** 0.995 0.349
Russia -1.039** 0.996 0.086 -2.027** 0.998 0.384
Serbia -1.181** 0.989 0.001 -2.163** 0.996 0.004
Singapore -0.888** 0.979 0.021 -1.825** 0.995 0.002
Slovakia -1.139** 0.990 0.003 -2.124** 0.996 0.018
Slovenia -0.993** 0.986 0.846 -1.998** 0.989 0.981
Spain -0.978** 1.000 0.005 -2.011** 0.997 0.769
Sweden -0.884** 0.997 0.000 -1.895** 0.998 0.002
Switzerland -0.791** 0.990 0.000 -1.760** 0.996 0.000
Taiwan POC -0.889** 0.989 0.003 -1.863** 0.991 0.031
Thailand -0.956** 0.976 0.381 -1.953** 0.994 0.358
Ukraine -1.058** 0.991 0.102 -2.007** 0.999 0.802
United Kingdom -1.010** 0.975 0.856 -2.017** 0.992 0.775

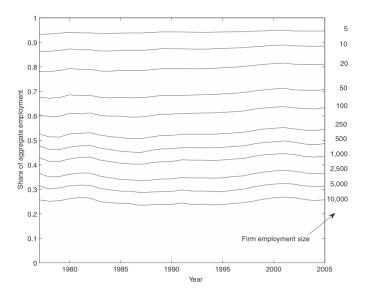
Notes: This table reports the estimated of power laws in firm size across countries. Column "PL coeff: reports the coefficient on the power law for each country, the second column reports the  $R^2$ , the third column reports the P-value of the test that the power law coefficient is statistically different from -1 (-2) in the right panel). The estimates are based on firm-level sales data from ORBIS. Variable definitions, sources, and estimation techniques are described in detail in the text.

<sup>\*\*</sup> Significant at the 1% level.

# Firm Size Distribution reported by SBA for 1992, 2000, and 2006 - implied $a \approx 1.05$ . Source: Luttmer (2010)

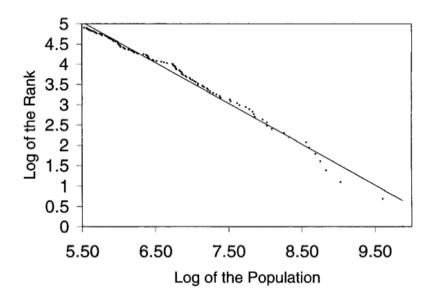


# Repeated Cross-Section - Source: Luttmer (2010)



- Efficiency / Equity
- 2 Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

# Gabaix (1999)



#### Zipf's Law for cities

- Gabaix (1999): "Zipf's law for cities is one of the most conspicuous empirical facts in economics or in the social sciences generally."
- Example of the United States: order cities by population. And lot log(rank) as a function of log (Population). One obtains a linear relationship, with a slope of -1.
- Very concretely, this means that the second largest city is twice as large as the first, the third is three times as large as the third, etc. Examples (with 2013 numbers from Census via Wikipedia):

**1** New York: 8,405,837

**2** Los Angeles: 3,884,307

**3** Chicago: 2,718,782.

# Taken from Wikipedia (Feb 28, 2015)

2013 rank ¢	City •	State <sup>[5]</sup>	2013 estimate ¢
1	New York <sup>[6]</sup>	New York	8,405,837
2	Los Angeles	California	3,884,307
3	Chicago	Illinois	2,718,782
4	Houston <sup>[7]</sup>	Texas	2,195,914
5	Philadelphia <sup>[8]</sup>	Pennsylvania	1,553,165
6	Phoenix	Arizona	1,513,367
7	San Antonio	Texas	1,409,019
8	San Diego	California	1,355,896
9	Dallas	Texas	1,257,676
10	San Jose	California	998,537
11	Austin	Texas	885,400
12	Indianapolis <sup>[9]</sup>	Indiana	843,393
13	Jacksonville <sup>[10]</sup>	Florida	842,583

12	Indianapolis <sup>[9]</sup>	Indiana	843,393
13	Jacksonville <sup>[10]</sup>	Florida	842,583
14	San Francisco <sup>[11]</sup>	California	837,442
15	Columbus	Ohio	822,553
16	Charlotte	North Carolina	792,862
17	Fort Worth	Texas	792,727
18	Detroit	Michigan	688,701
19	El Paso	Texas	674,433
20	Memphis	Tennessee	653,450
21	Seattle	Washington	652,405
22	Denver <sup>[12]</sup>	Colorado	649,495
23	Washington <sup>[13]</sup>	District of Columbia	646,449
24	Boston	Massachusetts	645,966

# Gabaix (1999)

Rank	City	State	2013 estimate	Log(Rank)	Log(Population)
1	New York	New York	8,405,837	0	6.924580964
2	Los Angeles	California	3,884,307	0.301029996	6.589313547
	Chicago	Illinois	2,718,782	0.477121255	6.434374386
4	Houston <sup>[7]</sup>	Texas	2,195,914	0.602059991	6.341615328
5	Philadelphia <sup>[8]</sup>	Pennsylvania	1,553,165	0.698970004	6.191217595
6	Phoenix	Arizona	1,513,367	0.77815125	6.17994426
7	San Antonio	Texas	1,409,019	0.84509804	6.148916849
8	San Diego	California	1,355,896	0.903089987	6.13222638
9	Dallas	Texas	1,257,676	0.954242509	6.099568773
10	San Jose	California	998,537	1	5.999364162
	Austin	Texas	885,400	1.041392685	5.947139518
12	Indianapolis [9]	Indiana	843,393	1.079181246	5.926029992
13	Jacksonville <sup>[10]</sup>	Florida	842,583	1.113943352	5.925612693
14	San Francisco	California	837,442	1.146128036	5.922954738
15	Columbus	Ohio	822,553	1.176091259	5.915163891
16	Charlotte	North Carolina	792,862	1.204119983	5.899197604
17	Fort Worth	Texas	792,727	1.230448921	5.89912365
18	Detroit	Michigan	688,701	1.255272505	5.838030714
19	El Paso	Texas	674,433	1.278753601	5.828938812
20	Memphis	Tennessee	653,450	1.301029996	5.815212362
	Seattle	Washington	652,405	1.322219295	5.814517281
22	Denver <sup>[12]</sup>	Colorado	649,495	1.342422681	5.812575812
23	Washington <sup>[13]</sup>	District of Columbia	646,449	1.361727836	5.810534268
24	Boston	Massachusetts	645,966	1.380211242	5.81020966
25	Nashville <sup>[14]</sup>	Tennessee	634,464	1.397940009	5.802406985
	Baltimore <sup>[15]</sup>	Maryland	622,104	1.414973348	5.793862994
27	Oklahoma City	Oklahoma	610 613	1 //2126276/	5 785766046

- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

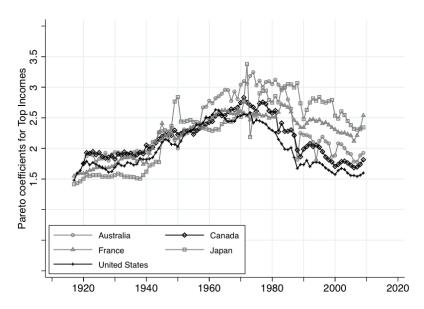
#### Remarks

- Contrary to the city size distribution, or the firm size distribution: the exponent for incomes varies quite a bit.
- In particular, Piketty and Saez express some of their results in terms of the top income share, as well as directly as a function of the Pareto coefficient. Recall that:

$$S(p) = \left(\frac{100}{p}\right)^{1/a-1}.$$

 Ideally, we want our theory to be able to explain the variations in these coefficients as well.

## Pareto Coefficients over time, in different countries



- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

#### Back to syllabus

We started off with two introductory provocative judgments:

- Who among a famous singer, a CEO running an international organization on several continents, an entrepreneur creating Microsoft, Apple or Facebook, or a successful Wall Street trader, creates more economic value?
- Should inventors, top managers and CEOs be rewarded more than rock stars or professional athletes?

I should warn you right away that you shall not find in economics any absolute value judgement in "economic value", and "should". What an economist means by "should" is a very particular and questionable notion of efficiency.

## Economists respect people's preferences

Respecting people's preferences have many advantages (a very important one is to respect people's basic freedom), however it is a philosophical question whether that should be the final word:

- How do you build critical judgement?
- There is still room, out of the economics classroom, for judging people's preferences (at least I think so).
- Economists have a very disenchanted view of value: what has value is what people are willing to give up their money for (their work time, or something else they own).
- I don't don't have to warn you that the most successful movies at the box office not necessarily are the best movies, according to any notion of value. e.g. Hollywood movies versus "independent" movies.

We will shy away from these questions which pertain more to the study of philosophy than to that of economics.

## Top Grossing Movies (Source: Wikipedia)

#### Highest-grossing films[13]

Rank ¢	Peak +	Title +	Worldwide gross \$	Year +	Reference(s)
1	1	Avatar	\$2,787,965,087	2009	[# 1][# 2]
2	1	Titanic	\$2,186,772,302	1997	[# 3][# 4]
3	3	Jurassic World	\$1,668,984,926	2015	[# 5][# 6]
4	4	Star Wars: The Force Awakens †	\$1,557,298,252	2015	[# 7]
5	3	The Avengers	\$1,519,557,910	2012	[# 8][# 9]
6	4	Furious 7	\$1,515,047,671	2015	[# 10][# 11]
7	5	Avengers: Age of Ultron	\$1,405,035,767	2015	[# 12][# 11]
8	3	Harry Potter and the Deathly Hallows – Part 2	\$1,341,511,219	2011	[# 13][# 14]
9 <sup>nb1</sup>	5	Frozen	\$1,279,852,693	2013	[# 15][# 16]
10	5	Iron Man 3	\$1,215,439,994	2013	[# 17][# 18]
11	10	Minions †	\$1,157,275,017	2015	[# 19][# 6]
12	4	Transformers: Dark of the Moon	\$1,123,794,079	2011	[# 20][# 14]
13	2	The Lord of the Rings: The Return of the King	\$1,119,929,521	2003	[# 21][# 22]
14	7	Skyfall	\$1,108,561,013	2012	[# 23][# 24]
15	10	Transformers: Age of Extinction	\$1,104,054,072	2014	[# 25][# 26]
16	7	The Dark Knight Rises	\$1,084,939,099	2012	[# 27][# 28]
17	3	Pirates of the Caribbean: Dead Man's Chest	\$1,066,179,725	2006	[# 29][# 30]
18	5	Toy Story 3	\$1,063,171,911	2010	[# 31][# 32]
19	6	Pirates of the Caribbean: On Stranger Tides	\$1,045,713,802	2011	[# 33][# 34]

# Top Grossing Movies (Adjusted for Inflation)

Once again, quality really is in the high of the beholder. Similarly, "trash press" sometimes sells better than high quality press.

Highest-grossing films adjusted for inflation<sup>[28][29]</sup>

Rank \$	Title \$	Worldwide gross (2014 \$)	Year +
1	Gone with the Wind	\$3,440,000,000	1939
2	Avatar	\$3,020,000,000	2009
3	Star Wars	\$2,825,000,000	1977
4	Titanic	T\$2,516,000,000	1997
5	The Sound of Music	\$2,366,000,000	1965
6	E.T. the Extra-Terrestrial	\$2,310,000,000	1982
7	The Ten Commandments	\$2,187,000,000	1956
8	Doctor Zhivago	\$2,073,000,000	1965
9	Jaws	\$2,027,000,000	1975

- Efficiency / Equity
- Optimal taxation (on the board)
- Pareto distributions
  - The distribution of pre-tax incomes
  - The distribution of firm sizes: towards an understanding of CEO's incomes
  - The distribution of city sizes: towards an understanding of artists' and professional athletes' incomes?
  - Difference between Incomes, Cities, and Firms
- 4 Disclaimer
- Conclusion

## Conclusion of today's lecture

- Economists think in terms of the equity / efficiency tradoff
- Top incomes follow a Pareto distribution very closely. This is true over time and across countries. Certainly due to the size distribution of firms, also Pareto at the top.
- The Pareto coefficient has changed a lot recently, which seems to point to the rise of superstar phenomena.
- Optimal taxation of labor incomes points to a top income tax rate that is large or low depending on one's reading of the data.

#### Bibliography I

- Alvaredo, Facundo, Anthony B. Atkinson, Thomas Piketty, and Emmanuel Saez, "The Top 1 Percent in International and Historical Perspective," *Journal of Economic Perspectives*, September 2013, *27* (3), 3–20.
- Gabaix, Xavier, "Zipf's Law for Cities: An Explanation," *The Quarterly Journal of Economics*, 1999, 114 (3), 739–767.
- Luttmer, Erzo G. J., "Models of Growth and Firm Heterogeneity," *Annual Review of Economics*, 2010, 2 (1), 547–576.