## 9: Instrumentvariable

Videregående kvantitative metoder i studiet af politisk adfærd

Frederik Hjorth fh@ifs.ku.dk fghjorth.github.io @fghjorth

Institut for Statskundskab Københavns Universitet

8. november 2017

- 1 Formalia
- 2 Opsamling fra sidst
- 3 Instrumentvariable
- 4 Implementering i R
- 5 Case: Lundborg et al.
- 6 Kig fremad

# Fagets opbygning

### Blok 1

| Gang | Tema                       | Litteratur                   | Case                                     |
|------|----------------------------|------------------------------|--|
| 1    | Introduktion til R         | Leeper (2016)                |  |
| 2    | R workshop + tidy data     | Wickham (2014), Zhang (2017) |  |
| 3    | Regression I: OLS brush-up | AP kap 3                     | Newman et al. (2015), Solt et al. (2017) |
| 4    | Regression II: Paneldata   | AGS kap 4                    | Larsen et al. (2017)                     |

# **Fagets opbygning**

### Blok 2

Formalia

000

| 5             | Introduktion til kausal inferens  | Hariri (2012), Samii (2016)     | Eckles & Bakshy (2017)         |
|---------------|-----------------------------------|---------------------------------|--------------------------------|
| 6             | Matching                          | Justesen & Klemmensen<br>(2014) | Nall (2015)                    |
| Efterårsferie |                                   |                                 |                                |
| 7             | Eksperimenter I                   | AP kap 1+2, GG kap 1+2          | Gerber, Green & Larimer (2008) |
| 8             | Eksperimenter II                  | GG kap 3+4+5                    | Gerber & Green (2000)          |
| 9             | Instrumentvariable                | AP kap 4                        | Lundborg et al. (2017)         |
| 10            | Difference-in-differences         | AP kap 5                        |                                |
| 11            | Regressionsdiskontinuitetsdesigns | AP kap 6                        | Eggers & Hainmueller (2009)    |

### **Fagets opbygning**

### Blok 3

| 12 | Tekst som data                     | Grimmer & Stewart (2013), Benoit<br>& Nulty (2016) | Baturo & Mikhaylov (2013) |
|----|------------------------------------|--|---------------------------|
| 13 | Scraping af data fra online-kilder | MRMN kap 9+14                                      | Hjorth (2016)             |
| 14 | 'Big data' og maskinlæring         | Varian (2014), Montgomery &<br>Olivella (2017)     | Theocharis et al. (2016)  |

### Opsamling fra sidst

- clustered assignment
- brug af pre-treatment mål
- brug af andre kovariater
- blocking
- noncompliance
- case: Gerber & Green (2000)

Fra holdtime 8: for hvert subjekt *i* defineres

$$ITT_{i,D} \equiv d_i(1) - d_i(0) \tag{1}$$

$$ITT_{i,Y} \equiv Y_i(1) - Y_i(0) \tag{2}$$

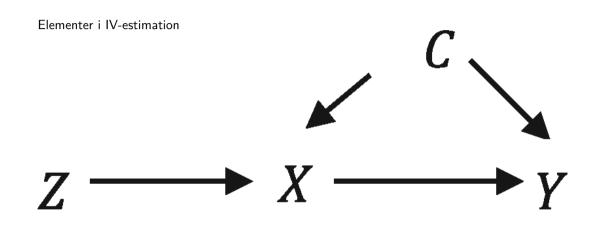
CACE er forholdet mellem  $\overline{ITT_{i,Y}}$  og  $\overline{ITT_{i,D}}$ :

$$CACE = \frac{ITT}{ITT_D} \tag{3}$$

 $\rightarrow$  implementering

 ormalia
 Opsamling
 Instrumentvariable
 Implementering
 Case
 Kig fremad

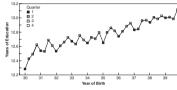
 OO
 OO



- Y og X: endogene variable
- X: den endogene regressor
- Z: instrumentet

#### Motiverende eksempel: fødselskvartal og uddannelse

A. AVERAGE EDUCATION BY QUARTER OF BIRTH (FIRST STAGE)



B. AVERAGE WEEKLY WAGE BY QUARTER OF BIRTH (REDUCED FORM)

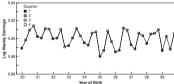


Figure 4.1.1 Graphical depiction of the first stage and reduced form for IV estimates of the economic return to schooling using quarter-of-birth instruments (from Angrist and Krueger, 1991).



#### Instrumentet opfylder tre kriterier:

- first stage effekt: instrumentet påvirker treatment (relevance criterion)
- 2 instrumentet er ukorreleret med evt. omitted variables (independence assumption)
- 3 instrumentet påvirker alene outcome gennem treatment (exclusion criterion)

Med kriterierne opfyldt identificerer forholdet ml. reduced form og first stage  $\rho =$  effekten af  $s_i$  $på Y_i$ 

$$\rho = \frac{\text{reduced form}}{\text{first stage}} = \frac{\text{Cov}(Y_i, Z_i)}{\text{Cov}(s_i, Z_i)}$$
(4)

Vi estimerer  $\rho$  som forholdet ml. koefficienterne i first stage og reduced form-regressionerne:

$$s_i = X_i' \pi_{10} + \rho i_{11} Z_i + \xi_{1i} \tag{5}$$

$$Y_i = X_i' \pi_{20} + p i_{21} Z_i + \xi_{2i} \tag{6}$$

$$\rho = \frac{\pi_{21}}{\pi_{11}} \tag{7}$$

 $\rightarrow$  i 2SLS 'instrumenterer' vi  $s_i$  ved at prædikere  $\hat{s_i}$  vha. (mange) eksogene instrumenter

Under heterogene potential outcome, nødvendigt at sondre ml. fire typer compliance:

- compliers
- never-takers
- 3 always-takers
- 4 defiers

Antagelse om monotonicitet, dvs. ingen defiers + independence, exclusion, first stage  $\rightarrow$ 

$$\rho = LATE = \frac{E[Y_i|Z_i = 1] - E[Y_i|Z_i = 0]}{E[D_i|Z_i = 1] - E[D_i|Z_i = 0]} = CACE$$
 (8)

Alternativt effektbegreb: treatment effect on the treated (TOT)

$$TOT = E[Y_1 - Y_0 | D = 1]$$
 (9)

Gruppen med D=1 omfatter compliers med Z=1+ always-takers  $\rightarrow$  i fravær af always-takers er TOT = LATE

Implementering

Kig fremad

IV-modeller kan estimeres med funktionen ivreg() i pakken AER:

 $ivreg(\langle yvar \rangle \sim \langle treatment \rangle$ ,  $\sim \langle instrument \rangle$ , data= $\langle data \rangle$ )

Kig fremad

First stage og second stage modeller

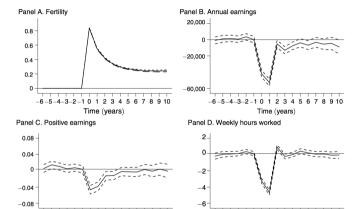
$$F_{it} = \alpha_t X_i + \beta_t Z_i + u_{it},$$

$$Y_{it} = \gamma_t X_i + \delta_t F_{it} + \upsilon_{it}.$$

-6-5-4-3-2-1

Time (years)

#### Estimater



-6-5-4-3-2-10

Time (years)

 ormalia
 Opsamling
 Instrumentvariable
 Implementering
 Case
 Kig fremad

 000
 00
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000
 000</td

# Kritik (?)



Næste gang: DiD

- AP kap. 5 t.o.m. 5.2
- ingen case-tekst, præsentation af eget datasæt

Tak for i dag!