



| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |

FECHA:

/ /

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:



Rectas y ángulos en el plano

Contenidos

1. Rectas. Paralelas y perpendiculares.

El plano.

Puntos y rectas.

Recta, semirrecta y segmento.

Propiedades de la recta.

Posiciones relativas.

Paralelismo.

Perpendicularidad

2. Mediatriz de un segmento.

Definición de mediatriz.

Construcción de la mediatriz.

Simetría.

3. Ángulos. Clasificación y medida.

Definición de ángulos.

Tipos de ángulos.

Relaciones entre ángulos.

Medida de ángulos.

Sistema sexagesimal.

4. Bisectriz de un ángulo

Definición de bisectriz.

Construcción de la bisectriz.

5. Operaciones con ángulos

Suma de ángulos.

Resta de ángulos.

Multiplicación por un número.

División de un ángulo por un número.

Operaciones en sexagesimal.

Objetivos

- Conocer los elementos fundamentales del plano.
- Conocer las rectas y sus propiedades.
- Manipular rectas y otros elementos relacionados con ellas.
- Conocer los diferentes tipos de ángulos.
- Conocer las propiedades y relaciones entre ángulos.
- Medir y realizar operaciones básicas con ángulos.
- Utilizar recursos para resolver problemas sencillos de geometría plana.

Autora: Montserrat Gelis Bosch

Bajo licencia
Creative Commons
Si no se indica lo contrario.









| I.E.S. | | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |

FECHA:

/ /

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:

Antes de empezar

Investiga



El billar es un juego en el que intervienen muchos de los elementos de la geometría plana (puntos, rectas, ángulos, simetrías...). Observa en la escena de la derecha como se puede calcular la trayectoria correcta para dar a la bola roja rebotando antes en una o dos bandas.

Las rectas, puntos, simetrías, ángulos y otros elementos geométricos son la base del juego del billar.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

1. Rectas. Paralelismo y perpendicularidad

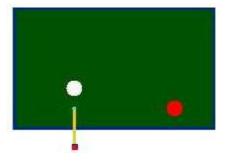
1.a. El plano

Lee el texto de la pantalla y completa:

| Para representar nuestro | dibujando | que nos |
|--|--------------|-----------------|
| rodean se necesita disponer de alguna | sobre la que | puntos, |
| líneas, círculos u otras figuras. El plano es un | que nos perm | ite representar |
| sobre él. | | |

En la escena de la derecha selecciona "Tiro a Banda Superior" Haz clic en "tirar" y observa la dirección de la bola blanca.

Con tus herramientas de dibujo, traza en la imagen el recorrido que ha de seguir la bola blanca para tocar a la roja, si queremos hacer un tiro a Banda Superior:



Pulsa





| 1ºESO | M | at | em | áti | cas |
|-------|---|----|----|-----|-----|
|-------|---|----|----|-----|-----|

| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |

NOMBRE:

| FECHA: | / / | |
|--------|-----|--|

1.b. Puntos y rectas

| Dentro | del | plano | distingui | imos | dos | element | tos 1 | fundam | nentale | es, ta | ıl | У | como | o E | uclides, |
|---------|------|---------|-----------|--------|-------|----------|-------|---------|---------|----------|------|-----|-------|------------|----------|
| conside | rado | como el | primer g | gran n | natem | ático de | la hi | storia, | los de | finió: 🤇 | el į | pur | nto y | la r | ecta. |

Lee el texto de la pantalla y define:

| Punto | | |
|---------|--|------|
| | | |
| Recta _ | | |

Lee con atención las instrucciones de la escena de la derecha de la pantalla y practica dibujando con regla y compás un par de rectas de colores distintos.

Pulsa Para ir a la página siguiente

1.c. Recta, semirrecta y segmento

Lee el texto de la pantalla y define:

| egmento | |
|-------------------------|--|
| emirrecta | |
| xtremos de un segmento | |
| rigen de una semirrecta | |

En la escena de la derecha de la pantalla, mueve los puntos A y B y observa el dibujo de un segmento, una recta y una semirrecta que pasa por estos dos puntos.

Selecciona "Hazlo Tú" y usando la regla dibuja un segmento, una semirrecta y una recta. Utiliza una regla y tres colores distintos para dibujar un segmento, una semirrecta y una recta:

Pulsa





| 1ºESO N | laten | náticas |
|---------|-------|---------|
|---------|-------|---------|

| I.E.S. | | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |

| | _ | | _ | _ | _ |
|------|----------------------------|-----|----|----|---|
| B. I | $\boldsymbol{\mathcal{A}}$ | ва | п. | п. | _ |
| IM | | IVI | - | ĸ | _ |
| | | | | | |

| FECHA: | / | / | |
|--------|---|---|--|
|--------|---|---|--|

1.d. Propiedades de la recta

Volviendo a Euclides, existen algunas propiedades de la recta que, a pesar de lo sencillas, resultan absolutamente esenciales para la geometría.

Escribe las dos propiedades de la recta que se citan en el texto:

| 1a Propiedad: |
|--|
| 2a Propiedad: |
| Define Semiplano |
| En la escena de la derecha de la pantalla, comprueba que dados dos puntos existe una única recta que los une. |
| Dibuja dos puntos y la recta que los une. Pinta los semiplanos con distintos colores. |
| |
| |
| |
| |

Pulsa



Para ir a la página siguiente

1.e. Posiciones relativas

Lee las explicaciones del texto de la pantalla.

| RESPONDE ESTAS CUESTIONES | RESPUESTAS |
|---|------------|
| ¿Qué condición deben cumplir dos | |
| rectas para que sean paralelas? | |
| ¿Qué condición deben cumplir dos rectas para que sean secantes ? | |
| ¿Cómo deben ser dos rectes si no son ni paralelas ni secantes? | |





| I.E.S. | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |

NOMBRE:

| FECHA: | / | / | |
|--------|---|---|--|
|--------|---|---|--|

Observa la escena de la derecha de la pantalla y mueve los puntos para colocar las dos rectas en las distintas posiciones que pueden adoptar.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

1.f. Paralelismo

| Escribe el | 5 ° | postulad | o de | Euclid | es: |
|------------|------------|----------|------|--------|-----|
|------------|------------|----------|------|--------|-----|

Pulsa en el botón del vídeo 🕒 para ver cómo dibujar la recta que pasa por un punto y es paralela a una recta dada. Hazlo tú utilizando las herramientas de la escena de la derecha de la pantalla. Primero lee con atención las instrucciones de la escena.

Dibuja una recta y un punto exterior a ella y con regla y compás traza la paralela a la recta que pasa por este punto exterior:

Pulsa







| I.E.S. | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |

NOMBRE:

| FECHA: | / | -/ |
|---------|---|----|
| FFU.DA: | / | / |
| | | |

| 1.g. Perpendicularidad | | |
|--|--------------------------------|---------------------------|
| Lee el texto de la pantalla y completa: | | |
| Dos rectas son perpendiculares siamplitud. | al plano en | regiones |
| Dada una recta y un punto sobre ella, existe a la recta. | recta que _ | este punto i es |
| Haz clic en el botón del vídeo para ver cómo perpendicular a una recta dada. Haz el mismo eje derecha de la pantalla. Primero lee con atención l | ercicio con las herram | ientas de la escena de la |
| Dibuja una recta y un punto exterior a ella y con recta que pasa por este punto exterior: | regla y compás traza | la perpendicular a la |
| | | |
| Pulsa sobre el botón Para realizar ejerc | icios. | |
| Utiliza regla y compás y resuelve los ejercicios las soluciones. | que se proponen. Cu | ando acabes comprueba |
| 1 Traza tres rectas diferentes que contengar | n a un punto A. | |
| . A | | |
| ¿Cuántas rectas más puedes trazar que pasen po | r este punto? | |
| 2 Traza dos rectas distintas que contengan a | a la vez a dos puntos <i>i</i> | A y B. ¿Es esto posible? |

• A

Explícalo con tus propias palabras:

■ B





| I.E.S. | | | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | |

NOMBRE:

| EECLIA. | , | , |
|---------|---|---|
| FECHA: | / | / |

3.- ¿Es posible trazar una recta que contenga a los tres puntos A, B y C?

. A

. C

. B

¿Cómo se deben situar los tres puntos para que se pueda trazar una recta que los contenga?

4.- Representa el segmento AB, una semirrecta con origen en C, una semirrecta con origen en D y que contenga el punto B, una recta que pase por A y una recta que pase por A y C.

. B

. C

. A

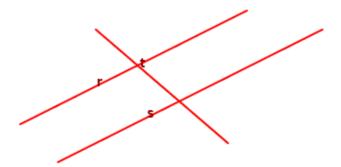
. D

5.- Traza la recta r que une los puntos A y B. Representa los siguientes puntos: un punto, distinto de A y de B, que pertenezca a la recta; dos puntos que no pertenezcan a la recta y que estén situados en distintos semiplanos.

A

• B

6.- Indica si las rectas siguientes son coincidentes, paralelas o secantes.



7.- Representa dos rectas paralelas y otra secante a la recta r.





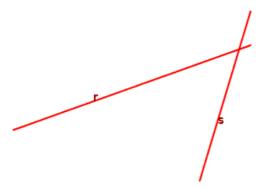
NOMBRE:

I.E.S. _____

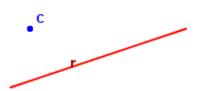
FECHA:

/ /

8.- Traza una recta paralela a r y otra paralela a s. ¿Qué figura forman los puntos de corte de las cuatro rectas?



9.- Utilizando una regla y un compás, traza una recta paralela a r que pase por el punto C.



- 10.- En la figura del ejercicio anterior traza una nueva recta paralela a r. ¿Cómo son entre sí las dos rectas trazadas?
- 11.- Utilizando una regla y compás, traza una recta s que sea perpendicular a r y que pase por el punto C.



12.- Sobre la recta s construida en el ejercicio anterior, marca un punto D que no esté en r y traza otra recta perpendicular a s que pase por el punto D. ¿Qué relación existe entre la recta r y esta última que acabas de representar?





| I.E.S. | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |

FECHA:

/ /

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:

13.- Traza tres rectas perpendiculares a una recta r. ¿Cómo son entre sí estas tres rectas?



Pulsa



Para ir a la página siguiente

2. Mediatriz de un segmento

2.a. Definición de mediatriz

Lee con atención el texto de la pantalla.

Define a tu manera la mediatriz de un segmento e indica la principal propiedad que cumplen todos sus puntos:

Lee las instrucciones de la escena de la derecha de la pantalla y comprueba con la regla y la escuadra las propiedades de la mediatriz.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

2.b. Construcción de la mediatriz

Haz clic al botón del vídeo para ver cómo se dibuja la mediatriz de un segmento. Realiza el mismo ejercicio utilizando las herramientas de la escena de la derecha de la pantalla. Primero lee con atención las instrucciones de la escena.

Dibuja dos puntos y el segmento que los une. Traza la mediatriz utilizando regla y compás:





| | | | | | | | |
|--|--|------|------|------|------|------|--|

NOMBRE:

| FECHA: | / |
|----------|---|
| I LCIIA. | / |

| L | | |
|---|--|--|

Pulsa



Para ir a la página siguiente

2.c. Simetría

Lee el texto de la pantalla.

| RESPONDE ESTAS CUESTIONES | RESPUESTAS |
|--|------------|
| Dada una recta y un punto C que no pertenezca a ella, ¿Qué condición debe cumplir otro punto C' para que sea el simétrico de C? | |
| ¿Cómo se llama el tipos de simetría que produce figuras geométricas de manera similar a como actúa un espejo? | |

Haz clic en el botón del vídeo para ver cómo se construye el simétrico de un punto respecto a una recta. Haz lo mismo, utilizando las herramientas, en la escena de la derecha de la pantalla. Primero lee con atención las instrucciones de la escena.

Pulsa sobre el botón



Para realizar ejercicios.

Resuelve los ejercicios propuestos utilizando regla y compás. Cuando acabes, comprueba las soluciones.

1.- Con regla y compás, traza un segmento AB y su mediatriz.

• A

. B





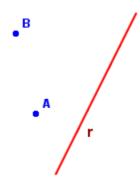
NOMBRE:

| I.E.S. | | | | |
|--------|--|--|--|--|
| | | | | |

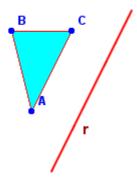
FECHA: / /

2.- Sobre la mediatriz trazada en el ejercicio anterior, marca un punto cualquiera y mide la distancia entre este punto y los dos extremos del segmento inicial. ¿Qué observas en el resultado obtenido?

3.- Traza el segmento que une los puntos A y B. Localiza los puntos simétricos de A y B con respecto a la recta r y únelos mediante un segmento. ¿Qué relación existe entre los dos segmentos?



4.- Realiza el mismo ejercicio anterior, a partir del triángulo de vértices A, B y C. ¿Qué se obtiene?



5.- Representa la figura simétrica de la que aparece a continuación.





NOMBRE:

| I.E.S | | | | |
|-------|--------|---|---|--|
| | FFCUA. | , | , | |
| | FECHA: | / | / | |

/ /

Pulsa



Para ir a la página siguiente

3. Ángulos. Clasificación y medida

3.a. Definición de ángulo

| Lee con | atonción | al tayta | دا مه | escena de la | nantalla v | v completa: |
|---------|----------|----------|-------|--------------|-------------|-------------|
| Lee con | atention | ei texto | ue ia | escena de la | a Dantana ' | v combieta: |

| Llamamos ángulo a cada una de trazar | en que queda | el plano al |
|--|--------------|-------------|
| Define: | | |
| Vértice de un ángulo | | |
| Lados de un ángulo | | |
| Amplitud de un ángulo | | |

En la escena de la derecha de la pantalla, lee las instrucciones y traza dos semirrectas de manera que determinen un ángulo.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

3.b. Tipos de ángulos

Lee con atención el texto de la escena de la pantalla y completa las tablas de clasificación siguientes:

| | Nombre | Definición | Dibujo |
|------------------------|--------|------------|--------|
| Por su amplit ud | Recto | | |





NOMBRE:

| I.E.S. | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |

FECHA:

| | | Nulo | | |
|---|--|---------|------------|--------|
| | | Plano | | |
| , | | | | |
| | | Nombre | Definición | Dibujo |
| | ación ulo recto | Agudo | | |
| | Por comparación con el ángulo recto | Obtuso | | |
| | | Nombre | Definición | Dibujo |
| | comparación el ángulo llano | Convexo | | |
| | | Cóncavo | | |

Lee las instrucciones de la escena de la derecha de la pantalla y realiza cinco ejercicios de cada uno de los tres tipos de clasificación de los ángulos: por su amplitud, por comparación con el ángulo recto y por comparación con el ángulo llano.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

3.c. Relaciones entre ángulos

Por

Lee el texto de la pantalla y observa en la escena de la derecha de la pantalla las diferentes relaciones que se pueden dar entre distintos ángulos (abre el menú "relaciones" y escoge una a una las distintas relaciones que se pueden dar).

En la siguiente tabla escribe la definición y haz un dibujo de cada una de ellas:





NOMBRE:

| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |

FECHA: / /

| Ángulos consecutivos: | Ángulos iguales: |
|---|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Ángulos complementarios: | Ángulos suplementarios: |
| Angulos complementarios: | Angulos suprementariosi |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| , | |
| Ángulos opuestos por el vértice: | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Completa: | |
| Dos ángulos | equivalen a un recto. Dos ángulos |
| equivalen a uno llano. | |
| | |
| | |
| | Pulsa Para ir a la página siguiente |
| | Pulsa 🜔 Para ir a la página siguiente |
| | |
| | |
| 3.d. Medida de ángulos | |
| | |
| Lee el texto de la pantalla y completa: | |
| | |
| Para medir la amplitud de un ángulo utilizaremo | s como unidad: |
| | |
| El ángulo que tiene una amplitud de 0º es | |
| | |
| El ángulo recto tiene una amplitud de | grados de medida y el ángulo llano de |
| grados. | |
| | |
| Cuatro ocupan todo el plano | |
| Un ángulo nulo tiene una amplitud de | grados. |





| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |

| CUADERNO Nº 8 NOMBRE: | FECHA: / / |
|---|-------------------------------------|
| Si dividimos la circunferencia en cuatro partes, cada un de grados de medida y la grados. | - |
| ángulos rectos equivalen rectos forman un ángulo de 270 grados de amplitud. | ángulo llano ángulos |
| Si dividimos el círculo en partes iguales o ángulos: | btenemos la unidad de medida de los |
| En la escena de la derecha de la pantalla, lee con ate mide ángulos calcula con el transportador la medida | • |

propuestos.

Con el Modo $\it{Hazlo T\'u}$ dibuja cinco ángulos de amplitud la medida que se propone.

Divide el círculo en 8 partes iguales y comprueba con el transportador la medida de cada uno de los ángulos. Repite el ejercicio dividiendo el círculo en varias partes y comprueba en cada caso la medida de la amplitud de los ángulos.

Pulsa







I.E.S. _____

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:

FECHA: / /

3.e. Sistema sexagesimal

En el sistema sexagesimal, dividimos un grado en ____ minutos y un minuto en ____ segundos.

Practica en la escena de la derecha de la pantalla midiendo la amplitud de varios ángulos. Pulsando sobre las flechas de los controles "Grad", "Min" y "Seg" podrás ajustar la amplitud del ángulo propuesto. El botón "Nuevo ángulo" presenta un ángulo distinto para que puedas realizar distintos ejercicios.

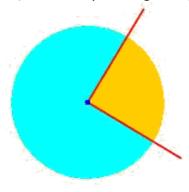
Pulsa sobre el botón



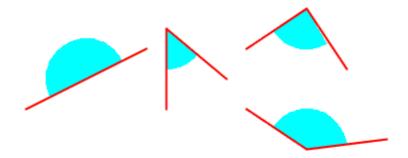
Para realizar ejercicios.

Utiliza regla y compás para resolver los 8 ejercicios propuestos. Cuando termines comprueba las soluciones.

1.- Indica sobre la figura el vértice, los lados y los ángulos que se observan.



2.- Indica sobre la figura si estos ángulos son agudos, rectos, obtusos o llanos.







| I.E.S. | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |

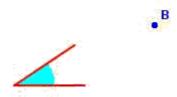
NOMBRE:

FECHA: / /

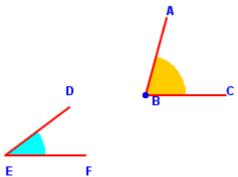
3.- Representa, utilizando los instrumentos de dibujo, un ángulo recto, un ángulo llano, un ángulo nulo, un ángulo agudo, un ángulo obtuso, un ángulo cóncavo y un ángulo convexo.

| Agudo | Convexo |
|--------|---------|
| | |
| | |
| Obtuso | Cóncavo |
| | |
| | |
| | |

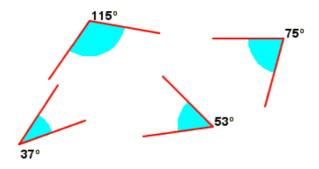
4.- Representa sobre el vértice B un ángulo igual al que aparece en la figura.



5.- Representa sobre el vértice B un ángulo igual al ángulo DEF i que sea consecutivo al ángulo ABC.



6.- Indica cuáles de los ángulos que aparecen en la figura son complementarios y cuáles suplementarios.







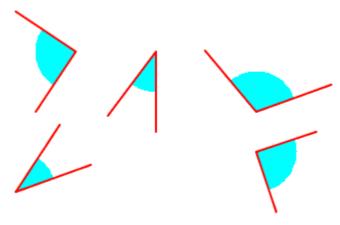
I.E.S. _____

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:

FECHA: / /

7.- Señala en la figura los ángulos que tienen la misma amplitud. ¿Qué nombre reciben estos ángulos?



8.- Representa, utilizando los instrumentos de dibujo, los ángulos de las siguientes amplitudes: 30°, 60°, 90°, 45°, 10°, 135° y 240°.

30°

60°

90°

45°

10° 135° 240°

Pulsa Para ir a la página siguiente

4. Bisectriz de un ángulo

4.a. Definición de bisectriz

A partir de la lectura del texto de la pantalla, explica a tu manera qué dos propiedades debe cumplir la bisectriz de un ángulo:

1^a Propiedad:

2^a Propiedad:





| I.E.S. | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |

NOMBRE:

| FECHA: | / | , |
|----------|-----|---|
| I LCIIA. | / / | / |

En la escena de la derecha de la pantalla, utiliza el transportador para medir el ángulo y comprueba que la bisectriz lo divide en dos partes iguales. Pulsa el botón "ver distancia" y comprueba que cualquier punto de la bisectriz está a igual distancia (**equidista**) de los dos lados del ángulo.

Repite el ejercicio varias veces.

Pulsa Para ir a la página siguiente

4.b. Construcción de la bisectriz

Pulsa sobre el botón del vídeo para ver cómo se dibuja la bisectriz de un ángulo. Realiza el mismo ejercicio utilizando las herramientas de la escena de la derecha de la pantalla.

Lee las instrucciones de la escena de la derecha de la pantalla. Explica los pasos que deberás seguir para trazar la bisectriz de un ángulo de vértice A:

Aplica estos pasos para construir la bisectriz del ángulo propuesto utilizando las herramientas de la escena.

Repite el ejercicio con el nuevo ángulo que aparece pulsando sobre el botón inicio.

Dibuja un ángulo y con regla y compás traza su bisectriz:

Pulsa sobre el botón



Para realizar ejercicios.





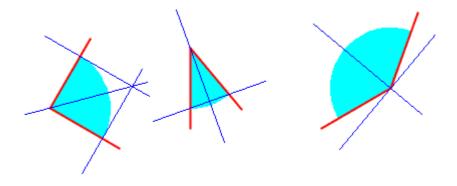
I.E.S. _____

CUADERNO Nº 8 NOMBRE: FECHA:

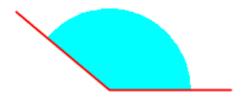
/ /

Con regla y compás dibuja y resuelve los 3 ejercicios propuestos. Cuando acabes, comprueba las soluciones.

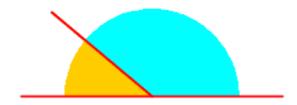
1.- Indica sobre la figura cuál es la bisectriz de los ángulos representados.



2.- Traza sobre la figura la bisectriz del ángulo representado.



3.- Traza las bisectrices de los dos ángulos consecutivos que aparecen en la figura. ¿Qué relación guardan entre sí estas dos bisectrices?



Pulsa







| I.E.S. | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |

NOMBRE:

| FE(| CH. | A: |
|-----|-----|----|
| | | |

/ /

5. Operaciones con ángulos

5.a. Suma de ángulos

Lee las instrucciones de la pantalla. Explica los pasos que deberás seguir para sumar dos o más ángulos analíticamente y gráficamente:

| Analíticamente: | |
|-----------------|--|
| Gráficamente: | |

En la escena de la derecha de la pantalla, lee las instrucciones y realiza la suma de los ángulos propuestos de dos formas, gráficamente y analíticamente. Repite el ejercicio cinco veces y copia el resultado analítico en la tabla siguiente:

| ángulo 1 | ángulo 2 | suma |
|----------|----------|------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Completa:

| La suma analítica de ángulos se realiza sumando | de cada uno |
|--|-------------|
| | |

Pulsa



Para ir a la página siguiente

5.b. Resta de ángulos

Lee las instrucciones de la pantalla. Explica los pasos que deberás seguir para restar dos o más ángulos analíticamente y gráficamente:

| Analíticamente: | |
|-----------------|--|
| Gráficamente: | |





| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |
| | | | |

NOMBRE:

FECHA: / /

| Realiza, gráficamente y analític | amente, la resta de | e los dos ángulos p | ropuestos en | la escena. |
|-----------------------------------|---------------------|-----------------------|--------------|------------|
| Repite el ejercicio cinco veces y | copia el resultado | analítico en la tabla | siguiente: | |

| ángulo 1 | ángulo 2 | resta |
|----------|----------|-------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Completa:

| Para restar analíticamente dos ángulos calculamos | entre el ángulo |
|--|-----------------|
| mayor y el menor. | |

Pulsa



Para ir a la página siguiente

5.c. Multiplicación de ángulos

Lee las instrucciones de la pantalla. Explica los pasos que deberás seguir para multiplicar un ángulo por un número natural analíticamente y gráficamente:

| Analíticamente: | |
|-----------------|--|
| Gráficamente: | |
| oraneamente. | |

Observa, gráficamente y analíticamente, la multiplicación propuesta en la escena. Repite el ejercicio cinco veces y copia el resultado analítico en la siguiente tabla:

| ángulo | número | multiplicación |
|--------|--------|----------------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Completa:

Para **multiplicar** analíticamente un ángulo por un número natural multiplicamos el número por ______ del ángulo correspondiente.

Pulsa







| I.E.S. | | | | |
|--------|--|--|--|--|
| | | | | |
| | | | | |

NOMBRE:

| FECHA: | / | / | |
|--------|---|---|--|

5.d. División de ángulos

Lee el texto de la pantalla y completa:

La **división** de un ángulo por un número natural es una operación que consiste en el ángulo en tantas ______ como nos indique el número.

| RESPONDE ESTAS CUESTIONES | RESPUESTAS |
|-----------------------------------|------------|
| En qué consiste el problema de la | |
| trisección del ángulo? | |
| Cómo se llama la recta que divide | |
| el ángulo en dos partes iguales? | |

Observa, gráficamente y analíticamente, la división propuesta en la escena. Repite el ejercicio cinco veces y escribe el resultado analítico en la tabla siguiente:

| ángulo | número | división |
|--------|--------|----------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Completa:

Para **dividir** analíticamente un ángulo por un número natural dividimos del ángulo entre el número natural correspondiente.

Pulsa



Para ir a la página siguiente

5.e. Operaciones en sexagesimal

Lee el texto de la pantalla y completa:

Para realizar operaciones con ángulos expresados en forma **compleja** (grados, minutos y segundos), daremos los pasos que se describen en la escena, recordando que 1 grado equivale a ______ y que 1 minuto equivale a ______ Así, siempre que sea necesario y posible, podremos **agrupar** 60 segundos para obtener un

______, o bien 60 minutos para obtener un ______. De igual forma, si es necesario, podremos transformar un grado en ______ o un minuto en ______.

Recuerda:

En forma compleja se operan por separado los grados, minutos y segundos.





| I.E.S. | | | | |
|--------|--------|---|---|--|
| | FECHA: | / | / | |

NOMBRE:

En la escena de la derecha de la pantalla podrás observar cómo se realizan las operaciones con ángulos expresados en el sistema sexagesimal, es decir, en **grados**, **minutos** y **segundos**.

Pasos que debes seguir:

- 1º Pulsa sobre el botón **Selecciona** parar escoger la operación que desees. El botón **Nuevos Datos** te presentará una nueva operación con ángulos diferentes.
- 2º En el modo *Hazlo tú* podrás realizar las operaciones y observar si el resultado que has obtenido es el correcto.

Selecciona Suma

Observa que sumamos separadamente los grados, los minutos y los segundos. Si el resultado de la suma de los segundos es mayor que 60, los agrupamos para obtener un minuto. Si el resultado de la suma de los minutos es mayor que 60, los agrupamos para obtener un grado.

Pulsa el botón *Nuevos datos* y comprueba el resultado de la operación. Repite la operación con distintos ejemplos hasta que entiendas el procedimiento.

Pulsa el botón $\emph{Hazlo t\'u}$ y realiza cuatro ejercicios de sumas de ángulos. Después de cada suma, comprueba el resultado.

| Suma 1 | Suma 2 |
|--------|--------|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Suma 3 | Suma 4 |

Selecciona Resta

Primero selecciona unos cuantos ejercicios y observa las transformaciones que hay que realizar. Repite la operación con distintos ejemplos hasta que entiendas el procedimiento. Pulsa el botón $\textbf{\textit{Hazlo tú}}$ y realiza cuatro ejercicios de restas de ángulos. Después de cada resta, comprueba el resultado.

| Resta 1 | Resta 2 |
|---------|---------|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

Docto 2

Docto 1





| I.E.S. | | | | |
|--------|--|--|--|--|
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |

| CUADERNO Nº 8 NOMBRE: | FECHA: / / |
|---|--|
| Resta 3 | Resta 4 |
| | |
| | |
| | |
| Selecciona Multiplicación Selecciona varios ejercicios y observa cómo se con varios ejemplos hasta que entiendas el proc | |
| Pulsa el botón Hazlo tú y realiza cuatro e producto, comprueba el resultado. | jercicios de multiplicación. Después de cada |
| Multiplicación 1 | Multiplicación 2 |
| | |
| | |
| | |
| Multiplicación 3 | Multiplicación 4 |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Selecciona <i>División</i> Selecciona varios ejercicios y observa cómo se los grados a minutos y el residuo de los minut ejemplos hasta que entiendas el procedimiento. | cos a segundos. Repite la operación con varios |
| Pulsa el botón $\emph{Hazlo tú}$ y realiza cuatro eje comprueba el resultado. | rcicios de división. Después de cada división, |
| División 1 | División 2 |
| | |
| | |
| | <u>'</u> |

NOMBRE:

| _ | | | | |
|-------|-------------------|-----|----|--|
| - 1-1 | ⊢(| HΑ | | |
| | \llcorner\backsim | 11/ | ۱. | |

| División 3 | División 4 |
|------------|------------|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

Ha llegado el momento de comprobar lo que has aprendido.

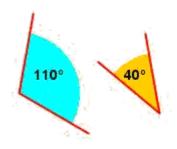
Pulsa sobre el botón



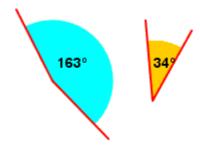
Para realizar ejercicios.

Con regla y compás dibuja y resuelve los 5 ejercicios propuestos. Cuando acabes, comprueba las soluciones.

1.- Calcula de forma gráfica y analítica la suma de los ángulos de 110º y 40º



2.- Calcula de forma gráfica y analítica la resta de los ángulos de 163º y 34º



3.- Calcula el resultado de las siguientes operaciones con ángulos:

73° - 36° =





I.E.S. _____

CUADERNO Nº 8

| N | 0 | M | В | D | Е. |
|----|---|-----|---|---|----|
| 14 | u | 141 | Ю | к | |

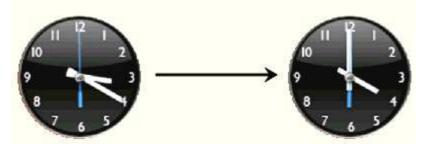
FECHA: / /

| 28° - (123°-118°) = | | |
|---------------------|--|--|
| | | |
| | | |
| 2 · 72° + 3 · 15° = | | |

```
90°: 5 =

130° - 2: 20° + (180° - 60°): 3 =
```

4.- Calcula el ángulo que describe el minutero de un reloj cuando pasa de las 3:20 a las 4:00



5.- Calcula el ángulo que describe la aguja horaria de un reloj en los siguientes casos: entre las 2:00 y las 5:00; entre las 2:00 y las 3:00; entre las 2:00 y las 2:30; entre las 2:00 y las 2:47; entre las 2:34 y las 7:11.



Pulsa







| I.E.S. | | | |
|--------|--------|-------|--|
| | FECHA: | / | |

W

Recuerda lo más importante - RESUMEN

Observa bien la información del cuadro resumen y completa:

NOMBRE:

| Rectas | Ángulos |
|--|--|
| Los elementos fundamentales de la geometría plana son losy las La línea recta es entre dos puntos. | Ángulo es cada una de las dos regiones en que dos semirrectas con el mismo origen al plano. Los ángulos pueden clasificarse con arreglo a distintos criterios: |
| Dos rectas son paralelas si y son secantes si punto. Dos rectas si dividen al plano en regiones de la misma amplitud. | con relación a su amplitud: |
| Mediatriz de un segmento es a este segmento y que lo corta en dos partes | Al dividir una circunferencia en 360 partes iguales se obtiene un Así, la circunferencia completa mide, el ángulo recto mide y el llano mide |
| Se dice que dos puntos A y B son simétricos con respecto a una recta, si esta recta es la del segmento AB | Se llama de un ángulo a la semirrecta que lo divide en dos partes iguales. La suma y resta de ángulos se realiza sumando o restando las de cada uno de ellos. |

Pulsa







| I.E.S. | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|
| | | | | | |
| | | | | | |

FECHA:

/ /

CUADERNO Nº 8

NOMBRE:

| - | _ | |
|----|---|---|
| П | | |
| 1 | | 0 |
| J | 1 | 7 |
| ٠, | | |

Para practicar

Practica ahora resolviendo distintos EJERCICIOS. En las siguientes páginas vas a encontrar EJERCICIOS de:

Elementos geométricos Sistema Sexagesimal y Operaciones con ángulos Construcciones Geométricas

Procura hacer al menos uno de cada clase y una vez resuelto comprueba la solución. Completa el enunciado con los datos de los que te aparecen en cada EJERCICIO en la pantalla y luego los resuelves.

Es importante que primero lo resuelvas tú y luego compruebes en el ordenador si lo has realizado bien.

Elementos Geométricos.

| Si dos rectas tienen | puntos en común, ¿cuál es su posición relativa? |
|---------------------------------|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| Si m es la mediatriz | del segmento AB y D es un punto de la recta m, ¿cuál es la distancia de |
| D a A, sabiendo que | la distancia de D a B es? |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Clasifica el ángulo de | e en las categorías que aparecen más abajo. |
| | |
| Amplitud | |
| Comparación con | |
| el ángulo recto | |
| Comparación con el ángulo llano | |
| ei aligulo lialio | |
| | |
| | mplitud, ¿cuál es la amplitud de su complementario? ¿Y |
| la de su suplementar | rio? |
| | |
| | |
| | |
| | |
| ¿De qué amplitud so | on los cuatro ángulos que se obtienen al trazar la recta bisectriz de un |
| ángulo de | ? |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |





NOMBRE:

| I.E.S. | | | |
|--------|--|--|--|
| | | | |

FECHA: / /

| | | " | |
|-------------|-----|----------|------|
| Operaciones | con | Anau | los. |

| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
|--|--|
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |
| | |
| | |
| | |
| Realiza la siguiente operación con ángulos | |



| 1ºESO MO | temáticas |
|----------|-----------|
|----------|-----------|

| | | | | | | | | |
|--|------|------|--|--|------|------|------|--|

| | a coo maiomanidas | |
|---------------|-------------------|------------|
| CUADERNO Nº 8 | NOMBRE: | FECHA: / / |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Construcciones geométricas.

| Realiza con regla y compás la construcción geométrica de una recta perpendicular a otra. |
|--|
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |

Realiza con regla y compás la construcción geométrica de una recta paralela a otra.





| CUADERNO Nº 8 | NOMBRE: | FECHA: / / |
|-----------------------|---|-------------------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| Realiza con regla y o | compás la construcción geométrica de la mediatriz | de un seamento. |
| , , , | | are are cognitive |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| Realiza con regla y o | compás la construcción geométrica de la bisectriz | de un ángulo. |





I.E.S.

| الاس. | L ESU Midientiditeds | |
|---------------------------------|---------------------------------------|------------------------------------|
| CUADERNO Nº 8 | NOMBRE: | FECHA: / / |
| | | , , , |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| Г | | |
| Realiza con regla y c recta. | compás la construcción geométrica del | punto simétrico con respecto a una |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| 1 | | |





| I.E.S. | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |

FECHA:

CUADERNO Nº 8 NOMBRE:

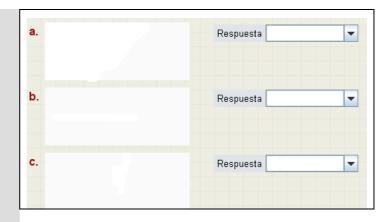
Autoevaluación



/ /

Completa aquí cada uno de los enunciados que propone el ordenador y resuelve, introduce el resultado para comprobar si la solución es la correcta.

Relaciona cada elemento con su nombre correspondiente.



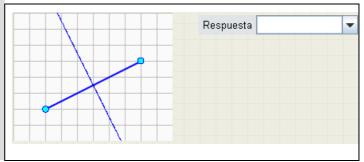
Indica la posición relativa de los pares de rectas.



Si una recta es perpendicular a otras dos rectas, ¿cómo son estas dos rectas entre sí?

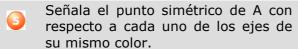


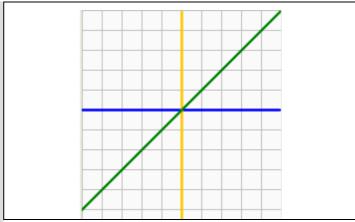
¿Cómo se llama la recta perpendicular a un segmento y que lo divide en dos partes iguales?



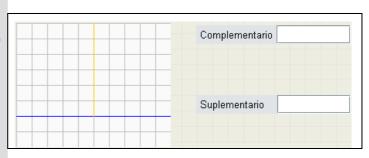
NOMBRE:

FECHA: / /

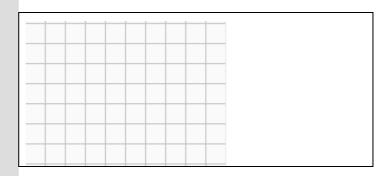




- ¿En cuántos ángulos queda dividido el plano al trazar dos rectas secantes? Haz el dibujo.
- Calcula la amplitud del complementario y del suplementario del ángulo marcado en azul.



- ¿Cómo son entre sí las bisectrices de dos ángulos suplementarios?
- Calcula el resultado de sumar los ángulos de la figura. Haz el dibujo.



Calcula la operación con ángulos que se indica:
