

# Processamento Digital de Sinais

---

Fabrício Gomes

[fgs.fabricio@gmail.com](mailto:fgs.fabricio@gmail.com)

## Aula 2

Apresentação disponível no GitHub:  
[https://github.com/fgsfabricio/PDS\\_Unisul](https://github.com/fgsfabricio/PDS_Unisul)

2018.1



# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Lineares

- Um sistema diz-se linear se a saída correspondente a uma qualquer combinação linear de entradas é a mesma combinação linear correspondente a cada uma das entradas. Esta condição é equivalente às propriedades:
- Aditividade:  $x_1[n] \rightarrow y_1[n]$  e  $x_2[n] \rightarrow y_2[n] \Rightarrow x_1[n] + x_2[n] \rightarrow y_1[n] + y_2[n]$
- Homogeneidade:  $x_1[n] \rightarrow y_1[n] \Rightarrow ax_1[n] \rightarrow ay_1[n]$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Lineares

**Exemplo a):** Verificar se o sistema abaixo é linear.

$$y[n] = nx[n]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Lineares

**Exemplo b):** Verificar se o sistema abaixo é linear.

$$y[n] = x^2[n]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Invariantes no Tempo

- Sistema para o qual ou atraso no tempo da sequência de entrada causa um deslocamento correspondente na sequência de saída, ou seja, o sistema não deve interferir temporalmente na saída em relação ao sinal de entrada.
- Se  $x_2[n] = x_1[n - n_0]$ , a saída produzirá uma sequência com valores  $y_2[n] = y_1[n - n_0]$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Invariantes no Tempo

**Exemplo a):** Verificar se o sistema abaixo é invariante no tempo.

$$y[n] = 5x[n - 10]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Invariantes no Tempo

**Exemplo b):** Verificar se o sistema abaixo é invariante no tempo.

$$y[n] = \frac{x[n]}{n}$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Invariantes no Tempo

**Exemplo 2.7** O Acumulador (Oppenheim). Verificar se o sistema abaixo é invariante no tempo.

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^n x[k]$$



# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Causais

- Sistema para o qual a saída não depende de sequências de entradas futuras, ou seja, depende de valores da sequência para  $n \leq n_0$ .
- Isso implica que, se  $x_1[n] = x_2[n]$  para  $n \leq n_0$ , então  $y_1[n] = y_2[n]$  para  $n \leq n_0$ .

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Causais

**Exemplo a):** Verificar se o sistema abaixo é causal.

$$y[n] = 5x[n - 10]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Causais

**Exemplo b):** Verificar se o sistema abaixo é causal.

$$y[n] = x[-n]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Estáveis

- Um sistema é estável no sentido entrada limitada saída limitada (BIBO, do inglês bounded-input, bounded-output) se, e somente se, toda sequência limitada de entrada produzir uma sequência limitada de saída.
- Implica que  $\max(|x[n]|) < \infty$  e  $\max(|y[n]|) < \infty$
- E implica que  $\max(|y[n]|) < \infty$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Estáveis

**Exemplo a):** Verificar se o sistema abaixo é estável.

$$y[n] = 5x[n - 10]$$

# Classificação dos Sistemas em Tempo Discreto

## Sistemas Estáveis

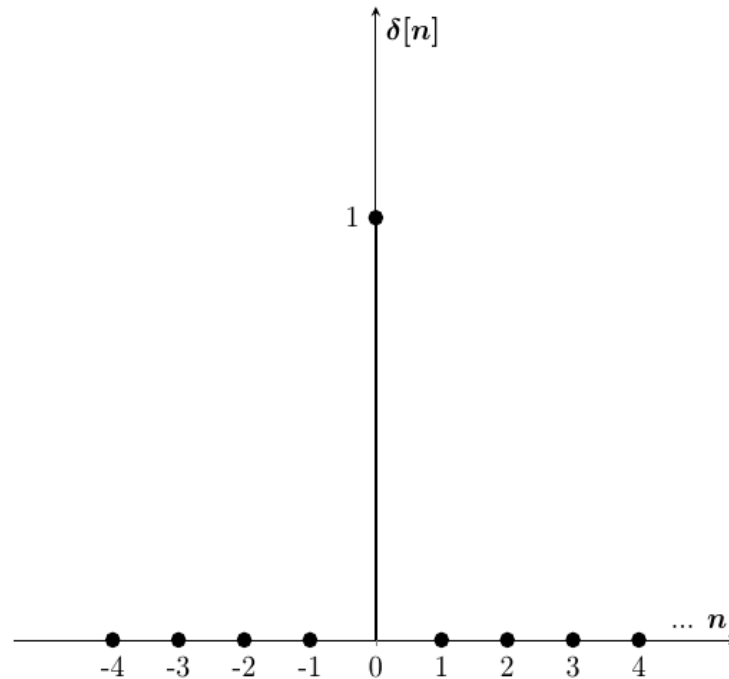
**Exemplo b):** Verificar se o sistema abaixo é estável.

$$y[n] = \frac{x[n]}{n}$$

# Sinais Discretos Importantes

## Amostra Unitária

$$\delta[n] = \begin{cases} 0, & n \neq 0 \\ 1, & n = 0 \end{cases}$$



# Sinais Discretos Importantes

## Degrau Unitário

$$u[n] = \begin{cases} 0, & n < 0 \\ 1, & n \geq 0 \end{cases}$$

