## 1. Введение

Текстовая формулировка задачи: решение системы линейных алгебраических уравнений методом Крамера (количество неизвестных меньше 4).

Теория: метод Крамера— способ решения систем линейных алгебраических уравнений с числом уравнений равным числу неизвестных с ненулевым главным определителем матрицы коэффициентов системы (причём для таких уравнений решение существует и единственно). Для системы п линейных уравнений с п неизвестными

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \dots \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n \end{cases}$$

$$(1)$$

с определителем матрицы системы , отличным от нуля, решение записывается в виде

$$x_{i} = \frac{1}{\Delta} \begin{vmatrix} a_{11} & \dots & a_{1,i-1} & b_{1} & a_{1,i+1} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2,i-1} & b_{2} & a_{2,i+1} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n-1,1} & \dots & a_{n-1,i-1} & b_{n-1} & a_{n-1,i+1} & \dots & a_{n-1,n} \\ a_{n1} & \dots & a_{n,i-1} & b_{n} & a_{n,i+1} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix}$$

$$(2)$$

(і-ый столбец матрицы системы заменяется столбцом свободных членов).

Для решения использован Python 3

Пример приведен в пункте 2 на стр. 5.

## 2. Ход работы

#### 2.1. Код приложения

```
# import numpy as np

class LinSys:
    _n = None
    _A = None
    _X = None
    _B = None

_isFilled = False
    _isSolved = False

def __init__(self, numberOfUnknowns: int) -> None:
    self._n = numberOfUnknowns
    # self._A = np.zeros((numberOfUnknowns, numberOfUnknowns))
```

```
# self._X = np.zeros(numberOfUnknowns)
   # self._B = np.zeros(numberOfUnknowns)
   self._A = [[0] * numberOfUnknowns for i in range(0, numberOfUnknowns)]
   self._X = [0] * numberOfUnknowns
   self._B = [0] * numberOfUnknowns
def processUserInput(self) -> None:
   print()
   print("Общий вид системы линейных уравнений:")
   print(" a11 * x1 + a12 * x2 + ... + a1n * xn = b1")
   print(" a21 * x1 + a22 * x2 + ... + a2n * xn = b2")
   print(" ...")
   print(" am1 * x1 + am2 * x2 + ... + amn * xn = bm")
   print("где")
   print(" m - количество уравнений")
   print(" n - количество переменных")
   print("x1,x2,...,xn-неизвестные, которые надо определить")
   print(" a11,a12,...,amn - коэффициенты. Предполагаются известными")
   print(" b1,b2,...,bm - свободные члены. Предполагаются известными")
   print()
   print("В данном случае для решения используется метод Крамера. Потому количес
   print()
   for i in range(0, self._n):
       print("Введите коэффициенты уравнения", str(i + 1))
       for j in range(0, self._n):
           while True:
                try:
                    self._A[i][j] = float(input("a" + str(i + 1) + str(j + 1) +
                except ValueError:
                   print("Введённое значение должно быть вещественным числом!")
                    continue
                break
   print("Введите свободные члены уравнения")
   for i in range(0, self._n):
       while True:
            try:
                self._B[i] = float(input(" b" + str(i + 1) + ": "))
            except ValueError:
                print("Введённое значение должно быть вещественным числом!")
                continue
            break
```

```
self._isFilled = True
def solve(self) -> bool:
    if not self._isFilled:
        print("Не все данные указаны. Систему решить невозможно")
        return False
    # det = np.linalg.det(self._A)
    det = self.det(self._A)
    if det == 0:
        print("Определитель матрицы коэффициентов равен нулю. Методом Крамера рец
        return False
    # tmp = np.copy(self._A)
    tmp = [[0] * self._n for i in range(0, self._n)]
    for i in range(0, self._n):
        for j in range(0, self._n):
            tmp[i][j] = self._A[i][j]
    for k in range(0, self._n):
        for i in range(0, self._n):
            tmp[i][k] = self._B[i]
        # self._X[k] = np.linalg.det(tmp) / det
        self._X[k] = self.det(tmp) / det
        for i in range(0, self._n):
            tmp[i][k] = self._A[i][k]
    self._isSolved = True
    return True
def printAnswer(self) -> None:
    if not self._isSolved:
        print("Внимание! Невозможно вывести решение: система ещё не решена. Попыт
        if self.solve():
            self.printAnswer()
        else:
            print("Неудача. Решить систему не получилось")
```

```
return False
        print("Решения системы:")
        for i in range(0, self._n):
            print("x" + str(i + 1) + ":", round(self._X[i], 14))
    def det(self, mtx) -> int:
        if self._n == 1:
            return mtx[0][0]
        elif self._n == 2:
            return mtx[0][0] * mtx[1][1] - mtx[0][1] * mtx[1][0]
        elif self._n == 3:
            return mtx[0][0] * mtx[1][1] * mtx[2][2] - mtx[0][0] * mtx[1][2] * mtx[2]
            print("Вы пытаетесь найти определитель матрицы размером больше 3х3, что в
            exit()
class App:
    def __init__(self) -> None:
        pass
    def run(self) -> None:
        numberOfUnknowns = self.getInputNumberOfUnknowns()
        linsys = LinSys(numberOfUnknowns)
        linsys.processUserInput()
        if linsys.solve():
            linsys.printAnswer()
    def getInputNumberOfUnknowns(self) -> int:
        while True:
            try:
                numberOfUnknowns = int(input("Введите количество неизвестных (менее 4
            except ValueError:
```

```
print("Введённое значение должно быть целым числом!")
if numberOfUnknowns < 1:</pre>
    print("Введённое значение не может быть меньше единицы!")
elif numberOfUnknowns > 3:
    print("Введённое значение не может быть больше трёх!")
```

continue

continue

# continue return numberOfUnknowns

```
if __name__ == "__main__":
    app = App()
    app.run()
```

### 2.2. Пример работы

Пример работы представлен на рис. 1

```
Введите количество неизвестных (менее 4): 3

Общий вид системы линейных уравнений:
    all * X1 + al2 * X2 + ... + aln * Xn = b1
    al2 * X1 + al2 * X2 + ... + aln * Xn = b1
    al1 * X1 + an2 * X2 + ... + ann * Xn = bn
    re
    re
```

Рис. 1. Пример работы