Econometria I (2023) FEA-RP/USP

Professor: Daniel Domingues dos Santos Monitores: Fábio Nishida e Felipe Bauer

Lista Prática 2

Exercício 1 (swirl). Usando o pacote swirl, acesse o curso "R Programming" e faça as seguintes lições:

- a) 10: lapply and sapply
- b) 12: Looking at Data
- c) 13: Simulation

Adicionalmente, instale o curso "Getting and Cleaning Data" usando a seguinte função swirl::install_course("Getting and Cleaning Data") e faça as seguintes lições:

- d) 1: Manipulating Data with dplyr
- e) 2: Grouping and Chaining with dplyr

Ao instalar o curso e entrar na lição "1: Manipulating Data with dplyr" aparecerá o erro:

Error in yaml.load(readLines(con, warn = readLines.warn), error.label = erro
r.label, :
 (C:/Users/fhnis_r40seqz/AppData/Local/Programs/R/R-4.3.0/library/swirl/Cour
ses/Getting_and_Cleaning_Data/Manipulating_Data_with_dplyr/lesson.yaml) Scann
er error: while scanning a tag at line 205, column 9 did not find expected wh
itespace or line break at line 205, column 19

Copie o endereço até a pasta "Manipulating_Data_with_dplyr" (destacado na imagem acima) e substitua o arquivo "lesson.yaml" pelo arquivo disponível em:

https://fhnishida.netlify.app/project/rec5004/lesson.yaml

Por fim, use swirl::install_course("Exploratory Data Analysis") para instalar o curso "Exploratory Data Analysis" e faça as seguintes lições:

- f) 5: Base Plotting System
- g) 9: GGPlot2 Part2¹

Exercício 2. A base de dados deste exercício foi obtida do site Hospital Compare (http://hospitalcompare.hhs.gov) administrado pelo Departamento de Saúde e Serviços Humanos dos EUA. O propósito deste site é prover dados e informação sobre a qualidade dos tratamentos de mais de 4 mil hospitais certificados pelo Medicare. O arquivo que utilizaremos é o medicare.csv², que contém informação sobre taxa de mortalidade de 30 dias para alguns problemas de saúde.

Comece carregando a base de dados com o seguinte código e observe a sua estrutura:

 $^{^{1}}$ O 1^{0} exercício irá pedir para fazer um gráfico usando qplot() que é uma função pouco utilizada. Você pode dar skip() para avançar para a parte com gráficos usando a função ggplot()

²Versão resumida da base de dados fornecida no curso da John Hopkins no Coursera

```
1 outcome = read.csv2("https://fhnishida.netlify.app/project/rec5004/medicare.csv")
```

Como exercício, escreva a função best() que terá dois argumentos: (I) a sigla de um Estado americano, e (II) o nome do problema de saúde. Essa função, a partir base de dados outcome, retorna um vetor de texto com o nome do hospital que possui a melhor (menor) taxa de mortalidade (Death Rate), dadas sigla de Estado e problema de saúde. O nome do hospital está na coluna "Hospital.Name" e os problemas de saúde podem ser "heart attack", "heart failure" e "pneumonia". Se houver empate de melhor hospital, o nome do hospital a ser retornado pela função é dado pela ordem alfabética – se "Hospital A" e "Hospital B" estiverem empatados, deve-se retornar "Hospital A". A função deve ter a seguinte estrutura:

```
best = function(estado, problema) {
    # Filtre a base de dados pela sigla do estado

# Reordene a coluna taxa de mortalidade da doença selecionada de forma crescente e, em caso de empate, coloque os nomes dos hospitais de forma alfabé tica.

# Retorne o nome do hospital com a menor taxa de mortalidade
}
```

Como referência, sequem alguns exemplos de output da função:

```
1 > best("TX", "heart failure")
2 [1] "FORT DUNCAN MEDICAL CENTER"
3
4 > best("MD", "heart attack")
5 [1] "JOHNS HOPKINS HOSPITAL, THE"
```

Usando a função best () escrita, quais são os resultados retornados para os casos:

```
a) estado = "SC" e problema = "heart attack"
b) estado = "NY" e problema = "pneumonia"
c) estado = "AK" e problema = "pneumonia"
```

<u>Resposta</u>: A ideia aqui é reordenar a base de dados, de forma que o hospital desejado fique na primeira linha (e seu nome será retornado pela função best()). Um das dificuldades é que precisamos reordenar uma das três colunas da taxa de mortalidade, além do nome do hospital. Uma forma de fazer isso é criando uma estrutura condicional para cada uma das doenças (heart attack, heart failure e pneumonia) e reordenando via função arrange(). Usando esta função, precisamos informar a coluna de taxa de mortalidade da doença incluída no argumento problema e, depois, o nome do hospital (para caso haja empate de nas taxas de mortalidade).

```
best = function(estado, problema) {
    # Filtre a base de dados pela sigla do estado
    bd = outcome %>% filter(State == estado)

# Reordene a coluna de taxa de mortalidade da doença selecionada
    # de forma crescente e, em caso de empate, coloque os nomes dos
    # hospitais de forma alfabética.

# if (problema == "heart attack") {
    bd = bd %>% arrange(DeathRatesHeartAttack, Hospital.Name)
} else if (problema == "heart failure") {
```

```
bd = bd %>% arrange(DeathRatesHeartFailure, Hospital.Name)
} else if (problema == "pneumonia") {
    bd = bd %>% arrange(DeathRatesPneumonia, Hospital.Name)
}

# Retorne o nome do hospital com a menor taxa de mortalidade
bd$Hospital.Name[1]
}
```

- a) "MUSC MEDICAL CENTER"
- b) "MAIMONIDES MEDICAL CENTER"
- c) "YUKON KUSKOKWIM DELTA REG HOSPITAL"

Exercício 3. Carregue bases de dados de GDP para 190 países ranqueados e de informações educacionais a partir do seguinte código:

```
1 gdp = read.csv2("https://fhnishida.netlify.app/project/rec5004/GDP.csv")
2 educ = read.csv2("https://fhnishida.netlify.app/project/rec5004/EDSTATS.csv")
```

- a) Mescle as duas bases de dados a partir do código de país de 3 dígitos. Quantos códigos tiveram correspondência em ambas bases? Organize a base de dados mesclada de forma decrescente no GDP (de modo que USA fica na última linha). Qual é o país na 13ª linha?
- b) Quais são os rankings médios para os grupos de renda "High income: OECD" e "High income: nonOECD"?
- c) Divida os países em 5 grupos de (quase) mesmo tamanho de acordo com seus GDPs, criando a variável "GDP. Group". Depois, faça uma tabela cruzada entre ela e "Income. Group". Quantos países estão entre as nações com maior renda (High: OECD/nonOECD) e estão entre o 1º e 2º quintis do GDP?

Resposta:

a) 189 correspondências e 13º país é "St. Kitts and Nevis". A maneira mais fácil de saber a quantidade de correspondências ao mesclar duas bases é fazendo um *inner join* (junção que mantém apenas valores presentes em ambas bases) e contando a quantidade linhas restantes.

```
library(dplyr)
## JUNTANDO BASES E MANTENDO APENAS CASOS QUE APARECEM EM AMBAS
joined = merge(gdp, educ, by.x="Country", by.y="CountryCode", all=FALSE)
nrow(joined) # núm. de correspondencias entre as duas bases (já que ALL=FALSE)

# Ordenando GDP de forma crescente
joined = joined %>% arrange(GDP)
joined[13, 1:4] # 130 país na ordem decrescente (e 4 primeiras colunas)
```

```
CountryCode Rank Long.Name.x GDP KNA 178 St. Kitts and Nevis 767
```

b) 32.9 e 91.9. Podemos filtrar a base de dados para cada um dos grupos e fazer as médias, mas há uma forma mais "elegante" usando group_by() e summarise(). Podemos agrupar a base de dados pela variável categórica Income. Group e fazer as médias de rank:

```
1 ## AVERAGE RANKING
2 joined %>% group_by(Income.Group) %>% summarise(
   mean_rank = mean(Ranking)
4)
   Income.Group
                        mean_rank
2 1 High income: OECD
                         33.0
3 2 High income: nonOECD
                             91.9
4 3 Low income
                            134.
5 4 Lower middle income
                            108.
6 5 Upper middle income
                             92.1
```

c) 5 (4 nonOECD + 1 OECD). Primeiro, precisamos criar a variável Group.GDP que é uma transformação de variável contínua em categorias, usando a função cut(). Na variável categória em questão haverá 5 grupos de GDP de tamanhos (quase) iguais. Portanto, além de saber quantis de mínimo e máximo (0% e 100%), precisamos encontrar os 4 quintis (20%, 40%, 60% e 80%). Para isto, usaremos a função seq() para criar o vetor de quantis {0%, 20%, 40%, 60%, 80%, 100%}, que usaremos para informar as quebras dos intervalos de GDP:

Agora, podemos fazer uma tabela cruzada de grupos de GDP e de Renda usando table() com ambas variáveis:

```
table(joined$GDP.Group, joined$Income.Group)
                   High: nonOECD High: OECD Low Lower middle Upper middle
  (40,4.25e+03]
                    2 0 11 15
                                                        9
2
  (4.25e+03,1.6e+04]
                             4
                                     1 16
                                                   9
                                                               8
4 \quad (1.6e+04,5.08e+04]
                             8
                                     1 9
                                                  11
                                                               8
[5.08e+04,2.63e+05]
                                     1.0
                                                               9
 (2.63e+05,1.62e+07]
                                                              11
```

Note que cada linha (grupo de GDP) possui 37 ou 38 países, já que dividimos usando quintis. Para a resposta do item, precisamos verificar as colunas com renda alta (High) e na segunda linha (2° grupo com menor GDP – entre 1° e 2° quintis).

Exercício 4. Considere a base de dados mtcars (nativa no R) que contém o consumo de combustível e mais 10 características automobilísticas para 32 carros (modelos 1973-74). Em particular, queremos analisar a relação entre o consumo de combustível (mpg, em milhas por galão) e o peso do automóvel (wt, em mil libras) pelo seguinte modelo:

$$mpg_i = \alpha + \beta wt_i + \varepsilon_i$$

- a) Assuma $\hat{\alpha} = 36$ e $\hat{\beta} = -4$ e calcule a soma dos quadrados dos resíduos $\sum_{i=1}^{N} \hat{\varepsilon}_{i}^{2}$, tal que um resíduo é dado por: $\hat{\varepsilon}_{i} = mpg_{i} \widehat{mpg}_{i}$.
- b) Crie uma função resid_quad(alpha, beta) que recebe como inputs possíveis valores de $\hat{\alpha}$ e $\hat{\beta}$, e retorna a soma dos quadrados dos resíduos do modelo acima a partir da base de dados mtcars.
- c) Considere os seguintes vetores de possíveis valores de â e de β:
 alpha_grid = seq(34, 38, length=11) e beta_grid = seq(-6, -2, length=11)
 Crie uma matriz de dimensão 11 × 11 em que cada linha corresponde a um valor de â e cada coluna corresponde a um valor de β̂. Preencha essa matriz usando a função resid_quad() e verifique qual par (â, β̂) minimiza a soma dos quadrados dos resíduos do modelo acima.

Resposta:

a) Encontramos os valores ajustados usando $\widehat{mpg}_i = \hat{\alpha} - \hat{\beta}wt_i = 36 - 4wt_i$:

```
1 \text{ mpg\_ajustado} = (36 + -4 * \text{ mtcars} \$ \text{wt})
```

Os resíduos quadráticos são calculados pela diferença entre os valores ajustados com os valores observados de mpq, elevando ao quadrado.

```
1 resid = mtcars$mpg - mpg_ajustado
2 sum(resid^2) # soma dos quadrados dos resíduos
1 [1] 627.7735
```

b) A função segue do código feito em (a), mas com input de um alpha e um beta:

```
resid_quad = function(alpha, beta) {
    mpg_ajustado = alpha + beta * mtcars$wt
    resid = mtcars$mpg - mpg_ajustado
    sum(resid^2)
}

resid_quad(36, -4) # Testando para os valores do item (a)
```

- 1 [1] 627.7735
- c) Aqui, vamos criar uma matrix 11 × 11 em que cada linha corresponde a um valor de alpha_grid e cada coluna a um valor de beta_grid. Aplicaremos a função criada resid_quad() para preencher a matriz, considerando cada combinação de valores dos grids:

```
1 # Definindo os possíveis valores de alpha e beta
2 alpha_grid = seq(34, 38, length=11)
3 beta_grid = seq(-6, -2, length=11)
5 # Criando matriz de zeros com dimensão 11 x 11
6 matriz = matrix(0, nrow=length(alpha_grid), ncol=length(beta_grid))
8 # Preenchendo a matriz com soma dos quadrados dos resíduos , dadas todas possí
     veis combinações de valores de alpha e de beta
9 for (i in 1:length(alpha_grid)) {
     for (j in 1:length(beta_grid)) {
          matriz[i, j] = resid_quad(alpha_grid[i], beta_grid[j])
12
13 }
15 round (matriz, 1) # Visualizando matriz (com 1 casa decimal)
16 min(matriz) # Menor soma de resíduos quadráticos
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
                                       [,6]
                                              [,7]
                                                     [,8]
                                                             [,9] [,10] [,11]
  [1,] 1222.2 820.1 533.5 362.4 306.7 366.6 542.0 832.8 1239.1 1760.9 2398.3
3 [2,] 1089.2 720.1 466.4 328.2 305.5 398.4 606.7 930.4 1369.7 1924.5 2594.7
4 [3,] 966.5 630.3 409.6 304.3 314.6 440.4
                                              681.6 1038.3 1510.5 2098.3 2801.4
5 [4,] 854.0 550.7 363.0 290.7 333.9 492.6 766.8 1156.4 1661.6 2282.3 3018.4
6 [5,] 751.7 481.4 326.6 287.3 363.4 555.1 862.2 1284.8 1822.9 2476.5 3245.6
7 [6,] 659.7 422.4 300.5 294.1 403.2 627.8 967.8 1423.4 1994.5 2681.0 3483.0
8 [7,] 577.9 373.5 284.6 311.2 453.2 710.7 1083.7 1572.3 2176.3 2895.7 3730.7
9 [8,] 506.4 334.9 279.0 338.5 513.4 803.9 1209.9 1731.3 2368.3 3120.7 3988.6
10 [9,] 445.1 306.6 283.6 376.0 583.9 907.4 1346.3 1900.7 2570.5 3355.9 4256.8
11 [10,] 394.1 288.5 298.4 423.8 664.7 1021.0 1492.9 2080.2 2783.1 3601.4 4535.2
12 [11,] 353.3 280.6 323.5 481.8 755.6 1144.9 1649.7 2270.0 3005.8 3857.1 4823.8
14 [1] 278.9546
```

Porém, não queremos saber o menor valor de soma dos quadrados dos resíduos, mas sim os $\hat{\alpha}$ e $\hat{\beta}$ que geraram esse valor. Para isto, vamos usar a função which(..., arr.ind=TRUE) (argumento arr.ind=TRUE faz retornar os índices de cada dimensão da matriz/array):

```
1 # Índices de alpha e de beta que minimizam desvio quadrático
2 indices = which(matriz == min(matriz), arr.ind = TRUE)
3 indices
1    row col
2 [1,] 8 3
```

Agora, vamos extrair os índices de alpha e de beta do objeto indice, que serão utilizados para retornar os seus valores:

```
# Atribuindo os índices a objetos
2 i_alpha = indices[1, "row"]
3 i_beta = indices[1, "col"]
4
5 # Buscando valores de alpha e de beta a partir dos índices acima
6 alpha_grid[i_alpha]
7 beta_grid[i_beta]

1 [1] 36.8
2 [1] -5.2
```

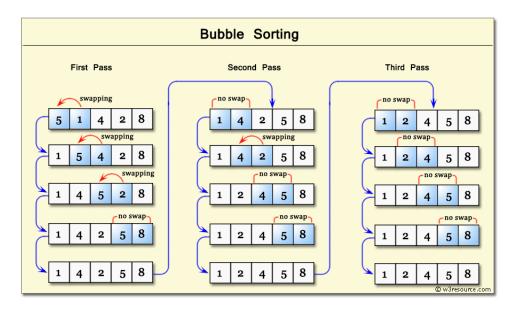
Logo, considerando os valores disponíveis nos grids, a combinação $\hat{\alpha}=36.8$ e $\hat{\beta}=-5.2$ geraram a menor soma dos quadrados dos resíduos.

Exercício 5. Faça uma amostragem de 100 números sem reposição do vetor de números inteiros 1:100. Usando estruturas condicionais e de repetição/loop, reordene o vetor de forma decrescente.

a) Crie um algoritmo usando os seguintes passos:

- 1. Compare o número da 1^a posição com o da 2^a e, caso este seja maior, troque a ordem.
- 2. Compare o número da 2^a posição com o da 3^a e, caso este seja maior, troque a ordem. :
- 99. Compare o número da 99ª posição com o da 100^a e, caso este seja maior, troque a ordem.
- b) Os passos executados no item anterior foram suficientes? Adapte seu algoritmo para que o vetor esteja totalmente ordenado decrescentemente.

Resposta: O procedimento descrito no enunciado é o algoritmo de ordenação de bolha:



Primeiro, crie o vetor descrito no enunciado:

```
vetor = sample(1:100, 100)
print(vetor)
                    20
                              24
                                   43
                                        65
                                             72
                                                  29
                                                           47
                                                                71
                                                                     56
                                                                                         79
                    84
   [18]
          16
                         67
                              12
                                   28
                                        83
                                                  50
                                                      25
                                                           86
                                                                70
                                                                     30
                                                                              100
               45
                    10
                         98
                              14
                                   26
                                        89
                                            55
                                                  48
                                                      21
                                                           44
                                                                66
                                                                     64
                                                                               15
                                                                                         40
   [35]
          51
                                                                                    49
               97
                    8
                         5
                                        35
                                                           32
                                                                      7
                                                                                         87
   [52]
          96
                              53
                                   68
                                            18
                                                 34
                                                      52
                                                                62
                                                                          60
                                                                               58
                                                                                    93
                    82
               77
                              23
                                        27
                                            31
                                                 11
                                                      19
                                                           99
                                                                13
                                                                           2
                                                                               1
                                                                                    81
   [69]
          38
                         46
                                    4
                                                                     91
          85
                    63
                         41
                              76
                                        74
                                            42
                                                  90
                                                      39
                                                           78
                                                                92
                                                                     73
   [86]
               17
                                   59
                                                                          33
                                                                               75
```

Iniciando no 1º elemento do vetor, faremos uma comparação entre este elemento e o seguinte. Se este for maior do que aquele, inverteremos a ordem e, caso o elemento seja seguido por um número menor, a ordem continuará. Logo, faremos a mesma análise para a próxima dupla do vetor e repetiremos até chegar ao penúltimo elemento do vetor, que será comparado ao último.

```
1 for (i in 1:(length(vetor) - 1)) {
      if (vetor[i] < vetor[i + 1]) {</pre>
           aux = vetor[i + 1]
           vetor[i + 1] = vetor[i]
           vetor[i] = aux
       }
6
          20
             95 24 43 65
                           72
                              29
                                        71 56
   [1]
      80
                                 88 47
                                               69
                                                  37
                                                      54
                                                         79
                                                             16
  [18]
      9 84 67 12 28 83 6 50 25 86 70 30
                                               22 100 36 61
                                                             51
 [35]
     45 10 98 14 26 89 55 48 21 44 66 64
                                               94 15 49 40
         8 5 53 68 35 18 34
                                  52 32 62
                                           7 60 58 93 87
4 [52]
5 [69]
       77
         82 46 23 4 27 31 11 19 99 13
                                               3 2 81 57 85
                                            91
 [86]
      17
          63 41 76 59 74 42 90 39 78 92 73 33 75
```

Note que este loop fez apenas o menor número ir à última posição do vetor. Precisamos rodar outros loops para levar o $2^{\mathbb{Q}}$ menor número para a penúltima posição, e assim por diante.

```
1 for (num_loops in 0:99) {
 for (i in 1:99) {
       if (vetor[i] < vetor[i + 1]) {</pre>
           aux = vetor[i + 1]
           vetor[i + 1] = vetor[i]
           vetor[i] = aux
        }
    }
8
          99
             98 97
                        95
                           94
                               93
                                  92
                                      91
                                         90
                                             89
                                                          85
  [1] 100
                    96
                                                88
                                                    87
                                                       86
                                                              84
 [18] 83 82 81 80 79
                       78 77 76 75 74 73 72 71
                                                    70
                                                      6.9
                                                          68
                                                              67
3 [35]
     66
         65 64 63 62 61 60 59 58 57 56 55 54 53 52 51
                                                              50
4 [52] 49 48 47 46 45
                       44 43 42 41 40 39 38 37 36
                                                      35 34
                                                              33
5 [69]
     32 31 30 29 28 27 26 25 24 23 22 21 20
6 [86] 15 14 13 12 11 10 9 8 7 6
```

[Opcional] Outra possibilidade (mais eficiente), é fazer o $2^{\underline{0}}$ loop a ir até o antepenúltimo elemento (comparando com o penúltimo), e assim por diante. Isso evita fazer comparações com elementos que você já tem certeza que estão na ordem certa:

```
[1] 100 99
                              94
                                              90
                                                             86
               98
                   97 96
                          95
                                  93 92 91
                                                  89 88 87
                                                                 85
                                                                     84
           82
               81
                   80
                       79
                           78
                                   76
                                      75
                                          74
                                              73
                                                  72
                                                      71
                                                         70
                                                             69
                                                                 68
                                                                     67
  [18] 83
                               77
3 [35]
        66
           65
               64
                   63
                       62
                           61
                               60
                                   59
                                      58
                                          57
                                              56
                                                  55
                                                      54
                                                         53
                                                             52
                                                                 51
                                                                     50
4 [52]
        49
            48
               47
                   46
                       45
                           44
                               43
                                   42
                                      41
                                          40
                                              39
                                                  38
                                                      37
                                                          36
                                                             35
                                                                 34
                                                                     33
5 [69]
        32
           31
               30
                   29
                       28
                           27
                               26
                                   25
                                      24
                                          23
                                              22
                                                  21
                                                      20
                                                         19
                                                             18
                                                                 17
                                                                     16
6 [86] 15
           14
               13 12 11
                          10
                               9
                                   8
                                      7
                                          6
                                              5
                                                  4
                                                     3
                                                          2
                                                             1
```